Проект

Единый государственный экзамен по МАТЕМАТИКЕ

Демонстрационный вариант

контрольных измерительных материалов единого государственного экзамена 2017 года по математике

Базовый уровень

подготовлен Федеральным государственным бюджетным научным учреждением

«ФЕДЕРАЛЬНЫЙ ИНСТИТУТ ПЕДАГОГИЧЕСКИХ ИЗМЕРЕНИЙ»

Демонстрационный вариант ЕГЭ 2018 г. МАТЕМАТИКА, 11 класс. Базовый уровень. 2/22

Пояснения к демонстрационному варианту контрольных измерительных материалов ЕГЭ 2018 года по МАТЕМАТИКЕ

Демонстрационный вариант предназначен для того, чтобы дать представление о структуре будущих контрольных измерительных материалов, количестве заданий, об их форме и уровне сложности.

В демонстрационном варианте представлено по несколько примеров заданий на каждую позицию экзаменационной работы. В реальных вариантах экзаменационной работы на каждую позицию будет предложено только одно задание.

Задания демонстрационного варианта не отражают всех вопросов содержания, которые могут быть включены в контрольные измерительные материалы в 2018 г.

^{© 2018} Федеральная служба по надзору в сфере образования и науки Российской Федерации

Бланк

Бланк

Демонстрационный вариант контрольных измерительных материалов для проведения в 2018 году единого государственного экзамена по МАТЕМАТИКЕ

Базовый уровень

Инструкция по выполнению работы

Экзаменационная работа включает в себя 20 заданий.

На выполнение работы отводится 3 часа (180 минут).

Ответы к заданиям записываются по приведённым ниже образцам в виде числа или последовательности цифр. Сначала запишите ответы к заданиям в поле ответа в тексте работы, а затем перенесите их в бланк ответов № 1 справа от номера соответствующего задания.

Ответ: -0,6 .

Если ответом является последовательность цифр, как в приведённом ниже примере, то запишите эту последовательность в бланк ответов № 1 без пробелов, запятых и других дополнительных символов.

КИМ

Ответ:

Все бланки ЕГЭ заполняются яркими чёрными чернилами. Допускается использование гелевой, или капиллярной, или перьевой ручек.

При выполнении заданий можно пользоваться черновиком. Записи в черновике не учитываются при оценивании работы.

Баллы, полученные Вами за выполненные задания, суммируются. Постарайтесь выполнить как можно больше заданий и набрать наибольшее количество баллов

Желаем успеха!

Справочные материалы

Алгебра

Демонстрационный вариант ЕГЭ 2018 г.

Таблица квадратов целых чисел от 0 до 99

Поодтин					Един	ницы				
Десятки	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0	0	1	4	9	16	25	36	49	64	81
1	100	121	144	169	196	225	256	289	324	361
2	400	441	484	529	576	625	676	729	784	841
3	900	961	1024	1089	1156	1225	1296	1369	1444	1521
4	1600	1681	1764	1849	1936	2025	2116	2209	2304	2401
5	2500	2601	2704	2809	2916	3025	3136	3249	3364	3481
6	3600	3721	3844	3969	4096	4225	4356	4489	4624	4761
7	4900	5041	5184	5329	5476	5625	5776	5929	6084	6241
8	6400	6561	6724	6889	7056	7225	7396	7569	7744	7921
9	8100	8281	8464	8649	8836	9025	9216	9409	9604	9801

Свойства арифметического квадратного корня

$$\sqrt{ab} = \sqrt{a} \cdot \sqrt{b}$$
 при $a \ge 0$, $b \ge 0$ $\sqrt{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{b}}$ при $a \ge 0$, $b > 0$

Корни квадратного уравнения $ax^2 + bx + c = 0$, $a \ne 0$

$$x_1 = \frac{-b - \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$
, $x_2 = \frac{-b + \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$ при $b^2 - 4ac > 0$
 $x = -\frac{b}{2a}$ при $b^2 - 4ac = 0$

Формулы сокращенного умножения

$$(a+b)^{2} = a^{2} + 2ab + b^{2}$$
$$(a-b)^{2} = a^{2} - 2ab + b^{2}$$
$$a^{2} - b^{2} = (a+b)(a-b)$$

