# Московский государственный университет имени М. В. Ломоносова механико-математический факультет кафедра Математической теории интелектуальных систем



Курсовая работа студента 1 курса магистратуры Манкаева Нарана Николаевича

Реализация алгоритма обучения с подкреплением Advantage Actor Critic с оценкой General Advantage Estimation на примере восьминогого робота.

Научный руководитель:

к.ф.-м.н.

В.С. Половников

# Оглавление

1.	Введение	2
2.	Алгоритм Advantage actor critic	5
3.	Задача обучения восьминогого робота	15
4.	Заключение	21
Список	литературы	22
Прил	южение A	24
Прил	ложение Б	27

#### 1. Введение

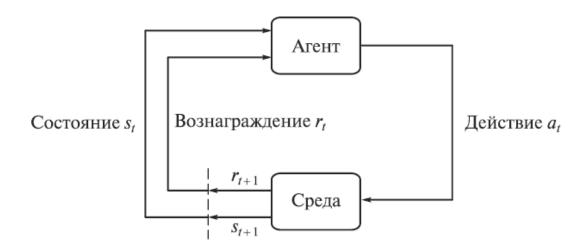
На сегодняшний день обучение с подкреплением (англ. Reinforcment Learning, RL) является одним из основополагающих способов машинного обучения, активно применяющийся на практике. При помощи обучения с подкреплением, или RL, были достигнуты успехи при создании искусственного интеллекта для сложных стратегических игр таких как го, сёги и шахматы [1]; RL используется в сфере финансов при создании трейдинговых ботов [2]; также RL применяется для обучения компьютеров управлением роботов как смоделированных, так и реальных, физических [3, 4].

Основной концепцией обучения с подкреплением является взаимодействие испытуемой системы (агент), находящейся в некотором состоянии  $s_t \in S$ , где S — множество возможных состояний, со средой в течении дискретных временных шагов  $t = 0, 1, 2, 3, \dots$  Взаимодействие происходит путем совершения действия  $a_t \in A(s_t)$ , где  $A(s_t)$  — множество действий, возможных в состоянии  $s_t$ . Это действие переводит агента из одного состояния  $s_t$  в другое  $s_{t+1}$ , при этом за совершенные действия среда выдает агенту награду  $r_{t+1} \in \mathbb{R}$  [5]. Рисунок 1 иллистрирует взаимодействие агент — среда .

На каждом временном шаге агент осуществляет отображение из множества состояний на множество вероятностей выбора каждого из возможных действий. Это отображение называется *стратегией* агента и обозначается  $\pi_t$ , где  $\pi_t(s,a)$  — вероятность того, что  $a_t$  =

a, если  $s_t=s$ . Главной целью агента является максимизация суммы всех вознаграждений, которую он получит в долгосрочной перспективе.

Рис. 1. Цикл взаимодействия агента со средой



Изменение стратегии агента в зависимости от имеющегося опыта происходит согласно алгоритмам обучения с подкреплением. Одним из основных алгоритмов, используемых в RL, является алгоритм Advantage actor critic (или A2C) [6]. Его преимущество содержится в сочетании двух типов алгоритмов обучения с подкреплением (на основе стратегий и на основе ценностей). Ключевыми элементами алгоритмов на основе ценностей являются функция ценности состояния  $V^{\pi}(s)$  и функция ценности действия  $Q^{\pi}(s,a)$  [5]. Функция ценности состосяния  $V^{\pi}(s)$  называется ожидаемая выгода, по-

лученная агентом согласно стратегии  $\pi$  при начальном состоянии s. Функция ценности действия  $Q^{\pi}(s,a)$  — это ожидаемая выгода, полученная согласно стратегии  $\pi$  при начальном состоянии s и осуществленном дейсвтии a. Алгоритмы на основе ценностей учатся выбирать действия, опираясь на прогнозируемое значение функций ценностей входного состояния или действия [5, 7]. Агенты, использующеие алгоритымы на основе стратегий, непосредственно изучают стратегию (распределение вероятностей действий) [5, 8].

В данной работе рассматривается восьминогий робот, построенный в симмуляционной среде Мијосо. Целью курсовой работы является обучение робота передвижению при помощи алгоритма Advantage actor critic с оценкой функции преимущества (англ. Advantage) через General Advantage Estimation [9].

# 2. Алгоритм Advantage actor critic

#### 2.1. Алгоритмы обучения с подкреплением

Алгоритмы обучения с подкреплением делятся на две основные ветки: алгоритмы, имеющие доступ к модели среды и не имеющие. Под моделью среды подразумевается функция, которая предсказывает переходы между состояниями и их вознограждения.

