

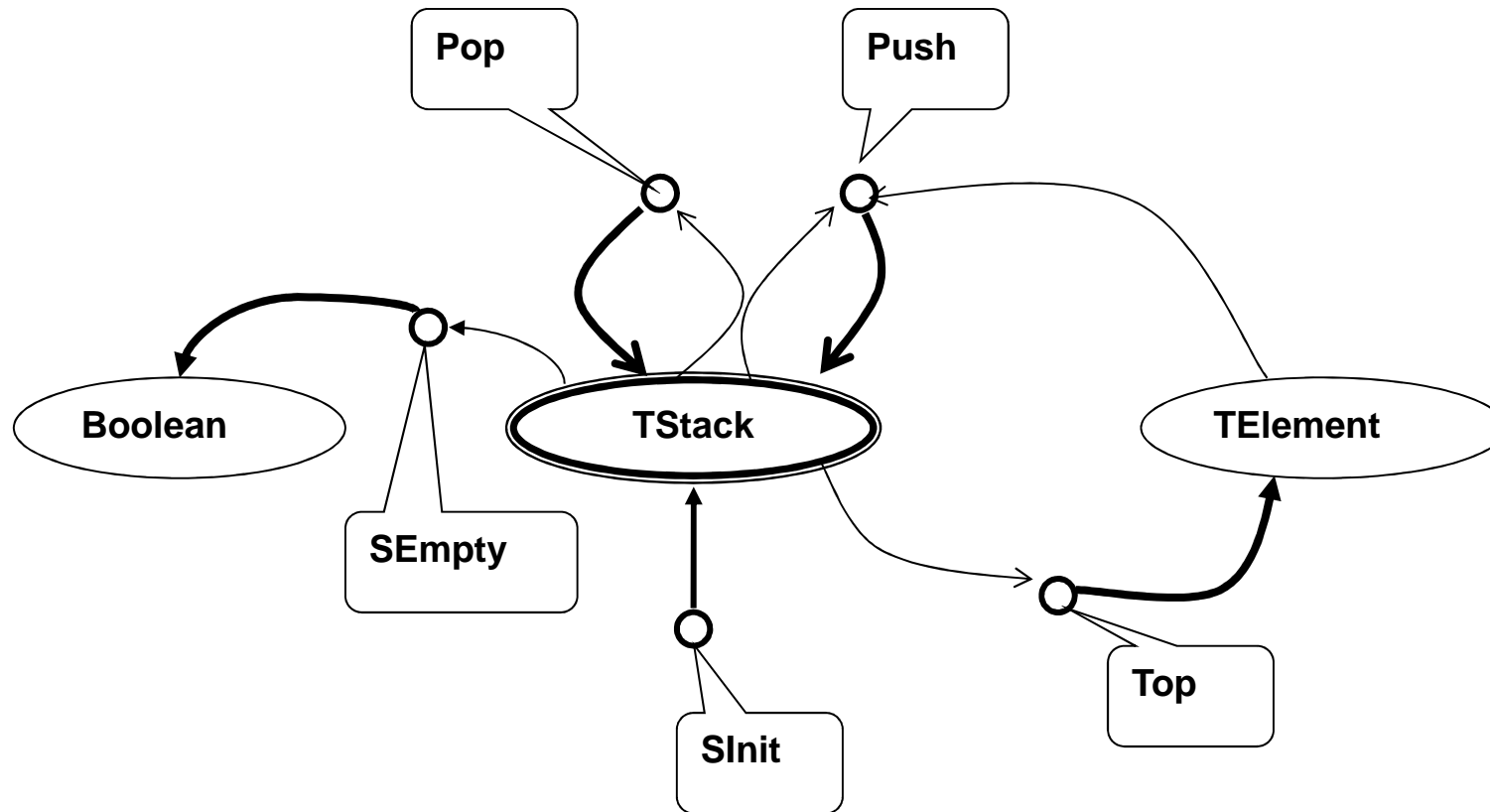
5 Přednáška IAL

- **ADT zásobník.** Užití zásobníku: algoritmy s návratem, rekurze, bloková struktura a dynamické přidělování paměti, převod z infixové do postfixové notace se zásobníkem, vyčíslování aritmetických výrazů v postfixové notaci se zásobníkem.
- **ADT fronta** a její užití. Implementace zásobníku a fronty.
- **ADT pole**, jedno a vícedimenzionální, statické a dynamické, přístupové metody k prvku pole (mapovací funkce, informační vektor/záznam). Prostorově úsporné metody implementace některých polí - trojúhelníková matice, pole s nestejně dlouhými řádky, řídké pole.
- **ADT množina.**

Zásobník - Stack

- Homogenní, dynamický, lineární datový typ
- LIFO – Last In – First Out
- Použití:
 - Reverzuje pořadí
 - Převod infixové notace na postfixovou
 - Konstrukce rekurzivních podprogramů
 - Konstrukce blokové struktury

Diagram signatury ADT Stack



SInit(S) (nebo StackInit) Necht' vznikne prázdný zásobník

Push(S,EI) Vložení prvku EI na vrchol zásobníku

SEmpty(S) Predikát, který vrací hodnotu
true je-li zásobník prázdný a false v jiném případě

Top(S,EI) Čtení hodnoty prvku na vrcholu zásobníku.
Obsah zásobníku beze změny. Pro prázdný
zásobník dojde k chybě. Operace Top je vždy
ošetřena testem na neprázdnost zásobníku:

```
if not SEmpty(S)
    then begin
        Top(S,EI);
        ...
    end;
```

Pop(S) Zrušení hodnoty prvku na vrcholu zásobníku.
V případě, že je zásobník je prázdný, bez účinku.

Axiomy sémantiky ADT Stack

1. $\text{Pop}(\text{StackInit}(S)) = \text{StackInit}(S)$
2. $\text{Pop}(\text{Push}(S, EI)) = S$
3. $\text{Top}(\text{StackInit}(S)) = \text{error}$
4. $\text{Top}(\text{Push}(S, EI)) = EI$
5. $\text{SEmpty}(\text{StackInit}(S)) = \text{true}$
6. $\text{SEmpty}(\text{Push}(S, EI)) = \text{false}$

Infixová, prefixová (polská), postfixová (obrácená polská) notace (Jan Lukasiewiś)

- Infixová $\Rightarrow a + b$

- prefixová $\Rightarrow + a b$

prefixová notace připomíná zápis funkce..?

function ADD(a,b:integer):integer

- postfixová $\Rightarrow a b +$

- $x + y = \Rightarrow x y + =$

- $(a+b)*(c-d)/(e+f)*(g-h) \Rightarrow ab+cd-*ef+ / gh-* =$

Výhody postfixové notace

- Neobsahuje závorky
- Snadné vyčíslení – operace se provádějí v pořadí operátorů v řetězci

Výraz: $a\ b\ +\ c\ d\ -\ *\ e\ f\ +\ /\ g\ h\ -\ * =$

se zpracuje jako by měl tvar:

$(((a\ b\ +)\ (c\ d\ -)\ *)\ (e\ f\ +)\ /\)\ (g\ h\ -)\ * =$

Algoritmus vyčíslení postfixového výrazu

- Zpracovávej řetězec zleva doprava
- Je-li zpracovávaným prvkem operand, vlož ho do zásobníku
- Je-li zpracovávaným prvkem operátor, vyjmi ze zásobníků tolik operandů, kolika-adický je operátor (pro dyadické operátory dva operandy), proved' danou operaci a výsledek uloží na vrchol zásobníku
- Je-li zpracovávaným prvkem omezovač '=', je výsledek na vrcholu zásobníku

Úloha k domácímu procvičení

Předpokládejte, že je definován ADT TStack čísel integer a deklarována globální proměnná S tohoto typu, nad kterou smíte aplikovat všechny operace nad TStack. Je dán řetězec znaků, obsahující číslice, operátory '+', '-', '*' a '/', které představují operace nad typem integer a ukončovací znak (omezovač) '=', kterým je řetězec zakončen. Číslice představují jednomístná celá čísla. Předpokládejte, že řetězec představuje syntakticky správný aritmetický výraz.

Napište proceduru (funkci), která má na vstupu řetězec s postfixovým výrazem a která vrátí hodnotu vyčísleného výrazu.

Převod infixové notace na postfixovou s použitím zásobníku

1. Zpracovávej vstupní řetězec položku po položce zleva doprava a vytvářej postupně výstupní řetězec.
2. Je-li zpracovávanou položkou operand, přidej ho na konec vznikajícího výstupního řetězce.
3. Je-li zpracovávanou položkou levá závorka, vlož ji na vrchol zásobníku.

4. Je-li zpracovávanou položkou operátor, pak ho na vrchol zásobníku vlož v případě, že:
- » **zásobník je prázdný**
 - » **na vrcholu zásobníku je levá závorka**
 - » **na vrcholu zásobníku je operátor s nižší prioritou**
- Je-li na vrcholu zásobníku operátor s vyšší nebo shodnou prioritou, odstraň ho, vlož ho na konec výstupního řetězce a opakuj krok 4, až se ti podaří operátor vložit na vrchol

5. Je-li zpracovávanou položkou pravá závorka, odebírej z vrcholu položky a dávej je na konec výstupního řetězce až narazíš na levou závorku. Tím je pár závorek zpracován.
6. Je-li zpracovávanou položkou omezovač '=', pak postupně odstraňuj prvky z vrcholu zásobníku a přidávej je na konec řetězce, až zásobník zcela vyprázdníš a na konec přidej rovnítko.

Implementace ADT Stack

Většina ADT bude implementována buď souvislé paměti po sobě jdoucích prvků (pole) nebo v paměti zřetězených položek (seznam). V prvním případě je datová struktura většinou “pseudodynamická” – tedy dynamická tak dlouho, dokud nevyčerpá přidělený prostor (deklarované pole).

Pro implementaci zásobníku polem tedy účelné dodefinovat predikát, která bude signalizovat naplnění vyhrazeného prostoru a tedy zákaz vkládání dalšího prvku do zásobníku. Necht' se tato operace jmenuje **SFull(S)**, a v případě, že je zásobník plný, bude tato funkce vracet hodnotu true, jinak bude vracet hodnotu false.

Nechť jsou pro účely implementace definovány následující typy:

```
const SMax=1000; (* Maximální kapacita zásobníku *)  
type  
  TStack=record  
    SPole=array[1..SMax] of TElem; (* pole pro zásobník *)  
    STop: 0..SMax    (* index ukazatele na vrchol *)  
  end;
```

Pak operace inicializace bude mít podobu:

```
procedure SInit(var S:TStack);  
begin  
  S.STop:=0  
end;
```

```
procedure Push(var S:TStack; El:TElem);  
begin  
  with S do begin  
    STop:=STop + 1  
    SPole[STop]:= El;  
  end (* with *)  
end;
```

Pozn: Operace nevrací hodnotu

```
procedure Pop (var S:TStack);  
begin  
  with S do begin  
    if STop > 0  
    then STop:=STop - 1  
  end (* with *)  
end;
```

procedure Top (S:TStack; var El:TElem);

(* Procedura ukončí program zásadní chybou, je-li při vyvolání zásobník prázdný, protože index Stop je nulový a tudíž mimo definovaný rozsah pole. Podmínku však do procedury nevkládáme. Podmínka ošetřující neprázdnost zásobníku je povinnou součástí použití operace. Ponechme na programátorovi, co udělá v případě pokusu o čtení z prázdného zásobníku. Proceduru lze zapsat jako funkci v případě, že to dovoluje typ TElem *)

```
begin  
  El:= S.SPole[S.STop]  
end;
```



```
function SEmpty(S:TStack):Boolean;  
begin  
    SEmpty:= S.STop=0  
end;
```

```
function SFull(S:TStack):Boolean;  
begin  
    SFull:= S.STop=SMax  
end;
```

Implementace jednosměrným seznamem

```
type
  TUK = ^TPrvek;

  TPrvek = record
    Data:Telem;
    UkDalsi:TUK
  end; (* TPrvek *)

  TStack=record
    TopUk:TUK;
    ...
  end; (* TStack*)
```

```
procedure SInit(var S:TStack);  
begin  
    S.TopUk:=nil  
    ...  
end;
```

```
procedure Push(var S:TStack; El:TElem);  
var  
    PomUk:TUk;  
begin  
    new ( PomUk ) ;  
    PomUk^.Data:=El;  
    PomUk^.UkDalsi:=S.TopUk;  
    S.TopUk:=PomUk  
end;
```

```
procedure Pop(var S:TStack);  
var  
    PomUk:TUk;  
begin  
    if S.TopUk<>nil  
    then begin  
        PomUk:=S.TopUk;  
        S.TopUk:=S.TopUk^.UkDalsi;  
        dispose(PomUk)  
    end (* if *)  
end;
```

