

# A mesterséges intelligencia alapjai

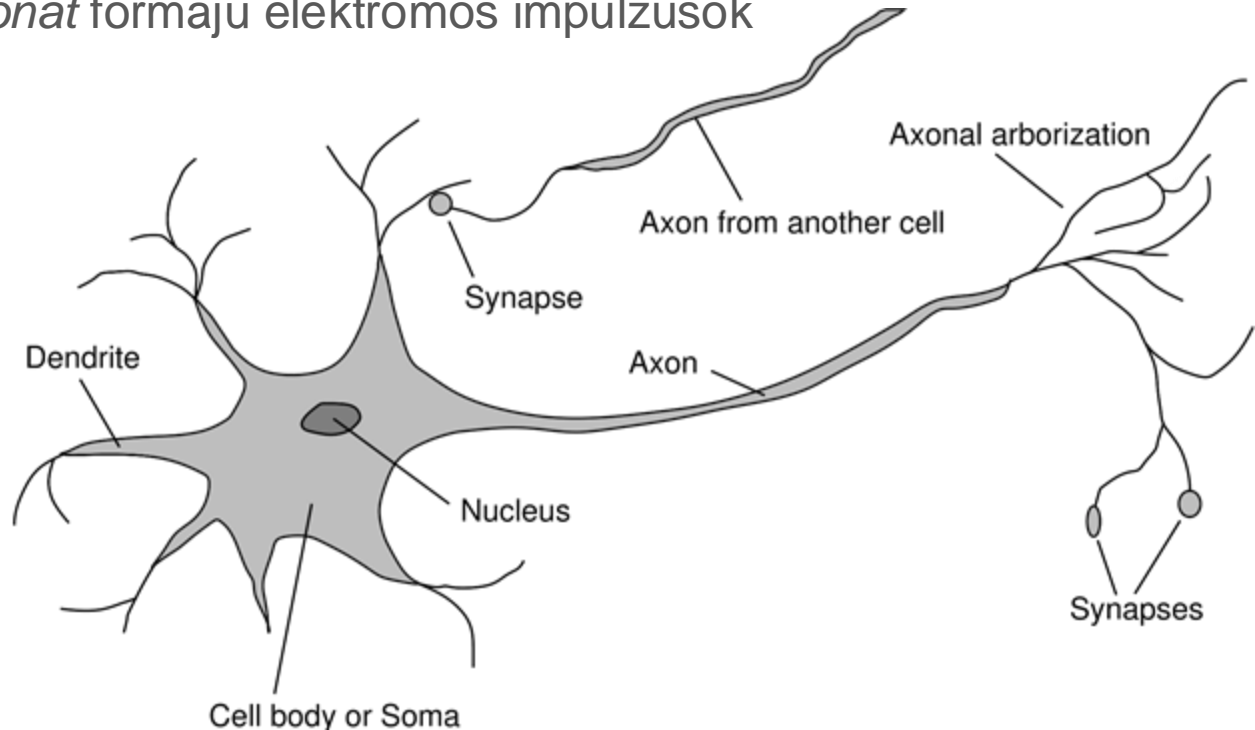
neurális hálók

# tartalom

- az agy szerkezete
- neurális hálók
- perceptron
- többrétegű perceptron
- alkalmazások

# neuronok és kapcsolataik

- $10^{11}$  neuron (több mint 20 típus),  $10^{14}$  szinapszis, 1-10 ms pontos időzítéssel
- a jelek zajos, *tűskés vonat* formájú elektromos impulzusok

