第1章 模擬研究與討論

1.1 估計式整理

整理上一章所推倒之估計式,以及過去文獻中所存在的估計式。藉由電腦模擬的方式,在不同模型的設定下,比較三種取後不放回以及兩種取後放回的估計方式之表現,並同時估計其標準差。

以下為不同估計方法之整理:

1.1.1 取後放回

 \bullet S_{BB}

$$S_{BB} = D_{12} + E(Q_{00}) + E(Q_{0+}) + E(Q_{+0})$$

其中:

$$\begin{split} E(Q_{00}) &= \frac{E(Q_{11})^2}{4E(Q_{22})} \frac{t_1 - 1}{t_1} \bigg(2 - \bigg(\frac{2E(Q_{2+})^2}{3E(Q_{1+})E(Q_{3+})} \bigg)^{-} \bigg) \frac{t_2 - 1}{t_2} \bigg(2 - \bigg(\frac{2E(Q_{+2})^2}{3E(Q_{+1})E(Q_{+3})} \bigg)^{-} \bigg) \\ E(Q_{0+}) &= \frac{t_1 - 1}{t_1} \frac{E(Q_{1+})^2}{2E(Q_{2+})} \bigg(2 - \bigg(\frac{2E(Q_{2+})^2}{3E(Q_{1+})E(Q_{3+})} \bigg)^{-} \bigg) \\ E(Q_{+0}) &= \frac{t_2 - 1}{t_2} \frac{E(Q_{+1})^2}{2E(Q_{+2})} \bigg(2 - \bigg(\frac{2E(Q_{+2})^2}{3E(Q_{+1})E(Q_{+3})} \bigg)^{-} \bigg) \end{split}$$

且 $(A)^-$ 表示:若 $A \le 1$ 時,則 $(A)^- = max(0.5,A)$;若A > 1時,則 $(A)^- = A$ 。

 \bullet S_{Pan}

$$S_{BB} = D_{12} + \frac{t_1 - 1}{t_1} \frac{E(Q_{1+})^2}{2E(Q_{2+})} + \frac{t_2 - 1}{t_2} \frac{E(Q_{+1})^2}{2E(Q_{+2})} + \frac{t_1 - 1}{t_1} \frac{t_2 - 1}{t_2} \frac{E(Q_{11})^2}{4E(Q_{22})}$$

1.1.2 取後不放回

 \bullet S_{wBB1}

$$S_{wBB1} = D_{12} + E(Q_{00}) + E(Q_{0+}) + E(Q_{+0})$$

其中:

$$\begin{split} E(Q_{00}) &= \left(\frac{t_1 - 1}{t_1} \frac{t_2 - 1}{t_2}\right) \times \left[\left(\frac{\beta_1}{t_1} + 1\right) \frac{(T_1 - t_1)}{T_1 + \beta_1}\right] \times \left[\left(\frac{\beta_2}{t_2} + 1\right) \frac{(T_2 - t_2)}{T_2 + \beta_2}\right] E(Q_{11}) \\ & \text{ 並在 } E(Q_{00}) \text{ 的估計式中代入} \begin{cases} \beta_1 &= \left(\frac{E(Q_{1+}) - E(Q_{2+})}{E(Q_{2+})}\right) t_1 \\ \beta_2 &= \left(\frac{E(Q_{1+}) - E(Q_{1+})}{E(Q_{1+})}\right) t_2 \end{cases} \\ & E(Q_{0+}) &= \begin{cases} \frac{t_1 - 1}{t_1} \frac{(1 - q)E(Q_{1+})^2}{E(Q_{2+}) + q(E(Q_{1+}) - E(Q_{2+}))^+}, \text{ if } E(Q_{2+}) > 0 \\ & \frac{t_1 - 1}{t_1} \frac{1 - q}{q} \left(E(Q_{1+}) - 1\right), \text{ if } E(Q_{2+}) = 0 \end{cases} \\ & E(Q_{+0}) &= \begin{cases} \frac{t_2 - 1}{t_2} \frac{(1 - q)E(Q_{+1})^2}{E(Q_{+2}) + w_2 \left(E(Q_{+1}) - E(Q_{+2})\right)^+}, \text{ if } E(Q_{+2}) > 0 \\ & \frac{t_2 - 1}{t_2} \frac{1 - q}{q} \left(E(Q_{+1}) - 1\right), \text{ if } E(Q_{+2}) = 0 \end{cases} \end{split}$$

 \bullet S_{wBB2}

$$\begin{split} S_{wBB2} &= \ D_{12} + \ E(Q_{00}) + \ E(Q_{0+}) + \ E(Q_{+0}) \\ E(Q_{00}) &= \left(\frac{t_1 - 1}{t_1} \frac{t_2 - 1}{t_2}\right) \times \left[\left(\frac{\beta_1}{t_1} + 1\right) \frac{(T_1 - t_1)}{T_1 + \beta_1}\right] \times \left[\left(\frac{\beta_2}{t_2} + 1\right) \frac{(T_2 - t_2)}{T_2 + \beta_2}\right] E(Q_{11}) \\ \text{並在 } E(Q_{00}) \text{ 的 估計 式 中代入} & \begin{cases} \beta_1 &= \left(-1 + \sqrt{\frac{E(Q_{11})}{E(Q_{22})} \frac{E(Q_{12})}{E(Q_{21})}}\right) t_1 \\ \beta_2 &= \left(-1 + \sqrt{\frac{E(Q_{11})}{E(Q_{22})} \frac{E(Q_{21})}{E(Q_{12})}}\right) t_2 \end{cases} \quad \text{fin } E(Q_{+0}) \text{ β} \end{split}$$

