Secure Hash Algorithm SHA-256

Chi Trung Nguyen *T-Systems*



21. Juni 2012



- 1. um erinnerung etwas aufzufrischen: Was ist ein hash
- 2. geschichte gegliedert in einzelne mitglieder
- 3. implementierung sha256 und anwendungen von hashalgorithmen bzw sha2
- 4. schlussendlich kleiner ausblick auf sha3 der im sommer 2012 vorgestellt werden soll

 EINFÜHRUNG
 GESCHICHTE
 IMPLEMENTIERUNG
 ANWENDUNG

 0
 00000
 00000000
 0000000

AGENDA

EINFÜHRUNG Was ist ein Hash?



- 1. um erinnerung etwas aufzufrischen: Was ist ein hash
- 2. geschichte gegliedert in einzelne mitglieder
- 3. implementierung sha256 und anwendungen von hashalgorithmen bzw sha2
- 4. schlussendlich kleiner ausblick auf sha3 der im sommer 2012 vorgestellt werden soll

 EINFÜHRUNG
 GESCHICHTE
 IMPLEMENTIERUNG
 ANWENDUNG

 0
 00000
 00000000
 0000000

AGENDA

EINFÜHRUNG Was ist ein Hash?

GESCHICHTE
SHA Allgemein
SHA-0
SHA-1
SHA-2



- 1. um erinnerung etwas aufzufrischen: Was ist ein hash
- 2. geschichte gegliedert in einzelne mitglieder
- 3. implementierung sha256 und anwendungen von hashalgorithmen bzw sha2
- 4. schlussendlich kleiner ausblick auf sha3 der im sommer 2012 vorgestellt werden soll

EINFÜHRUNG IMPLEMENTIERUNG ANWENDUNG

AGENDA

EINFÜHRUNG Was ist ein Hash?

GESCHICHTE

SHA Allgemein SHA-0

SHA-1

SHA-2

IMPLEMENTIERUNG

Algorithmus

Pseudocode



- 1. um erinnerung etwas aufzufrischen: Was ist ein hash
- 2. geschichte gegliedert in einzelne mitglieder
- 3. implementierung sha256 und anwendungen von hashalgorithmen bzw sha2
- 4. schlussendlich kleiner ausblick auf sha3 der im sommer 2012 vorgestellt werden soll

 EINFÜHRUNG
 GESCHICHTE
 IMPLEMENTIERUNG
 ANWENDUNG

 0
 00000
 0000000
 0000000

AGENDA

EINFÜHRUNG Was ist ein Hash?

GESCHICHTE

SHA Allgemein

SHA-0

SHA-1

SHA-2

IMPLEMENTIERUNG

Algorithmus

Pseudocode

ANWENDUNG

Verwendungszweck
Schwachstellen/Angriffsvektoren



- 1. bsp automarken, mercedes = 1,bmw = 2
- 2. krypto hash, hash unterschied: hash beliebig abgebildet(zb Perl), kryptohash = berechnet mit algorithmus

 EINFÜHRUNG
 GESCHICHTE
 IMPLEMENTIERUNG
 ANWENDUNG

 ●
 00000
 0000000
 000000

WAS IST EIN HASH?

► deutsch: "zerhacken", "verstreuen"



- 1. bsp automarken, mercedes = 1,bmw = 2
- 2. krypto hash, hash unterschied: hash beliebig abgebildet(zb Perl), kryptohash = berechnet mit algorithmus

 EINFÜHRUNG
 GESCHICHTE
 IMPLEMENTIERUNG
 ANWENDUNG

 ●
 00000
 0000000
 000000

WAS IST EIN HASH?

- ► deutsch: "zerhacken", "verstreuen"
- ► Hashfunktion oder Streuwertfunktion erstellt aus beliebiger großer Quellmenge eine immer gleich große Zielmenge

$$f(x) = f(x')$$



- 1. bsp automarken, mercedes = 1,bmw = 2
- 2. krypto hash, hash unterschied: hash beliebig abgebildet(zb Perl), kryptohash = berechnet mit algorithmus

 EINFÜHRUNG
 GESCHICHTE
 IMPLEMENTIERUNG
 ANWENDUNG

 ●
 00000
 0000000
 000000

WAS IST EIN HASH?