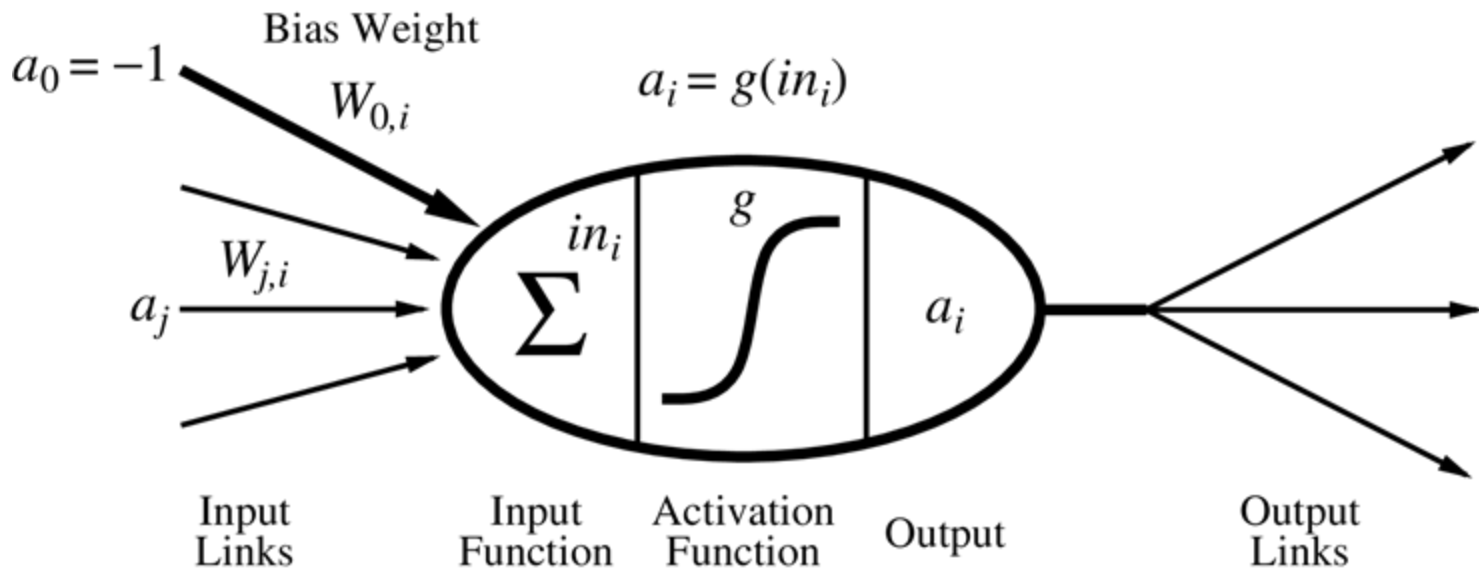


mesterséges modell

# McCulloch-Pitts egység

mesterséges modell 1943-ból - a neuron akkor tüzel, ha a bemeneti értékek összege meghalad egy küszöböt (nagyon elnagyolt modell, de a lényegét tartalmazza)

$$a_i = g(\sum_j w_{j,i} a_j)$$

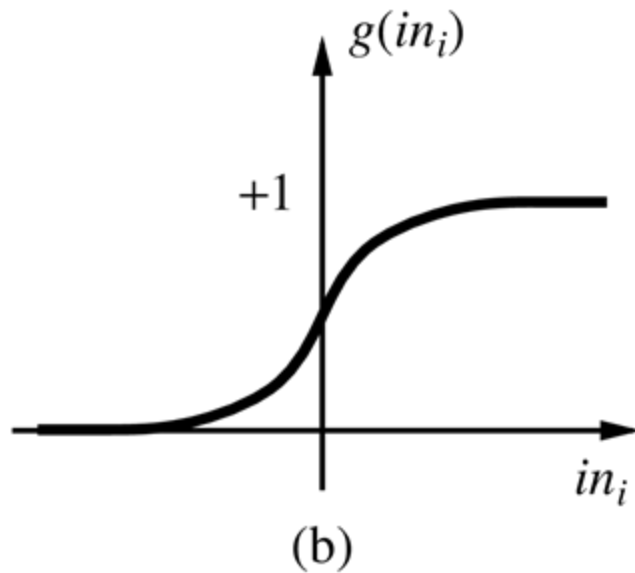
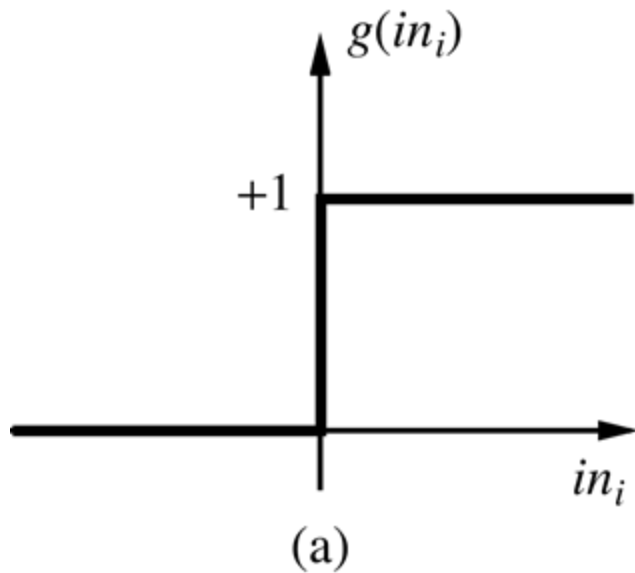


