

11

3.5

$$B_{p.c.} = 3.5 \text{ m}$$

دو خدای

1 (سالت)

$$B_{R.c.} = 2.13 \text{ m}$$

2 Design the critical sections For Moment. (depth of R.C.)

\* Actual Normal stress on R.C. Footing (U.L)

$$F_{act} = \frac{P_{u.L}}{\text{Area R.C.}} = \frac{525 \text{ KN}}{B_{R.c.} \times 1 \text{ m}} = \frac{525 \text{ KN}}{2.13 \times 1 \text{ m}} = 181.03 \text{ KN/m}^2$$

$$(P_{u.L} = 525 \text{ KN/m} \xrightarrow{\text{width}} 525 \times 1 = 525 \text{ KN})$$

\* critical section of bending

$$Z = \frac{2.13 - 0.25}{2} = 1.325$$

$$= \frac{B_{R.c.} - b_w}{2} = 1.325$$

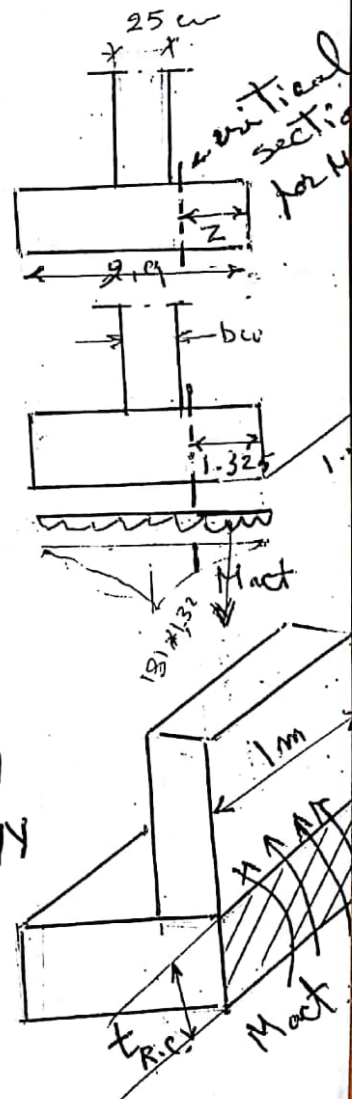
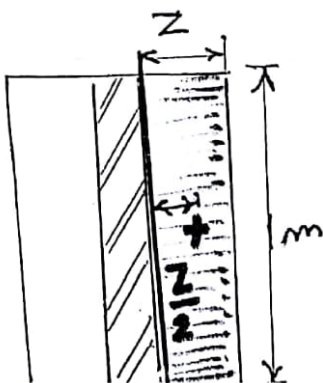
\* B.M = Force x distance

$$\text{Force} = \text{stress} \times \text{Area} = \frac{\text{Force}}{\text{Area}} \times \text{Area}$$

$$= F_{act} \times (Z \times 1)$$

$$= 181.03 \times (1.32 \times 1 \text{ m})$$

$$= 181.03 \times 1.32 \text{ KN}$$



(19)

$$B.M = \text{Force} \times \text{distance}$$

$$= (181,03 \times 1,325) \times \frac{Z}{2}$$

$$M_{act} = (181,03 \times 1,325) \times \frac{1,325}{2} = 158,9 \text{ KN}\cdot\text{m}$$

$$* \therefore d_{R.c} = c_1 \sqrt{\frac{M_{act}}{F_{cu} \times b}}$$

$$\rightarrow c = 3-5 \text{ cm}$$

$$\therefore = 5 \sqrt{\frac{158,9 \times 10^6}{25 \times 1000}}$$

$\frac{Z}{2} \times 21 \text{ غير عادي}$

$$= 398,6 \text{ mm}$$

$$\therefore t_{R.c} = d + 70 \text{ mm}$$

$$= 398,6 + 70 = 468,6 \text{ mm}$$

$$\therefore t_{R.c} = 500 \text{ mm}$$

$$d = 430 \text{ mm}$$

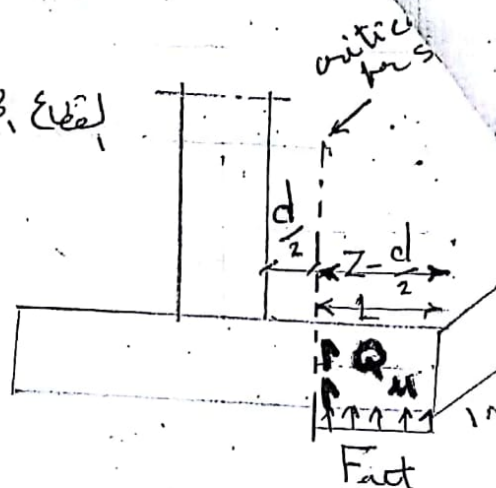
### ③ check shear

$q_{act} < q_{all}$    
 (فعلية < مسموحة)   
 (الضغط < القص)   
 (الشد < القص)   
 (الشد < القص)   
 (الشد < القص)

