

## Содержание

<b>06.Base [1/1]</b>	<b>3</b>
Задача 6A. Суффиксный массив [0.35 sec, 256 mb]	3
<b>06.Advanced [2/4]</b>	<b>4</b>
Задача 6B. LCP для суффиксного массива [0.4 sec, 256 mb]	4
Задача 6C. Циклические сдвиги [0.5 sec, 256 mb]	5
Задача 6D. Подстроки [1 sec, 256 mb]	6
Задача 6E. Подстроки-3 [0.5 sec, 256 mb]	7
<b>06.Hard [0/2]</b>	<b>8</b>
Задача 6F. Башни [0.2 sec, 256 mb]	8
Задача 6G. Ненокку [1.2 sec, 256 mb]	9

**Общая информация:**

Вход в констест: <http://contest.yandex.ru/contest/1145/>

Дедлайн на задачи: 2 недели, до 5-го апреля 23:59.

К каждой главе есть более простые задачи (base), посложнее (advanced), и сложные (hard).

В скобках к каждой главе написано сколько любых задач из этой главы нужно сдать.

Сайт курса: <https://compscicenter.ru/courses/algorithms-2/2015-spring/>

Семинары ведёт Сергей Владимирович Копелиович,  
контакты: [burunduk30@gmail.com](mailto:burunduk30@gmail.com), [vk.com/burunduk1](https://vk.com/burunduk1)

В каждом условии указан таймлит для C/C++. Таймлимит для Java примерно в 2 раза больше. Таймлимит для Python примерно в 4 раза больше.

## 06.Base [1/1]

### Задача 6А. Суффиксный массив [0.35 сек, 256 mb]

Данна строка, требуется построить суффиксный массив для этой строки. Суффиксный массив — лексикографически отсортированный массив всех суффиксов строки. Каждый суффикс задается целым числом — позицией начала.

Строка  $s$  лексикографически меньше строки  $t$ , если есть такое  $i$ , что  $s_i < t_i$  и  $s_j = t_j$  для всех  $j < i$ . Или, если такого  $i$  не существует и строка  $s$  короче строки  $t$ .

Здесь  $s_i$  — код  $i$ -го символа строки  $s$ .

### Формат входных данных

Файл состоит из единственной строки. Эта строка — **английский литературный текст** (читайте “случайная строка”). Длина текста не превосходит  $10^5$ . Коды всех символов в тексте от 32 до 127.

### Формат выходных данных

Выведите  $N$  чисел — суффиксный массив данной строки.

### Пример

suffarray.in	suffarray.out
99 bottles of beer.	14 3 11 19 2 1 15 4 16 17 9 13 8 12 5 18 10 7 6

## 06.Advanced [2/4]

### Задача 6B. LCP для суффиксного массива [0.4 сек, 256 mb]

Дана строка длины  $N$  и отсортированный массив суффиксов этой строки (т.е. суффиксный массив), вам нужно вычислить LCP. При сортировке строка **a** считается меньше строки **aa**. LCP — наибольший общий префикс двух последовательных суффиксов в суффиксном массиве.

#### Формат входных данных

В первой строке число  $N$  ( $1 \leq N \leq 10^5$ ). На второй строке файла дана  $N$  строчных латинских букв. В третьей строке  $N$  чисел от 1 до  $N$  — суффиксный массив (числом  $i$  кодируется суффикс, начинающийся с  $i$ -го символа).

#### Формат выходных данных

Выведите  $N - 1$  число — значения LCP.

#### Пример

sufflcp.in	sufflcp.out
5	1 0 2 0
сасао	
2 4 1 3 5	

#### Замечание

Суффиксный массив для строки сасао:

асао  
ао  
сасао  
сао  
о

#### Подсказка по решению

*Можно посчитать хешами, можно алгоритмом Касаи за  $\mathcal{O}(n)$ .*

### Задача 6С. Циклические сдвиги [0.5 sec, 256 mb]

$k$ -м циклическим сдвигом строки  $S$  называется строка, полученная перестановкой  $k$  первых символов строки  $S$  в конец строки.

Рассмотрим все различные циклические сдвиги строки  $S$  и отсортируем их по возрастанию. Требуется вычислить  $i$ -ю строчку этого массива.

Например, для строки `abacabac` существует четыре различных циклических сдвига: нулевой (`abacabac`), первый (`bacabaca`), второй (`acabacab`) и третий (`cabacaba`). После сортировки по возрастанию получится такой массив: `abacabac`, `acabacab`, `bacabaca`, `cabacaba`.

#### Формат входных данных

В первой строке входного файла записана строка  $S$ , длиной не более 100 000 символов с ASCII-кодами от 32 до 126. Во второй строке содержится единственное целое число  $k$  ( $1 \leq k \leq 100\,000$ ).

