

پروژهی نهایی درس ساختمان دادهها پیادهسازی درخت BJR برای حل مسئلهی

> نازنین فروتن ۴۰۲۲۴۳۰۸۴ ریحانه داداشپور ۴۰۲۲۴۳۰۶۰

مقدمه

- تعریف مسئله: در این پروژه با استفاده از درخت BJR و کش ND، هدف محاسبه مجموعه نقاط Skyline از یک مجموعه داده است. نقاط Skyline نقاطی هستند که در هیچ بعدی توسط هیچ نقطه دیگری کاملاً تسلط ندارند. این نقاط در مسائل مختلفی مانند پایگاههای داده، تصمیم گیری، و تحلیل دادهها کاربرد دارند.
- هدف پروژه: بررسی روشهای بهینهسازی برای محاسبه Skyline در فضای چندبعدی با استفاده از BJR-tree و ND-Cache

| توضيح مسأله

0 عناصر

- Skyline: مجموعهای از نقاط است که هیچ نقطهای در تمام ابعاد بر آن تسلط ندارد. این نقاط، برای تحلیلهای مختلف، معمولاً اطلاعات بیشتری نسبت به دیگر نقاط دارند.
- فضای چندبعدی: با افزایش ابعاد، مسئلهی Skyline پیچیده تر می شود. تعداد نقاط Skylineممکن است به طور غیرمنتظره ای زیاد شود، مخصوصاً زمانی که ابعاد فضای داده زیاد باشد.
 - مفهوم تسلط(Domination): نقطهای a ، نقطهای b میکند اگر در تمامی ابعاد، a بهتر از b باشد.
- Continuous Skyline Computation: اگر مجموعه داده پویا باشد (یعنی نقاط بهطور پیوسته وارد و خارج شوند)، نیاز به محاسبه ی پیوسته نقاط Skyline خواهیم داشت.

ساختار داده

BJR-Tree (a

• ساختار درخت BJR: در درختBJR ، هر گره نماینده یک نقطه است و یالها نشان دهنده روابط تسلط هستند. اگر یالی از a به b وصل باشد، به این معناست که a نقطه b را تسلط می کند.

• ویژگیهای BJR-Tree:

- o درخت سلسلهمراتبی است.
- o مستقل از ابعاد عمل می کند.
- o نقاط Skyline به ریشه وصل می شوند.
- o گرههایی که به ریشه نزدیک ترند، Skyline potential بیشتری دارند.
- Lazy Strategy: این استراتژی در مقایسه با روش معمول که در آن به فرزندان ریشه بررسی می شود، به تعداد اولاد هر گره توجه می کند و به طور هوشمندتر گرهها را بررسی می کند تا طول درخت را کاهش دهد.

ND-Cache (b

- وظیفهی ND-Cache: این کش اطلاعات non-dominance را نگه می دارد تا از محاسبات مجدد جلوگیری کند.
- روش کار: هر زمان که یک نقطه Skyline باشد، اطلاعات آن در کش ذخیره می شود. برای بررسی اینکه آیا نقطهای در زمانهای مختلف یکدیگر را dominate می کنند یا نه، می توان از کش استفاده کرد.
 - اطلاعات ذخیره شده: به طور مثال، اگر نقطه ای در زمان T3 جزء Skyline باشد، در کش ذخیره می شود که در زمان T3 ، این نقطه Skyline بوده است.

Continuous Skyline Computation (c

- فعال سازی و غیرفعال سازی نقاط: نقطهای می تواند فعال یا غیرفعال شود بسته به اینکه در بازه زمانی فعلی جزء Skyline است یا خیر.
- Skyline Potential: پتانسیل یک نقطه برای Skyline بودن به تعداد نقاطی که آن را تسلط می کنند بستگی دارد. هرچه تعداد نقاط تسلط بیشتر باشد، پتانسیل آن برای Skyline شدن کمتر است.

