

Ball balancer

שובל בן שושן 203883830

נדב שולב 302280251

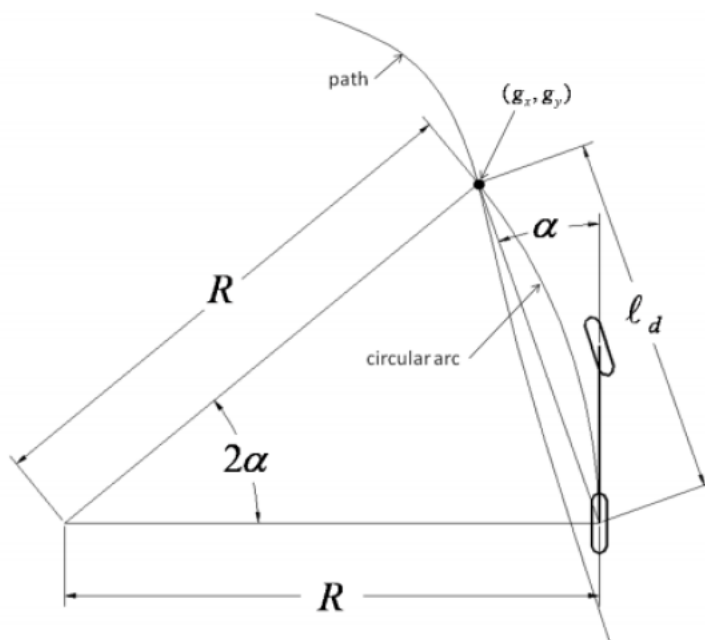
א- נבטא את δ בעזרת-

$$L, k, v, \alpha$$

$$\delta = \frac{L}{R}$$

$$kv = l_d$$

נוריד אנך ל- l_d ומאחר שזה משולש שווה שוקיים נקבל 2 משולשים ישרי זווית.



$$\sin(\alpha) = \frac{\frac{l_d}{2}}{R} = \frac{l_d}{2R}$$

$$R = \frac{l_d}{2\sin(\alpha)}$$

נציב את R שקיבלנו במשוואה הראשונה-

$$\delta = \frac{L}{R} = \frac{L}{\frac{l_d}{2\sin(\alpha)}} = \frac{2L\sin(\alpha)}{l_d} = \frac{2L\sin(\alpha)}{kv}$$

כנדרש.

ב- $\kappa = ?$

כמו שראינו בסעיף הקודם-

$$R = \frac{l_d}{2\sin(\alpha)}$$

ולכן-

$$\kappa = R^{-1} = \frac{2\sin(\alpha)}{l_d}$$

ג- נשים לב-

$$\begin{aligned} v_{min} &= 20[kph] = 5.56[mps] \\ v_{max} &= 200[kph] = 55.556[mps] \\ \kappa_{max} &= 0.3[m^{-1}] \\ v_{ref} &= \max[v_{max} - \kappa \cdot k, v_{min}] = \max[55.56 - \kappa \cdot k, 5.56] \\ &\text{נמצא את הגבול (המהירות תהיה נמוכה ביותר כאשר העקמומיות מקסימלית)-} \\ 5.56 &= 55.56 - 0.3k \\ k &= 166.667 \end{aligned}$$

כלומר נבחר $k < 166.67$

ד- נגדיר את זווית ההגה- θ , ואת זווית הגלגלים ϕ .

תחום התנועה של הזוויות-

$$-45^\circ \leq \phi \leq 45^\circ$$

$$-90^\circ \leq \theta \leq 90^\circ$$

לכן קל לראות שהקשר בין סיבוב ההגה לסיבוב הגלגלים הוא-

$$\phi = \frac{\theta}{2}$$

ה- העובי הכולל של הצמיג הוא-

$$19[inch] = 48.26[cm] = 0.4826[m]$$

לכן היקף הגלגל הוא-

$$v = \omega R = \omega \cdot 0.4826$$

ו- נתון-

$$\frac{\theta(s)}{V(s)} = \frac{23.5}{2.83s + 1} = \frac{8.3}{s + 0.3533}$$

כדי לחשב את שגיאת המצב המתמיד עבור מדרגה ב-

$$K = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{23.5}{2.83s + 1} = 23.5$$

$$e_{ss} = \frac{R_0}{1 + K} = \frac{1}{1 + 23.5} = 0.0408$$

מרקע התיאורטי נקבל-

$$\begin{aligned} a &= 8.3, b = 0.3533 \\ e_{ss} &= \frac{b}{a + b} = \frac{0.3533}{0.3533 + 8.3} = 0.0408 \end{aligned}$$

ונראה שהתוצאה אכן זהה.

