Replicación de los ejercicios prácticos de la assignatura en los lenguajes R y Python, y comparación de los mismos. *

Marta Girones Sanguesa

Silvia Marset Gomis

Ignacio Amat Hernández

Sofía Gutiérrez Santamaría

January 23, 2020

^{*}Grado en Ingeniería Biomédica, Escuela Técnica Superior de Ingenieros Industriales, Valencia, España.

Contents

$\mathbf{S}\epsilon$	cciói	1	Página
1	Res	umen	6
2	Intr	oducción	6
3	Mat	teriales y Métodos	7
4	Res	$\operatorname{ultados}$	9
	4.1	Análisis exploratorio	9
		4.1.1 Preparación	9
		4.1.2 Histogramas	11
		4.1.3 Kernel Density	14
		4.1.4 Boxplot	17
		4.1.5 QQplot	20
		4.1.6 Corrplot	23
	4.2	Extracción de características	28
		4.2.1 Filter Methods	28
		4.2.2 Wrapper Methods	30
		4.2.3 PCA	32
		4.2.4 Pareto	33
		4.2.5 Biplot	35
5	Mo	delos de Clasificación	38
	5.1	Clasificación Lineal	38
	5.2	Clasificación Cuadrática	41
	5.3	Clasificación KNN	44
6	Pos	támbulo	47
	6.1	Comparación LDA , QDA , KNN R	47
	6.2	Puntuación knn vs. número de vecinos	48
	6.3	Benchmarking	49
	6.4	Curva ROC	54
7	Disc	cusión	57
	7.1	Análisis exploratorio	57
	7.2	Extracción de características	57
	7.3	Modelos de clasificación	58
	7.4	Métrica de error	58

	7.5	Tiempos	58					
8	Cor	nclusiones	5 9					
9	Bib	liografia	61					
L	List of Figures							
	1	Histogramas Python para datos con y sin anomalias	11					
	2	Histogramas R para datos con anomalias	12					
	3	Histogramas Matlab	13					
	4	Kernel Density para datos con y sin anomalias	14					
	5	Gráficos de densidad R	15					
	6	Gráficos de densidad Matlab	16					
	7	Boxplots Python para datos con y sin anomalias	17					
	8	Boxplots R para datos con anomalias	18					
	9	Boxplots Matlab para datos con anomalias	19					
	10	QQplots Python para datos con y sin anomalias	20					
	11	QQplots R	21					
	12	QQplots Matlab Clase 1	22					
	13	QQplots Matlab Clase 2	22					
	14	Corrplot Python para datos con anomalias	23					
	15	Corrplot Python para datos sin anomalias	24					
	16	Corrplot R para datos con anomalias	25					
	17	Matriz de correlaciones en R	26					
	18	Matriz de correlaciones en Matlab	27					
	19	Diagrama de Pareto en Python y R	34					
	20	Diagrama de Pareto en Matlab	34					
	21	Biplot Python.	35					
	22	Biplot R	36					
	23	Biplot Matlab.	37					
	24	Comparación de mil evaluaciones de cada uno de los métodos de clasificación en R	47					
	25	Rendimineto decreciente según aumenta el número de vecinos	48					
	26	ROC R	54					
	27	Confusion matrix Matlab	56					
	28	ROC Python	57					

Listings

1	Importaciones iniciales y preparacion de datos en Pytnon	9
2	Importaciones iniciales y preparacion de datos en R	9
3	Importaciones iniciales y preparacion de datos en Matlab	10
4	Código Python generador de los histogramas con datos anómalos	11
5	Código R generador de los histrogramas con datos anómalos	12
6	Código Matlab generador de los histogramas	13
7	Código Python generador de los kernel density plots con datos anómalos	14
8	Código R generador de los density plots	15
9	Código Matlab generador de los kdensity	16
10	Código Python generador de los boxplots con datos anómalos	17
11	Código R generador de los boxplots	18
12	Código Matlab generador de los boxplots	19
13	Código Python generador de los Q Q plots con datos anómalos	20
14	Código R generador de los Q Q plots	21
15	Código Matlab generador de los QQplots	22
16	Código Python generador de los corrplots con datos anómalos	23
17	Código R generador de los corrplots	25
18	Código Matlab generador de los corrplots	27
19	Métodos filter Python	28
20	Ranking de variables según los métodos filter Python	28
21	Ranking de variables Matlab	28
22	Ranking de variables según distintos métodos en R	29
23	Aplicación métodos wrapper de selección características	30
24	Resultados Python del filtrado mediante wrappers	30
25	Resultados R del filtrado mediante wrappers	31
26	Resultados Matlab del filtrado mediante wrappers	31
27	Principal Component Analysis Python	32
28	Varianza explicada por componente y suma acumulada Python	32
29	Principal Component Analysis R	32
30	Varianza explicada por componente y suma acumulada R	32
31	Principal Component Analysis Matlab y pareto	32
32	Código generador del diagrama de Pareto en Python	33
33	Código generador del diagrama de Pareto en R	33
34	Código generador del Biplot en Python	35
35	Código generador del Biplot en R	36

36	Código generador del Biplot en Matlab	37
37	Python validación del modelo lineal	38
38	Python validación según distintos métodos de partición	38
39	R análisis lineal discriminante	39
40	R puntuación de mil evaluaciones	39
41	Matlab análisis lineal discriminante	40
42	Python validación del modelo cuadrático	41
43	Python validación según distintos métodos de partición	41
44	R análisis cuadrático discriminante	42
45	R puntuación de mil evaluaciones	42
46	Matlab análisis lineal discriminante	43
47	Python validación del modelo KNN	44
48	Python validación según distintos métodos de partición	44
49	R K nearest neighbours	45
50	R puntuación de mil evaluaciones	45
51	Matlab KNN	46
52	Evolución de puntuación según número de vecinos	48
53	Código R para evaluar el tiempo de ejecucción	49
54	Código Python para evaluar el tiempo de ejecucción	50
55	Tiempo de ejecución en R	51
56	Tiempo de ejecución en Python.	51
57	Características de la máquina usada	51
58	Código Matlab para medir los tiempos	52
59	Código R para generar la curva ROC y la AUC.	54
60	Código Matlab para generar la curva ROC y la AUC.	55
61	Código Python para generar la curva ROC y la AUC	56

1 Resumen

El principal objetivo de este trabajo es adentrarnos en otros lenguajes de programación como son Python y

R, al mismo tiempo que profundizamos en las herramientas para el soporte a la decisión médica. Otro objetivo

del trabajo es poder ayudar a otras personas que vayan a realizar un trabajo similar a elegir el lenguaje de

programación, mediante una comparación de los tres mencionados anteriormente, que más se ajusta a sus

necesidades.

Para lograr una buena comparación de lenguajes nos basaremos en ciertos aspectos como son la facilidad

de aprendizaje del lenguaje, la facilidad de comprensión de la asignatura con cada lenguaje, las funciones

integradas, incluso los distintos tipos de gráficos que nos ofrece cada uno.

Palabras Clave: Matlab, Python, R, machine learning.

 $\mathbf{2}$ Introducción

Debido al aumento de información que se genera y almacena hoy en día es necesario, más que nunca, una

clasificación de datos. Los CDSSs basados en datos utilizan técnicas de aprendizaje automático que permiten

al sistema aprender de las experiencias pasadas y/o encontrar patrones en los datos clínicos. Estos permiten

minimizar el riesgo de fuga de datos, además de ser útil en la ayuda al diagnóstico médico.

Por ello, en el presente trabajo se lleva a cabo un análisis exploratorio de un conjunto de datos de cáncer de

mama de Coimbra que incluye las características clínicas de sujetos sanos y enfermos, una selección y extracción

de características del conjunto de datos, distintos modelos de clasificación y, por último, diferentes estrategias

y métricas de evaluación.

En el análisis exploratorio se realiza un preprocesado de los datos donde se verifica la integridad de la base de

datos, se eliminan las filas corruptas y se estudian los datos anómalos. Posteriormente se analiza la correlación

entre variables y entre datos, la normalidad de estos datos y su distribución mediante métricas básicas como

histograma, kernel density, qqplot y boxplot.

En el proceso de selección y extracción de características investigamos cuáles de las variables son estadísticamente

relevantes. Ello se consigue gracias a métodos de selección –aquellos basados en Filters o Wrappers– y de

extracción de características –como son Análisis de Componentes Principales y Análisis Discriminante Lineal.

Estos métodos tienen como objetivo final la reducción de dimensionalidad.

En cuanto a los modelos de clasificación podemos distinguir los de aprendizaje supervisado, aplicados en este

trabajo, y los basados en el aprendizaje no supervisado. Los modelos de clasificación supervisados están basados

en el aprendizaje mediante pares dato-solución, como KNN, LDA y QDA. Los métodos no supervisados, en

6

cambio, son aquellos en los que los sistemas se adaptan mediante las características intrínsecas de los datos.

Por último, para estudiar las estrategias y métricas de evaluación emplearemos la matriz de confusión de datos, la curva ROC y el error cuadrático medio. Estas cuatro fases se realizan en tres lenguajes de programación distintos: Matlab, Python y R.

3 Materiales y Métodos

La base de datos utilizada en este trabajo es un conjunto de datos de cáncer de mama de Coimbra que incluye las características clínicas de 64 pacientes con cáncer de mama y 52 controles sanos. Está formada por 9 predictores –datos antropométricos y parámetros recopilados de análisis de sangre rutinarios– y 1 variable dependiente binaria que indica la presencia o no de cáncer de mama (1: controles saludables y 2: pacientes). Los 9 predictores son: Edad (años), IMC (kg / m2), Glucosa (mg / dL), Insulina (μ U / mL), HOMA, Leptina (ng / mL), Adiponectina (μ g / mL), Resistencia (ng / mL) y MCP-1 (pg / dL).

Los lenguajes de programación utilizados son Matlab, Python y R. Matlab es un lenguaje interpretado propiedad de MathWorks; requiere de licencia comercial, es ampliamente usado en contextos ingenieriles. Python es un proyecto de código abierto de Guido van Rossum, es un lenguaje de scripting de uso general, no especializado. R es el único lenguaje especializado en ciencia de datos, es el antecesor a S; también de código abierto. Una vez definidos los materiales, procedemos a describir la metodología a seguir; será desarrollada en Python y R. Haremos una comparación con el desarrollo de Matlab realizado a lo largo de la asignatura.

1. Análisis exploratorio:

- a) Cargar datos.
- b) Solucionar existencia de casos perdidos.
- c) Obtener de cada variable númerica y separado por clases el histograma, kernel density, qqplot y boxplot.
- d) Realizar plot matriz de gráficos de dispersión y detección de variables correlacionadas.
- e) Detección y solución de la presencia de outliers.

2. Extracción de características:

- a) Aplicar Filters (fscore y relieff) y Wrappers para seleccionar las variables más significativas.
- b) Normalizar los datos mediante zscore.
- c) Aplicar el Análisis de Componentes Principales para obtener un nuevo conjunto de características relevantes (PCA).
- d) Representar la variabilidad de los datos mediante pareto y la influencia de cada una de las componentes originales para la generación de cada componente principal con biplot.

- e) Transformar los datos usando la matriz de variables originales y la matriz de coeficientes que ofrece PCA.
- f) Representar las proyecciones de las primeras componentes principales mediante el gráfico de dispersión scatter.
- g) Aplicar Análisis Lineal Discriminante (LDA) para obtener un nuevo conjunto de características relevantes.

3. Modelos de clasificación:

- a) Separar los datos en una muestra de entrenamiento y otra de validación del modelo a partir del método 'HoldOut'.
- b) Entrenar un modelo de clasificación lineal, cuadrático y basado en k-vecinos con distinto número de vecinos.

4. Estrategia y métricas de evaluación:

- a) Separar los datos en una muestra de entrenamiento y otra de validación del modelo a partir del método 'KFold'.
- b) Entrenar un modelo de clasificación basado en k-vecinos.
- c) Obtener el error cuadrático medio, la curva ROC y la matriz de confusión.