\* critical section for shear

$$L = z - \frac{d}{2}$$

$$= 1.325 - \frac{0.43}{2} = 1.11 \text{ m}$$



\* Actual shear Force ( $Q_u$ )

$$Q_u = F_{act} \times L \times 1 \text{ m} = 181.03 \times 1.11 \times 1 = 200.94 \text{ kN}$$

\* Actual shear stress ( $q_u$ )

$$q_u = \frac{Q_u}{b \times d}$$

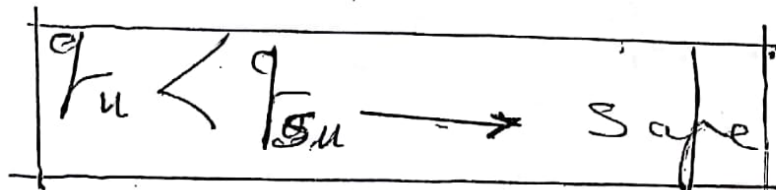
$$= \frac{200.94 \times 10^3}{1000 \times 430} = 467 \text{ N/mm}^2$$

\* Allowable shear stress ( $q_{su}$ )

$$q_{su} = 16 \sqrt{\frac{F_{cu}}{\sigma_c}}$$

$$= 16 \sqrt{\frac{25}{1.5}} = 653 \text{ N/mm}^2$$

نحو



actual shear stress < allowable S.S.

الشد < القص

# ④ Reinforcement of the Footing

check of punching

From step ② → we choose  $C_1 = 5$

From chart (2-3)  $\rightarrow \delta = 826$  chart 2-3  
2-21

$$A_s = \frac{M_{act}}{\delta F_y d}$$

$$= \frac{158,9 \times 10^6}{826 \times 360 \times 430} = 1242,7 \text{ mm}^2$$

check  $A_{smin}$

$$A_{smin} = \left[ \begin{array}{l} 1.5 d = 1.5 \times 430 = 645 \text{ mm} \\ 5 \# 12 = 565 \text{ mm}^2 \end{array} \right] 645 \text{ mm}$$

$$\therefore A_s > A_{smin} \rightarrow OK$$

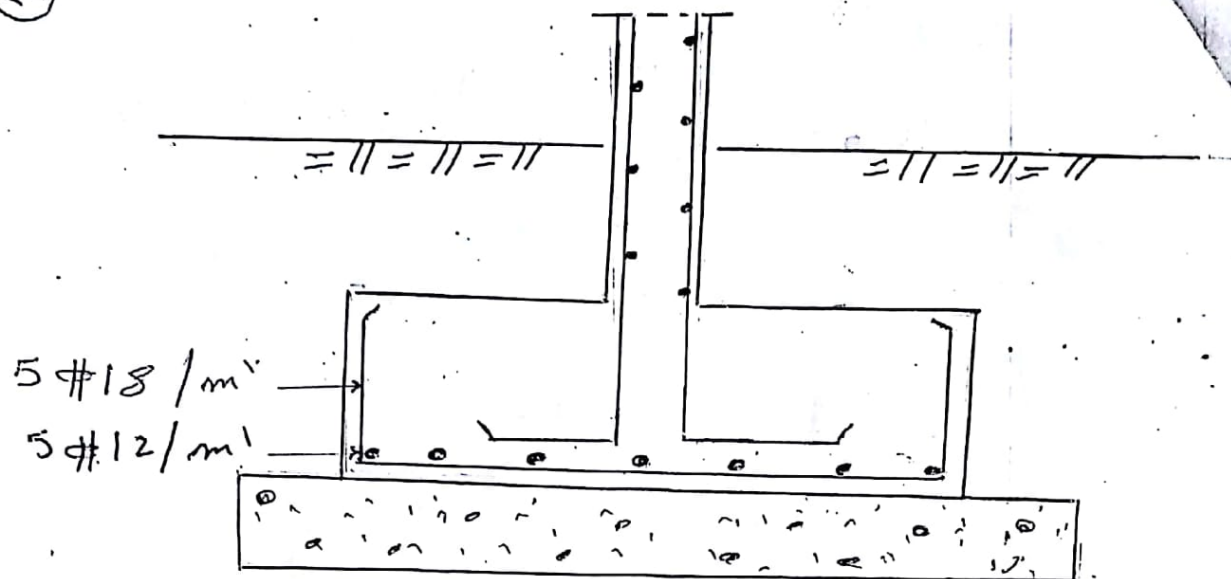
$$\therefore A_s = 1242,7 \text{ mm}^2 \rightarrow 12,43 \text{ cm}^2$$