پیادهسازی

برای پیادهسازی این پروژه از دو فایل استفاده شده که شامل main.cpp و modules.hpp میشه. فایل main شامل توابع مربوط به ران شدن و خواندن فایلها و تستکیس است. فایل modules هم شامل کلاسهایی هستند که برای ساخت درخت و کار با BJR tree باهاشون کار داریم.

modules.hpp •

o ساختار point

در فایل modules.hpp، ساختار Point به طور مستقیم برای نگهداری اطلاعات هر نقطه از مجموعه داده ها استفاده می شود. هر نقطه دارای شناسه (id) و مقدارهایی برای هر بعد است که در آرایه values ذخیره می شود.

```
1 struct Point {
2   int id;
3   int dim;
4   int* values;
5
6   Point() : id(-1), dim(0), values(nullptr) {}
7   Point(int id, int dim) : id(id), dim(dim) {
8     values = new int[dim];
9   }
10 };
11
```

o ساختار node

درخت ما از گرهها (Node) تشکیل می شود. هر گره نماینده یک نقطه است و به فرزندان خود لینک دارد. اگر گرهای به ریشه متصل باشد، یعنی آن نقطه Skyline است.

```
1 struct Node {
2    Node* head_child;
3    Node* next;
4    Node* parent;
5    Point point;
6    bool is_root = false;
7    void add_child(Node* child) { }
9    int children_size(){ }
11    void remove_child(Node* child){ }
13    14 };
```

o ساختار BJR Tree

درخت BJR برای ذخیرهسازی روابط تسلط (Domination) بین نقاط استفاده می شود. در خت هر گره یک نقطه است و یالها نشان دهنده تسلط هستند.

```
1 struct BJR_tree{
2    Node* root;
3    int total_points = 0;
4    bool* exists;
5    int depth = 0;
6    bool lazy = false;
7    int* ND_cache = nullptr;
8    bool ND_use = false;
9
10    BJR_tree(int num_points) : total_points(num_points) {
11        exists = new bool[total_points];
12        for(int i=0 ; i<total_points ; i++){
13            exists[i] = false;
14        }
15    }
16</pre>
```

```
bool does_point_exist(int id){}

Node* find_node_by_id(int id, Node* root) {}

int Depth(Node* node){}

int Desc(Node* node){}

void add_to_exists(Node* node){}

void remove_exists(Node* node){}

void inject(Node* root, Node* new_node){}

void lazy_inject(Node* root, Node* new_node){}

void eject(Node* example_node) {}

}

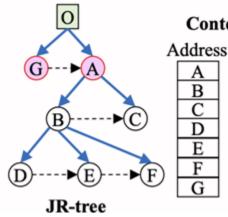
**The control of the control of the
```

○ نحوه ذخیرهسازی دیتا در درخت

در این نحوه ذخیرهسازی از روشی مشابه ایده صورت پروژه استفاده شده. دادهها در ساختار درختی بهطور خاص به روش JR-tree ذخیره میشوند. در اینجا سه ستون اصلی از جمله "آدرس(Address)"، "والد(Parent)"، "بعدی (Next) "و "سرچکیده (Head child) "برای هر گره در درخت مشخص شده است. این روش

ذخير هسازي اطلاعات از سه جدول مختلف استفاده مي كند:

- ۱. آدرس (Address): این ستون به هر گره در درخت یک آدرس خاص اختصاص می دهد. در این ساختار، هر گره در درخت یک شناسه منحصر به فرد دارد که آن را از دیگر گرهها متمایز می کند.
- ۷. والد (Parent) این ستون نشان می دهد که هر گره به کدام گره دیگر به عنوان D و الد تعلق دارد. مثلا، گره D والد گرههای D و الد تعلق دارد. مثلا، گره D والد گرههای D و D است. و گره D است.
- ۳. بعدی(Next): این ستون روابط بین گرهها را مشخص می کند. اگر گرهای فرزند دیگری داشته باشد، به گره بعدی اشاره می کند. در برخی موارد، این مقدار "Null"
- برچکیده(Head child): این ستون نشان میدهد که هر گره فرزند اول خود
 را در کدام آدرس ذخیره کرده است. اگر گرهای فرزند نداشته باشد، مقدار آن
 "Null"خواهد بود.



Conter	its of	tree-s	truct	ure	mei	mo	ry
	_						

Parent	Next	Head child
Root	Null	В
Α	C	D
Α	Null	Null
В	Е	Null
В	F	Null
В	Null	Null
Root	A	Null

معرفی متدهای اصلی درخت

Depth() ✓

- توضیح: این تابع معمولاً برای محاسبه عمق درخت یا گرهها استفاده می شود.
- کاربرد: در پروژههای درختی مانندBJR-tree ، عمق درخت می تواند بر عملکرد الگوریتم تاثیر بگذارد. برای مثال، درختهای کم عمق معمولاً سریع تر عمل می کنند. این تابع معمولاً عمق گره را نسبت به ریشه درخت محاسبه می کند.

```
int Depth(Node* node){
int res = 0;
Node* current = node;
while(current->parent != nullptr){
    res++;
    current = current->parent;
}
return res;
}
```

Desc() ✓

■ توضیح: این متد برای برگرداندن تعداد نوادگان یک گره استفاده میشه.