 $E(Q_{0+})$ 的估計與 S_{WBB1} 相同。

 \bullet $S_{12,wor2}$

$$\begin{split} S_{12,wor2} &= D_{12} + \frac{Q_{1+}^2}{2k_1Q_{2+} + rQ_{1+}} + \frac{Q_{+1}^2}{2k_2Q_{+2} + rQ_{+1}} \\ &\quad + \frac{Q_{11}^2}{4k_1k_2Q_{22} + 2k_1r_2Q_{21} + 2k_2\,r_1Q_{12} + r_1r_2Q_{11}} \\ &\not \perp \ \, \psi \ k_i \ = \frac{t_i}{t_{i-1}} \not \cong r_j = \frac{\frac{t_j}{T}}{(1 - \frac{t_j}{T})} \ \, \circ \end{split}$$

1.1.3 標準差、95%信賴區間、樣本涵蓋率與變異係數估計

● 標準差估計

$$\widehat{var}(\widehat{S_{12}}) = \sum_{i=1}^{t} \sum_{j=1}^{t} \frac{\partial \widehat{S_{12}}}{\partial Q_i} \frac{\partial \widehat{S_{12}}}{\partial Q_j} \widehat{cov}(Q_i, Q_j)$$

其中
$$\widehat{cov}(Q_i, Q_j) = \begin{cases} Q_i \left(1 - \frac{Q_i}{\hat{S}}\right), & \text{if } i = j \\ -\frac{Q_i Q_j}{\hat{S}}, & \text{if } i \neq j \end{cases}$$

- 95%信賴區間
 - (1) wBB1 and wBB2

$$\left[\hat{S}_{12} - 1.96\left(\widehat{var}(\widehat{S}_{12})\right)^{\frac{1}{2}}, \hat{S}_{12} + 1.96\left(\widehat{var}(\widehat{S}_{12})\right)^{\frac{1}{2}}\right]$$

(2) Other

$$[D_{12} + \frac{\widehat{S_{12}} - D_{12}}{R}, D_{12} + (\hat{S}_{12} - D_{12}) \times R]$$

其中 $R = \left\{1.96 \left[\log\left(1 + \frac{\widehat{var}(\widehat{S_{12}})}{(\widehat{S_{12}} - D_{12})^2}\right)\right]^{\frac{1}{2}}\right\}$ 以此計算 95%信賴區間的樣本涵蓋率 (95% confidence interval coverage rate, 95% CI Coverage) 。

Sample Coverage

為樣本中檢測到的物種的總發生率的百分比。

$$\hat{C} = 1 - \frac{Q_1}{\sum_{i=1}^{S} i Q_i}$$

Sample CV

$$\hat{\gamma}^2 = \max \left\{ \frac{S_{obs}}{\hat{C}} \frac{t}{t - 1} \frac{\sum_{i=1}^t i(i-1)Q_i}{\sum_{i=1}^t iQ_i \sum_{i=1}^t iQ_i - 1} - 1, 0 \right\}$$

 \hat{v}^2 為變異係數平方的估計式,即 $CV = \hat{v}$ 。

1.2 模型模擬設定

1.2.1 模擬模型假設

經由電腦模擬,可以設定不同母體並產生不同物種豐富度的結構,透過重 複抽樣資料以評估估計式之估計表現。在模擬的過程中,首先需決定兩族群的 共同種與特有種的數量,再選擇兩種不同種模型作為母體使用,以下為四種模 擬模型之設定:

- I. 同質性模型 (homogeneity model), $p_i=0.1$, i=1,2,...,S (mean=0.1, CV=0)
- II. 均匀模型 (uniform model), $p_i = ca_i$,i = 1, 2, ..., S (mean = 0.12, CV = 0.66),其中 a_i 服從均匀分佈,c為調整常數。
- III. Broken-stick 模型, $p_i=ca_i$,i=1,2,...,S (mean=0.15,CV=0.94),其中 a_i 服從指數函數分佈,c為調整常數。
- IV. 對 數 常 態 模 型 (log-normal model), $p_i=ca_i$, i=1,2,...,S (mean = 0.15, CV=1.17),其中 a_i 服從對數常態分佈,c為調整常數。

1.2.2 物種與區塊數的假設

在電腦模擬時,需針對真實的群落物種與區塊數進行假設,以評估估計結果之優劣程度。故假設以下四種組合為電腦模擬的真實物種與區塊狀況做使用。

- 1. 假設總物種數為 500 種物種 (S=500), 其中群落一與第二群落皆存在 400 種物種 $(S_1=S_2=400)$, 兩群落間共有 300 種共同種 $(S_{12}=300)$ 。且兩族群皆為 100 區塊 $(T_1=T_2=100)$,並從中依比例抽取 t_1 與 t_2 個區塊作為樣本使用。
- 2. 假設總物種數皆為 700 種物種 (S=700),其中群落一與第二群落分別存在 400 與 600 種物種 $(S_1=400$, $S_2=600)$,兩群落間共有 300 種共同種 $(S_{12}=300)$ 。且兩族群皆為 100 區塊 $(T_1=T_2=100)$,並從中依比例抽取 t_1 與 t_2 個區塊作為樣本使用。