Основным преимуществом алгоритмов, использующих модель, является то, что они позволяют агенту с помощью модели среды планировать, заранее узнавать, что произойдет с рядом возможных вариантов действий, и выбрать один из них. С помощью этого агенты могут преобразовать результаты заблаговременного планирования в усвоенную стратегию.

Но главный недостаток таких алгоритмов заключается в том, что агент может использовать модель очень прямолинейно, в результате чего он будет показывать хорошие результаты именно на этой изученной модели, но вести себя неоптимально (или даже ужасно) в реальной среде. В связи с этим в данный момент распространены алгоритмы, не задействующие модель в своем обучении. Так же это связано с их менее трудной реализацией и легкой настройкой.

Алгоритмы свободные от модели в свою очередь подразделяются на алгоритмы, основывающиеся на оптимизации стратегии (алгоритм REINFORCE [10]), и на алгоритмы, нацеленные на использо-

вании функций ценностей (Q-learning [7]). Рассматриваемый в данной работе алгоритм Advantage Actor Critic содежит в себе элементы двух этих типов алгоритмов, что дает ему преимущество при его реализации на реальных задачах.

В большей степени алгоритм A2C основывается на алгоритме REINFORCE, так как алгоритм A2C в некотором роде является его модернизированной версией. Поэтому для понимания алгоритма A2C нам необходимо и описать алгоритм REINFORCE. Рассмотрим данные алгоритмы подробнее.

#### 2.2. Алгоритм REINFORCE

Алгоритм REINFORCE, как уже было сказано, является алгоритмом оптимизации стратегии  $\pi_{\theta}(s|a)$ , где  $\theta$  некоторый параметр. Как и во всех алгоритмах обучения с подкреплением его главной целью является максимизировать суммарное вознаграждение  $R = \sum_{t=1}^{T} r_t$ , где T — шаг, на котором произошел переход в терминальное состояние. Для достижения этой цели в алгоритме REINFORCE используется метод оптимизации, называемый методом градиентного спуска [11]. Метод градиентного спуска в алгоритме REINFORCE применяется для функции

$$J(\theta) = E_{\tau \sim p_{\theta}(\tau)} [R_{\tau}] = \int p_{\theta}(\tau) R_{\tau} d\tau,$$

где  $\tau$  обозначение некоторого сценария — последовательности состояний и произведенных в них действий:  $\tau = (s_1, a_1, s_2, a_2, ...s_T, a_T)$ ;  $R_{\tau} = \sum_{\tau} r(s_t, a_t)$  — сумма всех вознаграждений, полученных в ходе сценария;  $p_{\theta}(\tau)$  — вероятность реализации сценария.

Вероятность реализации сценария зависит от поведения среды, которое задается вероятностями перехода между состояниями  $p(s_{t+1}|s_t,a_t)$ , распределением начальных состояний  $p(s_1)$  и поведением агента, которое определяется его стохастической стратегией  $\pi_{\theta}(a_t|s_t)$ . Вероятностное распределение над сценариями, таким образом, задается как

$$p_{\theta}(\tau) = p_{\theta}(s_1, a_1, ...s_T, a_T) = p(s_1) \prod_{t=1}^{T} \pi_{\theta}(a_t|s_t) p(s_{t+1}|s_t, a_t)$$

Так как алгоритм REINFORCE является алгоритмом свободным от модели, то вероятности перехода между состояниями агенту не известны. Это затрудняет расчет  $\nabla_{\theta}J(\theta)=\int \nabla_{\theta}p_{\theta}(\tau)R_{\tau}d\tau$ , необходимый для применения метода градиентного спуска. Однако можно заметить, что  $p_{\theta}(\tau)\nabla_{\theta}\log p_{\theta}(\tau)=p_{\theta}(\tau)\frac{\nabla_{\theta}p_{\theta}(\tau)}{p_{\theta}(\tau)}=\nabla_{\theta}p_{\theta}(\tau)$ . Тогда, делая приведенную замену, формула для градиента математического ожидания суммарного выигрыша примет следующий вид

$$\nabla_{\theta} J(\theta) = \int p_{\theta}(\tau) \nabla_{\theta} \log p_{\theta}(\tau) R_{\tau} d\tau = E_{\tau \sim p_{\theta}(\tau)} \left[ \nabla_{\theta} \log p_{\theta}(\tau) R_{\tau} \right]$$

Так как 
$$p_{\theta}(\tau) = p(s_1) \prod_{t=1}^{T} \pi_{\theta}(a_t|s_t) p(s_{t+1}|s_t, a_t)$$
, то  $\log p_{\theta}(\tau)$  раз-

