

# **Искусство визуализации**

## **Часть 2. Одномерный анализ**

**Александр Дьяконов**

**25 сентября 2020 года**

## **План**

**Зачем смотреть на данные**

**История визуализации и инфографики**

**Правила визуализации**

**Одномерный анализ**

**Описательные статистики, их визуализации**

**Первичные действия при анализе признака**

**Визуализация отдельных признаков**

**Многомерный анализ**

**Визуализация пары признаков**

**Визуализация «алгоритм» – «алгоритм/признак»**

**3D-визуализации**

**Dummy-визуализации**

**Игра «Что изображено?»**

## Одномерный анализ (Univariate Analysis)

– исследование отдельных признаков

**здесь:** «одномерные графики»

устанавливаем природу признаков

проверяем логичность признаков

для каждого признака

- имя
- область значений
- распределение
- особенности (аномалии, пропуски и т.п.)
- устойчивость
- важность

**если что-то нарушается... пользуемся этим**

**Что просто визуализировать**

- статистики признаков (описательные из MS)
- характеристики признаков (важности, AUC и т.п.)

## Описательные статистики – среднее

$$x_1 \leq \dots \leq x_m$$

**Выборочное среднее**

$$\text{mean}(X) = \frac{x_1 + \dots + x_m}{m}$$

**Мода (частое значение)**

$$\text{mode}(X) = \arg \max_x |\{i \in \{1, 2, \dots, m\} \mid x = x_i\}|$$

**Усечённое среднее**

$$\frac{x_k + \dots + x_{m-k+1}}{m - 2k + 2}$$

+ весовые схемы

+ сглаживание

**mid-range (mid-extreme)**

$$\text{mid-range}(X) = \frac{x_1 + x_m}{2}$$

тоже одно из решений  
оптимизационных задач...**Медиана**

$$\text{median}(X) = q_{0.5}(X) = \frac{x_{\lfloor m/2 \rfloor} + x_{\lceil m/2 \rceil}}{2}$$

**midhinge**

$$\text{midhinge}(X) = \frac{q_{0.25} + q_{0.75}}{2}$$

## Описательные статистики – характерные элементы

**Минимум**

$$x_1$$

**Максимум**

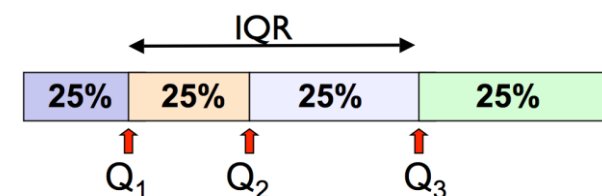
$$x_m$$

**Квантиль** – значение, которое с.в. не превышает с заданной вероятностью

$$X = \{x_1, \dots, x_m\}$$

**Квартили**

$$q_{0.75}(X), q_{0.5}(X), q_{0.25}(X)$$



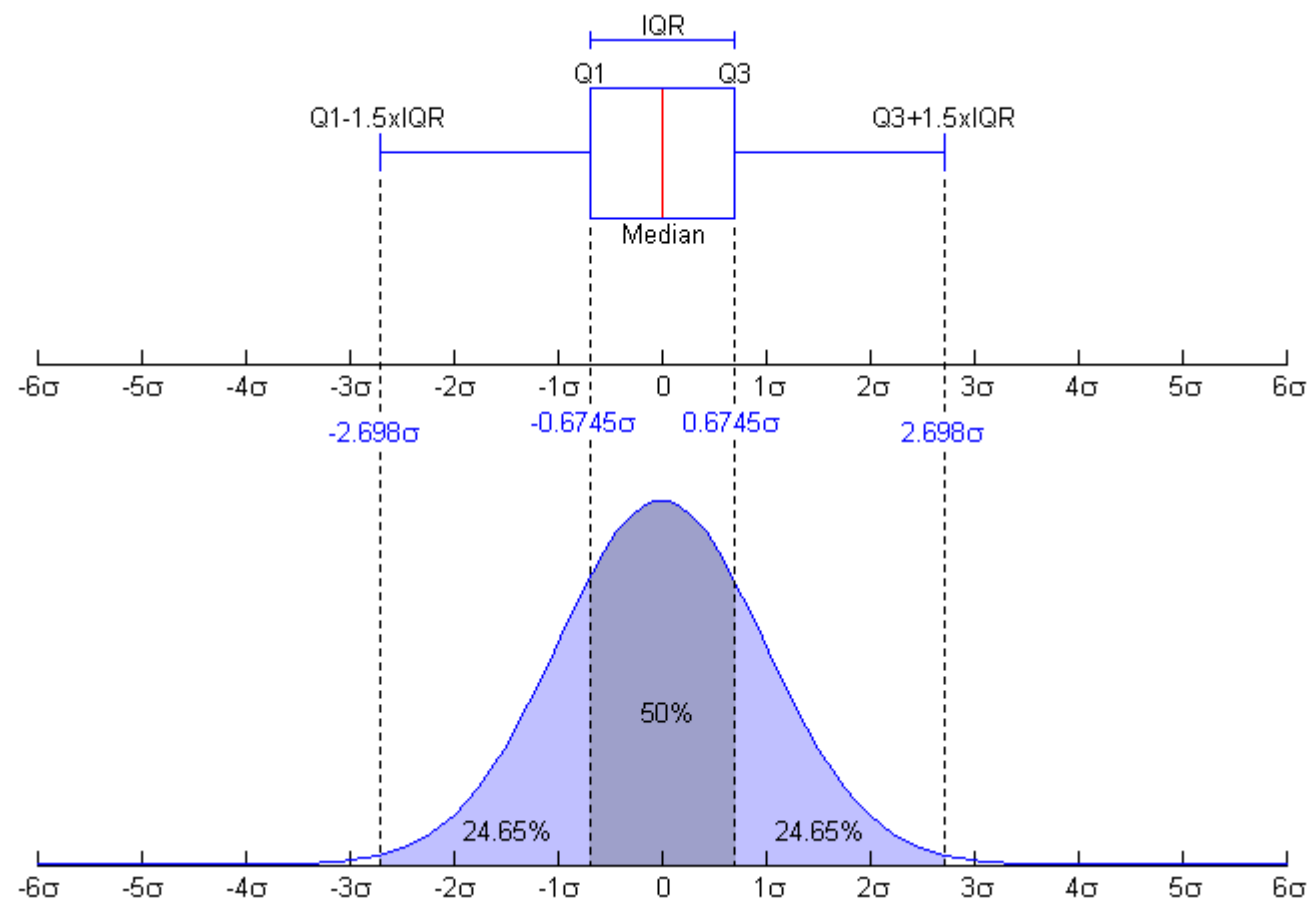
**Децили**

$$q_{0.1}(X), q_{0.2}(X), \dots, q_{0.8}(X), q_{0.9}(X)$$

**Процентили**

$$q_{1\%}(X), q_{2\%}(X), \dots, q_{98\%}(X), q_{99\%}(X)$$

## Описательные статистики – характерные элементы



**n-й элемент**  
 $\text{nth}(X, k) = x_k$

**м.б. для какого-то специального порядка**  
**важная статистика!**

## Описательные статистики – разброс значений

### Среднее линейное (абсолютное) отклонение Mean Absolute Deviation

$$\frac{1}{m} \sum_{i=1}^m |x_i - \text{mid}(X)|$$

$\text{mid}(X)$  – любая формализация среднего

### Среднеквадратическое отклонение Mean Squared Error (MSE) / Mean Squared Deviation (MSD)

$$\sqrt{\frac{1}{m} \sum_{i=1}^m (x_i - \text{mid}(X))^2}$$

## Описательные статистики – абсолютные вариации

**Чаще: стандартное отклонение**

$$\text{std}(X) = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^m (x_i - \text{mean}(X))^2}{m-1}}$$

**Размах**

$$\text{range}(X) = x_m - x_1$$

**Дисперсия (рассеяние, разброс)**

$$\text{var}(X) = \text{std}^2(X)$$

**Median Absolute Deviation (MAD)**

$$\text{MAD}(X) = \text{median}(\{| \text{median}(X) - x_i | \}_{i=1}^m)$$

тоже обобщается на n-мерный случай

**Среднее квартильное расстояние**

**Интерквартильный размах**

$$q_{0.75}(X) - q_{0.25}(X)$$



## Описательные статистики – абсолютные вариации

**Совет:**

$$\text{mid}_2(\{|x_i - \text{mid}_1(X)|\}_{i=1}^m)$$

$\text{mid}_1, \text{mid}_2$  – любые формализации среднего

**Есть фундаментальный подход к оценке среднего,  
а вариация описывается с помощью него**

**Максимальное абсолютное отклонение  
(Maximum Absolute Deviation)**

$$\max(\{|x_i - \text{mid}(X)|\}_{i=1}^m)$$

**Именно это оптимизирует mid-range**

**Тут могут быть любые функции!**

**Описательные статистики – относительные вариации****абсолютная вариация / среднее****Коэффициент вариации****Coefficient of variation**