- 3. 假設總物種數為 500 種物種 (S=500),其中群落一與第二群落皆存在 400 種物種 $(S_1=S_2=400)$,兩群落間共有 300 種共同種 $(S_{12}=300)$ 。且兩族群分別為 100 與 200 區塊 $(T_1=100,T_2=200)$,並從中依比例抽取 t_1 與 t_2 個區塊作為樣本使用。
- 4. 假設總物種數為 500 種物種 (S=500),其中群落一與第二群落皆存在 400 種物種 $(S_1=S_2=400)$,兩群落間共有 300 種共同種 $(S_{12}=300)$;兩族群皆為 100 區塊 $(T_1=T_2=100)$,並從中依比例抽取 t_1 與 t_2 個區塊作為樣本使用,而 $t_2=2t_1$ 。

而在每種群落假設下,樣本數的模擬次數為 R = 1000 次。

1.2.3 表格中名詞定義

- Sim.:群落的組合情況。
- q: $A=\frac{t_i}{T_i}$ $A=\frac{t_i}{T_i}$
- Obs: 兩樣本觀測到的共同物種。
- AVG Estimate: R 次模擬之平均估計值。
- Bias: R 次模擬之偏差 (bias), $bias = \hat{S}_{12} S_{12}$ 。
- Sample SE: R 次模擬之樣本標準差。
- Est. SD: R 次模擬之標準差估計值。
- RMSE: R 次模擬估計量之樣本均方根誤差。
- 95% CI Coverage: R 次模擬中理論值於信賴區間的比例。

1.2.4 取後放回的模擬結果

依據上述模擬結果可以得知,再第一種物種分配的假設下,在偏差的表現上,在四種模擬情況下,兩估計方法下所估計的群落共同種,皆有低估的情況發生。尤其在小樣本時,低估情況更加明顯。平均而言,在兩種估計方法的偏差結果中皆顯示,BB所估計之群落共同種相較於原有的Pan方法,在偏差的估計表現上更為優秀。在樣本標準差(Sample SE)以及平均標準差估計(Est. SD)的結果中,可以發現無論在何種模擬情形下兩種方法皆有低估的情況發生。然而,單憑偏差與標準差的估計的結果無法從中判定估計式的好壞,在評估一個估計方法的優劣之時,還需要考慮該估計量的準確度以及精確度。因此以 RMSE 作為衡量估計式好壞之準則。在 RMSE 的結果方面,在兩群落皆為小樣本時,BB的表現較優秀。但在大樣本地抽樣下,Pan的表現會略優於 BB。另一方面,95%信賴區間涵蓋率也是能作為評估估計式優劣的標準之一。在 95%信賴區間涵蓋率的結果中 BB的結果皆略優於 Pan。綜上所述,在評估所有指標之後,本文所提出之 BB 估計方式的表現普遍優於 Pan 對於兩群落共同種的估計結果。

Table 群落一為同質模型,群落二為 Broken-stick 模型之情況下的估計結果。 $S_1=S_2=400$, $S_{12}=300$ 。

Sample size	Estimator	Obs	AVG Estimate	Bias	Sample SE	Est. SD	RMSE	95% CI Coverage
10	BB	125.12	270.79	-29.21	61.1	46.64	67.69	0.86
10	Pan	123.12	246.81	-53.19	40.24	27.93	66.68	0.82
20	BB	240.32	287.18	-12.82	19.64	18.34	23.44	0.91
30	Pan	240.32	277.62	-22.38	13.64	11.92	26.2	0.89
50	BB	267.2	294.68	-5.32	16.04	14.36	16.89	0.87
50	Pan	267.3	288.29	-11.71	11.15	9.45	16.16	0.86
70	BB	277.28	297.93	-2.07	14.03	12.42	14.18	0.83
70	Pan		292.66	-7.34	9.78	8.19	12.22	0.82

sample size	sample	sample	Est. CV X	Est. CV Y	
	coverage X	coverage Y			
10	0.62	0.84	0.3	0.65	
30	0.95	0.97	0.11	0.79	
50	0.99	0.99	0.09	0.84	
70	1	0.99	0.08	0.87	

Table 兩群落皆為均勻模型之情況下的估計結果。 $S_1 = S_2 = 400$, $S_{12} = 300$ 。

Sample	Estimator	Obs	AVG	Bias	Sample	Est. SD	RMSE	95% CI
size	Estimator	Obs	Estimate	Bias	SE	ESI. SD	KWSE	Coverage
10	BB	123.34	244.33	-55.67	52.13	40.13	76.25	0.86
10	Pan	123.34	220.02	-79.98	32.53	22.51	86.34	0.83
20	BB	225.95	277.64	-22.36	22.77	19.67	31.9	0.89
30	Pan	225.85	265.65	-34.35	15.31	12.33	37.6	0.88
50	BB	255.45	289.5	-10.5	16.01	15.42	19.14	0.9
50	Pan	233.43	281.66	-18.34	11.37	10.15	21.58	0.89
70	BB	268.74	295.39	-4.61	13.68	13.72	14.43	0.91
70	Pan		289.14	-10.86	9.76	9.21	14.6	0.9

sample size	sample	sample	Est. CV X	Est. CV Y	
sample size	coverage X	coverage Y	LSt. CV A		
10	0.76	0.75	0.4	0.39	
30	0.96	0.96	0.5	0.5	
50	0.99	0.99	0.54	0.54	
70	0.99	0.99	0.56	0.57	

