

## Features

### نسیم فانی

اطلاعات گزارش	چکیده
تاریخ: 99/1/4	ابتدا تخمین هندسی برای حالات مختلف را بررسی می‌کنیم.
واژگان کلیدی: گوشه یاب هریس ویژگی geometric transformation	با الگوریتم گوشه یاب هریس، گوشه های یک تصویر را می‌یابیم.

#### 1-مقدمه

ویژگی، یک مشخصه بصری از تصویر است که میتواند از رنگ، بافت، شکل یا لبه‌های تصویر استخراج شود. در واقع، استخراج ویژگی، فرایند تبدیل مقدارهای خام پیکسل‌های یک تصویر به اطلاعات مفید و معنادار است. در گذشته، طراحی این فرایند توسط متخصصان این حوزه انجام می‌شد و باید ویژگی‌ها را به صورت دستی تعریف و استخراج می‌کردیم ولی امروزه با کمک شبکه‌های عصبی و یادگیری عمیق، این عمل به صورت خودکار در لایه‌های کانولوشنی شبکه‌های عصبی انجام می‌شود. از ویژگی‌ها در وظایفی مثل بخش‌بندی (segmentation) یا تشخیص اشیاء (object recognition) استفاده می‌شود.

ویژگی‌های استخراج شده از تصاویر، در قالب مقادیر عددی نشان داده می‌شوند و معمولاً نسبت به تصویر اصلی، ابعاد بسیار کمتری دارند.

به صورت کلی، ویژگی‌های استخراج شده از تصاویر

به دو دسته تقسیم می‌شوند: سراسری و محلی

#### ۱. ویژگی‌های سراسری

این ویژگی‌ها را می‌توانیم از تصویر خام، در گام اول پردازش تصویر استخراج کنیم و معمولاً نسبت به مواردی مانند تغییر زاویه نور پایدار نیستند. در بازیابی تصویر از این ویژگی‌ها برای «شناسایی اشیاء» (بررسی حضور یا عدم حضور یک شی خاص در تصویر) استفاده می‌شود. البته صرفاً استفاده از این ویژگی‌ها برای دریافت محتوا و معنای یک تصویر کافی نیست.

#### ۲. ویژگی‌های محلی

بعد از استخراج ویژگی‌های سراسری و شناسایی قسمتی از تصویر که احتمال حضور یک شی در اون وجود دارد، تشکیل کادرهای Region of Interest= RoI، با تقسیم آن بخش‌ها، به بلوک‌هایی کوچکتر، به بررسی جزئی‌تر

ویژگی‌ها در هر یک از بلوک‌ها می‌پردازیم تا ماهیت آن شی تشخیص داده شود. استخراج این ویژگی‌ها، برای توصیف محتوای تصویر ضروری است.

مربوطه در استفاده از یک جفت تابع استفاده می‌کنیم:  
Forward mapping

$$\begin{cases} x = x(u, v) \\ y = y(u, v) \end{cases}, \text{ or } \mathbf{x} = \mathbf{x}(\mathbf{u})$$

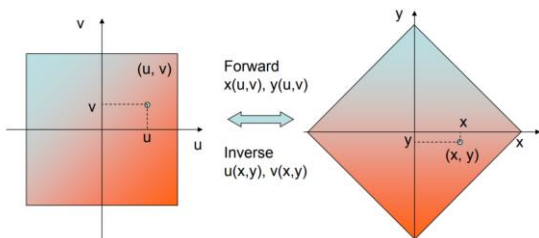
Inverse mapping

$$\begin{cases} u = u(x, y) \\ v = v(x, y) \end{cases}, \text{ or } \mathbf{u} = \mathbf{u}(\mathbf{x})$$

اگر  $f(u, v)$  یا  $f(\mathbf{u})$  نشانگر تصویر اصلی و  $g(x, y)$  یا  $g$  (x) تصویر تغییر شکل یافته باشد. آن‌ها به این صورت با هم مرتبط می‌شوند:

$$\begin{cases} g(x, y) = f(u(x, y), v(x, y)) \\ f(u, v) = g(x(u, v), y(u, v)) \end{cases}, \text{ or } \begin{cases} g(\mathbf{x}) = f(\mathbf{u}(\mathbf{x})) \\ f(\mathbf{u}) = g(\mathbf{x}(\mathbf{u})) \end{cases}$$