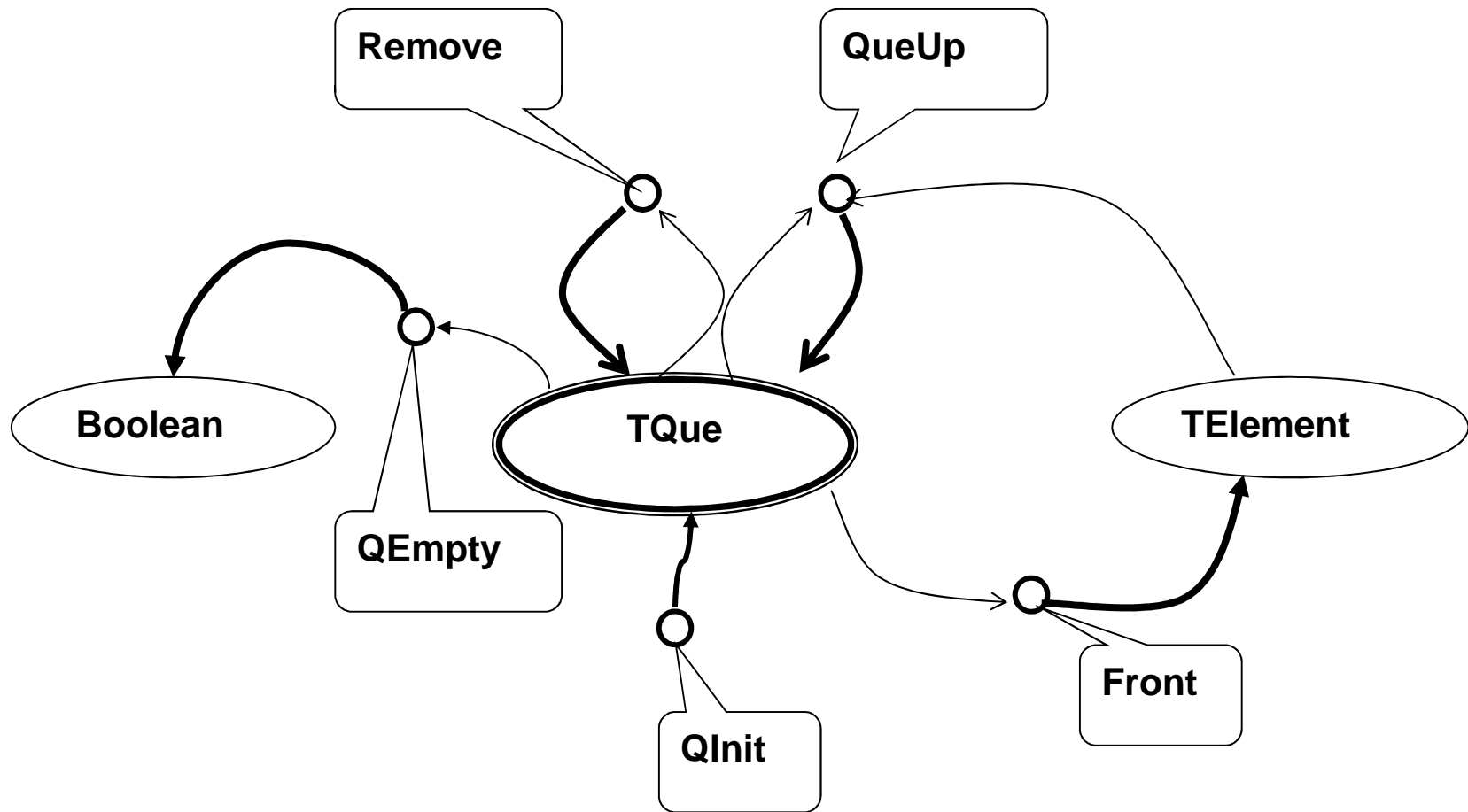
```
procedure Top(S:TStack; var El:TElem);  
(* V případě prázdného zásobníku je ukazatel nilový  
a v při jeho referenci dojde k chybě. Podmínku  
prázdnoti však ponecháme vně procedury *)  
begin  
    El:=S.TopUk^.Data  
end;
```

```
function SEmpty(S:TStack):Boolean;  
begin  
    SEmpty:=S.TopUk=nil  
end;
```

ADT Fronta - Queue

- Dynamická, homogenní a lineární struktura.
- FIFO : First In First Out
- Na jednom konci přidává a na druhém (říká se mu začátek !!!) čte a odebírá – obsluhuje.
- Teorie front (teorie hromadné obsluhy) – historie s vodovodními kohoutky

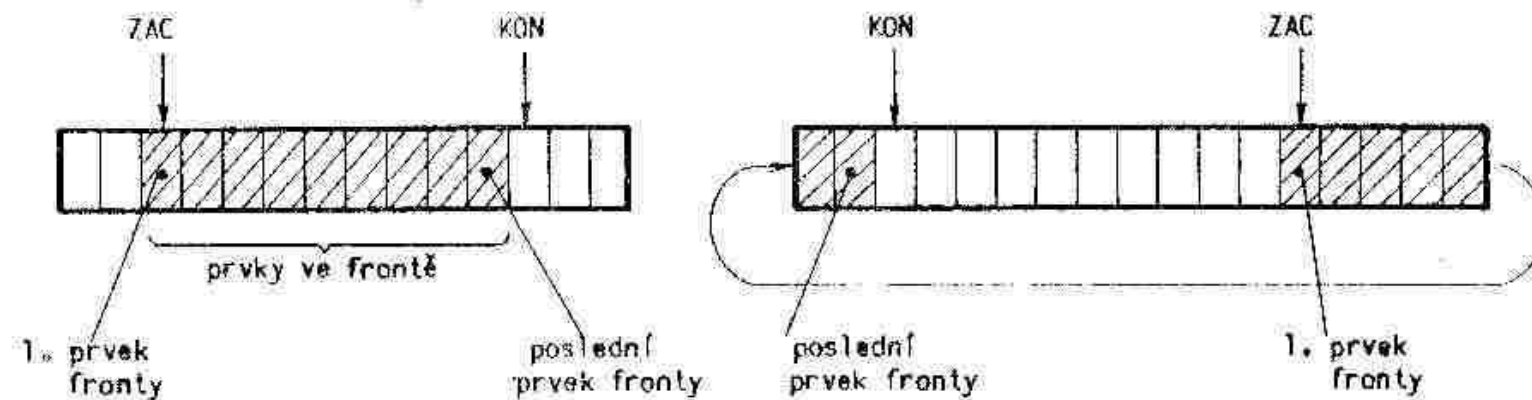
Diagram signatury ADT Fronta - TQUEUE



Sémantiku fronty lze vyjádřit
následujícími 8 axiomy:

1. $QEmpty(QInit(Q)) = true$
2. $QEmpty(QueueUp(Q, EI)) = false$
3. $Front(QueInit(Q)) = error$
4. $Front (QueueUp(QInit(Q), EI) = EI$
5. $Front (Queueup(Queueup(QInit(Q), EIA), EIB)) = Front (QueueUp(QInit(Q), EIA)$
6. $Remove(QInit(Q)) = QInit(Q)$
7. $Remove(QueueUp(QInit(Q), EI)) = QInit(Q)$
8. $Remove(QueueUp(QueueUp(QInit(Q), EIB), EIA)) = QueueUp(Remove(QueueUp(QInit(Q), EIB)), EIA)$

Stavy fronty



Obr. 5.33. Běžné stavy fronty



Obr. 5.34. Stavy ukazatelů při plné frontě



Implementace fronty polem

```
const
    QMax = 1000; (* Fronta má kapacitu QMax - 1 prvků !! *)
type
    TQueue : record
        QPole: array [1..QMax] of TE1;
        QZac, QKon: integer;
    end;

procedure QInit(var Q:TQueue);
begin
    with Q do begin
        QZac:=1;
        QKon:=1
    end (* with *)
end;
```

