

TP de Especificación

26 de agosto de 2020

Algoritmos y Estructuras de Datos I

Grupo: Nos cambiaron el nombre 2;

| Integrante | LU | Correo electrónico |
|-----------------------------|--------|---------------------------|
| Castro Russo, Matias Nahuel | 203/19 | castronahuel14@gmail.com |
| Torsello, Juan Manuel | 248/19 | juantorsello@gmail.com |
| Capelo, Gianluca | 83/19 | gianluca.capelo@gmail.com |
| Yazlle, Máximo | 310/19 | myazlle99@gmail.com |



Facultad de Ciencias Exactas y Naturales

Universidad de Buenos Aires

Ciudad Universitaria - (Pabellón I/Planta Baja) Intendente Güiraldes 2610 - C1428EGA Ciudad Autónoma de Buenos Aires - Rep. Argentina

$$\label{eq:fax: problem} \begin{split} \text{Tel/Fax: (++54 +11) } & 4576\text{-}3300 \\ \text{http://www.exactas.uba.ar} \end{split}$$

1. Tipos

```
type audio: seq\langle \mathbb{Z} \rangle type tupla: \mathbb{Z} \times \mathbb{Z}
```

2. Problemas

```
Ejercicio 1:
proc formatoValido (in s : seq(\mathbb{Z}), in c : \mathbb{Z}, in p : \mathbb{Z}, out result : Bool ) {
          Pre \{|s| > 0, p > 0, c > 0\}
          Post \{tieneProfundidadP(s, p) \land_L \text{ respetaFormatoCCanales(s,c)}\}
}
Ejercicio 2:
proc replicar (in a : audio, in c : \mathbb{Z}, in p : \mathbb{Z}, out result : audio ) {
          Pre \{esFormatoValido(a, 1, p)\}
          Post \{esFormatoValido(result, c, p) \land |result| = c*|a| \land esRéplica(a, result, c) \}
}
Ejercicio 3:
\texttt{proc revertirAudio (in } a: audio, \, \mathsf{in } \, c: \mathbb{Z}, \, \mathsf{in } \, p: \mathbb{Z}, \, \mathsf{out } \, \mathsf{invertido}: audio \, ) \  \, \{
          Pre \{esFormatoValido(a, c, p)\}
          Post \{|s| = |invertido| \land_L \text{ esFormatoValido(invertido,c,p)} \land_L \text{ inversosPorCanal(a,invertido,c)} \}
}
Ejercicio 4:
proc magnitudAbsolutaMáxima (in a : audio, in c : \mathbb{Z}, in p : \mathbb{Z}, out máximos : seq\langle \mathbb{Z} \rangle, out
posicionesMaximo : seq\langle \mathbb{Z}\rangle ) {
          Pre \{esFormatoValido(a, c, p)\}
          Post \{|posicionesMaximo| = |maximos| \land |maximos| = c \land lasPosicionesyElementosCo-
              rresponden(a, maximos, posicionesMaximo, c) \land realmenteSonMaximos(a, maximos, c) 
}
Ejercicio 5:
proc redirigir (in a : audio, in c : \mathbb{Z}, in p : \mathbb{Z}, out invertido : audio ) {
          Pre \{(c = 1 \lor c = 2) \land \text{esFormatoV\'alido}(a,2,p) \}
          Post \{|a| = |invertido| \land_L \text{ esFormatoVálido(invertido,2,p)} \land_L(\forall i : \mathbb{Z})((0 \le i < \frac{|a|}{2} \land_L ))\}
              comparaci\'on Con Secuencia Limpia (subseq(a, i*2, 2*(i+1)),
              subseq(invertido, i * 2, 2 * (i + 1)), c)
}
```

```
Ejercicio 6:
proc bajarCalidad (inout <math>a : seq\langle audio \rangle, in p : \mathbb{Z}, in p2 : \mathbb{Z}) {
          Pre \{a = A_0 \land |A_0| > 0 \land 1 \le p2 
          Post \{|a| = |A_0| \land \text{todosTienenFormatoValidos(a,p2)}\}
              \wedge todosTieneLongitudCorrespondiente(a,A<sub>0</sub>)
              \land todosSonLosAudiosDeMenorCalidadEsperados(A<sub>0</sub>, a, p, p2)}
}
Ejercicio 7:
proc audioSoftYHard (in sa: seq\langle audio\rangle, in p: \mathbb{Z}, in long: \mathbb{Z}, in umbral: \mathbb{Z}, out soft: seq\langle audio\rangle,
out hard : seq\langle audio\rangle ) {
          Pre \{long > 0 \land todosTienenFormatoValidos(sa,p)\}
          Post \{|sa| = |soft| + |hard| \land_L \text{ todosTienenFormatoValido(soft,p)} \land
              todos Tienen Formato Valido(hard,p) \ \land_L \ soft Y Hard(sa,long,umbral,soft,hard)\}
}
Ejercicio 8:
proc remplazarSubAudio (in p : \mathbb{Z}, inout a : seq\langle audio\rangle, in a_1 : seq\langle audio\rangle, in a_2 : seq\langle audio\rangle) {
          Pre {a = A_0 \land todosTienenFormatoValidos(\langle A_0, a_1, a_2 \rangle), p)}
              \land apareceALoSumoUnaVezEn(a_1, A_0)}
          Post \{(|a| = |A_0| - |a_1| + |a_2| \land aEsConcatTripleConA_2DondeEstabaA_1(a, A_0, a_1, a_2)) \lor aEsConcatTripleConA_2DondeEstabaA_1(a, A_0, a_1, a_2)\}
              (a = A_0 \land noAparece(a_1, A_0))
}
Ejercicio 9:
proc máximos Temporales (in a : audio, in tiempos : seq(\mathbb{Z}), out máximos seq(\mathbb{R}), out intervalos:
seq\langle \mathbb{Z}x\mathbb{Z}\rangle) {
          Pre \{|a| > 0, |tiempos| > 0\}
          \texttt{Post} \left\{ m\'{a}ximoDeIntervalosOrdenado(intervalos, a, m\'{a}ximos) \land intervalosV\'{a}lidos(intervalos, tiempos) \right\}
}
Ejercicio 10:
proc limpiarAudio (inout a : audio, out atípicos: seq\langle \mathbb{Z}\rangle) {
          Pre \{a = A_0 \land |A_0| \ge 20\}
          Post\{|A_0| = |a| \land MismoAudioSinOutliers(a, A_0) \land AtípicosContieneLosÍndicesdelosOutliers(a, A_0)\}
}
```