Степень и логарифм

Свойства степени при a > 0, b > 0

$$a^{-n} = \frac{1}{a^n}$$

$$a^n \cdot a^m = a^{n+m}$$

$$\frac{a^n}{a^m} = a^{n-m}$$

$$\left(a^{n}\right)^{m}=a^{nn}$$

$$(ab)^n = a^n \cdot b^n$$

$$\left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a'}{b'}$$

Свойства логарифма

при
$$a > 0$$
, $a \ne 1$, $b > 0$, $x > 0$, $y > 0$

$$a^{\log_a b} = a$$

$$\log_a a = 1$$

$$\log_a 1 = 0$$

$$\log_a(xy) = \log_a x + \log_a y$$

$$\log_a(xy) = \log_a x + \log_a y$$
$$\log_a\left(\frac{x}{y}\right) = \log_a x - \log_a y$$

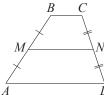
$$\log_a b^k = k \log_a b$$

Геометрия

Средняя линия треугольника и трапеции



$$MN = \frac{AC}{2}$$



 $BC \parallel AD$ MN — ср. лин. $MN \parallel AD$

 $MN = \frac{BC + AD}{2}$

 $S = \pi r^2$

Теорема Пифагора



 $a^2 + b^2 = c^2$

Длина окружности Площадь круга



Правильный треугольник

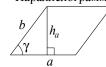




Площади фигур

Параллелограмм

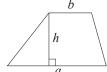
Демонстрационный вариант ЕГЭ 2018 г.



 $S = ah_a$ $S = ab \sin \gamma$



Трапеция



 $S = \frac{a+b}{2} \cdot h$

Ромб



 $d_1,\ d_2$ — диагонали $S = \frac{1}{2} d_1 d_2$

Площади поверхностей и объёмы тел

Прямоугольный параллелепипед



V = abc

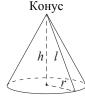
Прямая призма

 $V = S_{ocu}h$

Пирамида



 $V = \frac{1}{3} S_{och} h$

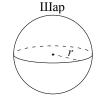


 $V = \frac{1}{3}\pi r^2 h$ $S_{\delta o \kappa} = \pi r l$

Цилиндр



 $V = \pi r^2 h$ $S_{\tilde{\rho}o\kappa} = 2\pi rh$



 $V = \frac{4}{3}\pi r^3$ $S = 4\pi r^2$

© 2018 Федеральная служба по надзору в сфере образования и науки Российской Федерации

© 2018 Федеральная служба по надзору в сфере образования и науки Российской Федерации

Тригонометрические функции

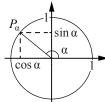
Прямоугольный треугольник



$$\sin \alpha = \frac{a}{c}$$
$$\cos \alpha = \frac{b}{a}$$

$$tg\alpha = \frac{a}{b}$$

Тригонометрическая окружность



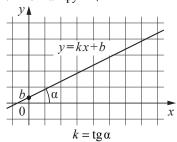
Основное тригонометрическое тождество: $\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$

Некоторые значения тригонометрических функций

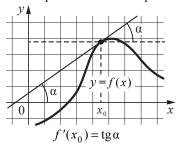
		-		-	-				
α	радианы	0	$\frac{\pi}{6}$	$\frac{\pi}{4}$	$\frac{\pi}{3}$	$\frac{\pi}{2}$	π	$\frac{3\pi}{2}$	2π
	градусы	0°	30°	45°	60°	90°	180°	270°	360°
	$\sin \alpha$	0	$\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	1	0	-1	0
	cosα	1	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{\sqrt{2}}{2}$	$\frac{1}{2}$	0	-1	0	1
	$tg\alpha$	0	$\frac{\sqrt{3}}{3}$	1	$\sqrt{3}$	_	0	_	0

Функции

Линейная функция



Геометрический смысл производной



Ответом к каждому заданию является конечная десятичная дробь, целое число или последовательность цифр. Сначала запишите ответ к заданию в поле ответа в тексте работы, а затем перенесите в БЛАНК ОТВЕТОВ № 1 справа от номера соответствующего задания. Каждую цифру, знак «минус» и запятую пишите в отдельной клеточке в соответствии с приведёнными в бланке образцами. Единицы измерений писать не нужно.

