## חישוביות וקוגניציה - תרגיל 5

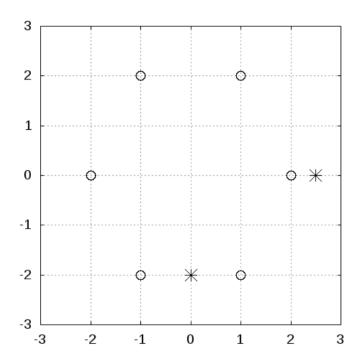
\*6/12/21 להגשה עד:

\* התרגיל הבא יעלה גם הוא ביום חמישי ויהיה להגשה ביום ראשון שבוע וחצי אחריו.

שימו לב: שאלה 1 היא שאלה אנליטית ושאלה 2 היא שאלת תכנות

## שאלה 1

נתונות 6 דוגמאות במישור ו 2 מרכזי צברים (פרוטוטיפים), כמתואר בציור (דוגמאות מוצגות כעיגולים, והמרכזים ככוכביות):



- 1. הפעילו את אלגוריתם k-means שני צעדי עדכון ורשמו מה יהיו מרכזי הצברים החדשים
- 2. כעת נניח כי למערכת המממשת את האלגוריתם יש טעות שיטתית בחישוב מיקום הצברים החדש בכל צעד. במקום למקם את הצבר בנקודה (x,y) כפי שמגדיר האלגוריתם היא ממקמת אותו בנקודה (x,y) חזרו על סעיף 1 במקרה זה
- 3. האם האלגוריתם עם השינוי בסעיף 2 יתכנס? נסו לחשוב איך נראית הטעות בסעיף 2 מבחינה מרחבית, כיצד היא משנה את מיקום הפרוטוטיפים.

## שאלה 2

בשאלה זו תממשו את האלגוריתם של Self Organizing Features Map שנלמד בכיתה.

הדוגמאות שנרצה שהרשת תייצג הינן דו־מימדיות ומיוצרות באופן הבא: ראשית דוגמים את מהתפלגות אחידה על הדוגמים  $x_1$  אהרשת תייצג הינן דו־מימדיות ומיוצרות באופן בלתי תלוי מהתפלגות אחידה על [-1,1], ובסיכוי  $x_1$  דוגמים את באופן בלתי תלוי מהתפלגות אחידה על  $x_2$  באופן בער האותו כ $x_2$  כאשר באותו כ $x_2$  כאשר באותו כ $x_3$  כאשר באותו כ $x_3$  כאשר באותו כ

נגדיר את ה'מפה' להיות רשת של K מייצגים שמסודרים בשרשרת (כלומר, ארגון חד־מימדי). פונקציית הרעש בקידוד, כלומר הסיכוי שדוגמא שהייתה צריכה להיות משוייכת למייצג k+v מוגדרת כ

$$\pi(v) = \begin{cases} C \exp\left(-\frac{v^2}{2\sigma^2}\right) & 1 \le k + v \le K \\ 0 & \text{otherwise} \end{cases}$$

(ניתן הוא קבוע נרמול שנבחר בקצוות שימו לב שימו לב שימו לב שימו כך ש $\sum_v \pi\left(v\right)=1$ ש לבחר כך ענת הוא המונקציה לממש את הפונקציה ע'י

$$\begin{array}{ll} pifunc = exp(-1*(1/(2*s.^2))*(ks-k).^2) \\ pifunc = pifunc/sum(pifunc) \end{array}$$

כאשר ks וקטור שמכיל את האינדקסים של המייצגים וk האינדקס של המייצג אליו משוייכת הדוגמא. שאלות:

- ה. בחבו פונקציה שמקבלת כפרמטרים את  $p,f,\sigma_X$  ודוגמת נקודה דו מימדית מההתפלגות שהוגדרה.
- 2. הגרילו 20,000 דוגמאות מההתפלגות הנ`ל (עם הפרמטרים כפי שמפורט בהמשך), וכן K מייצגים התחלתיים, כאשר הקואורדינטות של כל מייצג נדגמות באקראי ובאופן בלתי תלוי מהתפלגות אחידה על [-1,1].
- 3. אמנו את הרשת לייצג את הדוגמאות שהוגרלו. עברו על הדוגמאות לפי הסדר ועם כל דוגמא שמוצגת לרשת עדכנו את המייצגים לפי כלל הלמידה של Kohonen.
- 4. ציירו scatter plot של הנקודות שהוגרלו (לצרכים ויזואליים, הגדירו את השקיפות alpha של כל נקודה להיות נמוכה, כדי שניתן יהיה להבדיל בין איזורים במישור עם צפיפות גבוהה של דוגמאות לאיזורים עם צפיפות להיות נמוכה, כדי שניתן יהיה להבדיל בין איזורים במישור עם צפיפות מקווקוו מייצגים בעלי אינדקסים עוקבים. נמוכה). על אותו גרף, הציגו גם את המייצגים (בצבע שונה) וחברו בקו מקווקוו מייצגים בעלי אינדקסים עוקבים. הציגו גרף אחד כזה עם אתחול הרשת, וגרף אחד כזה לאחר הלמידה.
  - 5. הסבירו את תוצאות הלמידה. בתשובתכם התייחסו גם לנקודות הבאות:
  - (א) האם המרחקים בין המייצגים שנלמדו זהים בכל איזור במישור? מדוע?
    - (ב) על התוצאה? (ב) מיצר ישפיע גודל הרעש בקידוד

## <u>פרמטרים</u>:

לצורך ההתפלגות של הדוגמאות השתמשו בפרמטרים הבאים: f=4 ,p=0.95, ו f=4, ח בפרמטרים בקידוד). לצורך אלגוריתם הלמידה, השתמשו בפרמטרים הבאים: f=4, f=4, f=4, f=4, ו f=4, הרעש בקידוד). מימוש והערות:

- התוצאות עשויות להשתנות מהרצה להרצה עקב המקריות באתחול ובהגרלת הדוגמאות. כדי לקבל `תחושה` לסוג התוצאות, מומלץ להריץ את הקוד מספר פעמים (ניתן לבחור תוצאה `אופיינית` אחת לצורך ההצגה).
- שימו לב שימו על המייצגים. שימו לב מומלץ (אך לא חובה) לכתוב את כלל העדכון בצורה וקטורית, בלי לעבור בלולאה על המייצגים. שימו ל $\pi$  מגדירה וקטור באורך מספר המייצגים.
- במטלב, הפונקציה min יכולה להחזיר בנוסף לאיבר המינימלי עצמו גם את האינדקס שלו. ב numpy במטלב, הפונקציה nin העזרו ב np.argmin
- בשלב הכתיבה ניתן להתחיל ממספר דוגמאות ומייצגים קטן יותר כדי לחסוך זמן ולמצוא שגיאות בקלות יותר