Исследование влияния модульной гибридизации на точность и эффективность трансформеров для долгосрочного прогнозирования временных рядов *

Очкин Н.В. Affiliation Univ City email@email **Зубарев К.М.**Affiliation
Univ
City
email@email

Аннотация

Задача долгосрочного прогнозирования многомерных временных рядов остается сложной: в реальных данных наблюдается ряд проблемных эффектов - среди них, краткосрочные мотивы (скачки, ступени), крайне долгосрочные и межрядовые зависимости, выраженная нестационарность (сдвиги тренда/уровня, мультисезонность, гетероскедастичность). В данной работе мы предлагаем расширить слой эмбеддинга в модели Informer [14] компактным двухслойным сверточным блоком с целью повышения эффективности извлечения локальных паттернов, внедрить модуль декомпозиции ряда из Autoformer [12] для явного разделения трендовых и сезонных компонент и заменить механизм ProbSparse на линейное внимание FAVOR+ (Performer [2]) для учёта глобальных зависимостей при низких вычислительных затратах. Эксперименты на стандартных бенчмарках демонстрируют снижение ошибок на длинных горизонтах прогнозирования в ряде настроек. Абляционные исследования указывают на вклад каждого из модулей, хотя эффект не универсален для всех горизонтов. На рассмотренных конфигурациях наблюдается благоприятный компромисс между точностью и затратами времени/памяти.

Keywords LSTF · Long Sequence Time-series Forecasting · Transformer · Informer · Performer · Autoformer

1 Введение

Долгосрочное прогнозирование временных рядов является одной из ключевых задач во многих областях - от энергетики и финансов до транспорта и здравоохранения. Однако реальные многомерные ряды редко обладают простой структурой: среди прочего, они сочетают краткосрочные локальные паттерны, очень длинные и межрядовые зависимости, а также выраженную нестационарность, включая сдвиги тренда, мультисезонность и гетероскедастичность. Эти свойства затрудняют обучение моделей и ухудшают их способность к экстраполяции на длительных горизонтах.

С момента публикации, архитектура Трансформера [11] завоевала широкое признание. Однако у нее есть несколько серьезных проблем, которые усложняют работу с длинными временными последовательностями (LSTF). Последующие исследования предложили различные методы решения данных и связанных с ними проблем (Informer [14], Autoformer [12], Performer [2]). Тем не менее, существующие архитектуры сталкиваются с рядом ограничений: необходимость одновременного учёта локальных и глобальных закономерностей, высокая

^{*}Исходный код, конфигурации и скрипты обучения доступны: GitHub.

чувствительность к нестационарности и ограниченная масштабируемость по длине входной последовательности.

В данной работе мы предлагаем архитектуру, которая объединяет три взаимодополняющих индуктивных смещения, специально ориентированных на решение этих вызовов: (i) расширенный сверточный входной блок, способный эффективно кодировать краткосрочные локальные паттерны (скачки, ступени, импульсные всплески). Такой модуль выполняет роль фильтра низкого уровня и одновременно стабилизирует статистики входных данных, что повышает устойчивость модели к локальной нестационарности; (ii) механизм внимания FAVOR+ (Performer [2]), обеспечивающий линейные O(Lr) затраты времени и памяти; параметр ранга r задаёт настраиваемый компромисс между скоростью и точностью. Это позволяет обрабатывать очень длинные последовательности и улавливать отложенные зависимости без взрыва затрат, что критично для прогнозов на больших горизонтах. (iii) явная декомпозиция ряда в стиле Autoformer [12] после каждого блока self-attention: низкочастотный тренд выводится через остаточные соединения, а очищенный от тренда стационаризированный остаток подаётся в механизм внимания. Такой приём снижает влияние сдвигов уровня и многосезонности, улучшая обобщающую способность модели.