ложится в сумму:

$$\log p_{\theta}(\tau) = \log p(s_1) + \sum_{t=1}^{T} (\log \pi_{\theta}(a_t|s_t) + \log p(s_{t+1}|s_t, a_t))$$

В свою очередь,

$$\nabla_{\theta} \log p_{\theta}(\tau) = \underbrace{\nabla_{\theta} \log p(s_1)}_{=0} + \sum_{t=1}^{T} \left( \nabla_{\theta} \log \pi_{\theta}(a_t|s_t) + \underbrace{\nabla_{\theta} \log p(s_{t+1}|s_t, a_t)}_{=0} \right) = \sum_{t=1}^{T} \nabla_{\theta} \log \pi_{\theta}(a_t|s_t)$$

Тогда, подставляя это выражение в формулу градиента  $\nabla_{\theta}J(\theta)$  мы получим

$$\nabla_{\theta} J(\theta) = E_{\tau \sim p_{\theta}(\tau)} \left[ \left( \sum_{t=1}^{T} \nabla_{\theta} \log \pi_{\theta}(a_{t}|s_{t}) \right) R_{\tau} \right]$$

Заметим, что в получившееся выражение для  $\nabla_{\theta}J(\theta)$  уже напрямую не входят значения  $p(s_{t+1}|s_t,a_t)$  и  $p(s_1)$ , которые были нам неизвестны.

Таким образом, если у нас есть в наличии сценарий  $\tau$  и соответсвующее ему значение вознаграждения  $R_{\tau}$ , мы можем вычислить величину  $\left(\sum_{t=1}^{T} \nabla_{\theta} \log \pi_{\theta}(a_{t}|s_{t})\right) R_{\tau}$ . Поэтому, если у нас есть выборка из N уже известных сценариев  $\tau^{i} = (s_{1}^{i}, a_{1}^{i}, ... s_{T^{i}}^{i}, a_{T^{i}}^{i})$ , полученная из распределения  $\tau \sim p_{\theta}(\tau)$ , то мы можем посчитать приблизительное значение  $\nabla_{\theta}J(\theta)$  по методу Монте-Карло [12] — вычислив выбороч-

ное среднее случайной величины:

$$\nabla_{\theta} J(\theta) \approx \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} \left( \sum_{t=1}^{T} \nabla_{\theta} \log \pi_{\theta}(a_t^i | s_t^i) \right) R_{\tau^i} =$$

$$= \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} \left( \sum_{t=1}^{T^i} \nabla_{\theta} \log \pi_{\theta}(a_t^i | s_t^i) \right) \left( \sum_{t=1}^{T^i} r(s_t^i, a_t^i) \right)$$

Несмещенная выборка сценариев  $\tau$  из вероятностного распределения  $p_{\theta}(\tau)$ , в свою очередь, находится нами из взаимодействия агента со средой при фикисрованном параметре  $\theta$ .

Таким образом, окончательный вид алгоритма REINFORCE будет таким:

- 1) Прогнать N сценариев  $\tau_i$  со стратегией  $\pi_{\theta}(a|s)$ ;
- 2) Вычислить

$$\nabla_{\theta} J(\theta) \approx \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} \left( \sum_{t=1}^{T^{i}} \nabla_{\theta} \log \pi_{\theta}(a_{t}^{i} | s_{t}^{i}) \right) \left( \sum_{t=1}^{T^{i}} r(s_{t}^{i}, a_{t}^{i}) \right);$$

- 3) Обновить параметр  $\theta \leftarrow \theta + \alpha \nabla_{\theta} J(\theta)$ ;
- 4) Если не сошлись к экстремуму, повторить цикл.

Несмотря на свое преимущество в виде простоты реализации алгоритм REINFORCE имеет ряд недостатков таких как: низкая скорость работы из-за необходимости многократно выполнять взаимодейсвие со средой для получения выборки сценариев, при этом для обновленного параметра  $\theta$  количество взаимодействий не уменьшается; большая дисперсия случайной величины  $\nabla_{\theta} \log p_{\theta}(\tau) R_{\tau}$ , так как для различных  $\tau$  значения  $R_{\tau}$  могут сильно различаться.

Но существуют некоторые модернизации алгоритма для нивелирования эффектов этих недостатков. Для того чтобы уменьшить дисперссию случайной величины  $\nabla_{\theta} \log p_{\theta}(\tau) R_{\tau}$  необходимо воспользоваться так называемыми *опорными значениями b* (англ. *baseline*) [13]. Заметим, что если *b* константа относитьльно  $\tau$ , то

$$\nabla_{\theta} J(\theta) = E_{\tau \sim p_{\theta}(\tau)} \left[ \nabla_{\theta} \log p_{\theta}(\tau) (R_{\tau} - b) \right] = E_{\tau \sim p_{\theta}(\tau)} \left[ \nabla_{\theta} \log p_{\theta}(\tau) R_{\tau} \right].$$

Но при этом дисперсия случайной величины будет зависеть от b. Поэтому регулируя опроное значение b, можно добиться уменьшения дисперссии случайной величины.