هذا هو التسليح المطلوب  $\rightarrow 5 \# 18 / m$

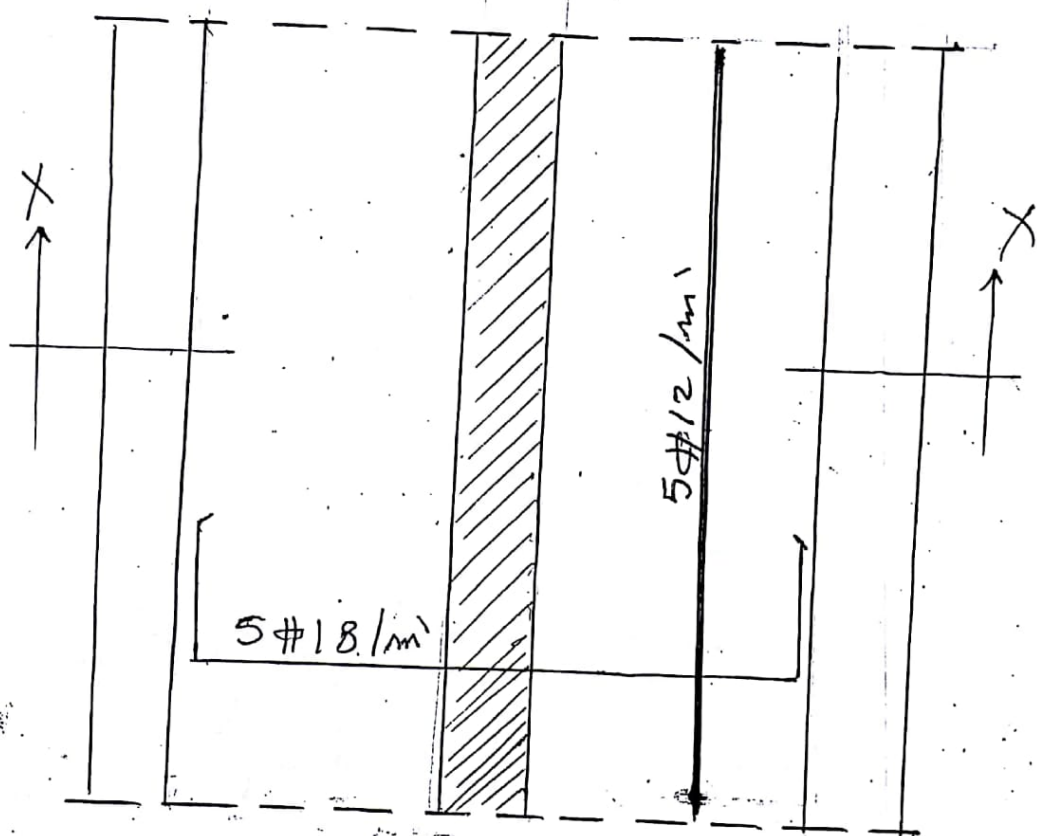
5 # 12 : لجزء البقية  
في الجهد المحوري  
توزيعه