# aktivációs függvény

a) küszöb aktivációs függvény

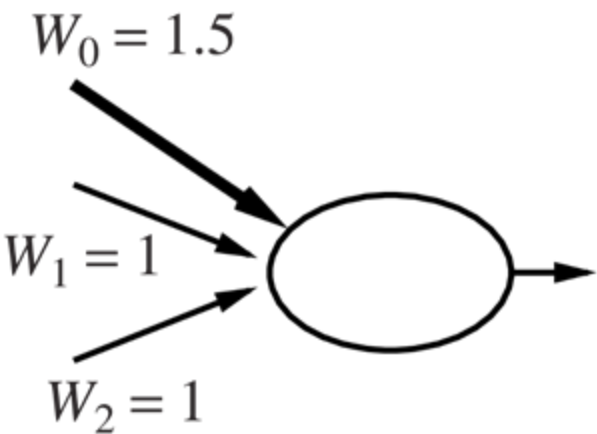
b) szigmoid függvény

$W_{0,i}$  eltolássúly módosításával mozgatható a küszöb

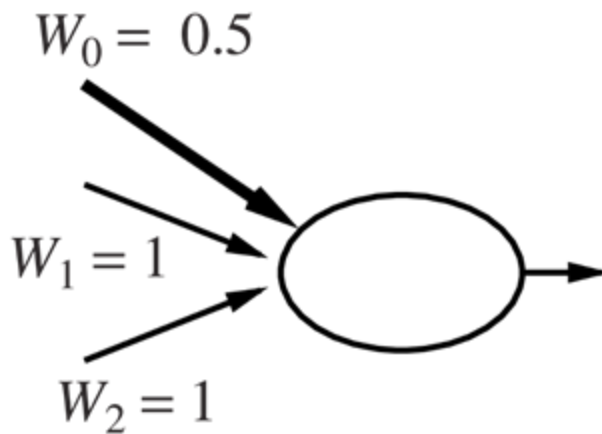


# logikai függvények implementációja

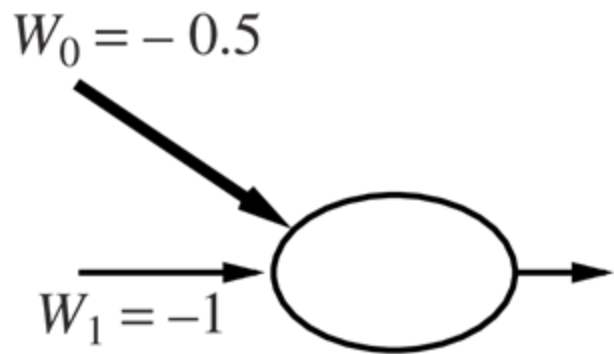
McCulloch és Pitts: minden logikai függvény implementálható



**AND**



**OR**



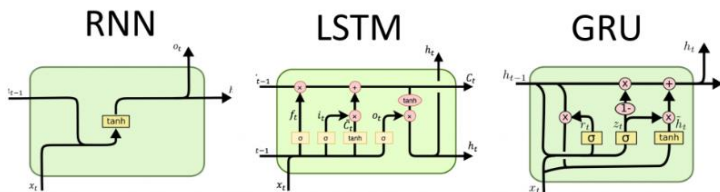
**NOT**

**hálóstruktúrák**



# hálóstruktúrák

- előrecsatolt hálók
  - függvényt definiál, nincs memóriája
  - a pillanatnyi bemenet függvénye a kimenet
  - jellemzően rétegekbe szervezzük, egy egység csak a szomszédos rétegekkel áll kapcsolatban
  - egyrétegű/többrétegű perceptronok
- rekurrens (visszacsatolt) hálók ([link](#))
  - [Hopfield hálózat](#) (1982), bináris küszöb, szimmetrikus súlyok ( $W_{ij}=W_{ji}$ ),  $g(x)=\text{sign}(x)$ ,  $a_i=\pm 1$
  - [Boltzman gépek](#) (1986), sztochasztikus aktivációs függvény,  $\cong$  MCMC Bayes-hálóknál
  - rekurrens hálók irányított, késleltetett ciklusokkal
    - belső állapot, oszcilláció, memória