4 Resultados

4.1 Análisis exploratorio

4.1.1 Preparación

```
import numpy as np
2
          scipy import stats
3
   # names of variables
4
   labels = ['age', 'leptin', 'bmi', 'adiponectin', 'glucose',
5
            'resistin', 'insulin', 'MCP1', 'HOMA']
6
   # loads data
8
   data = np.loadtxt (open (r'../../data.csv', 'rb'), delimiter = ',', skiprows = 1)
10
11
     rewrites data as all the rows of data w/out nan cells
   data = data [~np.isnan (data).any (axis=1)]
12
13
     separates parameters into matrix x
14
15
        = np.array ([list (data [x][:-1]) for x in range (len (data))])
16
      and class (1, 2) into vector y
17
        = np.array ([int (data [x][ -1])
                                             for x in range (len (data))])
18
   У
19
20
   # removes outliers
   data_no = data [(np.abs (stats.zscore (data)) < 3).all (axis = 1)]</pre>
21
22
        \uparrow = No Outliers
23
   x_no = np.array ([list (data_no [x][:-1]) for x in range (len (data_no))])
24
   y_no = np.array ([int (data_no [x][ -1]) for x in range (len (data_no))])
```

Listing 1: Importaciones iniciales y preparacion de datos en Python.

```
# load data
datos <- read.table ('../../data.csv', sep = ',', header = T)

datos <- na.omit (datos)

# ignore rows w/ components above the 99<sup>th</sup> percentile
suppressPackageStartupMessages (library (dplyr))
datos <- datos %>% filter_all (all_vars (. <= quantile (., 0.99, na.rm = T)))</pre>
```

Listing 2: Importaciones iniciales y preparacion de datos en R.

```
1 load ('Data.mat')
2 % Eliminamos filas que contengan NaN:
3 dataR2mat = dataR2mat (~any (ismissing (dataR2), 2), :);
4 % Cuando queramos eliminar datos anomalos usaremos:
5 dataR2mat = dataR2mat (~any (isoutlier (dataR2mat (:,1:end-1)), 2), :);
```

Listing 3: Importaciones iniciales y preparacion de datos en Matlab.

4.1.2 Histogramas

En este apartado dibujamos los histogramas comparativos.

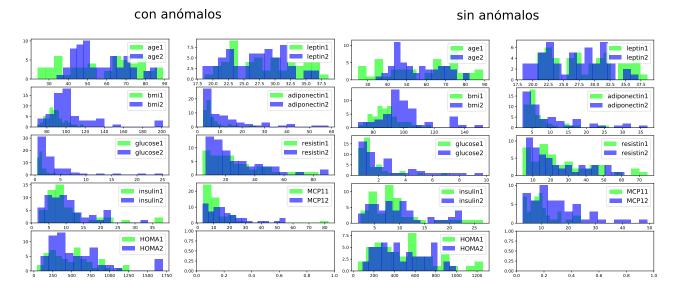


Fig. 1: Histogramas Python para datos con y sin anomalias.

```
import matplotlib as mpl
1
2
   import matplotlib.pyplot as plt
3
   \# load preprocessed data, x and y are raw, x_no and y_no contain no outliers
4
   from preprocessing import x, y, x_no, y_no, labels
5
6
   # colours for the histograms
7
8
   fc = [(), (0, 1, 0, 0.6), (0, 0, 1, 0.6)]
              (R, G, B, \alpha) \leftarrow transparency
9
10
   fig, ax = plt.subplots (nrows = 5, ncols = 2, figsize = (13, 10))
11
   ax = ax.flatten ()
12
13
   # draws each of the histograms, two for each variable
14
   for i in range (0, 9):
15
       for j in [1, 2]:
16
            ax[i].hist (x [y == j, i], bins = 15, fc = fc [j], label = labels [i] + str
17
               (j))
            ax[i].legend (loc = 1, prop={'size': 15})
18
19
   fig.suptitle ('con anómalos', fontsize = 30)
20
   fig.savefig ('../images/hist.pdf', bbox_inches = 'tight', pad_inches = 0)
21
```

Listing 4: Código Python generador de los histogramas con datos anómalos.

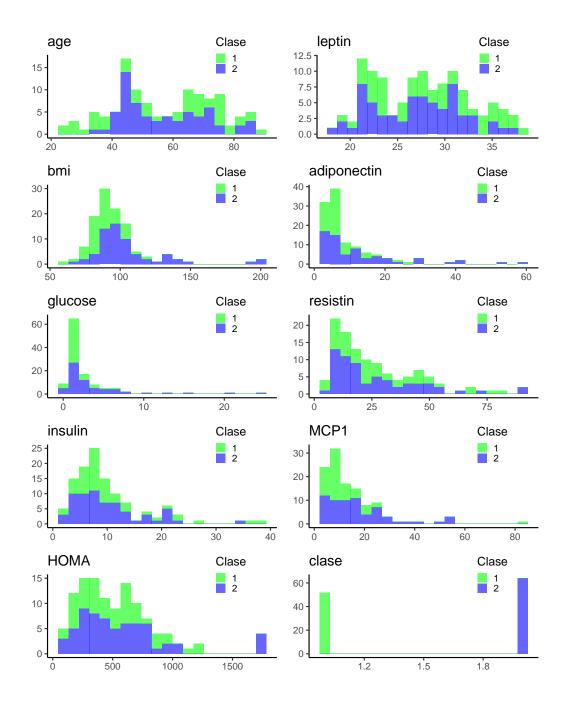


Fig. 2: Histogramas R para datos con anomalias.

```
for (i in 1:10){
1
   pdf (file = paste ('../images/hist', i, '.pdf', sep = ''), width = 6, height = 3)
2
   print (ggplot (datos, aes (x = datos[,i], fill = as.factor (clase))) +
3
                   labs (x = NULL, y = NULL, title = names (datos)[i], fill = 'Clase') +
4
                   geom_histogram (bins = 20, alpha = 0.6) +
5
6
                   theme_classic
                                   (base\_size = 20) +
                   scale_fill_manual(values = c ('green', 'blue')) +
7
8
                   theme
                           (legend.position = c (0.8, 1))
9
   dev.off ()
10
   }
```

Listing 5: Código R generador de los histrogramas con datos anómalos.

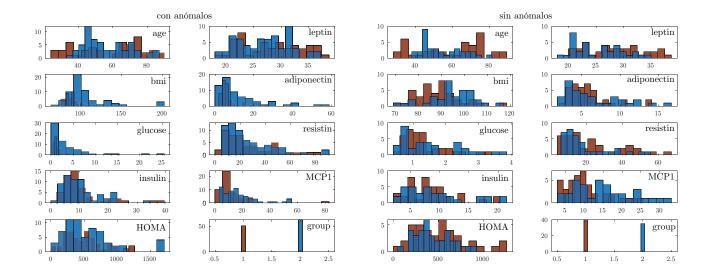


Fig. 3: Histogramas Matlab.

Listing 6: Código Matlab generador de los histogramas.

4.1.3 Kernel Density

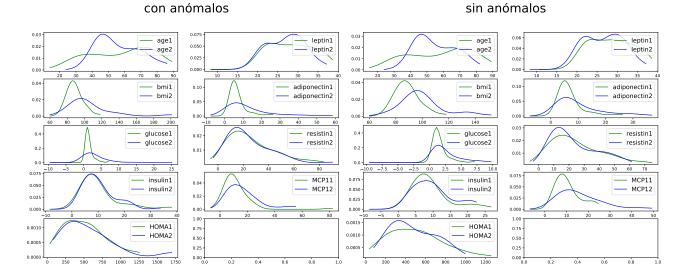


Fig. 4: Kernel Density para datos con y sin anomalias.

```
import matplotlib as mpl
   import matplotlib.pyplot as plt
   import numpy as np
3
4
   from scipy.stats import gaussian_kde
5
   \# load preprocessed data, x and y are raw, x_no and y_no contain no outliers
6
   from preprocessing import x, y, x_no, y_no, labels
7
8
9
   # colours
   fc = ['', 'green', 'blue']
10
11
   fig, ax = plt.subplots (nrows = 5, ncols = 2, figsize = (13, 10))
12
   ax = ax.flatten ()
13
14
   # same loop in principle as before
15
   for i in range (0, 9):
16
       for j in [1, 2]:
17
           kde = gaussian_kde (x_ := x [y == j, i])
18
           xs = np.linspace(np.min (x_) - 10, np.max (x_), num=len (x_))
19
           ax[i].plot (xs, kde(xs), c = fc[j], label = labels [i] + str (j))
20
           ax[i].legend (loc = 1, prop={'size': 15})
21
22
   fig.suptitle ('con anómalos', fontsize = 30)
23
   fig.savefig ('../images/kden.pdf', bbox_inches = 'tight', pad_inches = 0)
24
```

Listing 7: Código Python generador de los kernel density plots con datos anómalos.

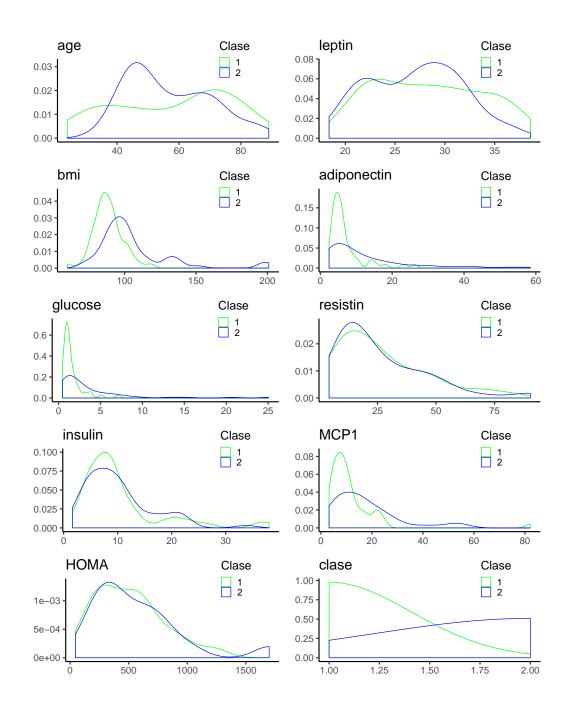


Fig. 5: Gráficos de densidad R.

```
for (i in 1:10){
1
   pdf (file = paste ('../images/dens', i, '.pdf', sep = ''), width = 6, height = 3)
2
   print (ggplot (datos, aes (x = datos[,i], colour = as.factor (clase))) +
3
                   labs (x = NULL, y = NULL,
4
                         title = names (datos)[i], colour = 'Clase') +
5
6
                   geom_density () + theme_classic (base_size = 20) +
                   scale_colour_manual (values = c ('green', 'blue')) +
7
                           (legend.position = c (0.8, 1))
8
                   theme
9
   dev.off ()
10
```

Listing 8: Código R generador de los density plots.

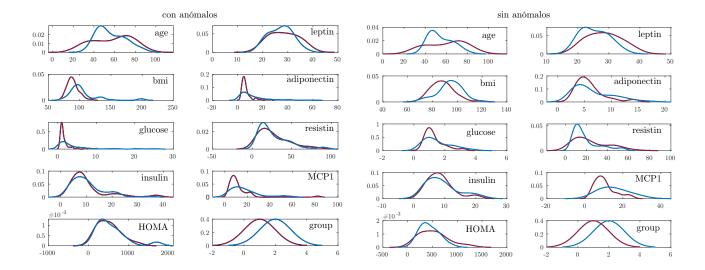


Fig. 6: Gráficos de densidad Matlab.

Listing 9: Código Matlab generador de los kdensity.

4.1.4 Boxplot

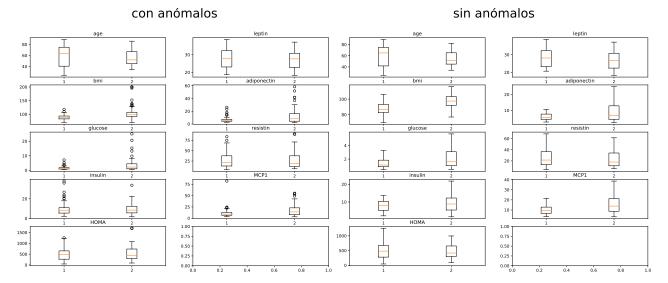


Fig. 7: Boxplots Python para datos con y sin anomalias.

```
import matplotlib as mpl
1
2
   import matplotlib.pyplot as plt
3
   \# load preprocessed data, x and y are raw, x<sub>n</sub>o and y<sub>n</sub>o contain no outliers
4
   from preprocessing import x, y, x_no, y_no, labels
5
6
7
   fig, ax = plt.subplots (nrows = 5, ncols = 2, figsize = (13, 10))
8
   ax = ax.flatten ()
9
   for i in range (0, 9):
10
11
       ax[i].boxplot ([x [y == 1, i], x [y == 2, i]])
       ax[i].title.set_text (labels [i])
12
13
14
   fig.suptitle ('con anómalos', fontsize = 30)
   fig.savefig ('../images/boxp.pdf', bbox_inches = 'tight', pad_inches = 0)
15
```

Listing 10: Código Python generador de los boxplots con datos anómalos.