Table 群落一為均勻模型,群落二為 Broken-stick 模型之情況下的估計結果。 $S_1=S_2=400$, $S_{12}=300$ 。

Sample	Estimator	Olea	AVG	Bias	Sample	Eat CD	RMSE	95% CI
size	Estimator	Obs	Estimate	Dias	SE	Est. SD	IGVISE	Coverage
10	BB	123.27	232.31	-67.69	47.01	37.17	82.4	0.85
	Pan		207.78	-92.22	29.49	20.99	96.82	0.83
30	BB	210.54	276.15	-23.85	24.65	21.91	34.29	0.89
30	Pan	218.54	262.17	-37.83	16.27	13.71	41.18	0.88
50	BB	249.57	290.11	-9.89	19.9	17.98	22.21	0.88
50	Pan	248.57	280.02	-19.98	13.76	11.77	24.26	0.88
70	BB	263.41	295.6	-4.4	17.15	15.73	17.69	0.88
70	Pan		287.96	-12.04	12.17	10.46	17.11	0.86

sample size	sample	sample	Est. CV X	Est. CV Y	
sample size	coverage X	coverage Y	Lst. CVA		
10	0.76	0.84	0.4	0.65	
30	0.96	0.97	0.5	0.78	
50	0.99	0.99	0.54	0.84	
70	0.99	0.99	0.56	0.86	

Table 群落一為 Broken-stick 模型,群落二為對數常數模型之情況下的估計結果。 $S_1=S_2=400$, $S_{12}=300$ 。

Sample	Estimator	O1	AVG	Diag	Sample	Eat CD	DMCE	95% CI
size	Estimator	Obs	Estimate	Bias	SE	Est. SD	RMSE	Coverage
10	BB	115.62	228.28	-71.72	52.12	40.34	88.64	0.85
10	Pan		199.49	-100.51	31.57	22.73	105.34	0.83
30	BB	208.96	277.73	-22.27	29.47	25.47	36.93	0.9
30	Pan	200.90	261.16	-38.84	18.92	15.57	43.2	0.88
50	BB	242.64	292.56	-7.44	22.86	20.58	24.03	0.88
50	Pan	242.04	280.66	-19.34	15.44	13.18	24.74	0.87
70	BB	260.08	298.13	-1.87	19.15	17.44	19.23	0.88
70	Pan		289.36	-10.64	13.26	11.47	16.99	0.88

sample size	sample	sample	Est. CV X	Est. CV Y	
sample size	coverage X	coverage Y	Est. CV A		
10	0.84	0.83	0.65	0.84	
30	0.97	0.96	0.79	1.03	
50	0.99	0.98	0.84	1.09	
70	0.99	0.99	0.87	1.12	

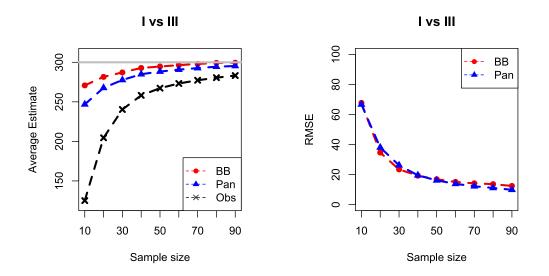


Fig. 群落一為同質模型,群落二為 Broken-stick 模型之情況下的 AVG Estimate (左 圖) 與 RMSE (右 圖)估計結果。 $S_1=S_2=400$, $S_{12}=300$ 。

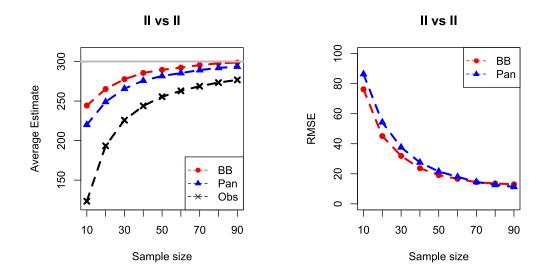


Fig. 兩群落皆為均勻模型之情況下的 AVG Estimate (左圖) 與 RMSE (右圖)估計 $\texttt{结果} \circ S_1 = S_2 = 400 \; , \; S_{12} = 300 \; \circ$

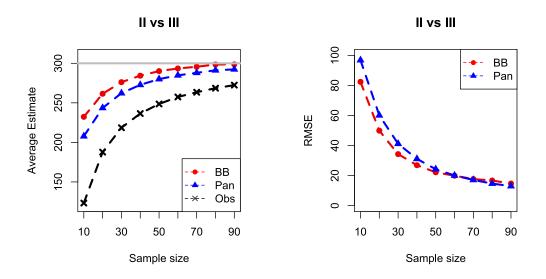


Fig. 群落一為均勻模型,群落二為 Broken-stick 模型之情況下的 AVG Estimate (左圖) 與 RMSE (右圖)估計結果。 $S_1=S_2=400$, $S_{12}=300$ 。

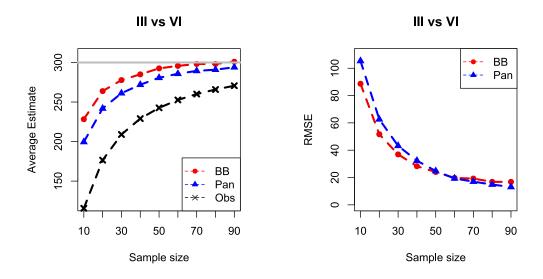


Fig. 群落一為 Broken-stick 模型,群落二為對數常數模型之情況下的 AVG Estimate (左圖) 與 RMSE (右圖)估計結果。 $S_1=S_2=400$, $S_{12}=300$ 。