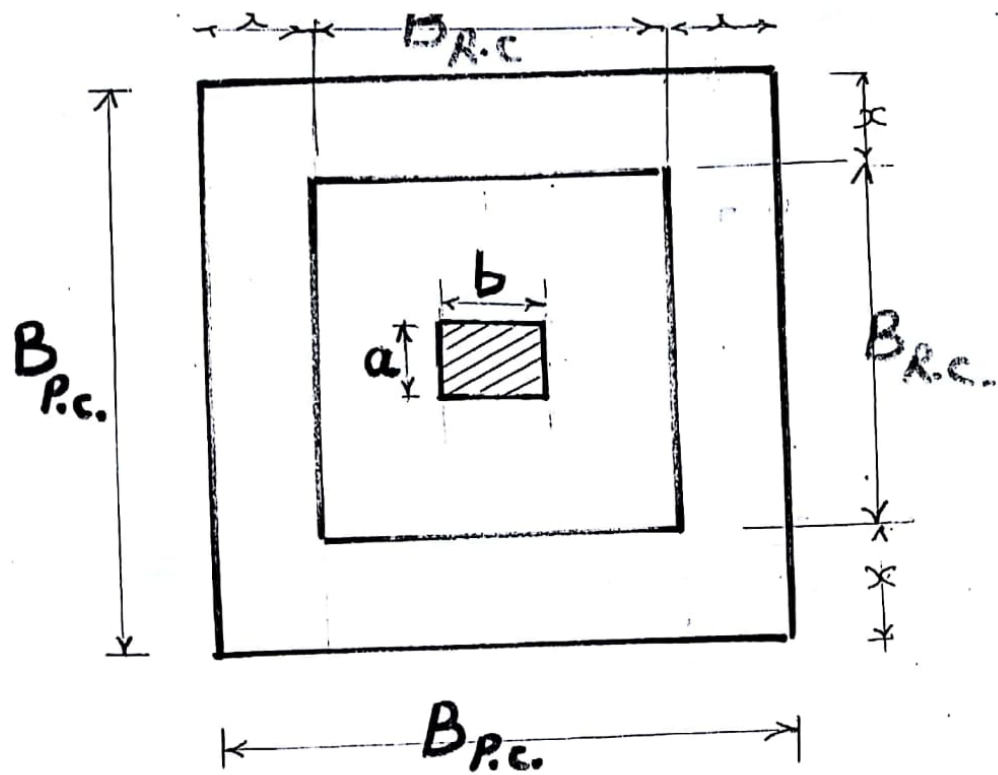
55



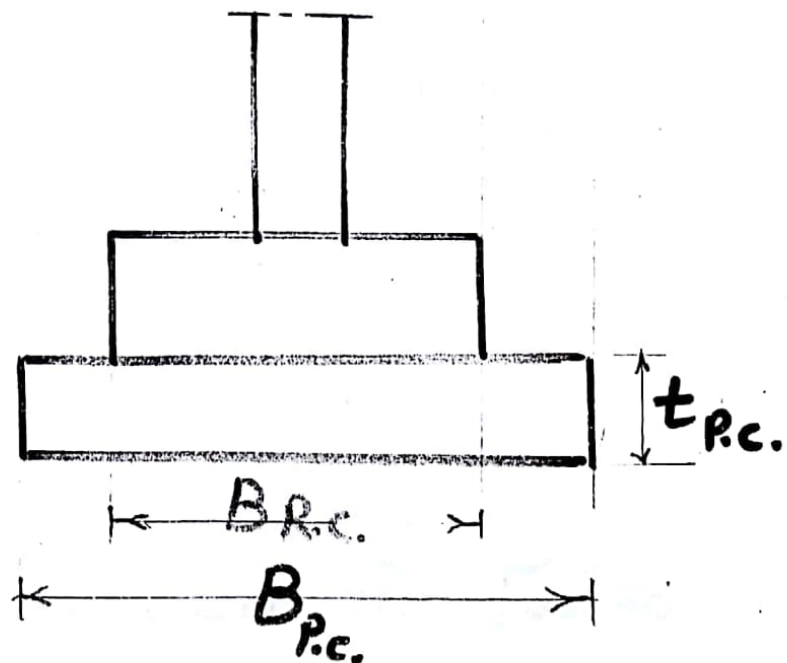
section X-X



(50)  
 سوال ۱۰



Square Footing  
تالک مربعی



①

$$\therefore \text{stress} = \frac{\text{Force}}{\text{Area}}$$

$$\therefore \text{Area} = \frac{\text{Force}}{\text{stress}}$$

$$A_{p.c} = \frac{P_w}{f_{all}}$$

$$= \frac{1450 \text{ kN}}{150 \text{ kN/m}^2} = 9.67 \text{ m}^2$$

$$A_{p.c} = B_{p.c} \times B_{p.c} = 9.67 \text{ m}^2$$

$$\therefore B_{p.c} = \sqrt{9.67} = 3.1 \text{ m}$$

$$B_{R.c} = B_{p.c} - 2t_{p.c.}$$

$$= 3.1 - 2 \times 0.4 = 2.3 \text{ m}$$

$$B_{p.c} = 3.1 \text{ m}$$

$$B_{R.c} = 2.3 \text{ m}$$

② Design the critical sections For Moment  
(Depth of R.C. Footing) ←

- Actual Normal stress on R.C. Footing (U.L)

$$F_{act} = \frac{P_{u.L}}{B_{R.c} \times B_{R.c}} = \frac{2175}{2.3 \times 2.3} = 411.1 \text{ kN/m}^2$$

(c)