Такая композиция локальной фильтрации, глобального внимания и явной декомпозиции улучшает точность прогнозирования на длинных горизонтах, ускоряет и стабилизирует оптимизацию, а также снижает затраты памяти по сравнению с базовыми трансформер-подходами. Основной вклад данной работы можно резюмировать следующим образом:

- Вводим расширенный сверточный входной блок для кодирования краткосрочных мотивов и стабилизации статистик нестационарных входов.
- Для моделирования глобальных связей применяем FAVOR+ внимание с линейными затратами по времени и памяти, что обеспечивает масштабируемое и не зависящее от распределения моделирование глобальных зависимостей;
- Встраиваем Autoformer-подобную [12] декомпозицию после каждого блока self-attention, которая пропускает низкочастотный тренд по остаточным соединениям и передаёт более стационаризированный поток данных в механизм внимания.
- Эксперименты на стандартных бенчмарках демонстрируют устойчивое снижение ошибок на длительных горизонтах прогнозирования; абляционные исследования подтверждают вклад каждого модуля, а анализ масштабируемости показывает благоприятный баланс между точностью и вычислительными затратами.

2 Методология

Повышение эффективности извлечения локальных паттернов Для усиления способности модели к распознаванию краткосрочных закономерностей мы предлагаем заменить стандартный механизм представления значений (TokenEmbedding) на сверточный блок ConvStem. Данный блок сочетает проекцию входных признаков через точечную свёртку с последующими операциями широкой и глубинной свёрток, дополненных нормализацией и нелинейностью. Такое построение позволяет модели фиксировать повторяющиеся локальные мотивы и вариации формы сигналов непосредственно на этапе встраивания, ещё до применения механизмов внимания. В результате глобальное внимание может быть сфокусировано преимущественно на долговременных зависимостях, тогда как локальная динамика эффективно извлекается специализированным сверточным модулем.

Масштабируемое моделирование глобальных зависимостей В качестве механизма внимания предлагается использовать FAVOR+ (Performer [2]) вместо ProbSparse (оригинально применяемого в Informer [14]). Подобно тому, как в оригинальном Informer [14] механизм FullAttention [11] был заменен на ProbSparse исключительно для вычисления self-attention (механизм самовнимания) в слоях кодировщика и декодера, в нашей модификации ProbSparse заменяется на FAVOR+ в тех же местах, тогда как cross-attention останется реализованным через полное внимание (FullAttention). Данную замену мы мотивируем тем, что FAVOR+ обеспечивает несмещённую аппроксимацию softmax-ядра с линейной по времени и памяти сложностью [2], что гарантирует предсказуемую и масштабируемую работу на очень длинных последовательностях в условиях ограниченных

ресурсов GPU. При этом точность аппроксимации управляется числом случайных признаков r: при меньших значениях достигается высокая скорость, при больших - более точное восстановление распределения внимания. Такая настраиваемость делает механизм универсальным инструментом, позволяющим варьировать баланс между эффективностью и качеством. Кроме того, отказ от ручной выборки top-u запросов позволяет модели учитывать любые глобальные зависимости, а не только наиболее сильные периодические, что критично для учёта непериодичных скачков в реальных временных рядах.

Явное разделение тренда и сезонности Чтобы явно разделить тренд и сезонную компоненту, мы интегрировали механизм декомпозиции временных рядов, заимствованный из архитектуры Autoformer [12]. После каждого блока self-attention скрытое представление разлагается на два канала: низкочастотный тренд и остаточную компоненту, содержащую более стационарные сезонные и случайные колебания. Тренд передаётся по остаточному пути, обеспечивая стабильность прогнозов при сдвигах уровня, тогда как внимание применяется к сезонной компоненте, где наиболее выражены периодические и локальные закономерности. Такая стратегия снижает вариативность обучения, повышает способность к экстраполяции за пределами обучающего диапазона и улучшает интерпретируемость результатов за счёт явного выделения трендовой и сезонной составляющих.

