## **CNOT Gate 作業**

先完成 (A), (B), (C), (D):

如果 
$$q_0=|0
angle=inom{1}{0}$$
 而  $q_1=|1
angle=inom{0}{1}$ , (若  $q_1$  以 CNOT 控制  $q_0$ ),

$$\text{(A) } q_1q_0 = \ket{10} = \ket{?} \otimes \ket{?} = \begin{pmatrix} ? \times \begin{pmatrix} ? \\ ? \\ ? \\ ? \times \begin{pmatrix} ? \\ ? \\ ? \end{pmatrix} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} ? \\ ? \\ ? \\ ? \end{pmatrix}, 參考連結$$

也就是  $a_{00} =?, a_{01} =?, a_{10} =?, a_{11} =?,$  所以

$$CNOT|\mathbf{10}\rangle = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} a_{00} \\ a_{01} \\ a_{10} \\ a_{11} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} ? \\ ? \\ ? \\ ? \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} ? \\ ? \\ ? \\ ? \end{pmatrix}, 也就是|??\rangle (如下)$$

同樣的,

(B) 
$$|00\rangle = |?\rangle \otimes |?\rangle = \begin{pmatrix} ? \times \begin{pmatrix} ? \\ ? \\ ? \\ ? \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} ? \\ ? \\ ? \\ ? \end{pmatrix}$$

$$CNOT|00\rangle = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} ? \\ ? \\ ? \\ ? \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} ? \\ ? \\ ? \\ ? \end{pmatrix} = |??\rangle$$

$$CNOT|01\rangle = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} ? \\ ? \\ ? \\ ? \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} ? \\ ? \\ ? \\ ? \end{pmatrix} = |??\rangle$$

(D) 
$$|11\rangle = |1\rangle \otimes |1\rangle = \begin{pmatrix} ? \times \begin{pmatrix} ? \\ ? \end{pmatrix} \\ ? \times \begin{pmatrix} ? \\ ? \end{pmatrix} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} ? \\ ? \\ ? \\ ? \end{pmatrix}$$

$$CNOT|11\rangle = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} ? \\ ? \\ ? \\ ? \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} ? \\ ? \\ ? \\ ? \end{pmatrix} = |??\rangle$$