## Varianta 1m LUCRARE DE CONTROL "TRANSFORMÂRI AFINE. INVERSIA"

# Specialitatea MATEMATICĂ ŞI INFORMATICĂ,

Anul 2 de studii (2020-2021), secția de zi, Semestrul întâi

**Problema 1.** Este dat un reper afin  $R = \{O, \bar{e_1}, \bar{e_2}\}$ . Transformarea afină  $\psi$  aplică punctele A = (1,1), B = (3,2) și C = (2,2) respectiv pe punctele A' = (0,6), B' = (2,18) și C' = (-1,13).

- 1.1. Scrieți expresiile analitice ale transformării  $\psi$ .
- 1.2. Determinați coieficientul de schimbare al ariilor  $p = p(\psi)$ .
- 1.3. Calculați punctul fix C al transformării  $\psi$ .
- 1.4. Determinați genul transformării  $\psi$ .
- 1.5. Determinați coordonatele punctelor F și D pentru care  $D=\psi(O)$  și  $O=\psi(F)$ .

**Problema 2.** Deteminați expresiile analitice ale comprimării oblice  $C_l^{\vec{a}}$  cu axa l=(AB), direcția de comprimare  $\vec{a}=\vec{AC}$  și coeficientul de comprimare k=2.

**Problema 3.** Deteminați expresiile analitice ale afinității  $A_l^{AL}$  cu axa de afinitate l = (BC), care aplică punctul A pepunctul L = (2,0).

**Problema 4.** Admitem că reperul este ortonormat. Este dată invers  $I_A^3$  cu centrul A și raza r=3.

- 1. Scrieți expresiile analitice ale inversiei date.
- 2. Determinați coordonatele punctului  $P = I_A^3(B')$ .
- 3. Aflați imaginea cercului ce trece prin punctele A, B, C.
- 4. Aflați imaginea dreptei (AC).
- 5. Aflați imaginea cercului ce treceprin punctele A', B', C'.

### Varianta 2m

# LUCRARE DE CONTROL "TRANSFORMÂRI AFINE. INVERSIA"

Specialitatea MATEMATICĂ ŞI INFORMATICĂ,

Anul 2 de studii (2020-2021), secția de zi, Semestrul întâi

**Problema 1.** Este dat un reper afin  $R = \{O, \bar{e_1}, \bar{e_2}\}$ . Transformarea afină  $\psi$  aplică punctele A = (3, 2), B = (5, 3) și C = (4, 3) respectiv pe punctele A' = (21, -1), B' = (34, 1) și C' = (30, 0).

- 1.1. Scrieți expresiile analitice ale transformării  $\psi$ .
- 1.2. Determinați coieficientul de schimbare al ariilor  $p = p(\psi)$ .
- 1.3. Calculați punctul fix C al transformării  $\psi$ .

- 1.4. Determinați genul transformării  $\psi$ .
- 1.5. Determinați coordonatele punctelor F și D pentru care  $D=\psi(O)$  și  $O=\psi(F).$

**Problema 2.** Deteminați expresiile analitice ale comprimării oblice  $C_l^{\vec{a}}$  cu axa l=(AB), direcția de comprimare  $\vec{a}=\vec{AC}$  și coeficientul de comprimare  $k=\frac{1}{2}$ .

**Problema 3.** Deteminați expresiile analitice ale afinității  $A_l^{AL}$  cu axa de afinitate l = (BC), care aplică punctul A pepunctul L = (4, 1).

**Problema 4.** Admitem că reperul este ortonormat. Este dată invers  $I_A^3$  cu centrul A și raza r=3.

- 1. Scrieți expresiile analitice ale inversiei date.
- 2. Determinați coordonatele punctului  $P = I_A^3(B')$ .
- 3. Aflați imaginea cercului ce trece prin punctele A, B, C.
- 4. Aflaţi imaginea dreptei (AC).
- 5. Aflați imaginea cercului ce treceprin punctele A', B', C'

## Varianta 3m

## LUCRARE DE CONTROL "TRANSFORMÂRI AFINE. INVERSIA"

Specialitatea MATEMATICĂ ŞI INFORMATICĂ,

Anul 2 de studii (2020-2021), secția de zi, Semestrul întâi

**Problema 1.** Este dat un reper afin  $R = \{O, \bar{e_1}, \bar{e_2}\}$ . Transformarea afină  $\psi$  aplică punctele A = (-1,3), B = (1,4) și C = (2,5) respectiv pe punctele A' = (0,11), B' = (11,12) și C' = (17,14).

- 1.1. Scrieți expresiile analitice ale transformării  $\psi$ .
- 1.2. Determinați coieficientul de schimbare al ariilor  $p = p(\psi)$ .
- 1.3. Calculați punctul fix C al transformării  $\psi$ .
- 1.4. Determinați genul transformării  $\psi$ .
- 1.5. Determinați coordonatele punctelor F și D pentru care  $D=\psi(O)$  și  $O=\psi(F).$

**Problema 2.** Deteminați expresiile analitice ale comprimării oblice  $C_l^{\vec{a}}$  cu axa l=(AB), direcția de comprimare  $\vec{a}=\vec{AC}$  și coeficientul de comprimare k=3.

**Problema 3.** Deteminați expresiile analitice ale afinității  $A_l^{AL}$  cu axa de afinitate l = (BC), care aplică punctul A pepunctul L = (-4, 2).

- 1. Scrieți expresiile analitice ale inversiei date.
- 2. Determinați coordonatele punctului  $P = I_A^3(B')$ .
- 3. Aflați imaginea cercului ce trece prin punctele A, B, C.
- 4. Aflați imaginea dreptei (AC).
- 5. Aflați imaginea cercului ce treceprin punctele A', B', C'.

### Varianta 1mi

# LUCRARE DE CONTROL "TRANSFORMÂRI AFINE. INVERSIA"

Specialitatea MATEMATICĂ ŞI INFORMATICĂ,

Anul 2 de studii (2020-2021), secția de zi, Semestrul întâi

**Problema 1.** Este dat un reper afin  $R = \{O, \bar{e_1}, \bar{e_2}\}$ . Transformarea afină  $\psi$  aplică punctele A = (2,3), B = (4,4) și C = (3,4) respectiv pe punctele A' = (7,22), B' = (5,34) și C' = (8,30).

- 1.1. Scrieți expresiile analitice ale transformării  $\psi$ .
- 1.2. Determinați coieficientul de schimbare al ariilor  $p = p(\psi)$ .
- 1.3. Calculați punctul fix C al transformării  $\psi$ .
- 1.4. Determinați genul transformării  $\psi$ .
- 1.5. Determinați coordonatele punctelor F și D pentru care  $D=\psi(O)$  și  $O=\psi(F)$ .

**Problema 2.** Deteminați expresiile analitice ale comprimării oblice  $C_l^{\vec{a}}$  cu axa l=(AB), direcția de comprimare  $\vec{a}=\vec{AC}$  și coeficientul de comprimare k=2.

**Problema 3.** Deteminați expresiile analitice ale afinității  $A_l^{AL}$  cu axa de afinitate l = (BC), care aplică punctul A pepunctul L = (5,1).

**Problema 4.** Admitem că reperul este ortonormat. Este dată invers  $I_A^3$  cu centrul A și raza r=3.

- 1. Scrieți expresiile analitice ale inversiei date.
- 2. Determinați coordonatele punctului  $P = I_A^3(B')$ .
- 3. Aflați imaginea cercului ce trece prin punctele A, B, C.
- 4. Aflați imaginea dreptei (AC).
- 5. Aflați imaginea cercului ce treceprin punctele A', B', C'.

### Varianta 2mi

# LUCRARE DE CONTROL "TRANSFORMÂRI AFINE. INVERSIA"

Specialitatea MATEMATICĂ ŞI INFORMATICĂ,

Anul 2 de studii (2020-2021), secția de zi, Semestrul întâi

**Problema 1.** Este dat un reper afin  $R = \{O, \bar{e_1}, \bar{e_2}\}$ . Transformarea afină  $\psi$  aplică punctele A = (4, -2), B = (6, -1) și C = (5, -1) respectiv pe punctele A' = (23, 15), B' = (21, 24) și C' = (19, 20).

- 1.1. Scrieți expresiile analitice ale transformării  $\psi$ .
- 1.2. Determinați coieficientul de schimbare al ariilor  $p = p(\psi)$ .
- 1.3. Calculați punctul fix C al transformării  $\psi$ .
- 1.4. Determinați genul transformării  $\psi$ .

**Problema 2.** Deteminați expresiile analitice ale comprimării oblice  $C_l^{\vec{a}}$  cu axa l=(AB), direcția de comprimare  $\vec{a}=\vec{AC}$  și coeficientul de comprimare  $k=\frac{1}{2}$ .

**Problema 3.** Deteminați expresiile analitice ale afinității  $A_l^{AL}$  cu axa de afinitate l = (BC), care aplică punctul A pepunctul L = (0, -3).