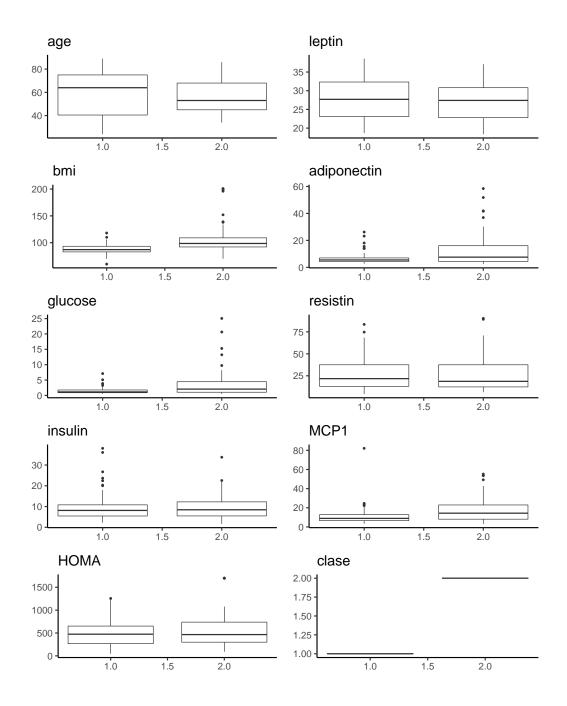


Fig. 8: Boxplots R para datos con anomalias.

```
for (i in 1:10){
1
   pdf (file = paste ('../images/box', i, '.pdf', sep = ''), width = 6, height = 3)
2
   print (ggplot (datos, aes (x = clase,
3
                               y = datos[,i],
4
                               group = clase)) +
5
6
                   labs (x = NULL, y = NULL, title = names (datos)[i]) +
7
                   geom_boxplot
                                 () +
                   theme_classic (base_size = 20))
8
9
   dev.off ()
10
   }
```

Listing 11: Código R generador de los boxplots.

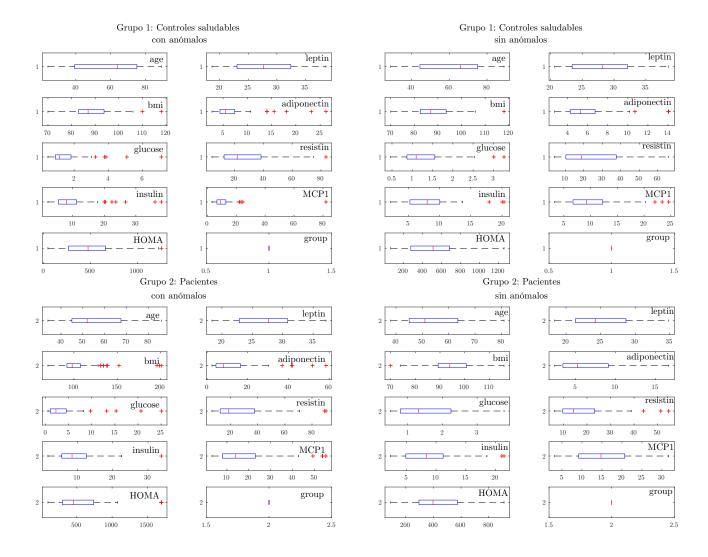


Fig. 9: Boxplots Matlab para datos con anomalias.

Listing 12: Código Matlab generador de los boxplots.

4.1.5 QQplot

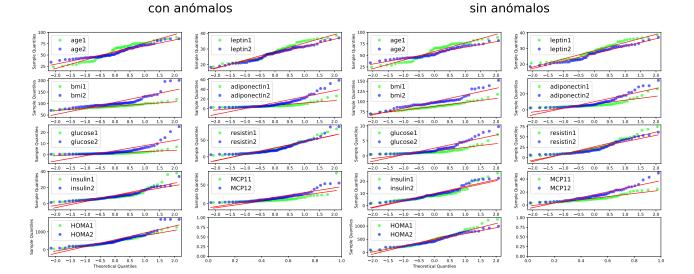


Fig. 10: QQplots Python para datos con y sin anomalias.

```
import matplotlib as mpl
1
2
   import matplotlib.pyplot as plt
3
4
   \# load preprocessed data, x and y are raw, x_no and y_no contain no outliers
   from preprocessing import x, y, x_no, y_no, labels
5
6
   import statsmodels.api as sm
7
   fc = [(), (0, 1, 0, 0.6), (0, 0, 1, 0.6)]
8
9
   fig, ax = plt.subplots (nrows = 5, ncols = 2, figsize = (13, 10))
10
   ax = ax.flatten ()
11
12
13
   for i in range (0, 9):
       for j in [1, 2]:
14
15
           sm.qqplot (x [y == j, i], ax = ax[i], c = fc[j],
                    line = 's', label = labels [i] + str (j))
16
17
           ax[i].legend (loc = 2, prop={'size': 15})
18
   fig.suptitle ('con anómalos', fontsize = 30)
19
   fig.savefig ('../images/qqp.pdf', bbox_inches = 'tight', pad_inches = 0)
20
```

Listing 13: Código Python generador de los QQplots con datos anómalos.

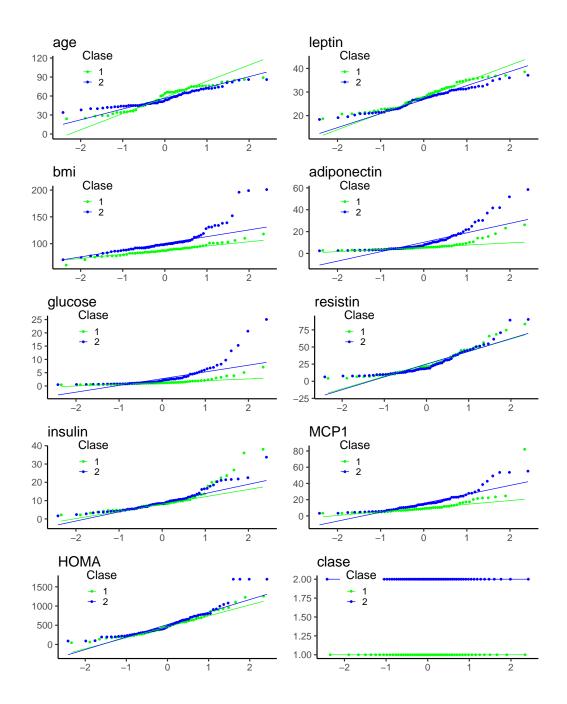


Fig. 11: QQplots R.

```
for (i in 1:10){
1
   pdf (file = paste ('../images/qq', i, '.pdf', sep = ''), width = 6, height = 3)
2
   print (ggplot (datos, aes (sample = datos[,i], colour = as.factor (clase))) +
3
                   labs (x = NULL, y = NULL,
4
                         title = names (datos)[i], colour = 'Clase') +
5
6
                   geom_qq () + geom_qq_line () + theme_classic (base_size = 20) +
                   scale_colour_manual (values = c ('green', 'blue')) +
7
8
                   theme
                           (legend.position = c (0.2, 0.85))
9
   dev.off ()
10
   }
```

Listing 14: Código R generador de los QQplots.

Listing 15: Código Matlab generador de los QQplots.

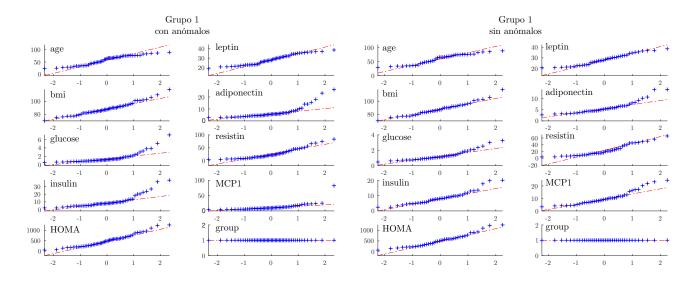


Fig. 12: QQplots Matlab Clase 1.

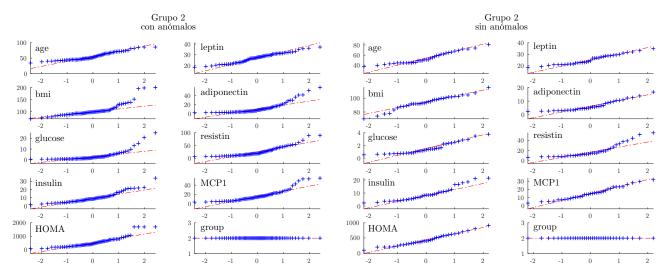


Fig. 13: QQplots Matlab Clase 2.

4.1.6 Corrplot

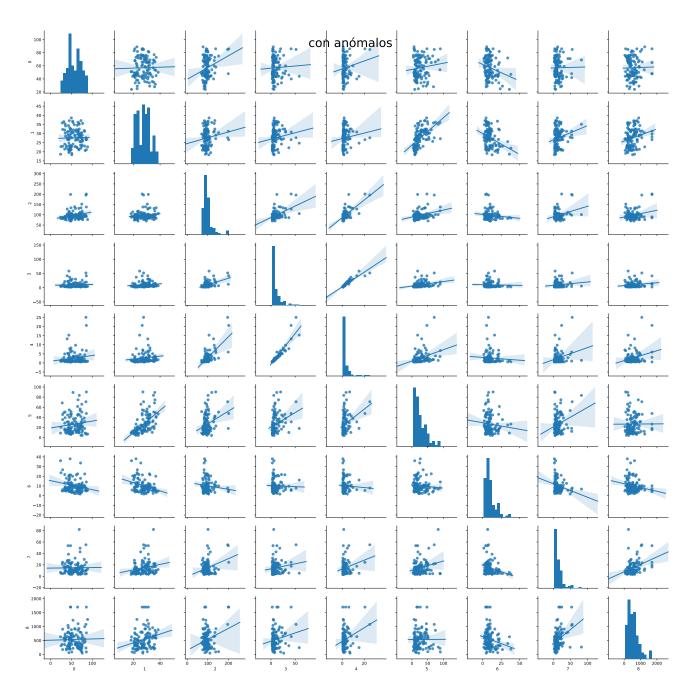


Fig. 14: Corrplot Python para datos con anomalias.

```
import pandas as pd
import seaborn as sns
dataframe = pd.DataFrame.from_records(x)
sns.pairplot (dataframe, kind = 'reg')
plt.suptitle ('con anómalos', fontsize = 30)
plt.savefig ('../images/corrp.pdf', bbox_inches = 'tight', pad_inches = 0)
```

Listing 16: Código Python generador de los corrplots con datos anómalos.

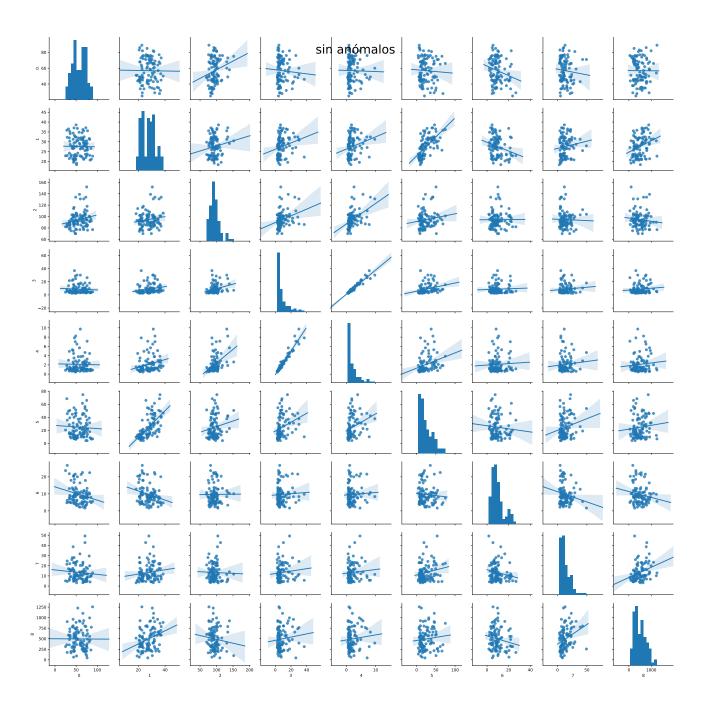


Fig. 15: Corrplot Python para datos sin anomalias.

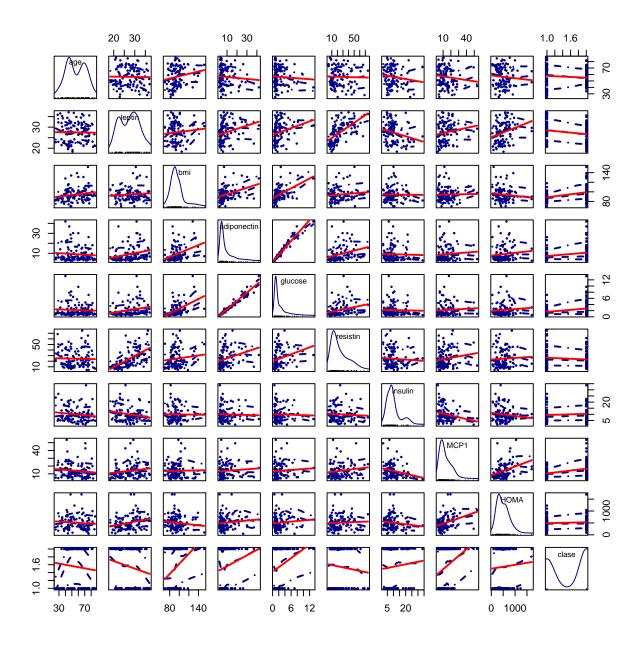


Fig. 16: Corrplot R para datos con anomalias.

```
library (car)
1
2
   pdf ("../images/corrplot.pdf")
   scatterplotMatrix (datos, regLine=list (col='red'), pch=20, cex=0.5, col='blue4')
3
   dev.off ()
4
5
   library (corrplot)
6
7
   pdf ("../images/corrplot1.pdf")
   M <- cor (na.omit (datos))
8
9
   corrplot (M, method = 'number')
10
   dev.off ()
```

Listing 17: Código R generador de los corrplots.