1.2.5 取後不放回與取後放回的模擬結果比較

依據上述模擬結果可以得知,在偏差的表現上,在 wBB1 與 wBB2 小樣本的估計中 I vs III 與 II vs II 的兩種模擬組合下有高估的表現;而在 II vs III 與 III vs IV 的兩種模擬組合下有低估的表現。而在大樣本的情況下,則是三種估計方法皆呈現低估的表現。在樣本標準差 (Sample SE) 以及平均標準差估計 (Est. SD)的結果中,可以發現無論在何種模擬情形下三種方法皆有低估的情況發生。除此之外,在 RMSE 的結果中 wBB1 與 wBB2 兩者無明顯差異,且都優於 wChao2。而在 95%信賴區間涵蓋率的結果下 wBB1 的表現優於其他兩者,且隨著抽樣比例的增加,wBB1 與 wBB2 無明顯差異,且略優於 wChao2。

且從以上論述可以得知,普遍而言在小樣本時,取後不放回的兩估計是結果較不穩定,會因群落之變異大小所致,使得高估或低估的現象皆有可能發生;反之在大樣本的條件下,採用取後放回的估計方法SBB則是會有明顯高估的情況發生。在上述模擬結果中,變異較小的兩群落之間的小樣本容易有高估的情形發生;反之,在變異較大的兩群落之間的小樣本所估計的共同種,則較易出現低估的現象。因此在小樣本的估計中建議採用取後放回的抽樣方式估計兩群落的共同種。而在抽樣比例達到 0.4 時,取後不放回的估計式才趨近穩定,且相較於取後放回的方法有更良好的估計表現。故在抽樣比例大於 0.4 時,須以取後不放回的兩估計是對群落的共同種進行估計。

Table 群落一為同質模型,群落二為 Broken-stick 模型之情況下的估計結果。 $S_1=S_2=400$, $S_{12}=300$ 。

q	Estimator	Obs	AVG Estimate	Bias	Sample SE	Est. SD	RMSE	95% CI Coverage
	wBB1		362.99	62.99	57.31	51.9	85.14	0.92
0.1	wBB2	130.68	367.63	67.63	67.25	56.69	95.36	0.92
0.1	wChao2	130.08	246.53	-53.47	30.75	24.33	61.67	0.89
	BB		282.03	-17.97	57.47	45.49	60.19	0.89
	wBB1 wBB2		301.72	1.72	12.87	9.29	12.97	0.86
0.3		251.5	303.33	3.33	17.58	14.6	17.88	0.9
0.3	wChao2	231.3	281.55	-18.45	9.7	9.15	20.85	0.92
	BB		300.26	0.26	19.47	19.11	19.46	0.91
	wBB1		298.82	-1.18	6.77	7.46	6.87	0.98
0.5	wBB2	277.66	297.5	-2.5	6.1	5.87	6.59	0.94
0.3	wChao2	277.00	292.87	-7.13	6.15	5.81	9.41	0.89
	BB		313.19	13.19	16.35	16.84	21	0.91
	wBB1		299.95	-0.05	3.67	4.06	3.67	0.97
0.7	wBB2	200 10	298.72	-1.28	3.32	3.51	3.56	0.97
0.7	wChao2	289.19	298.19	-1.81	3.62	3.74	4.05	0.9
	BB		324.51	24.51	14.65	17.23	28.55	0.94

sample size	sample	sample	Est. CV X	Est. CV Y	
	coverage X	coverage Y	Est. CV A		
10	0.6	0.84	0.3	0.64	
30	0.96	0.97	0	0.79	
50	1	0.98	0	0.85	
70	1	0.99	0	0.88	

Table 兩群落皆為均勻模型之情況下的估計結果。 $S_1 = S_2 = 400$, $S_{12} = 300$ 。

a	Estimator	Obs	AVG	Bias	Sample	Est. SD	RMSE	95% CI
q	Estillator	Obs	Estimate	Dias	SE	Est. SD	KWISE	Coverage
	wBB1		306.03	6.03	44.38	44.69	44.77	0.95
0.1	wBB2	127.72	310.52	10.52	52.3	43.21	53.32	0.91
0.1	wChao2	127.72	215.98	-84.02	23.97	19.41	87.37	0.87
	BB		246.21	-53.79	46.24	38.37	70.92	0.89
	wBB1 wBB2		293.65	-6.35	15.26	14.24	16.52	0.93
0.3		234.14	298.53	-1.47	21.44	17.07	21.48	0.9
0.5	wChao2	234.14	269.61	-30.39	11.25	9.92	32.4	0.89
	BB		294.95	-5.05	24.75	21.59	25.25	0.9
	wBB1		296.79	-3.21	8.9	8.52	9.46	0.93
0.5	wBB2	266.2	299.18	-0.82	10.62	8.93	10.65	0.9
0.5	wChao2	200.2	287.64	-12.36	7.82	6.8	14.62	0.89
	BB		315.69	15.69	20.48	19.29	25.79	0.9
	wBB1		299.05	-0.95	5.2	4.97	5.28	0.94
0.7	wBB2	282.94	299.36	-0.64	5.33	4.82	5.37	0.93
0.7	wChao2		296.33	-3.67	5.08	4.55	6.26	0.89
	BB		337.83	37.83	20.16	21.22	42.87	0.94

sample size	sample	sample	Est. CV X	Est. CV Y	
sample size	coverage X	coverage Y	Lst. CV A		
10	0.75	0.75	0.38	0.37	
30	0.96	0.96	0.46	0.46	
50	0.98	0.98	0.51	0.52	
70	0.99	0.99	0.54	0.55	