2.1. Predicados y Auxiliares generales

```
pred tieneProfundidadP ( s: seq\langle \mathbb{Z}\rangle, p : \mathbb{Z}) { (\forall i: \mathbb{Z})(i \in s \longrightarrow (i \geq -2^{p-1}) \land (i \leq 2^{p-1}-1))}
```

```
pred respetaFormatoCCanales (s: seq\langle \mathbb{Z} \rangle, c: \mathbb{Z}) {
|s| \mod c = 0
pred esFormatoValido (s: seq\langle \mathbb{Z} \rangle, c: \mathbb{Z}, p: \mathbb{Z}) {
|s| > 0 \land p > 0 \land c > 0 \land \text{tieneProfundidadP(s,p)} \land_L \text{respetaFormatoCCanales(s,c)} 
2)
pred esRéplica (a: audio, res: audio, c: Z) {
(\forall i : \mathbb{Z})((0 \le i < |a| \longrightarrow_L \text{todosIguales(a[i], subseq(res,i*c,c*(i+1));})
pred todosIguales (b: Z, s: audio) {
(\forall i : \mathbb{Z})((0 \le i < |s| \longrightarrow_L s[i] = b;)
fin 2)
pred inversosPorCanal (S: seq\langle \mathbb{Z} \rangle, T: seq\langle \mathbb{Z} \rangle, c: \mathbb{Z}) {
(\forall canal: \mathbb{Z})(\forall i: \mathbb{Z})(0 < canal \leq c \land 0 \leq i < \frac{|S|}{c} \longrightarrow_L S \text{ [i-esimoPorCanal( c, canal, i)]} = T \text{ [i-esimoInverso( a, c, canal, i)]) } 
     aux i-esimoPorCanal (c : \mathbb{Z}, canal : \mathbb{Z}, i : \mathbb{Z}) : \mathbb{Z}= (canal - 1) + (c * i)
     aux i-esimoInvertido (a: seq\langle \mathbb{Z} \rangle, c : \mathbb{Z}, canal : \mathbb{Z}, i : \mathbb{Z}) : \mathbb{Z} = |a| - 1 - c + canal - (c * i)
     fin3)
pred lasPosicionsyElementosCorresponden ( a: seq\langle audio \rangle, maximos: seq\langle \mathbb{Z} \rangle, posicionesMa-
ximo: seq\langle \mathbb{Z}\rangle, c : \mathbb{Z}) {
lasPosicionesEstanEnRango(a, posicionesMaximas)
\land lasPosicionesCorrespondenAlElemento(a,maximos,posicionesMaximo,c)
\land lasPosicionesCorrespondenAlCanalCorrecto(a,posicionesMaximo,c))}
pred lasPosicionesEstanEnRango ( a: seq\langle audio\rangle, posiciones: seq\langle \mathbb{Z}\rangle) {
(\forall i : \mathbb{Z}) (0 \le i < |posiciones| \longrightarrow_L 0 \le posiciones[i] < |a|) \}
pred lasPosicionesCorrespondenAlElemento (a: seq\langle audio \rangle, maximos: seq\langle \mathbb{Z} \rangle, posicionesMa-
ximo: seq\langle \mathbb{Z}\rangle, c : \mathbb{Z}) {
(\forall i: \mathbb{Z}\ )(\ 0 \leq i < |posicionesMaximo| \longrightarrow_L \mathbf{a}[\ posicionesMaximo[i]\ ] = \text{maximos}[i])\ \}
pred lasPosicionesCorrespondenAlCanalCorrecto (a: seq\langle audio\rangle, posicionesMaximo: seq\langle \mathbb{Z}\rangle
, c : \mathbb{Z})  {
(\forall canal: \mathbb{Z}\ )(\ 0 < canal \leq c \longrightarrow \mathrm{posicionCorrespondeAlCanal}(\mathrm{canal}, \mathrm{a}, \mathrm{posicionesMaximo}, c)\ )\}
```

```
pred posicionCorrespondeAlCanal (canal: \mathbb{Z}, a: seg\langle audio \rangle, posicionesMaximo: seg\langle \mathbb{Z} \rangle, c:
(\exists i : \mathbb{Z}) (0 \le i < \frac{|a|}{c} \land_L \text{ posicionesMaximo[canal-1]} = \text{canal-1} + c*i) 
pred realmenteSonMaximos ( a: seq\langle audio\rangle, maximos: seq\langle \mathbb{Z}\rangle, c: \mathbb{Z}) {
(\forall canal : \mathbb{Z}) (0 < canal \le c \longrightarrow esMaximoEnCanal(canal,a,maximos,c))
pred esMaximoEnCanal (canal: \mathbb{Z},a: seq\langle audio \rangle, maximos: seq\langle \mathbb{Z} \rangle, c: \mathbb{Z}) {
(\forall j: \mathbb{Z})(0 \le j < \frac{|a|}{c} \longrightarrow_L abs( \text{maximos}[\text{canal-1}] ) \ge abs( a[\text{canal} - 1 + c * j] )) \}
               fin4)
pred comparaciónConSecuenciaLimpia (s: seq\langle \mathbb{Z} \rangle, t: seq\langle \mathbb{Z} \rangle, c: \mathbb{Z}) {
|s| = 2 \wedge_L (c = 1 \wedge s[0] = s[1] \longrightarrow setAt(s, 1, 0) = t) \wedge_L
(c=2 \land s[0]=s[1] \longrightarrow setAt(s,0,0)=t) \land_L (s[0] \neq s[1] \longrightarrow s=t) \ \}
               \verb|pred comparaciónConSecuenciaLimpia| (s:seq\langle \mathbb{Z}\rangle, t:seq\langle \mathbb{Z}\rangle, c:\mathbb{Z}) | \{ |seq\langle \mathbb{Z}\rangle, |s
|s| = 2 \wedge_L (c = 1 \longrightarrow setAt(s, 1, s[1] - s[0]) = t) \wedge_L
(c=2 \longrightarrow setAt(s,0,s[0]-s[1])=t)
               fin 5
6)
pred todosTienenFormatoValidos ( a: seq\langle audio\rangle, p : \mathbb{Z}) {
(\forall i : audio) (i \in a \longrightarrow esformatoValido(i,1,p)) 
pred todosTieneLongitudCorrespondiente (a: seq\langle audio\rangle, A_0: seq\langle audio\rangle) {
(\forall i : \mathbb{Z})(0 \leq i < |a| \longrightarrow_L |a[i]| = |A_0[i]|) 
pred todosSonLosAudiosDeMenorCalidadEsperados (originales: seq\langle audio\rangle, bajados: seq\langle audio\rangle,
in p : \mathbb{Z}, in p2 : \mathbb{Z}) {
(\forall i : \mathbb{Z})(0 \le i < |originales| \longrightarrow_L esElAudioDeMenorCalidadEsperado(originales[i],bajados[i],p,p2)
)}
pred esElAudioDeMenorCalidadEsperado (original: audio, bajado: audio, in p : Z, in p2 : Z) {
(\forall i: \mathbb{Z})(0 \leq i < |originales| \land Loriginal[i] \geq 0 \longrightarrow_L bajado[i] = original[i] \text{ div } 2^{p-p^2})
(\forall i : \mathbb{Z})(0 \le i < |originales| \land_L \text{ original}[i] < 0 \longrightarrow_L bajado[i] = (-1) * (abs(original[i]) \text{ div } 2^{p-p^2})
) }
fin 6
               7)
```

```
pred softYHard (sa: seq\langle audio\rangle, long: \mathbb{Z}, umbral: \mathbb{Z}, soft: seq\langle audio\rangle, hard: seq\langle audio\rangle) {
(\forall i : \mathbb{Z})(0 \le i < |sa| \longrightarrow_L ((\text{esHard}(\text{long}, \text{umbral}, \text{sa[i]}) \longrightarrow_L \text{sa[i]} \in hard) \land