$$Z = \frac{B.R.C - a}{2} = \frac{2,30 - 45}{2}$$

$$= 925 \text{ mm}$$

$$\text{stress} = \frac{\text{Force}}{\text{Area}}$$

$$\therefore \text{Force} = \text{stress} \times \text{Area}$$

$$= \text{Fact} \times (Z \times B)$$

$$= 411.1 \times (925 \times 2.3)$$

$$= 874.6 \text{ KN}$$

$$* B.M. = \text{Force} \times \text{distance}$$

$$M_{act} = 874.6 \times \frac{Z}{2}$$

$$= 874.6 \times \frac{925}{2} = 404.5 \text{ KN.m}$$

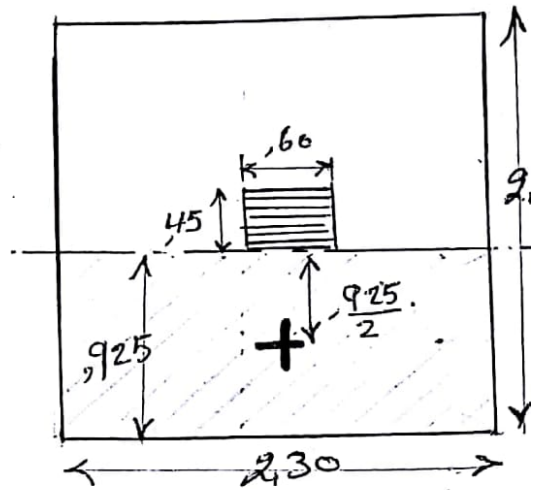
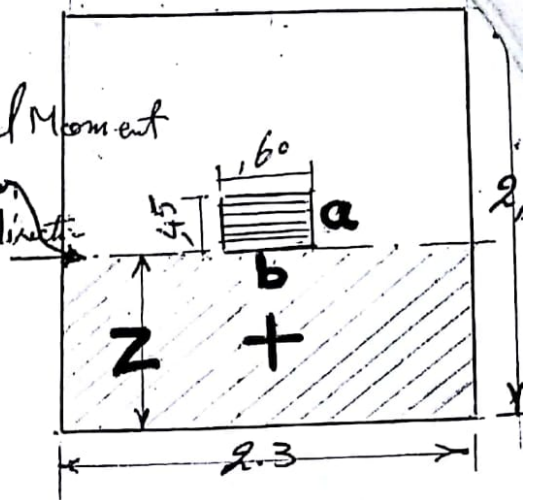
$$\therefore d = c_1 \sqrt{\frac{M_{act}}{F_{cu} \times b}}$$

$$\therefore d = 5 \sqrt{\frac{404.5 \times 10^6}{25 \times 2300}} \text{ N.m}$$

$$\therefore d = 419.36 \text{ mm}$$

$$t = d + 70 \text{ mm} = 419.36 + 70 = 489.3 \text{ mm}$$

critical Moment  
section  
in x-direction



مستطیل و عرض و ارتفاع  
design axis 2-3  
C1 → 3-5

این شکل را می توانیم از کتاب  
معماری و depth

معماری و depth  
KN.m → 1000 × 10  
→ 106

معماری و depth



(C.F)

$$t = 500 \text{ mm}$$

$$d = 430 \text{ mm}$$

### ③ check shear

• ليعتبر الجرح الذي يقع عليه أكبر إجهاد قص  
shear stress

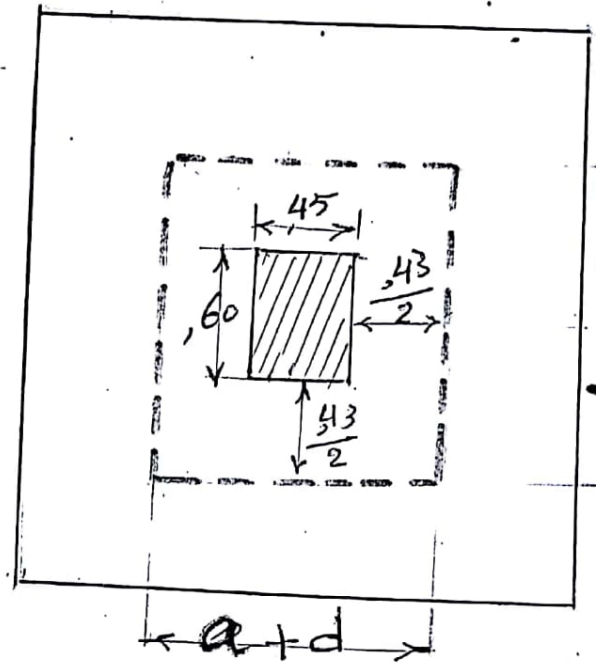
يقع على بُعد  $\frac{d}{2}$  من وسط الجرح

