

# 電磁誘導

2018 年 7 月 6 日

## 1

### 1.1

電磁場が時間変化する場合を考える。ファラデーは電流が磁場を作るなら、逆に、磁場が電流を作るはずだと考えた。そして、2つのコイルを近くに並べ、一方に、電流を流した。しかし、電流を流し続けても何も起こらなかった。

片方の回路に検電器、片方にスイッチ付きの回路を用意し、後者の回路をオンオフするときに磁場の時間変化が発生。

- 回路に生じる起電力  $\phi$  は回路を貫く磁束の時間変化、 $\frac{d\Phi}{dt}$  に比例する。
- 一様な磁束密度  $\mathbf{B}$  が、面積  $S$  の平面を貫く時

$$\Phi = BS \quad (1)$$

一般

$$\Phi = \int_S \mathbf{B}(\mathbf{r}) \mathbf{n}(\mathbf{r}) dS \quad (2)$$

F.Naunman が数式化

$$\phi = -k \frac{d}{dt} (\Phi) \quad (3)$$

単位

$$[\Phi] = [wb] : \text{ウェーバー} \quad [\phi] = [V] : \text{ボルト} \quad (4)$$

- レンツの法則回路  $C$  の縁にした、曲面  $S$  を貫く磁束  $\Phi$  は曲面によらず一定。

任意の閉じた回路  $C$  について

$$\phi = \int_C \mathbf{E}(\mathbf{r}, t) \cdot d\mathbf{r} = - \frac{d\Phi}{dt} \quad (5)$$

$$\int_C \mathbf{E}(\mathbf{r}, t) \cdot d\mathbf{r} = \int_S \nabla \times \mathbf{E}(\mathbf{r}, t) \cdot \mathbf{n}(\mathbf{r}) dS \quad (6)$$

$$- \frac{d\Phi}{dt} = \frac{d}{dt} \int_S \mathbf{B}(\mathbf{r}, t) \cdot \mathbf{n}(\mathbf{r}) dS = - \int_S \frac{\partial \mathbf{B}(\mathbf{r}, t)}{\partial t} \cdot \mathbf{n}(\mathbf{r}) dS \quad (7)$$

$$\nabla \times \mathbf{B}(\mathbf{r}, t) = - \frac{\partial \mathbf{B}(\mathbf{r}, t)}{\partial t} \quad (8)$$

微分系の電磁誘導の法則

これは回路がなくても成り立つ。空間経路を考えればよい。

### 1.2

運動する回路ないの起電力  $\mathbf{B}(\mathbf{r})$  は時間変化しないとする。この  $\mathbf{B}$  中を回路  $C$  を速度  $\mathbf{v}$  で動かしたとする

2

自己インダクタンスはやらない