elementaryCS-2nd

Naoyuki Nagatou

コンピュータサイエンス入門第二

永藤 直行

4th quarter

elementaryCS-2nd

> Naoyuki Nagatou

教科書,参考 文献

講義概要

郵価基準

Part I

Prologue

Prologue

elementaryCS-2nd

> Naoyuk Nagatoi

教科書,参表 文献

講義概要

- 1 教科書,参考文献
- 2 講義概要
- ③ 評価基準

elementaryCS-2nd

> Naoyuki Nagatot

教科書,参考 文献

講義概要

1 教科書,参考文献

2 講義概要

3 評価基準

参考図書

elementaryCS-2nd

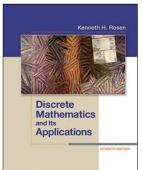
> Naoyuki Nagatou

教科書,参考 文献

評価基準

- Discrete Mathematics and its Applications
- Structure and Interpretation of Computer Programs
 http://web.mit.edu/alexmv/6.037/sicp.pdf
- 計算機プログラムの構造と解釈 (日本語訳)

http://sicp.iijlab.net/fulltext/xcont.html





elementaryCS-2nd

> Naoyuk Nagatol

教科書,参考 文献

講義概要

評価基準

1 教科書,参考文献

2 講義概要

3 評価基準

講義概要

elementaryCS-2nd

Nagatou

女科書,参考 な献

講義概要

評価基準

- この講義も Zoom で行います
- 講義資料は (https://sites.google.com/presystems.xyz/elementaryCS/) に置いてあります
- 講義スケジュール:
 - 再帰
 - ② よいアルゴリズム, わるいアルゴリズム, ふつうのアルゴ リズム

目標

計算でものを表すとき便利な道具と注意すべきことを会得す ること

elementaryCS-2nd

> Naoyuk Nagato

教科書,参表 文献

講義概要

評価基準

1 教科書,参考文献

- 2 講義概要
- 3 評価基準

評価基準

elementaryCS-2nd

> Naoyuki Nagatou

改科書,参表 安献

講義概要

評価基準

- 講義は全7回
- 課題: 3回(計85点)と特別課題(15点)
- 課題提出:
 - 講義時間中に課題を出します
 - 提出方法はその都度指定します

elementaryCS-2nd

Naoyuki Nagatou

再帰

再帰への導入 再帰 (Recursion) 再帰的定義

プログラムと

引数の有効範囲 (Scope)

Ouiz :

繰り返しと 再帰

末尾再帰 (Tail Recursion)

再帰のまとめ ^{課題S}

Part II

再帰

再帰

elementaryCS-2nd

> Naoyuk Nagato

再帰 (Poo

Recursion) 再帰への導入 再帰 (Recursion) 再帰的定義 木構造

しての再帰 引数の有効範囲 (Scope)

Quiz ·

繰り返しと 再帰 ^{末尾再帰 (Tail} Recursion) コンビュータの中でに

- 4 再帰 (Recursion)
 - 再帰への導入
 - 再帰 (Recursion)
 - 再帰的定義
 - 木構造
- 5 プログラムとしての再帰
 - 引数の有効範囲 (Scope)
 - 再帰プログラム
- Quiz 1
- 7 繰り返しと再帰
 - 末尾再帰 (Tail Recursion)
 - コンピュータの中では
- 8 再帰のまとめ
 - 課題 S

elementaryCS-2nd

> Naoyuk Nagatot

再帰 (Recursion)

再帰への導入 再帰 (Recursion) 再帰的定義 木構造

しての再帰 引数の有効範囲 (Scope)

Quiz 1

繰り返しと 再帰

末尾再帰 (Tail Recursion) コンピュータの中で

- 4 再帰 (Recursion)
 - 再帰への導入
 - 再帰 (Recursion)
 - 再帰的定義
 - 木構造
- 5 プログラムとしての再帰
 - 引数の有効範囲 (Scope)
 - 再帰プログラム
- 6 Quiz
- 7 繰り返しと再帰
 - 末尾再帰 (Tail Recursion)
 - コンピュータの中では
- 8 再帰のまとめ
 - 課題S