1	Найдите значение выражения	$(6,7-3,2)\cdot 2,4$.
	Ответ:	

Найдите значение выражения $\left(\frac{1}{3} + \frac{1}{5}\right) \cdot 6$.

Найдите значение выражения $\frac{0,24 \cdot 10^6}{0,6 \cdot 10^4}$

Ответ: _____

Найдите значение выражения $\frac{2^6 \cdot 3^8}{6^5}$.

Ответ:

Ивану Кузьмичу начислена заработная плата 20 000 рублей. Из этой суммы вычитается налог на доходы физических лиц в размере 13%. Сколько рублей он получит после уплаты подоходного налога?

Ответ: ______.

или

ЕГЭ по физике сдавали 25 выпускников школы, что составляет треть от общего числа выпускников. Сколько выпускников этой школы не славали экзамен по физике?

Ответ: ______.

	Демонстрационный вариант ЕГЭ 2018 г. МАТЕМАТИКА, 11 класс. Базовый уровень. $9/22$
4	Найдите m из равенства $F = ma$, если $F = 84$ и $a = 12$.
	Ответ:
	<u>или</u>
	Найдите v_0 из равенства $v = v_0 + at$, если $v = 20$, $t = 2$ и $a = 7$.
	Ответ:
	<u>или</u>
	Найдите S из равенства $S = v_0 \cdot t + \frac{at^2}{2}$, если $v_0 = 6$, $t = 2$, $a = -2$.
	Ответ:
5	Найдите $\cos \alpha$, если $\sin \alpha = 0.8$ и $90^{\circ} < \alpha < 180^{\circ}$.
	Ответ:
	<u>или</u>
	Найдите значение выражения $(2\sqrt{13}-1)(2\sqrt{13}+1)$.
	Ответ:
	<u>или</u>
	Найдите значение выражения $5^{\log_5 6+1}$.
	Ответ:
6	Баночка йогурта стоит 14 рублей 60 копеек. Какое наибольшее количество баночек йогурта можно купить на 100 рублей?
	Ответ: <u>ИЛИ</u>
	Килограмм моркови стоит 40 рублей. Олег купил 1 кг 600 г моркови. Сколько рублей сдачи он должен получить со 100 рублей?

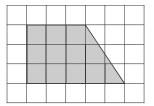
© 2018 Федеральная служба по надзору в сфере образования и науки Российской Федерации

	Демонстрационный вариант ЕГЭ 2018 г. МАТЕМАТИКА, 11 класс. Базовый уровень. 10 / 22
	или
	Для ремонта требуется 63 рулона обоев. Какое наименьшее количество пачек обойного клея нужно для такого ремонта, если 1 пачка клея рассчитана на 6 рулонов?
	Ответ:
7	Найдите корень уравнения $3^{x-3} = 81$.
	Ответ:
	<u>или</u>
	Найдите корень уравнения $\log_2(x-3) = 6$.
	Ответ:
	<u>или</u>
	Найдите отрицательный корень уравнения $x^2 - x - 6 = 0$.
	Ответ:
8	Дачный участок имеет форму прямоугольника со сторонами 25 метров и 30 метров. Хозяин планирует обнести его забором и разделить таким же забором на две части, одна из которых имеет форму квадрата. Найдите суммарную длину забора в метрах.
	Ответ:
	<u>или</u>
	Какой угол (в градусах) образуют минутная и часовая стрелки в $16:00$?

^{© 2018} Федеральная служба по надзору в сфере образования и науки Российской Федерации

ИЛИ

План местности разбит на клетки. Каждая клетка обозначает квадрат 1 м × 1 м. Найдите площадь участка, изображённого на плане. Ответ дайте в квадратных метрах.



Установите соответствие между величинами и их возможными значениями: к каждому элементу первого столбца подберите соответствующий элемент из второго столбца.

	ВЕЛИЧИНЫ	ЗНАЧЕНИЯ
A)	рост ребёнка	1) 32 км
Б)	толщина листа бумаги	2) 30 м
B)	протяжённость автобусного	3) 0,2 мм
	маршрута	
Γ)	высота жилого дома	4) 110 см

В таблице под каждой буквой, соответствующей величине, укажите номер её возможного значения.