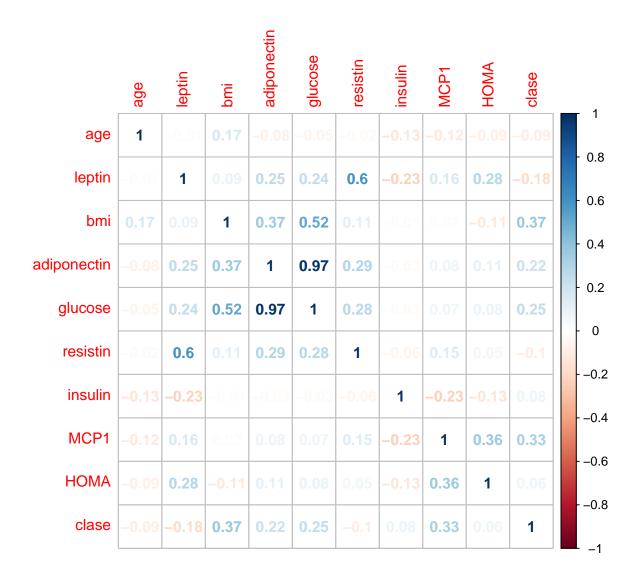


Fig. 17: Matriz de correlaciones en R.

corrplot (dataR2mat (:,1:end-1))

Listing 18: Código Matlab generador de los corrplots.

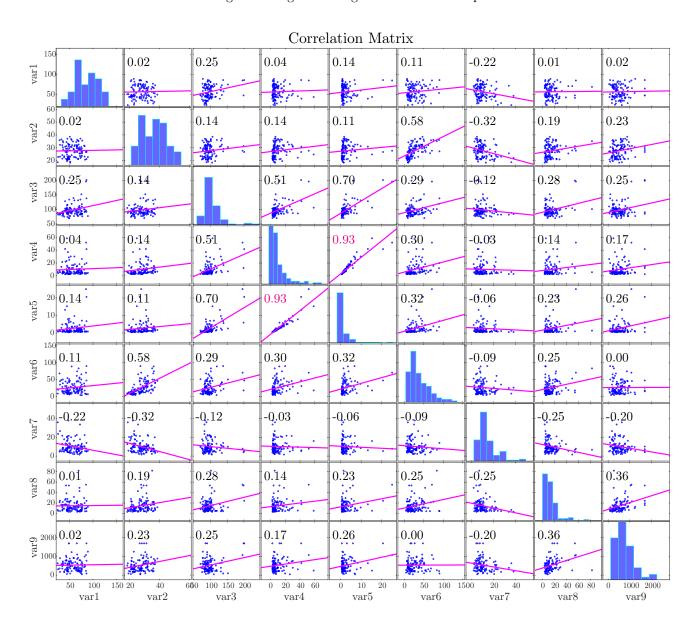


Fig. 18: Matriz de correlaciones en Matlab.

4.2 Extracción de características.

4.2.1 Filter Methods

```
Filter Methods
1
2
   import sklearn.feature_selection as sk
3
   Fscore, pval = sk.f_classif (x_no, y_no)
4
   r1 = Fscore.argsort().argsort() # fscore rank
5
   print (r1+1)
6
8
   import ReliefF as rl
9
   r2 = r1.ReliefF (n_neighbors = 1) # relieff rank
10
   r2.fit(x_no, y_no)
11
   r2 = r2.top_features
12
   print (r2+1)
13
14
   diferencias = abs (r1-r2)
15
16
   media = np.mean (diferencias)
```

Listing 19: Métodos filter Python.

```
1 [4 5 9 6 7 3 1 8 2] -> fscore
2 [1 9 8 7 6 5 4 2 3] -> relieff
3 [3 4 1 1 1 2 3 6 1] -> diferencias
4 2.4444444444446 -> media
```

Listing 20: Ranking de variables según los métodos filter Python.

```
= fscore
                               (x, y);
   [out
          , rank]
   [RANKED, WEIGHT] = relieff (x, y, 1); % k = 1 neighbour
  diferencia = abs(rank-RANKED')
3
  media = mean (diferencia)
4
                                        var6
                                               var7
5
       var1
            var2
                    var3
                          var4
                                 var5
                                                     var8 var9
        3
                     4
                                                             7
6
               5
                            8
                                  2
                                         9
                                                1
                                                      6
                                                                  -> fscore
7
        1
               3
                     2
                            7
                                         5
                                                8
                                                      9
                                                             6
                                                                  -> relieff
8
   diferencias =
9
        2
               2
                     2
                            1
                                  2
                                                7
                                                      3
                                                             1
                                         4
  media =
        2.6667
```

Listing 21: Ranking de variables Matlab.

```
# Fscore
1
   library (PredPsych)
2
   rank (fscore (datos, 10, 1:9))
3
          leptin bmi adiponectin glucose resistin insulin MCP1 HOMA
4
                                 7
                                           8
                                                               1
5
6
   # Relieff
   brary (CORElearn)
8
9
   rank (attrEval (as.factor (clase)~., datos, 'Relief'))
10
          leptin bmi adiponectin glucose resistin insulin MCP1 HOMA
                7
                                  2
                                          4
                                                    5
                      8
                                                              1
                                                                     6
11
12
   # Algunos de los posibles metodos
13
   for (i in infoCore (what = "attrEval")){
14
       cat (i, '\r\t\', unname (rank (attrEval (as.factor (clase)~., datos, i))), '\n')
15
16
   # ReliefFequalK
                       9 3 8 4 6 5 2 7 1
17
   # ReliefFexpRank
18
                       8 5 9 3 6 4 1 7 2
   # ReliefFbestK
                       9 7 8 3 4 5 1 6 2
19
   # Relief
                       9 7 8 2 4 5 1 6 3
20
21
   # InfGain
                       7 4 9 5 8 2 1 6 3
   # GainRatio
                       9 2 8 7 6 4.5 1 3 4.5
22
23
   # MDL
                       7 4 9 5 8 3 1 6 2
   # Gini
                       7 4 9 5 8 3 1 6 2
24
                       6 4 9 5 7 3 1 8 2
25
   # MyopicReliefF
   # Accuracy
                       6 4 9 5 7 3 1.5 8 1.5
26
27
   # ReliefFmerit
                       8 3 9 5 6 4 1 7 2
   # ReliefFdistance
                       8 4 9 5 6 3 1 7 2
28
   # ReliefFsqrDistan 8 4 9 5 6 3 1 7 2
29
   # DKM
                       7 3 9 6 8 2 1 5 4
30
   # ReliefFexpC
                       8 5 9 3 6 4 1 7 2
31
   # ReliefFavgC
                       8 5 9 3 6 4 1 7 2
32
   # ReliefFpe
                       8 5 9 3 6 4 1 7 2
33
   # ReliefFpa
                       8 5 9 3 6 4 1 7 2
34
   # ReliefFsmp
                       8 5 9 3 6 4 1 7 2
35
   # GainRatioCost
                       9 2 8 7 6 4.5 1 3 4.5
36
   # DKMcost
                       7 4 9 5 8 3 2 6 1
37
38
```

Listing 22: Ranking de variables según distintos métodos en R.

4.2.2 Wrapper Methods

```
from sklearn.neighbors import KNeighborsClassifier
2
   from mlxtend.feature_selection import SequentialFeatureSelector
3
   knn = KNeighborsClassifier (n_neighbors = 50)
4
5
6
   sfs = SequentialFeatureSelector (knn,
                    k_features = 4,
8
                    forward = True,
                    scoring = 'accuracy',
9
                    cv = 10
10
11
12
   sfs.fit (x_no, y_no, custom_feature_names = labels)
   print (sfs.k_score_)
13
14
   print ('Sequential Forward Selection', sfs.k_feature_names_, end = '\n\n')
15
   sfs.forward = False
16
17
   sfs.fit (x_no, y_no, custom_feature_names = labels)
18
   print (sfs.k_score_)
19
20
   print ('Sequential Backward Selection', sfs.k_feature_names_, end = '\n\n')
```

Listing 23: Aplicación métodos wrapper de selección características.

```
0.70545454545454
2 Sequential Forward Selection ('leptin', 'bmi', 'glucose', 'MCP1')
3
4 0.70949494949495
5 Sequential Backward Selection ('leptin', 'bmi', 'glucose', 'insulin')
```

Listing 24: Resultados Python del filtrado mediante wrappers.

```
# Sequential Feature Selector
1
   library (mlr)
2
   # Forward
3
   sfs <- selectFeatures (
4
         learner
                                         ('classif.knn', k = 9, 1 = 3),
5
                     = makeLearner
                     = makeClassifTask (data = datos, target = 'clase'),
6
         task
         resampling = makeResampleDesc ("CV", iter = 50),
                     = makeFeatSelControlSequential (method = "sfs", maxit = 100L))
8
          control
   # FeatSel result:
9
   # Features (4): age, leptin, bmi, MCP1
10
   # mmce.test.mean=0.1833333
11
12
   # Backward
13
   sbs <- selectFeatures (</pre>
14
                                         ('classif.knn', k = 9, 1 = 3),
         learner
                     = makeLearner
15
16
          task
                     = makeClassifTask (data = datos, target = 'clase'),
         resampling = makeResampleDesc ("CV", iter = 50),
17
                     = makeFeatSelControlSequential (method = "sbs", maxit = 100L))
18
          control
   # FeatSel result:
19
   # Features (4): age, leptin, bmi, MCP1
20
21
   # mmce.test.mean = 0.1800000
```

Listing 25: Resultados R del filtrado mediante wrappers.

```
fun = @(XT, yT, Xt, yt) \dots
2
                  (sum ((yt - classify (Xt,XT,yT,'quadratic'))~=0));
  fsf = sequentialfs (fun, x, y, 'direction', 'forward', 'cv', 10);
3
  fsb = sequentialfs (fun, x, y, 'direction', 'backward', 'cv', 10);
4
  [fsf' fsb']'
5
6
  ans =
7
          0
               0
                            0
                                         0
                                              -> forward
      1
                        0
                                0
                                     0
8
      1
          1
               1
                        0
                            0
                                1
                                     1
                                         0
                                              -> backward
                   1
```

Listing 26: Resultados Matlab del filtrado mediante wrappers.

4.2.3 PCA

```
from sklearn.preprocessing import StandardScaler
  x_no = StandardScaler ().fit_transform (x_no) # typify
from sklearn.decomposition import PCA

pca = PCA (n_components = 9)
principalComponents = pca.fit_transform(x_no)
evr = pca.explained_variance_ratio_
```

Listing 27: Principal Component Analysis Python.

```
1 [0.29146865 0.18490568 0.14125105 0.11727276 0.08486126 0.07999359
2 0.06636991 0.03254865 0.00132847]
3 [0.29146865 0.47637432 0.61762537 0.73489813 0.81975939 0.89975298
4 0.96612289 0.99867153 1. ]
```

Listing 28: Varianza explicada por componente y suma acumulada Python.

```
pca <- prcomp (datos[,1:9], center = T, scale. = T, rank. = 9)
summary (pca)</pre>
```

Listing 29: Principal Component Analysis R.

```
Importance of components:
                   PC1
                          PC2
                                  PC3
                                        PC4
                                              PC5
                                                     PC6
                                                             PC7
                                                                     PC8
                                                                             PC9
  Std deviation
                   1.7475 1.2393 1.082 1.048 0.8528 0.8144 0.66261 0.53101 0.17555
3
  Propor. of Var. 0.3393 0.1707 0.130 0.122 0.0808 0.0737 0.04878 0.03133 0.00342
4
                   0.3393 0.5100 0.640 0.762 0.8428 0.9165 0.96525 0.99658 1.00000
5
  Cum. Var.
```

Listing 30: Varianza explicada por componente y suma acumulada R.

```
1 x = zscore (x);
2 [coeff, score, latent] = pca (x);
3 pareto (latent)
```

Listing 31: Principal Component Analysis Matlab y pareto.