Также, можно заметить, что нет необходимости рассматривать всю траекторию сценария  $\tau$  для суммы вознаграждений  $r(s_t, a_t)$ , так как в момент времени t от действия  $a_t$  зависит только  $r(s_{t'}, a_{t'})$  для  $t' \leq t$ . Поэтому выражение для  $\nabla_{\theta} J(\theta)$  примет следующий вид:

$$\nabla_{\theta} J(\theta) \approx E_{\tau \sim p_{\theta}(\tau)} \left[ \sum_{t=1}^{T} \nabla_{\theta} \log \pi_{\theta}(a_{t}|s_{t}) \underbrace{\left(\sum_{t'=t}^{T} r(s_{t'}, a_{t'})\right)}_{=Q_{\tau,t}} \right],$$

где  $Q_{ au,t}$  будем называть  $\mathit{будущим}$  выигрышем на шаге t в сценарии  $\tau.$ 

## 2.3. Алгоритм Advantage Actor Critic

Алгоритм A2C основывается на этих двух типах улучшения алгоритма REINFORCE, при этом задействуя в своем обучении функ-

ции ценности состояния  $V^{\pi}(s)$  и функции ценности действия  $Q^{\pi}(s, a)$ . Рассмотрим выведенную формулу для  $\nabla_{\theta}J(\theta)$ :

$$\nabla_{\theta} J(\theta) \approx \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} \sum_{t=1}^{T} \nabla_{\theta} \log \pi_{\theta}(a_t^i | s_t^i) Q_{\tau_i, t}$$
.

Здесь  $Q_{\tau_i,t}$  — оценка будущего выигрыша из состояния  $s_t^i$  при условии действия  $a_t^i$ , которая базируется только на одном сценарии  $\tau_i$ . Это плохое приближение ожидаемого будущего выигрыша — истинным ожидаемым будущим выигрышем является значение функции ценности действия  $Q^{\pi}(s, a)$ , которое выражается формулой:

$$Q^{\pi}(s_t, a_t) = \sum_{t'=t}^{T} E_{\pi_{\theta}}[r(s_{t'}, a_{t'})|s_t, a_t]$$

В целях уменьшения дисперссии случайной величины в алгоритме A2C используется опорное значение b равное значению функции ценности состояния  $V^{\pi}(s)$ , которое выражается следующей формулой:

$$V^{\pi}(s_t) = E_{a_t \sim \pi_{\theta}(a_t|s_t)}[Q^{\pi}(s_t, a_t)] = \sum_{t'=t}^{T} E_{\pi_{\theta}}[r(s_{t'}, a_{t'})|s_t]$$

Таким образом, вместо ожидаемого будущего выигрыша  $Q_{\tau_i,t}$  при оценке  $\nabla_{\theta}J(\theta)$  будем использовать так называемую функцию преимущества  $A^{\pi}(s_t,a_t)$  (англ. advantage):

$$A^{\pi}(s_t, a_t) = Q^{\pi}(s_t, a_t) - V^{\pi}(s_t)$$

Эта функция показывает преимущество действия  $a_t$  в состоянии  $s_t$  над остальными действиями в этом состоянии. То есть, то насколько

выгоднее выбрать именно действие  $a_t$  в отличие от остальных действий.

В итоге мы имеем:

$$\nabla_{\theta} J(\theta) \approx \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{N} \sum_{t=1}^{T} \nabla_{\theta} \log \pi_{\theta}(a_t^i | s_t^i) A^{\pi}(s_t^i, a_t^i)$$

Для того чтобы оценить значения  $A^{\pi}(s_t^i, a_t^i)$  нет необходимости оценивать оба значения функции ценности состояния  $V^{\pi}(s_t)$  и функции ценности действия  $Q^{\pi}(s_t, a_t)$ . Если воспользоваться уравнением Беллмана можно выразить функцию преимущества только через функцию ценности состояния [14].