$$\frac{\text{std}(X)}{\text{mean}(X)}$$

**Индекс дисперсии****Index of dispersion**

$$\frac{\text{std}^2(X)}{\text{mean}(X)}$$

**Относительный размах вариации (коэффициент осцилляции)**

$$\frac{\text{range}(X)}{\text{mean}(X)}$$

**Описательные статистики – центральные моменты**

$$\mathbf{E}[(X - \mathbf{E}X)^k]$$

**1, 0, дисперсия, ...**

**Описательные статистики – моменты**

$$\mathbf{E}[X^k]$$

## Описательные статистики – стандартизованные моменты Standardized moments

$$\frac{\mathbf{E}[(X - \mathbf{E}X)^k]}{\mathbf{D}[X]^{k/2}}$$

$$k = 1$$

$$\mathbf{0}$$

$$k = 2$$

$$\mathbf{1}$$

**Асимметрия – skewness**

$$k = 3$$

$$\frac{\mathbf{E}[(X - \mathbf{E}X)^3]}{\mathbf{D}[X]^{3/2}}$$

**Экссесса (островершинность) – kurtosis**

$$k = 4$$

$$\frac{\mathbf{E}[(X - \mathbf{E}X)^4]}{\mathbf{D}[X]^2} - 3$$

**инвариантны относительно изменения масштаба**

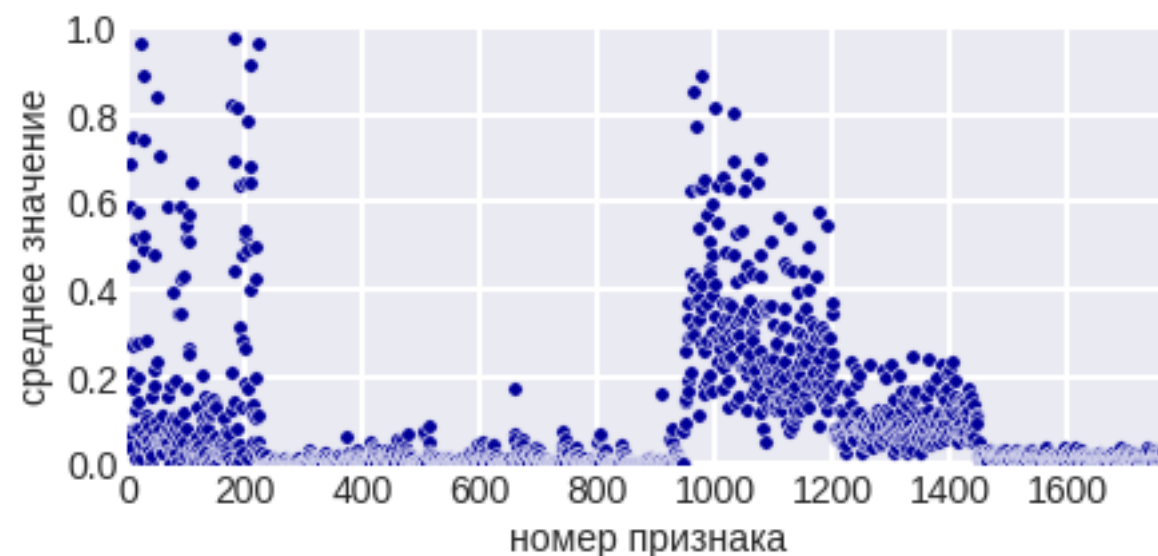
## Описательные статистики – другое

**Стандартная ошибка среднего**

$$\frac{\text{std}(X)}{\sqrt{m}}$$

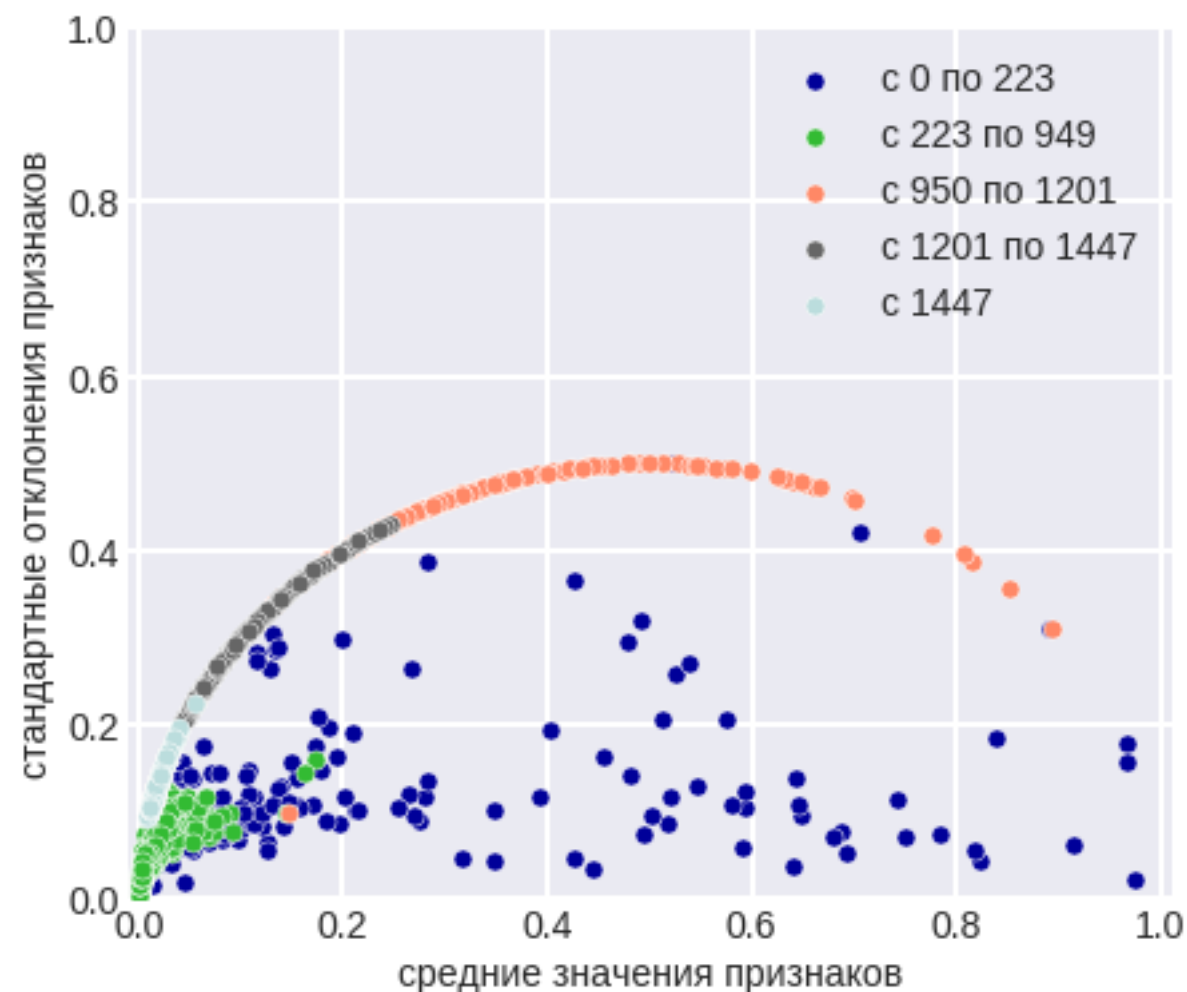
**Д3 Понятные и простые иллюстрации,  
почему перечисленные статистики важны  
+ ещё описательные статистики**

## Визуализация описательных статистик: задача Biological Response



**Чётко видны группы**

## Визуализация описательных статистик: задача Biological Response



**Фантастика? Дугообразная зависимость у трёх групп признаков!**

**ВОПРОС: Какие это признаки?**

**ОТВЕТ: это были бинарные признаки!**

**У них std зависит от mean (поскольку  $x_i^2 = x_i$ )!**

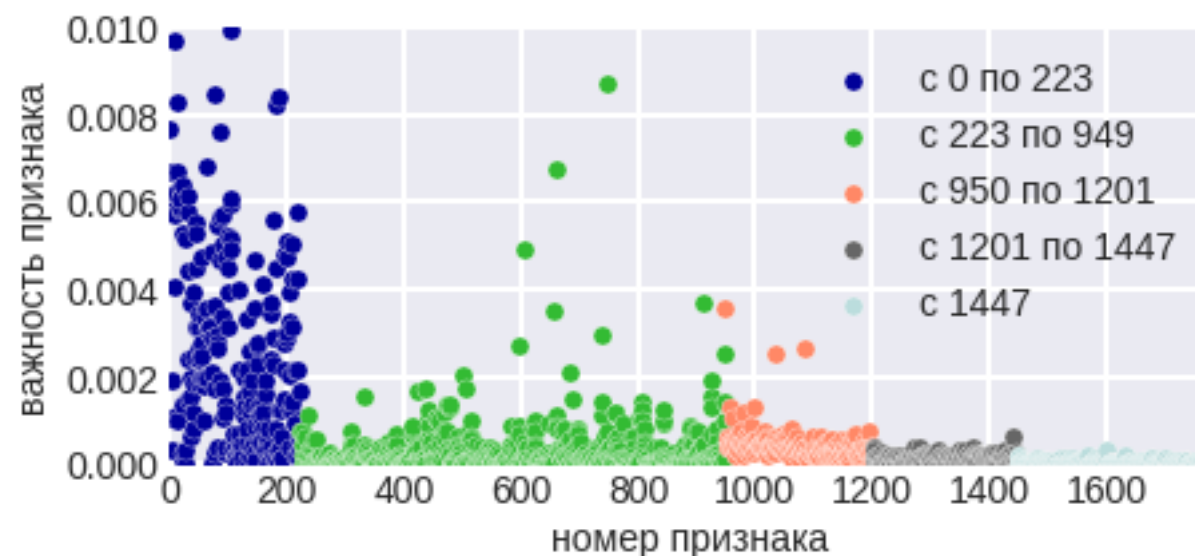
**[0, 0, 1, 0, 0, 1, 0, 0, 1, 1, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 0]**

$$\text{mean}(\{x_i\}_{i=1}^m) = \frac{1}{m} \sum_{l=1}^m x_i \equiv p$$

$$\begin{aligned} \text{std}(\{x_i\}_{i=1}^m) &= \sqrt{\frac{1}{m} \sum_{i=1}^m \left( x_i - \frac{1}{m} \sum_{l=1}^m x_i \right)^2} = \sqrt{\frac{1}{m} \sum_{i=1}^m (x_i - p)^2} = \\ &= \sqrt{\frac{1}{m} \sum_{i=1}^m (x_i^2 - 2px_i + p^2)} = \sqrt{\frac{1}{m} \sum_{i=1}^m (x_i - 2px_i + p^2)} = \\ &= \sqrt{\frac{1-2p}{m} \sum_{i=1}^m x_i + p^2} = \sqrt{(1-2p)p + p^2} = \sqrt{p - p^2} = \sqrt{p(1-p)} \end{aligned}$$



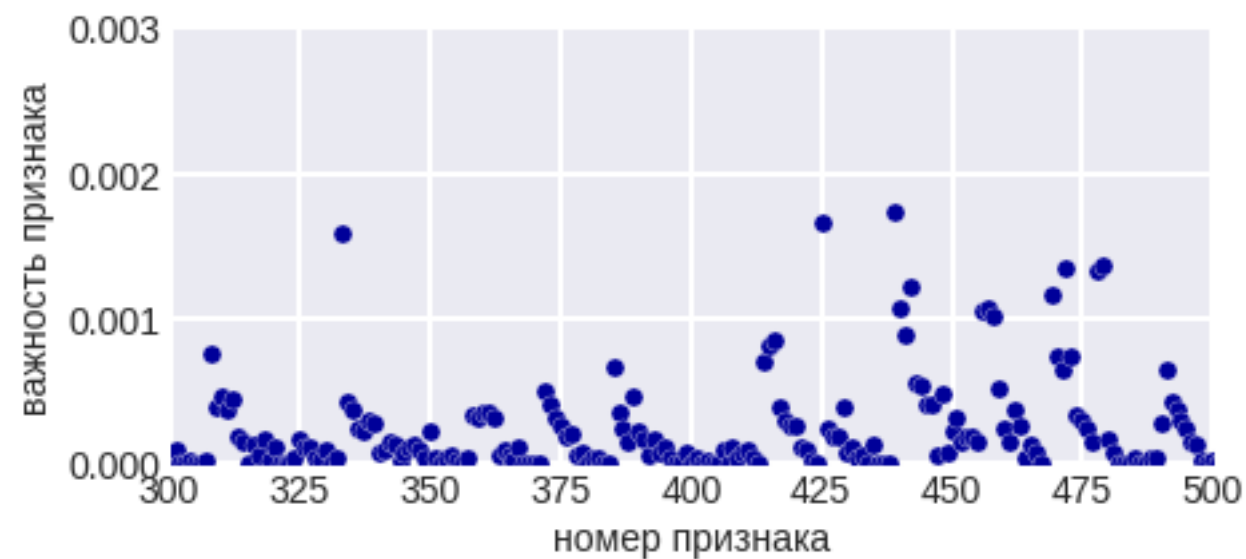
## Визуализация важностей признаков: задача Biological Response



**Потом: целые группы признаков можно удалять  
без существенной потери качества**

## Визуализация важностей признаков: задача Biological Response

### Увеличение картинки



**Есть подгруппы признаков!**

**Меняйте масштаб!**

## Аналогично – исследование сложности «классификации» объектов

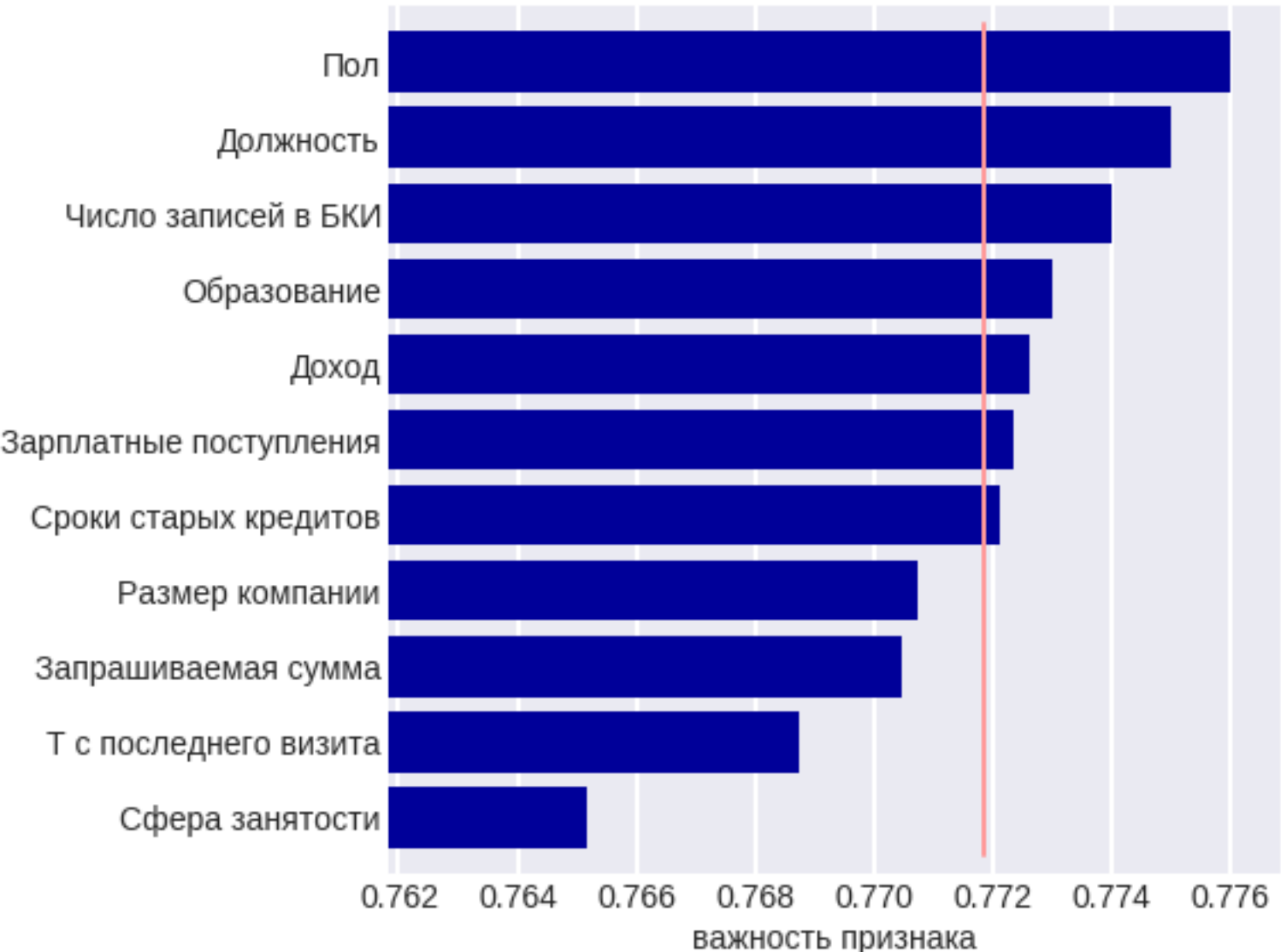
### Исследование частей выборки (фолдов)