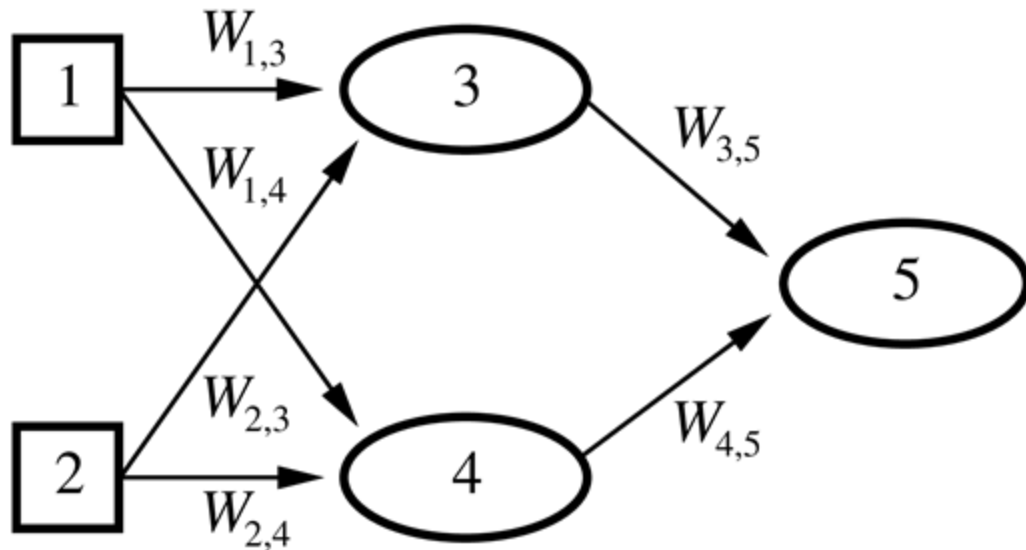


# egyszerű előrecsatolt háló, egy rejtett réteggel

paraméterezett nemlineáris függvények családja

- a súlyok megváltoztatásával a függvény is változik, ez a tanulás módja

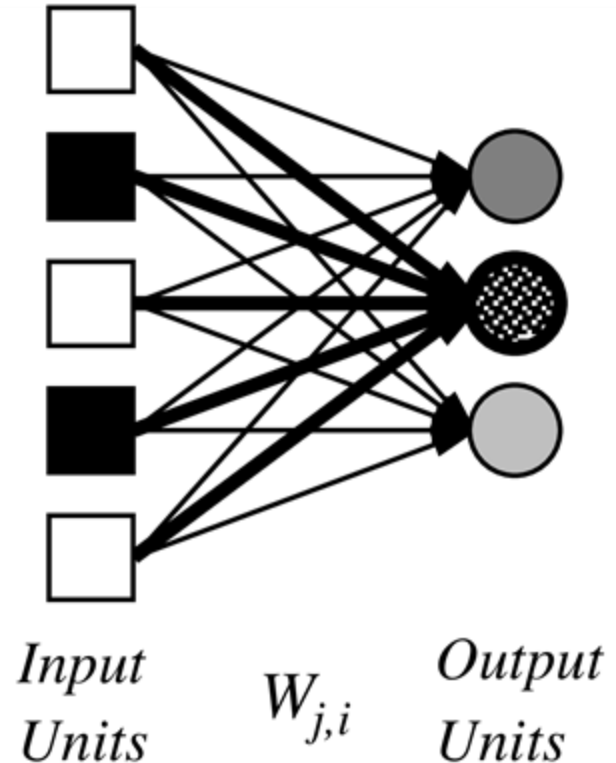
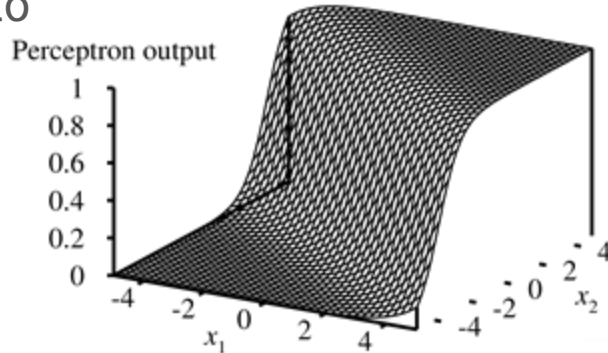
$$a_5 = g(W_{3,5}a_3 + W_{4,5}a_4) = g(W_{3,5}g(W_{1,3}a_1 + W_{2,3}a_2) + W_{4,5}g(W_{1,4}a_1 + W_{2,4}a_2))$$



# egyrétegű előrecsatolt neurális hálók (perceptronok)

az összes bemenet közvetlenül a kimenetre kapcsolódik

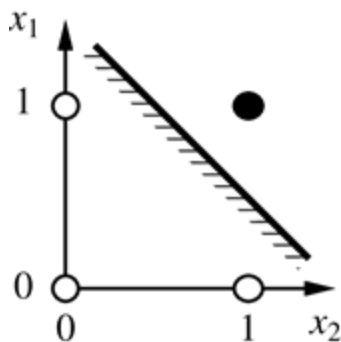
- minden kimeneti egység független a többitől, így elég egyenként vizsgálni
- a súlyok módosításával a output-függvény helye, alakja, iránya változtatható