**Problema 4.** Admitem că reperul este ortonormat. Este dată invers  $I_A^3$  cu centrul A și raza r=3.

- 1. Scrieți expresiile analitice ale inversiei date.
- 2. Determinați coordonatele punctului  $P = I_A^3(B')$ .
- 3. Aflați imaginea cercului ce trece prin punctele A, B, C.
- 4. Aflați imaginea dreptei (AC).
- 5. Aflați imaginea cercului ce treceprin punctele A', B', C'.

#### Varianta 3mi

# LUCRARE DE CONTROL "TRANSFORMÂRI AFINE. INVERSIA"

Specialitatea MATEMATICĂ ŞI INFORMATICĂ,

Anul 2 de studii (2020-2021), secția de zi, Semestrul întâi

**Problema 1.** Este dat un reper afin  $R = \{O, \bar{e_1}, \bar{e_2}\}$ . Transformarea afină  $\psi$  aplică punctele A = (4, 2), B = (6, 3) și C = (5, 3) respectiv pe punctele A' = (11, 9), B' = (17, 14) și C' = (16, 12).

- 1.1. Scrieți expresiile analitice ale transformării  $\psi$ .
- 1.2. Determinați coieficientul de schimbare al ariilor  $p = p(\psi)$ .
- 1.3. Calculați punctul fix C al transformării  $\psi$ .
- 1.4. Determinați genul transformării  $\psi$ .
- 1.5. Determinați coordonatele punctelor F și D pentru care  $D=\psi(O)$  și  $O=\psi(F)$ .

**Problema 2.** Deteminați expresiile analitice ale comprimării oblice  $C_l^{\vec{a}}$  cu axa l=(AB), direcția de comprimare  $\vec{a}=\vec{AC}$  și coeficientul de comprimare k=3.

**Problema 3.** Deteminați expresiile analitice ale afinității  $A_l^{AL}$  cu axa de afinitate l = (BC), care aplică punctul A pepunctul L = (0,0).

- 1. Scrieți expresiile analitice ale inversiei date.
- 2. Determinați coordonatele punctului  $P = I_A^3(B')$ .
- 3. Aflați imaginea cercului ce trece prin punctele A,B,C.
- 4. Aflați imaginea dreptei (AC).
- 5. Aflați imaginea cercului ce treceprin punctele A', B', C'.

### Varianta 4mi

## LUCRARE DE CONTROL "TRANSFORMÂRI AFINE. INVERSIA"

Specialitatea MATEMATICĂ ŞI INFORMATICĂ,

Anul 2 de studii (2020-2021), secția de zi, Semestrul întâi

**Problema 1.** Este dat un reper afin  $R = \{O, \bar{e_1}, \bar{e_2}\}$ . Transformarea afină  $\psi$  aplică punctele A = (3,1), B = (4,2) și C = (-2,3) respectiv pe punctele A' = (5,9), B' = (5,12) și C' = (-2,1).

- 1.1. Scrieți expresiile analitice ale transformării  $\psi$ .
- 1.2. Determinați coieficientul de schimbare al ariilor  $p = p(\psi)$ .
- 1.3. Calculați punctul fix C al transformării  $\psi$ .
- 1.4. Determinați genul transformării  $\psi$ .
- 1.5. Determinați coordonatele punctelor F și D pentru care  $D=\psi(O)$  și  $O=\psi(F)$ .

**Problema 2.** Deteminați expresiile analitice ale comprimării oblice  $C_l^{\vec{a}}$  cu axa l=(AB), direcția de comprimare  $\vec{a}=\vec{AC}$  și coeficientul de comprimare  $k=\frac{2}{2}$ .

**Problema 3.** Deteminați expresiile analitice ale afinității  $A_l^{AL}$  cu axa de afinitate l = (BC), care aplică punctul A pepunctul L = (0,1).

**Problema 4.** Admitem că reperul este ortonormat. Este dată invers  $I_A^3$  cu centrul A și raza r=3.

- 1. Scrieți expresiile analitice ale inversiei date.
- 2. Determinați coordonatele punctului  $P = I_A^3(B')$ .
- 3. Aflați imaginea cercului ce trece prin punctele A, B, C.
- 4. Aflați imaginea dreptei (AC).
- 5. Aflați imaginea cercului ce treceprin punctele A', B', C'.

## Varianta 5mi

# LUCRARE DE CONTROL "TRANSFORMÂRI AFINE. INVERSIA"

Specialitatea MATEMATICĂ ŞI INFORMATICĂ,

Anul 2 de studii (2020-2021), secția de zi, Semestrul întâi

**Problema 1.** Este dat un reper afin  $R = \{O, \bar{e_1}, \bar{e_2}\}$ . Transformarea afină  $\psi$  aplică punctele A = (2,2), B = (3,3) și C = (-3,4) respectiv pe punctele A' = (9,9), B' = (13,12) și C' = (10,1).

- 1.1. Scrieți expresiile analitice ale transformării  $\psi$ .
- 1.2. Determinați coieficientul de schimbare al ariilor  $p = p(\psi)$ .
- 1.3. Calculați punctul fix C al transformării  $\psi$ .
- 1.4. Determinați genul transformării  $\psi$ .

**Problema 2.** Deteminați expresiile analitice ale comprimării oblice  $C_l^{\vec{a}}$  cu axa l=(AB), direcția de comprimare  $\vec{a}=\vec{AC}$  și coeficientul de comprimare k=4

**Problema 3.** Deteminați expresiile analitice ale afinității  $A_l^{AL}$  cu axa de afinitate l = (BC), care aplică punctul A pepunctul L = (-2, 2).

**Problema 4.** Admitem că reperul este ortonormat. Este dată invers  $I_A^3$  cu centrul A și raza r=3.

- 1. Scrieți expresiile analitice ale inversiei date.
- 2. Determinați coordonatele punctului  $P = I_A^3(B')$ .
- 3. Aflați imaginea cercului ce trece prin punctele A, B, C.
- 4. Aflați imaginea dreptei (AC).
- 5. Aflați imaginea cercului ce treceprin punctele A', B', C'.

### Varianta 6mi

## LUCRARE DE CONTROL "TRANSFORMÂRI AFINE. INVERSIA"

Specialitatea MATEMATICĂ ŞI INFORMATICĂ,

Anul 2 de studii (2020-2021), secția de zi, Semestrul întâi

**Problema 1.** Este dat un reper afin  $R = \{O, \bar{e_1}, \bar{e_2}\}$ . Transformarea afină  $\psi$  aplică punctele A = (1,3), B = (2,4) și C = (-4,5) respectiv pe punctele A' = (-8,10), B' = (-10,14) și C' = (-19,4).

- 1.1. Scrieți expresiile analitice ale transformării  $\psi$ .
- 1.2. Determinați coieficientul de schimbare al ariilor  $p = p(\psi)$ .
- 1.3. Calculati punctul fix C al transformării  $\psi$ .
- 1.4. Determinați genul transformării  $\psi$ .
- 1.5. Determinați coordonatele punctelor F și D pentru care  $D=\psi(O)$  și  $O=\psi(F)$ .

**Problema 2.** Deteminați expresiile analitice ale comprimării oblice  $C_l^{\vec{a}}$  cu axa l=(AB), direcția de comprimare  $\vec{a}=\vec{AC}$  și coeficientul de comprimare  $k=\frac{1}{3}$ .

**Problema 3.** Deteminați expresiile analitice ale afinității  $A_l^{AL}$  cu axa de afinitate l = (BC), care aplică punctul A pepunctul L = (-1, 2).

- 1. Scrieți expresiile analitice ale inversiei date.
- 2. Determinați coordonatele punctului  $P = I_A^3(B')$ .
- 3. Aflați imaginea cercului ce trece prin punctele A, B, C.
- 4. Aflați imaginea dreptei (AC).
- 5. Aflați imaginea cercului ce treceprin punctele A', B', C'.

## Varianta 7mi

## LUCRARE DE CONTROL "TRANSFORMÂRI AFINE. INVERSIA"

# Specialitatea MATEMATICĂ ŞI INFORMATICĂ,

Anul 2 de studii (2020-2021), secția de zi, Semestrul întâi

**Problema 1.** Este dat un reper afin  $R = \{O, \bar{e_1}, \bar{e_2}\}$ . Transformarea afină  $\psi$  aplică punctele A = (4,3), B = (5,4) și C = (-1,5) respectiv pe punctele A' = (17,-8), B' = (21,-11) și C' = (11,-21).

- 1.1. Scrieți expresiile analitice ale transformării  $\psi$ .
- 1.2. Determinați coieficientul de schimbare al ariilor  $p = p(\psi)$ .
- 1.3. Calculați punctul fix C al transformării  $\psi$ .
- 1.4. Determinați genul transformării  $\psi$ .
- 1.5. Determinați coordonatele punctelor F și D pentru care  $D=\psi(O)$  și  $O=\psi(F)$ .

**Problema 2.** Deteminați expresiile analitice ale comprimării oblice  $C_l^{\vec{a}}$  cu axa l=(AB), direcția de comprimare  $\vec{a}=\vec{AC}$  și coeficientul de comprimare  $k=\frac{1}{2}$ .

**Problema 3.** Deteminați expresiile analitice ale afinității  $A_l^{AL}$  cu axa de afinitate l=(BC), care aplică punctul A pepunctul L=(1,1).

