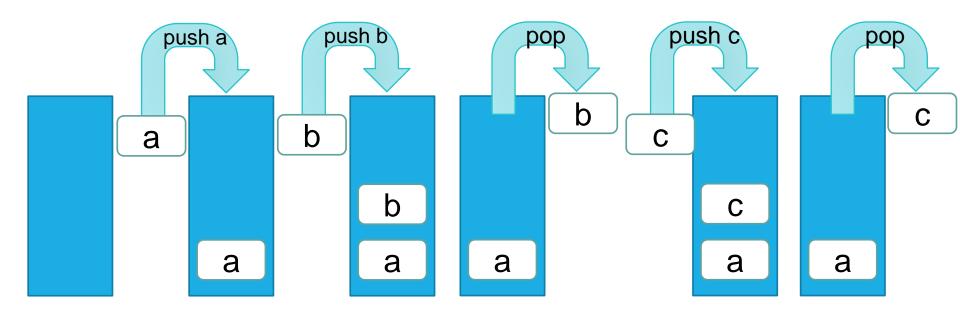


Stack

คล้ายลิสต์

เพิ่ม / ลบ (Push / Pop) ข้อมูลที่ปลายด้านเดียว

Last-In-First-Out (LIFO) เอาของที่เก็บเข้าที่หลังออกมาก่อน



ประโยชน์ของ Stack

ประโยชน์ของ Stack

ใช้เมื่อต้องการเอาของที่เก็บเข้าที่หลังออกมาก่อน เช่น

- การจัดการ memory ที่ใช้เก็บตัวแปรในฟังก์ชัน เมื่อมีการเรียกฟังก์ชัน
- การตรวจสอบคู่ของวงเล็บที่สามารถซ้อนกันได้
- การแปลงนิพจน์แบบ infix เป็นแบบ postfix

ประโยชน์ของ Stack : การเรียกฟังก์ชัน

Function A เรียก Function B

Function B เรียก Function C

เมื่อ Function C ทำงานเสร็จจะกลับไปทำงาน Function B ต่อ

เมื่อ Function B ทำงานเสร็จจะกลับไปทำงาน Function A ต่อ

A call B B call C return from C return from B push env of B push env of C pop env of C pop env of B

Environment of C
Environment of B
Environment of B
Environment of A

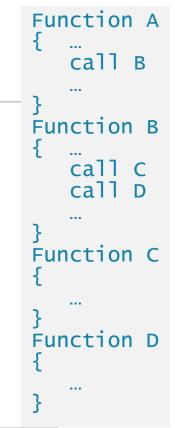
Function A
{ ...
 call B
 ...
}
Function B
{ ...
 call C
 ...
}
Function C
{

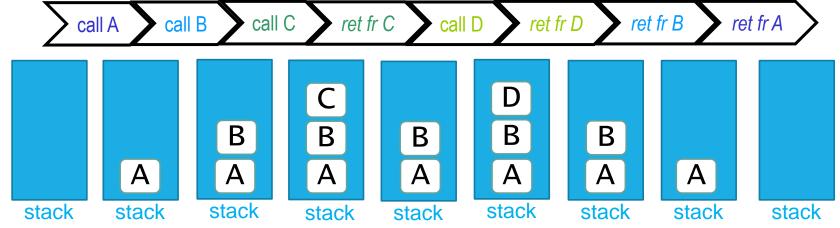
ประโยชน์ของ Stack :การเรียกฟังก์ชัน

Function A เรียก Function B

Function B เรียก Function C
เมื่อ Function C ทำงานเสร็จจะกลับไปทำงาน Function B ต่อ

Function B เรียก Function D
เมื่อ Function D ทำงานเสร็จจะกลับไปทำงาน Function B ต่อ
เมื่อ Function B ทำงานเสร็จจะกลับไปทำงาน Function A ต่อ