به عنوان مثال:



geometric transformation ترکیبی از translation، scaling و rotation با فرم کلی زیر است:

$$\mathbf{x} = \mathbf{RS}(\mathbf{u} + \mathbf{t}) = \mathbf{A}\mathbf{u} + \mathbf{b},$$

$$\mathbf{u} = \mathbf{A}^{-1}(\mathbf{x} - \mathbf{b}) = \mathbf{A}^{-1}\mathbf{x} + \mathbf{c},$$

with  $\mathbf{A} = \mathbf{RS}$ ,  $\mathbf{b} = \mathbf{RSt}$ ,  $\mathbf{c} = -\mathbf{t}$ .

برای اینکه بتوانیم هندسه یک تصویر را تخمین بزنیم نیاز داریم که مقادیر این تابع را پیدا کنیم.

## نقش ویژگی‌ها در شناسایی و تشخیص اشیاء تصویر

در پردازش تصاویر، ابتدا ویژگی‌های سطح پایین (low-level features) موجود در تصویر مانند رنگ، بافت و شکل شناسایی می‌شوند. پس از شناسایی بخشی از تصویر، که احتمالاً یک شی در آن قرار دارد، تشخیص هویت آن شی انجام می‌شود تا نام آن مشخص شود. ویژگی‌های استخراج شده از تصاویر، می‌توانند سطح پایین یا سطح بالا باشند. ویژگی‌های سطح بالا (high-level features) به کمک ویژگی‌های سطح پایین کشف می‌شوند.

در تشخیص اشیاء، هدف طبقه‌بندی اشیاء موجود در تصویر، در مجموعه‌ای از کلاس‌های از پیش تعیین شده است. هر کدام از کلاس‌ها، مجموعه‌ای از ویژگی‌های مختص به خود دارند که به طبقه‌بندی اشیاء متعلق به این کلاس‌ها کمک می‌کند. برای مشخص کردن اینکه چه چیزهایی در یک تصویر و در کجای آن قرار دارند، از مدل‌های یادگیری ماشین استفاده می‌شود.

## 2-توضیحات تکنیکال

### :Estimate Geometry

در ابتدا باید مفهوم geometric transformation را درک کنیم.

با geometric transformation، موقعیت پیکسل‌های یک تصویر را اصلاح می‌کنیم، اما رنگ آن‌ها را بدون تغییر نگه می‌داریم.

اگر  $(u, v)$  مختصات تصویر را در تصویر اصلی و  $(x, y)$  را در یک تصویر تغییر شکل یافته (یا تاب خورده) نشان دهد، برای ارتباط پیکسل‌های

شرح مراحل:

(1) پیدا نقاط correspond بین دو تصویر  $K \geq N$

$$(u_i, v_i) \leftrightarrow (x_i, y_i), i = 1, 2, \dots, K.$$

(2) پیدا کردن ضرایب  $a_i, b_i, \dots, (i=0, \dots, N-1)$

$$\begin{cases} x(u_i, v_i) = a_0 + a_1 u_i + a_2 v_i + \dots = x_i, \\ y(u_i, v_i) = b_0 + b_1 u_i + b_2 v_i + \dots = y_i, \end{cases} \quad i = 1, 2, \dots, K$$

برای حل این معادله معادله را به معادله ماتریسی تبدیل

می کنیم:

$$\begin{aligned} \mathbf{A}\mathbf{a} &= \mathbf{x}, \quad \mathbf{A}\mathbf{b} = \mathbf{y} \\ \text{where} \\ \mathbf{A} &= \begin{bmatrix} 1 & u_1 & v_1 & \dots \\ 1 & u_2 & v_2 & \dots \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots \\ 1 & u_K & v_K & \dots \end{bmatrix}, \mathbf{a} = \begin{bmatrix} a_0 \\ a_1 \\ \vdots \\ a_{N-1} \end{bmatrix}, \mathbf{b} = \begin{bmatrix} b_0 \\ b_1 \\ \vdots \\ b_{N-1} \end{bmatrix}, \mathbf{x} = \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ \vdots \\ x_K \end{bmatrix}, \mathbf{y} = \begin{bmatrix} y_1 \\ y_2 \\ \vdots \\ y_K \end{bmatrix} \end{aligned}$$