כעת נתכנן את הבקר PI -

במרחב התדר נקבל-

$$C(s) = k_p + \frac{k_i}{s}$$

תמסורת החוג הסגור-

$$T(s) = \frac{L(s)}{1 + L(s)}$$

כאשר-

$$L(s) = C(s)P(s) = \left(k_p + \frac{k_i}{s}\right) \left(\frac{23.5}{2.83s + 1}\right) = \frac{23.5sk_p + 23.5k_i}{2.83s^2 + s}$$

ולכן החוג הסגור-

$$T(s) = \frac{\frac{23.5sk_p + 23.5k_i}{2.83s^2 + s}}{\frac{2.83s^2 + s(1 + 23.5k_p) + 23.5k_i}{2.83s^2 + s}} = \frac{23.5sk_p + 23.5k_i}{2.83s^2 + s(1 + 23.5k_p) + 23.5k_i}$$

נסתכל כעת על המכנה של החוג הסגור, בכדי שלא נקבל תגובת יתר נדרוש-
 $\xi > 1$

כלומר-

$$\begin{aligned}\omega_n^2 &= 23.5k_i \\ 2\xi\omega_n &= 1 + 23.5k_p \\ \xi &= \frac{1 + 23.5k_p}{2\sqrt{23.5k_i}} > 1 \\ 1 + 23.5k_p &> 2\sqrt{23.5k_i} \\ k_p &> \frac{1 + 2\sqrt{23.5k_i}}{23.5}\end{aligned}$$

נקבל שהדרישות של החוג הסגור הן-

$$t_s = \frac{-\ln(0.02)}{\xi\omega_n} = \frac{4}{\xi\omega_n} < 0.1[s]$$

ראשית מאחר ואנו ריסון יתר נבחר $\xi = 5$
לכן נקבל-

$$\omega_n > 8$$

נבחר -

$$\omega_n = 9$$

ונקבל בסה"כ $9^2 = 23.5k_i$

$$k_i = 3.44$$

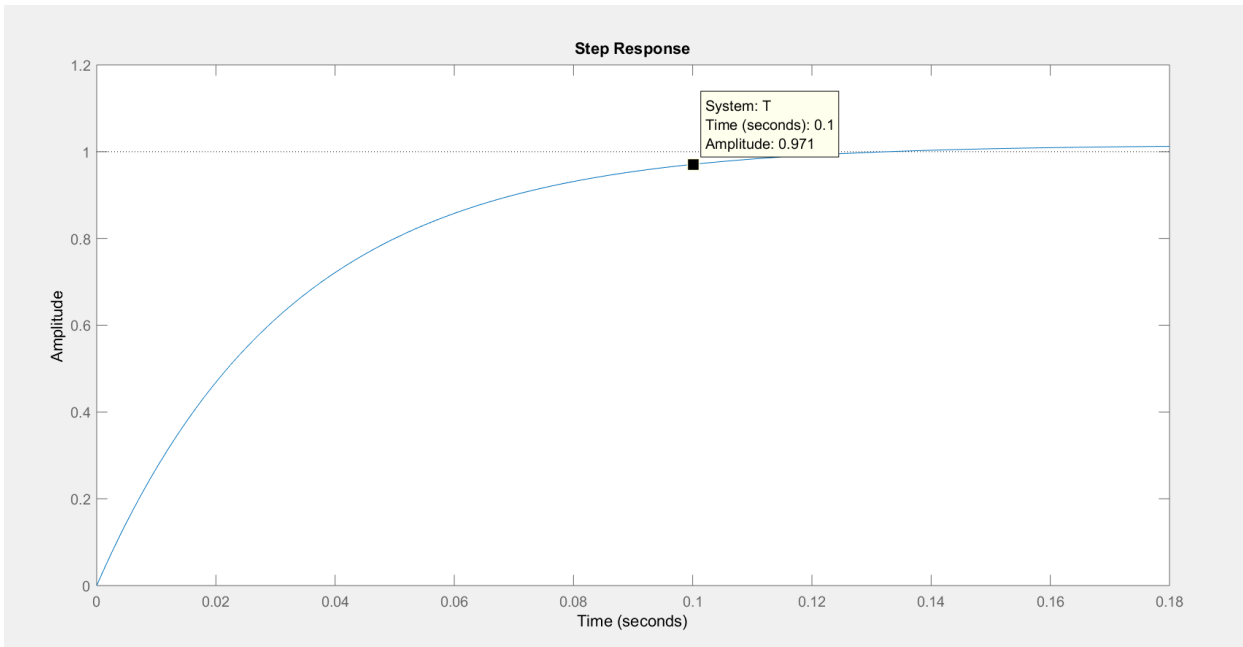
$$90 = 1 + 23.5k_p$$

$$k_p = 3.78$$

נדבוק האם מקיים את התנאי דרשנו על ξ -

$$k_p = 3.78 > \frac{1 + 2\sqrt{23.5 \cdot 3.44}}{23.5} = 0.8077$$

נדבוק את מה שהתקבל במטלב-



ונראה שעמדנו בדרישה.