再帰への導入

elementaryCS-2nd

Naoyuki Nagatou

再帰 Recursion) 再帰への導入 再帰 (Recursion) 再帰的定義 木構造

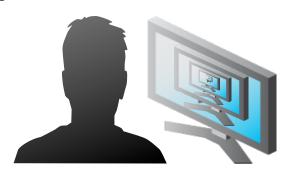
プログラムと しての再帰 _{引数の有効範囲}

再帰プロク

繰り返しと 再帰

末尾再帰 (Tail Recursion) コンピュータの中で

- 対象(問題)を簡潔に明示的に表す方法
- たとえば下の絵, ひとつ絵を書いてその中央にその絵を書ている (Droste 効果)
- 対象を定義するときにより小さい部分を参照して定義 する



再帰の例

elementaryCS-2nd

Naoyuki Nagatou

再帰 (Recursion) 再帰への導入 再帰 (Recursion) 再帰的定義 木構造

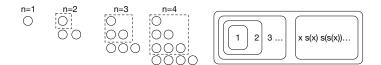
プログラムと しての再帰 _{引数の有効範囲} (Scope)

Ouiz 1

繰り返しと 再帰 ^{末尾再帰 (Tail} Recursion) コンビュータの中では

- 数列 $a_n = \frac{n(n+1)}{2}, n \ge 1$
- 初項を 1, n 項を a_n = n + a_{n-1} となる
- n項を決めるのに n-1項から決める
- まだ決まっていない最小の項を既に知っている項から決 定する
- 再帰的定義:

$$a(n) = \begin{cases} 1 & \text{if } n = 1 \\ n + a(n-1) & \text{otherwise} \end{cases}$$



再帰的定義の原理

elementaryCS-2nd

Nagatou

再帰 (Recursion)

再帰 (Recursion) 再帰的定義 木構造

しての再帰 引数の有効範囲 (Scope)

Quiz 1

繰り返しと 再帰

末尾再帰 (Tail Recursion) コンピュータの中では

再帰のまとめ ^{課題}S

- 関数 f の定義に x より小さい要素についての評価値を利用して定義することを原始再帰 (primitive recursion) と呼ぶ
- f が x より小さい値について計算可能であり、いつも同じ値と仮定し、 $f \upharpoonright x$ と書く
- ・ 定義できた最大の x のつぎの値について定義するという のを繰り返すと全体について定義できる (δ -近似)

再帰の原理

順序数(自然数は順序数)xとして,

$$f(x) = G(f \upharpoonright x)$$

ここで、 $f \upharpoonright x$ は f を x より小さい数に制限したもの、G は計算のしかたを表したもの



関数の再帰的定義

加算,乗算の再帰的定義

elementaryCS-2nd

Naoyuki Nagatou

円/開 (Recursion) 再帰への導入 再帰 (Recursion) 再帰的定義 木構造

しての再帰 引数の有効範囲 (Scope) 再帰プログラム Quiz 1

Quiz 1 繰り返しと 再帰 ^{末尾再帰 (Tail} Recursion) コンピュータの中でに

再帰のまとめ ^{課題}S

- G に相当するのが succ
- Basic step に近づけるように recursive step を定義
 - a + succ(b) =

Basic step: a + 0 if b = 0Recusive step: succ(a + b) otherwise

Listing 1: 加算

return(succ(add(a.pred(b))))

1 # Recursive definition

2 import os

4 def succ (x):

6 def pred (x):

8 def add (a,b):
9 if (b==0):

else:

return(x+1)

return(x-1)

return(a)

3

10

11

12

```
Listing 2: 乗算

15 # Multiplication
16 #
17 def mult (a,b):
18     if (b==0):
19         return(0)
20     else:
21     return(add(add(0,a),mult(a,pred(b))))
```

再帰的定義の例1

Factorial

elementaryCS-2nd

Naoyuki Nagatou

再帰 (Recursion) 再帰への導入 再帰 (Recursion) 再帰的定義 木構造

フログラムと しての再帰 引数の有効範囲 (Scope) 再帰プログラム

Quiz 1

繰り返しと 再帰 ^{末尾再帰} (Tail Recursion) コンビュータの中で!