- 1. Scrieți expresiile analitice ale inversiei date.
- 2. Determinați coordonatele punctului  $P = I_A^3(B')$ .
- 3. Aflați imaginea cercului ce trece prin punctele A, B, C.
- 4. Aflați imaginea dreptei (AC).
- 5. Aflați imaginea cercului ce treceprin punctele A', B', C'.

### Varianta 8mi

# LUCRARE DE CONTROL "TRANSFORMÂRI AFINE. INVERSIA"

Specialitatea MATEMATICĂ ŞI INFORMATICĂ,

Anul 2 de studii (2020-2021), secția de zi, Semestrul întâi

**Problema 1.** Este dat un reper afin  $R = \{O, \bar{e_1}, \bar{e_2}\}$ . Transformarea afină  $\psi$  aplică punctele A = (6, -2), B = (7, -1) și C = (1, 0) respectiv pe punctele A' = (6, -17), B' = (12, -12) și C' = (4, 0).

- 1.1. Scrieți expresiile analitice ale transformării  $\psi$ .
- 1.2. Determinați coieficientul de schimbare al ariilor  $p = p(\psi)$ .
- 1.3. Calculați punctul fix C al transformării  $\psi$ .
- 1.4. Determinați genul transformării  $\psi$ .
- 1.5. Determinați coordonatele punctelor F și D pentru care  $D=\psi(O)$  și  $O=\psi(F)$ .

**Problema 2.** Deteminați expresiile analitice ale comprimării oblice  $C_l^{\vec{a}}$  cu axa l=(AB), direcția de comprimare  $\vec{a}=\vec{AC}$  și coeficientul de comprimare k=5

**Problema 3.** Deteminați expresiile analitice ale afinității  $A_l^{AL}$  cu axa de afinitate l = (BC), care aplică punctul A pepunctul L = (1, -1).

**Problema 4.** Admitem că reperul este ortonormat. Este dată invers  $I_A^3$  cu centrul A și raza r=3.

- 1. Scrieți expresiile analitice ale inversiei date.
- 2. Determinați coordonatele punctului  $P = I_A^3(B')$ .
- 3. Aflați imaginea cercului ce trece prin punctele A, B, C.
- 4. Aflați imaginea dreptei (AC).
- 5. Aflați imaginea cercului ce treceprin punctele A', B', C'.

## Varianta 9mi

## LUCRARE DE CONTROL "TRANSFORMÂRI AFINE. INVERSIA"

Specialitatea MATEMATICĂ ŞI INFORMATICĂ,

Anul 2 de studii (2020-2021), secția de zi, Semestrul întâi

**Problema 1.** Este dat un reper afin  $R = \{O, \bar{e_1}, \bar{e_2}\}$ . Transformarea afină  $\psi$  aplică punctele A = (6,2), B = (7,3) și C = (1,4) respectiv pe punctele A' = (23,9), B' = (29,11) și C' = (20,6).

- 1.1. Scrieți expresiile analitice ale transformării  $\psi$ .
- 1.2. Determinați coieficientul de schimbare al ariilor  $p = p(\psi)$ .
- 1.3. Calculați punctul fix C al transformării  $\psi$ .

- 1.4. Determinați genul transformării  $\psi$ .
- 1.5. Determinați coordonatele punctelor F și D pentru care  $D=\psi(O)$  și  $O=\psi(F).$

**Problema 2.** Deteminați expresiile analitice ale comprimării oblice  $C_l^{\vec{a}}$  cu axa l=(AB), direcția de comprimare  $\vec{a}=\vec{AC}$  și coeficientul de comprimare  $k=\frac{3}{4}$ .

**Problema 3.** Deteminați expresiile analitice ale afinității  $A_l^{AL}$  cu axa de afinitate l = (BC), care aplică punctul A pepunctul L = (-1,3).

**Problema 4.** Admitem că reperul este ortonormat. Este dată invers  $I_A^3$  cu centrul A și raza r=3.

- 1. Scrieți expresiile analitice ale inversiei date.
- 2. Determinați coordonatele punctului  $P = I_A^3(B')$ .
- 3. Aflați imaginea cercului ce trece prin punctele A, B, C.
- 4. Aflați imaginea dreptei (AC).
- 5. Aflați imaginea cercului ce treceprin punctele A', B', C'

## Varianta 9mi

## LUCRARE DE CONTROL "TRANSFORMÂRI AFINE. INVERSIA"

Specialitatea MATEMATICĂ ŞI INFORMATICĂ,

Anul 2 de studii (2020-2021), secția de zi, Semestrul întâi

**Problema 1.** Este dat un reper afin  $R = \{O, \bar{e_1}, \bar{e_2}\}$ . Transformarea afină  $\psi$  aplică punctele A = (1,3), B = (2,3) și C = (2,2) respectiv pe punctele A' = (1,17), B' = (4,21) și C' = (5,17).

- 1.1. Scrieți expresiile analitice ale transformării  $\psi$ .
- 1.2. Determinați coieficientul de schimbare al ariilor  $p = p(\psi)$ .
- 1.3. Calculați punctul fix C al transformării  $\psi$ .
- 1.4. Determinați genul transformării  $\psi$ .
- 1.5. Determinați coordonatele punctelor F și D pentru care  $D=\psi(O)$  și  $O=\psi(F).$

**Problema 2.** Deteminați expresiile analitice ale comprimării oblice  $C_l^{\vec{a}}$  cu axa l=(AB), direcția de comprimare  $\vec{a}=\vec{AC}$  și coeficientul de comprimare  $k=\frac{1}{4}$ .

**Problema 3.** Deteminați expresiile analitice ale afinității  $A_l^{AL}$  cu axa de afinitate l = (BC), care aplică punctul A pepunctul L = (0,6).

- 1. Scrieți expresiile analitice ale inversiei date.
- 2. Determinați coordonatele punctului  $P = I_A^3(B')$ .
- 3. Aflați imaginea cercului ce trece prin punctele A, B, C.
- 4. Aflați imaginea dreptei (AC).
- 5. Aflați imaginea cercului ce treceprin punctele A', B', C'.

## Varianta 10mi

# LUCRARE DE CONTROL "TRANSFORMÂRI AFINE. INVERSIA"

Specialitatea MATEMATICĂ ŞI INFORMATICĂ,

Anul 2 de studii (2020-2021), secția de zi, Semestrul întâi

**Problema 1.** Este dat un reper afin  $R = \{O, \bar{e_1}, \bar{e_2}\}$ . Transformarea afină  $\psi$  aplică punctele A = (0, 4), B = (1, 4) și C = (1, 3) respectiv pe punctele A' = (2, -17), B' = (8, -16) și C' = (7, -12).

- 1.1. Scrieți expresiile analitice ale transformării  $\psi$ .
- 1.2. Determinați coieficientul de schimbare al ariilor  $p = p(\psi)$ .
- 1.3. Calculați punctul fix C al transformării  $\psi$ .
- 1.4. Determinați genul transformării  $\psi$ .
- 1.5. Determinați coordonatele punctelor F și D pentru care  $D=\psi(O)$  și  $O=\psi(F)$ .

**Problema 2.** Deteminați expresiile analitice ale comprimării oblice  $C_l^{\vec{a}}$  cu axa l=(AB), direcția de comprimare  $\vec{a}=\vec{AC}$  și coeficientul de comprimare  $k=\frac{5}{4}$ .

**Problema 3.** Deteminați expresiile analitice ale afinității  $A_l^{AL}$  cu axa de afinitate l = (BC), care aplică punctul A pepunctul L = (-1,0).

**Problema 4.** Admitem că reperul este ortonormat. Este dată invers  $I_A^3$  cu centrul A și raza r=3.

- 1. Scrieți expresiile analitice ale inversiei date.
- 2. Determinați coordonatele punctului  $P = I_A^3(B')$ .
- 3. Aflați imaginea cercului ce trece prin punctele A, B, C.
- 4. Aflați imaginea dreptei (AC).
- 5. Aflați imaginea cercului ce treceprin punctele A', B', C'.

### Varianta 11mi

# LUCRARE DE CONTROL "TRANSFORMÂRI AFINE. INVERSIA"

Specialitatea MATEMATICĂ ŞI INFORMATICĂ,

Anul 2 de studii (2020-2021), secția de zi, Semestrul întâi

**Problema 1.** Este dat un reper afin  $R = \{O, \bar{e_1}, \bar{e_2}\}$ . Transformarea afină  $\psi$  aplică punctele A = (-1, 5), B = (0, 5) și C = (0, 4) respectiv pe punctele A' = (0, 10), B' = (3, 6) și C' = (2, 5).

- 1.1. Scrieți expresiile analitice ale transformării  $\psi$ .
- 1.2. Determinați coieficientul de schimbare al ariilor  $p = p(\psi)$ .
- 1.3. Calculați punctul fix C al transformării  $\psi$ .
- 1.4. Determinați genul transformării  $\psi$ .

