## Formeln S46 S50

Aus dem bereitgestellten Text gibt es keine spezifischen Seitennummern (46-50), aber ich kann alle mathematischen Formeln aus dem gegebenen Kontext auflisten:

1. \*\*Stromstärke und Leistung durch die Fläche\*\*

$$\Phi_S = P$$
 (2.132)

 $\Phi_J = I \quad (2.131)$ 

$$\Phi_S = P \quad (2.132)$$

2. \*\*Induzierte Spannung\*\*

$$U_{\text{ind}} = \oint_{\gamma} \langle E, \hat{e} \rangle \, ds = -\int_{M} \langle B, \hat{n} \rangle \, dA = -\dot{\Phi}_{B} \quad (2.133)$$

3. \*\*Partielle Ableitungen\*\*

$$=\frac{[f]}{[x_{\mu}]}\quad (2.135)$$
  $f_{,\mu}$ 

 $f_{,\mu} = \frac{\partial f}{\partial x_{\mu}} \quad (2.136)$ 

$$f_{,\mu}(x_1, x_2, \dots, x_n) := \lim_{\delta s \to 0} \frac{f(x_1, x_2, \dots, x_\mu + \delta s, \dots, x_n) - f(x_1, x_2, \dots, x_n)}{\delta s}$$

$$= \frac{[f]}{[x_\mu]} \quad (2.135)$$

$$f_{,\mu}$$

$$f_{,\mu} = \frac{\partial f}{\partial x_{\mu}} \quad (2.136)$$

4. \*\*Gradient\*\*

$$\nabla f = \begin{bmatrix} 2xy^2 \\ 2x^2y \end{bmatrix} \quad (2.139)$$

$$\nabla f = \begin{bmatrix} 2xy \\ x^2 \\ 1 \end{bmatrix} \quad (2.141)$$

$$\nabla f = \begin{bmatrix} f_{,1} \\ f_{,2} \\ \vdots \\ f_{,n} \end{bmatrix} \quad (2.137)$$

$$\nabla f = \begin{bmatrix} 2xy^2 \\ 2x^2y \end{bmatrix} \quad (2.139)$$

$$\nabla f = \begin{bmatrix} 2xy \\ x^2 \\ 1 \end{bmatrix} \quad (2.141)$$

5. \*\*Hesse-Matrix\*\*

$$\nabla^2 f = \begin{bmatrix} 2y^2 \& 4xy \\ 4xy \& 2x^2 \end{bmatrix} \quad (2.145)$$

$$H^T = H \quad (2.146)$$

$$f_{,\nu,\mu} = f_{,\mu,\nu} \quad (2.147)$$

$$\nabla^{2} f = \begin{bmatrix} f_{,1,1} \& f_{,1,2} \& \dots \& f_{,1,n} \\ f_{,2,1} \& f_{,2,2} \& \dots \& f_{,2,n} \\ \vdots \& \vdots \& \ddots \& \vdots \\ f_{,n,1} \& f_{,n,2} \& \dots \& f_{,n,n} \end{bmatrix}$$
 (2.142)
$$\nabla^{2} f = \begin{bmatrix} 2y^{2} \& 4xy \\ 4xy \& 2x^{2} \end{bmatrix}$$
 (2.145)

$$H^T = H$$
 (2.146)

$$f_{,\nu,\mu} = f_{,\mu,\nu} \quad (2.147)$$

6. \*\*Laplace-Ableitung\*\*

$$\Delta f = \operatorname{tr}(\nabla^2 f) = f_{1,1} + f_{2,2} + \dots + f_{n,n}$$
 (2.148)

7. \*\*Divergenz\*\*

$$\operatorname{div}(v) = y^2(1+3x^3) \quad (2.152)$$

$$div(v) = 0$$
 (2.153)

$$\operatorname{div}(v) = v_{1,1} + v_{2,2} + \ldots + v_{n,n} \quad (2.150)$$
$$\operatorname{div}(v) = y^2 (1 + 3x^3) \quad (2.152)$$

$$div(v) = 0$$
 (2.153)

Diese Formeln decken verschiedene mathematische Konzepte wie Vektorfelder, Gradienten, Divergenz und Hesse-Matrizen ab.