#### Формат выходных данных

В выходной файл выведите  $k$ -й по возрастанию циклический сдвиг строки  $S$ , или слово IMPOSSIBLE, если такого сдвига не существует.

#### Пример

shifts.in	shifts.out
abacabac 4	cabacaba
abacabac 5	IMPOSSIBLE

#### Замечание

Кроме решений суффиксным массивом или деревом за  $\mathcal{O}(n \log n)$ , можно использовать хеши и  $k$ -ую порядковую статистику за линейное время.

### Задача 6D. Подстроки [1 сек, 256 mb]

Дана строка  $s$ . Вам требуется подсчитать количество её различных подстрок. Пустую строку учитывать не следует.

#### Формат входных данных

В единственной строке входного файла содержится данная строка  $s$ , состоящая из строчных латинских букв. Длина строки не превосходит 20 000 символов.

#### Формат выходных данных

В единственной строке выходного файла выведите единственное число — количество различных подстрок  $s$ .

substr.in	substr.out
aaaa	4
abacaba	21

#### Замечание

Предполагается решение суффиксными массивом за  $\mathcal{O}(n \log^2 n)$  или аккуратно написанным сжатым суффиксными деревом за  $\mathcal{O}(n^2)$ .

### Задача 6Е. Подстроки-3 [0.5 sec, 256 mb]

Даны  $K$  строк из маленьких латинских букв. Требуется найти их наибольшую общую подстроку.

#### Формат входных данных

В первой строке число  $K$  ( $1 \leq K \leq 10$ ). В следующих  $K$  строках — собственно  $K$  строк (длины строк от 1 до 10 000).

#### Формат выходных данных

Наибольшая общая подстрока.

#### Примеры

substr3.in	substr3.out
3 abacaba mycabarchive acabistrue	cab

#### Замечание

Предполагается решение за  $\mathcal{O}(n \log n)$ : бинарный поиск + хеши + хеш-таблица.

## 06.Hard [0/2]

### Задача 6F. Башни [0.2 sec, 256 mb]

Задано число  $n$  и последовательность из  $n$  чисел. Требуется рассмотреть все возможные циклические сдвиги заданной последовательности, отсортировать их в лексикографическом порядке, и вывести сумму наибольших общих префиксов соседних в этом порядке сдвигов.

#### Формат входных данных

Первая строка содержит целое число  $1 \leq n \leq 50\,000$  — количество магических башен. Вторая строка содержит  $n$  чисел в интервале от 0 до 100 — заданную последовательность.

#### Формат выходных данных

Выведите одно число — искомую сумму.

#### Пример

towers.in	towers.out
11 12 8 18 18 8 18 18 8 15 15 8	13

#### Замечание

*Предполагается решение за  $\mathcal{O}(n \log n)$  суффиксным массивом. Решение за  $\mathcal{O}(n \log^2 n)$  при хорошем написании тоже может зайти.*



### Задача 6G. Ненокку [1.2 sec, 256 mb]

Очень известный автор не менее известной книги решил написать продолжение своего произведения. Он писал все свои книги на компьютере, подключенном к интернету. Из-за такой неосторожности мальчику Ненокку удалось получить доступ к еще ненаписанной книге. Каждый вечер мальчик залазил на компьютер писателя и записывал на свой компьютер новые записи. Ненокку, записав на свой компьютер очередную главу, заинтересовался, а использовал ли хоть раз писатель слово “книга”. Но он не любит читать книги (он лучше ползает в интернете), и поэтому он просит вас узнать есть ли то или иное слово в тексте произведения. Но естественно его интересует не только одно слово, а достаточно много.

#### Формат входных данных

В каждой строчке входного файла записано одна из двух записей.

1. ? <слово> (<слово> — это набор не более 50 латинских символов);
2. A <текст> (<текст> — это набор не более  $10^5$  латинских символов).

1 означает просьбу проверить существование подстроки <слово> в произведение.

2 означает добавление в произведение <текст>.

Писатель только начал работать над произведением, поэтому он не мог написать более  $10^5$  символов. Суммарная длина всех запросов не превосходит 15 мегабайт плюс 12140 байт.

#### Формат выходных данных

Выведите на каждую строчку типа 1 “YES”, если существует подстрока <слово>, и “NO” в противном случае. Не следует различать регистр букв.

#### Пример

nenokku.in	nenokku.out
? love	NO
? is	NO
A Loveis	YES
? love	NO
? WHO	YES
A Whoareyou	
? is	

#### Замечание

*Задачу можно сдать или Укконеном, или суффиксным автоматом, или аккуратно написанными хешами.*