4.2.4 Pareto

```
ax.bar (range (len (evr)), evr)
ax.set_ylim (top=1)
ax1 = ax.twinx ()
ax1.set_ylim (top=100)
ax1.plot (range (len (evr)), np.cumsum (evr)*100, marker = '.', color = 'red')
fig.suptitle ('Pareto Python', fontsize = 16)
fig.savefig ('../images/pareto.pdf', bbox_inches = 'tight', pad_inches = 0)
```

Listing 32: Código generador del diagrama de Pareto en Python.

```
pdf ("../images/pareto.pdf", width = 7, height = 5.5)
1
   x <- pca[['sdev']]^2</pre>
2
   cx <- cumsum (x)
3
   par (mar = c(3,3,4,3))
4
   pc <- barplot (x, names.arg = dimnames (pca[['rotation']])[[2]],</pre>
5
                   border = NA, axes = F, main = 'Pareto R',
6
7
                   ylim = c(0, 1.05*max(cx, na.rm = T)), col = 'blue4'
8
   lines (pc, cx, type = 'b', pch = 19, col="red")
9
        (col
                 = 'black')
10
   box
   axis (side
                 = 2,
11
                 = c (0, round (x[c (1,2,4,6,8,9)], 1)),
12
          at
                 = 2, cex.axis = 0.8,
13
          las
14
   axis (side
                 = 4,
15
                 = c(0, cx[1:8]),
16
          labels = paste (c (0, round (cx[1:8]/max (cx) * 100)) ,"%",sep=""),
17
                 = 2, cex.axis = 0.8
18
19
   dev.off ()
20
```

Listing 33: Código generador del diagrama de Pareto en R.

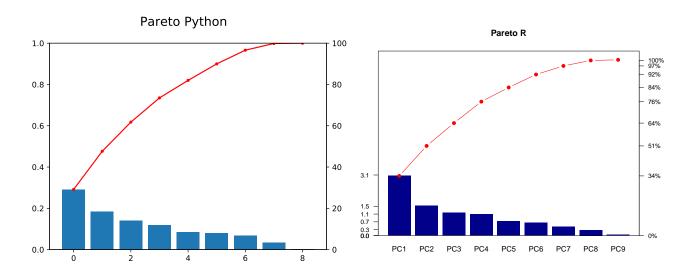


Fig. 19: Diagrama de Pareto en Python y R.

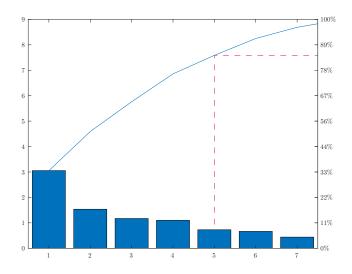


Fig. 20: Diagrama de Pareto en Matlab.

4.2.5 Biplot

Biplot Python

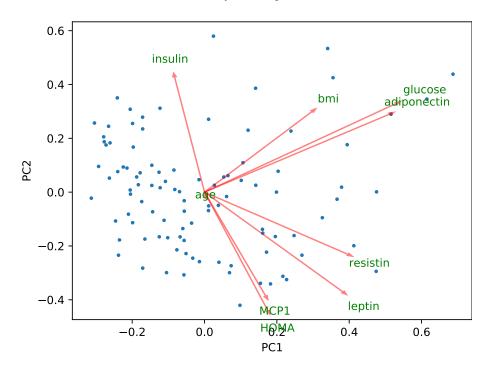


Fig. 21: Biplot Python.

```
def biplot (score,coeff,labels=None):
1
2
       """ from https://ostwalprasad.github.io/machine-learning/PCA-using-python.html"""
       xs = score[:,0]; ys = score[:,1]
3
4
       n = coeff.shape[0]
       scalex = 1.0/(xs.max() - xs.min())
5
6
       scaley = 1.0/(ys.max() - ys.min())
7
       plt.scatter(xs * scalex,ys * scaley,s=5)
       plt.suptitle ('Biplot Python', fontsize = 16)
9
       for i in range(n):
10
           plt.arrow(0, 0, coeff[i,0], coeff[i,1],color='r',alpha=0.5, head_width=0.01)
11
           if labels is None:
                plt.text(coeff[i,0]*~1.15,~coeff[i,1]~*~1.15,~"Var"+str(i+1),~color~=~^{\searrow}
12
                    green', ha = 'center', va = 'center')
           else:
13
14
                plt.text(coeff[i,0]* 1.15, coeff[i,1]* 1.15, labels[i], color = 'g', ha_{st}
                    = 'center', va = 'center')
       plt.xlabel("PC{}".format(1)), plt.ylabel("PC{}".format(2))
15
16
       plt.savefig ('../images/biplotpca.pdf', bbox_inches = 'tight', pad_inches = 0)
   biplot (principalComponents[:,0:2], np.transpose(pca.components_[0:2, :]), labels)
17
```

Listing 34: Código generador del Biplot en Python.

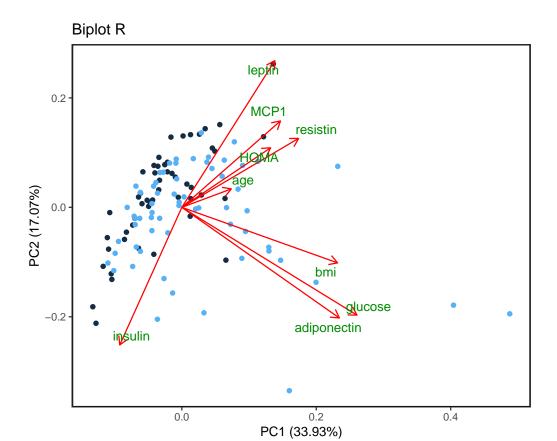


Fig. 22: Biplot R.

```
library (ggfortify)
   pdf ("../images/biplot.pdf", width = 6, height = 5)
2
   autoplot (pca, data = datos, colour = 'clase',
3
4
              loadings = T,
                        = 'Biplot R',
5
              main
              loadings.label
6
              loadings.label.repel = T,
7
              loadings.label.colour = 'green4',
8
9
10
   theme_bw () +
11
   theme (panel.grid.major = element_blank(),
          panel.grid.minor = element_blank(),
12
          panel.background = element_rect(colour = "black", size = 1),
13
          legend.position = 'none'
14
15
```

Listing 35: Código generador del Biplot en R.

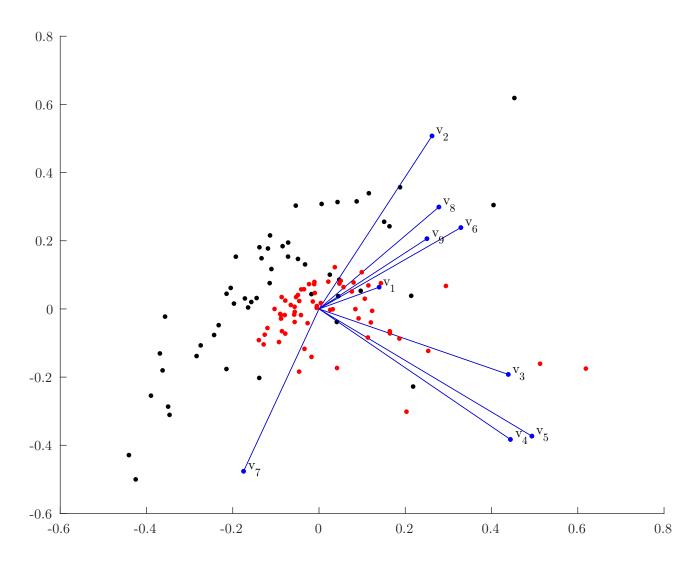


Fig. 23: Biplot Matlab.

```
hold on
biplot (coeff (:,1:2), 'score', score(1:51,1:2), ...

'Color', 'k', 'MarkerSize',10)
biplot (coeff (:,1:2), 'score', score(51:end,1:2), ...
'varlabels', varnames, 'MarkerSize',10)
hold off
```

Listing 36: Código generador del Biplot en Matlab.

5 Modelos de Clasificación

5.1 Clasificación Lineal

```
{	t from sklearn.discriminant\_analysis import LinearDiscriminantAnalysis as LDA}
1
2
3
   lda = LDA ()
   score = cross_val_score (lda, x, y, cv = 10)
4
   print ('Linear puntuación CV media: %.2f std: %.2f'
           %(np.mean (score), np.std (score)))
6
7
   score = cross_val_score (lda, x, y, cv = KFold (n_splits = 10, shuffle = True))
8
   print ('Linear puntuación KF media: %.2f std: %.2f'
9
10
           %(np.mean (score), np.std (score)))
11
   score = cross_val_score (lda, x, y, cv = ShuffleSplit (n_splits = 10))
12
   print ('Linear puntuación SS media: %.2f std: %.2f'
13
           %(np.mean (score), np.std (score)))
14
15
16
   score = cross_val_score (lda, x, y, cv = LeaveOneOut ())
   print ('Linear puntuación LO media: %.2f std: %.2f'
17
           %(np.mean (score), np.std (score)))
18
```

Listing 37: Python validación del modelo lineal.

```
Linear puntuacion CV media: 0.75 std: 0.13
Linear puntuacion KF media: 0.75 std: 0.10
Linear puntuacion SS media: 0.71 std: 0.14
Linear puntuacion LO media: 0.76 std: 0.43
```

Listing 38: Python validación según distintos métodos de partición.

```
# Linear Discriminant Analysis
1
   it <- 1000
2
   ldascores <- rep (NA, times = it)</pre>
3
   p <- 0.7 \# partition
4
   cat ('LDA\n')
5
   pb <- txtProgressBar (min = 0, max = it, initial = 0, char = '|', style = 3)
6
   for (i in 1:it){
7
   train.samples <- createDataPartition (datos$clase, p = p, list = F)
8
                   <- datos[ train.samples,]</pre>
10
   train.data
11
   test.data
                   <- datos[-train.samples,]</pre>
12
   preproc.param <- preProcess (train.data, method = c ("center", "scale"))</pre>
13
14
                   <- predict (preproc.param, train.data)
15
   train.trans
                   <- predict (preproc.param, test.data)
16
   test.trans
17
18
   mdl <- lda (clase~., data = train.trans)</pre>
19
20
   prd <- predict (mdl, test.trans)</pre>
21
   ldascores[i] <- mean (prd$class == test.trans$clase)</pre>
22
23
   setTxtProgressBar (pb, i)
24
   }
```

Listing 39: R análisis lineal discriminante.

```
vars n mean sd median trimmed mad min max range skew
ldascores 1 1000 0.72 0.08 0.73 0.72 0.10 0.47 0.97 0.50 -0.09
```

Listing 40: R puntuación de mil evaluaciones.

```
= length (x);
 2
3
       = 0.3;
   cvp = cvpartition (n, 'HoldOut', p);
 4
   iteraciones = 10000;
 5
   resultados = zeros (iteraciones,1);
6
   for i = 1 : iteraciones
            cvp = cvpartition (n, 'HoldOut', p);
8
            Mdl = fitcdiscr (x (cvp.training), y (cvp.training), ...
9
                    'DiscrimType', 'linear');
            [label, score, cost] = predict (Mdl, x (cvp.test));
           dif = abs (label - y (cvp.test));
12
            errores = sum (dif == 1); aciertos = sum (dif == 0);
13
14
           resultados(i) = (aciertos/(aciertos+errores)) * 100;
16
   [muHat, sigmaHat, muCI, sigmaCI] = normfit (resultados, .01)
17
18
   % % Linear
   % muHat =
19
20
   %
             52.586
21
   % sigmaHat =
             7.5288
22
   %
   % muCI =
23
             52.392
24
   %
25
              52.78
26
   % sigmaCI =
             7.394
   %
27
28
   %
             7.6683
```

Listing 41: Matlab análisis lineal discriminante.

