CNOT Gate 作業

先完成 (A), (B), (C), (D):

如果
$$q_0=|0
angle=inom{1}{0}$$
 而 $q_1=|1
angle=inom{0}{1}$, (若 q_1 以 CNOT 控制 q_0),

$$\text{(A) } q_1q_0 = |10\rangle = |?\rangle \otimes |?\rangle = \begin{pmatrix} ? \times \begin{pmatrix} ? \\ ? \\ ? \\ ? \times \begin{pmatrix} ? \\ ? \\ ? \end{pmatrix} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} ? \\ ? \\ ? \\ ? \end{pmatrix}, 參考連結$$

也就是 $a_{00} =?, a_{01} =?, a_{10} =?, a_{11} =?,$ 所以

$$CNOT|\mathbf{10}\rangle = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} a_{00} \\ a_{01} \\ a_{10} \\ a_{11} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} ? \\ ? \\ ? \\ ? \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} ? \\ ? \\ ? \\ ? \end{pmatrix}, 也就是|??\rangle (如下)$$

同樣地,

(B)
$$|00\rangle = |?\rangle \otimes |?\rangle = \begin{pmatrix} ? \times \begin{pmatrix} ? \\ ? \\ ? \\ ? \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} ? \\ ? \\ ? \\ ? \end{pmatrix}$$

$$CNOT|00\rangle = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} ? \\ ? \\ ? \\ ? \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} ? \\ ? \\ ? \\ ? \end{pmatrix} = |??\rangle$$

$$CNOT|01\rangle = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} ? \\ ? \\ ? \\ ? \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} ? \\ ? \\ ? \\ ? \end{pmatrix} = |??\rangle$$

(D)
$$|11\rangle = |?\rangle \otimes |?\rangle = \begin{pmatrix} ? \times \begin{pmatrix} ? \\ ? \end{pmatrix} \\ ? \times \begin{pmatrix} ? \\ ? \end{pmatrix} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} ? \\ ? \\ ? \\ ? \end{pmatrix}$$

$$CNOT|11\rangle = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} ? \\ ? \\ ? \\ ? \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} ? \\ ? \\ ? \\ ? \end{pmatrix} = |??\rangle$$