再帰のまとめ

- $n! = n \cdot (n-1) \cdot (n-2) \cdots 3 \cdot 2 \cdot 1$
- n! を決めるのに (n − 1)! の値をつかう
- Gに相当するのが n⋅(n 1)! ということ
- まだ決まっていない最小の値は決まっている値で最大の 値のつぎになる

Listing 3: fact.py

```
1 def fact (n):
2    if (n == 1):
3      return(1)
4    else:
5    return(n*(fact(n-1)))
```

Example (4!)



フィボナッチ数

elementaryCS-2nd

Naoyuki Nagatou

再帰 (Recursion) 再帰への導入 再帰 (Recursion) 再帰的定義 木構造

プログラムとしての再帰

fl数のfl効配面 (Scope) 再帰プログラム

Quiz

再帰 末尾再帰 (Tail Recursion)

再帰のまとめ

• 突然ですが次の問題を考えてみてください

うさぎとフィボナッチ数

- nヶ月後のうさぎのつがいは何組?
- 最初一組のつがいだけ
- 2ヶ月経つとメス1匹を生んでそのつがいが1組増える
- うさぎは決して死なない

月	生後0ヶ月	生後2ヶ月以下	合計
1	0	1	1
2	0	1	1
3	1	1	2
4	1	2	3

再帰的定義の例 2

elementaryCS-2nd

Naoyuki Nagatou

再帰 (Recursion) 再帰への導入 再帰 (Recursion **再帰的定義** 木構造

プログラムと しての再帰 ^{引数の有効範囲} (Scope)

Quiz 1

繰り返しと 再帰 ^{未尾再帰 (Tail} Recursion) コンビュータの中では

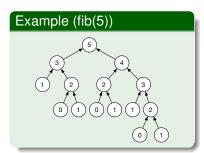
再帰のまとめ ^{課題}S

フィボナッチ数 0 | 1 | 2 | 3 | 4 | 5··· 1 | 1 | 2 | 3 | 5 | 8···

- fib(S(n)) を決めるのに fib(n) と fib(n 1) を使う
- G に相当するのが n と n 1 のフィボナッチ数を足し合わせるということ

Listing 4: フィボナッチ数

```
def fib (n):
    if (n==0):
        return(0)
4    else:
        if (n==1):
            return(1)
            else:
                return(fib(n-1)+fib(n-2))
```



Tree (木構造)

elementaryCS-2nd

Naoyuki Nagatou

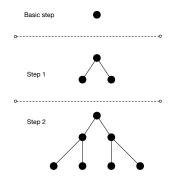
再帰 (Recursion) 再帰への導入 再帰 (Recursion) 再帰的定義 木構造

プログラムと しての再帰 引数の有効範囲

Ouis 1

繰り返しと 再帰 ^{末尾再帰 (Tail} Recursion)

- 数以外も
- Basic step: vertex r は tree
- Recursive step: T_1, T_2, \dots, T_n それぞれ root を r_1, r_2, \dots, r_n とする tree として,r から r_1, r_2, \dots, r_n への edge 追加したものもまた tree である



集合の再帰的定義

elementaryCS-2nd

Naoyuki Nagatot

再帰 (Recursion) 再帰への導入 再帰 (Recursion) 再帰的定義 木構造

プログラムと しての再帰 引数の有効範囲 (Scope)

Quiz 1

繰り返しと 再帰 ^{末尾再帰 (Tail}

再帰のまとめ

- Basic step: 集合の初期要素を定義
- Recursive step: 既にわかっている要素から新しい要素を 定義する規則

Example (文字列の集合 Σ*)

- Basic step: $\epsilon \in \Sigma^*$ (空列 ϵ も Σ^* に含まれる)
- Recursive step: $a \in \Sigma$, $w \in \Sigma^*$ ならば $aw \in \Sigma^*$
- E.g.: $\{\epsilon, a, aa, aaa, \cdots\}$

再帰は強力な道具

elementaryCS-2nd

Naoyuki Nagatou

再帰 (Recursion) 再帰への導入 再帰 (Recursion) 再帰的定義 木構造

プログラムと しての再帰 引数の有効範囲 (Scope)

再帰プログラ

繰り返しと 再帰

末尾再帰 (Tail Recursion) コンピュータの中で

- 最初の元から順番に対象を構成
- 対象が順番に並べられるなら
- 問題を解く時も、最も小さい問題の解から順番に全体の解を構成することができる
- (いつもではないけど)