Уравнение Беллмана:

$$Q^{\pi}(s_t, a_t) = r(s_t, a_t) + E_{s_{t+1} \sim p(s_{t+1}|s_t, a_t)}[V^{\pi}(s_{t+1})] \approx r(s_t, a_t) + V^{\pi}(s_{t+1})$$

Тогда выражение для функции преимущества примет следующий вид:

$$A^{\pi}(s_t^i, a_t^i) = Q^{\pi}(s_t, a_t) - V^{\pi}(s_t) \approx r(s_t, a_t) + V^{\pi}(s_{t+1}) - V^{\pi}(s_t)$$

Теперь, для того чтобы оценить значения  $A^{\pi}(s_t^i, a_t^i)$ , нам нужно уметь оценивать только  $V^{\pi}(s_t) = \sum_{t'=t}^T E_{\pi_{\theta}}[r(s_{t'}, a_{t'})|s_t]$ . Мы можем делать это, опять же, с помощью метода Монте-Карло, но это будет работать не существенно быстрее, чем обычный алгоритм REINFORCE. Вместо этого заметим, что при фиксированных  $s_t$  и  $a_t$  выполняется:

$$V^{\pi}(s_t) = r(s_t, a_t) + V^{\pi}(s_{t+1})$$

Таким образом, если мы имеем некоторую изначальную оценку  $V^{\pi}(s_t)$  для всех s, мы можем можем обновлять эту оценку аналогично алгоритму Q-learning [7]:

$$V^{\pi}(s_t) \leftarrow (1-\beta)V^{\pi}(s_t) + \beta(r(s_t, a_t) + V^{\pi}(s_{t+1}))$$

Здесь  $\beta$  — коэффициент обучения (англ. learning rate) для функции ценности состояния  $V^{\pi}(s_t)$ .

Такой пересчет мы можем производить каждый раз, когда агент получает вознаграждение за действие. Так мы получим оценку ценности текущего состояния, не зависящую от выбранного сценария развития событий  $\tau$ , а значит, и оценка функции преимущества не будет зависеть от выбора конкретного сценария. Это сильно снижает дисперсию случайной величины  $\nabla_{\theta} \log \pi_{\theta}(a_t^i|s_t^i)A^{\pi}(s_t^i,a_t^i)$ , что делает оценку  $\nabla_{\theta}J(\theta)$  достаточно точной даже в том случае, когда мы используем всего один сценарий для ее подсчета:

$$\nabla_{\theta} J(\theta) \approx \sum_{t=1}^{T} \nabla_{\theta} \log \pi_{\theta}(a_t|s_t) A^{\pi}(s_t, a_t)$$

Оконачательный вид алгоритма Advantage actor critic будет следующим:

1) производим действие  $a \sim \pi_{\theta}(a|s)$ , переходим в состояние s' и получаем вознаграждение r;

2) 
$$V^{\pi}(s) \leftarrow (1 - \beta)V^{\pi}(s) + \beta(r + V^{\pi}(s'));$$

3) 
$$A^{\pi}(s, a) \leftarrow r + V^{\pi}(s') - V^{\pi}(s);$$

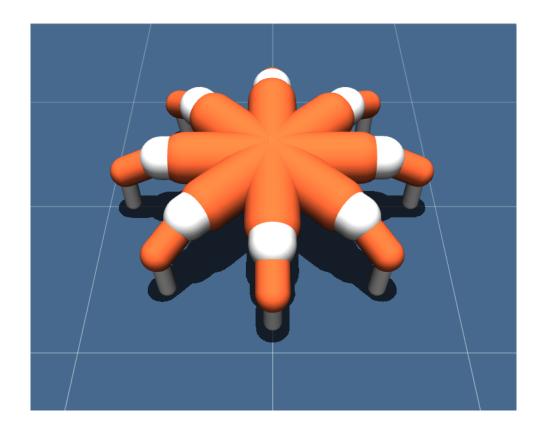
- 4)  $\nabla_{\theta} J(\theta) \leftarrow \nabla_{\theta} \log \pi_{\theta}(a|s) A^{\pi}(s,a);$
- 5)  $\theta \leftarrow \theta + \alpha \nabla_{\theta} J(\theta)$ ;
- 6) Если не сошлись к экстремуму, повторить цикл.

В алгоритме Advantage actor critic под actor'ом подразумевается компонента, которая оптимизирует стратегию  $\pi_{\theta}(a|s)$ . Critic, в свою очередь, подсчитывает значения функции ценности состояния  $V^{\pi}(s)$ . То есть actor определяет дальнейшее действие, а critic оценивает, насколько то или иное действие выгодно, основываясь на функции преимущества  $A^{\pi}(s,a)$ .

# 3. Задача обучения восьминогого робота

В данной работе рассматривается восьминогий робот, построенный в симмуляционной среде Мијосо. На рисунке 2 изображена модель робота в начальном положении в этой симмуляционной среде.