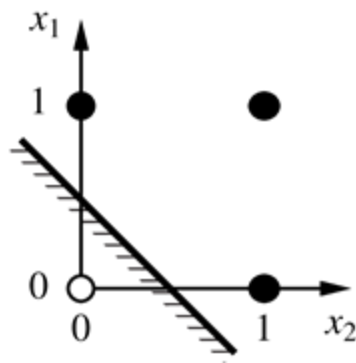
# a perceptron kifejezőképessége

Tekintsük, amikor  $g$  = küszöb (Rosenblatt 1957, 1960)

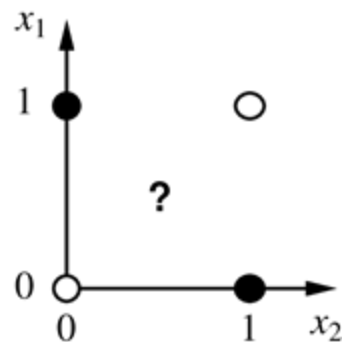
- képes az AND, OR, NOT, a többségi függvényt ábrázolni, a XOR-t nem
- lineáris szeparátor függvény  $\sum_j W_j x_j > 0$ , vagy  $\mathbf{W}\mathbf{x} > 0$
- Minsky és Papert könyve (1969) problémák, hiányosságok bemutatása; kutatások visszavetése



(a)  $x_1$  and  $x_2$



(b)  $x_1$  or  $x_2$



(c)  $x_1$  xor  $x_2$

# perceptron tanulás

Tanulás a tanulóhalmazon mért hiba csökkentése a súlyok módosításával  
x input, y output esetén a négyzetes hiba:

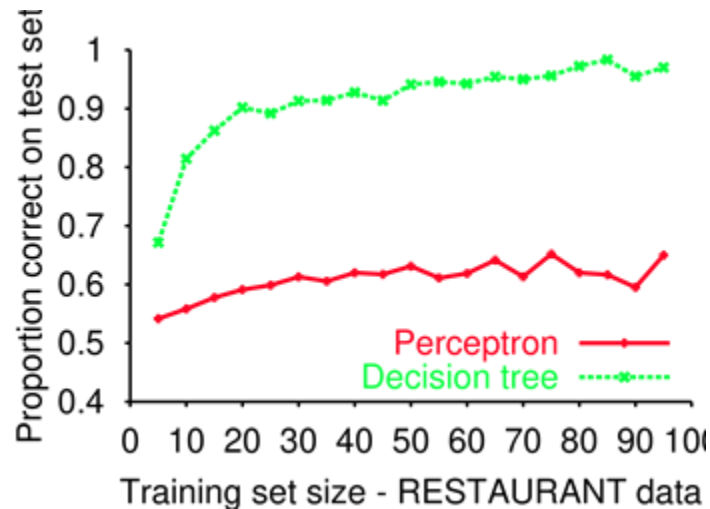
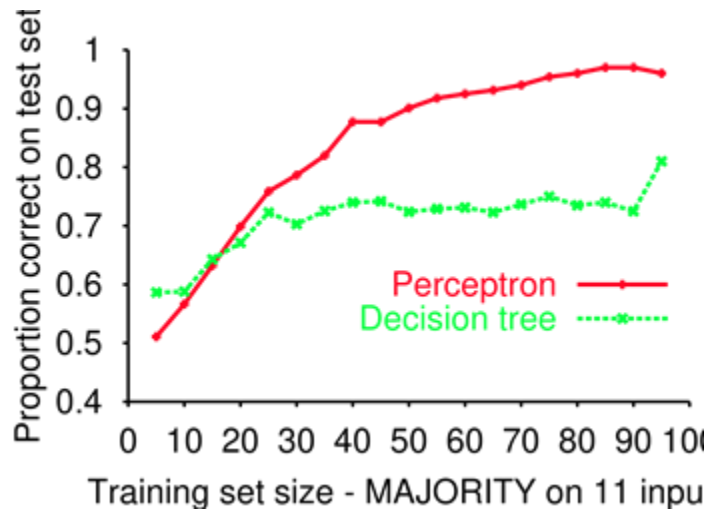
- $E = \frac{1}{2}Err^2 = \frac{1}{2}(y-h_w(x))^2$ , ahol  $h_w(x)$  a perceptron kimeneti értéke
- gradiensalapú optimalizálás, minden súlyra vonatkozó parciális derivált kell

$$\frac{\partial E}{\partial W_j} = Err \times \frac{\partial Err}{\partial W_j} = Err \times \frac{\partial}{\partial W_j} \left( y - g \left( \sum_{j=0}^n W_j x_j \right) \right) = -Err \times g'(in) \times x_j$$