宿題1

elementaryCS-2nd

Naoyuki Nagatou

再帰 (Recursion) _{再帰への導入} _{再帰 (Recursion)} _{再帰的定義} 木構造

プログラムと しての再帰 引数の有効範囲 (Scope) 再帰プログラム

Ouiz 1

繰り返しと 再帰 ^{末尾再帰 (Tail} Recursion) コンビュータの中では

- 自然数上の四則演算を再帰で定義せよ (four-ops-rec.py 参照)
- 先の文字列の集合を参考に文字列の長さを求める関数を 再帰的に定義せよ (str_len.py 参照)
 - Hint: Basic step を空列は長さ0として、recursive step は 一文字短い文字列より1長い
 - Python では str[1:] とすると文字列の 2 番目以降の文字列 を得ることができる
 - 空列は not str で判定

elementaryCS-2nd

Naoyuk Nagatoi

再帰 (Rec

Recursion) 再帰への導入 再帰 (Recursion) 再帰的定義 木構造

プログラムと しての再帰 引数の有効範囲

再帰プログラ

繰り返し

末尾再帰 (Tail Recursion)

- 4 再帰 (Recursion)
 - 再帰への導入
 - 再帰 (Recursion
 - 再帰的定義
 - 木構造
- プログラムとしての再帰
 - 引数の有効範囲 (Scope)
 - 再帰プログラム
- 6 Quiz 1
- 7 繰り返しと再帰
 - 末尾再帰 (Tail Recursion)
 - コンピュータの中では
- 8 再帰のまとめ
 - 課題 S

仮引数と実引数

elementaryCS-2nd

Naoyuki Nagatou

サ/掃 Recursion) 再帰への導入 再帰 (Recursion) 再帰的定義 木構造

フロクフムと しての再帰 引数の有効範囲 (Scope)

再帰プログラ

繰り返しと 再帰 ^{末尾再帰 (Tail} Recursion) コンビュータの中では

再帰のまとめ ^{課題}S

- CS 第 1 では手続きに名前をつけて抽象化することをみた
- 関数は0個以上の仮引数というものをもつ
 - 下の例では n, eps などが仮引数
- 仮引数は関数の本体で有効である
- 関数を呼び出したときの値に束縛 (bind) されて、関数の本体では呼び出し時の値に置き換えられる
- 呼び出し時の値を実引数という
- 一般に変数は有効範囲 (scope) が決まっている
- 仮引数は関数本体が有効範囲である

Listing 5: newton.py

Listing 6: newton.py

```
1 ### Newton's method
                                               13 def saroot (n):
 2 def sqrt_iter (quess,n,eps,previous):
                                                   ### Machine epsilon
                                               14
    def is_enough (guess,eps,previous):
                                              15
                                                   def eps_m ():
       return(abs(previous-quess)<(2*eps))
                                               16
                                                      epsilon. old. prod = 1.0.0.0.
    def improve (quess,n):
                                                           0.0
       return((quess+(n/quess))/2.0)
                                              17
                                                      cnt=0
 6
                                                     while (prod!=1.0):
7
    if is_enough(guess,eps,previous):
                                               18
                                                        old = epsilon
 8
       return(quess)
                                               19
    else:
                                              20
                                                        cnt = cnt + 1
       return(sart iter(improve(quess.n).n
                                                        epsilon=epsilon/2.0
10
                                              21
              .eps.quess))
                                              22
                                                        prod=epsilon+1.0
11 def sqroot1 (n,eps):
                                              23
                                                      return(old)
    return(sqrt_iter(1.0,n,(2*eps),0.0))
                                                   return(sqroot1(n,eps_m()))
```

プログラムとしての再帰

elementaryCS-

Naoyuki Nagatou

再帰 (Recursion) 再帰への導入 再帰 (Recursion) 再帰的定義 木構造

プログラムと しての再帰 引数の有効範囲 (Scope) 再品プログラム

Quiz

繰り返しと 再帰 ^{末尾再帰 (Tail} Recursion) コンビュータの中では

再帰のまとめ ^{課題}S

- プログラムでも関数を定義するときに自身をもちいることができる
- 下のプログラムを実行してみるので引数の値に注意して 見ていてください
- 関数は定義しただけでは実行されず、呼び出したときは じめて活性化され、仮引数が束縛される
 - n は 3,2,1 と束縛される