Схема механизма декомпозиции ряда [12]

```
Input: X
```

(1) [SeriesDecomp] \rightarrow Trend, Seasonal

Trend = AvgPool(Padding(X))

where

Seasonal = X - Trend

- (2) [self-attention mechanism] on Seasonal
 - → Seasonal' (+ residual connection, normalization, etc.)
- (3) [Feed-Forward] on Seasonal $' \rightarrow$ Seasonal
- (4) Re-compose X = Seasonal + Trend

В итоге архитектура объединяет сильные стороны трёх подходов: локальное кодирование паттернов через ConvStem, линейное глобальное внимание FAVOR+ и явную декомпозицию ряда из Autoformer [12], сохраняя при этом полную совместимость с остальными гиперпараметрами оригинального Informer [14].

3 Эксперимент

Датасет Ниже приводится описание набора данных экспериментов: *ETT* [14] датасет содержит информацию, собранную с электрических трансформаторов, включая нагрузку и температуру масла, которые регистрировались каждые 15 минут в период с июля 2016 года по июль 2018 года.

Детали реализации Обучение проводилось с использованием функции потерь MSE (L2) и оптимизатора Adam [8] с начальной скоростью обучения 10^{-4} . Размер батча - 32. Процесс обучения досрочно останавливается в пределах 10 эпох. Результаты экспериментов были получены в ходе усреднения по трем отдельным запускам, реализованы в PyTorch [10] и проводились на одной графической карте NVIDIA GTX 1660 SUPER с 6 ГБ видеопамяти. Архитектура модели включает 2 слоя энкодера и 1 слой декодера. Полный перечень гиперпараметров и конфигураций приведён в репозитории (GitHub).

3.1 Абляционные исследования

ConvStem вместо TokenEmbedding Сравнивалась эффективность оригинальной модели Informer [14] и её модификации с расширенным слоем эмбеддинга 2.

Встраивание компактного сверточного блока на вход приводит к заметному улучшению качества на коротких (24-48) и особенно длинных горизонтах (336), при этом затраты по времени остаются сопоставимыми. Однако на отдельных горизонтах (например, 168) Informer [14] сохраняет преимущество. Это подтверждает, что

Но	rizon	Convformer			Informer			Performer			Autoformer		
		MSE	MAE	t	MSE	MAE	t	MSE	MAE	t	MSE	MAE	t
	24	0.388	0.428	3m50s/4s	0.524	0.527	2m5s/3s	0.598	0.570	2m50s/4s	0.401	0.425	3m58s/7s
77	48	0.435	0.451	3m55s/4s	0.631	0.601	2m24s/4s	0.765	0.673	2m35s/4s	0.430	0.445	4m43s/7s
ETTh1	168	0.435	0.459	8m39s/6s	0.825	0.705	3m14s/5s	0.918	0.768	3m42s/6s	0.478	0.473	6m45s/11s
Щ	336	0.469	0.490	7m55s/8s	1.310	0.937	9m19s/6s	1.024	0.823	5m36s/7s	0.516	0.497	10m19s/17s
	720	0.510	0.528	12m51s/10s	1.205	0.879	14m36s/9s	1.107	0.843	14m9s/9s	-	-	-
	24	0.248	0.345	2m38s/4s	1.284	0.891	1m58s/3s	1.296	0.907	2m49s/4s	0.290	0.365	4m7s/6s
h2	48	0.298	0.373	2m49s/5s	1.559	1.008	1m58s/4s	1.568	1.008	2m35s/4s	0.324	0.382	3m31s/6s
ETTh2	168	0.539	0.509	4m6s/6s	7.587	2.335	2m49s/5s	8.487	2.569	3m40s/6s	0.451	0.456	5m15s/9s
Ή	336	0.684	0.600	7m9s/8s	4.369	1.773	4m19s/7s	8.158	2.456	6m16s/7s	0.478	0.480	7m3s/13s
	720	0.662	0.595	13m1s/11s	2.977	1.467	6m1s/9s	3.707	1.640	7m39s/9s	-	-	-

Таблица 1: Результаты многомерных предсказаний на 2 датасетах ЕТТ с горизонтами предсказаний: { 24, 48, 168, 336, 720 }. Мы фиксируем входную длину последовательностей у моделей как 96. Символ "—" обозначает выход за пределы памяти (ООМ). Время указано как train/inference. Полный бенчмарк см. в табл. 5. Примеры визуализации приведены на рис. В.1.