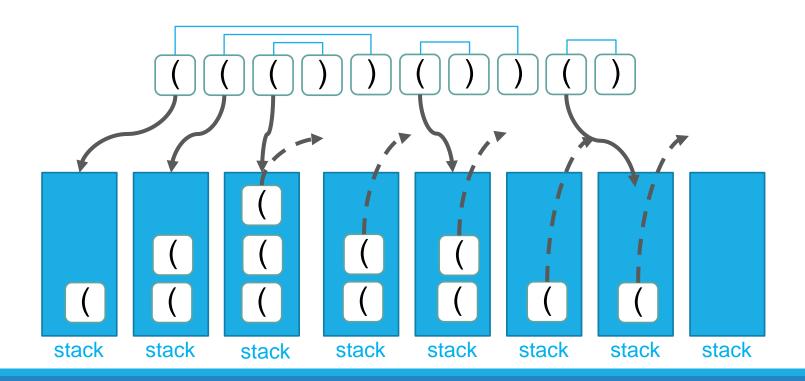




ประโยชน์ของ Stack : การตรวจสอบวงเล็บ

อ่าน token ถัดไปจนกว่าจะหมด

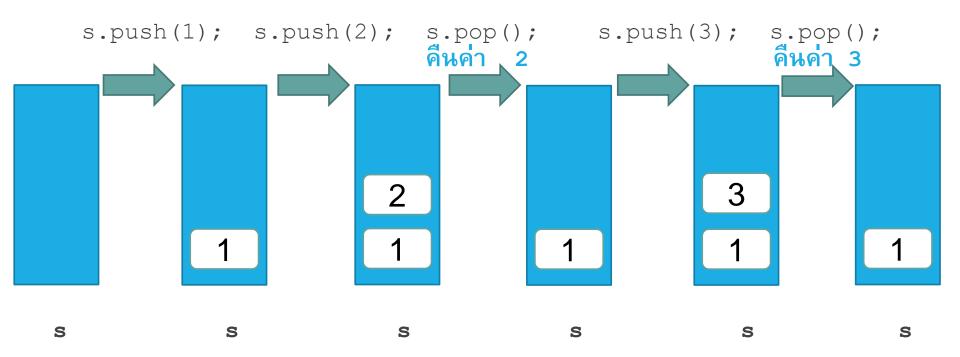
- ถ้า token ที่อ่านมาเป็น (ให้ push token ลงใน stack
- ถ้า token ที่อ่านมาเป็น) ให้ pop)ออกจาก stack



Interface Stack

```
public interface Stack {
  public boolean isEmpty();  // stack ว่างหรือไม่
  public int size();  // มีข้อมูลกี่ตัวใน stack
  public void push(Object e); // ใส่ e ใน stack
  public Object pop();  // เอาข้อมูลตัวบนสุดออกจาก stack
  public Object peek();  // ดูข้อมูลตัวบนสุดใน stack แต่ไม่เอาออก
}
```

Example



สร้างจาก ArrayList หรือ Array ใน Java

```
<<interface>> Stack
Class Diagram
                        +isEmpty():boolean
                        +size():int
                        +push(Object e):void
                        +pop():Object)
                        +peek():Object
                                                  ArrayStack
          ArrayListStack
                                         -size:int
-list:ArrayList
                                         -elementData:Object[]
+<<constructor>> ArrayListStack()
                                         +<<constructor>> ArrayStack()
             ArrayList
-elementData:Object[]
-size:int
+<<constructor>> ArrayList()
-ensureCapacity(int capacity):void
-assertInRange(int i,int max):void
-assertNonNull():void
-indexOf(Object e):int
```

Class ArrayListStack

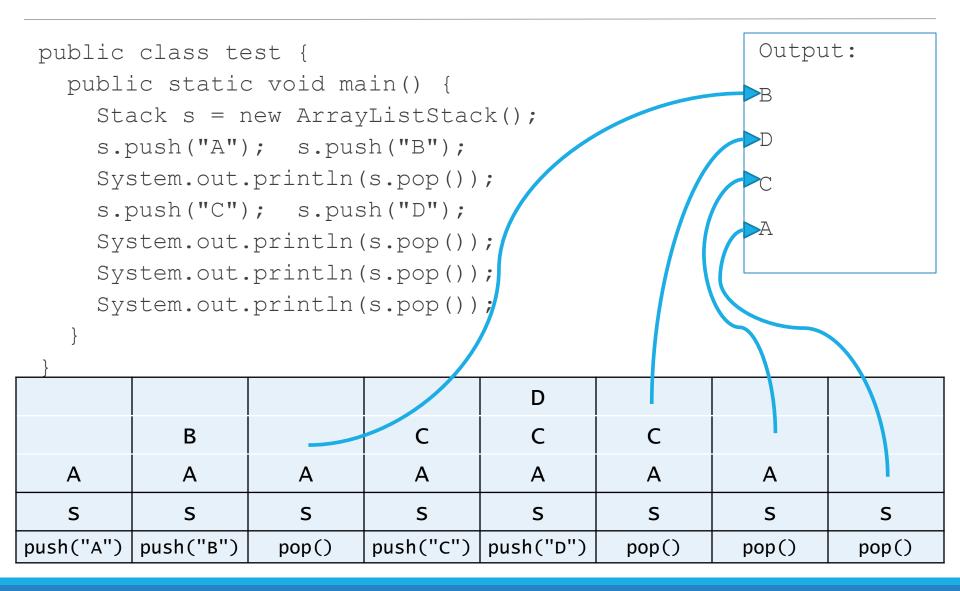
Class ArrayListStack

```
public class ArrayListStack implements Stack {
 private ArrayList list = new ArrayList();
 public boolean isEmpty() { return list.isEmpty();
 public int size()
                  { return list.size();
 public void push(Object e) { list.add(list.size(), e); }
 public Object peek() {
   if (isEmpty()) throw new IllegalStateException();
   return list.get(list.size()-1);
 public Object pop() {
   Object e = peek();
   list.remove(list.size()-1);
   return e;
```