(\neg esHard(long, umbral, sa[i]) \longrightarrow_L sa[i] \in soft))
    pred esHard (long : \mathbb{Z}, umbral : \mathbb{Z}, s : seq\langle\mathbb{Z}\rangle) {
(\exists j : \mathbb{Z})(\ 0 \le j < |s| - (long + 1) \land_L sumatoriaDeLargoLong+1(s, long, umbral, j) = (long + 1)
    aux sumatoriaDeLargoLong+1 (s : seq\langle \mathbb{Z} \rangle, long : \mathbb{Z}, umbral : \mathbb{Z}, j : \mathbb{Z}) : \mathbb{Z}=
    \sum_{k=j}^{j+long} ( if abs(\mathbf{s}[\mathbf{k}])>abs(\mathbf{umbral}) then 1 else 0 fi)
    fin 7
pred apareceALoSumoUnaVezEn (a_1:audio, A_0:audio) {
noAparece(a_1, A_0) \lor apareceUnaVez(a_1, A_0)
pred apareceUnaVez ( a_1:audio, A_0:audio ) {
(\exists x : tupla)(0 \le x_0 \le |A_0|) \land_L 0 \le x_1 \le |A_0| \land_L subseq(A_0, x_0, x_1) = a_1
\neg (\exists y : tupla) (0 \le x_0 \le |A_0| \land 0 \le y_1 \le |A_0|) \land x_0 \ne y_0 \land x_1 \ne y_1 \land x_0 \ne y_1
\land_L subseq(A_0, y_0, y_1) = a_1 ) }
pred aparece ( a_1 : audio, A_0 : audio ) {
(\exists x : tupla)(0 \le x_0 \le |A_0|) \land_L 0 \le x_1 \le |A_0| \land_L subseq(A_0, x_0, x_1) = a_1 
pred noAparece ( a_1: audio, A_0: audio ) {
\neg aparece(a_1, A_0)}
aux concatTriple(a : audio, b : audio, c : audio) : audio = concat(a, concat(b,c));
pred esConcatTripleConA<sub>2</sub> (a : audio, A_0 : audio, a_1 : audio, a_2 : audio, ) {
(\exists x : \mathbb{Z})(0 \le x \le |A_0| \land_L  ( A_0 = concatTriple(subseq(A_0, 0, x), a1, subseq(A_0, x + |a_1|, |A_0|))
\wedge (a = concatTriple(subseq(A_0, 0, x), a2, subseq(A_0, x + |a_1|, |A_0|))))\}
pred aparece ( a_1:audio, A_0:audio ) {
(\exists x: tupla) (0 \le x_0 \le |A_0|) \ \land_L \ 0 \le x_1 \le |A_0| \ \land_L \ subseq(A_0, x_0, x_1) = a_1 \ \}
      fin 8)
pred máximoDeIntervalosOrdenado ( intervalos:seq\langle \mathbb{Z}x\mathbb{Z}\rangle, a : audio, máximos: seq\langle \mathbb{R}\rangle)
```

```
(\forall i: \mathbb{Z} \ ) ((0 \le i \le |intervalos| \land |intervalos| = |m\'{a}ximos|) \longrightarrow_L (m\'{a}ximos[i] \ge a[intervalos[i]_0]
 \land \ \texttt{maximos[i]} \ \ge \ \texttt{a[intervalos[i]}_1]) \ \land \ (\texttt{maximos[i]} \ = \ \texttt{a[intervalos[i]}_0] \ \lor \ \texttt{maximos[i]} \ = \ \texttt{a[intervalos[i]}_0] \ \lor \ \texttt{maximos[i]} \ = \ \texttt{a[intervalos[i]}_0] \ \lor \ \texttt{maximos[i]}_0
 a[intervalos[i]_1])
pred intervalos Válidos (intervalos: seq\langle \mathbb{Z} x\mathbb{Z} \rangle, tiempos: seq\langle \mathbb{Z} \rangle) {