14.9.2015

```

procedure QueUp (var Q:TQueue; El:TElem);
begin
    Q.QPole[Q.QKon] := El;
    Q.QKon:=Q.QKon + 1;
    if Q.QKon > QMax
    then Q.QKon := 1; (* Ošetření kruhovosti seznamu *)
end;

```

```

procedure Remove (var Q:TQueue);
begin
    if Q.QZac<>Q.QKon
    then begin
        Q.QZac:=Q.Qzac + 1;
        if Q.QZac > QMax
        then Q.QZac:=1; (* Ošetření kruhovosti pole*)
    end (* if *)
end;

```

```

procedure Front (Q:TQueue; var El:TElem);
(* Procedura způsobí chybu v případě čtení z prázdné fronty *)
begin
    El :=    Q.QPole[Q.QZac]
end;

function QEmpty(Q:TQueue): Boolean;
begin
    QEmpty :=  Q.Zac=Q.Kon
end;

```

Soubor lze doplnit o predikát QFull takto:

```

function QFull(Q: TQueue): Boolean;
begin
    QFull := (Q.Zac=1) and (Q.Kon=QMax) or
    ((Q.Zac - 1) = Q.Kon)
end;

```

Pozn. Ošetření kruhovosti pole lze zajistit také operací mod QMax. Druhým argumentem operace mod je vždy počet Poc prvků pole. Operace mod dává výsledky v intervalu 0..(Poc-1)

S ohledem na skutečnost, že pole začíná indexem 1, je nutné tuto jedničku přičíst. Pole má QMax prvků. Lze tedy inkrementaci ukazatele zajistit příkazem

$$Q.Zac := Q.Zac \bmod QMax + 1;$$

t zn. když je QMax = 100 má pole 100 prvků, pak když staré Q.Zac = 99 pak po inkrementaci je:

$$Q.Zac = 99 \bmod 100 + 1 = 100$$

když staré Q.Zac = 100 pak po inkrementaci je:

$$Q.Zac = 100 \bmod 100 + 1 = 1$$

Když je pole definováno intervalem 0..QMax, má (QMax+1) prvků a inkrementaci s kruhovým převodem je možno zapsat :

$$Q.Zac := (Q.Zac + 1) \bmod (QMax + 1)$$

t.zn. když je QMax = 100 a pole má 101 prvků, pak když staré Q.Zac = 99 pak po inkrementaci je

$$Q.Zac = (99 + 1) \bmod (100 + 1) = 100$$

když staré Q.Zac = 100 pak po inkrementaci je

$$Q.Zac = (100 + 1) \bmod (100 + 1) = 0$$

Implementace fronty zřetězeným seznamem

```
type
  TUK = ^TPrvek;
  TPrvek = record
    Data: TElem;
    UkDalsi: TUK;
  end;

  TQueue = record
    QZacUk, QKonUk: TUK;
  end;
```

```
procedure QInit(var Q:TQueue);  
begin  
    Q.QZacUk:=nil;  
    Q.QKonUk:=nil  
end;
```



```

procedure QueUp(var Q;TQueue; El:TElem);
var PomUk:TUk;
begin
    new ( PomUk );
    PomUk^.Data:= El;(*naplnění nového prvku*)
    PomUk^.UkDalsi:=nil;(*ukončení nového prvku*)
    if Q.ZacUk = nil
    then(* fronta je prázdná, vlož nový jako první a jediný*)
        Q.QZacUk:=PomUk
    else (* obsahuje nejméně jeden prvek, přidej na konec*)
        Q.QKonUk^.UkDalsi:=Pomuk;
    Q.QKonUk:=PomUk    (* korekce konce fronty *)
end;

```

```
procedure Front (Q:TQueue; var El: TElem);  
begin  
    El:=Q.QZac^.Data  
end;
```

```
procedure Remove (Q:TQueue);  
var  
    PomUk: TUk;  
begin  
    if Q.QZac <> nil  
    then begin (* Fronta je neprázdná *)  
        PomUk := Q.QZac;  
        if Q.QZac = Q.QKon  
        then Q.QKon:=nil; (* Zrušil se poslední a jediný *)  
        Q.QZac:=Q.QZac^.UkDalsi;  
        dispose (PomUk);  
    end;  
end;
```

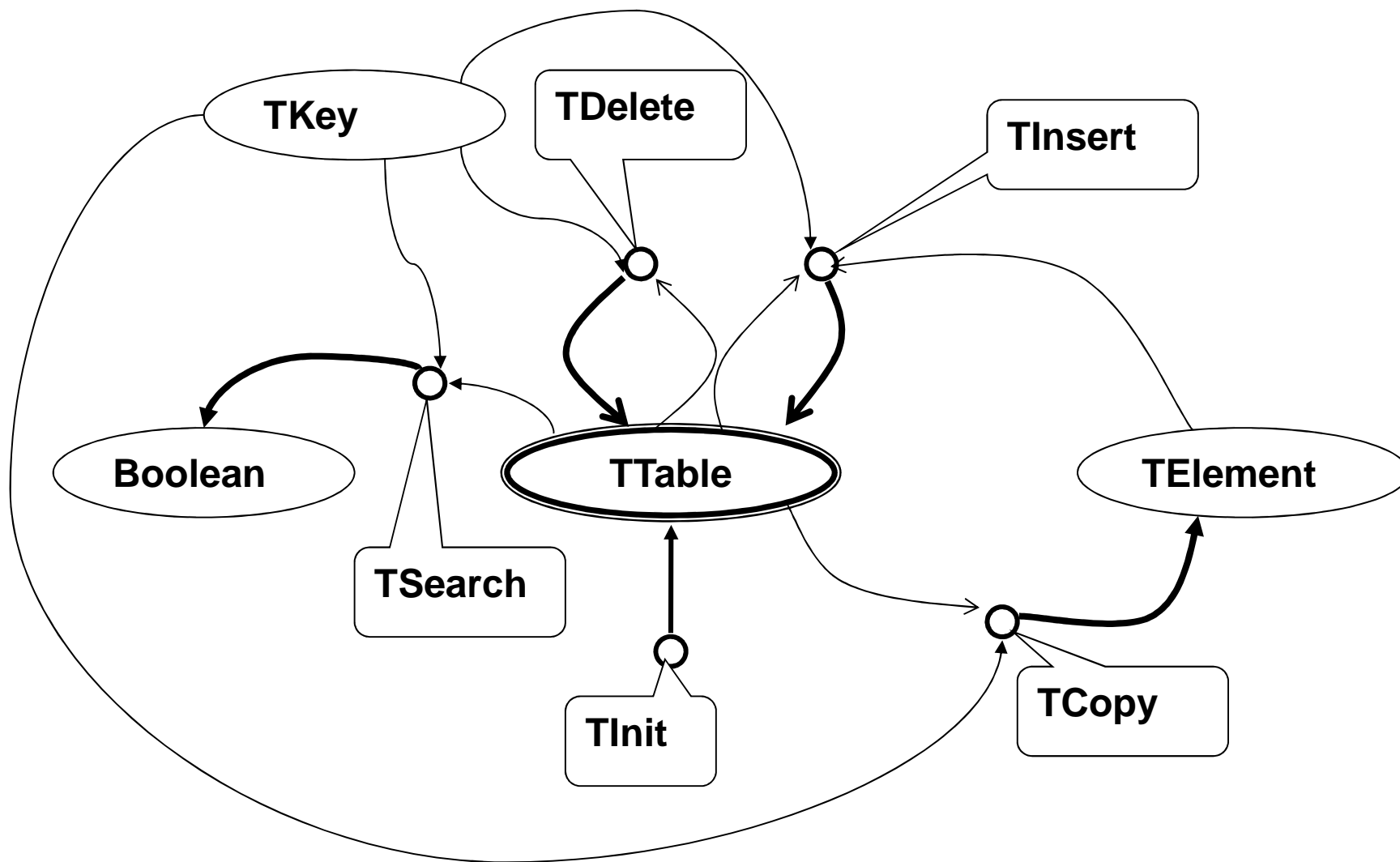
Oboustranně ukončená fronta DEQUE – Double Ended Queue