- ▶ deutsch: "zerhacken", "verstreuen"
- ► Hashfunktion oder Streuwertfunktion erstellt aus beliebiger großer Quellmenge eine immer gleich große Zielmenge

$$f(x) = f(x')$$

► Einwegfunktion



- 1. sha-0 wurde...
- 2. sha steht für secure hash algorithm und ist eine gruppe von hash algorithmn

SHA ALLGEMEIN

► 1993 vom National Institute of Standards (NIST) als ein U.S. Federal Information Processing Standard (FIPS) veröffentlicht



- 1. sha-0 wurde...
- 2. sha steht für secure hash algorithm und ist eine gruppe von hash algorithmn

SHA ALLGEMEIN

- ► 1993 vom National Institute of Standards (NIST) als ein U.S. Federal Information Processing Standard (FIPS) veröffentlicht
- ► Gruppe von kryptologischer Hashfunktionen
 - ► SHA-0
 - ► SHA-1
 - ► SHA-2
 - ► SHA-3



Secure Hash Algorithm 10 of 44

- ursprünglich als
 1991 empfohlen

Einführung GESCHICHTE IMPLEMENTIERUNG ANWENDUNG 00000

SHA-0

► 1993 veröffentlicht



Secure Hash Algorithm 11 of 44

- 1. ursprünglich als
- 2. 1991 empfohlen

 EINFÜHRUNG
 GESCHICHTE
 IMPLEMENTIERUNG
 ANWENDUNG

 0
 0 ●000
 00000000
 0000000

SHA-0

- ► 1993 veröffentlicht
- Bestandteil des Digital Signature Algorithms (DSA) für Digital Signature Standard (DSS)



Secure Hash Algorithm 12 of 44

- 1. alles optional, nicht vorlesen!
- 2. 2005 von Xiaoyun Wang, Yiqun Lisa Yin und Hongbo Yu an der Shandong University in China gebrochen
- 3. Ihnen war es gelungen, den Aufwand zur Kollisionsberechnung von 2^{80} auf 2^{69} zu verringern
- 4. es wurde ein rechtsshift durch ein linksshift ersetzt
- 5. August 2005, wurde von Xiaoyun Wang, Andrew Yao und Frances Yao auf der Konferenz CRYPTO 2005 ein weiterer, effizienterer Kollisionsangriff auf SHA-1 vorgestellt, welcher den Berechnungsaufwand auf 2⁶³ reduziert

SHA-1

► 1995 veröffentlicht



Secure Hash Algorithm 13 G

- 1. alles optional, nicht vorlesen!
- 2. 2005 von Xiaoyun Wang, Yiqun Lisa Yin und Hongbo Yu an der Shandong University in China gebrochen
- 3. Ihnen war es gelungen, den Aufwand zur Kollisionsberechnung von 2^{80} auf 2^{69} zu verringern
- 4. es wurde ein rechtsshift durch ein linksshift ersetzt
- 5. August 2005, wurde von Xiaoyun Wang, Andrew Yao und Frances Yao auf der Konferenz CRYPTO 2005 ein weiterer, effizienterer Kollisionsangriff auf SHA-1 vorgestellt, welcher den Berechnungsaufwand auf 2⁶³ reduziert

SHA-1

- ▶ 1995 veröffentlicht
- ► aufgrund Designfehler in SHA-0



Secure Hash Algorithm 14 of

1. die hier gelistet sind(nächste folie)

Einführung o GESCHICHTE

IMPLEMENTIERUNG

Anwendung 000000

SHA-2

► 2002 veröffentlicht



Secure Hash Algorithm 15 of 44

1. die hier gelistet sind(nächste folie)

EINFÜHRUNG GESCHICHTE IMPLEMENTIERUNG

O OOO•O OOOOOOO

SHA-2

- ► 2002 veröffentlicht
- ► existiert in mehreren Bit Variante



ANWENDUNG

Secure Hash Algorithm 16 of 44

- 1. 2^{64} bits = 2 147 483 648 gigabytes
- 2. auch wenn 2¹²⁸ bits an daten möglich sind, werden 2⁶⁴ in der realität nicht überschritten
- 3. unterschiede erklären: andere konstanten bei 224 & 384, worte werden weggelassen

Tabelle: Secure Hash Algorithmus Eigenschaften

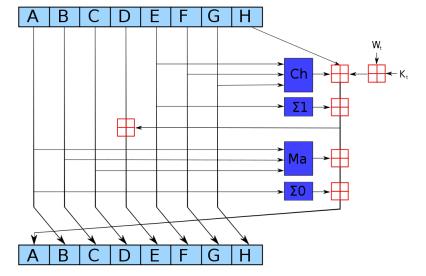
Algorithmus	Message	Block Größe(bits)	Word Größe(bits)	Message Digest
	Größe(bits)			Größe(bits)
SHA-1	$< 2^{64}$	512	32	160
SHA-224	$< 2^{64}$	512	32	224
SHA-256	$< 2^{64}$	512	32	256
SHA-384	$< 2^{128}$	1024	64	384
SHA-512	$< 2^{128}$	1024	64	512