Listing 7: fact.py

1	# Factorial
2	<pre>def fact (n):</pre>
3	if (n == 1):
4	return(1)
5	else:
6	<pre>return(n*(fact(n-1)))</pre>

呼び出し	環境			
fact(3)	n←3			
fact(2)	n←2			
fact(1)	n←1			
·				

関数の評価と生成プロセス

elementaryCS-2nd

Naoyuki Nagatou

再帰 (Recursion) 再帰への導入 再帰 (Recursion) 再帰的定義 太雄造

プログラムと しての再帰 引数の有効範囲 (Scope)

(Scope) 再帰プログラム

Quiz 1

繰り返しと 再帰 ^{末尾再帰 (Tail}

再帰のまとめ ^{課題}S - fact(4) の生成プロセス・

```
fact(4)
=>(4 * fact(3))
=>(4 * (3 * fact(2)))
=>(4 * (3 * (2 * fact(1))))
=>(4 * (3 * (2 * 1)))
=>(4 * (3 * 2 ))
=>(4 * 6)
=>24
```

elementaryCS-2nd

> Naoyuk Nagato

再帰 (Reci

(Recursion) 再帰への導入 再帰 (Recursion) 再帰的定義 木構造

しての再帰 引数の有効範囲 (Scope) 再帰プログラム

Quiz 1

繰り返しと 再帰

末尾再帰 (Tail Recursion) コンピュータの中で

- 4 再帰 (Recursion)
 - 再帰への導入
 - 再帰 (Recursion
 - 再帰的定義
 - 木構造
- 5 プログラムとしての再帰
 - 引数の有効範囲 (Scope)
 - 再帰プログラム
- 6 Quiz 1
- 7 繰り返しと再帰
 - 末尾再帰 (Tail Recursion)
 - コンピュータの中では
- 8 再帰のまとぬ
 - 課題S

QUIZ 1

elementaryCS-2nd

Naoyuki Nagatou

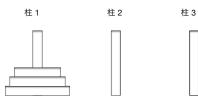
再帰 (Recursion) 再帰への導入 再帰 (Recursion 再帰的定義 木構造

フロクラムと しての再帰 引数の有効範囲 (Scope) 再帰プログラム

Quiz 1

繰り返しと 再帰 ^{末尾再帰 (Tail} Recursion) コンビュータの中では

- ハノイの塔 (Tower of Hanoi) というパズルを解くプログラムを作成してください
- 目的:
 - 柱1から柱2へ移動
- 制約:
 - 柱から柱への移動は一度に1枚だけ
 - 大きい円盤をそれより小さい円盤の上にのせてはいけない
- 4b(CS2) クラスのサイト: https://sites.google.com/presystems.xyz/elementaryCS から hanoi-skeleton.py をダウンロードして使ってくだ さい



Quiz 1 0 hint

elementaryCS-2nd

Naoyuki Nagatou

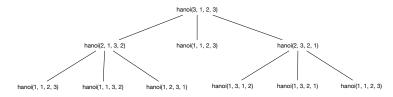
再帰 (Recursion) 再帰への導入 再帰 (Recursion) 再帰的定義 木構造

プログラムと しての再帰 引数の有効範囲 (Scope)

Quiz 1

繰り返しと 再帰 ^{末尾再帰 (Tail} Recursion) コンビュータの中でに

- Basic step: 1 枚の移動
- Recursive step: n 枚から n-1 枚の移動
- hanoi(n,a,b,c) は n 枚のディスクを a から b へ c を使って 移動する関数
- Python でリストに要素を追加するときは append() を使う



elementaryCS-2nd

Naoyuk Nagato

再帰 (Poo

[Recursion] 再帰への導入 再帰 (Recursion) 再帰的定義 木構造

しての再帰 引数の有効範囲 (Scope)

Quiz

繰り返しと 再帰

末尾再帰 (Tail Recursion) コンピュータの中で

- 4 再帰 (Recursion)
 - 再帰への導入
 - 再帰 (Recursion
 - 再帰的定義
 - 木構造
- 5 プログラムとしての再帰
 - 引数の有効範囲 (Scope)
 - 再帰プログラム
- 6 Quiz
- 7 繰り返しと再帰
 - 末尾再帰 (Tail Recursion)
 - コンピュータの中では
- 8 再帰のまとめ
 - 課題S