Рис. 2. Модель восьминогого робота в симмуляционной среде Мијосо



На входе агенту предоставляется множество чисел из Mujoco, необходимые для описания состояний агента: относительные позиции, углы вращения, скорости, ускорения частей тела робота, и т.д. (примерно 800 признаков). В свою очередь, на выходе нейросети будем ожидать 24 числа — углы поворота шарниров, на которых закреплены конечности.

Целью агента будет максимизировать суммарную награду за эпизод. Под эпизодом подразумевается длительное взаимодействие агента со средой, начавшееся с определенного начального состояния и завершающееся терминальным. В нашей задаче эпизод завершается, если робот упал или если прошло 3000 шагов симмуляции. При каждом шаге симмуляции агент получает награду по следующей формуле:

$$r_t = \Delta x * 1000 + 0.5$$

Т.е. целью агента будет увеличивать свою координату x и не падать до конца эпизода.

Таким образом условие задачи обучения робота будет следующим: найти функцию  $\pi: \mathbb{R}^{800} \to \mathbb{R}^{24}$ , для которой награда за эпизод будет наибольшей. Другими словами найти оптимальную стратегию

$$\pi^* = \arg\max_{\pi} J(\pi_{\theta}) ,$$

где 
$$J(\pi_{\theta}) = \mathbb{E}_{\tau \sim \pi}[R(\tau)] = \mathbb{E}_{\tau \sim \pi}\left[\sum_{t=0}^{n} r_{t}\right].$$

Решать данную задачу мы будем с помощью выше описанного алгоритма обучения с подкреплением Advantage actor critic. Алгоритм A2C задействует в своем обучение две нейросети: нейросеть актора для оптимизации стратегии  $\pi_{\theta}(a|s)$  и нейросеть критика, оце-

нивающая значения функции ценности состояния  $V^{\pi}(s)$ .

Нейросеть критика, как уже было сказано, необходима нам для получения оценки значений функции ценности состояния  $V^{\pi}(s)$ . Оценка значения функции ценности состояния  $V^{\pi}(s)$ , в свою очередь, нам необходима для оценки функции преимущества  $A^{\pi}(s,a)$  (3-й пункт в алгоритме A2C, описанном в прошлом разделе). Но в данной работе в отличии от обычного алгоритма A2C оценивать функцию преимущества  $A^{\pi}(s,a)$  мы будем с помощью метода General Advantage Estimation (или просто GAE) [9], который значительно увеличивает точность этой оценки.

Для применения метода оценки функции преимущества GAE в алгоритме A2C, нам необходимо заменить старую оценку функции преимущества  $A^{\pi}(s_t, a_t) = r_t + V^{\pi}(s_{t+1}) - V^{\pi}(s_t)$  на следующую:

$$A_t^{GAE(\gamma,\lambda)} = \sum_{l=0}^{\infty} (\gamma \lambda)^l \delta_{t+1}^V ,$$

где  $\delta_t^V = r_t + V^\pi(s_{t+1}) - V^\pi(s_t)$ ;  $\gamma$  и  $\lambda$  некоторые гиперпараметры.

После получения значений функции преимущества  $A_t^{\pi}(s,a)$  мы наконец можем оптимизировать стратегию  $\pi_{\theta}(a|s)$ . Оптимизация стартегии  $\pi_{\theta}(a|s)$  реализуется с помощью метода градиентного спуска, применяемый к функции  $J(\pi_{\theta})$ , так называемой функции ожидаемого суммарного вознаграждения. Для применения градиентного спус-

ка необходимо вычислить  $\nabla J(\pi_{\theta})$ , который в нашем случае равен:

$$\nabla_{\theta} J(\pi_{\theta}) = \mathbb{E}_{\tau \sim \pi_{\theta}} \left[ \sum_{t=0}^{T} \nabla_{\theta} \log \pi_{\theta}(a_{t}|s_{t}) A^{\pi}(s_{t}, a_{t}) \right],$$

где  $A^{\pi}(s_t, a_t)$  оценивается с помощью выше описанного метода GAE.

Можно заметить, что функция потерь для нейросети актора тогда будет следующей:

$$loss = -\log \pi_{\theta}(a_t|s_t)A^{\pi}(s_t, a_t)$$

Минус появился за счёт того, что мы хотим максимизировать  $J(\pi_{\theta})$ .