Using ArrayListStack

```
public class test {
                                                         Output:
  public static void main() {
                                                         4
     Stack s = new ArrayListStack();
     s.push(1); s.push(2); s.push(3); s.push(4);
     while (! s.isEmpty())
       System.out.println(s.pop());
                              4
                              3
                     3
  1
                              1
           1
                                       1
                                                1
                                                         1
  S
           S
                     S
                              S
                                       S
                                                S
                                                         S
                                                                  S
push(1)
        push(2)
                  push(3)
                           push(4)
                                     pop()
                                              pop()
                                                       pop()
                                                                pop()
```

Using ArrayListStack



Class ArrayStack

Class ArrayStack

```
public class ArrayStack implements Stack {
 private Object[] elementData = new Object[1];
 private int size;
 public boolean isEmpty() { return size==0; }
 public int size()
                   { return size; }
 public void push(Object e) {
    if (size == elementData.length) {
     Object[] arr = new Object[2*elementData.length];
     for (int i=0; i<size; i++)
       arr[i] = elementData[i];
     elementData = arr;
   elementData[size++] = e;
 public Object peek() { ... }
 public Object pop() { ... }
```

Class ArrayStack

```
public class ArrayStack implements Stack {
 private Object[] elementData = new Object[1];
 private int size;
 public boolean isEmpty() { ... }
                { ... }
 public int size()
 public void push(Object e) { ... }
 public Object peek() {
   return elementData[size-1];
 public Object pop() {
   Object e = peek();
   elementData[--size] = null;
   return e;
```

Using ArrayStack

```
public class test {
                                                         Output:
  public static void main() {
     Stack s = new ArrayStack();
     s.push(1); s.push(2); s.push(3); s.push(4);
     while (! s.isEmpty())
       System.out.println(s.pop());
                              4
                              3
                     3
  1
                              1
           1
                                       1
                                                1
                                                         1
  S
           S
                     S
                              S
                                       S
                                                S
                                                         S
                                                                  S
                 push(3)
push(1)
        push(2)
                           push(4)
                                     pop()
                                              pop()
                                                       pop()
                                                                pop()
```

Using ArrayStack

```
Output:
 public class test {
   public static void main() {
     Stack s = new ArrayStack();
     s.push("A"); s.push("B");
     System.out.println(s.pop());
     s.push("C"); s.push("D");
     System.out.println(s.pop());
     System.out.println(s.pop());
     System.out.println(s.pop());
                                       D
            В
   Α
            Α
                     Α
                                       Α
                                                         Α
                              S
   S
            S
                     S
                                       S
                                                S
                                                         S
                                                                  S
push("A")
         push("B")
                           push("C")
                                    push("D")
                   pop()
                                              pop()
                                                       pop()
                                                                pop()
```