繰り返しプログラムと再帰プログラム

elementaryCS-2nd

Naoyuki Nagatou

再帰 (Recursion) 再帰への導入 再帰 (Recursion) 再帰的定義 木構造

プログラムと しての再帰 引数の有効範囲 (Scope)

Ouiz 1

繰り返しと 再帰

末尾再帰 (Tail Recursion)

再帰のまとめ

- 以前、繰り返しでいろいろな計算を実現しました
- ここでは繰り返しと再帰の関係について見ていきます
- succ(y) は y のつぎの数という意味で CS 入門第一の +1 に対応
- 0 は定数 (引数なしの特別な関数)
- これら初期関数から再帰と関数合成で繰り返しプログラムと同じものが作れます
 - 関数合成は $f(g_1(x_1),\ldots,g_n(x_n))$
 - 再帰は basic step と recursive step で場合分け

末尾再帰呼び出し (Tail Recursive Call)

elementaryCS-

Naoyuki Nagatou

再帰 (Recursion) 再帰への導入 再帰 (Recursion) 再帰的定義 木構造

フログラムと しての再帰 引数の有効範囲 (Scope) 再帰プログラム

繰り返しと 再帰 末尾再帰(Tail Becursion)

再帰のまとめ ^{課題}S

- Listing 8と Listing 9はどちらも再帰的定義ですが計算プロセスに違いがあります
- Listing 8 は fact(n) を得るために fact(n-1) の後の計算 (n×ロ) を覚えてなければならない
- Listing 9 はその必要はなく、計算の状態 "カウンタと途中 までの積" を覚えておくだけで良い
- Listing 9 のような形を末尾再帰的といいます

Listing 8: 再帰プロセス版

Listing 9: 繰り返しプロセス版

```
1 # Factorial
2 def fact (n):
3    if (n == 1):
4        return(1)
5    else:
6        return(n*(fact(n-1)))
```

```
16 # Factorial
17 def fact_iter (n):
18 def fact_iterl (prod, cnt, max):
19 if cnt > max:
20 return(prod)
21 else:
22 return(fact_iterl(prod*cnt,cnt+1, max))
23 return(fact_iterl(1,1,n))
```

末尾呼び出し (Tail Call)

elementaryCS-2nd

Naoyuki Nagatou

再帰 (Recursion) 再帰への導入 再帰 (Recursion) 再帰的定義 木構造

プログラムと しての再帰 _{引数の有効範囲} (Scope)

再帰プログラ Ouin 1

繰り返しと 再帰

末尾再帰 (Tail Recursion) コンピュータの中で

再帰のまとめ ^{課題}S

- 末尾再帰は繰り返し while, for に書き換えられます
- 繰り返しは再帰関数の特別な場合と見なせる
- 再帰は関数を呼び出すたびに資源を消費するが、繰り返しは一定

· 再帰プロセス -

```
fact(4)
=>(4 * fact(3))
=>(4 * (3 * fact(2)))
=>(4 * (3 * (2 * fact(1))))
=>(4 * (3 * (2 * 1)))
=>(4 * (3 * 2 ))
=>(4 * 6)
=>24
```

- 繰り返しプロセス -

```
fact-iter(4)
=>fact-iter1( 1,1,4)
=>fact-iter1( 1,2,4)
=>fact-iter1( 2,3,4)
=>fact-iter1( 6,4,4)
=>fact-iter1(24,5,4)
=>24
```

CPU とメモリ

elementaryCS-2nd

Naoyuki Nagatou

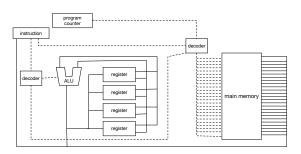
再帰 Recursion) 再帰への導入 再帰 (Recursion) 再帰的定義 木構造

フログラム しての再帰 引数の有効範囲 (Scope) 再帰プログラム

Ouiz 1

繰り返しと 再帰 ^{末尾再帰 (Tail} Recursion)

- コンピュータの命令自体も符号化されてます
- CPU (Central Processing Unit) ごとに命令セットも符号 も異なっています
- ここでは CPU が命令を実行するサイクルについて見てみます