(\forall i: \mathbb{Z} \text{ )} (\exists j: \mathbb{Z} \text{ )} (\text{((0 } \leq j < |tiempos| \land 0 \leq i < |intervalos| \land_L intervalos[i]_0 \geq 0)} \ \longrightarrow_L \exists j: \mathbb{Z} \text{ )} (\text{((0)} \leq j < |tiempos| \land 0 \leq i < |intervalos| \land_L intervalos[i]_0 \geq 0)} \ \longrightarrow_L \exists j: \mathbb{Z} \text{ )} (\text{((0)} \leq j < |tiempos| \land_L intervalos[i]_0 \geq 0))} \ \longrightarrow_L \exists j: \mathbb{Z} \text{ )} (\text{((0)} \leq j < |tiempos| \land_L intervalos[i]_0 \geq 0))} \ \longrightarrow_L \exists j: \mathbb{Z} \text{ )} (\text{((0)} \leq j < |tiempos| \land_L intervalos[i]_0 \geq 0))} \ \longrightarrow_L \exists j: \mathbb{Z} \text{ )} (\text{((0)} \leq j < |tiempos| \land_L intervalos[i]_0 \geq 0))} \ \longrightarrow_L \exists j: \mathbb{Z} \text{ )} (\text{((0)} \leq j < |tiempos| \land_L intervalos[i]_0 \geq 0))} \ \longrightarrow_L \exists j: \mathbb{Z} \text{ )} (\text{((0)} \leq j < |tiempos| \land_L intervalos[i]_0 \geq 0))} \ \longrightarrow_L \exists j: \mathbb{Z} \text{ )} (\text{((0)} \leq j < |tiempos| \land_L intervalos[i]_0 \geq 0))} \ \longrightarrow_L \exists j: \mathbb{Z} \text{ )} (\text{((0)} \leq j < |tiempos| \land_L intervalos[i]_0 \geq 0))} \ \longrightarrow_L \exists j: \mathbb{Z} \text{ )} (\text{((0)} \leq j < |tiempos| \land_L intervalos[i]_0 \geq 0))} \ \longrightarrow_L \exists j: \mathbb{Z} \text{ )} (\text{((0)} \leq j < |tiempos| \land_L intervalos[i]_0 \geq 0))} \ \longrightarrow_L \exists j: \mathbb{Z} \text{ )} (\text{((0)} \leq j < |tiempos| \land_L intervalos[i]_0 \geq 0))} \ \longrightarrow_L \exists j: \mathbb{Z} \text{ )} (\text{((0)} \leq j < |tiempos| \land_L intervalos[i]_0 \geq 0))} \ \longrightarrow_L \exists j: \mathbb{Z} \text{ )} (\text{((0)} \leq j < |tiempos| \land_L intervalos[i]_0 \geq 0))} \ \longrightarrow_L \exists j: \mathbb{Z} \text{ )} (\text{((0)} \leq j < |tiempos| \land_L intervalos[i]_0 \geq 0))} \ \longrightarrow_L \exists j: \mathbb{Z} \text{ )} (\text{((0)} \leq j < |tiempos| \land_L intervalos[i]_0 \geq 0))} \ \longrightarrow_L \exists j: \mathbb{Z} \text{ )} (\text{((0)} \leq j < |tiempos| \land_L intervalos[i]_0 \geq 0))} \ \longrightarrow_L \exists j: \mathbb{Z} \text{ )} (\text{((0)} \leq j < |tiempos| \land_L intervalos[i]_0 \geq 0))} \ \longrightarrow_L \exists j: \mathbb{Z} \text{ )} (\text{((0)} \leq j < |tiempos| \land_L intervalos[i]_0 \geq 0))} \ \longrightarrow_L \exists j: \mathbb{Z} \text{ )} (\text{((0)} \leq j < |tiempos| \land_L intervalos[i]_0 \geq 0))} \ \longrightarrow_L \exists j: \mathbb{Z} \text{ )} (\text{((0)} \leq j < |tiempos| \land_L intervalos[i]_0 \geq 0))} \ \longrightarrow_L \exists j: \mathbb{Z} \text{ )} (\text{((0)} \leq j < |tiempos| \land_L intervalos[i]_0 \geq 0))} \ \longrightarrow_L \exists j: \mathbb{Z} \text{ )} (\text{((0)} \leq j < |tiempos| \land_L intervalos[i]_0 \geq 0))} \ \longrightarrow_L \exists j: \mathbb{Z} \text{ )} (\text{((0)} \leq j < |tiempos| \land_L intervalos[i]_0 \geq 0))} \ \longrightarrow_L \exists j: \mathbb{Z} \text{ )} (\text{((0)} \leq j < |tiempos| \land_L intervalos[i]_0 \geq 0))} \ \longrightarrow_L \exists j: \mathbb{Z} \text{ )} (\text{((0)} \leq j < |tiempos| \land_L intervalos[i]