**Подозрительная унимодальная зависимость!**

**Что значит?**

Как правильно показывать важности признаков



Сортировка, среднее значение, вертикальная ориентация

## Правило столбцовых диаграмм

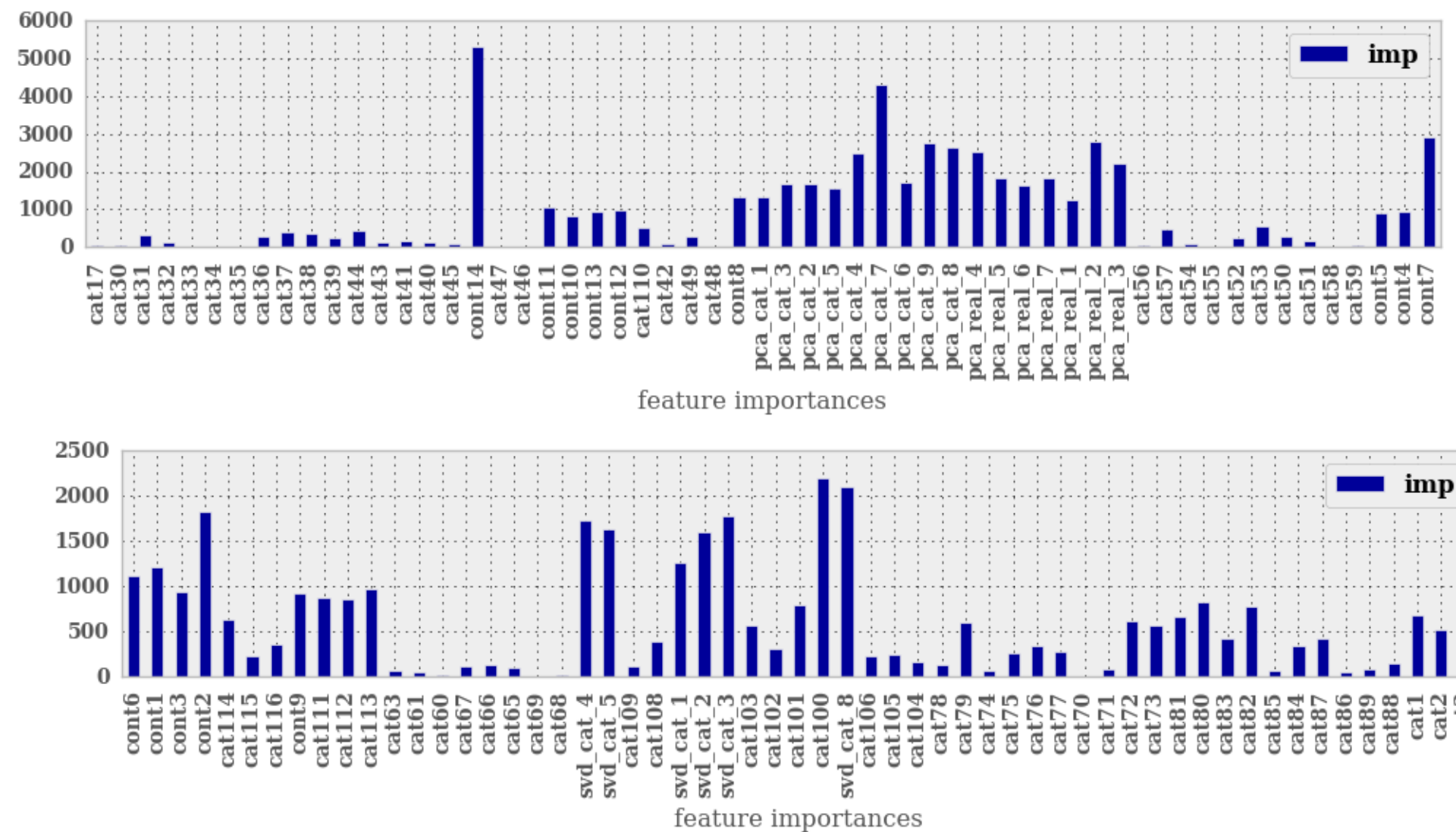


### Правило:

- упорядочивать по убыванию/возрастанию показателя (а не по алфавиту)
- дать ориентир – что хорошо / что плохо
- правильная ориентация делает визуализацию понятнее

**Про важности в отдельной лекции**

Важности признаков



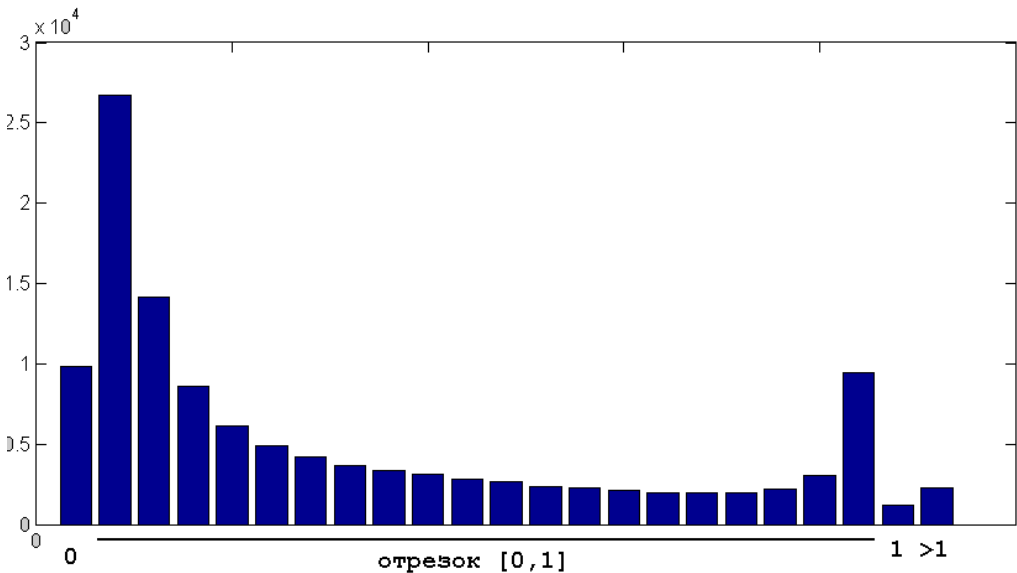
Придумываем признаки и анализируем «AllState»

Что часто делается в начале задачи

Задача «Give Me Some Credit»

Статистика признаков

признак	%	Age	Доход	#90	#	#60	# в сем
значения	[0, 1] есть дробь!	0, 1, 21-109	целые	0-17, 96, 98	0-26, 32, 54	0-9, 96, 98	0-10, 13, 20
# уникальных значений	84500	86	11866	19	26	12	13
неизвестных значений			19831				
AUC	0.7815	0.6329	0.5554	0.6613	0.5432	0.6247	0.5499



## Смотрим на сами признаки

```

for name in data.columns:
    if data[name].nunique() < 8:
        u = data[name].unique()
    else:
        u = data[name].unique()[:8]
    if type(data[name].tolist()[0]) is str:
        print ('%25s %10d %10s %10s %s' % (name, data2[name].nunique(), '', 'str', str(u)))
    elif type(data2[name].tolist()[0]) is pd tslib.Timestamp:
        print ('%25s %10d %10s %10s %s' % (name, data2[name].nunique(), '', 'time', ''))
    else:
        print ('%25s %10d %10.2f %10.2f %s' % (name, data2[name].nunique(), data2[name].mean(),
data2[name].std(), str(u)))

```

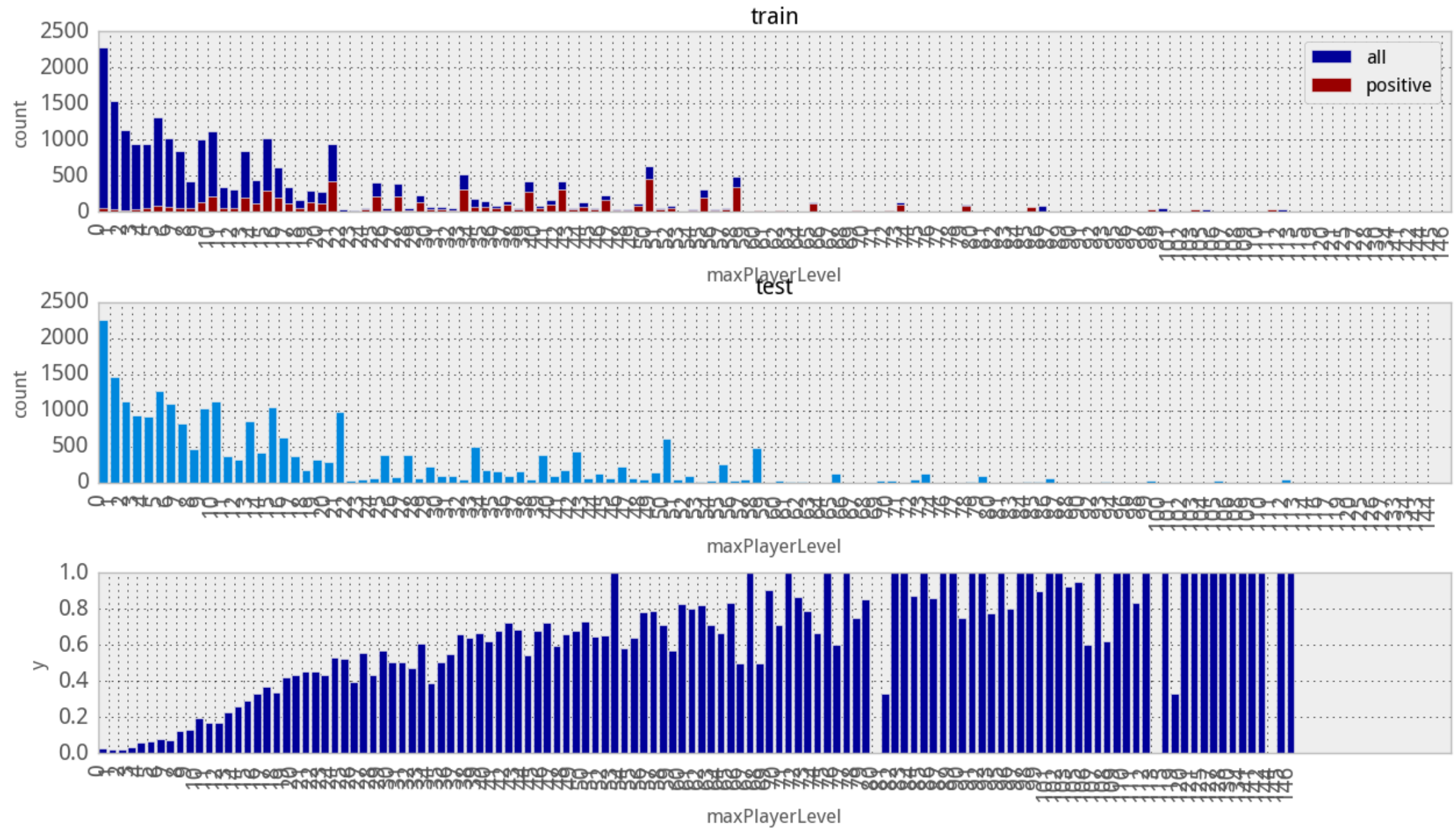
Класс	4	2.20	0.97	[1 2 3 4]
Номер	8404	7442.45	269.63	[5001 5002 ...]
Вес, т	124	38.27	7.30	[ 41.1 44.4 ...]
Начало	8404		time	
Количество, шт	45	63.78	5.13	[ 66. 61. ...]