Secure Hash Algorithm 17 of 44

- 1. SHA2 teilt erst in messages,dann in 64 byte chunks, wendet mathematische funktionen auf jeden chunk, und fügt diese dann dem hash hinzu.
- 2. der algorithmus tut dies für jeden chunk und fügt es dann dem hash wert hinzu.
- 3. am ende bekommt man einen hash wert mit einer genauen länge

DARSTELLUNG DES ALGORITHMUS





Secure Hash Algorithm 18 of 4

FUNKTIONEN

$$Ch(E, F, G) = (E \land F) \oplus (\neg E \land G)$$

$$Maj(A, B, C) = (A \land B) \oplus (A \land C) \oplus (B \land C)$$

$$\Sigma_0 = (A \ggg 2) \oplus (A \ggg 13) \oplus (A \ggg 22)$$

$$\Sigma_1 = (A \ggg 6) \oplus (A \ggg 11) \oplus (A \ggg 25)$$

PSEUDOCODE

► Initialisiere Variabeln (die ersten 32 Bits der Nachkommastellen der Quadratwurzeln von den ersten 8 Primzahlen 2..19):

$$h[0..7] := 0x6a09e667, [...], 0x5be0cd19$$

GESCHICHTE

PSEUDOCODE

► Initialisiere Variabeln (die ersten 32 Bits der Nachkommastellen der Quadratwurzeln von den ersten 8 Primzahlen 2..19):

```
h[0..7] := 0x6a09e667, [...], 0x5be0cd19
```

► Initialisiere Variabeln der Runden Konstanten (die ersten 32 Bits der Nachkommastellen der Kubikwurzel von den ersten 64 Primzahlen 2..311):

```
k[0..63] := 0x428a2f98, [...], 0xc67178f2
```



- 1. bsp nachricht "abc"
- 2. representation in ascii: 97 = a, 98=b, 99=c
- 3. a= 0110 0001
- 4. b= 0110 0010
- 5. c= 0110 0011
- 6. da 8x3 = 24 ergibt sich 448 (24 + 1) = 423 zero Bits
- 7. am ende nachricht hinzufugen

Preprocessing

▶ bit 1 zur *message* hinzufügen



Secure Hash Algorithm 22 of 44

- 1. bsp nachricht "abc"
- 2. representation in ascii: 97 = a, 98=b, 99=c
- 3. $a = 0110\ 0001$
- 4. b= 0110 0010
- 5. $c = 0110\ 0011$
- 6. da 8x3 = 24 ergibt sich 448 (24 + 1) = 423 zero Bits
- 7. am ende nachricht hinzufugen

Preprocessing

- ▶ bit 1 zur *message* hinzufügen
- ▶ anzahl von k bits 0 hinzufügen, wobei k die kleinst mögliche Zahl >= 0, so dass die Länge der message (in bits) Modulo 512 minus 64 bits ist



Secure Hash Algorithm 23 of 44

- 1. bsp nachricht "abc"
- 2. representation in ascii: 97 = a, 98 = b, 99 = c
- 3. a= 0110 0001
- 4. b= 0110 0010
- 5. $c = 0110\ 0011$
- 6. da 8x3 = 24 ergibt sich 448 (24 + 1) = 423 zero Bits
- 7. am ende nachricht hinzufugen

Preprocessing

- ▶ bit 1 zur *message* hinzufügen
- ▶ anzahl von k bits 0 hinzufügen, wobei k die kleinst mögliche Zahl >= 0, so dass die Länge der message (in bits) Modulo 512 minus 64 bits ist
- ► Länge der *message* (vor dem Preprocessing), in bits, als 64-bit big-endian integer hinzufgen



Secure Hash Algorithm 24 of 44

- 1. bsp nachricht "abc"
- 2. representation in ascii: 97 = a, 98=b, 99=c
- 3. a= 0110 0001
- 4. b= 0110 0010
- 5. $c = 0110\ 0011$
- 6. da 8x3 = 24 ergibt sich 448 (24 + 1) = 423 zero Bits
- 7. am ende nachricht hinzufugen

 EINFÜHRUNG
 GESCHICHTE
 IMPLEMENTIERUNG
 ANWENDUNG

 0
 00000
 000000
 000000

Preprocessing

- ▶ bit 1 zur *message* hinzufügen
- ▶ anzahl von k bits 0 hinzufügen, wobei k die kleinst mögliche Zahl >= 0, so dass die Länge der *message* (in bits) Modulo 512 minus 64 bits ist
- ► Länge der *message* (vor dem Preprocessing), in bits, als 64-bit big-endian integer hinzufgen