**Problema 2.** Deteminați expresiile analitice ale comprimării oblice  $C_l^{\vec{a}}$  cu axa l=(AB), direcția de comprimare  $\vec{a}=\vec{AC}$  și coeficientul de comprimare  $k=\frac{1}{5}$ .

**Problema 3.** Deteminați expresiile analitice ale afinității  $A_l^{AL}$  cu axa de afinitate l = (BC), care aplică punctul A pepunctul L = (-2,0).

**Problema 4.** Admitem că reperul este ortonormat. Este dată invers  $I_A^3$  cu centrul A și raza r=3.

- 1. Scrieți expresiile analitice ale inversiei date.
- 2. Determinați coordonatele punctului  $P = I_A^3(B')$ .
- 3. Aflați imaginea cercului ce trece prin punctele A, B, C.
- 4. Aflați imaginea dreptei (AC).
- 5. Aflați imaginea cercului ce treceprin punctele A', B', C'.

#### Varianta 12mi

# LUCRARE DE CONTROL "TRANSFORMÂRI AFINE. INVERSIA"

Specialitatea MATEMATICĂ ŞI INFORMATICĂ,

Anul 2 de studii (2020-2021), secția de zi, Semestrul întâi

**Problema 1.** Este dat un reper afin  $R = \{O, \bar{e_1}, \bar{e_2}\}$ . Transformarea afină  $\psi$  aplică punctele A = (2,5), B = (3,5) și C = (3,4) respectiv pe punctele A' = (16,6), B' = (13,7) și C' = (9,6).

- 1.1. Scrieți expresiile analitice ale transformării  $\psi$ .
- 1.2. Determinați coieficientul de schimbare al ariilor  $p = p(\psi)$ .
- 1.3. Calculați punctul fix C al transformării  $\psi$ .
- 1.4. Determinați genul transformării  $\psi$ .
- 1.5. Determinați coordonatele punctelor F și D pentru care  $D=\psi(O)$  și  $O=\psi(F)$ .

**Problema 2.** Deteminați expresiile analitice ale comprimării oblice  $C_l^{\vec{a}}$  cu axa l=(AB), direcția de comprimare  $\vec{a}=\vec{AC}$  și coeficientul de comprimare  $k=\frac{2}{5}$ .

**Problema 3.** Deteminați expresiile analitice ale afinității  $A_l^{AL}$  cu axa de afinitate l = (BC), care aplică punctul A pepunctul L = (1,7).

- 1. Scrieți expresiile analitice ale inversiei date.
- 2. Determinați coordonatele punctului  $P = I_A^3(B')$ .
- 3. Aflați imaginea cercului ce trece prin punctele A, B, C.
- 4. Aflați imaginea dreptei (AC).
- 5. Aflați imaginea cercului ce treceprin punctele A', B', C'.

## Varianta 1im LUCRARE DE CONTROL "TRANSFORMÂRI AFINE. INVERSIA"

# Specialitatea MATEMATICĂ ŞI INFORMATICĂ,

Anul 2 de studii (2020-2021), secția de zi, Semestrul întâi

**Problema 1.** Este dat un reper afin  $R = \{O, \bar{e_1}, \bar{e_2}\}$ . Transformarea afină  $\psi$  aplică punctele A = (4,0), B = (5,0) și C = (5,-1) respectiv pe punctele A' = (13,2), B' = (16,3) și C' = (20,2).

- 1.1. Scrieți expresiile analitice ale transformării  $\psi$ .
- 1.2. Determinați coieficientul de schimbare al ariilor  $p = p(\psi)$ .
- 1.3. Calculați punctul fix C al transformării  $\psi$ .
- 1.4. Determinați genul transformării  $\psi$ .
- 1.5. Determinați coordonatele punctelor F și D pentru care  $D=\psi(O)$  și  $O=\psi(F)$ .

**Problema 2.** Deteminați expresiile analitice ale comprimării oblice  $C_l^{\vec{a}}$  cu axa l=(AB), direcția de comprimare  $\vec{a}=\vec{AC}$  și coeficientul de comprimare  $k=\frac{1}{2}$ .

**Problema 3.** Deteminați expresiile analitice ale afinității  $A_l^{AL}$  cu axa de afinitate l = (BC), care aplică punctul A pepunctul L = (2, -8).

**Problema 4.** Admitem că reperul este ortonormat. Este dată invers  $I_A^3$  cu centrul A și raza r=3.

- 1. Scrieți expresiile analitice ale inversiei date.
- 2. Determinați coordonatele punctului  $P = I_A^3(B')$ .
- 3. Aflați imaginea cercului ce trece prin punctele A, B, C.
- 4. Aflați imaginea dreptei (AC).
- 5. Aflați imaginea cercului ce treceprin punctele A', B', C'.

## Varianta 2im

## LUCRARE DE CONTROL "TRANSFORMÂRI AFINE. INVERSIA"

Specialitatea MATEMATICĂ ŞI INFORMATICĂ,

Anul 2 de studii (2020-2021), secția de zi, Semestrul întâi

**Problema 1.** Este dat un reper afin  $R = \{O, \bar{e_1}, \bar{e_2}\}$ . Transformarea afină  $\psi$  aplică punctele A = (4,4), B = (5,4) și C = (5,3) respectiv pe punctele A' = (10,-2), B' = (11,3) și C' = (10,5).

- 1.1. Scrieți expresiile analitice ale transformării  $\psi$ .
- 1.2. Determinați coieficientul de schimbare al ariilor  $p = p(\psi)$ .
- 1.3. Calculați punctul fix C al transformării  $\psi$ .
- 1.4. Determinați genul transformării  $\psi$ .

**Problema 2.** Deteminați expresiile analitice ale comprimării oblice  $C_l^{\vec{a}}$  cu axa l=(AB), direcția de comprimare  $\vec{a}=\vec{AC}$  și coeficientul de comprimare k=2.

**Problema 3.** Deteminați expresiile analitice ale afinității  $A_l^{AL}$  cu axa de afinitate l = (BC), care aplică punctul A pepunctul L = (3, -7).

**Problema 4.** Admitem că reperul este ortonormat. Este dată invers  $I_A^3$  cu centrul A și raza r=3.

- 1. Scrieți expresiile analitice ale inversiei date.
- 2. Determinați coordonatele punctului  $P = I_A^3(B')$ .
- 3. Aflați imaginea cercului ce trece prin punctele A, B, C.
- 4. Aflați imaginea dreptei (AC).
- 5. Aflați imaginea cercului ce treceprin punctele A', B', C'.

## Varianta 3im LUCRARE DE CONTROL "TRANSFORMÂRI AFINE. INVERSIA"

Specialitatea MATEMATICĂ ŞI INFORMATICĂ,

Anul 2 de studii (2020-2021), secția de zi, Semestrul întâi

**Problema 1.** Este dat un reper afin  $R = \{O, \bar{e_1}, \bar{e_2}\}$ . Transformarea afină  $\psi$  aplică punctele A = (2,3), B = (3,4) și C = (4,-2) respectiv pe punctele A' = (-10,9), B' = (-7,12) și C' = (19,1).

- 1.1. Scrieți expresiile analitice ale transformării  $\psi$ .
- 1.2. Determinați coieficientul de schimbare al ariilor  $p = p(\psi)$ .
- 1.3. Calculați punctul fix C al transformării  $\psi$ .
- 1.4. Determinați genul transformării  $\psi$ .
- 1.5. Determinați coordonatele punctelor F și D pentru care  $D=\psi(O)$  și  $O=\psi(F)$ .

**Problema 2.** Deteminați expresiile analitice ale comprimării oblice  $C_l^{\vec{a}}$  cu axa l=(AB), direcția de comprimare  $\vec{a}=\vec{AC}$  și coeficientul de comprimare l=3

**Problema 3.** Deteminați expresiile analitice ale afinității  $A_l^{AL}$  cu axa de afinitate l = (BC), care aplică punctul A pepunctul L = (3,4).

- 1. Scrieți expresiile analitice ale inversiei date.
- 2. Determinați coordonatele punctului  $P = I_A^3(B')$ .
- 3. Aflați imaginea cercului ce trece prin punctele A, B, C.
- 4. Aflați imaginea dreptei (AC).
- 5. Aflați imaginea cercului ce treceprin punctele A', B', C'.

## Varianta 4im LUCRARE DE CONTROL "TRANSFORMÂRI AFINE. INVERSIA"

# Specialitatea MATEMATICĂ ŞI INFORMATICĂ,

Anul 2 de studii (2020-2021), secția de zi, Semestrul întâi

**Problema 1.** Este dat un reper afin  $R = \{O, \bar{e_1}, \bar{e_2}\}$ . Transformarea afină  $\psi$  aplică punctele A = (1,4), B = (2,5) și C = (3,-1) respectiv pe punctele A' = (23,8), B' = (30,7) și C' = (-1,0).

- 1.1. Scrieți expresiile analitice ale transformării  $\psi$ .
- 1.2. Determinați coieficientul de schimbare al ariilor  $p = p(\psi)$ .
- 1.3. Calculați punctul fix C al transformării  $\psi$ .
- 1.4. Determinați genul transformării  $\psi$ .
- 1.5. Determinați coordonatele punctelor F și D pentru care  $D=\psi(O)$  și  $O=\psi(F)$ .