Horizon		Inforn	ner	ConvStem			
110112011	MSE	MAE	t	MSE	MAE	t	
24	0.524	0.527	2m5s/3s	0.469	0.480	2m11s/4s	
48	0.631	0.601	2m24s/4s	0.587	0.558	2m23s/4s	
168	0.825	0.705	3m14s/5s	0.861	0.733	3m34s/5s	
336	1.310	0.937	9m19s/6s	1.094	0.843	7m22s/7s	
720	1.205	0.879	14m36s/9s	1.261	0.913	9m58s/9s	

Таблица 2: Результаты многомерных предсказаний на датасете ETTh1 с горизонтами предсказаний: { 24, 48, 168, 336, 720 }. Входная длина последовательности фиксирована: 96. Время указано как train/inference. Примеры визуализации приведены в табл. 6.

сверточная фильтрация локальных паттернов в среднем повышает устойчивость к краткосрочной нестационарности, хотя её вклад не универсален.

ProbSparse → **FAVOR**+ Сравнивалась эффективность Informer [14] с исходным механизмом ProbSparse и модифицированной версии, в которой ProbSparse заменён на FAVOR+ (Performer [2]).

Horizon		Inforn	ner	Informer w/ FAVOR+			
110112011	MSE	MAE	t	MSE	MAE	t	
24	0.524	0.527	2m5s/3s	0.494	0.505	2m30s/4s	
48	0.631	0.601	2m24s/4s	0.710	0.640	2m20s/4s	
168	0.825	0.705	3m14s/5s	0.864	0.746	3m24s/5s	
336	1.310	0.937	9m19s/6s	1.088	0.846	6m22s/7s	
720	1.205	0.879	14m36s/9s	1.065	0.831	9m54s/9s	

Таблица 3: Результаты многомерных предсказаний на датасете ETTh1 с горизонтами предсказаний: { 24, 48, 168, 336, 720 }. Входная длина последовательности фиксирована: 96. Время указано как train/inference. Примеры визуализации приведены в табл. 7.

Линейное внимание обеспечивает выигрыш по качеству на длинных горизонтах (336, 720) при сопоставимых или меньших вычислительных затратах, в то время как на коротких горизонтах улучшение выражено слабее или отсутствует. Таким образом, FAVOR+ [2] даёт наибольший эффект именно в режимах, где глобальные зависимости становятся критичными, подтверждая его ценность для масштабируемого долгосрочного прогнозирования.

Informer с модулем декомпозиции Сравнивалась эффективность оригинальной модели Informer [14] и модификации, дополненной механизмом декомпозиции ряда из Autoformer [12].

Horizon			Inforn	ner	Informer w/ s.decomp			
		MSE	MAE	t	MSE	MAE	t	
	24	0.524	0.527	2m5s/3s	0.478	0.494	3m36s/4s	
11	48	0.631	0.601	2m24s/4s	0.561	0.547	3m4s/4s	
TTh1	168	0.825	0.705	3m14s/5s	0.649	0.597	7m2s/5s	
Ē	336	1.310	0.937	9m19s/6s	0.952	0.748	10m55s/7s	
	720	1.205	0.879	14m36s/9s	1.059	0.775	16m46s/10s	

Таблица 4: Результаты многомерных предсказаний на датасете ETTh1 с горизонтами предсказаний: { 24, 48, 168, 336, 720 }. Входная длина последовательности фиксирована: 96. Время указано как train/inference. Примеры визуализации приведены в табл. 8.

Встраивание операции разделения на тренд и остаток после каждого блока self-attention приводит к систематическому снижению ошибок на всех горизонтах ETTh1, хотя ценой становится рост времени обучения и инференса (inference). Это подтверждает гипотезу о том, что явная стабилизация нестационарности улучшает обобщающую способность модели, особенно при наличии сдвигов уровня и мультисезонности.