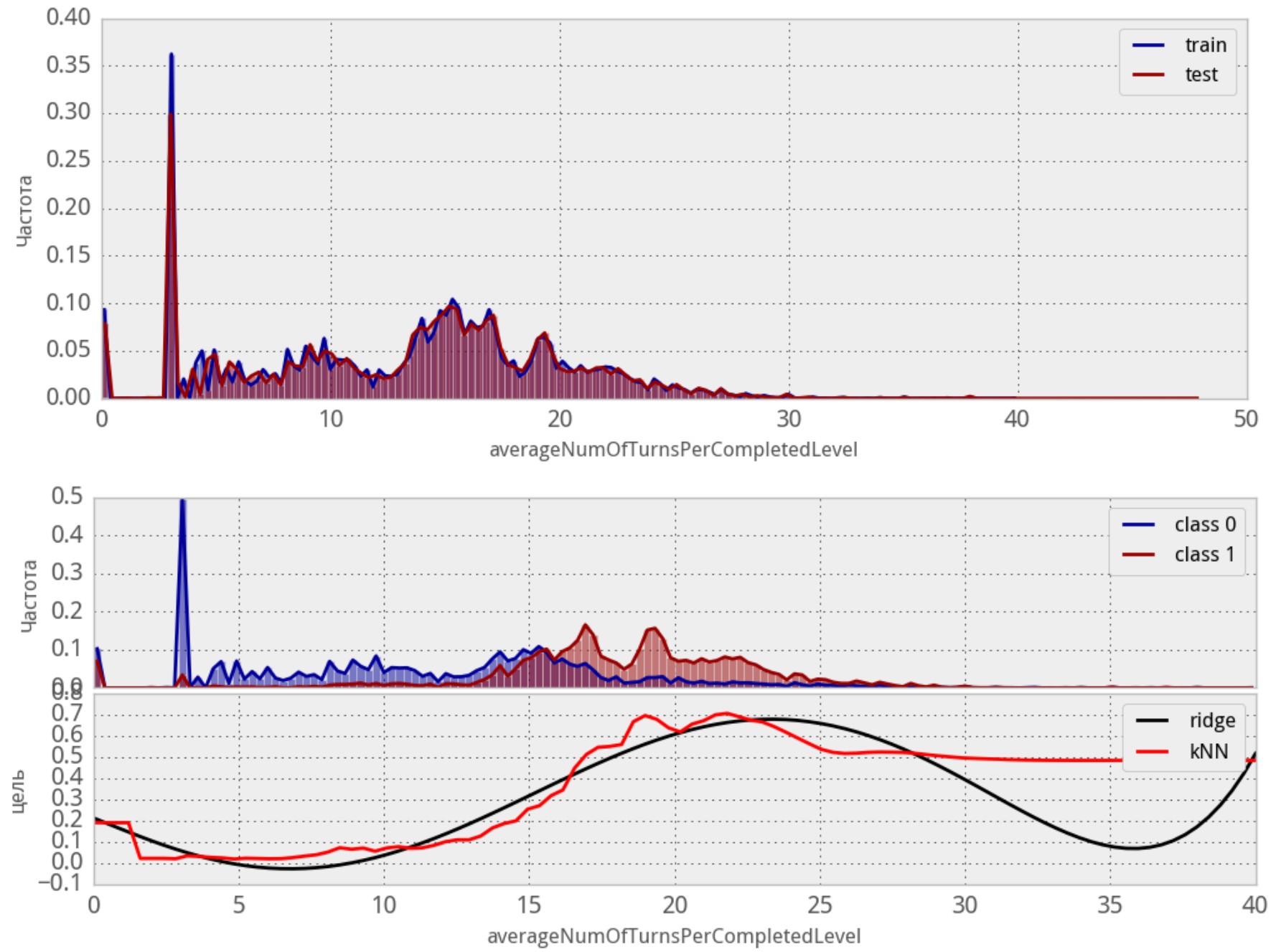
## Что надо сразу выяснить про признак

- **распределение значений признака**
  - **распределение обучение / тест**
- **распределение целевой переменной (ex: класс 0 / 1)**
- **такие же вопросы для пропусков, выбросов**

Что надо сразу выяснить про признак

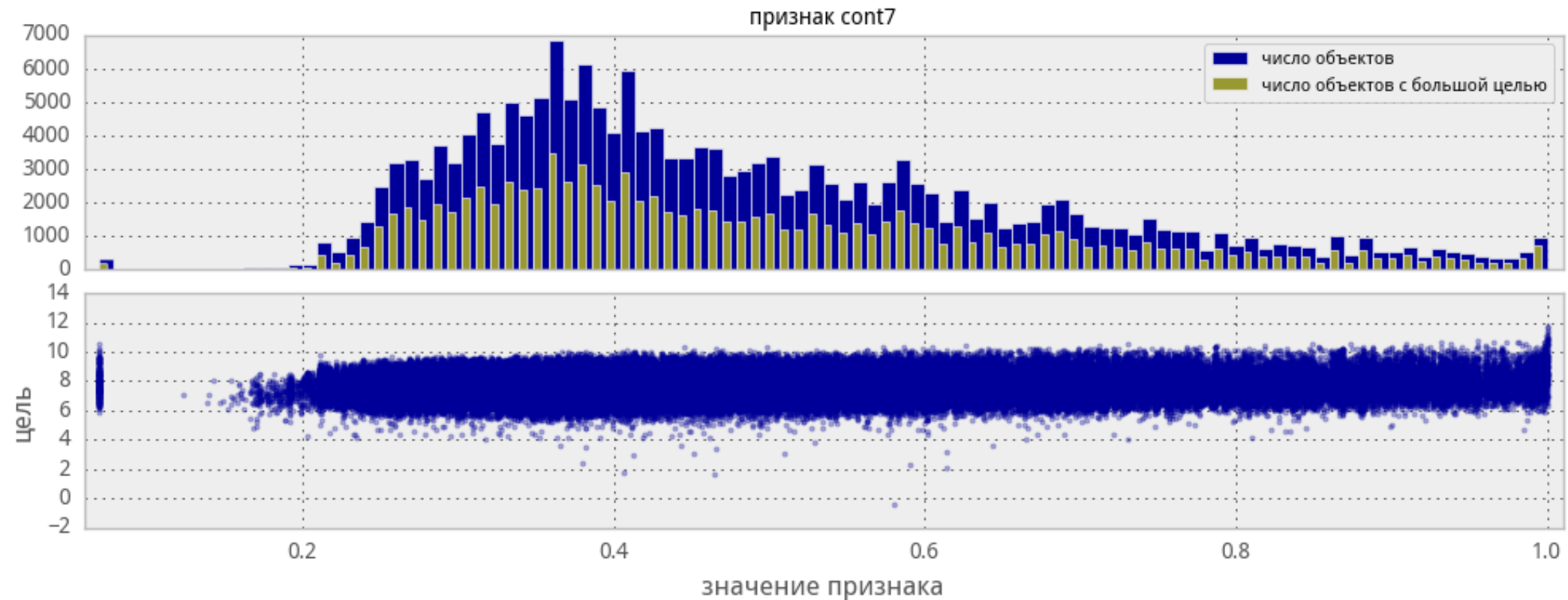


Что надо сразу выяснить про признак



## Что надо сразу выяснить про признак

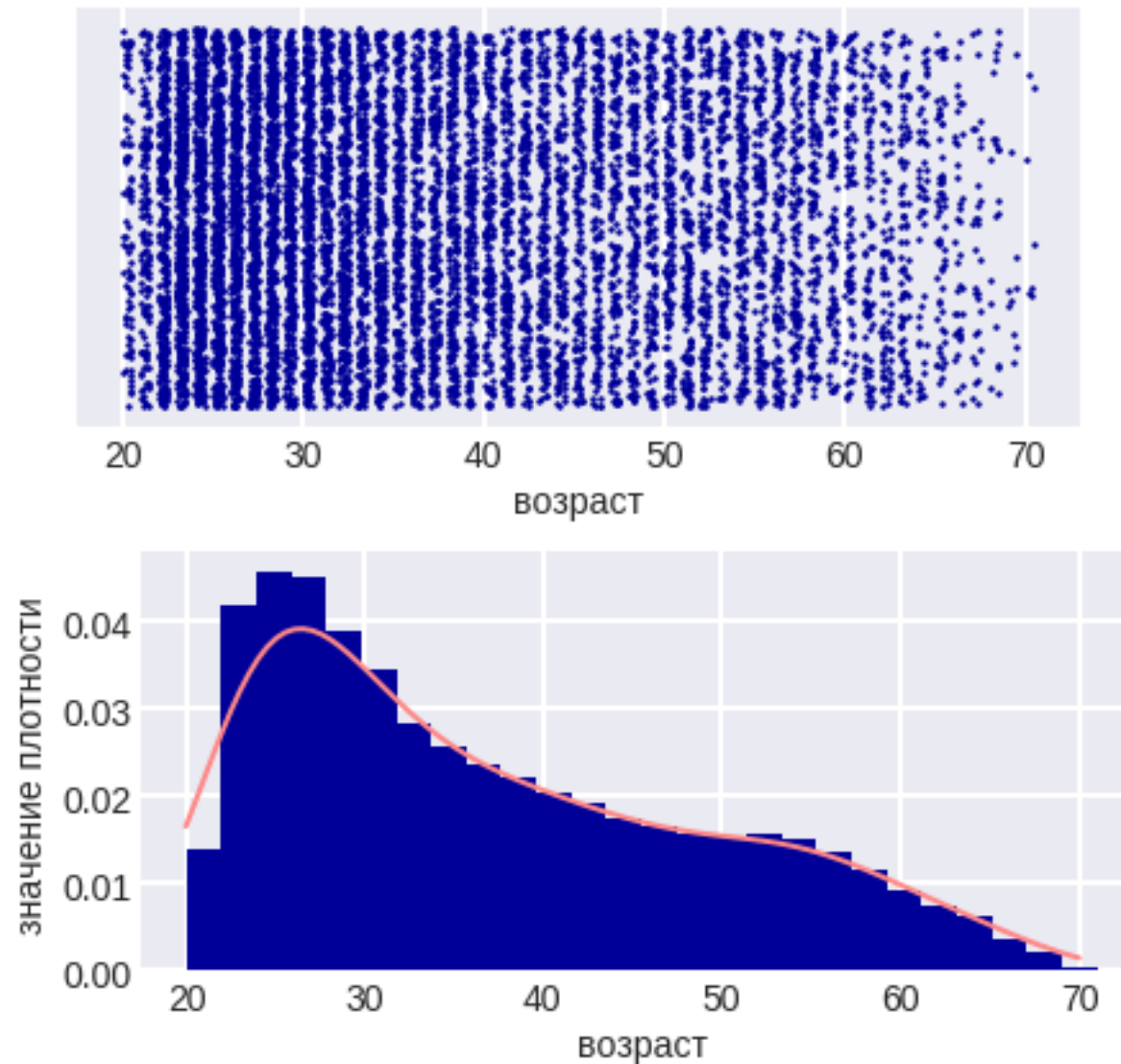
### «AllState»



**Вверху – гистограмма распределения по значениям признака**  
**Отдельно по объектам с большим значением целевого признака**