**Problema 2.** Deteminați expresiile analitice ale comprimării oblice  $C_l^{\vec{a}}$  cu axa l=(AB), direcția de comprimare  $\vec{a}=\vec{AC}$  și coeficientul de comprimare k=5.

**Problema 3.** Deteminați expresiile analitice ale afinității  $A_l^{AL}$  cu axa de afinitate l = (BC), care aplică punctul A pepunctul L = (1, 1).

**Problema 4.** Admitem că reperul este ortonormat. Este dată invers  $I_A^3$  cu centrul A și raza r=3.

- 1. Scrieți expresiile analitice ale inversiei date.
- 2. Determinați coordonatele punctului  $P = I_A^3(B')$ .
- 3. Aflați imaginea cercului ce trece prin punctele A, B, C.
- 4. Aflați imaginea dreptei (AC).
- 5. Aflați imaginea cercului ce treceprin punctele A', B', C'.

## Varianta 5im LUCRARE DE CONTROL "TRANSFORMÂRI AFINE. INVERSIA"

Specialitatea MATEMATICĂ ŞI INFORMATICĂ,

Anul 2 de studii (2020-2021), secția de zi, Semestrul întâi

**Problema 1.** Este dat un reper afin  $R = \{O, \bar{e_1}, \bar{e_2}\}$ . Transformarea afină  $\psi$  aplică punctele A = (3, 2), B = (4, 3) și C = (5, -3) respectiv pe punctele A' = (15, 2), B' = (22, 3) și C' = (-6, -10).

- 1.1. Scrieți expresiile analitice ale transformării  $\psi$ .
- 1.2. Determinați coieficientul de schimbare al ariilor  $p = p(\psi)$ .
- 1.3. Calculați punctul fix C al transformării  $\psi$ .
- 1.4. Determinați genul transformării  $\psi$ .

**Problema 2.** Deteminați expresiile analitice ale comprimării oblice  $C_l^{\vec{a}}$  cu axa l=(AB), direcția de comprimare  $\vec{a}=\vec{AC}$  și coeficientul de comprimare k=4.

**Problema 3.** Deteminați expresiile analitice ale afinității  $A_l^{AL}$  cu axa de afinitate l = (BC), care aplică punctul A pepunctul L = (2, -2).

**Problema 4.** Admitem că reperul este ortonormat. Este dată invers  $I_A^3$  cu centrul A și raza r=3.

- 1. Scrieți expresiile analitice ale inversiei date.
- 2. Determinați coordonatele punctului  $P = I_A^3(B')$ .
- 3. Aflați imaginea cercului ce trece prin punctele A, B, C.
- 4. Aflați imaginea dreptei (AC).
- 5. Aflați imaginea cercului ce treceprin punctele A', B', C'.

## Varianta 6im LUCRARE DE CONTROL "TRANSFORMÂRI AFINE. INVERSIA"

Specialitatea MATEMATICĂ ŞI INFORMATICĂ,

Anul 2 de studii (2020-2021), secția de zi, Semestrul întâi

**Problema 1.** Este dat un reper afin  $R = \{O, \bar{e_1}, \bar{e_2}\}$ . Transformarea afină  $\psi$  aplică punctele A = (1,2), B = (2,3) și C = (3,-3) respectiv pe punctele A' = (14,1), B' = (27,2) și C' = (-7,10).

- 1.1. Scrieți expresiile analitice ale transformării  $\psi$ .
- 1.2. Determinați coieficientul de schimbare al ariilor  $p = p(\psi)$ .
- 1.3. Calculați punctul fix C al transformării  $\psi$ .
- 1.4. Determinați genul transformării  $\psi$ .
- 1.5. Determinați coordonatele punctelor F și D pentru care  $D=\psi(O)$  și  $O=\psi(F)$ .

**Problema 2.** Deteminați expresiile analitice ale comprimării oblice  $C_l^{\vec{a}}$  cu axa l=(AB), direcția de comprimare  $\vec{a}=\vec{AC}$  și coeficientul de comprimare  $k=\frac{1}{3}$ .

**Problema 3.** Deteminați expresiile analitice ale afinității  $A_l^{AL}$  cu axa de afinitate l = (BC), care aplică punctul A pepunctul L = (2, 1).

- 1. Scrieți expresiile analitice ale inversiei date.
- 2. Determinați coordonatele punctului  $P = I_A^3(B')$ .
- 3. Aflați imaginea cercului ce trece prin punctele A, B, C.
- 4. Aflați imaginea dreptei (AC).
- 5. Aflați imaginea cercului ce treceprin punctele A', B', C'.

## Varianta 7im LUCRARE DE CONTROL "TRANSFORMÂRI AFINE. INVERSIA"

# Specialitatea MATEMATICĂ ŞI INFORMATICĂ,

Anul 2 de studii (2020-2021), secția de zi, Semestrul întâi

**Problema 1.** Este dat un reper afin  $R = \{O, \bar{e_1}, \bar{e_2}\}$ . Transformarea afină  $\psi$  aplică punctele A = (4,2), B = (5,3) și C = (6,-3) respectiv pe punctele A' = (-5,8), B' = (-4,10) și C' = (-2,5).

- 1.1. Scrieți expresiile analitice ale transformării  $\psi$ .
- 1.2. Determinați coieficientul de schimbare al ariilor  $p = p(\psi)$ .
- 1.3. Calculați punctul fix C al transformării  $\psi$ .
- 1.4. Determinați genul transformării  $\psi$ .
- 1.5. Determinați coordonatele punctelor F și D pentru care  $D=\psi(O)$  și  $O=\psi(F)$ .

**Problema 2.** Deteminați expresiile analitice ale comprimării oblice  $C_l^{\vec{a}}$  cu axa l=(AB), direcția de comprimare  $\vec{a}=\vec{AC}$  și coeficientul de comprimare k=5.

**Problema 3.** Deteminați expresiile analitice ale afinității  $A_l^{AL}$  cu axa de afinitate l = (BC), care aplică punctul A pepunctul L = (2,4).

**Problema 4.** Admitem că reperul este ortonormat. Este dată invers  $I_A^3$  cu centrul A și raza r=3.

- 1. Scrieți expresiile analitice ale inversiei date.
- 2. Determinați coordonatele punctului  $P = I_A^3(B')$ .
- 3. Aflați imaginea cercului ce trece prin punctele A, B, C.
- 4. Aflați imaginea dreptei (AC).
- 5. Aflați imaginea cercului ce treceprin punctele A', B', C'.

### Varianta 8im

# LUCRARE DE CONTROL "TRANSFORMÂRI AFINE. INVERSIA"

Specialitatea MATEMATICĂ ŞI INFORMATICĂ,

Anul 2 de studii (2020-2021), secția de zi, Semestrul întâi

**Problema 1.** Este dat un reper afin  $R = \{O, \bar{e_1}, \bar{e_2}\}$ . Transformarea afină  $\psi$  aplică punctele A = (5,4), B = (6,5) și C = (7,-1) respectiv pe punctele A' = (8,12), B' = (9,15) și C' = (-21,4).

- 1.1. Scrieți expresiile analitice ale transformării  $\psi$ .
- 1.2. Determinați coieficientul de schimbare al ariilor  $p = p(\psi)$ .
- 1.3. Calculați punctul fix C al transformării  $\psi$ .

- 1.4. Determinați genul transformării  $\psi$ .
- 1.5. Determinați coordonatele punctelor F și D pentru care  $D=\psi(O)$  și  $O=\psi(F).$

**Problema 2.** Deteminați expresiile analitice ale comprimării oblice  $C_l^{\vec{a}}$  cu axa l=(AB), direcția de comprimare  $\vec{a}=\vec{AC}$  și coeficientul de comprimare  $k=\frac{3}{4}$ .

**Problema 3.** Deteminați expresiile analitice ale afinității  $A_l^{AL}$  cu axa de afinitate l = (BC), care aplică punctul A pepunctul L = (4,6).

**Problema 4.** Admitem că reperul este ortonormat. Este dată invers  $I_A^3$  cu centrul A și raza r=3.

- 1. Scrieți expresiile analitice ale inversiei date.
- 2. Determinați coordonatele punctului  $P = I_A^3(B')$ .
- 3. Aflați imaginea cercului ce trece prin punctele A, B, C.
- 4. Aflați imaginea dreptei (AC).
- 5. Aflați imaginea cercului ce treceprin punctele A', B', C'

## Varianta 01

## LUCRARE DE CONTROL "TRANSFORMÂRI AFINE. INVERSIA"

Specialitatea MATEMATICĂ ŞI INFORMATICĂ,

Anul 2 de studii (2020-2021), secția de zi, Semestrul întâi

**Problema 1.** Este dat un reper afin  $R = \{O, \bar{e_1}, \bar{e_2}\}$ . Transformarea afină  $\psi$  aplică punctele A = (4,1), B = (5,2) și C = (-3,2) respectiv pe punctele A' = (10,9), B' = (10,15) și C' = (-14,-1).