اگر  $k=N$  و ماتریس  $\mathbf{A}$  یک ماتریس non-singular

است:

$$\mathbf{a} = \mathbf{A}^{-1} \mathbf{x}, \quad \mathbf{b} = \mathbf{A}^{-1} \mathbf{y}$$

اگر  $k > N$  از روش least square استفاده می کنیم:

$$\mathbf{a} = (\mathbf{A}^T \mathbf{A})^{-1} \mathbf{A}^T \mathbf{x}, \quad \mathbf{b} = (\mathbf{A}^T \mathbf{A})^{-1} \mathbf{A}^T \mathbf{y}$$

در غیر اینصورت باید نقاط correspond بیشتری پیدا کنیم!

در متلب از توابع detectSURFFeatures،

extractFeatures و matchFeatures استفاده کرده ایم.

### Corner Detection

معمولاً الگوریتم آشکارساز گوشه هریس را می توان

به پنج مرحله تقسیم کرد:

- 1- Color to grayscale
- 2- Spatial derivative calculation
- 3- Structure tensor setup
- 4- Harris response calculation
- 5- Non-maximum suppression

برای این منظور از نقاط ویژگی استفاده می کنیم. ابتدا

نقاط ویژگی را در هر دو تصویر پیدا می کنیم. برای این

منظور الگوریتم های زیادی وجود دارد که ما در اینجا از

الگوریتم surf استفاده می کنیم.

SURF از فیلترهای مربع شکل به عنوان تقریب صاف

کننده گاوسی استفاده می کند. (رویکرد SIFT از

فیلترهای آبشار برای تشخیص نقاط مشخصه غیرقابل

تغییر در مقیاس استفاده می کند، جایی که اختلاف

Gaussians (DoG) بر روی تصاویر تغییر یافته به

صورت تدریجی محاسبه می شود.) اگر از تصویر انتگرال

استفاده شود، فیلتر کردن تصویر با یک مربع بسیار

سریعتر است:

$$S(x, y) = \sum_{i=0}^x \sum_{j=0}^y I(i, j)$$

مجموع تصویر اصلی درون یک مستطیل را می توان

با استفاده از تصویر انتگرال به سرعت ارزیابی کرد و

نیاز به ارزیابی در چهار گوشه مستطیل دارد.

SURF از یک blob detector بر اساس ماتریس هسیان

برای یافتن نقاط مورد علاقه استفاده می کند. تعیین

کننده ماتریس هسیان به عنوان معیاری برای تغییر محلی

در اطراف نقطه استفاده می شود و نقاطی انتخاب می

شوند که این تعیین کننده حداکثر باشد.

$$H(p, \sigma) = \begin{pmatrix} L_{xx}(p, \sigma) & L_{xy}(p, \sigma) \\ L_{yx}(p, \sigma) & L_{yy}(p, \sigma) \end{pmatrix}$$

سپس این نقاط را باید دیگر match کنیم. با مقایسه

توصیفگرهای بدست آمده از تصاویر مختلف، می توان

جفت های منطبق را پیدا کرد. در نهایت برای نقاطی که

با هم match شده اند یک تابع تبدیل مطابق آنچه گفته

شد می یابیم این ماتریس ها را در کنار هم قرار داده و

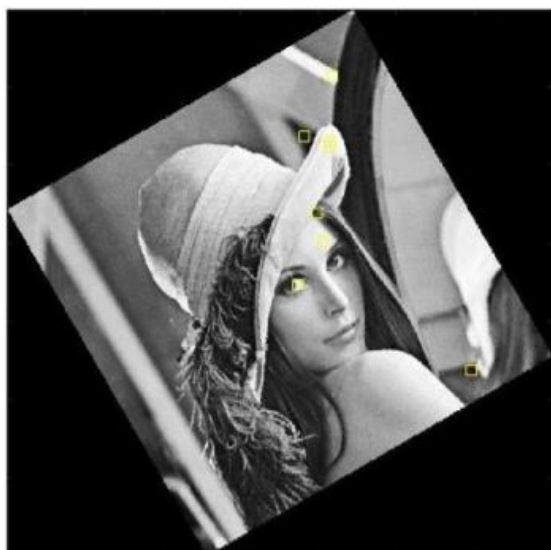
ماتریس تبدیل را به دست می آوریم.