Для реализции данных шагов был написан на языке Python соответствующий комплект программ для нейросети критика и нейросети актора (Приложение А). Для обучения этих нейросетей, в свою очерель, был написан генератор данных (Приложение Б), который выдает кортежи вида:

$$(s_t, a_t, V^{\pi}(s_t), \sum_{t'=t}^T r(s_{t'}, a_{t'})).$$

(Для полного ознакомления с кодом программы перейдите по следующей ссылке: https://github.com/narmanka/A2C-GAE-8legrobot)

После запуска написанного кода и длительного обучения нейросетей была получена модель восьминогового робота, которая демонстрирует активное передвижение по оси х, что говорит об успешном обучении робота. Динамика робота представлена на рисунке 3 и 4. Также проследить за динамикой восьминогого робота можно по видеозаписям, расположенных на следующих сслыках:

Камера 1 —

https://drive.google.com/file/d/1N8eXENDS3XEbKQEv23w\_JGFXBgnXZTCW/view?usp=sharing

Камера 2 —

https://drive.google.com/file/d/1dqAldfSOO-nDlCQPm9hODoxPcrluWKqT/view?usp=sharing

Замедленное движение (х0.125) -

https://drive.google.com/file/d/1coEiQTFwbj9as6F0u7No-G-FeRbswOib/view?usp=sharing

Рис. 3. Динамика восьминогого робота

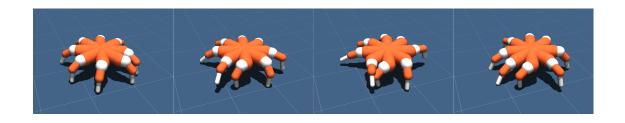
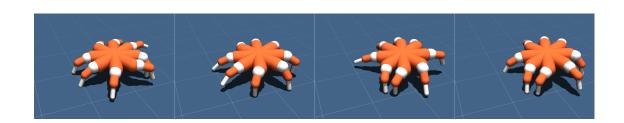


Рис. 4. Динамика восьминогого робота (продолжение)



Из предложенных видеозаписей и рисунков можно заметить, что робот научился достаточно быстро передвигаться путем синхронного отталкивания от земли симметрично-парных ног, таким образом не теряя равновесие и приобретая большую скорость. При этом передняя пара ног и задняя пара ног хоть и участвуют в "прыжках"робота, но фактически являются ногами для удержания баланса. Большую часть скорости приносят две пары боковых ног.

Данное делегирование задач на определенные пары ног являются обоснованной и логичной, так как целью робота является не только быстрое передвижение, но и удержание баланса в течение этого передвижения.

#### 4. Заключение

В ходе работы была построена модель восьминогого робота в симмуляционной среде Мијосо. Также была поставлена задача обучения робота передвижению, для решения которой был применен алгоритм Advantage actor critic с оценкой функции преимущества  $A^{\pi}(s,a)$  методом GAE. Для применения алгоритма A2C и решения данной задачи был разработан комплект программ на языке Python.

При выполнении задачи алгоритм Advantage actor critic показал хоршие результаты, успешно обучив восьминогого робота передвижению. Оценка функции преимущества  $A^{\pi}(s,a)$  методом GAE так же показала отличные результаты на примере нашей задачи.

# Список литературы

- Silver D. et al. A general reinforcement learning algorithm that masters chess, shogi, and Go through self-play //Science. 2018. T. 362. №. 6419. C. 1140-1144.
- 2. Huang C. Y. Financial trading as a game: A deep reinforcement learning approach //arXiv preprint arXiv:1807.02787. 2018.
- 3. Sallab A. E. L. et al. Deep reinforcement learning framework for autonomous driving //Electronic Imaging. 2017. T. 2017. №. 19. C. 70-76.
- 4. Kuindersma S. et al. Optimization-based locomotion planning, estimation, and control design for the atlas humanoid robot //Autonomous robots. -2016. T. 40. No. 3. C. 429-455.
- 5. Sutton R. S., Barto A. G. Reinforcement learning: An introduction.MIT press, 2018.
- Mnih V. et al. Asynchronous methods for deep reinforcement learning //International conference on machine learning. – PMLR, 2016. – C. 1928-1937.
- 7. Watkins C. J. C. H., Dayan P. Q-learning //Machine learning. 1992. T. 8. №. 3-4. C. 279-292.
- Silver D. et al. Deterministic policy gradient algorithms
   //International conference on machine learning. PMLR, 2014.
   C. 387-395.