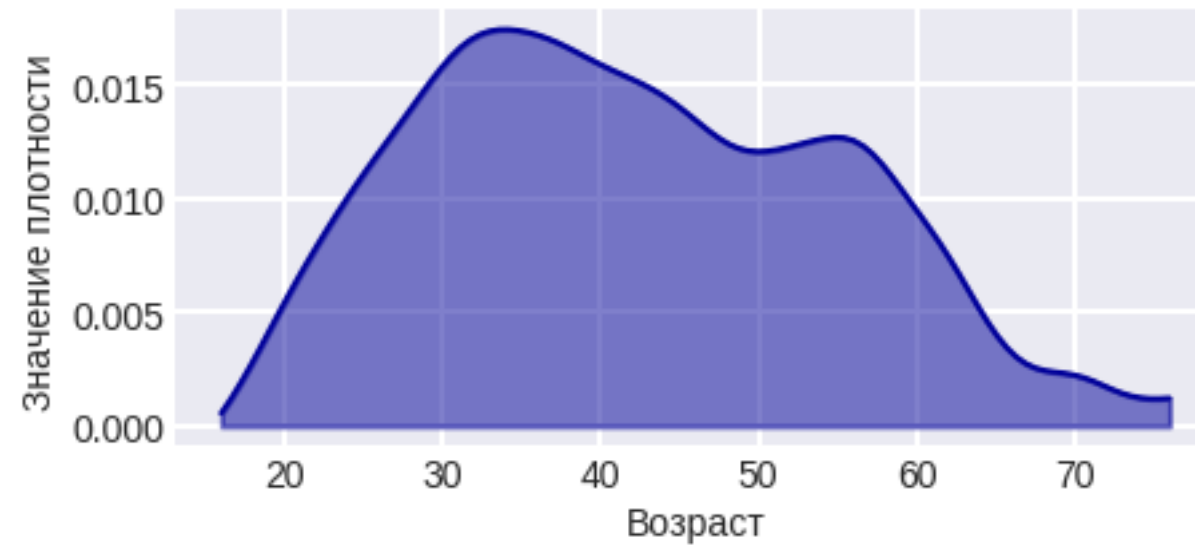
**Внизу – диаграмма рассеивания «признак – цель»**

## Визуализация отдельных признаков



**Гистограммы предпочтительнее плотностей**

## ЗАДАЧА «М-магазин»

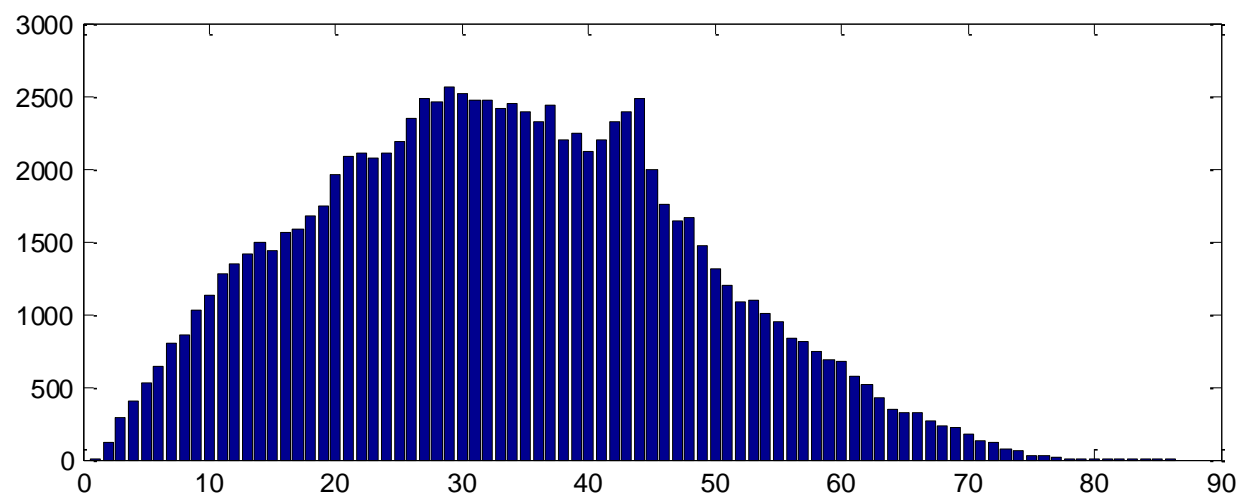


**Распределение возраста покупателей**

**Так обычно выглядит распределение!**

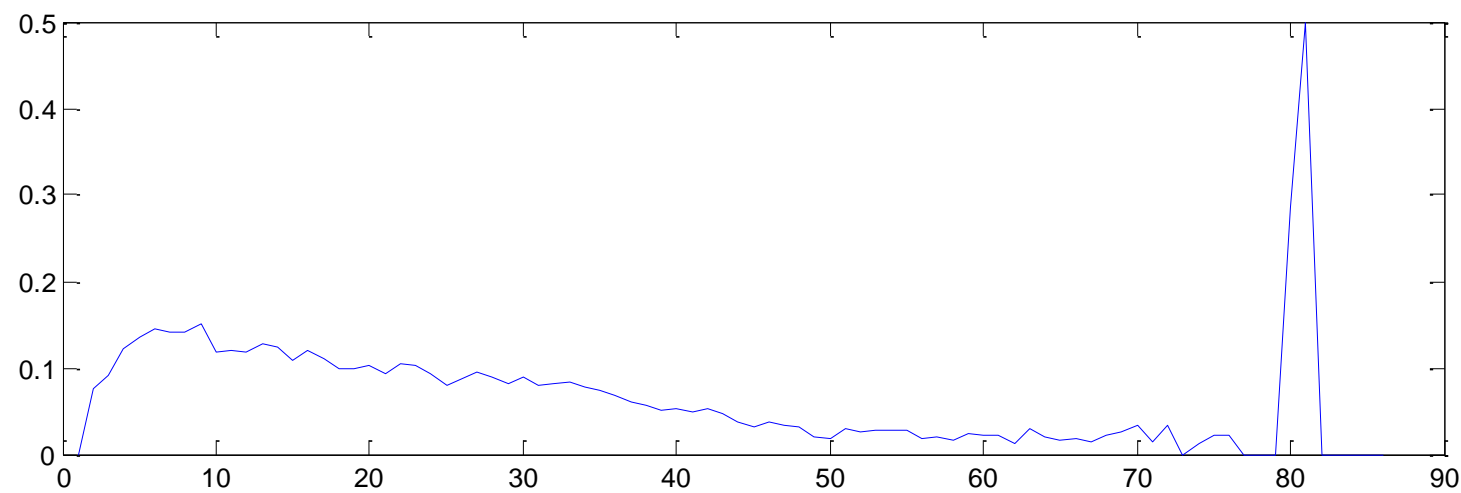
**Почему два горба?**

ЗАДАЧА «ТКС»



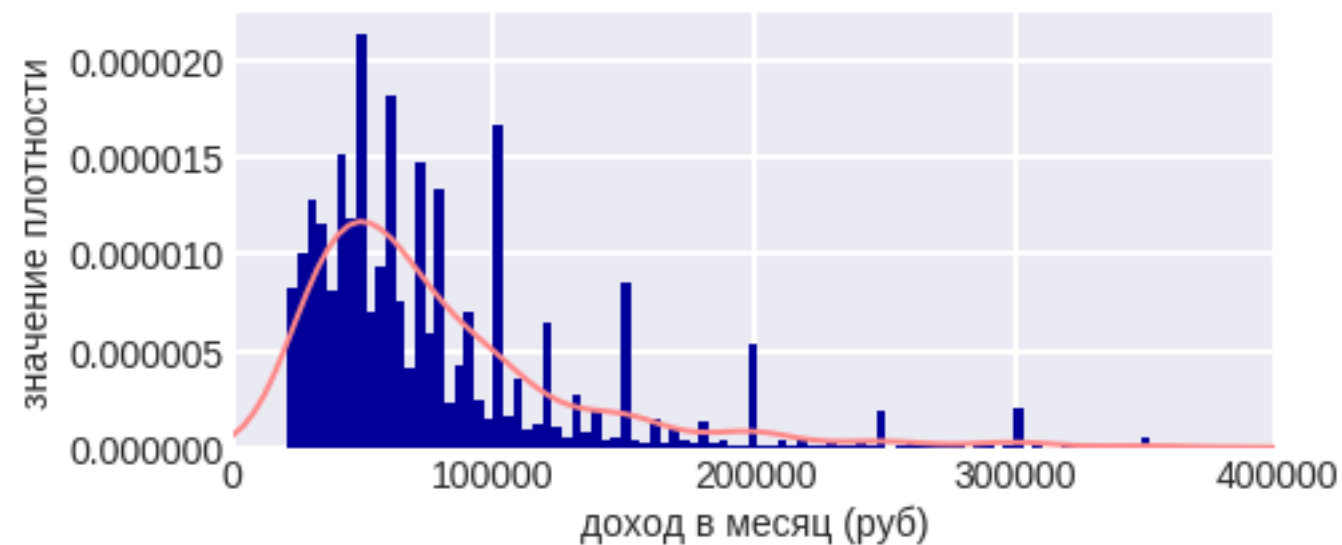
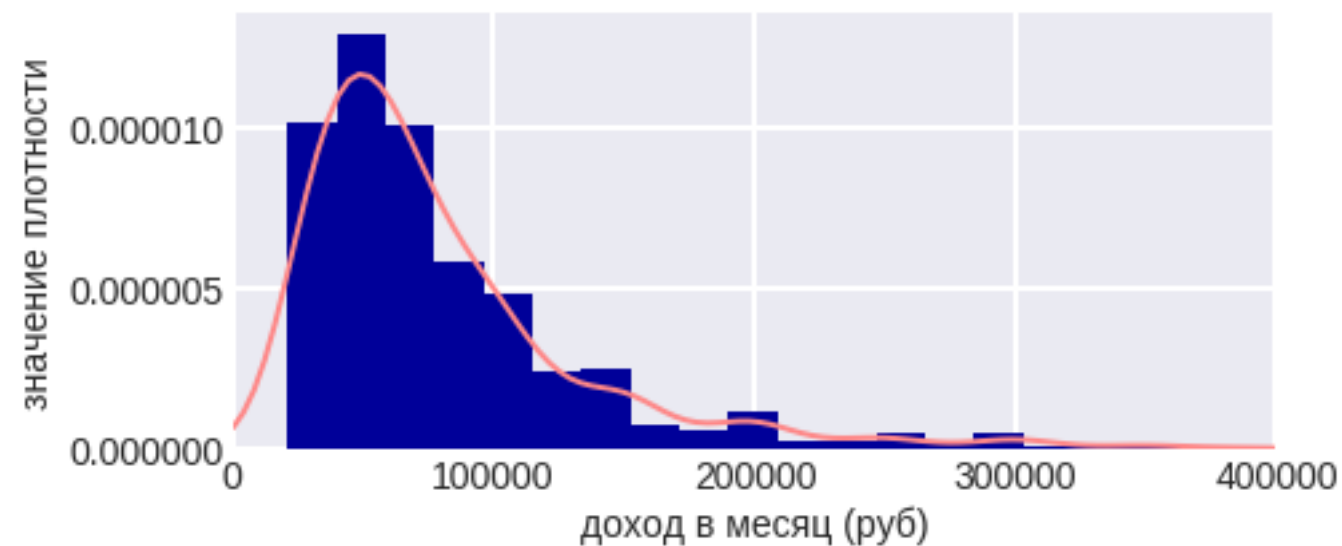
Распределение по возрасту

Что значит?



Отношение плотностей – есть явный выброс!

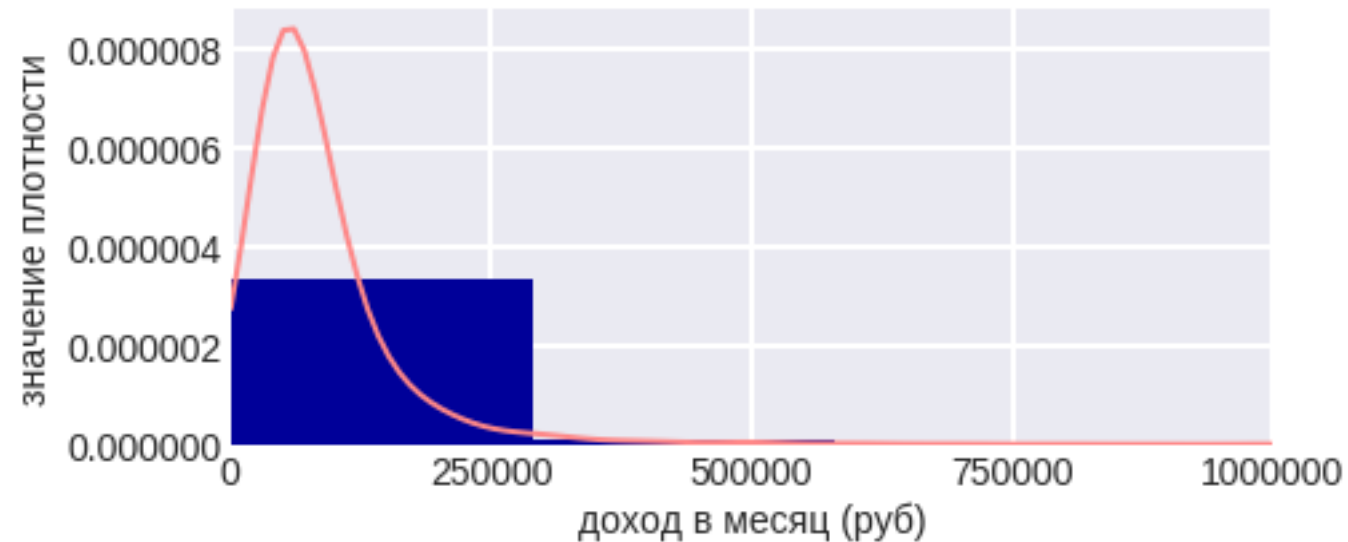
## Проблемы визуализаторов – параметры по умолчанию