- ▶ message in 512-bit chunks teilen
- ▶ foreach chunk{ teile chunk in sechzehn 32-bit big-endian Worte w[0..15]

01100001 01100010 01100011 1 00...00 00...011000 ₱ ▶ ∢ 壹 ▶ ∢ ⋽ ▶ ⋛ ⊅ ९℃

423

Secure Hash Algorithm 25 of 44

ERWEITERUNG DER WORTE

for
$$i=16$$
 to 63 {
$$s0:=(w[i-15] \text{ rightrotate 7}) \text{ xor } (w[i-15] \text{ rightrotate 18})$$

$$\text{xor } (w[i-15] \text{ rightshift 3})$$

$$s1:=(w[i-2] \text{ rightrotate 17}) \text{ xor } (w[i-2] \text{ rightrotate 19}) \text{ xor }$$

$$(w[i-2] \text{ rightshift 10})$$

$$w[i]:=w[i-16]+s0+w[i-7]+s1$$
}

Hashzuweisung

$$a := h0$$

 $b := h1$
 $c := h2$
 $d := h3$
 $e := h4$
 $f := h5$
 $g := h6$

h := h7

27 of 44

for
$$i=0$$
 to 63 { $S0:=(a \text{ rightrotate 2}) \text{ xor } (a \text{ rightrotate 13}) \text{ xor } (a \text{ rightrotate 22})$

28 of 44

for
$$i=0$$
 to 63 {
$$S0 := (a \text{ rightrotate 2}) \text{ xor } (a \text{ rightrotate } 13) \text{ xor } (a \text{ rightrotate } 22)$$

$$maj := (a \text{ and } b) \text{ xor } (a \text{ and } c) \text{ xor } (b \text{ and } c)$$

Secure Hash Algorithm 29 of 44

for
$$i=0$$
 to 63 {
$$S0 := (a \text{ rightrotate 2}) \text{ xor } (a \text{ rightrotate } 13) \text{ xor } (a \text{ rightrotate } 22)$$

$$maj := (a \text{ and } b) \text{ xor } (a \text{ and } c) \text{ xor } (b \text{ and } c)$$

$$t2 := S0 + maj$$

30 of 44

for
$$i=0$$
 to 63 {
$$S0 := (a \text{ rightrotate 2}) \text{ xor } (a \text{ rightrotate } 13) \text{ xor } (a \text{ rightrotate } 22)$$

$$maj := (a \text{ and } b) \text{ xor } (a \text{ and } c) \text{ xor } (b \text{ and } c)$$

$$t2 := S0 + maj$$

$$S1 := (e \text{ rightrotate } 6) \text{ xor } (e \text{ rightrotate } 11) \text{ xor } (e \text{ rightrotate } 25)$$

for
$$i=0$$
 to 63 {
$$S0 := (a \text{ rightrotate 2}) \text{ xor } (a \text{ rightrotate } 13) \text{ xor } (a \text{ rightrotate } 22)$$

$$maj := (a \text{ and } b) \text{ xor } (a \text{ and } c) \text{ xor } (b \text{ and } c)$$

$$t2 := S0 + maj$$

$$S1 := (e \text{ rightrotate 6}) \text{ xor } (e \text{ rightrotate } 11) \text{ xor } (e \text{ rightrotate } 25)$$

$$ch := (e \text{ and } f) \text{ xor } ((\text{not } e) \text{ and } g)$$

for
$$i=0$$
 to 63 {
$$S0 := (a \text{ rightrotate } 2) \text{ xor } (a \text{ rightrotate } 13) \text{ xor } (a \text{ rightrotate } 22)$$

$$maj := (a \text{ and } b) \text{ xor } (a \text{ and } c) \text{ xor } (b \text{ and } c)$$

$$t2 := S0 + maj$$

$$S1 := (e \text{ rightrotate } 6) \text{ xor } (e \text{ rightrotate } 11) \text{ xor } (e \text{ rightrotate } 25)$$