5.2 Clasificación Cuadrática

```
from sklearn.discriminant_analysis import QuadraticDiscriminantAnalysis as QDA
1
2
   qda = QDA ()
3
   score = cross_val_score (qda, x, y, cv = 10)
4
   print ('Quadratic puntuación CV media: %.2f std: %.2f'
5
           %(np.mean (score), np.std (score)))
6
   score = cross_val_score (qda, x, y, cv = KFold (n_splits = 10, shuffle = True))
8
   print ('Quadratic puntuación KF media: %.2f std: %.2f'
9
           %(np.mean (score), np.std (score)))
10
11
12
   score = cross_val_score (qda, x, y, cv = ShuffleSplit (n_splits = 10))
   print ('Quadratic puntuación SS media: %.2f std: %.2f'
13
           %(np.mean (score), np.std (score)))
14
15
   score = cross_val_score (qda, x, y, cv = LeaveOneOut ())
16
   print ('Quadratic puntuación LO media: %.2f std: %.2f'
17
18
           %(np.mean (score), np.std (score)))
```

Listing 42: Python validación del modelo cuadrático.

```
Quadratic puntuacion CV media: 0.66 std: 0.19
Quadratic puntuacion KF media: 0.76 std: 0.09
Quadratic puntuacion SS media: 0.76 std: 0.14
Quadratic puntuacion LO media: 0.73 std: 0.44
```

Listing 43: Python validación según distintos métodos de partición.

```
qdascores <- rep (NA, times = it)
1
   cat ('\nQDA\n')
2
   pb <- txtProgressBar (min = 0, max = it, initial = 0, char = '|', style = 3)
3
   for (i in 1:it){
4
   train.samples <- createDataPartition (datos$clase, p = p, list = F)</pre>
5
6
7
   train.data
                   <- datos[ train.samples,]</pre>
                   <- datos[-train.samples,]</pre>
8
    test.data
9
   preproc.param <- preProcess (train.data, method = c ("center", "scale"))</pre>
10
11
                   <- predict (preproc.param, train.data)
12
   train.trans
13
    test.trans
                   <- predict (preproc.param, test.data)
14
   mdl <- qda (clase~., data = train.trans)</pre>
15
16
   prd <- predict (mdl, test.trans)</pre>
17
18
19
   qdascores[i] <- mean (prd$class == test.trans$clase)</pre>
20
   setTxtProgressBar (pb, i)
21
   }
```

Listing 44: R análisis cuadrático discriminante.

```
    vars
    n mean
    sd median trimmed
    mad
    min
    max
    range
    skew

    qdascores
    2 1000
    0.69
    0.07
    0.70
    0.69
    0.10
    0.43
    0.87
    0.43
    -0.17
```

Listing 45: R puntuación de mil evaluaciones.

```
= length (x);
 2
   n
     = 0.3;
3
   cvp = cvpartition (n, 'HoldOut', p);
4
   iteraciones = 10000;
5
   resultados = zeros (iteraciones,1);
6
   for i = 1 : iteraciones
           cvp = cvpartition (n, 'HoldOut', p);
8
           Mdl = fitcdiscr (x (cvp.training), y (cvp.training), ...
9
                    'DiscrimType', 'quadratic');
            [label, score, cost] = predict (Mdl, x (cvp.test));
           dif = abs (label - y (cvp.test));
12
           errores = sum (dif == 1); aciertos = sum (dif == 0);
13
14
           resultados(i) = (aciertos/(aciertos+errores)) * 100;
16
   [muHat, sigmaHat, muCI, sigmaCI] = normfit (resultados, .01)
17
18
   % % Quadratic
   % muHat =
19
20
   %
            62.252
21
   % sigmaHat =
            8.3548
22
   % muCI =
23
            62.037 62.468
24
25
   % sigmaCI =
            8.2051 8.5096
26
   %
```

Listing 46: Matlab análisis lineal discriminante.

5.3 Clasificación KNN

```
from sklearn.neighbors import KNeighborsClassifier
1
2
   knn = KNeighborsClassifier (n_neighbors = 9)
3
   score = cross_val_score (knn, x, y, cv = 10)
4
   print ('KNN puntuación CV media: %.2f std: %.2f'
5
6
           %(np.mean (score), np.std (score)))
   score = cross_val_score (knn, x, y, cv = KFold (n_splits = 10, shuffle = True))
8
   print ('KNN puntuación KF media: %.2f std: %.2f'
9
           %(np.mean (score), np.std (score)))
10
11
12
   score = cross_val_score (knn, x, y, cv = ShuffleSplit (n_splits = 10))
   print ('KNN puntuación SS media: %.2f std: %.2f'
13
           %(np.mean (score), np.std (score)))
14
15
   score = cross_val_score (knn, x, y, cv = LeaveOneOut ())
16
   print ('KNN puntuación LO media: %.2f std: %.2f'
17
18
           %(np.mean (score), np.std (score)))
```

Listing 47: Python validación del modelo KNN.

```
KNN puntuacion CV media: 0.47 std: 0.12

KNN puntuacion KF media: 0.47 std: 0.15

KNN puntuacion SS media: 0.47 std: 0.13

KNN puntuacion LO media: 0.43 std: 0.50
```

Listing 48: Python validación según distintos métodos de partición.

```
knnscores <- rep (NA, times = it)
1
2
   library (class)
   cat ('\nKNN\n')
3
   pb <- txtProgressBar (min = 0, max = it, initial = 0, char = '|', style = 3)
4
   for (i in 1:it){
5
   train.samples <- createDataPartition (datos$clase, p = p, list = F)</pre>
6
7
8
                   <- datos[ train.samples,]</pre>
   train.data
9
   test.data
                   <- datos[-train.samples,]</pre>
10
11
   preproc.param <- preProcess (train.data, method = c ("center", "scale"))</pre>
12
                   <- predict (preproc.param, train.data)
13
   train.trans
                   <- predict (preproc.param, test.data)
14
   test.trans
15
   prd <- knn (train = train.trans[1:9],</pre>
16
17
                       = train.trans$clase,
18
                 test
                       = test.trans[1:9],
                       = 1)
19
20
   knnscores[i] <- mean (prd == test.trans$clase)</pre>
21
22
23
   setTxtProgressBar (pb, i)
24
   }
```

Listing 49: R K nearest neighbours.

```
    vars
    n mean
    sd median trimmed
    mad
    min
    max
    range
    skew

    knnscores
    3 1000
    0.66
    0.07
    0.66
    0.05
    0.43
    0.90
    0.47
    -0.07
```

Listing 50: R puntuación de mil evaluaciones.

```
= length (x);
 1
   p = 0.3;
 2
   cvp = cvpartition (n, 'HoldOut', p);
   iteraciones = 10000;
4
   resultados = zeros (iteraciones,1);
5
   for i = 1 : iteraciones
6
           cvp = cvpartition (n, 'HoldOut', p);
           Mdl = fitcknn (x (cvp.training), y (cvp.training), ...
8
                    'NumNeighbors', 1);
9
           [label, score, cost] = predict (Mdl, x (cvp.test));
10
           dif = abs (label - y (cvp.test));
11
           errores = sum (dif == 1); aciertos = sum (dif == 0);
12
           resultados(i) = (aciertos/(aciertos+errores)) * 100;
13
14
   [muHat,sigmaHat,muCI,sigmaCI] = normfit (resultados,.01)
16
17
   % k = 1
18
   % muHat =
            53.105
19
20
   % sigmaHat =
21
            7.1829
   % muCI =
22
   %
             52.92
23
             53.29
24
   %
25
   % sigmaCI =
            7.0543
26
   %
             7.316
27
   %
```

Listing 51: Matlab KNN.

6 Postámbulo

6.1 Comparación LDA, QDA, KNN R.

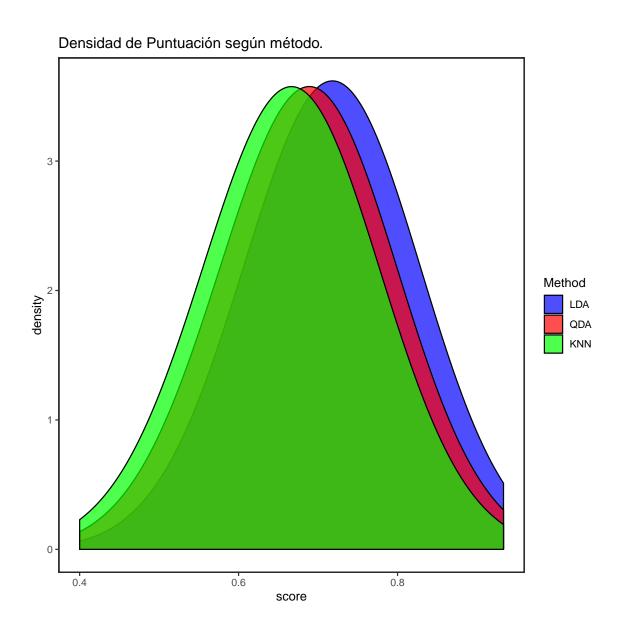


Fig. 24: Comparación de mil evaluaciones de cada uno de los métodos de clasificación en R.

6.2 Puntuación knn vs. número de vecinos.

Puntuación vs. Vecinos

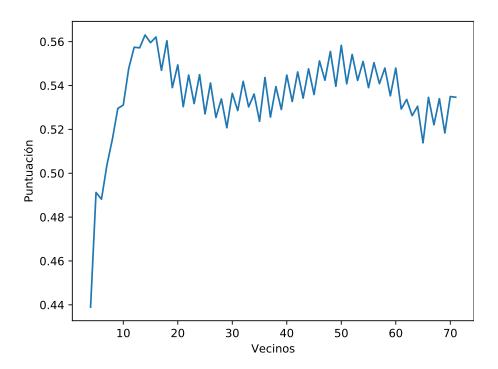


Fig. 25: Rendimineto decreciente según aumenta el número de vecinos.

```
score = [None]*(vecinos)
1
2
   for i in range (2, vecinos):
       print ('n_neighbors = \%i'\% (i), end = '\r')
3
4
       iteraciones = 1000
       error = [None]*iteraciones
5
       for j in range (0, iteraciones):
6
           X_train, X_test, y_train, y_test = train_test_split (x, y, test_size = 0.3)
7
           knn = KNeighborsClassifier (n_neighbors = i, n_jobs = -1)
8
9
           knn.fit (X_train, y_train)
           error[j] = np.sum (abs (knn.predict (X_test) - y_test))/ len (y_test)
10
11
       score[i] = np.mean (error)
12
   plt.plot (range (2, vecinos+2), score)
13
14
   plt.suptitle ('Puntuación vs. Vecinos', fontsize = 10)
15
   plt.suptitle ('puntuación vs. vecinos', fontsize = 10)
16
   plt.xlabel ('vecinos')
17
   plt.ylabel ('puntuación')
18
19
   plt.show ()
```

Listing 52: Evolución de puntuación según número de vecinos.

6.3 Benchmarking

```
benchmark (
2
    '1 load'= {
            datos <- read.table ('../../data.csv', sep = ',', header = T)</pre>
3
            datos <- na.omit (datos)
4
            datos <- filter_all (datos, all_vars (. <= quantile (., 0.99, na.rm = T)))</pre>
5
            p < -0.7
6
7
   },
8
    '2 part'= {
            train.samples \leftarrow createDataPartition (datos$clase, p = p, list = F)
9
            train.data
                            <- datos[ train.samples,]</pre>
10
                            <- datos[-train.samples,]</pre>
11
            test.data
            preproc.param <- preProcess (train.data, method = c ("center", "scale"))</pre>
12
                            <- predict (preproc.param, train.data)
13
            train.trans
14
            test.trans
                            <- predict (preproc.param, test.data)
15
   },
    '3 1da' = {
16
            mdl <- lda (clase~., data = train.trans)</pre>
17
18
            prd <- predict (mdl, test.trans)</pre>
19
            mean (prd$class == test.trans$clase)
20
   },
    '4 qda' = {
21
            mdl <- qda (clase~., data = train.trans)</pre>
22
            prd <- predict (mdl, test.trans)</pre>
            mean (prd$class == test.trans$clase)
24
25
    5 \text{ knn} = \{
26
27
            prd <- knn (train = train.trans[1:9],</pre>
28
                                 = train.trans$clase,
                                = test.trans[1:9],
29
                          test
30
                                 = 1
31
32
            mean (prd == test.trans$clase)
33
   },
   replications = 1000,
34
    columns = c ("test", "replications", "elapsed",
35
                 "relative", "user.self", "sys.self")
36
37
```

Listing 53: Código R para evaluar el tiempo de ejecucción.

```
import pytest
1
2
   # Absolute times
3
   @measure
4
   def loa ():
5
6
        global x_no, y_no
        from preprocessing import x_no, y_no
8
9
   @measure
10
   def par ():
        global X_train, X_test, y_train, y_test
11
12
        X_train, X_test, y_train, y_test = train_test_split (x_no, y_no)
13
   @measure
14
   def lda ():
15
        lda = LDA ()
16
       lda.fit (X_train, y_train)
17
18
        error = np.sum (abs (lda.predict (X_test) - y_test)) / len (y_test)
19
   @measure
20
21
   def qda ():
22
        qda = QDA ()
23
        qda.fit (X_train, y_train)
        error = np.sum (abs (qda.predict (X_test) - y_test)) / len (y_test)
24
25
   @measure
26
27
   def knn ():
       knn = KNeighborsClassifier (n_neighbors = 1)
28
29
        knn.fit (X_train, y_train)
        error = np.sum (abs (knn.predict (X_test) - y_test)) / len (y_test)
30
31
32
   loa (), par (), lda (), qda (), lda ()
   compare (lda, qda, 1000)
33
   compare (qda, knn, 1000)
34
   compare (lda, knn, 1000)
35
```