**увеличили число бинов**



## Проблемы визуализаторов – выбросы

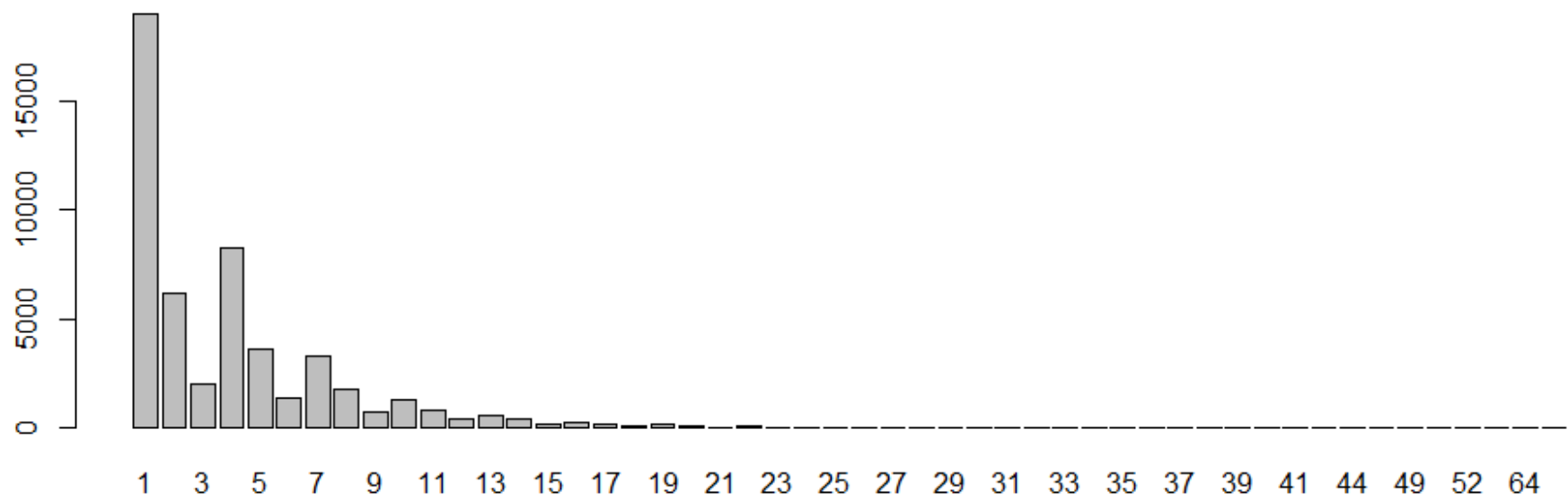


### Что будет если не устранять выбросы...

```
def make_clips(data, name):  
    return (data[name].clip(lower=data[name].quantile(0.01),  
upper=data[name].quantile(0.99)).values)
```

Ещё раз о параметрах по умолчанию: «Liberty»

Что интересного в распределении целевого признака?  
a transformed count of hazards or pre-existing damages



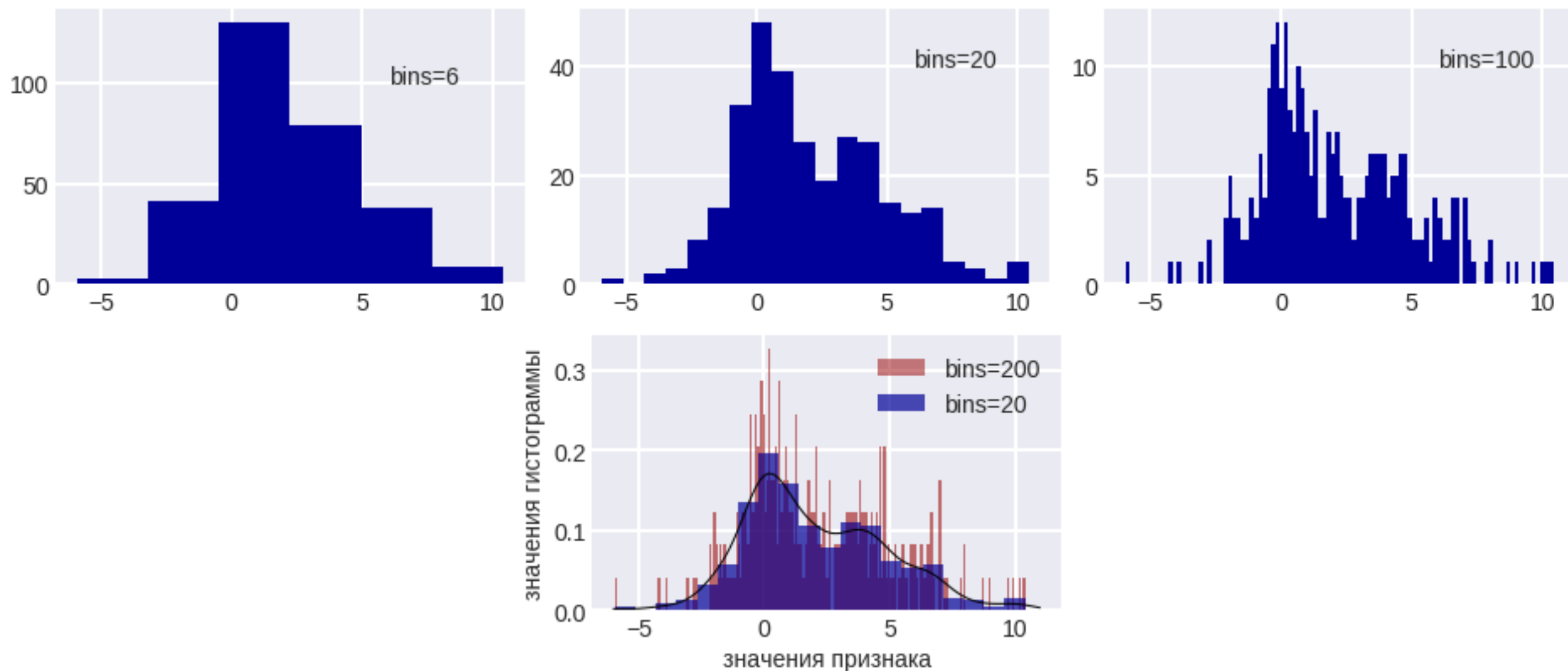
## Ещё раз о параметрах по умолчанию: «Liberty»



**Из-за правильной визуализации**  
немонотонная зависимость  
паттерны – «тройки»

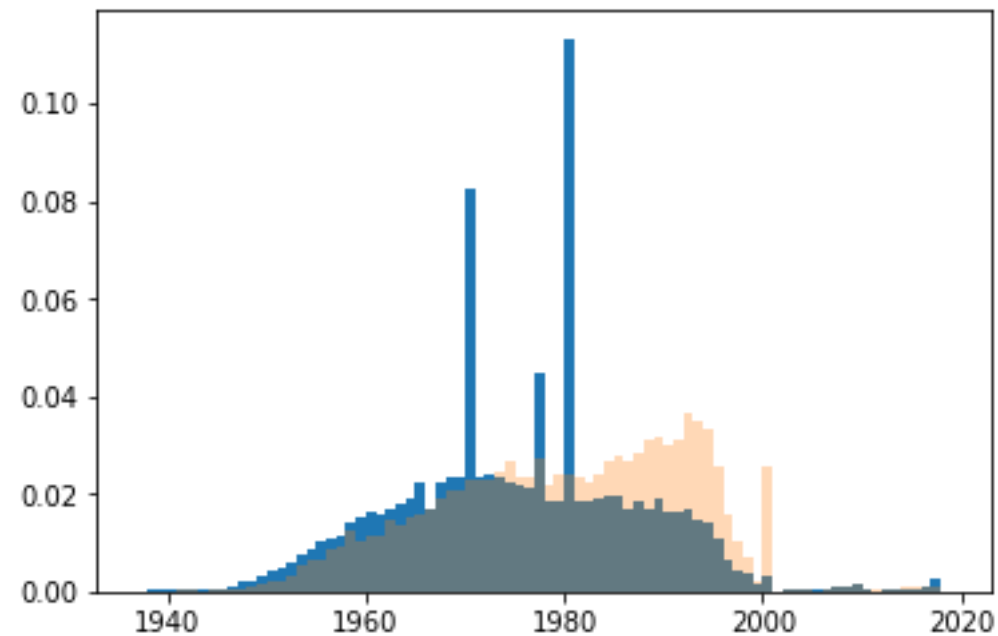
**Выбирать:**  
число бинов  
ширина столбцов

## Построение гистограммы



**Подбирайте число корзинок (бинов). Совет: можно совмещать!**

**Выводы о признаках**  
**Распределения дат рождения пациентов (по полу)**



**Когда смотрим частые значения**

1980-01-01	4850
1970-01-01	3013
1977-07-07	1321
2000-06-07	447
2017-04-01	155
2000-01-01	127
2009-04-01	109

## Выводы о признаках

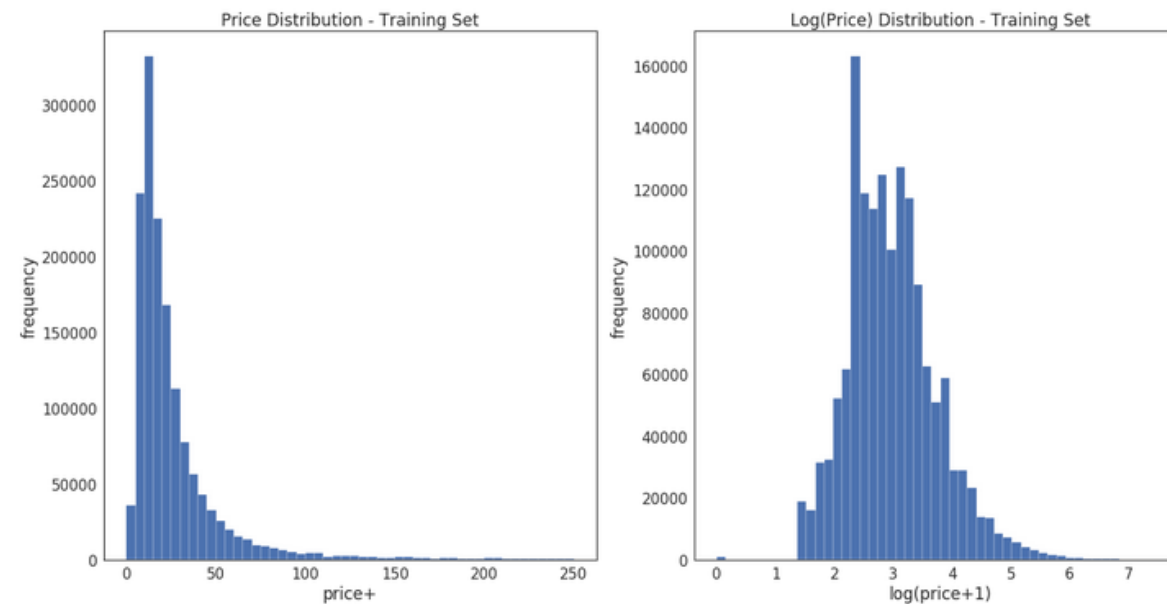
**значения по умолчанию  $\Rightarrow$  точная дата неизвестна**

