

## TD n°5

### LL(1), le retour

**Exercice 1** On considère la grammaire suivante :

$$\begin{aligned} Z &\rightarrow S\$ \\ S &\rightarrow D \mid XA \mid X \mid \epsilon \\ X &\rightarrow bX \mid YVWV \\ Y &\rightarrow aX \mid \epsilon \\ W &\rightarrow c \mid d \\ V &\rightarrow v \mid \epsilon \\ D &\rightarrow DE \\ E &\rightarrow e \mid Ee \\ F &\rightarrow f \end{aligned}$$

On considère deux méthodes pour réduire la grammaire :

1. On détermine les non-terminaux non-productifs. On les enlève de la grammaire. On détermine les non-terminaux non-accessibles de la grammaire ainsi obtenu et on les enlève.
  2. On détermine les non-terminaux non-accessibles. On les enlève de la grammaire. On détermine les non-terminaux non-productifs de la grammaire ainsi obtenu et on les enlève.
- Appliquer les deux méthodes.
  - Avec laquelle des deux méthodes on obtient une grammaire réduite ?
  - Réduisez la grammaire.
  - Calculer l'ensemble de non-terminaux annulables EPS.
  - Calculer l'ensemble  $\text{FIRST}_1$  de chaque non-terminal.
  - Calculer l'ensemble  $\text{FOLLOW}_1$  de chaque non-terminal.
  - Est-ce que la grammaire est LL(1) ?

**Exercice 2** Soit la grammaire suivante, définie sur le vocabulaire terminal  $\{[, ], i, +, -, \$\}$  :

$$\begin{aligned} Z &\rightarrow S\$ \\ S &\rightarrow OE \\ O &\rightarrow [ \\ E &\rightarrow iK \\ K &\rightarrow -E \mid +E \mid ] \end{aligned}$$

1. Faites la table d'analyse (c'est-à-dire un tableau avec les non-terminaux en ordonnée et les terminaux en abscisse), qui indique à chaque fois quelle règle on est censé appliquer.
2. Récupérez les fichiers `parser.ml`, `reader.ml`, `tree.ml`, etc. fournis. La compilation se fait avec

```
dune build main.exe
```

on peut faire des tests en exécutant

```
_build/default/main.exe < test.txt
```

où le fichier `test.txt` contient un mot à tester. Attention, il ne faut pas mettre d'espace ni de saut de ligne dans le fichier donné en entrée.

3. Complétez le fichier `parser.ml` afin de faire une analyse LL(1) de la grammaire LL(1) correspondante au langage ci dessus. Le symbole `$` correspond à EOF.

**Exercice 3** On souhaite construire un analyseur grammatical des expressions arithmétiques (avec `-` et `+`) bien parenthésées engendré par la grammaire

$$S \rightarrow n \mid (S) \mid S + S \mid S - S$$

Dans la suite de l'énoncé, on appellera  $L_1$  ce langage. Le symbole 'n' correspondra, dans la partie programmée, à des entiers sans signes "`+`" ni "`-`". Récupérez les fichiers fournis. Cette fois-ci on vous fournit un lexer, qui servira à lire des entiers et autres mots clefs.

1. Donnez une grammaire LL(1) avec axiome  $Z$  pour le langage  $L_1$ .  
Complétez le `parser.ml` pour qu'il fasse l'analyse.
2. Ajoutez la possibilité de faire des opérations avec des noms de variables, que l'on représente par un nouveau terminal '`v`'. (On appellera  $L_2$  ce langage). A partir de là, il faudra aussi modifier les autres fichiers : `token.ml`, `tree.ml`,...
3. A présent, on veut définir le langage  $L_3$  "let  $v = a_1$  and  $v = a_2 \dots$  and  $v = a_k$  in  $b$ " avec les  $a_i$  dans  $L_1$ , et  $b$  dans  $L_2$ . (On appelle ce langage  $L_3$ )