Table 群落一為均勻模型,群落二為 Broken-stick 模型之情況下的估計結果。 $S_1=S_2=400$, $S_{12}=300$ 。

q	Estimator	Obs	AVG Estimate	Bias	Sample SE	Est. SD	RMSE	95% CI Coverage
	wBB1	12615	290.58	-9.42	43.78	38.74	44.76	0.92
0.1	wBB2		298.77	-1.23	55.94	44.91	55.92	0.92
0.1	wChao2	126.47	208.8	-91.2	24.3	19.13	94.38	0.86
	BB		243.7	-56.3	47.86	38.89	73.87	0.88
	wBB1	226.97	292.39	-7.61	16.63	14.85	18.28	0.93
0.3	wBB2		292.88	-7.12	22.97	17.59	24.04	0.89
0.3	wChao2		266.41	-33.59	12.31	10.79	35.77	0.89
	BB		296.35	-3.65	27.04	24.18	27.27	0.88
	wBB1	261.52	296.89	-3.11	8.5	9.19	9.05	0.97
0.5	wBB2		295.16	-4.84	10.14	9.17	11.23	0.94
0.5	wChao2		286.59	-13.41	7.55	7.44	15.38	0.92
	BB		320.96	20.96	20.55	21.94	29.35	0.94
	wBB1		299.58	-0.42	5.35	5.33	5.36	0.94
0.7	wBB2	281.06	298.73	-1.27	5.41	5.07	5.56	0.93
0.7	wChao2		296.51	-3.49	5.24	4.9	6.3	0.9
	BB		342.9	42.9	20.83	23.26	47.69	0.95

sample size	sample	sample	Est. CV X	Est. CV Y	
sample size	coverage X	coverage Y	Lst. CV A		
10	0.75	0.84	0.38	0.64	
30	0.96	0.97	0.46	0.79	
50	0.98	0.98	0.51	0.85	
70	0.99	0.99	0.54	0.88	

Table 群落一為 Broken-stick 模型,群落二為對數常數模型之情況下的估計結果。 $S_1=S_2=400$, $S_{12}=300$ 。

q	Estimator	Obs	AVG Estimate	Bias	Sample SE	Est. SD	RMSE	95% CI Coverage
	wBB1		282.17	-17.83	45.02	41.28	48.4	0.94
0.1	wBB2	121.47	289.76	-10.24	56.53	47.66	57.42	0.92
0.1	wChao2	121.4/	202.82	-97.18	25.04	19.94	100.36	0.87
	BB		243.48	-56.52	50.92	41.92	76.06	0.87
	wBB1		300.21	0.21	17.93	19.62	17.93	0.97
0.2	wBB2	223.77	301.38	1.38	24.33	19.37	24.36	0.91
0.3	wChao2		269.92	-30.08	13.26	11.78	32.87	0.91
	BB		304.82	4.82	31.38	27.43	31.74	0.91
	wBB1	262.89	300.71	0.71	9.14	9.81	9.16	0.97
0.5	wBB2		301.44	1.44	11.58	9.83	11.66	0.9
0.3	wChao2		289.26	-10.74	8.02	7.55	13.4	0.91
	BB		321.77	21.77	22.08	21.99	31	0.94
-	wBB1		300.2	0.2	4.86	5.12	4.86	0.96
0.7	wBB2	283.16	300.39	0.39	5.08	5.03	5.09	0.94
0.7	wChao2		296.82	-3.18	4.69	4.58	5.66	0.9
	BB		329.86	29.86	17.54	19.58	34.62	0.96

sample size	sample	sample	Est. CV X	Est. CV Y 0.87	
sample size	coverage X	coverage Y	Est. CV A		
10	0.84	0.82	0.64		
30	0.97	0.96	0.79	1.06	
50	0.98	0.98	0.85	1.13	
70	0.99	0.99	0.88	1.15	

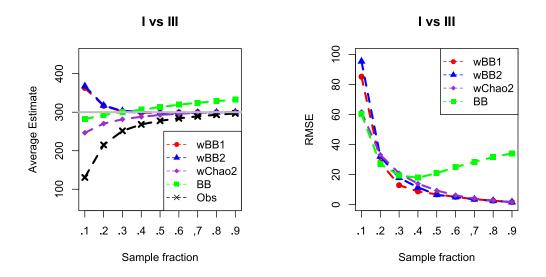


Fig. 群落一為同質模型,群落二為 Broken-stick 模型之情況下的 AVG Estimate (左 圖) 與 RMSE (右 圖)估計結果。 $S_1=S_2=400$, $S_{12}=300$ 。

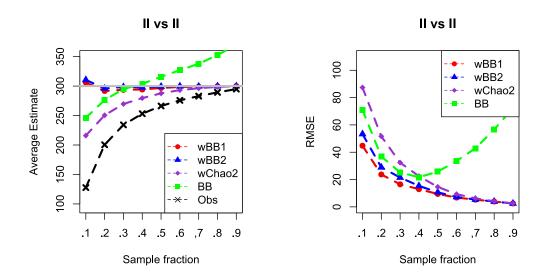


Fig. 兩群落皆為均勻模型之情況下的 AVG Estimate (左圖) 與 RMSE (右圖)估計 $\texttt{結果} \circ S_1 = S_2 = 400 \; , \; S_{12} = 300 \; \circ$