**при этом пол «Ж»  $\Rightarrow$  тоже неверно**

**Стоит ли доверять другой информации?**

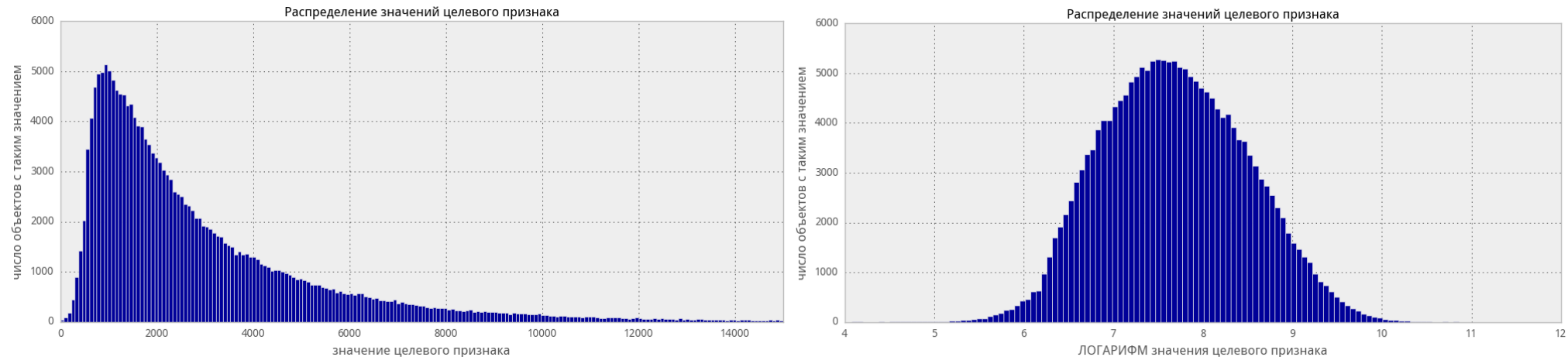
## Выводы о признаках

### Использование визуализации для выбора трансформации



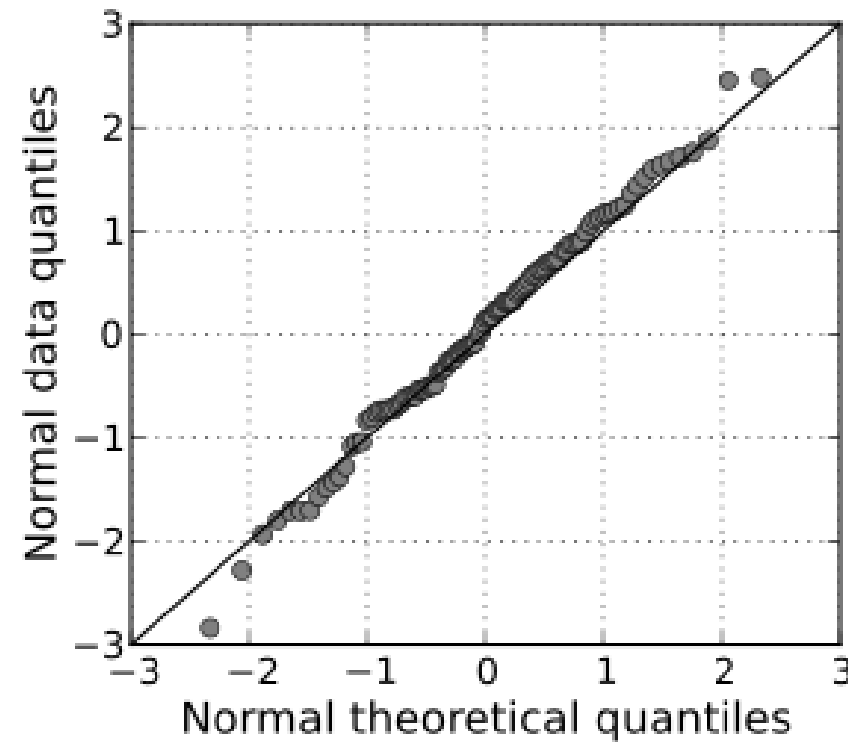
<https://www.kaggle.com/thykhuely/mercari-interactive-eda-topic-modelling>

## «AllState»



## Анализ распределения

### Q-Q (quantile-quantile) plot



[https://en.wikipedia.org/wiki/Q%E2%80%93Q\\_plot](https://en.wikipedia.org/wiki/Q%E2%80%93Q_plot)

**Д3 Провести анализ применимости графика.  
(похожие распределения, + шум, + искажение)**



## Визуализация отдельных признаков

### Приёмы

- **взять подвыборку**
- **менять число бинов!**
- **самому выбирать бины!**

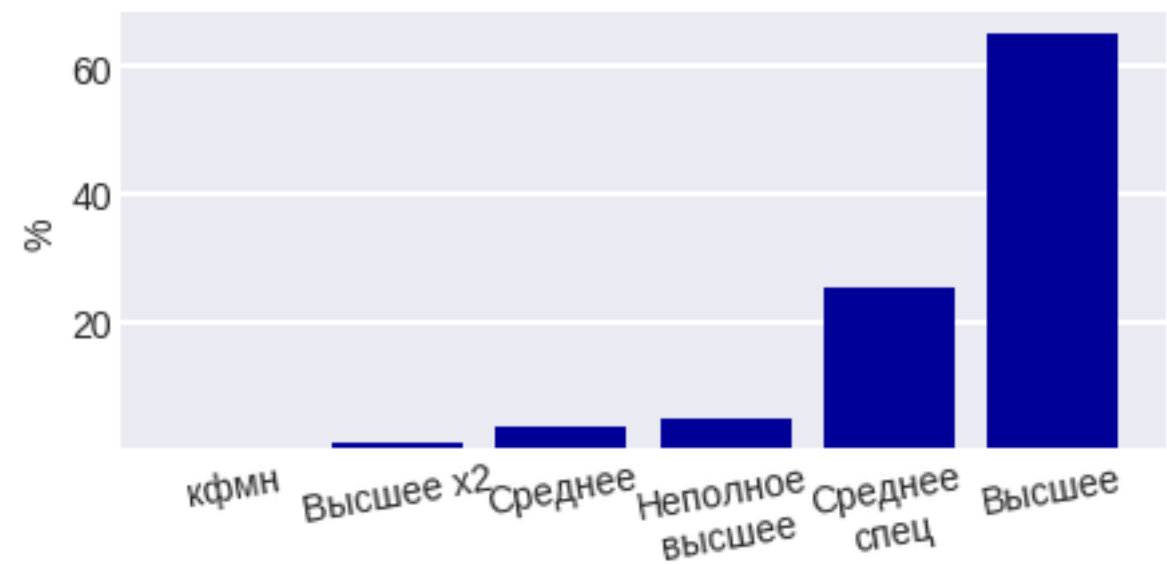
### Зачем

- **логичность признака**
- **типичные значения**
- **области типичных значений**
- **преобразования признака**

### Сравнение:

- **при разных значениях целевого**
  - **на обучении и контроле**

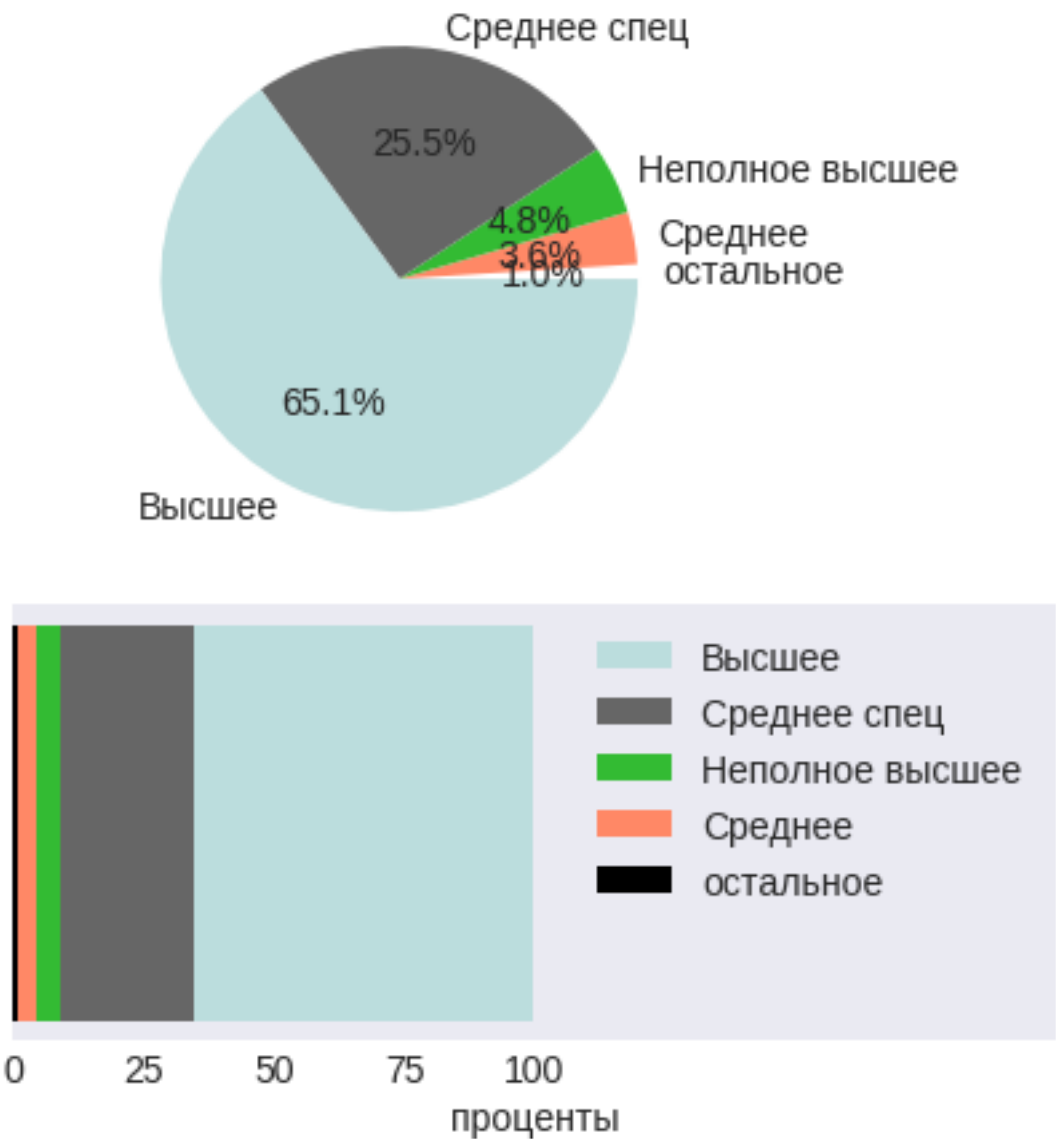
Визуализация категориальных признаков



не видно мелкие категории  
категорий может быть много

Как быть?