- súlyfrissítés
  - $W_j \leftarrow W_j + \alpha Err \times g'(in) \times x_j$  ( $\alpha$  - tanulási faktor)
- ha a hiba pozitív (a háló kimenete kicsi), pozitív bemenet súlyait növelni, negatív bemenet súlyait csökkenteni kell (ha negatív a hiba, akkor fordítva)

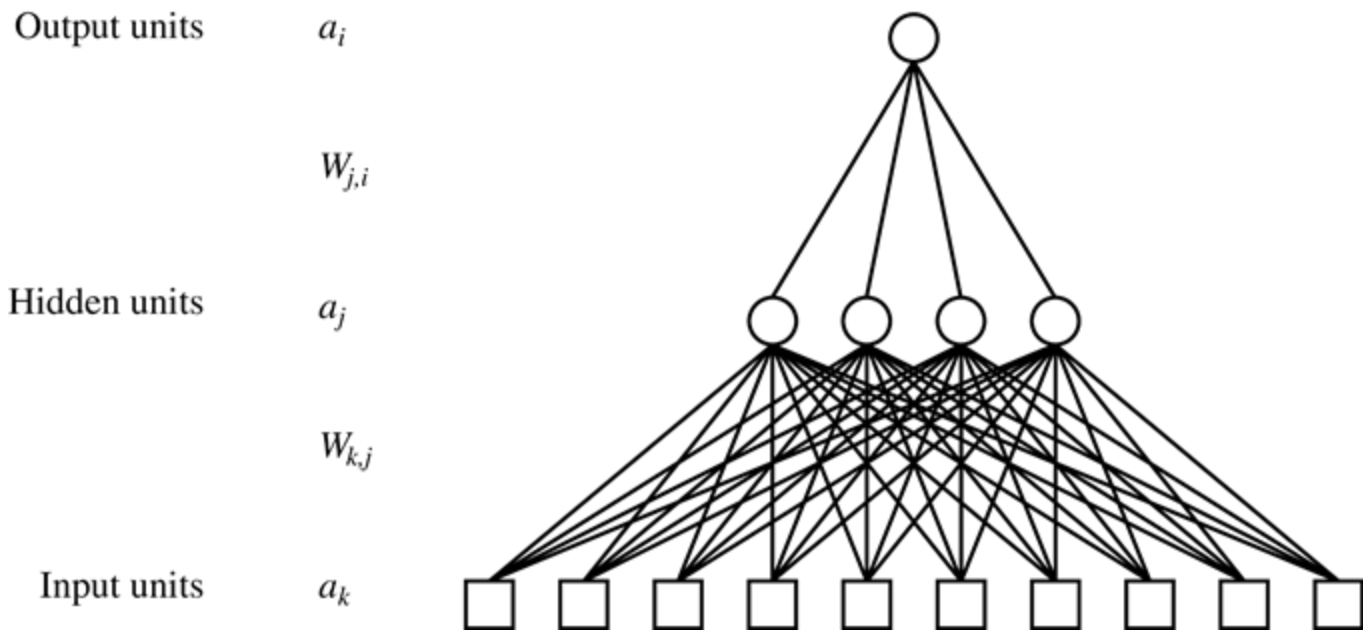
# perceptron tanulási görbe

- a perceptron tanulása egy konzisztens függvényhez konvergál
  - minden lineárisan szeparálható adathalmaz esetén
- a perceptron a *többségi* függvényt gyorsan megtanulja, a döntési fa képtelen
- a vendéglői függvényt a döntési fa jól tanulja, a perceptron nem képes ábrázolni



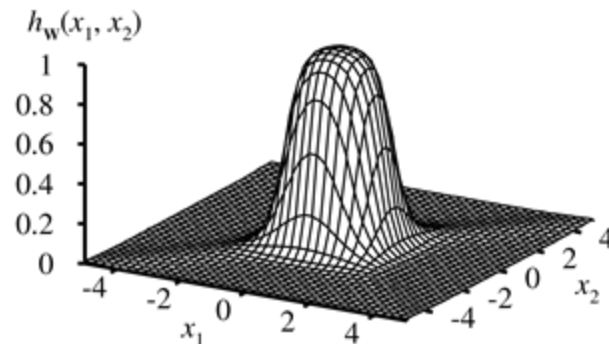
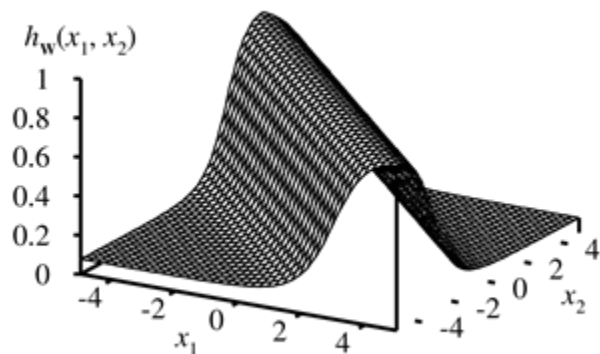
# többrétegű előrecsatolt neurális hálók (TEN)