intervalos[i]_1 = intervalos[i]_0 + (tiempos[j] - 1))) }
              \sin 9
10)
pred MismoAudioSinOutliers (a: audio, A_0 : Audio){
OutliersCambien(a, A_0) \land noOutliersIgual(a, A_0); \}
pred OutliersCambien (a: audio, A_0 : Audio)
(\forall i : \mathbb{Z})((0 \le i < |a| \land_L \text{ esOutlier}(A_0[i], A_0)) \longrightarrow_L \text{estaCambiado}(a[i], A_0, i); \}
pred noOutliersIgual (a: audio, A_0 : Audio){
(\forall i : \mathbb{Z})((0 \le i < |a| \land_L \neg \text{ esOutlier}(A_0[i], A_0)) \longrightarrow_L a[i] = A_0[i]; \}
pred esOutlier ( x: \mathbb{Z}, A_0 : Audio){
 (porcentajeTieneDecimales(|A_0|) \land (MayorqueCuantos(x,A_0) > porcentajeParteEntera(|A_0|) +
1) \vee (\neg porcentajeTieneDecimales(|A|_0) \wedge (MayorqueCuantos(x,A_0) > porcentajeParteEntera(|A_0|)); }
aux MayorqueCuantos(b : \mathbb{Z}, s: seq\langle\mathbb{Z}\rangle) : \mathbb{Z}=
\sum_{k=0}^{|s|-1} \mbox{if } abs(b) > abs(s[i]) \mbox{ then } 1 \mbox{ else } 0 \mbox{ fi};
predporcentajeTieneDecimales\ (b: \mathbb{Z})\{
95 * b \mod 100 \neq 0;
aux porcentajeParteEntera(b : \mathbb{Z}) : \mathbb{Z}= 95*b div 100;
pred estaCambiado (outlier: \mathbb{Z}, A_0: Audio, índiceOutlier: \mathbb{Z}){
notiene Normales Izquierda (outlier, A_0, indice Outlier) \lor notiene Normales Derecha (outlier, A_0, indice Outlier)
 \vee_L esIgualalpromedioDeSusCostados(outlier, A_0, índiceOutlier); }
pred notieneNormalesIzquierda (outlier: \mathbb{Z}, A_0: Audio, indiceOutlier: \mathbb{Z})
notiene Normales(subseq(A_0, 0, indice Outlier)) \land esIgualal Primer Normal Derecha(outlier, subseq(A_0, indice Outlier)) \land esIgualal Primer Normal Derecha(outlier)) \land esIgualal Primer Normal Derecha(outlier, subseq(A_0, indice Outlier)) \land esIgualal Primer Normal Derecha(outlier, subseq(A_0, indice Outlier)) \land esIgualal Primer Normal Derecha(outlier) \land esIgualal Primer Normal Primer Normal Derecha(outlier) \land esIgualal Primer Normal Primer Normal Primer Normal Primer Normal Pr
1, |A_0|, A_0; 
pred notieneNormalesDerecha (outlier: \mathbb{Z}, A_0: Audio, indiceOutlier: \mathbb{Z}) {
notiene Normales(subseq(A_0, indiceOutlier+1, |A_0|)) \land esIgualal Primer Normal Izquier da(outlier, subseq(A_0, indiceOutlier)) \land esIgualal Primer Normal Izquier da(outlier, subseq(A_0, indiceOutlier)) \land esIgualal Primer Normal Izquier da(outlier)
```