Listing 54: Código Python para evaluar el tiempo de ejecucción.

```
test replications elapsed relative user.self sys.self
1
2
      1 load
                     1000
                             4.803
                                       8.486
                                                   4.712
                                                             0.090
  1
                     1000
                            13.267
                                      23.440
                                                  13.201
                                                             0.061
3
  2
     2 part
  3
      3 lda
                     1000
                             3.359
                                       5.935
                                                   3.346
                                                             0.013
4
                             3.480
                                       6.148
                                                   3.455
                                                             0.025
5
  4
      4 qda
                     1000
6
                                                             0.004
  5
      5 knn
                      1000
                             0.566
                                       1.000
                                                   0.562
```

Listing 55: Tiempo de ejecución en R.

```
1 'loa' ((), {}) 0.00376701354980468750 sec
2 'par' ((), {}) 0.00057792663574218750 sec
3 'lda' ((), {}) 0.00213122367858886719 sec
4 'qda' ((), {}) 0.00131011009216308594 sec
5 'lda' ((), {}) 0.00145196914672851562 sec
6 Result: qda is 1.516303298299778 times faster than lda
7 Result: qda is 2.87883278273268 times faster than knn
8 Result: lda is 1.918905609112522 times faster than knn
```

Listing 56: Tiempo de ejecución en Python.

```
OS: macOS Sierra 10.12.6 16G1618 x86_64
1
   Host: iMac12,2
2
   Kernel: 16.7.0
3
   Uptime: 4d 23h
4
   Packages: 292 (port), 233 (brew)
5
   Shell: zsh 5.2
6
   Resolution: 2560x1440
7
   DE: Aqua
8
9
   WM: Kwm
   Terminal: kitty
10
11
   CPU: Intel i5-2500S (4) @ 2.70GHz
   GPU: AMD Radeon HD 6770M
12
   Memory: 7027MiB / 12288MiB
13
   Disk (/): 806G / 931G (87%)
14
```

Listing 57: Características de la máquina usada.

```
tic
   load('Data.mat');
   dataR2mat = dataR2mat(~any(ismissing(dataR2),2),:);
   dataR2mat=dataR2mat(~any(isoutlier(dataR2mat(:,1:end-1)),2),:);
 4
   datos = dataR2mat(:,1:end-1);
 5
   clasificacion = dataR2mat(:,end);
 6
   toc
   loa = toc;
8
9
   tic
   n = length(datos);
12
   p = 0.3;
   cvp = cvpartition(n,'HoldOut',p);
13
14
   tr_datos = datos(cvp.training);
   te_datos = datos(cvp.test);
   tr_class = clasificacion(cvp.training);
16
17
   te_class = clasificacion(cvp.test);
   toc
18
   par = toc;
19
20
21
   tic
   Mdl = fitcdiscr(tr_datos,tr_class, ...
22
       'DiscrimType','linear');
23
   tr_predict = predict(Mdl,tr_datos);
24
25
   te_predict = predict(Mdl,te_datos);
26
   toc
   lda = toc;
27
28
29
   tic
30
   Mdq = fitcdiscr(tr_datos,tr_class, ...
       'DiscrimType', 'quadratic');
   tr_predict = predict(Mdq,tr_datos);
33
   te_predict = predict(Mdq,te_datos);
   toc
34
   qda = toc;
36
```

```
tic
k = 1; %1, 45, r = sqrt(n)

Mdk = fitcknn(tr_datos,tr_class, ...

'NumNeighbors',k);

tr_predict = predict(Mdk,tr_datos);

te_predict = predict(Mdk,te_datos);

toc
knn = toc;
```

Listing 58: Código Matlab para medir los tiempos.

6.4 Curva ROC

Curva ROC R

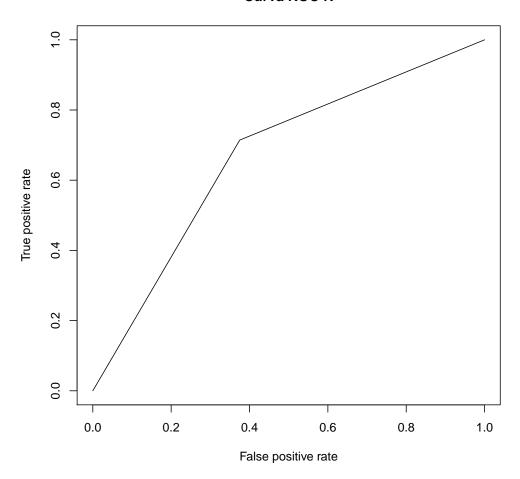


Fig. 26: ROC R.

```
suppressPackageStartupMessages (library (ROCR))
1
2
   pred <- prediction (as.numeric (prd$class), as.numeric (test.trans$clase))</pre>
   rocs <- performance (pred, "tpr", "fpr")</pre>
3
4
   pdf ("../images/roc.pdf")
5
   plot(rocs)
6
7
   title ('Curva ROC R')
   dev.off ()
8
9
10
   auc_ROCR <- performance(pred, measure = "auc")</pre>
   auc_ROCR@y.values[[1]]
11
12
   suppressPackageStartupMessages (library (SDMTools))
13
   mat <- confusion.matrix(as.numeric (prd\$class) - 1 , as.numeric (test.trans\$clase) -\searrow
        1, threshold=0.5)
```

Listing 59: Código R para generar la curva ROC y la AUC.

```
for i=1:p
   k = 1; \%1, 45, r = sqrt(n)
   Mdk = fitcknn(datos(cvp.training(i)), clasificacion(cvp.training(i)), ...
3
       'NumNeighbors',k);
4
   [labelK,score,cost] = predict(Mdk,datos(cvp.test(i)));
5
   dif = abs(labelK-clasificacion(cvp.test(i)));
6
   errores = sum(dif==1); % si la diferencia es de 1 nos hemos equivocado
   aciertos = sum(dif==0); % si la diferencia es de O hemos acertado
8
   PaciertosK = (aciertos/(aciertos+errores))*100;
9
   Paciertos = [Paciertos PaciertosK];
   [FP, VP] = perfcurve(labelK, clasificacion(cvp.test(i)), '1');
12
13
   FP_matrix = [FP_matrix FP];
   VP_matrix = [VP_matrix VP];
14
   FP_media = mean(FP_matrix,2);
16
   VP_media = mean(VP_matrix,2);
17
   [media_K, desviacion_K] = normfit(Paciertos);
18
19
20
   % METRICAS DE ERROR
21
   % Curva ROC
22
23
   figure;
   plot(FP_media, VP_media), xlabel('Ratio Falso Positivo'), ylabel('Ratio \
24
      Verdadero Positivo'), title('Curva ROC')
25
   % Hacemos la matriz de confusion
26
   C_K=confusionmat(clasificacion(cvp.test(1)),labelK);
   %figure(2);confusionchart(C_K);title('Matriz de confusion KFold');
28
29
   %cp_K = classperf(labelL,clasificacion(cvp.test(1)));
```

Listing 60: Código Matlab para generar la curva ROC y la AUC.

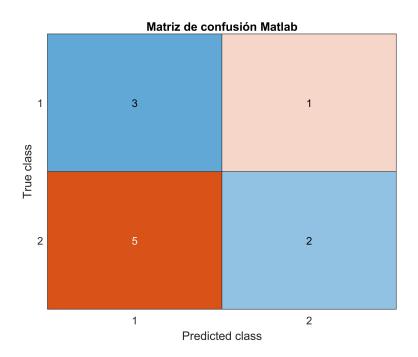


Fig. 27: Confusion matrix Matlab.

```
'''METRICAS DE ERROR'''
1
2
   # Error cuadratico medio
   mse = mean_squared_error(knn_predictions, te_class)
3
4
   # CURVA ROC
5
6
   fpr,tpr,tresholds = roc_curve(te_class, knn_predictions, pos_label=1)
7
   plt.plot(fpr,tpr)
   plt.xlabel('Ratio de falsos positivos')
   plt.ylabel('Ratio de falsos negativos')
9
   plt.show()
10
11
   # MATRIZ DE CONFUSION
12
   matriz = cm(te_class,knn_predictions)
13
   VN,FP,FN,VP = cm(te_class,knn_predictions).ravel()
14
```

Listing 61: Código Python para generar la curva ROC y la AUC.

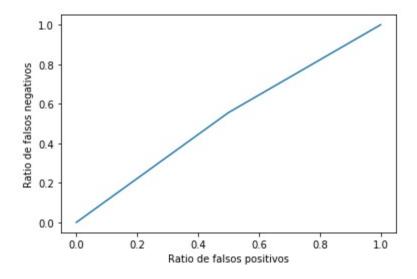


Fig. 28: ROC Python.

7 Discusión

A rasgos generales, las principales diferencias entre estos lenguajes son: En cuanto al tipo de software, Matlab es de pago; en cambio, Python y R son libres. Esto es un factor decisivo en la decisión de qué lenguaje utilizar. Matlab y R tienen muchas funciones integradas; mientras que en Python se han de programar o buscar bibliografía en blogs. En Python y R es necesario descargar las librerías a emplear antes de implementar funciones. Por último, para cada uno de los lenguajes podemos encontrar muchas de las funciones en sus respectivas páginas oficiales: MathWorks, Scikit-Learn y R Documentation.

7.1 Análisis exploratorio

A la hora de cargar los datos, podemos observar que con Matlab se pueden cargar directamente a través de un archivo '-.xlsx' mientras que con Python y R necesitamos un archivo "-.csv". En cuanto al histograma, la extensión del código es menor en Matlab, luego en R y por último en Python. Respecto a los resultados, no se aprecian diferencias entre los distintos lenguajes. Lo mismo ocurre con el kernel density, con boxplot y qqplot. Sin embargo, en Matlab, para la representación del boxplot y el qqplot, separemos las clases, tal y como se muestra en las figuras 9, 12 y 13. Las matrices de correlación en Python no presentan datos numéricos, únicamente representación gráfica. En R, los datos numéricos se representan en una matriz a parte, teniendo como resultado de la matriz de correlación dos gráficas, una de visualización y otra de datos numéricos. En Matlab, ambas gráficas se ven representadas en una sola figura. Los resultados son aproximadamente iguales.

7.2 Extracción de características

Para la extracción de características a partir de los métodos filters (Fscore y Relieff), hemos utilizado funciones integradas en todos los lenguajes, obteniendo como resultado para cada uno un ranking distinto. En cuanto a los métodos Wrappers, en R y en Python obtenemos como resultado directamente las características relevantes. No obstante, en Matlab la función devuelve un vector de booleanos marcadas como 'True' las características

más representativas. Cabe destacar, que en R es muy sencillo cambiar de método modificando los parámetros de la función y obtenemos una respuesta visualmente más atractiva. Respecto al Análisis de las Componentes Principales, destacar que en Python y en R directamente la función te devuelve la varianza explicada por cada componente y la suma acumulada de dichas varianzas. Mientras que en Matlab realizamos la gráfica pareto para obtener la suma acumulada. En R y Python es necesario desarrollar un código para implementar la gráfica pareto. De la misma forma, ha sido necesario desarrollar un código para implementar la función biplot en Python, a diferencia de R, donde existe una función dentro de la cuál podemos seleccionar como parámetro 'biplot' y Matlab, donde hay una función directa para ello.

7.3 Modelos de clasificación

Analizando los modelos de clasificación en Python, concluimos que la validación cruzada óptima es la que utiliza el método KFold con una media de 0.75 y una desviación típica de 0.10. Aunque a priori con el método LeaveOneOut se obtenga una media del score mayor (0.76), su desviación típica es demasiado elevada. En R se hace una partición del 30iteraciones, sacando la media de porcentaje de aciertos y la desviación típica del método.

En Matlab lo hacemos de la misma forma que en R, pero mediante el método HoldOut. Obteniendo como resultado la media, desviación típica, y los intervalos de confianza para la media y la desviación típica. Además de HoldOut en Matlab también conseguimos realizar particiones mediante los métodos LeaveOneOut y KFold cambiando el método en la función cypartition. Cabe destacar que Matlab tiene optimización de hiperparámetros para mejorar los resultados de entrenamiento en función de los datos de entrada. Se ha realizado un gráfico en R para demostrar qué método es más eficiente en el entrenamiento de nuestros datos, tal y como muestra la figura 24.

7.4 Métrica de error

Hemos seleccionado como métrica de error el área bajo la curva ROC y la matriz de confusión, ya que en la bibliografía consultada se consideraban las más relevantes. Los resultados obtenidos para la curva ROC son muy similares tanto para Python como para Matlab y se hacen de forma directa con funciones diseñadas. En el caso de R el resultado es ligeramente distinto, dado que para poder calcular la curva ROC te sirves de dos funciones diferentes. La matriz de confusión para los tres lenguajes se implementan directamente con una sola función.

7.5 Tiempos

Hemos diseñado unas funciones simples del código analizado que nos permiten medir el tiempo que tarda en ejecutarse cada uno de los lenguajes. Los resultados obtenidos tras esta medición nos indican que el lenguaje de programación más rápido es R.