- a rétegek rendszerint teljesen összekötöttek
- a rejtett rétegek és egységek számának meghatározására nincs módszer



# TEN kifejezőképessége

- két, egymással szemben álló lágy küszöbfüggvény -> hegygerinc
- két hegygerinc kombinációja -> dudor
- sok dudorral minden függvény közelíthető
  - egy, megfelelően nagy (akár exponenciális) rejtett réteggel bármely folytonos függvény tetszőlegesen közelíthető
  - két rejtett réteggel nem folytonos függvények is közelíthetőek





# hiba-visszaterjesztéses tanulás (back-propagation)

- kimeneti réteg - mint korábban
  - $W_{j,i} \leftarrow W_{j,i} + \alpha a_j \times \Delta_i$        $\Delta_i = Err_i \times g'(in_i)$       ahol
- rejtett réteg: terjesszük vissza a hibát a kimeneti rétegből
  - $\Delta_j = g'(in_j) \sum_i W_{j,i} \Delta_i$
- frissítsük a rejtett réteg súlyait:
  - $W_{k,j} \leftarrow W_{k,j} + \alpha \times a_k \Delta_j$

(az agykutatók szerint az agyunkban nincs ilyen hiba-visszaterjesztés)

# hiba-visszaterjesztés számítása (kimeneti réteg)

- egyetlen mintára a négyzetes hiba

○  $E = \frac{1}{2} \sum_i (y_i - a_i)^2$  ahol a kimeneti réteg csomópontjaira összegzünk

$$\frac{\partial E}{\partial W_{j,i}} = -(y_i - a_i) \frac{\partial a_i}{\partial W_{j,i}} = -(y_i - a_i) \frac{\partial g(in_i)}{\partial W_{j,i}}$$

$$= -(y_i - a_i) g'(in_i) \frac{\partial in_i}{\partial W_{j,i}} = -(y_i - a_i) g'(in_i) \frac{\partial}{\partial W_{j,i}} \left( \sum_j W_{j,i} a_j \right)$$

$$= -(y_i - a_i) g'(in_i) a_j = -a_j \Delta_j$$

## hiba-visszaterjesztés számítása (rejtett réteg)

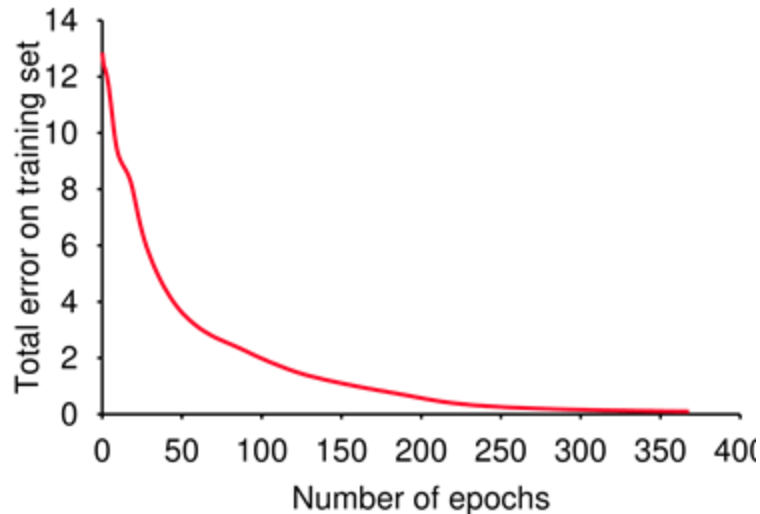
$$\begin{aligned}\frac{\partial E}{\partial W_{k,j}} &= - \sum_i (y_i - a_i) \frac{\partial a_i}{\partial W_{k,j}} = - \sum_i (y_i - a_i) \frac{\partial g(in_i)}{\partial W_{k,j}} \\&= - \sum_i (y_i - a_i) g'(in_i) \frac{\partial in_i}{\partial W_{k,j}} = - \sum_i \Delta_i \frac{\partial}{\partial W_{k,j}} \left( \sum_j W_{j,i} a_j \right) \\&= - \sum_i \Delta_i W_{j,i} \frac{\partial a_j}{\partial W_{k,j}} = - \sum_i \Delta_i W_{j,i} \frac{\partial g(in_j)}{\partial W_{k,j}} \\&= - \sum_i \Delta_i W_{j,i} g'(in_j) \frac{\partial in_j}{\partial W_{k,j}} \\&= - \sum_i \Delta_i W_{j,i} g'(in_j) \frac{\partial}{\partial W_{k,j}} \left( \sum_k W_{k,j} a_k \right) \\&= - \sum_i \Delta_i W_{j,i} g'(in_j) a_k = -a_k \Delta_j\end{aligned}$$