4 Заключение

Предложенная комбинация ConvStem + FAVOR+ + Autoformer-подобная декомпозиция демонстрирует улучшение качества на длинных горизонтах при сопоставимых вычислительных затратах на рассматриваемых настройках. Абляционные исследования подтверждают вклад модулей на большинстве горизонтов: ConvStem - выделение локальных мотивов; FAVOR+ - масштабируемые дальние зависимости; декомпозиция - устойчивость к тренду/сезонности. На ЕТТ наибольшие выигрыши достигаются при длительных горизонтах (336-720), тогда как на средних горизонтах Autoformer остается сопоставимым.

При этом исследование имеет ряд ограничений: в качестве бенчмарка был рассмотрен один набор данных (ЕТТ), cross-attention сохраняет квадратичную сложность, чувствительность MAPE/MSPE к масштабам признаков, отсутствие оценки неопределённости. Перспективными направлениями являются линеаризация cross-attention, адаптивный выбор ранга r в FAVOR+, расширение набора датасетов, включение калибровки и методов, устойчивых к дрейфу распределений.

Список использованных источников

- [1] Dzmitry Bahdanau, Kyunghyun Cho, and Yoshua Bengio. Neural machine translation by jointly learning to align and translate. In International Conference on Learning Representations (ICLR), 2015.
- [2] Krzysztof Choromanski, Valentin Likhosherstov, David Dohan, Xingyou Song, Alex Gane, Tamas Sarlos, Peter Hawkins, Jared Davis, Afroz Mohiuddin, Łukasz Kaiser, David Belanger, Lucy Colwell, and Adrian Weller. Rethinking attention with performers. In <u>Proceedings of the International Conference on Learning</u> Representations (ICLR), 2020. arXiv:2009.14794.
- [3] Gregory C. Reinsel George E. P. Box, Gwilym M. Jenkins and Greta M. Ljung. <u>Time Series Analysis: Forecasting</u> and Control. Wiley, fifth edition edition, 2015.
- [4] Ian Goodfellow, Yoshua Bengio, and Aaron Courville. <u>Deep Learning</u>. MIT Press, 2016. http://www.deeplearningbook.org.
- [5] James D. Hamilton. Time Series Analysis. Princeton University Press, 1994.
- [6] Rob J. Hyndman and George Athanasopoulos. Forecasting: principles and practice. OTexts, 2013.

- [7] Brockwell P. J. and Davis R. A. <u>Introduction to Time Series and Forecasting</u>. Springer, third edition edition, 2016.
- [8] Diederik P. Kingma and Jimmy Ba. Adam: A method for stochastic optimization. <u>International Conference on Learning Representations (ICLR)</u>, 2015.
- [9] Kevin P. Murphy. Probabilistic Machine Learning: An introduction. MIT Press, 2022.
- [10] Adam Paszke, Sam Gross, Francisco Massa, Adam Lerer, James Bradbury, Gregory Chanan, Trevor Killeen, Zeming Lin, Natalia Gimelshein, Luca Antiga, Alban Desmaison, Andreas Köpf, Edward Yang, Zach DeVito, Martin Raison, Alykhan Tejani, Sasank Chilamkurthy, Benoit Steiner, Lu Fang, Junjie Bai, and Soumith Chintala. Pytorch: An imperative style, high-performance deep learning library. In <u>Advances in Neural Information</u> Processing Systems (NeurIPS), 2019.
- [11] Ashish Vaswani, Noam Shazeer, Niki Parmar, Jakob Uszkoreit, Llion Jones, Aidan N. Gomez, Łukasz Kaiser, and Illia Polosukhin. Attention is all you need. In <u>Advances in Neural Information Processing Systems (NeurIPS)</u>, volume 30, 2017.
- [12] Haixu Wu, Jiehui Xu, Jianmin Wang, and Mingsheng Long. Autoformer: Decomposition transformers with Auto-Correlation for long-term series forecasting. In Advances in Neural Information Processing Systems, 2021.
- [13] Haoyi Zhou, Jianxin Li, Shanghang Zhang, Shuai Zhang, Mengyi Yan, and Hui Xiong. Expanding the prediction capacity in long sequence time-series forecasting. Artificial Intelligence, 318:103886, 2023.
- [14] Haoyi Zhou, Shanghang Zhang, Jieqi Peng, Shuai Zhang, Jianxin Li, Hui Xiong, and Wancai Zhang. Informer: Beyond efficient transformer for long sequence time-series forecasting. In The Thirty-Fifth AAAI Conference on Artificial Intelligence, AAAI 2021, Virtual Conference, volume 35, pages 11106–11115. AAAI Press, 2021.

