

二叉树中的分治法与遍历法 Divide Conquer & Traversal

课程版本 v6.1 主讲 令狐冲



扫描二维码关注微信/微博 获取最新面试题及权威解答

微信: ninechapter

微博: http://www.weibo.com/ninechapter

知乎: http://zhuanlan.zhihu.com/jiuzhang

官网: http://www.jiuzhang.com

大纲 Outline



- 二叉树(Binary Tree)问题的考点剖析
- 第一类考察形态: 求值, 求路径类二叉树问题
- 第二类考察形态: 结构变化类二叉树问题
- 第三类考察形态:二叉查找树(Binary Search Tree)类问题
 - 非递归(Non-recursion or Iteration)版本的中序遍历(Inorder Traversal)



请在随课教程中先修如下内容:

什么是遍历 (Traverse)

什么是分治(Divide Conquer)

递归三要素是什么

递归(Recursion),搜索(Search),遍历(Traverse),分治(Divide Conquer)之间的联系和区别是什么

什么是先序遍历(Pre-order),中序遍历(In-order),后序遍历(Post-order)

什么是结果类 ResultType, 什么时候使用 ResultType

什么是二叉查找树(Binary Search Tree),他有什么特性?他有什么作用?



二叉树的高度是多少?

A: O(n)

B: O(logn)

C: O(h)



二叉树的高度是多少?

最坏 O(n) 最好 O(logn)

一般用 O(h) 来表示更合适

二叉树考点剖析



考察形态:二叉树上求值,求路径

代表例题: http://www.lintcode.com/problem/subtree-with-maximum-average/

考点本质: 深度优先搜索(Depth First Search)

考察形态:二叉树结构变化

代表例题: http://www.lintcode.com/problem/invert-binary-tree/

考点本质:深度优先搜索(Depth First Search)

考察形态:二叉查找树(Binary Search Tree)

代表例题: http://www.lintcode.com/problem/validate-binary-search-tree/

考点本质:深度优先搜索(Depth First Search)

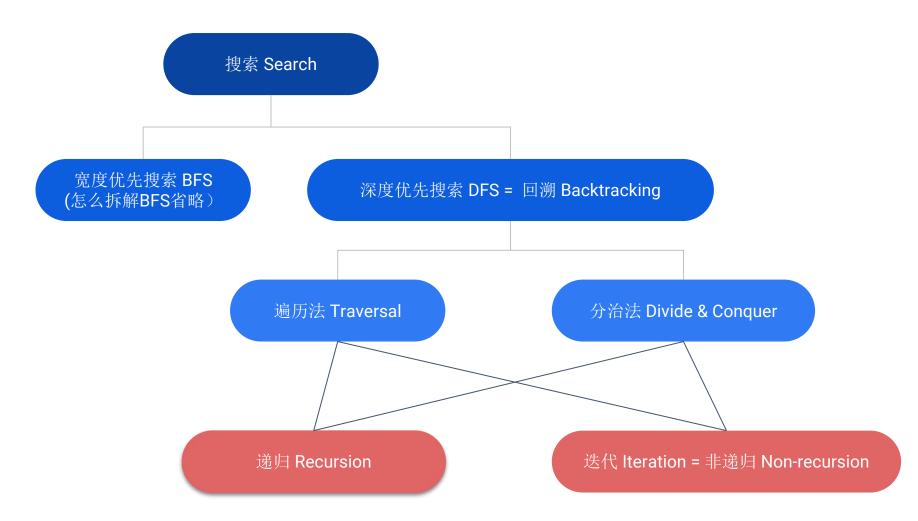


Tree-based Depth First Search

不管二叉树的题型如何变化 考点都是基于树的深度优先搜索

一张图搞明白: 递归, DFS, 回溯, 遍历, 分治, 迭代





将递归和非递归理解为算法的一种实现方式而不是算法



独孤九剑——破枪式

碰到二叉树的问题,就想想整棵树在该问题上的结果和左右儿子在该问题上的结果之间的联系是什么



第一类考察形态

二叉树上求值,求路径 Maximum / Minimum / Average / Sum / Paths



Minimum Subtree

http://www.lintcode.com/problem/minimum-subtree/http://www.jiuzhang.com/solutions/minimum-subtree/求和最小的子树



Binary Tree Paths

http://www.lintcode.com/problem/binary-tree-paths/

http://www.jiuzhang.com/solutions/binary-tree-paths/

求从根 (root) 到叶 (leaf) 的所有路径



Lowest Common Ancestor

http://www.lintcode.com/problem/lowest-common-ancestor/

http://www.jiuzhang.com/solutions/lowest-common-ancestor/

with parent pointer vs no parent pointer

follow up: LCA II & III



休息5分钟

Take a break



第二类考察形态

二叉树结构变化



Flattern Binary Tree to Linked List

http://www.lintcode.com/problem/flatten-binary-tree-to-linked-list/

http://www.jiuzhang.com/solutions/flatten-binary-tree-to-linked-list/



第三类考察形态

二叉搜索树 Binary Search Tree

BST 基本性质



- 从定义出发:
 - 左子树都比根节点小
 - 右子树都不小于根节点
- 从效果出发:
 - 中序遍历 in-order traversal 是"不下降"序列
 - 如图,中序遍历为12345



- 性质:
 - 如果一棵二叉树的中序遍历不是"不下降"序列,则一定不是BST
 - 如果一棵二叉树的中序遍历是不下降,也未必是BST
 - 比如下面这棵树就不是 BST, 但是它的中序遍历是不下降序列。
 - 1
 - / \
 - 1 1



Kth Smallest Element in BST

https://www.lintcode.com/problem/kth-smallest-element-in-a-bst/https://www.jiuzhang.com/solution/kth-smallest-element-in-a-bst/时间复杂度如何分析?