# tanulási görbe

a tanuló algoritmus minden egyes mintára kiszámolja a hálót, és kissé módosítja a súlyokat, a mintahalmaz végigfuttatását **epoch**nak nevezzük

100 étterem feladata esetén - végül teljes egyezés ér el.

jellemző hibák: lassú konvergencia, lokális minimumba érkezés



# tanulási görbék

4 rejtett egységet tartalmazó TEN

A TEN rendszerint nagyon jó komplex felismerési feladatokra (valós alkalmazások)

A megoldást nem értjük.

Hogyan verjük át a TEN-t?

Output units

$a_i$

$W_{j,i}$

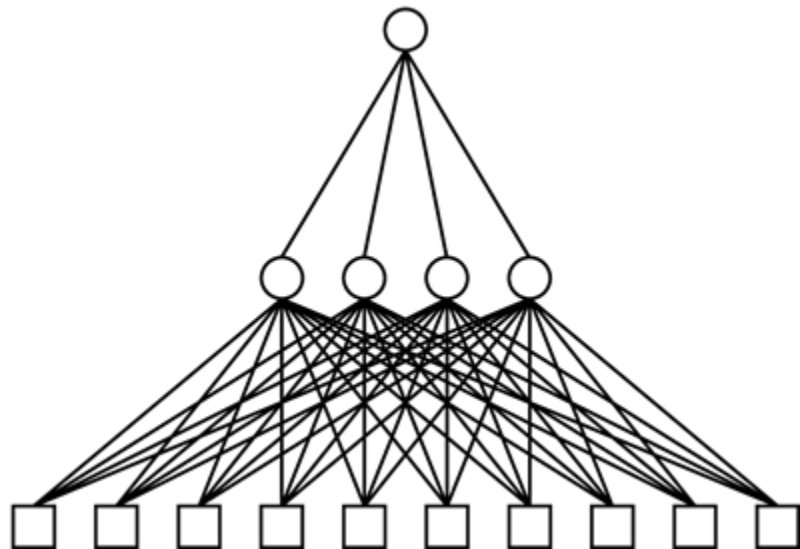
Hidden units

$a_j$

$W_{k,j}$

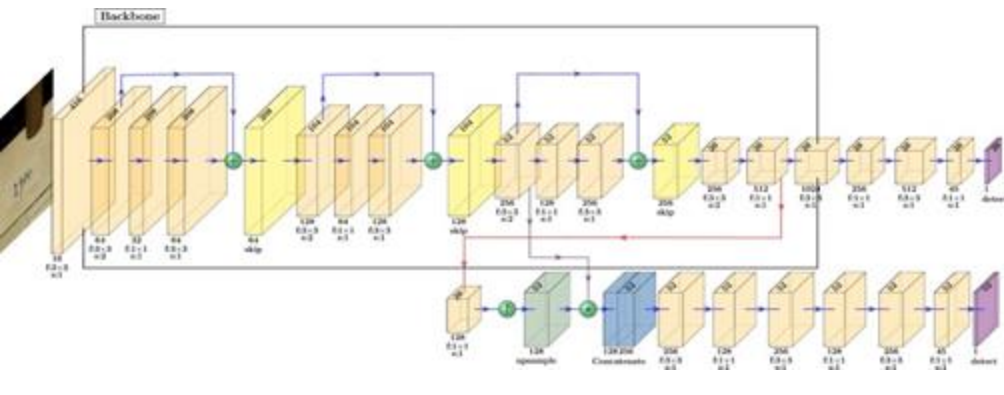
Input units

$a_k$



# kézzel írt számjegyek felismerése

- 3 legközelebbi szomszéd 2,4%-os hiba
- 400-300-10 egységes TEN 1,6%-os hiba
- LeNet: 768-192-30-10 TEN 0,9%-os hiba (1998, konvolúciós)
- 2003 legjobb módszerei 0,6%
- 2020 - LeNet variáns (10 r.) 0,6%



# összefoglalás

- agyunkban elképesztően sok neuron található
  - minden neuron egy lineáris küszöb egység?
- a perceptron önmagában nem elég kifejező
- a többrétegű előrecsatolt neurális háló már eléggé kifejező, gradiens módszerrel tanítható, hiba-visszaterjesztéssel
- napjaink *csodafegyvere*
  - főleg a mélytanulás
- a tervezés, kognitív modellezés, neurális rendszerek modellezése
  - jelentősen elvált tudományterületek