	A	Б	В	Γ
Ответ:				

или

Установите соответствие между величинами и их возможными значениями: к каждому элементу первого столбца подберите соответствующий элемент из второго столбца.

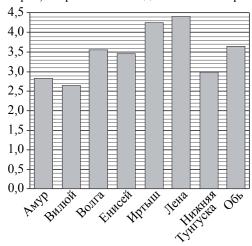
	ВЕЛИЧИНЫ	ЗНАЧЕНИЯ
A)	масса взрослого человека	1) 8т
Б)	масса грузового автомобиля	2) 5 г
B)	масса книги	3) 65 кг
Γ)	масса пуговицы	4) 300 г

В таблице под каждой буквой, соответствующей величине, укажите номер её возможного значения.

	A	Б	В	Γ
Ответ:				

10	В чемпионате по прыжкам в воду участвуют 35 спортсменов: 7 из России, 12 из Китая, 9 из Японии и 7 из США. Порядок, в котором выступают спортсмены, определяется жребием. Найдите вероятность того, что спортсмен, выступающий первым, окажется из России.
	Ответ:
	<u>или</u>
	Из каждых 100 лампочек, поступающих в продажу, в среднем 3 неисправны.
	Какова вероятность того, что случайно выбранная в магазине лампочка
	окажется исправной?
	OTRAT:

На диаграмме приведены данные о длине восьми крупнейших рек России (в тысячах километров). Первое место по длине занимает река Лена.



На каком месте по длине находится	река Амур?
-----------------------------------	------------

Ответ:					

или

В таблице показано распределение медалей на XXII Зимних Олимпийских играх в Сочи среди команд, занявших первые 10 мест по количеству золотых мелалей.

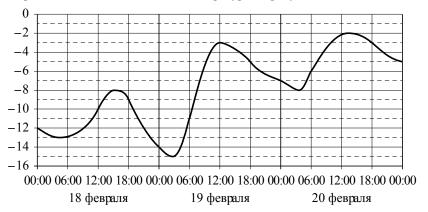
Место	Команда	Медали						
Mecro		золотые	серебряные	бронзовые	всего			
1	Россия	13	11	9	33			
2	Норвегия	11	5	10	26			
3	Канада	10	10	5	25			
4	США	9	7	12	28			
5	Нидерланды	8	7	9	24			
6	Германия	8	6	5	19			
7	Швейцария	6	3	2	11			
8	Белоруссия	5	0	1	6			
9	Австрия	4	8	5	17			
10	Франция	4	4	7	15			

Определите с помощью таблицы, сколько серебряных медалей у команды, занявшей второе место по числу золотых медалей.

Ответ:				

ИЛИ

На графике показано изменение температуры воздуха на протяжении трёх суток. На горизонтальной оси отмечается число, месяц, время суток в часах; на вертикальной оси — значение температуры в градусах Цельсия.



Определите по графику наибольшую температуру воздуха 19 февраля. Ответ дайте в градусах Цельсия.

Ответ:		
OIBCI.		

Для обслуживания международного семинара необходимо собрать группу переводчиков. Сведения о кандидатах представлены в таблице.

Номер	Язык	Стоимость услуг
переводчика	MISBIR	(руб. в день)
1	Немецкий, испанский	7000
2	Английский, немецкий	6000
3	Английский	3000
4	Английский, французский	6000
5	Французский	2000
6	Испанский	4000

Пользуясь таблицей, соберите хотя бы одну группу, в которой переводчики вместе владеют четырьмя иностранными языками: английским, немецким, французским и испанским, а суммарная стоимость их услуг не превышает 12 000 рублей в день.

В	ответе	укажите	какой-нибудь	один	набор	номеров	переводчико
без	з пробело	ов, запятых	к и других допол	тнитель	ных сим	иволов.	

Ответ:	
OIBCI.	

^{© 2018} Федеральная служба по надзору в сфере образования и науки Российской Федерации

^{© 2018} Федеральная служба по надзору в сфере образования и науки Российской Федерации

Турист подбирает экскурсии. Сведения об экскурсиях представлены в таблине.