- domino, kolej na seřazovacím nádraží aj.

Vyhledávací tabulka – (Search table, Look-up table)

- Homogenní, obecně dynamická struktura
- Každá položka má zvláštní složku – klíč
- V tabulce s (ostrým) vyhledáváním je hodnota klíče jedinečná (neexistují dvě či více položek se stejnou hodnotou klíče)
- Tabulka je jako „kartotéka“, je to základ databází

Diagram signatury ADT „Vyhledávací tabulka“



Sémantika operací:

TInit (T) operace, která inicializuje (vytváří) prázdnou tabulku položek se složkami: klíč K typu Tklic a daty Data typu Tdata.

TInsert(T,K,Data) vložení položky se složkami K a Data do tabulky T. Pokud tabulka T již obsahuje položku s klíčem K dojde k přepisu datové složky Data novou hodnotou. Tato vlastnost se podobá činnosti v kartotéce, kdy při existenci staré karty se shodným klíčem se stará karta zahodí a vloží se nová (**aktualizační sémantika operace TInsert**).

TSearch(T,K) predikát, který vrací hodnotu true v případě,
že v tabulce T existuje položka s klíčem K
a hodnotu false v opačném případě

TDelete(T,K) operace rušení prvku s klíčem K v tabulce T.
V případě, že prvek neexistuje má operace
sémantiku prázdné operace

TCopy(T,K,EI)

operace, která vrátí (čte) ve výstupním parametru EI hodnotu datové složky položky s klíčem K. V případě, že položka s klíčem K v tabulce T neexistuje, dochází k zásadní chybě. Proto je povinností programátora ošetřit každý výskyt operace TCopy predikátem TSearch:

```
if TSearch(T,K)
then begin
    TCopy(T,K,EI);
end;
```

Celá kapitola o vyhledávání bude o různých metodách implementace ADT vyhledávací tabulka

Pole - Array

Pole je homogenní struktura ortogonálního (pravoúhlého) typu. V Pascalu je pole statické.

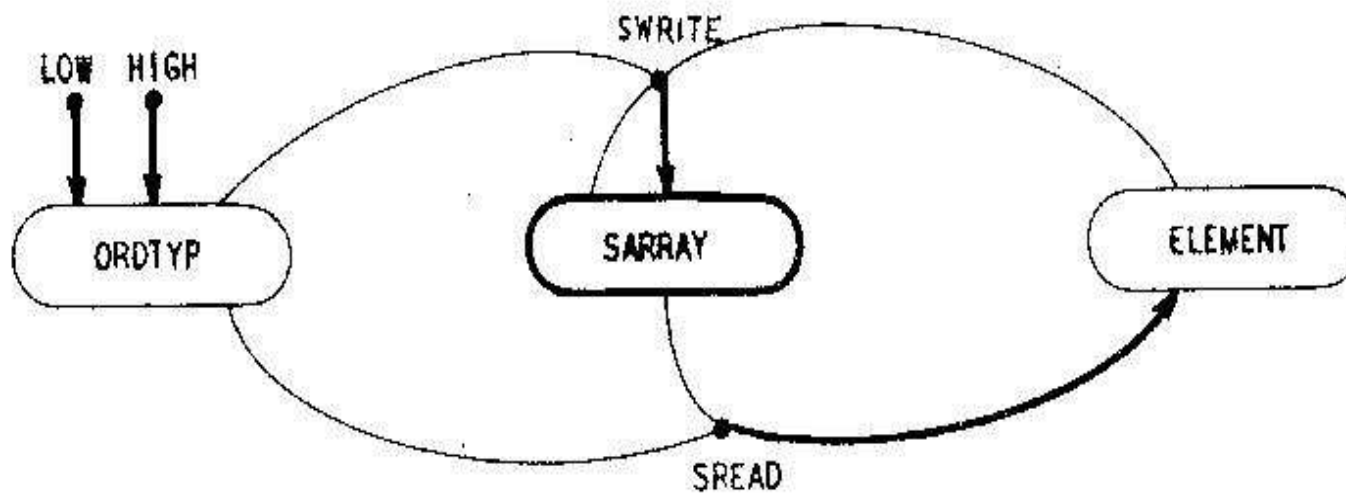
Pascal definuje obecně pole jako jednorozměrné. Pak n -rozměrné pole je jednorozměrné pole položek, jimiž jsou $(n-1)$ rozměrná pole.

Hlavními operacemi nad polem jsou:

- „zápis hodnoty do prvku pole daného indexem“ - „aktivní přístup“
- „čtení“ hodnoty prvku zadaného indexem – „pasivní přístup“