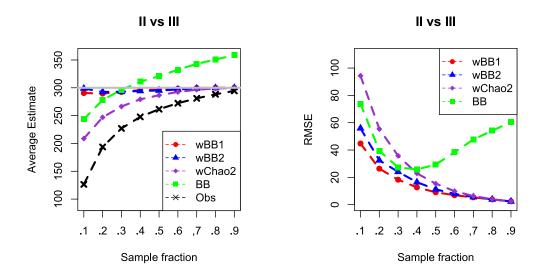


Fig. 群落一為均勻模型,群落二為 Broken-stick 模型之情況下的 AVG Estimate $(左圖) \ \, \text{與 RMSE} \, (右圖) \text{估計結果} \circ S_1 = S_2 = 400 \, , S_{12} = 300 \, \circ$

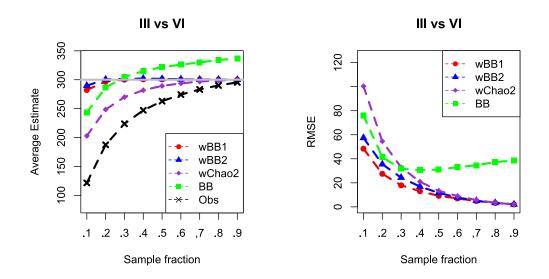


Fig. 群落一為 Broken-stick 模型,群落二為對數常數模型之情況下的 AVG Estimate (左圖) 與 RMSE (右圖)估計結果。 $S_1=S_2=400$, $S_{12}=300$ 。

1.3 真實資料模擬

除了使用模擬母體進行重複抽樣的模擬之外,亦使用兩筆真實數據做為母體 進行R=1000次的重複抽樣,以評斷估計式的結果優劣。

1.3.1 Australia bird

針對澳洲東南部半乾旱地區的尤加利樹林地,量化三個氣候時期 178 個地點的極端氣候對鳥類物種出現 (species occurrence)、物種豐富度(species richness)和出現率 (incidence)的影響——聖嬰現象相關的乾旱 (Big Dry)、反聖嬰現象破壞性降雨 (Big Wet),以及反聖嬰現象事件三年後 (Post-Big Wet)。並使用 Big Dry 作為群落一使用 (Mean = 0.05, CV = 1.65),其中共存在 55 種物種;Big Wet 作為群落二使用 (Mean = 0.13, CV = 1.53),其中共存在 65 種物種。Post-Big Wet 作為群落三使用 (Mean = 0.12, CV = 1.61),其中共存在 56 種物種。

在取後放回的估計中,使用 BB 的估計結果與真值的差異,明顯表現較 Pan 佳。在估計式評估標準上,使用 RMSE 與 95% CI Coverage 進行評估,在兩種 評估標準的結果表明,在小樣本中,RMSE 在 BB 估計方式中的評估結果劣於 Pan;而在 95% CI Coverage 的模型評估上,兩者並無明顯差異,值得注意的是 在本資料模擬中,隨著抽樣比例的增加,95% CI Coverage 的結果會隨之下降。

計算樣本覆蓋率與 CV

Table 取後放回 Australia bird 資料集中的群落一語群落二估計結果。

sample	Estimat	Obs	AVG	Bias	Sample	Est. SD	RMSE	95% CI
size	or	Obs	Estimate	Dias	SE	ESI. SD		Coverage
20	BB	25.54	40.84	-8.16	15.08	12.58	17.13	0.8
20	Pan	25.54	37.54	-11.46	10.53	8.79	15.56	0.81
60	BB	37.39	46.03	-2.97	9.69	8.18	10.13	0.75
00	Pan		44.16	-4.84	6.97	5.89	8.48	0.77
100	BB	41.48	47.89	-1.11	8.92	6.78	8.98	0.7
100	Pan		46.44	-2.56	6.49	4.94	6.97	0.72
140	BB	43.66	48.91	-0.09	7.21	6.13	7.21	0.69
	Pan		47.72	-1.28	5.35	4.46	5.49	0.71

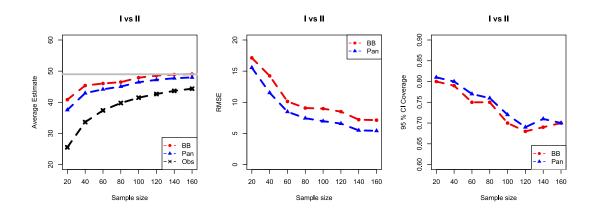


Fig. 取後放回 Australia bird 資料集中的群落一語群落二估計結果。

Table 取後放回 Australia bird 資料集中的群落一語群落三估計結果。

sample	Estimat	Obs	AVG	Bias	Sample	Est. SD	RMSE	95% CI
size	or		Estimate	Dias	SE	ESI. SD		Coverage
20	BB	24.27	40.19	-11.81	14.49	13.1	18.69	0.82
20	Pan	24.27	36.69	-15.31	10.14	9.13	18.36	0.84
	BB	37.16	47.37	-4.63	10.54	9.4	11.51	0.8
60	Pan		45.27	-6.73	7.85	6.67	10.33	0.79
100	BB	41.93	49.97	-2.03	9.39	8	9.6	0.76
100	Pan		48.09	-3.91	6.9	5.76	7.93	0.75
140	BB	44.6	51.59	-0.41	8.53	7.41	8.53	0.77
	Pan		49.88	-2.12	6.22	5.31	6.56	0.76