Номер	Посещаемый объект	Стоимость
экскурсии	Посещаемый объект	(руб.)
1	Крепость, загородный дворец	350
2	Музей живописи	200
3	Парк	150
4	Парк, музей живописи	300
5	Парк, крепость	300
6	Загородный дворец	200

Пользуясь таблицей, подберите набор экскурсий так, чтобы турист посетил четыре объекта: крепость, загородный дворец, парк и музей живописи, а суммарная стоимость экскурсий не превышала 650 рублей.

В ответе укажите какой-нибудь один набор номеров экскурсий без пробелов, запятых и других дополнительных символов.

Ответ:	
OIBCI.	

Строительная фирма планирует купить 70 м³ пеноблоков у одного из трёх поставщиков. Цены и условия доставки приведены в таблице.

Поставщик	Стоимость пеноблоков (руб. за 1 м ³)	Стоимость доставки (руб.)	Дополнительные условия
A	2600	10 000	Нет
Б	2800	8000	При заказе товара на сумму свыше 150 000 рублей доставка бесплатная
В	2700	8000	При заказе товара на сумму свыше 200 000 рублей доставка бесплатная

Сколько рублей нужно заплатить за самую дешёвую покупку с доставкой?

Вода в сосуде цилиндрической формы находится на уровне h = 80 см. На каком уровне окажется вода, если её перелить в другой цилиндрический сосуд, у которого радиус основания в четыре раза больше, чем у данного? Ответ дайте в сантиметрах.



Ответ:			

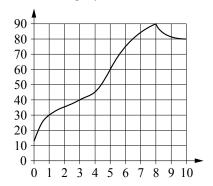
или

От деревянного кубика отпилили все его вершины (см. рис.). Сколько граней у получившегося многогранника (невидимые рёбра на рисунке не изображены)?



\sim		
Ответ:		

На графике изображена зависимость температуры от времени в процессе разогрева двигателя легкового автомобиля. На горизонтальной оси отмечено время в минутах, прошедшее с момента запуска двигателя; на вертикальной оси — температура двигателя в градусах Цельсия.



Пользуясь графиком, поставьте в соответствие каждому интервалу времени характеристику процесса разогрева двигателя на этом интервале.

ИНТЕРВАЛЫ ВРЕМЕНИ

- A) 0–1 мин.
- Б) 1–3 мин.
- В) 3–6 мин.
- Г) 8–10 мин.

ХАРАКТЕРИСТИКИ

- 1) самый медленный рост температуры
- 2) температура падала
- температура находилась в пределах от 40 °C до 80 °C
- 4) температура не превышала 30°C.

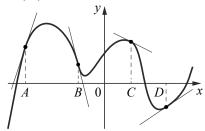
В таблице под каждой буквой укажите соответствующий номер.

	A	Б	В	Γ
Ответ:				

^{© 2018} Федеральная служба по надзору в сфере образования и науки Российской Федерации

или

На рисунке изображены график функции и касательные, проведённые к нему в точках с абсциссами A, B, C и D.



В правом столбце указаны значения производной функции в точках А, В, С и D. Пользуясь графиком, поставьте в соответствие каждой точке значение производной функции в ней.

ТОЧКИ	
A	

ЗНАЧЕНИЯ ПРОИЗВОДНОЙ

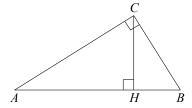
2) 3

В таблице под каждой буквой укажите соответствующий номер.

Ответ:

A	В	C	D

В треугольнике ABC угол ACB равен 90° , $\cos A = 0.8$, AC = 4. Отрезок CH высота треугольника АВС (см. рисунок). Найдите длину отрезка АН.

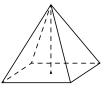


Радиус основания цилиндра равен 13, а его образующая равна 18. Сечение, параллельное оси цилиндра, удалено от неё на расстояние, равное 12. Найдите площадь этого сечения.



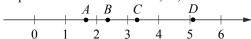
ИЛИ

Найдите объём правильной четырёхугольной пирамиды, сторона основания которой равна 4, а боковое ребро равно $\sqrt{17}$.