 $(A_0, 0, indiceOutlier), A_0);$

```
pred esIgualalPrimerNormalDerecha (outlier: \mathbb{Z}, s: Audio, A_0: audio) {
(\exists i : \mathbb{Z})(0 \le i < |s| \land_L \text{ outlier} = s[i] \land_L \text{ notieneNormales}(\text{subseq}(s,0,i)) \land \neg \text{ esOutlier}(s[i],A_0); \}
pred esIgualalPrimerNormalIzquierda (outlier: \mathbb{Z}, s: Audio, A_0 : audio)
(\exists i : \mathbb{Z})(0 \le i < |s| \land_L \text{ outlier} = s[i] \land_L \text{ notieneNormales}(\text{subseq}(s, i + 1, |s|)) \land \neg \text{ esOutlier}(s[i], A_0); \}
pred esIgualalpromedioDeSusCostados (outlier: \mathbb{Z}, A_0: audio, indiceOutlier: \mathbb{Z})\{(\exists x: tupla)(0 \leq x)\}
x_0 < |A_0| \land 0 \le x_1 < |A_0| \land (x_1 > indiceOutlier > x_0) \land_L (outlier = (A_0[x_0] + A_0[x_1])
div \ 2) \land \neg \text{ esOutlier}(A_0[x_0], A_0) \land \neg \text{ esOutlier}(A_0[x_1], A_0) \land \text{ notieneNormales(subseq}(A_0, x_0 +
1, indiceOutlier), A_0) \land notioneNormales(subseq(A_0, indiceOutlier, x_1), A_0); \}
pred notieneNormales (s: Audio, A_0: audio) {
(\forall i : \mathbb{Z})(0 \le i < |s| \longrightarrow_L \text{esOutlier}(s[i], A_0); \}
pred AtípicosContieneLosÍndicesdelosOutliers (atípicos: seq(\mathbb{Z}), A_0: audio){
cantOutliers(A_0) = |atipicos| \land TodosDistintos(atípicos) \land lasPosicionesEstanEnRango(A_0, atípicos)
\land seanTodosOutliers(A<sub>0</sub>, atipicos); }
aux\ cantOutliers(A_0: audio): \mathbb{Z} = \sum_{k=0}^{|A_0-1|} \text{if}\ esOutlier(A_0[i], A_0)\ \text{then}\ 1\ \text{else}\ 0\ \text{fi};
    pred existendosIguales (atípicos : seq\langle \mathbb{Z} \rangle) {
(\exists x : tupla)(0 \le x_0 < |A_0| \land 0 \le x_1 < |A_0| \land (x_1 \ne x_0) \land_L \text{ atípicos}[x_0] = atípicos[x_1])
pred TodosDistintos (atípicos : audio) {¬ existendosIguales(atípicos)}
esOutlier(A_0[atipicos[i]], A_0); }
fin 10)
```