А Полный бенчмарк

Но	rizon				Convform	ner		Informer					
110	112011	MSE	MAE	RMSE	MAPE	MSPE	t	MSE	MAE	RMSE	MAPE	MSPE	t
	24	0.388	0.428	0.622	11.030	50292.405	3m50s/4s	0.524	0.527	0.724	11.117	43860.164	2m5s/3s
1	48	0.435	0.451	0.660	10.864	49359.185	3m55s/4s	0.631	0.601	0.794	11.973	50739.564	2m24s/4s
ETTh1	168	0.435	0.459	0.659	11.585	48605.939	8m39s/6s	0.825	0.705	0.908	9.711	31104.102	3m14s/5s
	336	0.469	0.490	0.685	12.928	62006.074	7m55s/8s	1.310	0.937	1.143	17.267	108984.891	9m19s/6s
	720	0.510	0.528	0.714	12.617	56880.186	12m51s/10s	1.205	0.879	1.098	17.282	111811.141	14m36s/9s
	24	0.248	0.345	0.498	1.511	282.651	2m38s/4s	1.284	0.891	1.133	8.751	4080.943	1m58s/3s
ETTh2	48	0.298	0.373	0.546	1.569	244.634	2m49s/5s	1.559	1.008	1.247	9.655	4751.785	1m58s/4s
	168	0.539	0.509	0.733	2.148	315.627	4m6s/6s	7.587	2.335	2.754	13.709	9135.792	2m49s/5s
	336	0.684	0.600	0.826	2.552	646.271	7m9s/8s	4.369	1.773	2.088	10.857	8606.445	4m19s/7s
	720	0.662	0.595	0.811	2.721	630.013	13m1s/11s	2.977	1.467	1.725	11.613	8735.043	6m1s/9s
Horizon		Performer											
Но	rizon				Perform	er					Autoform	ner	
Но	rizon	MSE	MAE	RMSE	Perform MAPE	er MSPE	t	MSE	MAE	RMSE	Autoform MAPE	ner MSPE	t
Но	rizon	MSE 0.598	MAE 0.570	RMSE 0.773			t 2m50s/4s	MSE 0.401	MAE 0.425	RMSE 0.633			t 3m58s/7s
					MAPE	MSPE					MAPE	MSPE	
	24	0.598	0.570	0.773	MAPE 13.036	MSPE 59454.181	2m50s/4s	0.401	0.425	0.633	MAPE 10.876	MSPE 47465.651	3m58s/7s
ETTh1	24 48	0.598 0.765	0.570 0.673	0.773 0.873	MAPE 13.036 9.637	MSPE 59454.181 27418.091	2m50s/4s 2m35s/4s	0.401 0.430	0.425 0.445	0.633 0.656	MAPE 10.876 10.304	MSPE 47465.651 46080.775	3m58s/7s 4m43s/7s
	24 48 168	0.598 0.765 0.918	0.570 0.673 0.768	0.773 0.873 0.957	MAPE 13.036 9.637 9.107	MSPE 59454.181 27418.091 22036.375	2m50s/4s 2m35s/4s 3m42s/6s	0.401 0.430 0.478	0.425 0.445 0.473	0.633 0.656 0.691	MAPE 10.876 10.304 12.045	MSPE 47465.651 46080.775 54136.419	3m58s/7s 4m43s/7s 6m45s/11s
	24 48 168 336	0.598 0.765 0.918 1.024	0.570 0.673 0.768 0.823	0.773 0.873 0.957 1.011	MAPE 13.036 9.637 9.107 11.928	MSPE 59454.181 27418.091 22036.375 42467.367	2m50s/4s 2m35s/4s 3m42s/6s 5m36s/7s	0.401 0.430 0.478 0.516	0.425 0.445 0.473 0.497	0.633 0.656 0.691 0.717	MAPE 10.876 10.304 12.045 12.388	MSPE 47465.651 46080.775 54136.419	3m58s/7s 4m43s/7s 6m45s/11s