← من جميع الجوانب

• لذلك يجب التحقق من أنه أكبر إجهاد قص

في جانب الجرح المنتصف وليس في جوانب

الحدود كما ذكرنا في السابق



Actual shear stress  $\leq$  Allowable shear stress

$$q_u \leq q_{su}$$

أيضاً

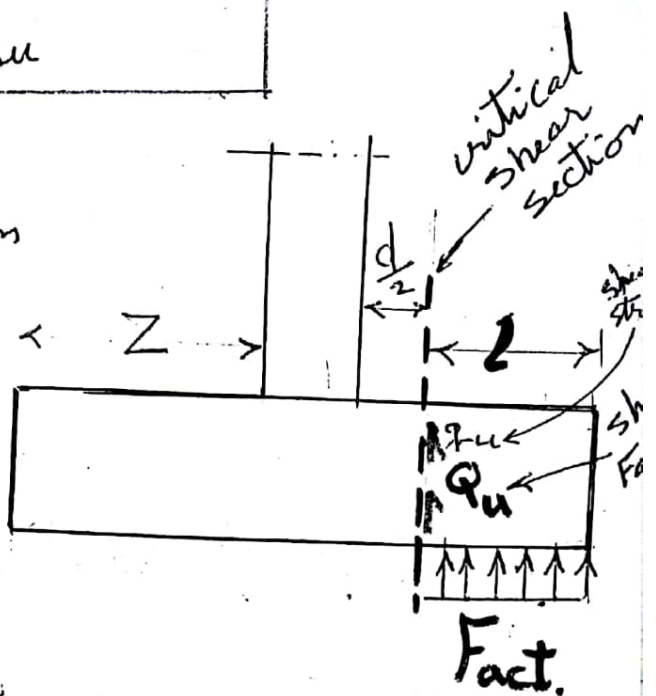
$$a + d = 45 + 43 = 88 \text{ mm}$$

$$b + d = 60 + 43 = 103 \text{ mm}$$

\* critical section For Shear

$$L = Z - \frac{d}{2}$$

$$= 925 - \frac{43}{2} = 903.5 \text{ mm}$$



④

\* Actual shear Force  $Q_u$

$$Q_u = F_{act} * (L * B_{R.C})$$

$$= 411.1 * 71 * 2.3 = 671.3 \text{ KN}$$

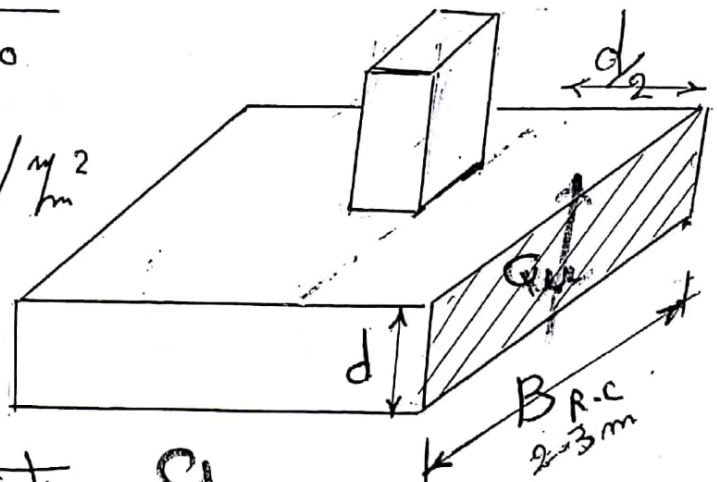
stress =  $\frac{\text{force}}{\text{Area}}$   
 force = stress \* Area  
 $= F (L * B)$

\* Calculate Actual shear stress  $q_u$

$$q_u = \frac{Q_u}{b * d}$$

$$= \frac{671.3 * 10^3}{2300 * 430} \leftarrow \text{للتحويل لـ } N/m^2$$

$$= 678 \text{ N/m}^2$$



\* Allowable Shear Stress  $q_{su}$

$$q_{su} = 16 \sqrt{\frac{F_{cu}}{\gamma_c}}$$

$$= 16 \sqrt{\frac{25}{1.5}} = 653 \text{ N/m}^2$$

$$\therefore q_u > q_{su} \rightarrow \text{Unsafe}$$

$\therefore$  we have to increase dimensions

shear stress  
 actual SS > all SS  
 t=6.0 is not safe  
 unsafe

3.

③ Re-check Shear  $\Sigma c_1 + c_2$

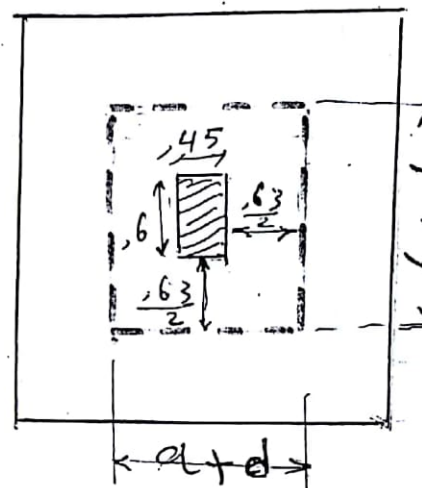
$$a + d = ,45 + ,63 = 1,08 \text{ m}$$

$$b + d = ,60 + ,63 = 1,23 \text{ m}$$

\* critical section for shear

$$L = Z - \frac{d}{2}$$

$$= ,925 - \frac{,63}{2} = ,61 \text{ m}$$



\* Actual shear Force ( $Q_u$ )

$$Q_u = F_{act} * L * B_{R.C}$$

$$= 411.1 * ,61 * 2,30 = 576,8 \text{ KN}$$

\* calculate Actual shear stress ( $q_u$ )

$$q_u = \frac{Q_u}{b * d} = \frac{576.8 \times 1000}{2300 \times 630} = ,399 \text{ N/mm}^2$$

\* Allowable shear stress ( $q_{su}$ )

$$q_{su} = ,16 \sqrt{\frac{F_{cu}}{\gamma}} = ,16 \sqrt{\frac{25}{1,5}} = ,653 \text{ N/mm}^2$$

$$\therefore q_u < q_{su} \rightarrow \text{Safe} \quad \text{actual shear} < \text{allow. shear}$$