$$ch := (e \text{ and } f) \text{ xor } ((\text{not } e) \text{ and } g)$$

$$t1 := h + S1 + ch + k[i] + w[i]$$

33 of 44

ANWENDUNG

HAUPTSCHLEIFE

for
$$i=0$$
 to 63 {

 $S0:=(a \text{ rightrotate } 2) \text{ xor } (a \text{ rightrotate } 13) \text{ xor } (a \text{ rightrotate } 22)$
 $maj:=(a \text{ and } b) \text{ xor } (a \text{ and } c) \text{ xor } (b \text{ and } c)$
 $t2:=S0+maj$
 $S1:=(e \text{ rightrotate } 6) \text{ xor } (e \text{ rightrotate } 11) \text{ xor } (e \text{ rightrotate } 25)$
 $ch:=(e \text{ and } f) \text{ xor } ((\text{not } e) \text{ and } g)$
 $t1:=h+S1+ch+k[i]+w[i]$
 $h:=g$
 $g:=f$
 $f:=e$
 $e:=d+t1$
 $d:=c$
 $c:=b$
 $b:=a$
 $a:=t1+t2$

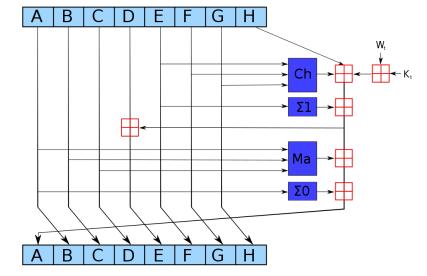
```
h0 := h0 + a
h1 := h1 + b
h2 := h2 + c
h3 := h3 + d
h4 := h4 + e
h5 := h5 + f
h6 := h6 + g
h7 := h7 + h
}
}//Ende der foreach-Schleife
```

AUSGABE

digest = hash = h0 append h1 append h2 append h3 append h4 append h5 append h6 append h7

- 1. SHA2 teilt erst in messages,dann in 64 byte chunks, wendet mathematische funktionen auf jeden chunk, und fügt diese dann dem hash hinzu.
- 2. der algorithmus tut dies für jeden chunk und fügt es dann dem hash wert hinzu.
- 3. am ende bekommt man einen hash wert mit einer genauen länge

DARSTELLUNG DES ALGORITHMUS





Secure Hash Algorithm 37 of

VERWENDUNGSZWECK

► Digitale Zertifikate und Signaturen

VERWENDUNGSZWECK

- ► Digitale Zertifikate und Signaturen
- ► Passwortverschlüsselung
 - ► pam_unix: sha2, md5
 - ► htpasswd(Apache): sha1, md5
 - ► MySQL: sha1



Secure Hash Algorithm 39 of 4

VERWENDUNGSZWECK

- ► Digitale Zertifikate und Signaturen
- ► Passwortverschlüsselung
 - ► pam_unix: sha2, md5
 - ► htpasswd(Apache): sha1, md5
 - ► MySQL: sha1
- ► Prüfsummen bei Downloads



Secure Hash Algorithm 40 of 44

- 1. bis zum heutigen tage noch keine sicherheitslücken,daher eher schwachstellen als sicherheitslücken
- 2. allgemein wird in starke und schwache hashefunktionen unterschieden
- 3. wieder auf folie gucken
- 4. sha2 fragil, kleine änderung im algo \rightarrow grosse auswirkung auf sicherheit
- 5. siehe quelle 14

SCHWACHSTELLEN/ANGRIFFSVEKTOREN

► Resistenzen:

- Kollisionsresistenz
- ► Preimage Resistenz
- ► Second Preimage Resistenz

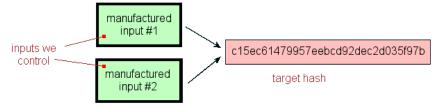


Secure Hash Algorithm 41 of

- 1. kollisionsfreiheit unmöglich, es muss nur schwer sein welche zu finden: da es unendlich viele eingaben, aber nur endlich viele hashes gibt
- 2. schwache kr: vorgegebene eingabe, gesucht ist eine eingabe, die zum gleichen hash führt
- 3. schwache kr: gesucht sind zwei beliebige eingaben, die zum gleichen hash führt

KOLLISIONSRESISTENZ

Wie schwer ist es, zwei verschiedenen Nachrichten mit gleicher Prüfsumme zu finden?





Secure Hash Algorithm 42 of 44

PREIMAGE RESISTENZ

Wie schwer ist es, zu einem vorgegebenen Hash-Wert eine Nachricht zu erzeugen, die denselben Hash-Wert ergibt?

```
input we control input input input c693fc5c6c9b22deb64B1ada7e2c3887
```

SECOND PREIMAGE RESISTENZ

Wie schwer ist es, zu einer vorgegebene Nachricht einen Hash-Wert eine Nachricht zu finden, die denselben Hash-Wert ergeben?

```
input we control input was input we control input was input we control input was input
```

Fragen?



ANWENDUNG