- 1.1. Scrieți expresiile analitice ale transformării  $\psi$ .
- 1.2. Determinați coieficientul de schimbare al ariilor  $p = p(\psi)$ .
- 1.3. Calculați punctul fix C al transformării  $\psi$ .
- 1.4. Determinați genul transformării  $\psi$ .
- 1.5. Determinați coordonatele punctelor F și D pentru care  $D=\psi(O)$  și  $O=\psi(F).$

**Problema 2.** Deteminați expresiile analitice ale comprimării oblice  $C_l^{\vec{a}}$  cu axa l=(AB), direcția de comprimare  $\vec{a}=\vec{AC}$  și coeficientul de comprimare k=2.

**Problema 3.** Deteminați expresiile analitice ale afinității  $A_l^{AL}$  cu axa de afinitate l = (BC), care aplică punctul A pepunctul L = (8,0).

- 1. Scrieți expresiile analitice ale inversiei date.
- 2. Determinați coordonatele punctului  $P = I_A^3(B')$ .
- 3. Aflați imaginea cercului ce trece prin punctele A, B, C.
- 4. Aflați imaginea dreptei (AC).
- 5. Aflați imaginea cercului ce treceprin punctele A', B', C'.

### Varianta 0

# LUCRARE DE CONTROL "TRANSFORMÂRI AFINE. INVERSIA"

Specialitatea MATEMATICĂ ŞI INFORMATICĂ,

Anul 2 de studii (2020-2021), secția de zi, Semestrul întâi

**Problema 1.** Este dat un reper afin  $R = \{O, \bar{e_1}, \bar{e_2}\}$ . Transformarea afină  $\psi$  aplică punctele A = (6,2), B = (7,3) și C = (-1,3) respectiv pe punctele A' = (-11,15), B' = (-11,19) și C' = (8,3).

- 1.1. Scrieți expresiile analitice ale transformării  $\psi$ .
- 1.2. Determinați coieficientul de schimbare al ariilor  $p = p(\psi)$ .
- 1.3. Calculați punctul fix C al transformării  $\psi$ .
- 1.4. Determinați genul transformării  $\psi$ .
- 1.5. Determinați coordonatele punctelor F și D pentru care  $D=\psi(O)$  și  $O=\psi(F)$ .

## Rezolvare. 1.1. Scrieți expresiile analitice ale transformării $\psi$ .

Expresiile analitice ale transformării  $\psi$  au forma

$$\begin{cases} x' = c_{11}x + c_{12}y + c_{10}, \\ y' = c_{21}x + c_{22}y + c_{20} \end{cases} . \dots (1)$$

Din faptul căpunctul A' este imaginea punctului A obținem

$$\begin{cases}
-11 = 6c_{11} + 2c_{12} + c_{10}, \\
15 = 6c_{21} + 2c_{22} + c_{20}.
\end{cases}$$
(1A)

Din faptul căpunctul B' este imaginea punctului B obținem

$$\begin{cases}
-11 = 7c_{11} + 3c_{12} + c_{10}, \\
19 = 7c_{21} + 3c_{22} + c_{20}.
\end{cases}$$
(1B)

Din faptul căpunctul C' este imaginea punctului C obținem

$$\begin{cases} 8 = -1c_{11} + 3c_{12} + c_{10}, \\ 3 = -1c_{21} + 3c_{22} + c_{20}. \end{cases}$$
(1C)

Primile ecuații din sistemele de ecuații (1A), (1B), (1C) formează sistemul de ecuații

$$\begin{cases}
-11 = 6c_{11} + 2c_{12} + c_{10}, \\
-11 = 7c_{11} + 3c_{12} + c_{10}, \dots (2.1) \\
8 = -1c_{11} + 3c_{12} + c_{10}.
\end{cases}$$

Rezolvăm acest sistem de ecuații în modul următor. Dacă din primile două ecuații scădem a treia, obținem sistemul de ecuații

$$\begin{cases} 7c_{11} - c_{12} = -19, \\ 8c_{11} = -19. \end{cases}$$
 (3.1)

Din sistemul (3.1) obţinem  $c_{11} = -\frac{19}{8}$  şi  $c_{12} = \frac{19}{8}$ . Aceste valori substituim în prima ecuație din (2.1) şi obţinem  $c_{10} = -\frac{3}{2}$ .

Ale a doilea ecuații din sistemele de ecuații (1A), (1B), (1C) formează sistemul de ecuații

$$\begin{cases}
15 = 6c_{21} + 2c_{22} + c_{20} \\
19 = 7c_{21} + 3c_{22} + c_{20} \\
3 = -1c_{21} + 3c_{22} + c_{20}.
\end{cases}$$
(2.2)

Rezolvăm acest sistem de ecuații în modul următor. Dacă din primile două ecuații scădem a treia, obținem sistemul de ecuații

$$\begin{cases}
7c_{21} - c_{22} = 12, \\
8c_{21} = 16.
\end{cases}$$
(3.2)

Din sistemul (3.2) obţinem  $c_{21}=2$  şi  $c_{22}=2$ . Aceste valori substituim în prima ecuație din (2.2) și obținem  $c_{20} = -1$ .

**Răspuns**: Expresiile analitice ale transformării  $\psi$  au forma

$$\begin{cases} x' = -\frac{19}{8}x + \frac{19}{8}y - \frac{3}{2}, \\ y' = 2x + 2y - 1 \end{cases}$$
 (4)

1.2. Determinați coieficientul de schimbare al ariilor  $p = p(\psi)$ .

Coieficientul de schimbare al ariilor  $p = p(\psi)$  depude de valoarea absolută a detrminantului sistemului cu expresiile analitice (4):

$$\Delta = \begin{bmatrix} -\frac{19}{8} & \frac{19}{9} \\ 2 & 2 \end{bmatrix} = -\frac{19}{2} < 0.$$
 Răspuns.  $p(\psi) = |\Delta| = \frac{19}{2}$ .  
1.3. Calculați punctul fix  $C$  al transformării  $\psi$ .

Coordonatele punctului fix sunt soluții ale sistemului

$$\begin{cases} x = -\frac{19}{8}x + \frac{19}{8}y - \frac{3}{2}, \\ y = 2x + 2y - 1 \end{cases}.$$

care poate fi scris la forma 
$$\begin{cases} -\frac{11}{8}x + \frac{19}{8}y = \frac{3}{2}, \\ 2x + y = 1 \end{cases}$$
 (5)

Rezolvăm sistemul (5) și obținem  $x=\frac{1}{7},\,y=\frac{5}{7}.$ Răspuns. Punctul  $C=(\frac{1}{7},\frac{5}{7})$  este unicul punct fix al transformării  $\psi.$ 

1.4. Determinați genul transformării  $\psi$ .

Genul depinde de semnul detrminantului sistemului cu expresiile analitice (4):

$$\Delta = \begin{bmatrix} -\frac{19}{8} & \frac{19}{9} \\ 2 & 2 \end{bmatrix} = -\frac{19}{2} < 0.$$

Acest determinant are valoare negativă.

**Răspuns** Transformarea  $\psi$  este de genul doi. Ea schimbă orientarea triunghiurilor.

1.5. Determinați coordonatele punctelor F și D pentru care D = $\psi(O)$  si  $O = \psi(F)$ .

Pentru x=0 şi y=0 din (4) obţinem  $x'=-\frac{3}{2}, y'=-1$ . Deci D=

Pentru x' = 0 și y' = 0 din (4) obținem sistemul de ecuații

$$\begin{cases} -\frac{19}{8}x + \frac{19}{8}y = \frac{3}{2}, \\ 2x + 2y = 1 \end{cases}$$
 (6)

Rezolvăm sistemul (6) și obținem  $x=-\frac{5}{76},\,y=\frac{43}{76}.$  Deci  $F=(-\frac{5}{76},\frac{43}{76}).$  Răspuns.  $D=(-\frac{3}{2},-1)$  și  $F=(-\frac{5}{76},\frac{43}{76}).$ 

**Răspuns**. 
$$D = (-\frac{3}{2}, -1)$$
 și  $F = (-\frac{5}{76}, \frac{43}{76})$ .

Problema 1 este rezolvată.

**Problema 2.** Deteminați expresiile analitice ale comprimării oblice  $\varphi = C_l^{\vec{a}}$ cu axa l = (AB), direcția de comprimare  $\vec{a} = \vec{AC}$  și coeficientul de comprimare k = 3.

**Rezolvare**. Determinăm ecuația dreptei l = (AB). Ecuația canonică

ne aduce la ecuația  $\frac{x-6}{1} = \frac{y-2}{1}$  sau x-6 = y-2. Obținem ecuac tia generală

$$x - y - 4 = 0$$
. """"""""" (7)

Comprimarea se efectuază paralel cu vectorul  $\vec{a} = \vec{AC} = \{-1 - 6, 3 - 2\} = 0$  $\{-7,1\}$ . Fixăm punctul M=(x,y) cu imaginea M'=(x',y'). Pe axa l există un unic punct M'' = (x'', y'') cu proprietățile:

- Vectorii  $\vec{M''M'}$  şi  $\vec{M''M}$  sunt colineari şi  $\vec{M''M'} = k\vec{M''M}, k = 3$ ;
- Vectorii  $\vec{MM'}$  și  $\vec{a}$  sunt colineari și  $\frac{x'-x}{-7} = \frac{y'}{1}.$

Obţinem egalităţile:
$$\begin{cases}
x" - y" - 4 = 0, \\
x' - x" = 3(x - x"), \\
y' - y" = 3(y - y"), \\
x' - x = -7(y' - y).
\end{cases}$$
Din penultimile două egalităţi se obţine

 $x'' = \frac{3x-x'}{2}$  și  $y'' = \frac{3y-y'}{2}$ . Substituim aceste valori în prima ecuație din (8) și vom obține  $\frac{3x-x'}{2} - (\frac{3y-y'}{2}) - 4 = 0$  sau 3x - 3y - x' + y' - 8 = 0.