Ответ: .

На координатной прямой отмечены точки A, B, C и D.



Каждой точке соответствует одно из чисел в правом столбце. Установите соответствие между указанными точками и числами.

ТОЧКИ	ЧИСЛА
A	1) $\log_2 10$
B	. 7
C	2) $\frac{7}{3}$
D	3) $\sqrt{26}$
	4) $\left(\frac{3}{5}\right)^{-1}$

В таблице под каждой буквой укажите соответствующий номер.

Ответ:

A	В	C	D

или

Каждому из четырёх неравенств в левом столбце соответствует одно из решений в правом столбце. Установите соответствие между неравенствами и их решениями.

HEPABEHCTBA

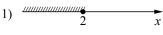
A)
$$2^x \ge 4$$

Б)
$$0.5^x \ge 4$$

B)
$$0.5^x \le 4$$

$$\Gamma$$
) $2^x \le 4$

РЕШЕНИЯ



3)
$$\frac{}{-2}$$
 x

$$\frac{y}{2} x$$

В таблице под каждой буквой укажите соответствующий номер.

Ответ:

A	Б	В	Γ

В классе учится 20 человек, из них 13 человек посещают кружок по истории, а 10 — кружок по математике. Выберите утверждения, которые верны при указанных условиях.

- 1) Каждый ученик этого класса посещает оба кружка.
- 2) Найдутся хотя бы двое из этого класса, кто посещает оба кружка.
- 3) Если ученик из этого класса ходит на кружок по истории, то он обязательно ходит на кружок по математике.
- 4) Не найдётся 11 человек из этого класса, которые посещают оба кружка.

В ответе запишите номера выбранных утверждений без пробелов, запятых и других дополнительных символов.

Ответ:			

или

Витя выше Коли, но ниже Маши. Аня не выше Вити. Выберите утверждения, которые верны при указанных условиях.

- 1) Маша самая высокая из указанных четырёх человек.
- 2) Аня и Маша одного роста.
- 3) Витя и Коля одного роста.
- 4) Коля ниже Маши.

В ответе запишите номера выбранных утверждений без пробелов, запятых и других дополнительных символов.

Ответ:		

19		трёхзначное						
	а сумма к	вадратов цифр	делится	на 3, но не	делитс	я на 9. В от	вете ука:	жит
	какое-ниб	уль олно такое	число.					

Ответ:	
OIBCI.	

20

В обменном пункте можно совершить одну из двух операций:

- за 2 золотых монеты получить 3 серебряных и одну медную;
- за 5 серебряных монет получить 3 золотых и одну медную.

У Николая были только серебряные монеты. После нескольких посещений обменного пункта серебряных монет у него стало меньше, золотых не появилось, зато появилось 50 медных. На сколько уменьшилось количество серебряных монет у Николая?

Этвет:	
	ипі

Прямоугольник разбит на четыре меньших прямоугольника двумя прямолинейными разрезами. Периметры трёх из них, начиная с левого верхнего и далее по часовой стрелке, равны 24, 28 и 16. Найдите периметр четвёртого прямоугольника.

24	28
?	16

Ответ:	
--------	--

Не забудьте перенести все ответы в бланк ответов № 1 в соответствии с инструкцией по выполнению работы.

Система оценивания экзаменационной работы по математике (базовый уровень)

Правильное решение каждого из заданий 1–20 оценивается 1 баллом. Задание считается выполненным верно, если экзаменуемый дал правильный ответ в виде целого числа или конечной десятичной дроби, или последовательности цифр.

Ответы

№ задания	Пример 1	Пример 2	Пример 3
1	8,4	3,2	
2	40	54	
3	17 400	50	
4	7	6	8
5	-0,6	51	30
6	6	36	11
7	7	67	-2
8	135	120	12
9	4312	3142	
10	0,2	0,97	
11	7	5	-3
12	135; 153; 315; 351; 513; 531; 256; 265; 526; 562; 625; 652	14; 41	192 000
13	5	14	
14	4132	2143	
15	3,2		
16	180	16	
17	4213	4321	
18	24; 42	14; 41	
19	578; 587; 758; 785; 857; 875		
20	10	12	