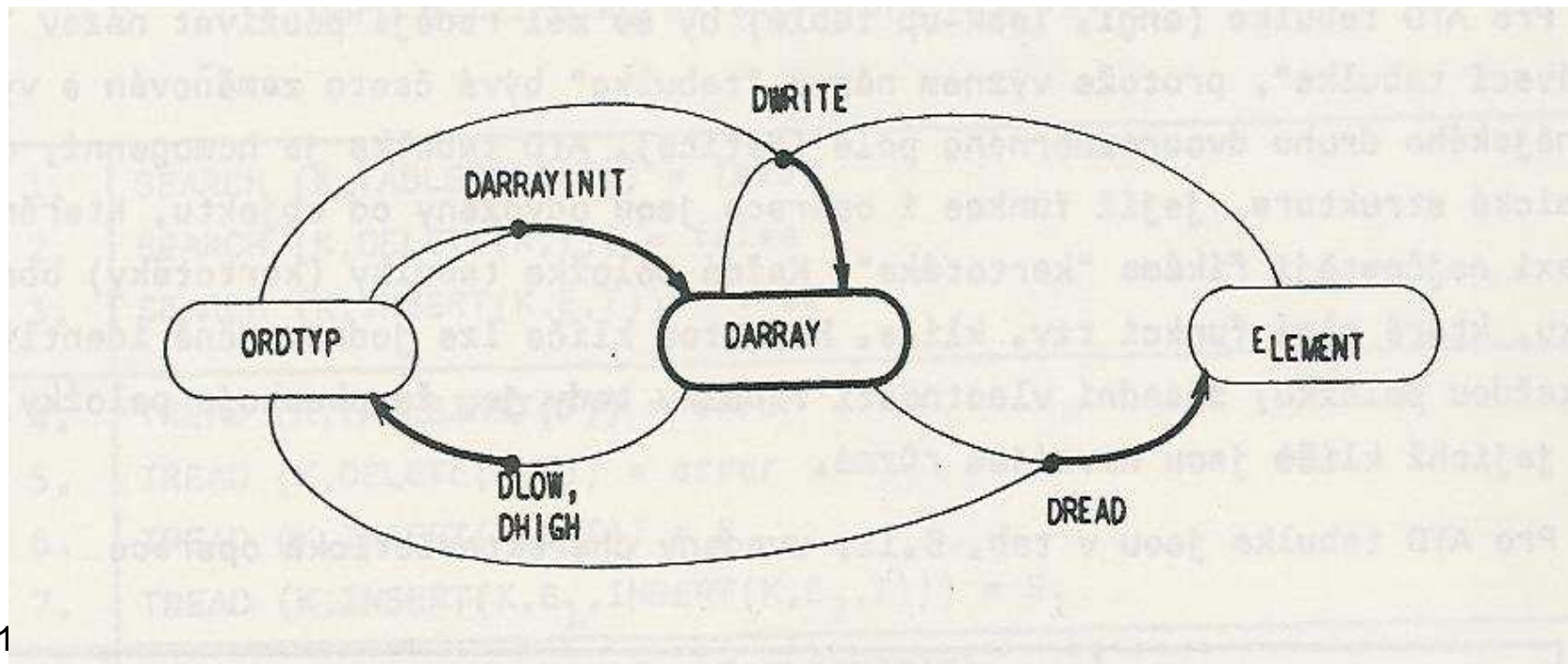
Statické pole

Diagram signatury statického pole SARRAY



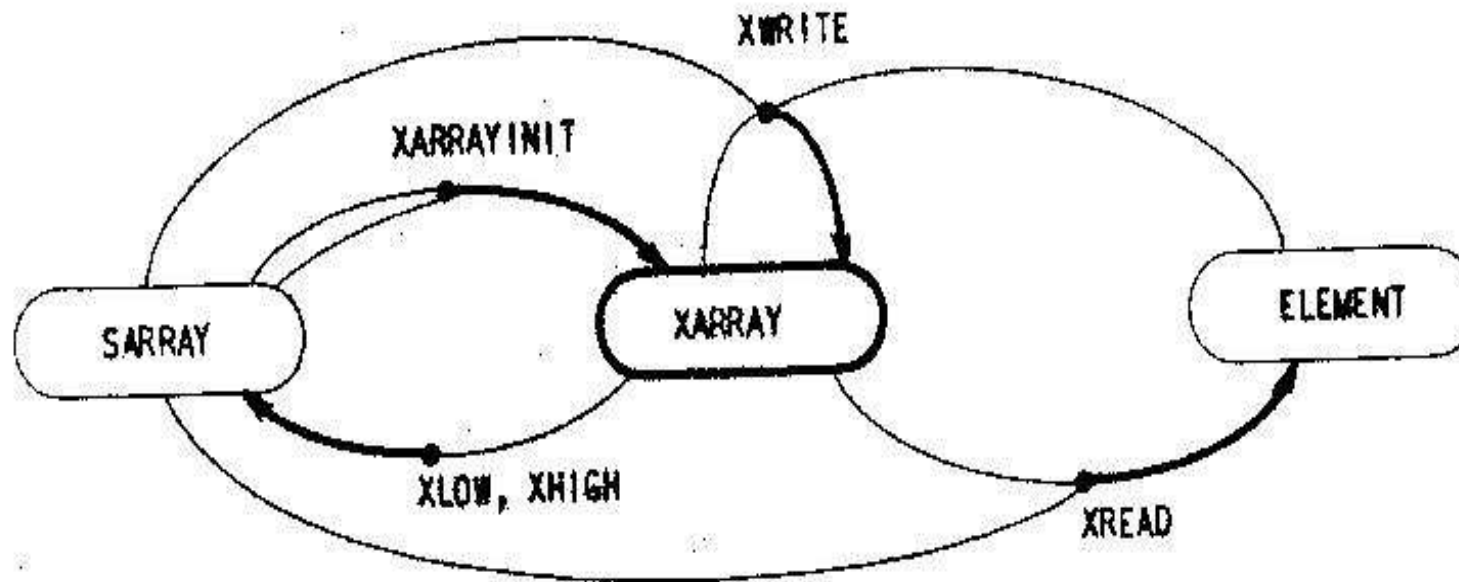
Dynamické pole

- Velikost dynamického pole je inicializovaná v průběhu chodu programu operací DARRAYINIT
- Aktuální velikost dimenze lze zjistit operacemi DLOW a DHIGH



Vícerozměrné statické pole

Indexy vytvářejí jednorozměrné pole SARRAY polí o dvou prvcích, (každá dvojice vymezuje rozsah jedné dimenze)



Mapovací funkce

Mapovací funkce zajišťuje zpřístupnění prvku pole.
Realizuje funkci selektoru.

Nechť je dáno k-rozměrné pole

B: array [low1 .. high1, low2 .. high2, ... , lowk .. highk]
of TElement;

Pak prvek tohoto pole, jehož zápis má tvar

B[j1 ,j2 , ... , jk]

bude zobrazen (mapován) do jednorozměrného pole A s
indexem, jehož hodnotu definuje výraz mapovací funkce:

$$1 + \sum_{m=1}^{m=k} (j_m - low_m) * D_m$$

Pak prvek $B[j_1, j_2, \dots, j_k]$ bude v paměti umístěn (bude mapován) do vektoru A podle následujícího vztahu

$$B[j_1, j_2, \dots, j_k] \rightarrow A \left[1 + \sum_{m=1}^{m=k} (j_m - low_m) * D_m \right]$$

kde

$$D_1 = 1$$

$$D_m = (high_m - low_m + 1) * D_{m-1}$$

Hodnota mapovací funkce se musí vyčíslovat v průběhu výpočtu při každé referenci (odkazu) na indexovanou proměnnou. Jak je z tvaru výrazu vidět, může být vyčíslení, zejména u vícedimenzionálních polí, časově náročnější.