■ کاربرد: برای زمانی استفاده میشه که بخوایم از lazy evaluation استفاده کنیم.

```
int Desc(Node* node){
   if(node->head_child == nullptr) return 0;

int res = 1;
   Node* current = node->head_child;
   while(current != nullptr){
       res++;
       res += Desc(current);
       current = current->next;
}

return res;
}
```

inject() ✓

- توضیح:این تابع برای وارد کردن یک نقطه جدید به درخت و برقراری روابط تسلط (domination) استفاده می شود.
- کاربرد: در درخت BJR، زمانی که یک نقطه جدید به درخت افزوده می شود، این تابع باید روابط تسلط را بررسی کرده و نقطه جدید را در مکان مناسب در درخت قرار دهد. در صورت نیاز، باید گرهها و یالها به طور داینامیک تغییر یابند.

Algorithm 1 New node injection

```
    procedure inject(parent, e: new node)
    children ← children of parent;
    for all c ∈ children do
    if dominates(c, e) then
    inject(c, e);
    return
    add e to parent as a child;
    for all c ∈ children do
    if dominates(e, c) then
    move c to e as a child;
```

lazy_inject() ✓

- توضیح: این تابع مشابه به ()inject است، اما با یک تفاوت کلیدی. در این روش، گرهها فقط در صورت نیاز بهطور کامل وارد درخت میشوند، یعنی عملیات کمتری انجام میدهند و این بهویژه در درختهای بزرگ که ممکن است به عملکرد آسیب بزنند، مفید است.
- کاربرد: این تابع می تواند به ویژه در پروژه هایی که نیاز به محاسبات سریع تر دارند، مفید باشد. این روش باعث می شود که از اضافه کردن گره ها به طور پیوسته جلوگیری شود و فقط زمانی که نیاز است، تغییرات اعمال شود.

eject() ✓

- توضیح: این تابع برای حذف یک نقطه از درخت استفاده می شود. زمانی که یک نقطه دیگر جزء نقاط Skylineنیست، باید از درخت حذف شود.
- کاربرد: در درختهای دینامیک مانند BJR-tree، زمانی که یک نقطه دیگر شرایط لازم برای Skyline بودن را ندارد (مثلاً توسط نقطه دیگری تسلط شده است)، این تابع باید آن را از درخت حذف کند و گرهها و روابط تسلط را بهروزرسانی کند.

Algorithm 2 Node ejection

- 1: **procedure** eject(e: node)
- 2: $parent \leftarrow parent of e$;
- 3: $children \leftarrow children of e$;
- 4: remove *e* from *parent*;
- 5: for all $c \in children$ do
- 6: inject(parent, c);

main.cpp

۱. خواندن دادههای پیکربندی و ورودیها

دادههای ورودی شامل چند فایل مختلف هستند و ما سه نوع سایز small, medium و small و e دادههای داریم:

- size.setup: این فایل شامل پیکربندی دادهها است، مثل تعداد ابعاد نقاط، تعداد مراحل زمانی(time steps) ، و نوع دادهها.
- **small.times**: این فایل شامل اطلاعات مربوط به زمانهای شروع و پایان هر نقطه است. به عبارت دیگر، این فایل نشان می دهد که هر نقطه در چه بازه زمانی فعال است.
- small.input : small.input این فایل شامل مقادیر هر نقطه است. برای هر نقطه، مقادیر مختلف آن در
 ابعاد مختلف ذخیره شده است.

۲. پردازش نقاط برای هر زمان

برای هر گام زمانی(time step) ، باید نقاط فعال را بررسی کنیم و اقداماتی مانند اضافه کردن یا حذف کردن آنها را انجام دهیم.