3. Decisiones tomadas

En el ejercicio 4, tomamos como criterio que las dos listas devueltas poseen el mismo orden,por ende el índice mas uno corresponden al canal del que hablan. También utilizamos que ser magnitud maxima absoluta, quiere decir que su valor absoluto es mayor o igual al resto de elementos. O sea, decimos que a[i] es magnitud maxima absoluta de un canal c en un audio a, con formato valido, si para toda posicion j,i que este en el rango de posiciones del audio y canal c, a[j] $\leq a[i]$. $i, j, c \in \mathbb{Z}$.

Para resolver el ejercicio 6, en el pred esElAudioDeMenorCalidadEsperado, usamos div que esta en el preludio, para que nos devuelva la division entera y asumimos y tuvimos en cuenta que al dividir un numero negativo siempre redondea alejandose del cero, ejemplo: (-10) div 3 = -4

En el ejercicio 7, tomamos que el módulo de las magnitudes tenía que ser mayor al módulo del umbral . Por ejemplo si el audio fuese (6,5,-8,7,-6) y el umbral fuese |3| (y el long 4) entonces sería un audio hard. Ya que el modulo de todos estos valores son mayores que 3.

En el ejercicio 10, para ver que una magnitud sea outlier decimos que va a ser mayor estricto a todos los elementos que se encontrarían detrás del percentil inclusive si el audio estuviese ordenado y él formase parte. Para encontrar el índice, en esa lista, de ese percentil utilizamos la fórmula de Wikipedia, si el resultado tiene decimales el índicePercentil = parte entera +1, en ese caso ya formaría parte de la secuencia y mi outlier debería ser mayor a la cantidad de elementos anteriores desde audioOrdenado[parte entera +1], si no tiene decimales percentil=((audioOrdenado[parte entera]+ audioOrdenado[parte entera +1]) div 2) entonces el percentil estaría ubicado en el medio de esos dos por ende debería ser mayor al primero , a lo sumo igual pero en tal caso no afectaría la resolución porque mi outlier debería seguir siendo mayor a este, tampoco lo haria el caso en el que es igual al elemento siguiente porque solamente sucede cuando las dos magnitudes son iguales. Y también como hicimos en ejercicios anteriores tomamos magnitud como valor absoluto, por eso cuando hablamos de la audioOrdenado estaría formado por los valores absolutos del audio.

Observación General: En algunos casos despues de escribir un auxiliar, nos sucede que el predicado siguiente cambia el formato y aparece en cursiva prednombreDelPredicado. Es un pequeño detalle que en algunos auxiliares pudimos resolver, y en otros no.