ז- נחזור על התהליך-

$$C(s) = k_p + sk_d$$

$$\frac{\theta(s)}{V(s)} = \frac{24}{s(0.23s + 1)}$$

לכן-

$$L(s) = \frac{24k_p + 24sk_d}{s^2 0.23 + s}$$

אנו יודעים שסכום המונה והמכנה של החוג הפתוח שווה למכנה החוג הסגור-

$$0.23s^2 + s(1 + 24k_d) + 24k_p$$

כעת נחשב את הדרישות-

$$\xi \Rightarrow 1$$

$$2\xi\omega_n = 1 + 24k_d$$

$$1 < \xi = \frac{1 + 24k_d}{2\sqrt{24k_p}}$$

$$k_d > \frac{2\sqrt{24k_p} - 1}{24}$$

דרישת המערכת-

$$t_s = \frac{-\ln(0.02)}{\xi\omega_n} = \frac{4}{\xi\omega_n} \leq 0.25[s]$$

נבחר כעת $\xi = 2$
ונקבל-

$$8 \leq \omega_n$$

נבחר-

$$\omega_n = 8$$

ונקבל-

$$\omega_n^2 = 24k_p$$

$$k_p = \frac{8}{3}$$

$$2\xi\omega_n = 32 = 1 + 24k_d$$

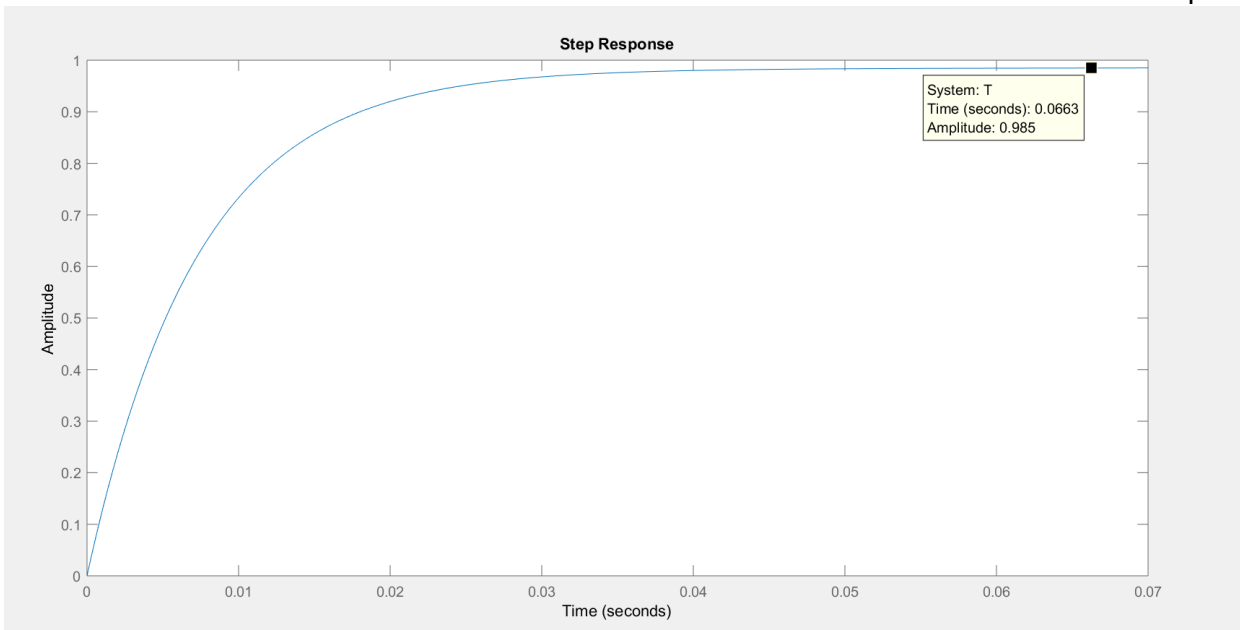
$$k_d = 1.29$$

נבדוק האם התנאי שלנו מתקיים-

$$k_d = 1.29 > 0.625$$

ואכן מתקיים.

נבדוק במטלב-



ונראה שאכן כל התנאים התקיימו.