8 Conclusiones

A la hora de realizar este trabajo, R ha sido el lenguaje más fácil de implementar y entender, y con el que conseguimos analizar de manera más visual los resultados. La herramienta 'caret' muestra todas las posibilidades de cálculo en la discriminación de variables así como de entrenamiento y validación de modelos predictivos. De la misma forma encontramos la aplicación en Matlab llamada 'Classification Learner', pero esta actúa como una caja negra, mostrando los resultados pero no el proceso realizado en su obtención. A continuación se adjunta una tabla comparativa de los tres lenguajes, considerando distintos criterios en la decisión del lenguaje más óptimo.

	Matlab	Python	R
Tipo de	De pago	Libre	Libre
Software			
Simpleza	El más simple, no necesita	Mayor complejidad.	Muy intuitivo, necesita importar
de código	librerías.		librerías.
Funciones	Muchas	Muy pocas	Algunas
Integradas			
Paquete	Animaciones y figuras	Alto grado de	ggplot2 automatiza los gráficos
Gráfico	interactivas.	personalización manual.	comunes.
Resultados	Comentado en discusión.	Comentado en discusión.	Comentado en discusión
Rapidez	Al tener siempre todas sus	Ligeramente más lento	Hay librerías que fácilmente
$\mathbf{d}\mathbf{e}$	librerías cargadas, tarda más	que R. Al estar	permiten paralelizar el
ejecución	en cargar. Puede hacer uso	implementadas sus	procesamiento de algunas
	de la GPU.	funciones en C, su	funciones (*apply).
		velocidad es suficiente.	
Aprendizaje	e Es fácil de aprender porque	Te presta la facilidad de	Igual que Python.
	hay muchas funciones	hacer la función y	
	específicas e interfaces	entenderla tu mismo, así	
	gráficas.	como implementar	
		funciones ya integradas.	
Comprensión Como todo el código está			
asignatura	oculto 'BlackBox' no se llega	crear el código, hace que	resultados que has obtenido,
	a entender la base	no se preste tanta	dado que implementar las
	matemática.	atención al análisis de	funciones es relativamente
		los resultados.	sencillo.
Busqueda	Tiene buena documentación	Tiene documentación	Tiene buena documentación y
Bibliográfia	por parte de MathWorks,	aportada por la propia	existe mucha literatura
	pero tiene menos recursos	organización Python y	especializada sobre temas
	hechos por otros (blogs,	además la presencia en	técnicos en profundidad
	artículos, libros, vídeos)	las redes es mayor.	(Machine Learnig, Artificial
	,	60	inteligence).
			<i>G</i> ,

9 Bibliografia

pdf

```
https://poliformat.upv.es/access/content/group/GRA_13068_2019/SIT1-Tema3-3.pdf
           https://poliformat.upv.es/access/content/group/GRA_13068_2019/SIT1-Tema3-4.pdf
           https://poliformat.upv.es/access/content/group/GRA_13068_2019/SIT1-Tema3-5.pdf
          https://poliformat.upv.es/access/content/group/GRA_13068_2019/SIT1-Tema3-6.pdf
           https://poliformat.upv.es/access/content/group/GRA_13068_2019/SIT1.Tema-3.3%20Ejercicio/An%C3\
                       \%Allisis\%20Exploratorio\%20de\%20Datos\%20-\%20Ejercicio.pdf
           https://poliformat.upv.es/access/content/group/GRA_13068_2019/SIT1.Tema-3.4%20Ejercicio/
                        \texttt{Extraccio\%CC\%81n\%20de\%20caracteri\%CC\%81sticas\%20-\%20Ejercicio\%20datos\%20cancer.pdf}
           SIT1-Tema3-5%20 Ejercicio.pdf
           https://poliformat.upv.es/portal/site/GRA_13068_2019/tool/
                       efb1c99d-9273-4c02-9e25-bf80d8501e72?panel=Main
  9
           https://stackoverflow.com/questions/40527442/
                        r-mlr-wrapper-feature-selection-hyperparameter-tuning-without-nested-nested
           http://topepo.github.io/caret/train-models-by-tag.html#roc-curves
10
           https://www.analyticsvidhya.com/blog/2018/05/
11
                       improve-model-performance-cross-validation-in-python-r/
           http://www.\,sthda.\,com/\,english/\,articles/38-regression-model-validation/157-\searrow articles/38-regression-model-validation/157-> articles/38-regression-model-validation-model-validation-model-validation-model-validation-model-validation-model-validation-
12
                        cross-validation-essentials-in-r/
           https://\,scikit-learn\,.\,org/\,stable/\,modules/\,generated/\,sklearn\,.\,metrics\,.\,roc\_curve\,.\,html?\,highlight=_{\searrow}
13
           https://rviews.rstudio.com/2019/03/01/some-r-packages-for-roc-curves/
14
           http://topepo.github.io/caret/train-models-by-tag.html#roc-curves
15
           https://medium.com/datadriveninvestor/computing-an-roc-graph-with-python-a3aa20b9a3fb
           http://sitiobigdata.com/2019/01/19/machine-learning-metrica-clasificacion-parte-3/#
17
           https://stats.stackexchange.com/questions/306326/
                       how-to-make-a-2-level-factor-as-my-outcome-column
           https://quantdev.ssri.psu.edu/tutorials/cross-validation-tutorial
19
           https://medium.com/@yashdagli98/\
20
                        feature-selection-using-relief-algorithms-with-python-example-3c2006e18f83
21
           https://machinelearningmastery.com/
                        how-to-estimate-model-accuracy-in-r-using-the-caret-package/
           https://www.uv.es/conesa/CursoR/material/handout-sesion2.pdf
22
           https://mauricioanderson.com/curso-r-estructuras-control/
23
           https://www.rdocumentation.org/packages/dismo/versions/1.1-4/topics/kfold
24
           https://www.\,rdocumentation.\,org/packages/sperrorest/versions/0.2-1/topics/partition.cv.\,straterior. The property of the pro
25
           https://www.rdocumentation.org/packages/DMwR/versions/0.4.1/topics/kNN
26
           https://rpubs.com/Joaquin_AR/250069
27
           https://medium.com/datos-y-ciencia/introducci%C3%B3n-a-los-modelos-de-regresi%C3%\square
28
                       B3n-en-r-6ef5a4c47a8f
           https://www.machinelearningplus.com/machine-learning/caret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package/#31\squaret-package
29
                        howtosplitthedatasetintotrainingandvalidation
           https://rpubs.com/joser/caret
30
           http://www.eio.uva.es/~valentin/ad3d/anadat/np/discrim/craneosTibet/craneosTibet_practicas-r.
```

```
https://www.r-bloggers.com/computing-and-visualizing-lda-in-r/
32
33
        http://www.eio.uva.es/~valentin/ad3d/anadat/np/discrim/craneosTibet/craneosTibet_practicas-r.
                  pdf
        https://rpubs.com/Joaquin_AR/233932
34
        https://cran.r-project.org/web/packages/calibrate/vignettes/CalibrationGuide.pdf
35
        https://unalyticsteam.github.io/unalytics.github.io/R/Analitica%20de%20datos/02/Reescalar,
36
                  _normalizar__y_variables_indicadoras.html
        https://rpubs.com/Cristina_Gil/PCA
37
        http://www.sthda.com/english/articles/31-principal-component-methods-in-r-practical-guide
38
                  /118-principal-component-analysis-in-r-prcomp-vs-princomp/
        https://www.datacamp.com/community/tutorials/pca-analysis-r
39
        https://stats.stackexchange.com/questions/347652/default-stepaic-in-r
40
         https://www.rdocumentation.org/packages/cate/versions/1.1/topics/wrapper
41
        \tt https://stat.ethz.ch/R-manual/R-patched/library/MASS/html/stepAIC.html
42
        https://stackoverflow.com/questions/36746575/
43
                  how-to-use-wrapper-feature-selection-algorithms-in-r\\
        http://\,dspace.umh.\,es/bitstream/11000/4536/1/TD\%20\%C3\%9Abeda\%20Gonz\%C3\%A1lez\%20\%20David.\,pdf
44
        https://stackoverflow.com/questions/46856834/relief-algorithm-in-r
45
        https://www.rdocumentation.org/packages/CORElearn/versions/1.53.1/topics/attrEval
46
        https://www.rdocumentation.org/packages/dprep/versions/3.0.2/topics/relief
47
        https://www.\,rdocumentation.\,org/packages/FSelector/versions/0.31/topics/relief
48
49
        https://scikit-learn.org/stable/modules/generated/sklearn.model_selection.cross_validate.html
        https://www.\,aprendemachinelearning.com/clasificar-con-k-nearest-neighbor-ejemplo-en-python/clasificar-con-k-nearest-neighbor-ejemplo-en-python/clasificar-con-k-nearest-neighbor-ejemplo-en-python/clasificar-con-k-nearest-neighbor-ejemplo-en-python/clasificar-con-k-nearest-neighbor-ejemplo-en-python/clasificar-con-k-nearest-neighbor-ejemplo-en-python/clasificar-con-k-nearest-neighbor-ejemplo-en-python/clasificar-con-k-nearest-neighbor-ejemplo-en-python/clasificar-con-k-nearest-neighbor-ejemplo-en-python/clasificar-con-k-nearest-neighbor-ejemplo-en-python/clasificar-con-k-nearest-neighbor-ejemplo-en-python/clasificar-con-k-nearest-neighbor-ejemplo-en-python/clasificar-con-k-nearest-neighbor-ejemplo-en-python/clasificar-con-k-nearest-neighbor-ejemplo-en-python/clasificar-con-k-nearest-neighbor-ejemplo-en-python/clasificar-con-k-nearest-neighbor-ejemplo-en-python/clasificar-con-k-nearest-neighbor-ejemplo-en-python/clasificar-con-k-nearest-neighbor-ejemplo-en-python/clasificar-con-k-nearest-neighbor-ejemplo-en-python/clasificar-con-k-nearest-neighbor-ejemplo-en-python/clasificar-con-k-nearest-neighbor-ejemplo-en-python/clasificar-con-k-nearest-neighbor-ejemplo-en-python/clasificar-con-k-nearest-neighbor-ejemplo-en-python/clasificar-con-k-nearest-neighbor-ejemplo-en-python/clasificar-con-k-nearest-neighbor-ejemplo-en-python/clasificar-con-k-nearest-neighbor-ejemplo-en-python-con-k-nearest-neighbor-ejemplo-en-python-con-k-nearest-neighbor-ejemplo-en-python-con-k-nearest-neighbor-ejemplo-en-python-con-k-nearest-neighbor-ejemplo-en-python-con-k-nearest-neighbor-ejemplo-en-python-con-k-nearest-neighbor-ejemplo-en-python-con-k-nearest-neighbor-ejemplo-en-python-con-k-nearest-neighbor-ejemplo-en-python-con-k-nearest-neighbor-ejemplo-en-python-con-k-nearest-neighbor-ejemplo-en-python-con-k-nearest-neighbor-ejemplo-en-python-con-k-nearest-neighbor-ejemplo-en-python-con-k-nearest-neighbor-ejemplo-en-python-con-k-nearest-neighbor-ejemplo-en-python-con-k-nearest-neighbor-ejemplo-en-python-con-k-nearest-neighbor-ejemplo-en-pyt
50
        https://unipython.com/machine-learning-nearest-neighbors-regression/
51
        https://scikit-learn.org/stable/modules/generated/sklearn.discriminant_analysis.
52
                  Linear Discriminant Analysis. html
         https://docs.microsoft.com/es-es/sql/advanced-analytics/tutorials/
                  python-ski-rental-linear-regression-train-model?view=sql-server-ver 15
        https://stackoverflow.com/questions/3674409/
54
                  how-to-split-partition-a-dataset-into-training-and-test-datasets-for-e-g-crossing and test-datasets-for-e-g-crossing an
        https://stats.stackexchange.com/questions/253509/linear-discriminant-analysis-biplot
55
        https://stackabuse.com/implementing-lda-in-python-with-scikit-learn/
56
        https://scikit-learn.org/0.16/modules/generated/sklearn.lda.LDA.html
57
        https://towardsdatascience.com/
58
                  \verb|end-to-end-topic-modeling-in-python-latent-dirichlet-allocation-lda-35ce4ed6b3e0||
        https://www.aprendemachinelearning.com/comprende-principal-component-analysis/
59
        \tt https://sukhbinder.wordpress.com/2015/08/05/biplot-with-python/
60
        https://github.com/teddyroland/python-biplot/blob/master/biplot.py
61
        https://github.com/jundongl/scikit-feature
62
        https://scikit-learn.org/stable/modules/generated/sklearn.feature_selection.RFE.html
63
        https://scikit-learn.org/stable/modules/generated/sklearn.feature_selection.SelectKBest.html
        65
```

py#L1321