در حلقه اصلی for که بر روی زمانها میچرخد، برای هر تایم:

o مقایسه با تایمهای مشخص شده در times: در این مرحله، بهازای هر مرحله زمانی، باید ببینیم که هر نقطه آیا در بازه زمانی خاص خودش فعال است یا خیر. این کار با استفاده از دادههای موجود در فایل timesانجام می شود که شامل محدوده های زمانی شروع و پایان هر نقطه است.

```
1 for(int time = 0; time < time_steps; time++){
2    cout << "time: " << time << endl;
3    id = 0;
4    for(int t = 0; t < times.size(); t++) {
5        range = times[t];
6        ss.clear();
7        ss.str(range);
8        ss >> temp;
9        start = stoi(temp);
10        ss >> temp;
11        end = stoi(temp);
12
```

چک کردن وضعیت هر نقطه :اگر زمان فعلی در بازه زمانی یک نقطه باشد، آن نقطه باید به درخت اضافه شود. در غیر این صورت، اگر نقطهای خارج از این بازه زمانی باشد، باید از درخت حذف شود.

٣. حذف نقاط غيرفعال

اگر نقطهای از بازه زمانی خود خارج شود یا توسط نقطه دیگری تسلط یابد، باید از مجموعه حذف شود:

```
1 else {
2    if (time < start) break;
3    if ((time >= end || time < start) && my_tree->does_point_exist(id)) {
4        Point deleting_point;
5        Node* deleting_node = new Node();
6        deleting_point.id = id;
7        deleting_node->point = deleting_point;
8        my_tree->eject(deleting_node);
9        delete deleting_node;
10    }
11 }
```

۴. تست کیس و مقایسه با فایل size.refout

در وهله بعد کاری که باید انجام بشه اینه که در هر استپ زمانی نقاط skyline آن محاسبه بشه (فرزندان root) و در آرایه/وکتوری از استرینگها ذخیره بشه. و در نهایت تکتک اعضای آن (که به ازای هر ایندکس نماینده هر استپ زمانی یا به عبارتی نماینده اعضای هر خط در فایل رفرنس هستند.) با فایل size.refout چک بشن. اگه عضوی باشه که با خط مربوطه در فایل رفرنس همخوانی نداشته باشه و برابر نباشه به عنوان ارور مشخص می شه و تعداد ارورها محاسبه شده و ارور ریت مشخص می شود. در نهایت هم محتوای بدست آمده در فایل size.out چاپ می شود.

تحليل نتايج اجرا ا

۱. الگوريتمBJR-tree

پیچیدگی زمانی:

- ایجاد درخت BJR: درخت BJR برای ذخیرهسازی روابط domination بین نقاط استفاده می شود. هر نقطه باید به درخت اضافه شود، و در این فرایند، تمام گرهها باید برای بررسی روابط تسلط و تصمیم گیری درباره ی اتصال به درخت بررسی شوند.
- پیچیدگی زمانی: هر بار که یک نقطه جدید به درخت اضافه میشود، زمان بررسی آن به عمق درخت بستگی دارد. اگر درخت به عمق d برسد، پیچیدگی زمان اضافه کردن یک نقطه به درخت (O(d) بستگی دارد. اگر درخت به عمق d برسد، پیچیدگی زمان اضافه کردن یک نقطه به درخت میباید، خواهد بود. به دلیل اینکه درخت سلسلهمراتبی است و روابط تسلط از ریشه به گرهها گسترش میباید، در بهترین حالت این زمان خطی است (O(n)، اما در بدترین حالت، پیچیدگی به (O(n^2) میرسد که به علت بررسی روابط تسلط برای هر نقطه است.

بهینهسازی:

• Lazy Injection و ND-Cache میتوانند به کاهش زمان بررسی و بهینهسازی درخت کمک کنند، اما عمق درخت همچنان به عنوان یک عامل محدودکننده عمل می کند.

نتايج واقعى:

• حالت عادی برای سایزهای مختلف:

error rate: 0.00% program finished Execution time: 15 ms Data printed in .out

Done for tree size: small, lazy: 0, nd: 0

error rate: 0.00% program finished

Execution time: 42369 ms

Data printed in .out

Done for tree size: medium, lazy: 0, nd: 0

error rate: 0.00% program finished

Execution time: 2326652 ms

Data printed in .out

Done for tree size: large, lazy: 0, nd: 0

۲ الگوريتم Injection وLazy Injection

پیچیدگی زمانی:

- Injection: در روش معمولی inject، هر نقطه جدید به طور مستقیم به درخت اضافه می شود و روابط تسلط بررسی می شوند. این فرآیند پیچیدگی O(d) دارد، که در آن D عمق درخت است. اگر درخت به طور کامل بررسی شود، این زمان می تواند به O(n) برسد.
- Lazy Injection: در Lazy Injection، نقطه ها تنها در صورت نیاز به درخت اضافه می شوند. این اعث می شود که تعداد عملیات ها کمتر شود، زیرا تنها زمانی که یک نقطه احتمال وجود در Skyline را داشته باشد، به درخت اضافه می شود. این استراتژی باعث می شود که پیچیدگی زمان در عمل کاهش باند.
 - با این حال، در بدترین حالت همچنان پیچیدگی زمان میتواند به O(n) برسد زیرا ممکن
 است برای بررسی کامل تمام نقاط نیاز به مراجعه به کل درخت باشد.