Ecuația întâi din (8) și ultima ecuație ne aduc la sistemel

$$\begin{cases} x' - y' = 3x - 3y - 8, \\ x' + 7y' = x + 7y. \end{cases}$$
 (9)

Dacă sc<br/>dem aceste ecuații vom obține  $y'=-\frac{1}{4}x+\frac{5}{4}y+1$ . Substituim în prima ecuație din (9) și obține<br/>m $x'=\frac{11}{4}x-\frac{7}{4}y-7$ .

**Răspuns**. Expresiile analitice ale comprimării oblice  $\varphi = C_l^{\vec{a}}$  cu axa l =(AB), direcția de comprimare  $\vec{a} = \vec{AC}$  și coeficientul de comprimare k = 3 au

$$\begin{cases} x' = \frac{11}{4}x - \frac{7}{4}y - 7, \\ y' = -\frac{1}{4}x + \frac{5}{4}y + 1. \end{cases}$$
(10)  
Problema 2 este rezolvată.

**Problema 3.** Deteminați expresiile analitice ale afinității  $\Phi = A_l^{AL}$  cu axa de afinitate l = (BC), care aplică punctul A pe punctul L = (-4, 1).

**Rezolvare**. Determinăm ecuația axei de afinitate l=(BC):  $\frac{x-7}{-1-7}=\frac{y-3}{3-3}$  sau  $\frac{x-7}{-8}=\frac{y-3}{0}$ , și obținem ecuația y-3=0. Toate punctele axei sunt puncte fixe.

Expresiile analitice ale afinității  $\Phi$  au forma expresiilor analitice ale unei transformări afine:

$$\begin{cases} x' = c_{11}x + c_{12}y + c_{10}, \\ y' = c_{21}x + c_{22}y + c_{20} \end{cases}$$
 (11)

Din faptul că punctul L este imaginea punctului A obținem

$$\begin{cases}
-4 = 6c_{11} + 2c_{12} + c_{10}, \\
1 = 6c_{21} + 2c_{22} + c_{20}.
\end{cases}$$
(11A)

Din faptul că punctul B este imaginea punctului B obținem

$$\begin{cases}
7 = 7c_{11} + 3c_{12} + c_{10}, \\
3 = 7c_{21} + 3c_{22} + c_{20}.
\end{cases}$$
(11B)

Din faptul că punctul C este imaginea punctului C obținem

$$\begin{cases}
-1 = -1c_{11} + 3c_{12} + c_{10}, \\
3 = -1c_{21} + 3c_{22} + c_{20}.
\end{cases}$$
 (11C)

Primile ecuații din sistemele de ecuații (11A), (11B), (11C) formează sistemul de ecuații

$$\begin{cases}
-4 = 6c_{11} + 2c_{12} + c_{10}, \\
7 = 7c_{11} + 3c_{12} + c_{10}, \\
-1 = -1c_{11} + 3c_{12} + c_{10}.
\end{cases}$$
Paralys m paget sistem de aquetii în modul numător

Rezolvăm acest sistem de ecuații în modul următor. Dacă din primile două ecuații scădem a treia, obținem sistemul de ecuații

$$\begin{cases} 7c_{11} - c_{12} = -3, \\ 8c_{11} = 8. \end{cases} \dots (13.1)$$

Din sistemul (13.1) obținem  $c_{11} = 1$  și  $c_{12} = 10$ . Aceste valori substituim în prima ecuație din (12.1) și obținem  $c_{10} = -30$ .

Ale a doilea ecuații din sistemele de ecuații (11A), (11B), (11C) formează sistemul de ecuații

$$\begin{cases}
1 = 6c_{21} + 2c_{22} + c_{20} \\
3 = 7c_{21} + 3c_{22} + c_{20} \\
3 = -1c_{21} + 3c_{22} + c_{20}.
\end{cases}$$
(12.2)

Rezolvăm acest sistem de ecuații în modul următor. Dacă din primile două ecuații scădem a treia, obținem sistemul de ecuații

$$\begin{cases} 7c_{21} - c_{22} = -2, \\ 8c_{21} = 0. \end{cases}$$
 (13.2)

Din sistemul (13.2) obținem  $c_{21}=0$  și  $c_{22}=2$ . Aceste valori substituim în prima ecuație din (12.2) și obținem  $c_{20}=-3$ .

**Răspuns**: Expresiile analitice ale transformării  $\psi$  au forma

$$\begin{cases} x' = x + 10y - 30, \\ y' = 2y - 3 \end{cases}$$
 (14)

Problema 3 este rezolvată.

**Problema 4.** Admitem că reperul este ortonormat. Este dată invers  $I_A^3$  cu centrul A și raza r=3.

- 1. Scrieți expresiile analitice ale inversiei date.
- 2. Determinați coordonatele punctului  $P = I_A^3(B')$ .
- 3. Aflați imaginea cercului ce trece prin punctele A, B, C.
- 4. Aflați imaginea dreptei (AC).
- 5. Aflați imaginea cercului ce treceprin punctele A', B', C'.

## Rezolvare. 4.1. Scrieți expresiile analitice ale inversiei date.

Punctului A i se pune în coresondență punctul de lainfinit și viceversa.

Fiecarui punct M=(x,y), diferit de punctul A, punemîn corespondență punctul M'=(x',y'), unic determinat de relațiile  $M'\in [OM)$ ,  $\vec{AM}\cdot\vec{AM'}=r^2=9$ .

Această egalitate poate fi scrisăla forma

$$A\vec{M}' = \frac{9}{A\vec{M}^2} \cdot A\vec{M}. \dots (15)$$

Scrim aceastăegalitate în coordonate

$$\vec{AM} = \{x-6, y-2\}, \ \vec{AM}^2 = \sqrt{(x-6)^2 + (y-2)^2}, \ \vec{AM}' = \{x'-6, y'-2\},$$

$$\begin{cases} x' = \frac{9(x-6)}{(x-6)^2 + (y-2)^2} + 6, \\ y' = \frac{9(y-2)}{(x-6)^2 + (y-2)^2} + 2 \end{cases} . \dots (16)$$
Au loc şi relaţiile inverse
$$\begin{cases} x = \frac{9(x'-6)}{(x'-6)^2 + (y'-2)^2} + 6, \\ y = \frac{9(y'-2)}{(x'-6)^2 + (y'-2)^2} + 2 \end{cases} . \dots (17)$$

Răspuns. Ecuațiile (16) reprezintă expresiile analitice ale inversiunii cu centrul A și raza de inversiune r=3.

4,2. Determinați coordonatele punctului  $P = I_A^3(B')$ .

Pentru punctul B' = (-11, 19) aplicăm formulele (16), considerând x = -11, y = 19. Obţinem  $x' = \frac{9(-11-6)}{(-11-6)^2 + (19-2)^2} + 6 = \frac{195}{34}, y' = \frac{9(19-2)}{(-11-6)^2 + (19-2)^2} + 2$ 

**Răspuns**. Punctul  $P = (\frac{195}{34}, \frac{73}{34})$  este imaginea punctului B' **4.3. Aflați imaginea cercului ce trece prin punctele** A, B, C.

Aflăm ecuația cercului  $\Omega_1$  ce trece prin punctele A, B, C. Ecuația cercului are forma

$$(x-a)^2 + (y-b)^2 = r_1^2$$
 ..... (17).

Folosim condiția că cercul trece prin prin punctele A, B, C:

$$(6-a)^2 + (2-b)^2 = r_1^2$$

$$(7-a)^2 + (3-b)^2 = r_1^2,$$

$$(-1-a)^2 + (3-b)^2 = r_1^2$$
.

Deschidem parantezele și din primele două egalități o scădem pe a treia:

$$\begin{cases} 30 - 14a + 2b = 0, \\ 48 - 16a - 0 \end{cases}$$
 (18)

Obținem  $a = 3, b = 6, r_1 = 5$  iar cercul  $\Omega_1$  este determinat de ecuația  $(x-4)^2 + (y-5)^2 = 25$  ..... (19).

Expresiile (17) ubstituim în (19) și obținem ecuația unei drepte.

- 4.4. Aflați imaginea dreptei (AC).
- 4.5. Aflați imaginea cercului ce treceprin punctele A', B', C'. Problema 4 este rezolvată.