BST的高度是多少

A: O(n)

B: O(logn)

C: O(h)



BST的高度是多少

同样是最坏 O(n) 最好 O(logn) 用 O(h) 表示更合适

只有 Balanced Binary Tree (平衡二叉树) 才是 O(logn)



Follow up: 二叉树经常被修改

如何优化 kthSmallest 这个操作?

优化方法



在 TreeNode 中增加一个 counter,代表整个树的节点个数

也可以用一个 HashMap<TreeNode, Integer> 来存储某个节点为代表的子树的节点个数

在增删查改的过程中记录不断更新受影响节点的 counter

在 kthSmallest 的实现中用类似 Quick Select 的算法去找到 kth smallest element

时间复杂度为 O(h), h 为树的高度。

Strong Hire: 能够答出 Follow Up 的算法,并写出kthSmallest核心代码(不需要写增删查改,45分钟写不完的), bug free or minor bug,不需要提示

Hire / Weak Hire:能够答出 Follow up 的算法,大致写出 kthSmallest 核心代码,存在一定bug,或者需要提示

No Hire: 答不出 follow up

Strong No: 连第一问的 Inorder traversal 都不会写



Binary Search Tree Iterator

http://www.lintcode.com/problem/binary-search-tree-iterator/

http://www.jiuzhang.com/solution/binary-search-tree-iterator/

阅读全文并背诵

Binary Search Tree Iterator



该 Iterator 算法即 non-recursion 的 inorder traversal,不仅仅适用于 BST,任何 Binary Tree 都可以

- stack 中保存一路走到当前节点的所有节点
- stack的栈顶 一直存储 iterator 指向的当前节点
- hasNext() 只需要判断 stack 是否为空
- next() 只需要返回 stack 的栈顶值,并将 iterator 挪到下一个点,对 stack 进行相应的变化 挪到下一个点的算法如下:
- 如果当前点存在右子树,那么就是右子树中"一路向左"最左边的那个点
- 如果当前点不存在右子树,则是走到当前点的路径中,第一个左拐的点相关题:

http://www.lintcode.com/problem/inorder-successor-in-binary-search-tree/http://www.lintcode.com/problem/validate-binary-search-tree/不用递归http://www.lintcode.com/problem/binary-tree-inorder-traversal/不用递归



Closest Binary Search Tree Value

https://www.lintcode.com/problem/closest-binary-search-tree-value/

http://www.jiuzhang.com/solution/closest-binary-search-tree-value/

如果使用中序遍历,时间复杂度是多少?

如果使用 lowerBound / upperBound 的方法,时间复杂度是多少?



Follow up: 寻找 k 个最接近的值

https://www.lintcode.com/problem/closest-binary-search-tree-value-ii/

https://www.jiuzhang.com/solution/closest-binary-search-tree-value-ii/

如果是用中序遍历得到从小到大的所有值,接下来的问题相当于之前学过的哪个题?

有没有更快的办法?

Closest Binary Search Tree Value 评分标准



Strong Hire

找1个点和找k个点都答出来,且找 k 个点的能用 O(k + logn) 的时间复杂度

Hire

找1个点和找k个点都答出来,且找 k 个点的能用 O(klogn) 的时间复杂度完成,少 bug,无需提示

Weak Hire:

找1个点和找k个点都答出来,且找 k 个点的能分别用 O(klogn) 和 O(n) 的时间复杂度完成,bug 多,需要提示

No Hire

答出1个点, 答不出 k 个点非O(n)的算法

Strong No Hire

啥都答不出来

Related Questions



- Search Range in Binary Search Tree
- http://www.lintcode.com/problem/search-range-in-binary-search-tree/
- Insert Node in a Binary Search Tree
- http://www.lintcode.com/problem/insert-node-in-a-binary-search-tree/
- Remove Node in a Binary Search Tree
- http://www.lintcode.com/problem/remove-node-in-binary-search-tree/
- http://www.mathcs.emory.edu/~cheung/Courses/171/Syllabus/9-BinTree/BST-delete.html

本章节的补充自学内容



请在随课教程中自学如下内容:

- Morris 算法: 使用 O(1) 的额外空间复杂度对二叉树进行先序遍历(Preorder Traversal)
- 用非递归的方法实现先序遍历,中序遍历和后序遍历
- 二叉查找树(Binary Search Tree)的增删查改
- Java 自带的平衡排序二叉树 TreeMap / TreeSet 的介绍和面试中的应用