Trojúhelníková matice

$$\begin{array}{cccc} a_{11} & & & \\ a_{21} & a_{22} & & \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} & \\ \dots & & & \\ a_{N1} & a_{N2} & a_{N3} & \dots a_{NN} \end{array}$$

Lze zaujmout prostor pro pouze $(N/2) * (N+1)$ položek místo $N*N$ položek.

Použije se mapovací funkce

$$a[j,k] \rightarrow b[j*(j-1) \div 2 + k];$$

Matice s nestejně dlouhými řádky

a_{11}	a_{12}							
a_{21}	a_{22}							
a_{31}	a_{32}	a_{33}						
a_{41}	a_{42}	a_{43}	a_{44}	a_{45}	a_{46}	a_{47}	a_{48}	a_{49}
a_{51}								
a_{61}								

Přístupový vektor PV má hodnoty: 0 2 4 7 16 17
 Mapovací funkce: $a[i,j] \rightarrow v[PV[i]+j]$

V:

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18
a_{11}	a_{12}	a_{21}	a_{22}	a_{31}	a_{32}	a_{33}	a_{41}	a_{42}	a_{43}	a_{44}	a_{45}	a_{46}	a_{47}	a_{48}	a_{49}	a_{51}	a_{61}

Řídké pole

- Pole, v němž má převážná většina prvků stejnou (dominantní) hodnotu (např. 0).
- Řídké pole lze implementovat s cílem ušetřit paměťové nároky za cenu přístupového času (access time) k prvkům pole
- Implementace s použitím vyhledávací tabulky, v níž prvky pole tvoří hodnotu položek tabulky a $\text{index}(y)$ tvoří klíč položky tabulky

- InitArr(Arr) -> TInit(T)
- ReadArr(Arr,Ind,El) -> if Search(T,Ind)
 then El:=TCopy(T,Ind)
 else El:= dominant value;
- WriteArr(Arr,Ind,El) -> if El=dominant value
 then TDelete(T,Ind)
 else TInsert(T,Ind,El)

Pro dvou(více)rozměrná pole lze použít mapovací funkce, která mapuje dvojici (n-tici) indexů do jednoho indexu

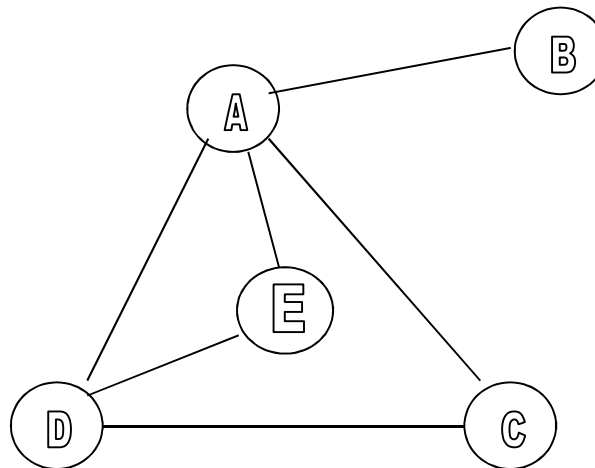
Graf a jeho implementace

- Graf je definován trojicí $G=(N,E,I)$

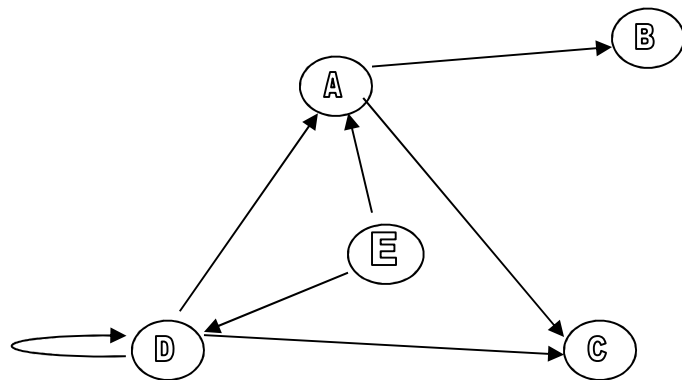
kde

- N je množina uzlů, jimž lze přiřadit hodnotu
- E je množina hran, kterým lze přiřadit hodnotu. Každá hrana spojuje dva uzly a může být orientovaná. Je-li hrana orientovaná, pak jejímu grafu se říká orientovaný graf.
- I je množina spojení, která jednoznačně určuje spojení dvojic uzlů daného grafu.

Příklad neorientovaného grafu



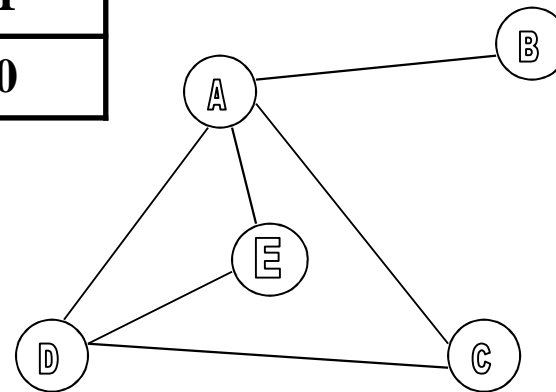
Příklad orientovaného grafu



- Průchodem se nazývá posloupnost všech uzlů grafu.
- Průchod je operace nad grafem, která provádí transformaci nelineární struktury na lineární.
- Cesta z uzlu A do uzlu B je posloupnost hran, po nichž se dostaneme z uzlu A do uzlu B, aniž bychom šli po některé hraně dvakrát.
- Cyklický graf je graf, který obsahuje „cyklus“. Cyklus je neprázdná cesta, která končí v témže uzlu, v němž začíná.

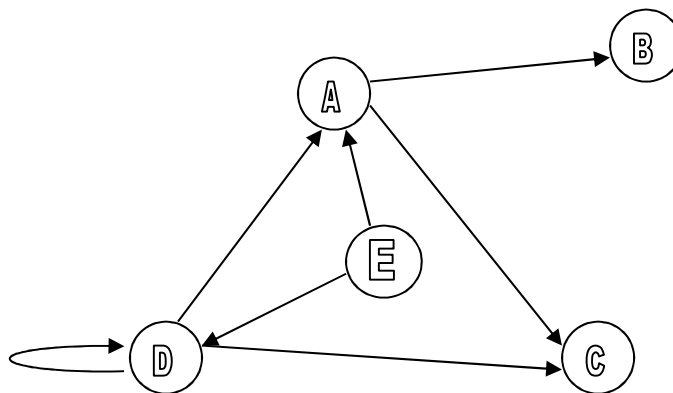
Statická implementace neorientovaného grafu maticí spojení

