PF1

Semaine 01 - Numération

Exercice 1 Convertir (210)₁₀ en base 3 en utilisant la méthode par encadrements successifs.

Exercice 2 Convertir $(2222)_{10}$ en base 2, puis en base 5 et en base 3 en utilisant la méthode des divisions successives.

Exercice 3 Convertir $(101010110111)_2$ en base 10:

- 1. en utilisant la recomposition par somme des puissances de la base;
- 2. en utilisant la méthode de Horner.

Compter le nombre d'additions et de multiplications effectuées et comparer.

Exercice 4 Les shadoks comptent en base 4. L'alphabet utilisé est (dans l'ordre) :

$$\bigcirc$$
 (GA), $_$ (BU), \bot (ZO) et \triangle (MEU).

La position des symboles indique le nombre d'unités ou de poubelles (petite poubelle de 4, grande poubelle de 16, etc.). Que vaut $\triangle \bigcirc \bot \bigcirc _$ (c'est-à-dire MEU GA ZO GA BU) en décimal? en hexadécimal? en octal?



Exercice 5 Convertir $(123123)_{10}$ en base 2, puis en base 16. Convertir $(123123)_{10}$ en base 16, puis en base 2. Compter les opérations et comparer.

Exercice 6 Pour quelle(s) valeur(s) de b, d, et f les expressions suivantes sont-elles vraies?

$$(23)_b + (15)_b = (42)_b$$

$$(23)_d + (25)_d = (51)_d$$

$$(105)_f + (304)_f + (124)_f + (515)_f + (205)_f = (551)_f + (241)_f + (440)_f$$

Exercice 7 Soit une base entière b > 1, et dont les deux premiers chiffres sont \mathfrak{C} et *.

- Comment s'écrit le nombre b en base b?
- Comment s'écrit le nombre b+1 en base b?
- Comment s'écrit le nombre $b \times b$ en base b?
- Comment s'écrit le nombre b^i , pour tout $i \geq 1$ en base b?

Exercice 8 Que valent $(44)_5$, $(2222)_3$, $(77777777)_8$? Chercher une « formule simple »... Généraliser de sorte à exprimer $(\underbrace{(b-1)(b-1)\cdots(b-1)}_n)_b$ pour tout b>1 et tout n>1?

Exercice 9 Que valent, en fonction de b > 1, les écritures $(111)_b$ et $(1111)_b$? Généraliser pour $(1 \cdot \cdot \cdot 1)_b$.

Exercice 10 En base 10, comment s'écrit le nombre 9×9 ? En base 16, $F \times F$? En base 5, 4×4 ? Plus généralement, comment s'écrit le nombre $(b-1)^2$ en base b?

Exercice 11 Supposons b > 2 (b entier), comment s'écrit $(121)_b$ en base b + 1? Et $(1210)_b$?

Exercice 12 Supposons b > 2 (b entier), comment s'écrit $((b-1)1)_b$ en base b-1?

Exercice 13 Supposons b > 0 (b entier), comment s'écrit $(bb)_{b+1}$ en base b+2? Et $(bbb)_{b+1}$?