## Varianta e

# LUCRARE DE CONTROL "TRANSFORMÂRI AFINE"

Specialitatea MATEMATICĂ ŞI INFORMATICĂ/FIZICĂ.

Anul 2 de studii (2009-2010), secția de zi, Semestrul întâi

Problema 1. Este dat un reper afin  $R = \{O, \bar{e_1}, \bar{e_2}\}$ . Transformarea afină  $\psi$  aplică punctele  $A=(2,3),\ B=(3,4)$  și C=(-5,4) respectiv pe punctele A' = (2, 13), B' = (-1, 18) si C' = (-21, -6).

- 1.1. Scrieți expresiile analitice ale transformării  $\psi$ .
- 1.2. Determinati coieficientul de schimbare al ariilor  $p = p(\psi)$ .
- 1.3. Calculați punctul fix C al transformării  $\psi$ .
- 1.4. Determinați genul transformării  $\psi$ .

Problema 2. Deteminați expresiile analitice ale comprimării oblice  $C_l^{\vec{a}}$  cu axa l=(AB), direcția de comprimare  $\vec{a}=\vec{AC}$  și coeficientul de comprimare k=3.

Problema 3. Deteminați expresiile analitice ale afinității  $A_l^{AL}$  cu axa de afinitate l = (BC), care aplică punctul A pepunctul L = (3,3).

Problema 4. Admitem că reperul este ortonormat. Este dată invers  $I_A^3$  cu centrul A și raza r=4.

- 1. Scrieți expresiile analitice ale inversiei date.
- 2. Determinați coordonatele punctului  $P = I_A^3(B')$ .
- 3. Aflați imaginea cercului ce trece prin punctele A, B, C.
- 4. Aflaţi imaginea dreptei (AC).
- 5. Aflați imaginea cercului ce treceprin punctele A', B', C'.

#### Varianta a

## LUCRARE DE CONTROL "TRANSFORMÂRI AFINE. INVERSIA"

## Specialitatea MATEMATICĂ ŞI INFORMATICĂ,

Anul 2 de studii (2020-2021), secția de zi, Semestrul întâi

Problema 1. Este dat un reper afin  $R = \{O, \bar{e_1}, \bar{e_2}\}$ . Transformarea afină  $\psi$  aplică punctele A = (5,3), B = (6,4) și C = (-2,4) respectiv pe punctele A' = (22,4), B' = (28,4) și C' = (0,-20).

- 1.1. Scrieți expresiile analitice ale transformării  $\psi.$
- 1.2. Determinați coieficientul de schimbare al ariilor  $p = p(\psi)$ .
- 1.3. Calculați punctul fix C al transformării  $\psi$ .
- 1.4. Determinați genul transformării  $\psi$ .
- 1.5. Determinați coordonatele punctelor F și D pentru care  $D=\psi(O)$  și  $O=\psi(F)$ .

Problema 2. Deteminați expresiile analitice ale comprimării oblice  $C_l^{\vec{a}}$  cu axa l=(AB), direcția de comprimare  $\vec{a}=\vec{AC}$  și coeficientul de comprimare k=3.

Problema 3. Deteminați expresiile analitice ale afinității  $A_l^{AL}$  cu axa de afinitate l=(BC), care aplică punctul A pepunctul L=(8,2).

- 1. Scrieți expresiile analitice ale inversiei date.
- 2. Determinați coordonatele punctului  $P = I_A^3(B')$ .
- 3. Aflați imaginea cercului ce trece prin punctele A, B, C.
- 4. Aflați imaginea dreptei (AC).
- 5. Aflați imaginea cercului ce treceprin punctele A', B', C'.

### Varianta b

# LUCRARE DE CONTROL "TRANSFORMÂRI AFINE. INVERSIA"

## Specialitatea MATEMATICĂ ŞI INFORMATICĂ,

Anul 2 de studii (2020-2021), secția de zi, Semestrul întâi

Problema 1. Este dat un reper afin  $R = \{O, \bar{e_1}, \bar{e_2}\}$ . Transformarea afină  $\psi$  aplică punctele A = (2,4), B = (3,5) și C = (-5,5) respectiv pe punctele A' = (-9,15), B' = (-9,21) și C' = (-33,-3).

- 1.1. Scrieți expresiile analitice ale transformării  $\psi$ .
- 1.2. Determinați coieficientul de schimbare al ariilor  $p = p(\psi)$ .
- 1.3. Calculați punctul fix C al transformării  $\psi$ .
- 1.4. Determinați genul transformării  $\psi$ .
- 1.5. Determinați coordonatele punctelor F și D pentru care  $D=\psi(O)$  și  $O=\psi(F)$ .

Problema 2. Deteminați expresiile analitice ale comprimării oblice  $C_l^{\vec{a}}$  cu axa l=(AB), direcția de comprimare  $\vec{a}=\vec{AC}$  și coeficientul de comprimare k=2.

Problema 3. Deteminați expresiile analitice ale afinității  $A_l^{AL}$  cu axa de afinitate l=(BC), care aplică punctul A pepunctul L=(6,3).

Problema 4. Admitem că reperul este ortonormat. Este dată invers  $I_A^3$  cu centrul A și raza r=3.

- 1. Scrieți expresiile analitice ale inversiei date.
- 2. Determinați coordonatele punctului  $P = I_{\Delta}^{3}(B')$ .
- 3. Aflați imaginea cercului ce trece prin punctele A, B, C.
- 4. Aflați imaginea dreptei (AC).
- 5. Aflați imaginea cercului ce treceprin punctele A', B', C'.

## Varianta c

## LUCRARE DE CONTROL "TRANSFORMÂRI AFINE. INVERSIA"

Specialitatea MATEMATICĂ ŞI INFORMATICĂ,

Anul 2 de studii (2020-2021), secția de zi, Semestrul întâi

Problema 1. Este dat un reper afin  $R = \{O, \bar{e_1}, \bar{e_2}\}$ . Transformarea afină  $\psi$  aplică punctele A = (3,0), B = (4,1) și C = (-4,1) respectiv pe punctele A' = (7,4), B' = (13,4) și C' = (-11,-12).

- 1.1. Scrieți expresiile analitice ale transformării  $\psi$ .
- 1.2. Determinați coieficientul de schimbare al ariilor  $p = p(\psi)$ .
- 1.3. Calculați punctul fix C al transformării  $\psi$ .

- 1.4. Determinați genul transformării  $\psi$ .
- 1.5. Determinați coordonatele punctelor F și D pentru care  $D=\psi(O)$  și  $O=\psi(F)$ .

Problema 2. Deteminați expresiile analitice ale comprimării oblice  $C_l^{\vec{a}}$  cu axa l=(AB), direcția de comprimare  $\vec{a}=\vec{AC}$  și coeficientul de comprimare k=3.

Problema 3. Deteminați expresiile analitice ale afinității  $A_l^{AL}$  cu axa de afinitate l = (BC), care aplică punctul A pepunctul L = (6,3).

Problema 3. Admitem că reperul este ortonormat. Este dată invers  $I_A^3$  cu centrul A și raza r=3.

- 1. Scrieți expresiile analitice ale inversiei date.
- 2. Determinați coordonatele punctului  $P = I_A^3(B')$ .
- 3. Aflați imaginea cercului ce trece prin punctele A, B, C.
- 4. Aflați imaginea dreptei (AC).
- 5. Aflați imaginea cercului ce treceprin punctele A', B', C'.

#### Varianta d

## LUCRARE DE CONTROL "TRANSFORMÂRI AFINE. INVERSIA"

# Specialitatea MATEMATICĂ ŞI INFORMATICĂ,

Anul 2 de studii (2020-2021), secția de zi, Semestrul întâi

Problema 1. Este dat un reper afin  $R = \{O, \bar{e_1}, \bar{e_2}\}$ . Transformarea afină  $\psi$  aplică punctele A = (1,1), B = (2,3) și C = (2,2) respectiv pe punctele A' = (9,-3), B' = (21,-1) și C' = (16,-4).

- 1.1. Scrieți expresiile analitice ale transformării  $\psi$ .
- 1.2. Determinați coieficientul de schimbare al ariilor  $p = p(\psi)$ .
- 1.3. Calculați punctul fix C al transformării  $\psi$ .
- 1.4. Determinați genul transformării  $\psi$ .
- 1.5. Determinați coordonatele punctelor F și D pentru care  $D=\psi(O)$  și  $O=\psi(F)$ .

Problema 2. Deteminați expresiile analitice ale comprimării oblice  $C_l^{\vec{a}}$  cu axa l=(AB), direcția de comprimare  $\vec{a}=\vec{AC}$  și coeficientul de comprimare  $k=\frac{1}{2}$ .

Problema 3. Deteminați expresiile analitice ale afinității  $A_l^{AL}$  cu axa de afinitate l = (BC), care aplică punctul A pepunctul L = (7, -1).

- 1. Scrieți expresiile analitice ale inversiei date.
- 2. Determinați coordonatele punctului  $P = I_A^3(B')$ .
- 3. Aflați imaginea cercului ce trece prin punctele A, B, C.
- 4. Aflați imaginea dreptei (AC).
- 5. Aflați imaginea cercului ce treceprin punctele A', B', C'.