Визуализация категориальных признаков



## Визуализация категориальных признаков

**Не использовать 3D-эффекты**

**Мелкие категории → «остальное»**

**Площадь всех категорий = 100%**

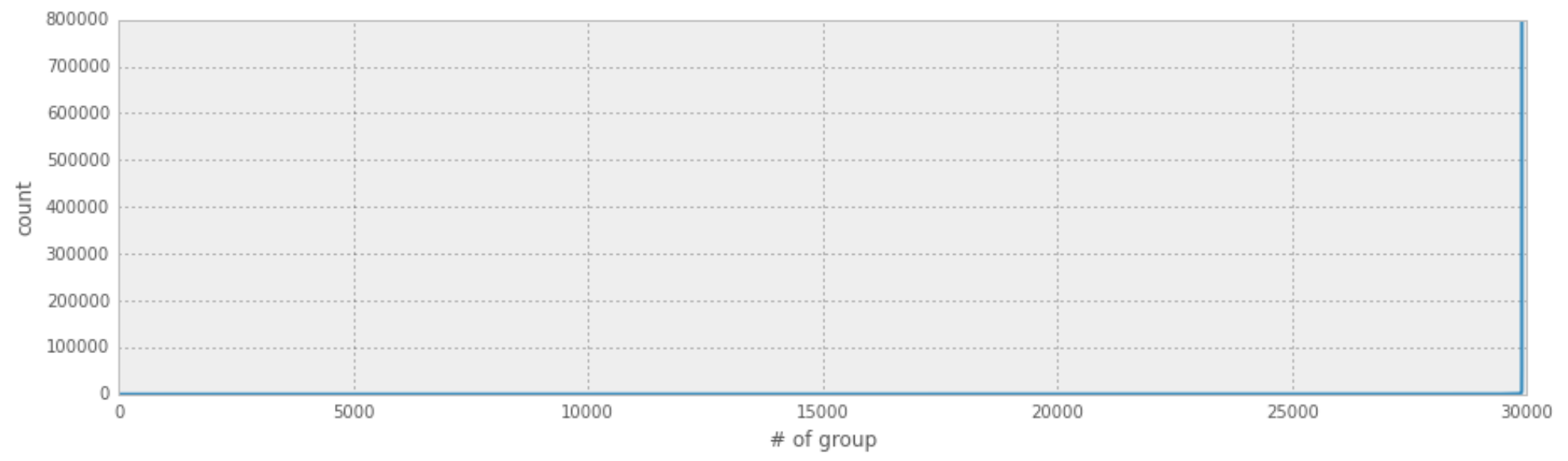
**Диаграмма-пирог – не рекомендуется**

**Когда информации для визуализации мало – таблицы!**

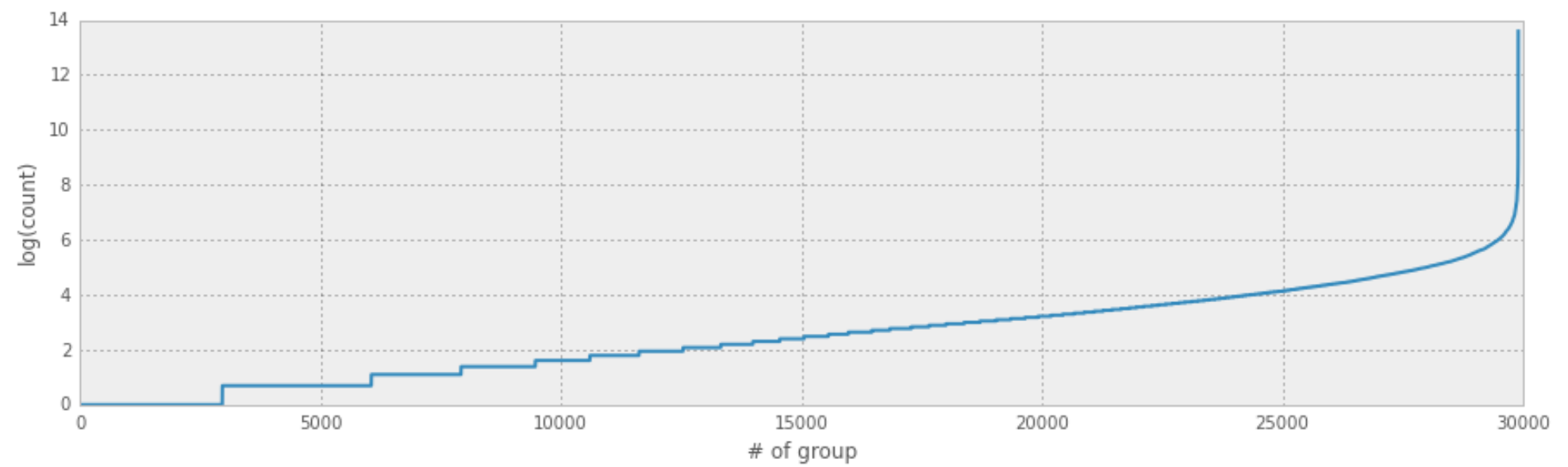
Образование	%
Высшее	65.1
Среднее спец	25.5
Неполное высшее	4.8
Среднее	3.6
Высшее x2	0.8
кфмн	0.2

**Можно ещё логарифмировать...**

Зачем ещё нужно логарифмирование



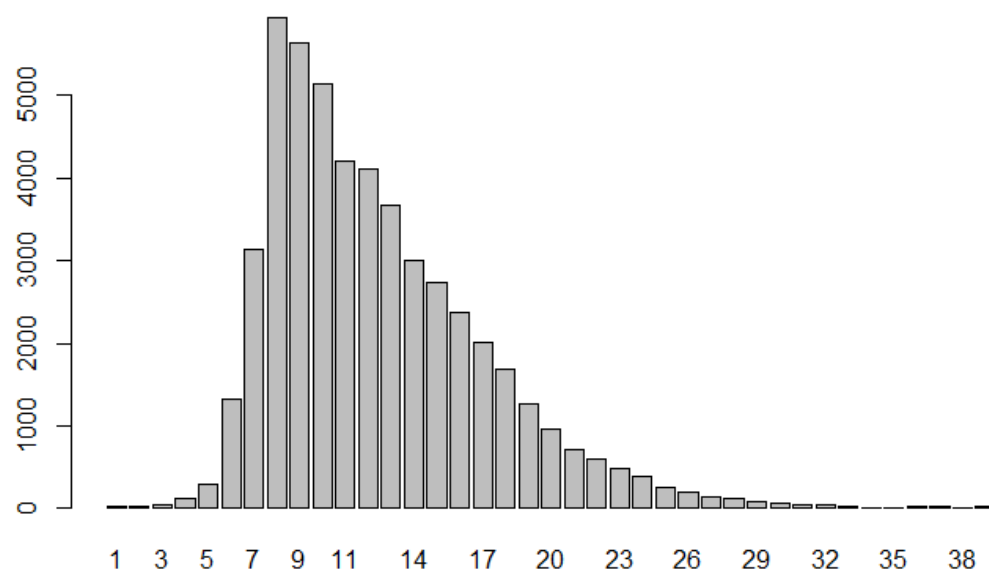
число представителей одной из ~30000 групп в выборке



логарифм этого числа

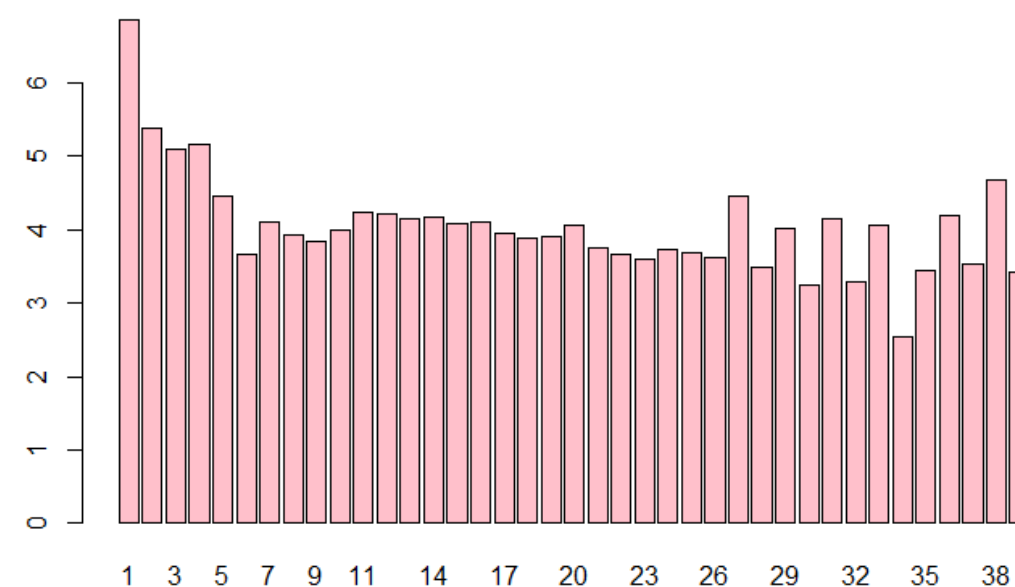
## Распределения на признаках – природа признаков

### Задача «Liberty»: целочисленный признак – вещественный или категориальный?



```
barplot(table(train[,21]))
```

**Распределение значений признака**



```
barplot(tapply(train$Hazard, train[,34], mean),  
        col='pink')
```

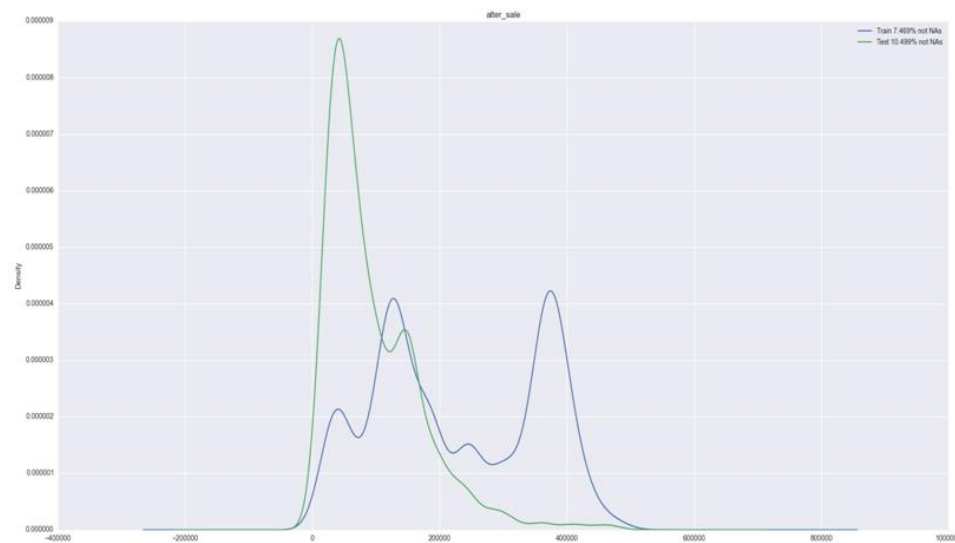
**Среднее цели на значениях признака**

## Категориальные признаки «AllState»

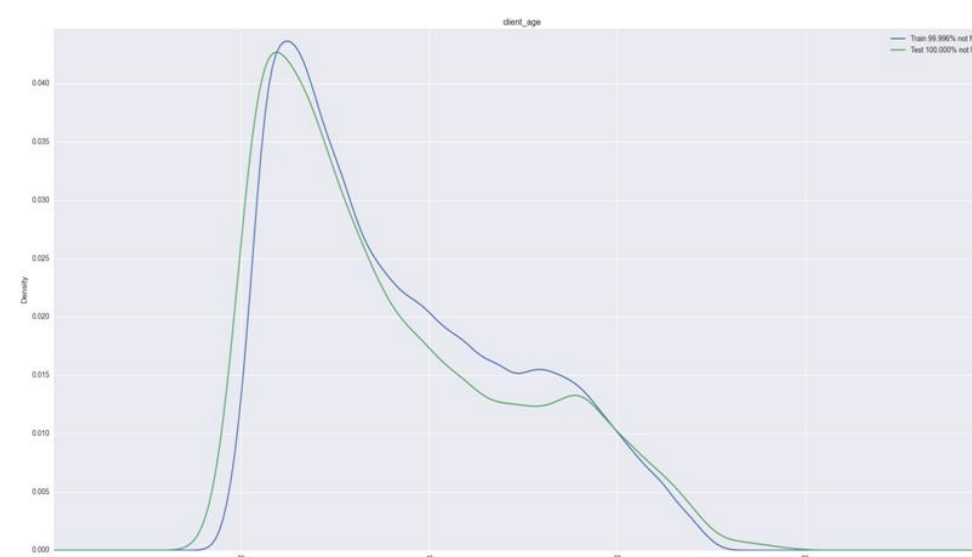
mean			cat107		
	cat101	count			
A	2454.139844	106721	A	3259.510800	75
B	1292.020000	3	B	19845.900000	2
C	2778.283638	16971	C	2076.430704	213
D	2812.990306	17171	D	2636.230164	3225
E	4458.574286	7	E	2871.429175	12521
F	3560.151861	10139	F	3072.621189	47310
G	3450.680947	10944	G	3149.791915	28560
H	1320.720000	1	H	3124.043153	23461
I	4590.935254	6690	I	2913.988215	20066
J	4603.863790	7259	J	3084.531566	22405
K	3240.165000	2	K	2946.549609	20236
L	5321.419556	3173	L	3003.206170	6976
M	5540.292766	3669	M	3074.337929	2067
N	2192.720000	1	N	3053.982033	797
O	6870.387172	2493	O	2950.613520	125
Q	7057.470264	2762	P	3138.672300	100
R	8564.376594	138	Q	2985.114143	140
S	8993.138439	173	R	3063.068000	5
U	15972.490000	1	S	5553.495000	2
			U	3546.898438	32

## Как распределение меняется при переходе к контролю

**смотреть как меняются распределения  
обучение – контроль**



**Есть существенные изменения**



**Нет изменений**

**История про о-трэвел и волшебный признак.**



## Итог

### Гистограммы очень хороши

- быстро оценить форму распределения
  - придумать деформацию

но надо настраивать вручную (впрочем, любую визуализацию)

**Есть много описательных статистик**  
хороши как признаки

### Смотреть по признакам

распределения, распределения обучение / тест, распределения целевой переменной, аномальности в распределении, пропуски, естественность порядка значений

### Приёмы:

**деформация признака (чаще логарифмирование)**  
**масштабирование**

## Итог

- **не используйте сложных средств визуализации**

**Досконально понимать, как происходит сама визуализация!**

- **не используйте параметров по умолчанию при визуализации**

**«Посмотреть на данные» — это тоже процедура, которая нуждается в обучении, т.е.**

- **настройке параметров**
- **м.б. очистка данных от выбросов**
- **м.б. изменение шкалы (например, логарифмирование)**