بهینهسازی:

• استفاده از Lazy Injection باعث کاهش پیچیدگی عملیاتی میشود، زیرا عملیاتهای اضافی حذف میشوند و فقط زمانی که به طور واقعی لازم است، نقاط وارد درخت میشوند.

نتايج واقعى:

• نتایج برای سایزهای مختلف dataset:

```
error rate: 0.00%
program finished
Execution time: 12 ms
Data printed in .out
Done for tree size: small, lazy: 1, nd: 0
```

```
error rate: 0.00%
program finished
Execution time: 44390 ms
Data printed in .out
Done for tree size: medium, lazy: 1, nd: 0
```

```
error rate: 0.00%
program finished
Execution time: 2550227 ms
Data printed in .out
Done for tree size: large, lazy: 1, nd: 0
```

ND-Cache ."

پیچیدگی زمانی:

• ND-Cache برای ذخیرهسازی اطلاعات non-dominance استفاده می شود تا از محاسبات دوباره جلوگیری کند. این کش به ویژه در مراحل پیوسته (زمانی که نقاط به طور مداوم وارد و خارج می شوند) مفید است.

- **پیچیدگی زمانی**: دسترسی به کش بسیار سریع است و پیچیدگی زمانی آن (0(1) خواهد بود. بنابراین، از نظر زمانی، استفاده از کش می تواند تأثیر زیادی در کاهش زمان محاسباتی داشته باشد.
 - حجم کش: کش به اندازهای بزرگ است که باید با توجه به تعداد نقاط موجود تنظیم شود. اگر تعداد نقاط زیاد باشد، کش ممکن است نیاز به به روز رسانی مداوم داشته باشد.

بهینهسازی:

• با استفاده از کش، تعداد مقایسهها بهطور چشمگیری کاهش می یابد، زیرا اطلاعات مربوط به روابط non-dominance قبلاً ذخيره شده است و نيازي به محاسبه مجدد نيست.

نتايج واقعى:

• نتایج برای سایزهای مختلف وقتی فقط nd فعال است:

error rate: 0.00% program finished Execution time: 13 ms Data printed in .out Done for tree size: small, lazy: 0, nd: 1

error rate: 0.00% program finished Execution time: 43024 ms Data printed in .out Done for tree size: medium, lazy: 0, nd: 1

Error rate: 0% program finished Execution time: 2349265 ms

Data printed in .out

Done for tree size: large, lazy: 0, nd: 1

• و برای زمانی که هم از nd و هم از lazy evaluation استفاده می کنیم:

error rate: 0.00% program finished

Execution time: 12 ms
Data printed in .out

Done for tree size: small, lazy: 1, nd: 1

error rate: 0.00% program finished

Execution time: 45505 ms
Data printed in .out

Done for tree size: medium, lazy: 1, nd: 1

Error rate: 0% program finished

Execution time: 2618344 ms

Data printed in .out

Done for tree size: large, lazy: 1, nd: 1

۵. عملکرد کلی

با توجه به تمام پیچیدگیهای الگوریتمها، درخت BJR و الگوریتمهای مرتبط با آن، پیچیدگی کلی فرآیند به شدت تحت تأثیر:

- عمق درخت بیشتر باشد، تعداد عملیاتهای لازم برای بررسی روابط تسلط و انجام عملیاتها بیشتر خواهد بود.
 - Lazy Injection: به دلیل انجام تنها عملیاتهای ضروری، باعث کاهش قابل توجه در تعداد عملیاتها می شود.
 - ND-Cache: سرعت قابل توجهی در دسترسی به اطلاعات قبلی و جلوگیری از محاسبات مجدد ایجاد می کند.
 - Quick Sort: برای مرتبسازی نقاط، در حالت عمومی پیچیدگی (nlogn)خواهد بود.