การนำ Stack ไปใช้

การใช้ STACK

การตรวจสอบคู่ของวงเล็บ

Using Stack to Match parentheses

```
public static boolean checkParen(String inp) {
  Stack s = new ArrayStack(); // เปลี่ยนเป็น ArrayListStack ได้
  String open = "{[(", close = "}])";
  for (int i=0; i < inp.length(); i++) {
    String t = inp.substring(i, i+1);
    if (open.contains(t)) // เป็นวงเล็บเปิดแบบหนึ่ง
      s.push(t);
    else if (close.contains(t)) { // เป็นวงเล็บปิดแบบหนึ่ง
      int c = close.indexOf(t); // ตรวจว่าคู่วงเล็บปิดเป็นแบบเดียวกัน
      if (s.isEmpty() | | !open.substring(c,c+1).equals(s.pop()))
        return false;
  return s.isEmpty(); // ถ้า input หมดแล้วจับคู่ได้ครบ คือ ถูกต้อง
```

```
String open = "{[(", close = "}])";
for (int i=0; i < inp.length(); i++) {
  String t = inp.substring(i,i+1);
  if (open.contains(t))
    s.push(t);
  else if (close.contains(t)) {
    int c = close.indexOf(t);
    if (s.isEmpty() |  !open.substring(c,c+1).equals(s.pop()))
      return false;
                                      i:0
return s.isEmpty();
                                      inp: (()(()))()
                                push
                         Stack s
```

```
String open = "{[(", close = "}])";
for (int i=0; i < inp.length(); i++) {
  String t = inp.substring(i,i+1);
  if (open.contains(t))
    s.push(t);
  else if (close.contains(t)) {
    int c = close.indexOf(t);
    if (s.isEmpty() |  !open.substring(c,c+1).equals(s.pop()))
      return false;
                                      i:1
return s.isEmpty();
                                      inp: (()(())(())
                                push
                         Stack s
```

```
String open = "{[(", close = "}])";
for (int i=0; i < inp.length(); i++) {
  String t = inp.substring(i,i+1);
  if (open.contains(t))
    s.push(t);
  else if (close.contains(t)) {
    int c = close.indexOf(t);
    if (s.isEmpty() || !open.substring(c,c+1).equals(s.pop()))
      return false;
                                      i:2
return s.isEmpty();
                                      inp: (()(()) (()
                                pop
                         Stack s
```

```
String open = "{[(", close = "}])";
for (int i=0; i < inp.length(); i++) {
  String t = inp.substring(i,i+1);
  if (open.contains(t))
    s.push(t);
  else if (close.contains(t)) {
    int c = close.indexOf(t);
    if (s.isEmpty() |  !open.substring(c,c+1).equals(s.pop()))
      return false;
                                      i:3
return s.isEmpty();
                                     inp: (()(()))()
                                push
                         Stack s
```

```
String open = "{[(", close = "}])";
for (int i=0; i < inp.length(); i++) {
  String t = inp.substring(i,i+1);
  if (open.contains(t))
    s.push(t);
  else if (close.contains(t)) {
    int c = close.indexOf(t);
    if (s.isEmpty() |  !open.substring(c,c+1).equals(s.pop()))
      return false;
                                      i:4
                                push
return s.isEmpty();
                                      inp: (()(|(|)))()
                         Stack s
```

```
String open = "{[(", close = "}])";
for (int i=0; i < inp.length(); i++) {
  String t = inp.substring(i,i+1);
  if (open.contains(t))
    s.push(t);
  else if (close.contains(t)) {
    int c = close.indexOf(t);
    if (s.isEmpty() || !open.substring(c,c+1).equals(s.pop()))
      return false;
                                      i:5
return s.isEmpty();
                                pop
                                      inp: (()(()))()
                         Stack s
```

```
String open = "{[(", close = "}])";
for (int i=0; i < inp.length(); i++) {
 String t = inp.substring(i,i+1);
 if (open.contains(t))
   s.push(t);
 else if (close.contains(t)) {
   int c = close.indexOf(t);
   return false;
                               i:6
return s.isEmpty();
                               inp: (()(()))()
                          pop
                    Stack s
```

```
String open = "{[(", close = "}])";
for (int i=0; i < inp.length(); i++) {
  String t = inp.substring(i,i+1);
  if (open.contains(t))
    s.push(t);
  else if (close.contains(t)) {
    int c = close.indexOf(t);
    if (s.isEmpty() || !open.substring(c,c+1).equals(s.pop()))
      return false;
                                      i:7
return s.isEmpty();
                                      inp: (()(()))()
                                pop
                         Stack s
```

```
String open = "{[(", close = "}])";
for (int i=0; i < inp.length(); i++) {
  String t = inp.substring(i,i+1);
  if (open.contains(t))
    s.push(t);
  else if (close.contains(t)) {
    int c = close.indexOf(t);
    if (s.isEmpty() |  !open.substring(c,c+1).equals(s.pop()))
      return false;
                                      i:8
return s.isEmpty();
                                      inp: (()(()))
                                push
                         Stack s
```

```
String open = "{[(", close = "}])";
for (int i=0; i < inp.length(); i++) {
  String t = inp.substring(i,i+1);
  if (open.contains(t))
    s.push(t);
  else if (close.contains(t)) {
    int c = close.indexOf(t);
    if (s.isEmpty() || !open.substring(c,c+1).equals(s.pop()))
      return false;
                                      i:9
return s.isEmpty();
                                      inp: (()(()))(
                                pop
                         Stack s
```

