10. Mátrix rangja, determinánsa, inverze

10.1. Határozzuk meg az alábbi mátrixok rangját!

$$\left(\begin{array}{ccc} 3 & 1 & -1 \\ 0 & 1 & -4 \end{array}\right), \quad \left(\begin{array}{cccc} 3 & 1 & -1 \\ -6 & -2 & 2 \end{array}\right), \quad \left(\begin{array}{cccc} 1 & 2 & 0 \\ -2 & 2 & -6 \\ 0 & 4 & -4 \\ 3 & -3 & 9 \end{array}\right)$$

$$\left(\begin{array}{cccc}
-1 & 0 & 1 \\
0 & 2 & 3 \\
0 & 0 & 7
\end{array}\right), \quad \left(\begin{array}{ccccc}
3 & 2 & 1 & -1 \\
-9 & -8 & -1 & 6 \\
-6 & 0 & -8 & -8 \\
9 & 8 & 7 & 5
\end{array}\right), \quad \left(\begin{array}{cccc}
-2 & 4 \\
1 & 3 \\
0 & 2 \\
-5 & 2
\end{array}\right)$$

10.2. Határozzuk meg az alábbi mátrixok determinánsát!

(a)
$$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \end{pmatrix}$$
 (c) $\begin{pmatrix} 2 & -1 & 1 \\ 4 & -2 & 5 \\ -2 & 1 & -5 \end{pmatrix}$ (e) $\begin{pmatrix} 6 & 0 & -2 & -2 \\ -2 & 1 & 0 & 1 \\ -4 & 8 & -5 & 6 \\ 6 & -6 & 0 & -2 \end{pmatrix}$ (b) $\begin{pmatrix} 3 & -1 & 2 \\ 0 & 0 & 5 \\ 0 & 1 & -5 \end{pmatrix}$ (d) $\begin{pmatrix} -2 & 2 & 0 & 1 \\ 4 & -2 & -1 & 1 \\ -4 & -2 & 4 & -8 \\ 8 & -6 & 1 & 0 \end{pmatrix}$

10.3. Határozzuk meg az alábbi mátrixok inverzét!

(a)
$$\begin{pmatrix} -1 & 2 & 1 \\ 2 & -5 & 1 \\ -3 & 7 & 1 \end{pmatrix}$$
 (b) $\begin{pmatrix} -3 & -7 & 0 \\ -1 & -2 & 1 \\ 2 & 5 & 2 \end{pmatrix}$