Wichtigen Mehrfachintegralen Formeln

Die wichtigsten Formeln zu Mehrfach-Integralen, die im Kontext des gegebenen Textes erwähnt werden, beziehen sich auf die Berechnung von Dreifach-Integralen und deren Anwendung auf physikalische Probleme wie die Berechnung von Massen. Hier sind die relevanten Formeln und Konzepte:**Dreifach-Integrale**: Der Fubini-Satz ermöglicht es, ein Dreifach-Integral über einen Quader Q als verschachtelte Integrale zu berechnen:

$$\int_{Q} f \, dV = \int_{z_0}^{z_E} \int_{y_0}^{y_E} \int_{x_0}^{x_E} f(x, y, z) \, dx \, dy \, dz$$

Dieser Ansatz kann verwendet werden, um das Volumenintegral einer Funktion f über einen Quader Q zu berechnen, wobei $x_0, x_E, y_0, y_E, z_0, z_E$ die Grenzen des Quaders in den jeweiligen Dimensionen sind. **Anwendung auf die Masseberechnung**: Wenn die Dichte ρ eines Körpers K als Funktion im 3D-Raum gegeben ist, kann die Gesamtmasse m des Körpers durch ein Dreifach-Integral über den Körper berechnet werden:

$$m = \int_{K} \rho \, dV$$

Hierbei ist $\rho(x,y,z)$ die Dichtefunktion, und dV ist das Volumenelement. Diese Formeln sind zentral für die Berechnung von Mehrfach-Integralen in der Physik und Ingenieurwissenschaft, wo sie häufig zur Berechnung von Massen, Trägheitsmomenten und anderen physikalischen Größen verwendet werden.