Az informatika számítástudományi alapjai

9. feladatsor

3. Adjunk meg az alábbi nyelveket elfogadó veremautomatát



c.
$$\{a^i b^j c^k \mid i, j, k \ge 0 \text{ and } j = i \text{ or } j = k\}.$$

← Ez nem feltétlen kell, csak ha van rá idő

5. Adjunk (nem feltétlen determinisztikus) veremautomatákat az alábbi nyelvekre ($n_a(x)$ és $n_b(x)$ az x szóban lévő a ill. b betűk száma):

a.
$$\{x \in \{a, b\}^* \mid n_a(x) < n_b(x)\}$$

b. $\{x \in \{a, b\}^* \mid n_a(x) \neq n_b(x)\}$
c. $\{x \in \{a, b\}^* \mid n_a(x) = n_b(x)\}$

← a c. –vel lehetne kezdeni (kitöröltem a 2-es szorzót a jobb oldalról, így könnyű), aztán jöhet az a. és a b.

Példant: 5 -> [5] (55/2

Move Number	State	Input	Stack Symbol	Move
1	q_0	Λ	Z_0	(q_1, SZ_0)
2	q_1	Λ	S	$(q_1, [S]), (q_1, SS), (q_1, \Lambda)$
3	q_1]	[(q_1,Λ)
4	q_1]]	(q_1,Λ)
5	q_1	Λ	Z_0	(q_2, Z_0)
(all other combinations)				none

Kezdőállapot: qo

Elfogadó állapot: q2

Kezdeti veremtartalom: Z₀

- 4. Adjunk meg a G 2-es típusú grammatikához egy olyan veremautomatát, amely a G grammatika által generált nyelvet ismeri fel, majd mutassuk meg, hogy az 10011 szót felismeri az automata!
- a. $G = (\{S,A,B\}, \{0,1\}, S,H)$, ahol H szabályai: $S \rightarrow SA$, $S \rightarrow AB$, $A \rightarrow BS$, $B \rightarrow SA$,
 - $A \to 1$, $S \to 1$, $B \to 0$.
- b ismeri fel, és mutassuk meg, hogy a *bbcbba* szót is elfogadja! $G=(\{S,A,B,C,D\},\{a,b,c\},S,H)$, ahol H szabályai: $S \rightarrow AB, A \rightarrow CA, A \rightarrow SS, B \rightarrow CD$,
 - $A \rightarrow b, D \rightarrow a, C \rightarrow c, C \rightarrow b.$

3.

Környezetfüggetlenek-e az alábbi nyelvek? Miért?

a.
$$L = \{a^n b^m a^m b^n \mid m, n \ge 0\}$$

b.
$$L = \{xayb \mid x, y \in \{a, b\}^* \text{ and } |x| = |y|\}$$