به کمک ماتریس تبدیل حاصل می توانیم تصویر تغییر

یافته را به تصویر اولیه مپ کنیم.

### 3-شکل ها، جدول ها و روابط (فرمول ها)

تصویر 1 ، attack 1  
فیچرهای match شده:



### Color to grayscale

اگر از آشکارساز گوشه هریس در یک تصویر رنگی استفاده کنیم ، اولین قدم تبدیل آن به یک تصویر در مقیاس خاکستری است که باعث افزایش سرعت پردازش می شود.  
مقدار پیکسل مقیاس خاکستری را می توان به عنوان مجموع های وزن دار از مقادیر  $R$  ،  $B$  و  $G$  تصویر رنگ محاسبه کرد :

$$\sum_{C \in \{R,B,G\}} w_C \cdot C,$$

where, e.g.,

$$w_R = 0.299, w_B = 0.587, w_G = 1 - (w_R + w_B).$$

### Spatial derivative calculation

بعد، می خواهیم  $I_x(x,y)$  و  $I_y(x,y)$  را محاسبه کنیم.

### Structure tensor setup

با  $I_x(x,y)$  و  $I_y(x,y)$  می توانیم structure tensor  $M$  را بسازیم.

### Harris response calculation

در این مرحله ، با استفاده تقریب زیر ، کوچکترین مقدار ویژه تنسور سازه را محاسبه می کنیم:

$$\frac{x \cdot y}{x + y} = x \frac{1}{1 + x/y} \approx x : x \ll y$$

$$\text{tr}(M) = m_{11} + m_{22} \quad \text{با trace}$$

یکی دیگر از محاسبات معمول پاسخ هریس به شرح زیر است:

$$R = \lambda_1 \lambda_2 - k \cdot (\lambda_1 + \lambda_2)^2 = \det(M) - k \cdot \text{tr}(M)^2$$

### Non-maximum suppression

به منظور انتخاب مقادیر بهینه برای نشان دادن گوشه ها ، local maxima را به عنوان گوشه های داخل پنجره پیدا می کنیم که یک فیلتر 3 در 3 است.

تصویر نتیجه:



تصویر نتیجه:



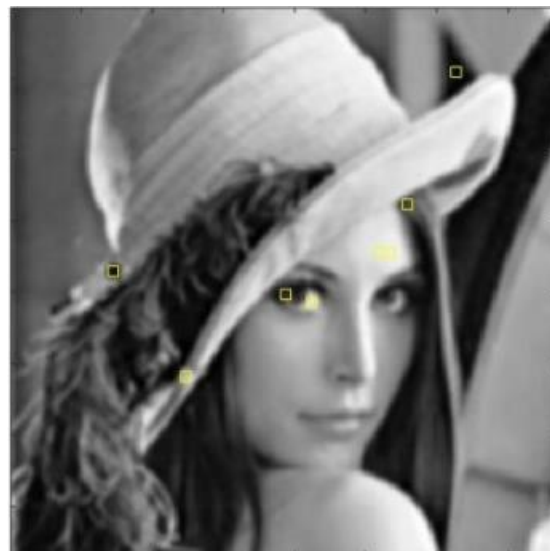
تصویر 2, attack1  
فیچرهای match شده:



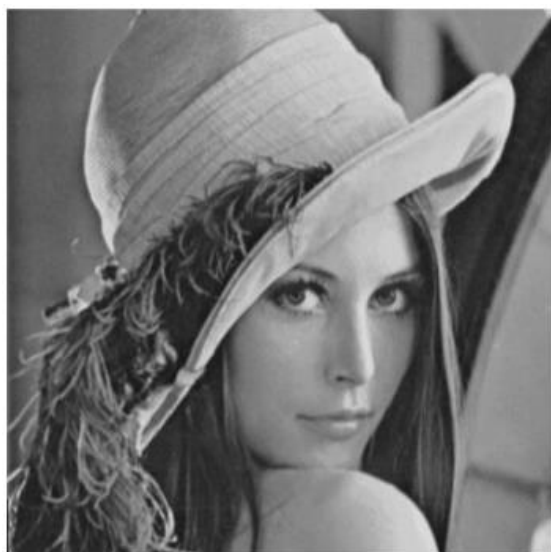


تصویر 3، attack1

فیچرهای match شده:



تصویر نتیجه:



تصویر 4، attack1

فیچرهای match شده:



تصویر نتیجه:

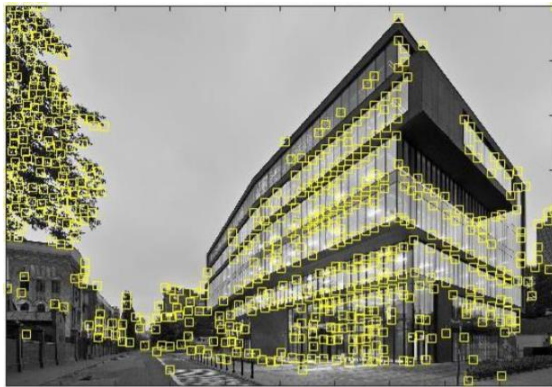


نتایج:

	SSIM	MSE	MP
1	0.9	17.2	14
2	0.6	617.3	68
3	0.6	403	14
4	0.9	63.1	28
mean	0.75	275.15	31
std	0.15	247.8	22.11

گوشه یابی:

مراجع



4- کدها:

تخمین هندسی:

```
function [output] = getRot(img, ref, img1)
feature_img = detectSIFTFeatures(img, 'MetricThreshold', 6500);
feature_ref = detectSIFTFeatures(ref, 'MetricThreshold', 6500);
[f1, v1] = extractFeatures(img, feature_img);
[f2, v2] = extractFeatures(ref, feature_ref);
indexPairs = matchFeatures(f1, f2);
mp1 = v1(indexPairs(:,1));
mp2 = v2(indexPairs(:,2));
x1 = mp1.Location(:,1);
y1 = mp1.Location(:,2);
x2 = mp2.Location(:,1);
y2 = mp2.Location(:,2);
x1 = [x1 y1];
x2 = [x2 y2];
T = fitgeotrans(x1, x2, 'homography');
output = imwarp(img1, T, 'nearest', 'OutputSize', size(img1));
output = output(1:512, 1:512);
end
```

گوشه یاب:

```
function [r,c] = harris(img,sigma)
dx = [-1 0 1;-1 0 1;-1 0 1]/6;
dy = [-1 -1 -1;0 0 0;1 1 1]/6;
g = Special('gaussian',max([dx dy]),sigma);
x = fit(img,dx);
y = fit(img,dy);
x2 = conv2(x,x,g);
y2 = conv2(y,y,g);
xy = conv2(x,y,g);
K = 0.04;
R11 = (x2.*y2 - xy.^2) - K*(x2 + y2).^2;
cond = R11.^2;
R = R11./cond;
X = mat2gray(R);
R = (255/(max(max(X))-min(min(X))))*X;
size = 2^20+1;
hw = ceil(size/8,size/2,ones(size));
R = (R+mat2gray(hw));
[r,c] = find(R);
```

```
function output=fit(img,mask)
[A,C] = size(img);
[A,B] = size(mask);
img = padarray(img,[1,1]);
output = zeros(A,C,'single');
for i=1:A
    for j=1:C
        part = img(i:i+3,j:j+3);
        mult = part.*mask;
        out = sum(mult,'all');
        output(i,j) = out;
    end
end
```

- [https://eeweb.engineering.nyu.edu/~yao/EL5123/lecture12\\_ImageWarping.pdf](https://eeweb.engineering.nyu.edu/~yao/EL5123/lecture12_ImageWarping.pdf)
- <https://virgool.io/@za.haghgu/%D9%88%DB%8C%DA%98%DA%AF%DB%8C%D9%87%D8%A7%DB%8C-%D8%AA%D8%B5%D9%88%DB%8C%D8%B1-ifwtdtf3s3pq>
- [https://en.wikipedia.org/wiki/Harris\\_Corner\\_Detector](https://en.wikipedia.org/wiki/Harris_Corner_Detector)