ETTh1	24 48 168 336 720	0.598 0.765 0.918 1.024 1.107	0.570 0.673 0.768 0.823 0.843	0.773 0.873 0.957 1.011 1.052	MAPE 13.036 9.637 9.107 11.928 20.032	MSPE 59454.181 27418.091 22036.375 42467.367 149892.094	2m50s/4s 2m35s/4s 3m42s/6s 5m36s/7s 14m9s/9s	0.401 0.430 0.478 0.516	0.425 0.445 0.473 0.497	0.633 0.656 0.691 0.717	MAPE 10.876 10.304 12.045 12.388	MSPE 47465.651 46080.775 54136.419 57259.240	3m58s/7s 4m43s/7s 6m45s/11s 10m19s/17s
ETTh1	24 48 168 336 720 24	0.598 0.765 0.918 1.024 1.107	0.570 0.673 0.768 0.823 0.843	0.773 0.873 0.957 1.011 1.052	MAPE 13.036 9.637 9.107 11.928 20.032 8.613	MSPE 59454.181 27418.091 22036.375 42467.367 149892.094 4234.640	2m50s/4s 2m35s/4s 3m42s/6s 5m36s/7s 14m9s/9s 2m49s/4s	0.401 0.430 0.478 0.516 -	0.425 0.445 0.473 0.497 - 0.365	0.633 0.656 0.691 0.717 -	MAPE 10.876 10.304 12.045 12.388 - 1.539	MSPE 47465.651 46080.775 54136.419 57259.240 - 298.584	3m58s/7s 4m43s/7s 6m45s/11s 10m19s/17s - 4m7s/6s
	24 48 168 336 720 24 48	0.598 0.765 0.918 1.024 1.107 1.296 1.568	0.570 0.673 0.768 0.823 0.843 0.907 1.008	0.773 0.873 0.957 1.011 1.052 1.130 1.252	MAPE 13.036 9.637 9.107 11.928 20.032 8.613 9.667	MSPE 59454.181 27418.091 22036.375 42467.367 149892.094 4234.640 4570.592	2m50s/4s 2m35s/4s 3m42s/6s 5m36s/7s 14m9s/9s 2m49s/4s 2m35s/4s	0.401 0.430 0.478 0.516 - 0.290 0.324	0.425 0.445 0.473 0.497 - 0.365 0.382	0.633 0.656 0.691 0.717 - 0.539 0.569	MAPE 10.876 10.304 12.045 12.388 - 1.539 1.509	MSPE 47465.651 46080.775 54136.419 57259.240 - 298.584 261.721	3m58s/7s 4m43s/7s 6m45s/11s 10m19s/17s - 4m7s/6s 3m31s/6s
ETTh1	24 48 168 336 720 24 48 168	0.598 0.765 0.918 1.024 1.107 1.296 1.568 8.487	0.570 0.673 0.768 0.823 0.843 0.907 1.008 2.569	0.773 0.873 0.957 1.011 1.052 1.130 1.252 2.904	MAPE 13.036 9.637 9.107 11.928 20.032 8.613 9.667 14.583	MSPE 59454.181 27418.091 22036.375 42467.367 149892.094 4234.640 4570.592 13909.365	2m50s/4s 2m35s/4s 3m42s/6s 5m36s/7s 14m9s/9s 2m49s/4s 2m35s/4s 3m40s/6s	0.401 0.430 0.478 0.516 - 0.290 0.324 0.451	0.425 0.445 0.473 0.497 - 0.365 0.382 0.456	0.633 0.656 0.691 0.717 - 0.539 0.569 0.672	MAPE 10.876 10.304 12.045 12.388 - 1.539 1.509 1.946	MSPE 47465.651 46080.775 54136.419 57259.240 - 298.584 261.721 370.939	3m58s/7s 4m43s/7s 6m45s/11s 10m19s/17s - 4m7s/6s 3m31s/6s 5m15s/9s