演算のサイクル

elementaryCS-2nd

> Naoyuki Nagatou

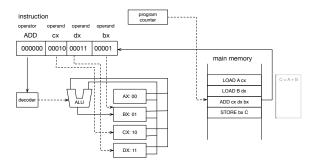
再帰 (Recursion) 再帰への導入 再帰 (Recursion) 再帰的定義 木構造

プログラムと しての再帰 引数の有効範囲 (Scope)

円縮プロク

繰り返しと 再帰 ^{末尾再帰 (Tail} Recursion) コンピュータの中でに

- 🚺 Instruction に命令をフェッチ
- ② メインメモリからレジスタにデータを移動
- ALU (Arithmetic and Logic Unit) がレジスタからデータを取り出す
 - 4 ALU で演算
 - 뒬 結果をレジスタに書き込む
 - \delta レジスタからメインメモリにデータを移動
- 🚺 ADD cx dx bx という命令を例にすると下図のようになります



関数を呼び出したとき

elementaryCS-2nd

> Naoyuki Nagatou

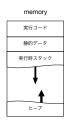
再帰 Recursion) 再帰への導入 再帰 (Recursion) 再帰的定義 木構造

プログラムと しての再帰 引数の有効範囲 (Scope)

13701717

繰り返しと 再帰 ^{末尾再帰 (Tail} Recursion) コンピュータの中でに 取信の まとめ

- 関数を呼び出すたびに下図の右側のように実行時スタックの領域に保存する
 - 活性レコード (activation record) という
- 終了すれば活性レコードは開放される
- 多くのプログラミング言語は末尾再帰を繰り返しに変換 してくれないので繰り返し構文が用意されている



実行時スタック	
戻り値	呼び出し側でセット
実引数	
dynamic link	呼び出される側でセット
static link	
戻り番地	
レジスタ退避	
局所データ	

elementaryCS-2nd

> Naoyuk Nagato

再帰 (Bec

(Recursion) 再帰への導入 再帰 (Recursion) 再帰的定義 木構造

しての再帰 引数の有効範囲 (Scope)

Quiz 1

繰り返しと 再帰

末尾再帰 (Tail Recursion) コンピュータの中で

- 4 再帰 (Recursion)
 - 再帰への導入
 - 再帰 (Recursion
 - 再帰的定義
 - 木構造
- 5 プログラムとしての再帰
 - 引数の有効範囲 (Scope)
 - 再帰プログラム
- 6 Quiz
- 7 繰り返しと再帰
 - 末尾再帰 (Tail Recursion)
 - コンピュータの中では
- 8 再帰のまとめ
 - 課題 S

再帰のまとめ

elementaryCS-2nd

Naoyuki Nagatou

再帰 (Recursion) 再帰への導入 再帰 (Recursion 再帰的定義 木構造

プログラムと しての再帰 引数の有効範囲 (Scope) 再帰プログラム

Ouiz 1

繰り返しと 再帰 ^{末尾再帰 (Tail} Recursion) コンビュータの中

- 再帰とはある問題をそれより簡単な同じ問題に分解して 問題を解く方法
- 既にわかっているそれより前のものから求める
- 一見複雑な問題も再帰的に定義すると単純な計算で解 ける
- それ以上分割出来ない問題を解き、結果からより大きい問題の結果を得るというもの (分割統治法 (Divide and Conquer) と呼ばれる)
- E.g. Quiz 1 では複雑な問題をより小さい同じ問題に分解して解いていっている
- 再帰は非常に強力な解法になる

課題S

elementaryCS-2nd

Naoyuki Nagatou

再帰 Recursion) 再帰への導入 再帰 (Recursion) 再帰的定義 木構造

フロクラムと しての再帰 引数の有効範囲 (Scope)

Quiz 1

再帰 末尾再帰 (Tail Recursion)

再帰のまとめ 課題S

- (https://sites.google.com/presystems.xyz/elementaryCS/) から fib-skeleton.py をダウンロード
- フィボナッチ数を求める問題です
- まだ、お話していない部分も含まれるのですぐに取り掛からなくていいです
- ソースコード中のコメントを参照して (2)-(4) の問に答え て見てください
- 提出は出来たところまででいいです
- 出来なかったところはコメントにしてください