	A	B	C	D	E
A	0	1	1	1	1
B	1	0	0	0	0
C	1	0	0	1	0
D	1	0	1	0	1
E	1	0	0	1	0



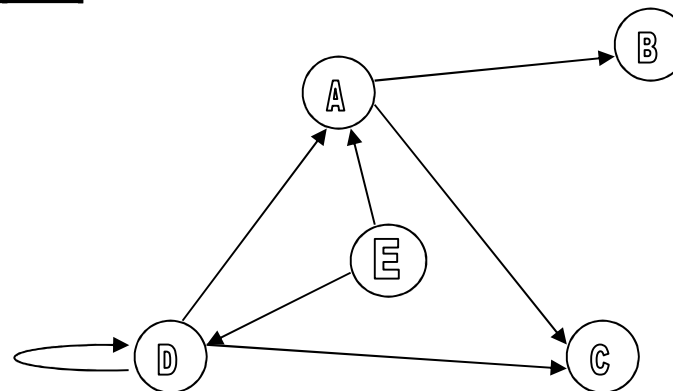
Implementace orientovaného grafu maticí spojení

	A	B	C	D	E
A	0	1	1	-1	-1
B	-1	0	0	0	0
C	-1	0	0	-1	0
D	1	0	1	1	-1
E	1	0	0	1	0

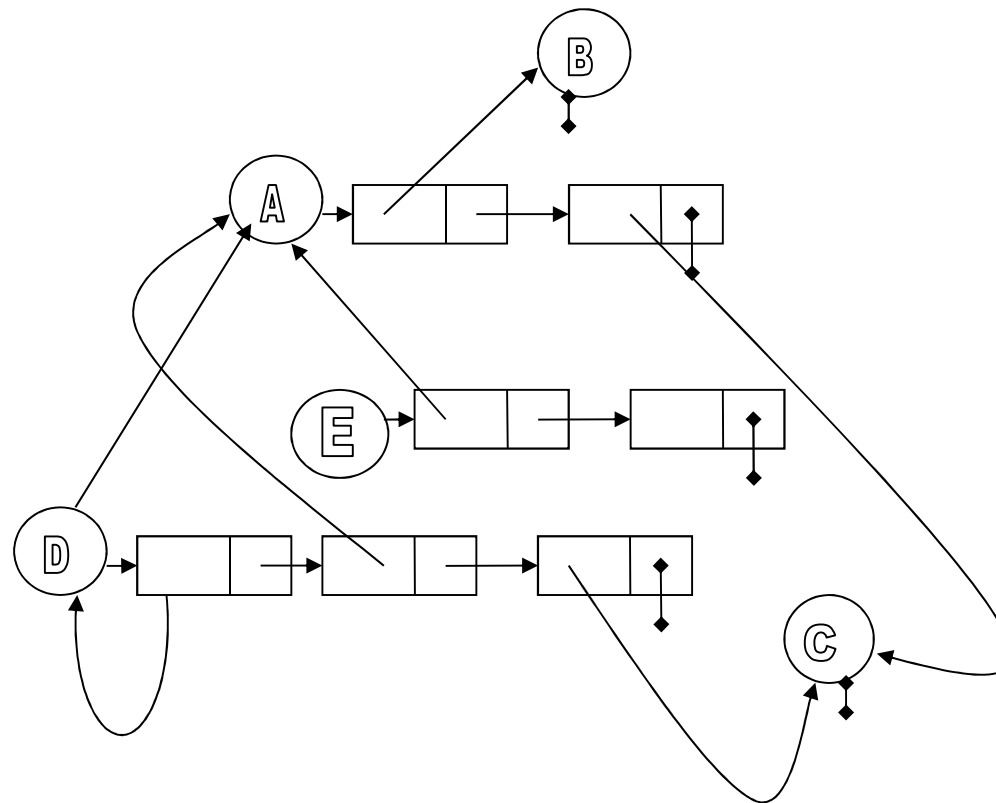


Implementace orientovaného grafu maticí sousednosti

A	B	C	-	-	-
B	-	-	-	-	-
C	-	-	-	-	-
D	A	C	D	-	-
E	A	D	-	-	-



Dynamická implementace grafu



Kořenový strom

- Kořenový strom je acyklický graf, který má jeden zvláštní uzel, který se nazývá kořen (root).
- Kořen je takový uzel, že platí, že z každého uzlu stromu vede jen jedna cesta do kořene.
- Z každého uzlu vede jen jedna hrana směrem ke kořeni do uzlu, kterému se říká „otcovský“ uzel a libovolný počet hran k uzlům, kterým se říká „synovské“.
- Výška prázdného stromu je 0, výška stromu s jediným uzlem – kořenem je 1. Výška jiného stromu je počet hran od kořene k nejvzdálenějšímu uzlu + 1.

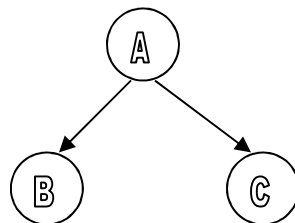
Binární strom (BS)

- Rekurzivní definice binárního stromu:

Binární strom je buď prázdný, nebo sestává z jednoho uzlu zvaného kořen a dvou binárních podstromů – levého a pravého. (Oba podstromy mají vlastnosti stromu.)

- Binární strom sestává z kořene, neterminálních uzlů, které mají ukazatel na jednoho nebo dva uzly synovské a terminálních uzlů, které nemají žádné „potomky“.
- Každý uzel, který není kořenem stromu je kořenem svého “podstromu”.
- Binární strom je váhově vyvážený, když pro všechny jeho uzly platí, že počty uzlů jejich levého podstromu a pravého podstromu se rovnají, nebo se liší právě o 1.
- Binární strom je výškově vyvážený, když pro jeho všechny uzly platí, že výška levého podstromu se rovná výšce pravého podstromu, nebo se liší právě o 1.

Mějme kořen BS se třemi uzly A,B, a C ve tvar



Pak průchod PreOrder má tvar A,B,C
průchod InOrder má tvar B,A,C
průchod Postorder má tvar B,C,A

Inverzní průchody mají obrácené pořadí synovských uzlů:

InvPreOrder má tvar A,C,B
InvInOrder má tvar C,A,B
InvPostOrder má tvar C,B,A

type

TPtr=^TNode; (* ukazatel na typ TUzel *)

TNode=record (* type of node *)

 Data:Tdata;

 LPtr,RPtr:TPtr;

end;

procedure PreOrder(var L:TList;RootPtr:TPtr);

 (* Seznam L byl inicializován před voláním *)

begin

 if RootPtr <> nil

 then begin

 DInsertLast(L,RootPtr^.Data);

PreOrder(L,RootPtr^.LPtr);

PreOrder(L,RootPtr^.RPtr)

 end

end; (* procedure *)

14.9.2015.

Záměnou pořadí rekurzivního volání v podmíněném příkazu if získáme průchody InOrder a PostOrder

(* Inorder *)

```
Inorder(L,RootPtr^.LPtr);  
DInsertlast(L,RootPtr^.Data);  
Inorder(L,RootPtr^.RPtr);
```

(* Postorder *)

```
Postorder(L,RootPtr^.LPtr);  
Postorder(L,RootPtr^.RPtr);  
DInsertlast(L,RootPtr^.Data).
```