Таблица 5: Результаты многомерных предсказаний на 2 датасетах ETT с горизонтами предсказаний {24, 48, 168, 336, 720}. Входная длина последовательности фиксирована: 96. Символ "—" обозначает выход за пределы памяти (ООМ). Время указано как train/inference.

В Дополнение к основным результатам

В.1 Визуализация абляционных исследований

Для оценки предсказаний различных моделей приводится визуализация результатов прогнозирования на тестовой выборке набора данных ETTh1 в рамках абляционных исследований, что позволяет провести качественное сравнение.

Таблица 6: Примеры прогнозирования из набора данных ETTh1 в ходе абляционных исследований ConvStem вместо TokenEmbedding (см. раздел 3.1) в настройках input-96-predict-horizon. Синие линии - истинные значения, оранжевые линии - предсказания модели, зеленые - входные данные длиной 96

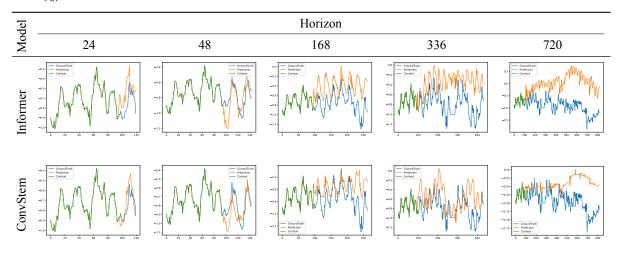


Таблица 7: Примеры прогнозирования из набора данных ETTh1 в ходе абляционных исследований $ProbSparse \rightarrow FAVOR+$ (см. раздел 3.1) в настройках input-96-predict-horizon.

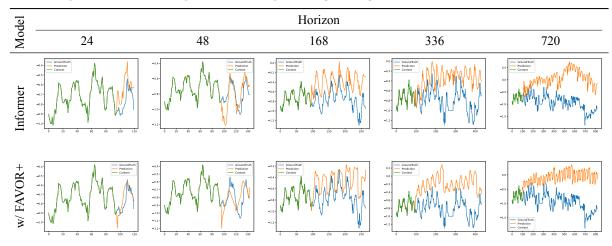
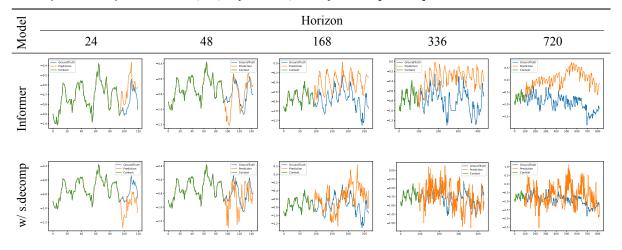


Таблица 8: Примеры прогнозирования из набора данных ETTh1 в ходе абляционных исследований *Informer с модулем декомпозиции* (см. раздел 3.1) в настройках input-96-predict-horizon.



В.2 Визуализация основных результатов

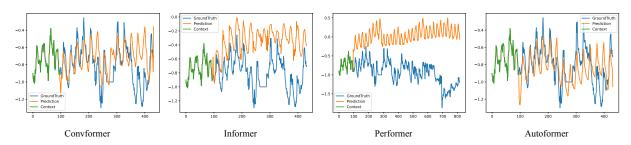


Рис. В.1: Примеры прогнозирования из набора данных ETTh1 в настройках input-96-predict-336.