- 9. Schulman J. et al. High-dimensional continuous control using generalized advantage estimation //arXiv preprint arXiv:1506.02438. 2015.
- 10. Sutton R. S. et al. Policy gradient methods for reinforcement learning with function approximation //Advances in neural information processing systems. 2000. C. 1057-1063.
- 11. Ruder S. An overview of gradient descent optimization algorithms //arXiv preprint arXiv:1609.04747. 2016.
- 12. Metropolis N., Ulam S. The monte carlo method //Journal of the American statistical association. − 1949. − T. 44. − №. 247. − C. 335-341.
- 13. Greensmith E., Bartlett P. L., Baxter J. Variance Reduction Techniques for Gradient Estimates in Reinforcement Learning //Journal of Machine Learning Research. − 2004. − T. 5. − №. 9.
- Baird L. Residual algorithms: Reinforcement learning with function approximation //Machine Learning Proceedings 1995. – Morgan Kaufmann, 1995. – C. 30-37.

## Приложение А

#### Код актора

```
class ActorNetworkContinuous:
   def __init__(self):
        self.state_ph = tf.placeholder(tf.float32,
        shape=[None, observation_space])
        11 = tf.layers.dense(self.state_ph, units=100,
        activation=tf.nn.tanh)
        12 = tf.layers.dense(11, units=50,
        activation=tf.nn.tanh)
        13 = tf.layers.dense(12, units=25, activation=tf.nn.tanh)
        mu = tf.layers.dense(13, units=action_space)
        log_std = tf.get_variable(name='log_std',
        initializer=-0.5*np.ones(action_space,dtype=np.float32))
        std = tf.exp(log_std)
        self.action_op = (mu +
                         tf.random.normal(shape=tf.shape(mu)) * std)
        # Training
        self.weight_ph = tf.placeholder(shape=[None],
        dtype=tf.float32)
        self.action_ph = tf.placeholder(shape=[None, action_space],
        dtype=tf.float32)
```

```
action_logprob = gaussian_loglikelihood(self.action_ph, mu,
log_std)
self.loss = -tf.reduce_mean(action_logprob * self.weight_ph)
optimizer = tf.train.AdamOptimizer(learning_rate=
actor_learning_rate)
self.update_op = optimizer.minimize(self.loss)
```

#### Код критика

```
class CriticNetwork:
    def __init__(self):
        self.state_ph = tf.placeholder(tf.float32,
        shape=[None, observation_space])
        l1 = tf.layers.dense(self.state_ph, units=100,
        activation=tf.nn.tanh)
        l2 = tf.layers.dense(l1, units=50, activation=tf.nn.tanh)
        l3 = tf.layers.dense(l2, units=25, activation=tf.nn.tanh)
        output = tf.layers.dense(l3, units=1)
        self.value_op = tf.squeeze(output, axis=-1)

# Training
        self.value_ph = tf.placeholder(shape=[None], dtype=tf.float32)
        self.loss = tf.losses.mean_squared_error(self.value_ph,
        self.value_op)
```

optimizer = tf.train.AdamOptimizer(learning\_rate=
critic\_learning\_rate)
self.update\_op = optimizer.minimize(self.loss)

## Приложение Б

#### Код генератора данных

```
def generate_batch(envs, batch_size, replay_buffer_size):
    envs_number = envs.num_envs
    observations = [[0 for i in range(observation_space)]
    for i in range(envs_number)]
    replay_buffer = np.empty((0,4), np.float32)
    rollouts = [np.empty((0, 3)) for i in range(envs_number)]
    while True:
        history = {'reward': [], 'max_action': [],
                   'mean_advantage': [], 'mean_value': []}
        replay_buffer = replay_buffer[batch_size:]
        # Main sampling cycle
        while len(replay_buffer) < replay_buffer_size:</pre>
            actions = sess.run(actor.action_op,
            feed_dict={actor.state_ph: observations})
            observations_old = observations
            observations, rewards, dones, _ = envs.step(actions *
            angle_normalization)
            observations /= angle_normalization
            history['max_action'].append(np.abs(actions).max())
```

```
time_point = np.array(list(zip(observations_old, actions,
rewards)))
for i in range(envs_number):
    rollouts[i] = np.append(rollouts[i], [time_point[i]],
    axis=0)
if dones.all():
    print('WARNING: envs are in sync!!
    This makes sampling inefficient!')
done_indexes = np.arange(envs_number)[dones]
for i in done indexes:
    rewards_trajectory = rollouts[i][:, 2].copy()
    history['reward'].append(rewards_trajectory.sum())
    advantage, values = estimate_advantage(states=
    np.array(rollouts[i][:, 0].tolist()),
    rewards=rewards_trajectory)
    history['mean_value'].append(values.mean())
    history['mean_advantage'].append(advantage.mean())
    rollouts[i][:, 2] = advantage
    discounted_reward_to_go = discount_cumsum(
    rewards_trajectory, coef=discount_factor)
    rollout = np.hstack((rollouts[i],
    replay_buffer = np.append(replay_buffer, rollout,
```