

CNOT Gate 作業

先完成 (A), (B), (C), (D) :

如果 $q_0 = |0\rangle = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}$ 而 $q_1 = |1\rangle = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix}$,

$$(A) q_1 q_0 = |10\rangle = |?\rangle \otimes |?\rangle = \begin{pmatrix} ? \times \begin{pmatrix} ? \\ ? \end{pmatrix} \\ ? \times \begin{pmatrix} ? \\ ? \end{pmatrix} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} ? \\ ? \\ ? \\ ? \end{pmatrix}, \text{ 參考連結}$$

也就是 $a_{00} = ?$, $a_{01} = ?$, $a_{10} = ?$, $a_{11} = ?$. 讓 q_1 以 CNOT 控制 q_0

$$CNOT|10\rangle = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} a_{00} \\ a_{01} \\ a_{10} \\ a_{11} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} ? \\ ? \\ ? \\ ? \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} ? \\ ? \\ ? \\ ? \end{pmatrix}, \text{ 也就是 } |??\rangle \text{ (如下)}$$

同樣地，

$$(B) |00\rangle = |?\rangle \otimes |?\rangle = \begin{pmatrix} ? \times \begin{pmatrix} ? \\ ? \end{pmatrix} \\ ? \times \begin{pmatrix} ? \\ ? \end{pmatrix} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} ? \\ ? \\ ? \\ ? \end{pmatrix}$$

$$CNOT|00\rangle = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} ? \\ ? \\ ? \\ ? \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} ? \\ ? \\ ? \\ ? \end{pmatrix} = |??\rangle$$

$$(C) |01\rangle = |?\rangle \otimes |?\rangle = \begin{pmatrix} ? \times \begin{pmatrix} ? \\ ? \end{pmatrix} \\ ? \times \begin{pmatrix} ? \\ ? \end{pmatrix} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} ? \\ ? \\ ? \\ ? \end{pmatrix}$$

$$CNOT|01\rangle = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} ? \\ ? \\ ? \\ ? \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} ? \\ ? \\ ? \\ ? \end{pmatrix} = |??\rangle$$

$$(D) |11\rangle = |?\rangle \otimes |?\rangle = \begin{pmatrix} ? \times \begin{pmatrix} ? \\ ? \end{pmatrix} \\ ? \times \begin{pmatrix} ? \\ ? \end{pmatrix} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} ? \\ ? \\ ? \\ ? \end{pmatrix}$$

$$CNOT|11\rangle = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} ? \\ ? \\ ? \\ ? \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} ? \\ ? \\ ? \\ ? \end{pmatrix} = |??\rangle$$