การแปลงนิพจน์แบบ infix เป็นแบบ postfix

การใช้ STACK

Expressions

Infix Expression:

operand operator operand

$$3 + 4 * (5 - 6) + 7$$

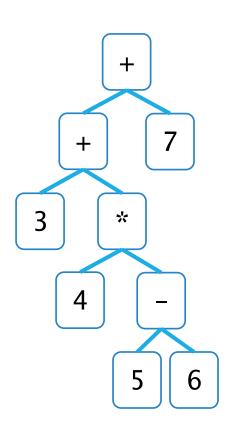
Postfix Expression:

operand operand operator

$$\circ$$
 3 4 5 6 $-*$ + 7 +

Prefix Expression:

operator operand operand



Use stack to convert infix expression to postfix expression

```
public class Expression {
  public static List infix2Postfix(List infix) { ... }
  static String operators = "+-*/\wedge()";
  static int inPriority[] = \{3,3,5,5,7,0\};
  static int outPriority[] = \{3,3,5,5,7,9,1\};
  private static int inPriority(String x) {
    return inPriority[operatorIndex(x)];
  private static int outPriority(String x) {
    return outPriority[operatorIndex(x)];
  private static boolean isOperator(String x) {
    return operatorIndex(x) >= 0;
  private static int operatorIndex(String x) {
    return operators.indexOf(x);
```

operator	inPriority	outPriority
+ -	3	3
* /	5	5
٨	7	7
(0	9
)	-	1

Use stack to convert infix expression to postfix expression

```
public static List infix2Postfix(List infix) {
  ArrayList postfix = new ArrayList();
  Stack s = new ArrayStack();
  for (int i = 0; i<infix.size(); i++) {
    String token = (String) infix.get(i);
    if (!isOperator(token)) postfix.add(token); // output operand
    else { // for operator
      int p = outPriority(token); // compare to token's outPriority
      while (!s.isEmpty() && inPriority((String) s.peek())>=p)
        postfix.add(s.pop()); // pop op when inPriority >= outPriority
      if (token.equals(")")) s.pop();
                                                 operator | inPriority | outPriority
      else
                             s.push(token);
                                                  * /
  while (! s.isEmpty()) postfix.add(s.pop());
  return postfix;
```

Convert infix expression to postfix expression: Execution

```
for (int i = 0; i<infix.size(); i++) {
 String token = (String) infix.get(i);
 else {
   int p = outPriority(token);
   while (!s.isEmpty() && inPriority((String) s.peek())>=p)
     postfix.add(s.pop());
   if (token.equals(")")) s.pop();
                        s.push(token);
   else
while (! s.isEmpty()) postfix.add(s.pop());
return postfix;
                                         5
            (List) infix
```

Convert infix expression to postfix expression: Execution

```
for (int i = 0; i<infix.size(); i++) {
  String token = (String) infix.get(i);
  else {
                                              // for operator
    int p = outPriority(token); // compare to token's outPriority
   while (!s.isEmpty() && inPriority((String) s.peek())>=p)
     postfix.add(s.pop());
    if (token.equals(")"))
     s.pop();
   else
     s.push(token);
while (! s.isEmpty()) postfix.add(s.pop());
return postfix;
```

i	token	postfix	s (=>)
0	3	3	
1	+	3	+
2	4	3 4	+
3	*	3 4	+ *
4	(3 4	+ * (
5	5	3 4 5	+ * (
6	-	3 4 5	+ * (-
7	6	3 4 5 6	+ * (-
8)	3 4 5 6 -	+ *
9	+	3 4 5 6 - * +	+
10	7	3 4 5 6 - * + 7	+

Convert infix expression to postfix expression: Execution

i	token	postfix	s (=>)
10	7	3 4 5 6 - * + 7	+
whi ⁻	le loop	3 4 5 6 - * + 7 +	