# ④ check Punching Shear

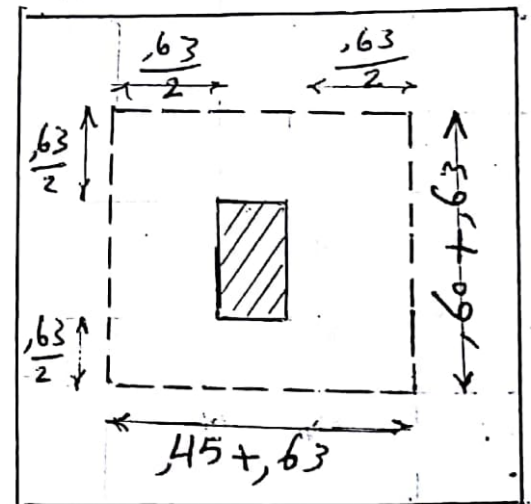
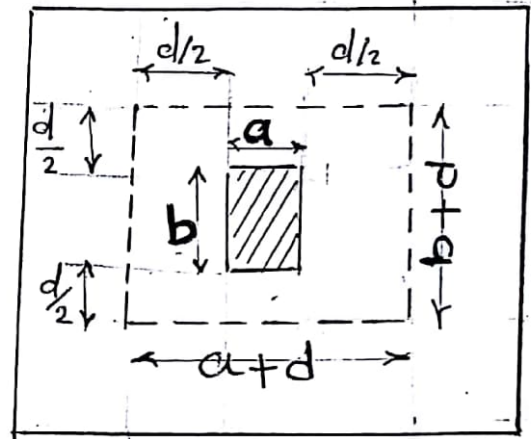
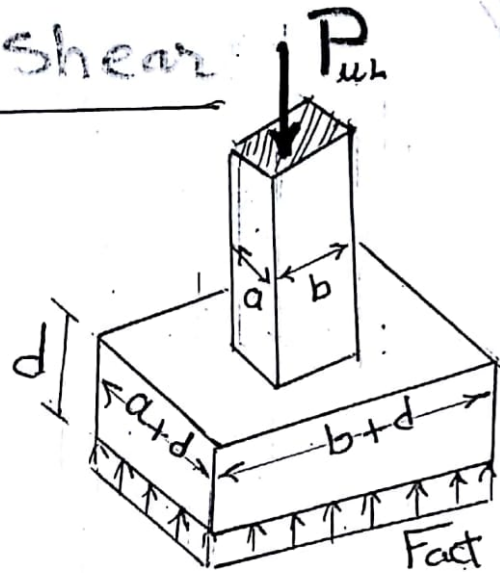
٣١

\* يجب انشاء نموذج المحور  
للمختبرية لاختبار

نقطة  
9.  $P_{pu}$ : ابعاد لينة لينة  
للمختبرية لاختبار

9.  $P_{pu}$ : ابعاد لينة لينة  
للمختبرية لاختبار

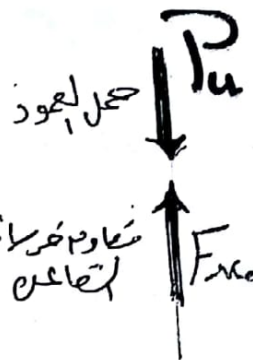
نقطة  
Safe  $\rightarrow$  مقادير  
المختبرية لاختبار



\* لينة لينة لينة  
للمختبرية لاختبار  
للمختبرية لاختبار  
للمختبرية لاختبار



## \* Punching Force " $Q_p$ "



$$a + d = 45 + 63 = 1,08 \text{ m}$$

$$b + d = 60 + 63 = 1,23 \text{ m}$$

$$Q_p = P_{u,1} - (F_{act}) [(a+d)(b+d)]$$

$$= 2175 - 411,1 [(1,08)(1,23)]$$

$$Q_p = 2175 - 546,1 = 1628,9 \text{ KN}$$

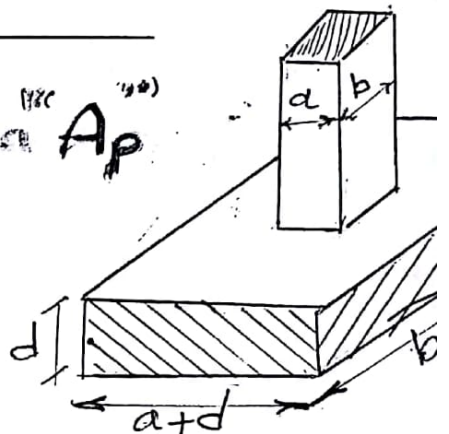
## \* Punching shear area " $A_p$ "

$$A_p = \text{الطول} \times \text{العرض}$$

$$= [2(a+d) + 2(b+d)] * d$$

$$= [2(1,08) + 2(1,23)] * 0,63$$

$$= 2,91 \text{ m}^2 = 2,91 \times 1000 \times 1000 = 2910$$



## Actual \* Punching shear stress " $q_{pu}$ "

$$q_{pu} = \frac{Q_p}{[2(a+d) + 2(b+d)] * d}$$

$$= \frac{1628,9 \times 10^3}{2910000} = 0,56 \text{ N/mm}^2$$



۳۳

انکود ۳-۲

# \* Allowable Punching Shear stress "q<sub>pen</sub>"

تو از قاعده زیر برای محاسبه  $q_{pen}$  استفاده کنید.  $\alpha$  به ترتیب ۲، ۳ و ۴ برای گوشه، لبه و داخل محاسبه می شود.

