

Forma canonică a unui polinom de o nedeterminată este:

$$P(X) = a_n X^n + a_{n-1} X^{n-1} + \dots + a_2 X^2 + a_1 X + a_0, \quad a_n \neq 0.$$

Termenul $a_n X^n$ se numește *termenul principal* al polinomului $P(X)$, numărul a_n se numește *coeficientul dominant* al polinomului $P(X)$, iar coeficientul a_0 – *termenul liber*.

- *Coeficienții polinomului* sînt coeficienții termenilor săi. Polinomul ai cărui coeficienți sînt egali cu 0 se numește *polinomul nul*. Polinomul nul se notează cu 0. Polinomul care nu are nedeterminate se numește *polinom constant*.
- Termenul care nu conține nedeterminată se numește *termen liber*.
- Un polinom cu doi termeni se numește *binom*, iar cu trei termeni – *trinom*.

Proprietăți ale adunării polinoamelor

- 1° *Comutativitatea*: $P(X) + Q(X) = Q(X) + P(X)$ pentru orice polinoame $P(X), Q(X)$.
- 2° *Asociativitatea*: $(P(X) + Q(X)) + R(X) = P(X) + (Q(X) + R(X))$ pentru orice polinoame $P(X), Q(X), R(X)$.
- 3° Polinomul nul este element neutru la adunarea polinoamelor:
 $P(X) + 0 = P(X)$ pentru orice polinom $P(X)$.
- 4° Orice polinom $P(X)$ are *opusul* său $-P(X)$: $P(X) + (-P(X)) = 0$.

Proprietăți ale înmulțirii polinoamelor

- 1° *Comutativitatea*: $P(X) \cdot Q(X) = Q(X) \cdot P(X)$ pentru orice polinoame $P(X)$, $Q(X)$.
- 2° *Asociativitatea*: $(P(X) \cdot Q(X)) \cdot R(X) = P(X) \cdot (Q(X) \cdot R(X))$ pentru orice polinoame $P(X)$, $Q(X)$, $R(X)$.
- 3° Produsul oricărui polinom cu *polinomul nul* este polinomul nul: $P(X) \cdot 0 = 0$ pentru orice polinom $P(X)$.
- 4° Polinomul 1 este *element neutru* la înmulțirea polinoamelor: $P(X) \cdot 1 = 1 \cdot P(X)$ pentru orice polinom $P(X)$.
- 5° Înmulțirea polinoamelor este *distributivă față de adunare (scădere)*:
 $P(X)(Q(X) \pm R(X)) = P(X) \cdot Q(X) \pm P(X) \cdot R(X)$ pentru orice polinoame $P(X)$, $Q(X)$, $R(X)$.

Descompunerea în factori ireductibili a unui polinom constă în reprezentarea lui ca produs de două sau mai multe polinoame ireductibile de grad cel puțin egal cu 1. Polinomul este *ireductibil* dacă nu poate fi descompus în factori.

Polinoamele pot fi descompuse în factori aplicînd:

♦ *metoda factorului comun*: $XY + XZ + XT = X(Y + Z + T)$;

♦ *metoda grupării termenilor*: $XQ + YQ + XP + YP = (XQ + XP) + (YQ + YP) =$
 $= X(Q + P) + Y(Q + P) = (Q + P)(X + Y)$;

♦ *formulele de calcul prescurtat*:

- restrîngerea pătratului unei sume (diferențe): $X^2 \pm 2XY + Y^2 = (X \pm Y)^2$,
- restrîngerea cubului unei sume (diferențe): $X^3 \pm 3X^2Y + 3XY^2 \pm Y^3 = (X \pm Y)^3$,
- descompunerea diferenței pătratelor: $X^2 - Y^2 = (X - Y)(X + Y)$,
- descompunerea sumei (diferenței) cuburilor: $X^3 \pm Y^3 = (X \pm Y)(X^2 \mp XY + Y^2)$;

♦ *descompunerea în factori a trinomului de gradul II*:

$aX^2 + bX + c = a(X - x_1)(X - x_2)$, unde x_1, x_2 sînt soluțiile ecuației de gradul II
 $ax^2 + bx + c = 0$, $a \neq 0$, numită *ecuație asociată* trinomului de gradul II;

♦ *metode combinate*.