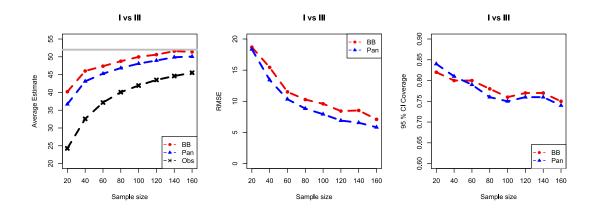


Fig. 取後放回 Australia bird 資料集中的群落一語群落三估計結果。

Table 取後放回 Australia bird 資料集中的群落二語群落三估計結果。

sample	Estimat	Obs	AVG	Bias	Sample	Est. SD	RMSE	95% CI
size	or	Ous	Estimate	Dias	SE	Est. SD		Coverage
20	BB	20.92	45.86	-10.14	14.51	12.74	17.7	0.8
20	Pan	30.82	42.88	-13.12	10.5	8.99	16.8	0.81
60	BB	42.91	51.52	-4.48	9.09	8.42	10.13	0.8
00	Pan		49.88	-6.12	6.76	6.13	9.12	0.8
100	BB	47.31	54.12	-1.88	8.64	7.23	8.84	0.76
100	Pan		52.73	-3.27	6.3	5.29	7.1	0.77
140	BB	49.53	55.47	-0.53	7.6	6.77	7.62	0.74
	Pan		54.15	-1.85	5.59	4.97	5.88	0.75

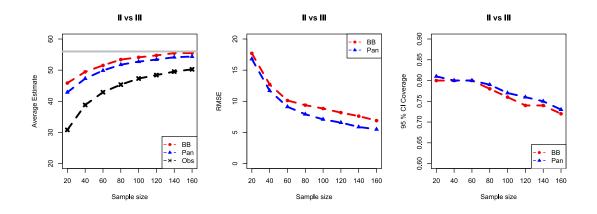


Fig. 取後放回 Australia bird 資料集中的群落二語群落三估計結果。

1.3.2 BCI

本資料集中,針對 1981-2016 年間對 Barro Colorado Island 進行八次調查, 紀錄該地區樹種與莖幹的生長狀況。將該地區非為 1250 個區塊進行調查,每塊 區塊的大小為 400 平方公尺。以第一次與第八次的調查結果作為兩群落之母體 資料,並使用母體的 10%、30%、50% 以及 70% 昨為抽樣樣本大小。在兩母體 中,第一次調查作為群落一 (Mean =0.16, CV = 1.41),第八次調查作為群落二 (Mean =0.16, CV = 1.45),在群落一中,包含了 307 種物種,而群落二中則擁有 299 種物種,兩群落的共同物種為 284 種。

在該筆資料中使用取後不放回的估計方法下,使用 wBB2 的估計方法在小樣本中與真值差異最小。在抽樣比例為 0.1 時平均的樣本標準差估計 (Average estimated SE),與樣本標準差 (Sample SE) 存在較大的差異,隨著抽樣比例增加差異逐漸減小。在估計式評估標準上,使用 RMSE 與 95% CI Coverage 進行評估,在兩種評估標準的結果表明,在小樣本中,wBB1 與 wBB2 的估計明顯較 wChao2 的結果較好,但在隨著樣本變大,RMSE 在三種估計方式中的評估結果沒有明顯差異;而在 95% CI Coverage 的模型評估上,wBB1 在小樣本中的結果明顯較其他兩者好。

計算樣本覆蓋率與 CV

Table 取後不放回 BCI 資料集中的兩群落估計結果。

	F	01	AVG	D:	Sample	E 4 CD	RMSE	95% CI
q	Estimator	Obs	Estimate	Bias	SE	Est. SD		Coverage
	wBB1		272.6	-11.4	24.29	26.06	26.82	0.97
0.1	wBB2	225.24	297.63	13.63	47.35	34.37	49.25	0.92
0.1	wChao2	223.2 -	253.31	-30.69	19.56	13.09	36.38	0.81
	BB		263.89	-20.11	26.59	21.9	33.33	0.85
	wBB1		281.82	-2.18	17.38	15.93	17.51	0.95
0.3	wBB2	245.65	291.12	7.12	24.41	18.74	25.41	0.9
0.3	wChao2		266.94	-17.06	12.53	9.38	21.17	0.83
	BB		279.86	-4.14	23.86	19.53	24.2	0.84
	wBB1	256.57	282.64	-1.36	11.78	10.51	11.85	0.93
0.5	wBB2		287.81	3.81	14.91	11.69	15.38	0.88
0.3	wChao2		272.93	-11.07	9.05	7.26	14.3	0.84
	BB		285.87	1.87	20.04	17.11	20.12	0.85
	wBB1		284.41	0.41	8.81	7.86	8.82	0.92
0.7	wBB2	263.97	286.98	2.98	10.12	8.19	10.55	0.89
	wChao2		277.76	-6.24	7.26	6.06	9.57	0.85
	BB		293.78	9.78	20.78	17.52	22.95	0.85

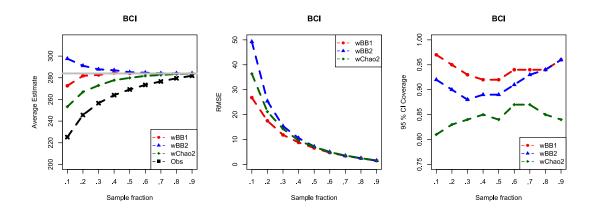


Fig. 取後不放回 BCI 資料集中的兩群落估計結果。