①  $q_{pen} = 0.8 \left( \frac{\alpha d}{b_0} + 2 \right) \sqrt{\frac{F_{cu}}{\gamma_c}}$

انکود ۳-۲

انکود  $\alpha = 2 \rightarrow$  Corner Cal  
 لبه  $\alpha = 3 \rightarrow$  Edge Cal  
 داخل  $\alpha = 4$

interior Cal

$b_0 = 2(a+d) + 2(b+d)$   $\rightarrow$   $b_0$  به صورت  $b$  در محاسبه Punching Shear

$= 2(1.08) + 2(1.23)$   $\gamma_c = 1.5$  (انکود ۳-۲)

$= 4.62 \text{ m} = 4620 \text{ mm}$

$q_{pen} = 0.8 \left( \frac{4 \times 630}{4620} + 2 \right) \sqrt{\frac{25}{1.5}}$

$= 2.43 \text{ N/mm}^2$  ----- ①

توجه:  $\gamma_c$  ضریب ایمنی است.  $\gamma_c = 1.5$  برای بتن درجه ۲۰ و ۲۵.

②  $q_{pen} = 0.316 \left( 5 + \frac{a}{b} \right) \sqrt{\frac{F_{cu}}{\gamma_c}}$

$a = 45 \text{ m}$   
 $b = 60 \text{ m}$

$q_{pen} = 0.316 \left( 5 + \frac{45}{60} \right) \sqrt{\frac{25}{1.5}}$

$= 1.61 \text{ N/mm}^2$  ----- ②

$$\textcircled{3} \quad \tau_{pen} = 0.316 \sqrt{\frac{F_{av}}{\delta_c}} \\ = 0.316 \sqrt{\frac{25}{1.5}} = 1.29 \text{ N/mm}^2 \quad \textcircled{3}$$

$$\textcircled{4} \quad \tau_{pen} = 1.6 \text{ N/mm}^2 \quad \textcircled{4}$$

تا از بقیه کمتر باشد (برای ربع تیرم ایستاد):

$$\tau_{pen} = 1.29 \text{ N/mm}^2 \rightarrow \text{allowable punching stress}$$

$$\tau_{pm} = 0.560 \text{ N/mm}^2 \rightarrow \text{actual punching stress}$$

$$\tau_{pm} < \tau_{pen} \rightarrow \text{safe}$$

actual . allowable

No need to increase dimensions

نیست

الکود هر ۴۴ سانتی

\* تجدید شکل لغزش آرد لغزش هر ۴۴ سانتی لغزش لغزش است

است آن لغزش لغزش (Punching) لغزش هر ۴۴ سانتی

نقطه دید در سازه نه مایل است لغزش لغزش

\* بجهت آرد لغزش لغزش هر ۴۴ سانتی

49) check punching

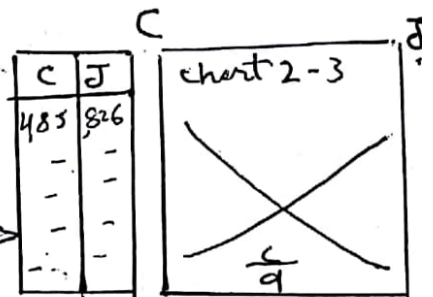
## ⑤ Reinforcement of the Footing

From step ② → we choose  $C_1 = 5$

From CHART (2-3)  $\beta = 0.826$

$$C_1 = 5 \rightarrow \beta = 0.826$$

به جدول مراجعه  
با احتیاط



کتاب سازه بتنی  
2-21

$$A_s = \frac{M_{act}}{\beta F_y d}$$

$$= \frac{404.5 \text{ (KN.m)}}{0.826 \times 360 \times 630} = \frac{404.5 \times 10^6}{0.826 \times 360 \times 630} \text{ N/mm}^2$$

$$A_s = 2159.2 \text{ mm}^2$$

$$A_s \left( \frac{\text{mm}^2}{\text{m}} \right) = \frac{A_s}{B_{RC}} = \frac{2159.2}{2.3} = 938.8 \text{ mm}^2/\text{m}$$

check  $A_{s \min}$

$$\rightarrow 5 \# 16/\text{m} = 1010 \text{ mm}^2/\text{m}$$

$$A_{s \min} = \begin{cases} 1.5d = 1.5 \times 630 = 945 \text{ mm}^2 \\ 5 \# 12 \rightarrow 5.65 \text{ cm}^2 = 565 \text{ mm}^2 \end{cases} \rightarrow 945 \text{ mm}^2$$

$$\therefore A_s > A_{s \min} \rightarrow \text{OK}$$

5 # 16

$$A_s \rightarrow 5 \# 16/\text{m} \xrightarrow{\text{تنزیل}} 6 \# 16/\text{m}$$

# ⑥ Details of Reinforcement

