



ΕΘΝΙΚΟ ΜΕΤΣΟΒΙΟ ΠΟΛΥΤΕΧΝΕΙΟ

ΤΜΗΜΑ ΗΛΕΚΤΡΟΛΟΓΩΝ ΜΗΧΑΝΙΚΩΝ & ΜΗΧΑΝΙΚΩΝ ΥΠΟΛΟΓΙΣΤΩΝ

Τομέας Επικοινωνιών, Ηλεκτρονικής & Συστημάτων Πληροφορικής

Εργαστήριο Διαχείρισης και Βέλτιστου Σχεδιασμού Δικτύων Τηλεματικής – NETMODE

Πεγαιώτη Νάταλυ

A.M: 03117707

Συστήματα Αναμονής (Queuing Systems)

3η Ομάδα Ασκήσεων

Προσομοίωση συστήματος M/M/1/10

Ο κώδικας που χρησιμοποιήθηκε παρατίθεται στο αρχείο `qsmm110.m` (βλ. Παράρτημα Κώδικα)

(1) Το debugging για τις πρώτες 30 μεταβάσεις πραγματοποιήθηκε επιτυχώς.

Ο κώδικας που χρησιμοποιήθηκε φαίνεται στο `#PART1` του αρχείου `qsmm110.m`.

```
Current state:0  
New arrival  
Total arrivals in the system:1
```

Στο διπλανό στυγμιότυπο παρουσιάζεται κομμάτι του output του debugging.

```
Current state:1  
New arrival  
Total arrivals in the system:2
```

Πρόκειται για τις 7 πρώτες μεταβάσεις. Με παρόμοιο τρόπο παρουσιάζονται και οι υπόλοιπες 23 μεταβάσεις του συστήματος.

```
Current state:2  
New arrival  
Total arrivals in the system:3
```

```
Current state:3  
Departure  
Total arrivals in the system:3
```

```
Current state:2  
Departure  
Total arrivals in the system:3
```

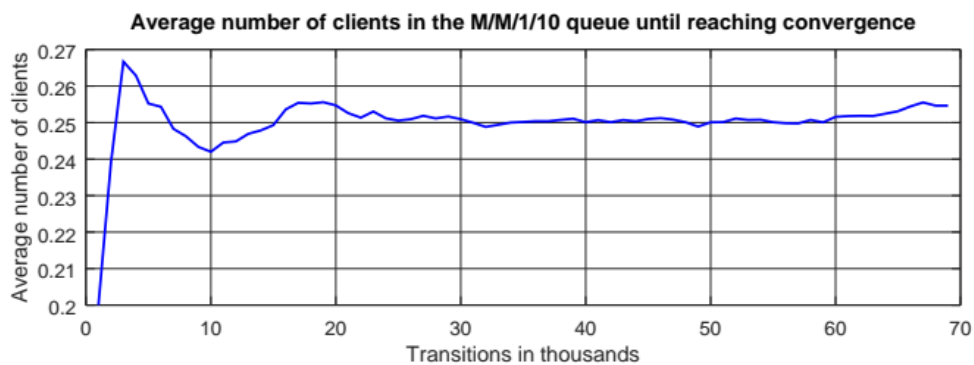
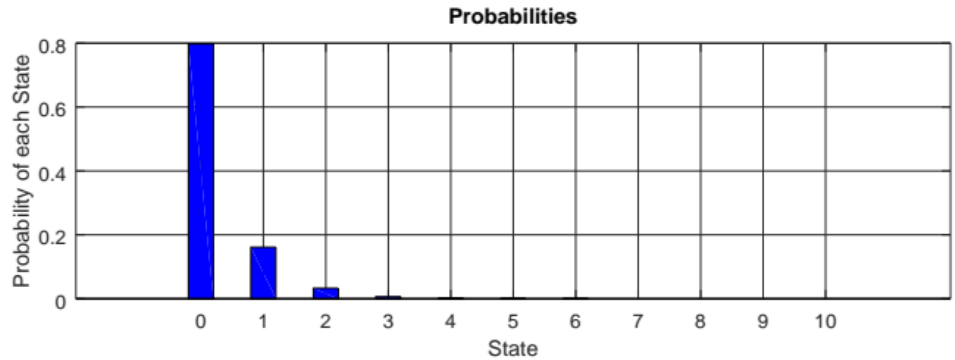
```
Current state:1  
Departure  
Total arrivals in the system:3
```

```
Current state:0  
New arrival  
Total arrivals in the system:4
```

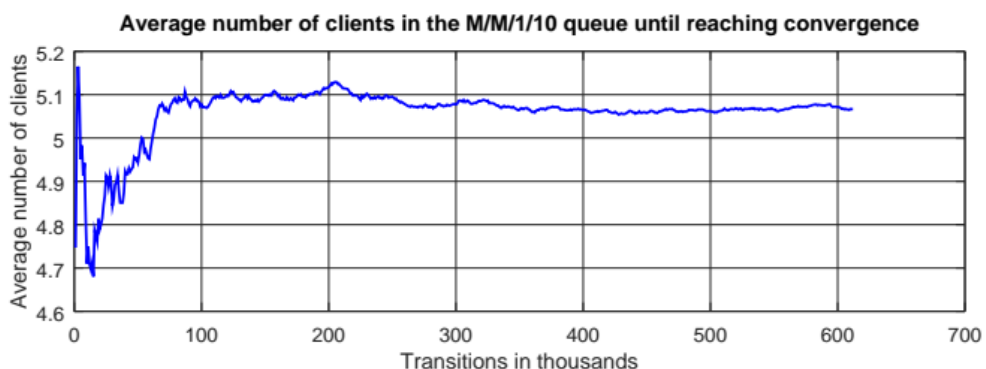
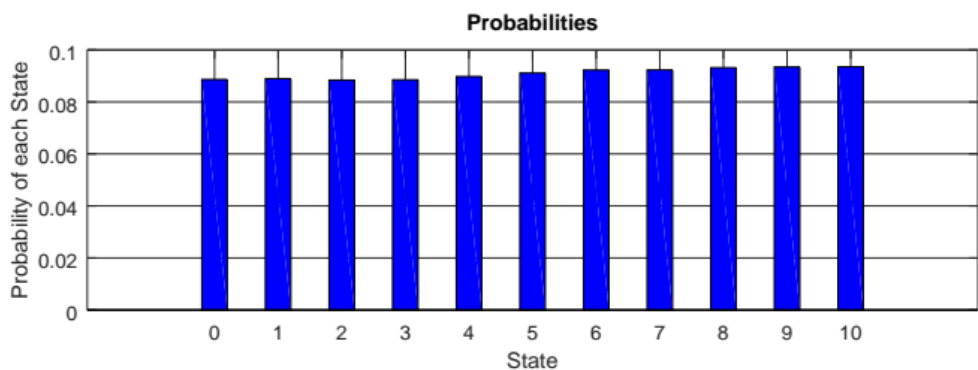
(2) Η προσωμοίωση εκτελέστηκε για τις τιμές του $\lambda = \{1, 5, 10\}$ και οι γραφικές παραστάσεις που προέκυψαν για κάθε μία από τις τιμές αυτές παρουσιάζονται πιο κάτω.

Ο κώδικας που χρησιμοποιήθηκε φαίνεται στο #PART2 του αρχείου *qsmm110.m* και για κάθε περίπτωση η υλοποίηση του προγράμματος επαναλαμβανόταν με τροποποιημένο λ .

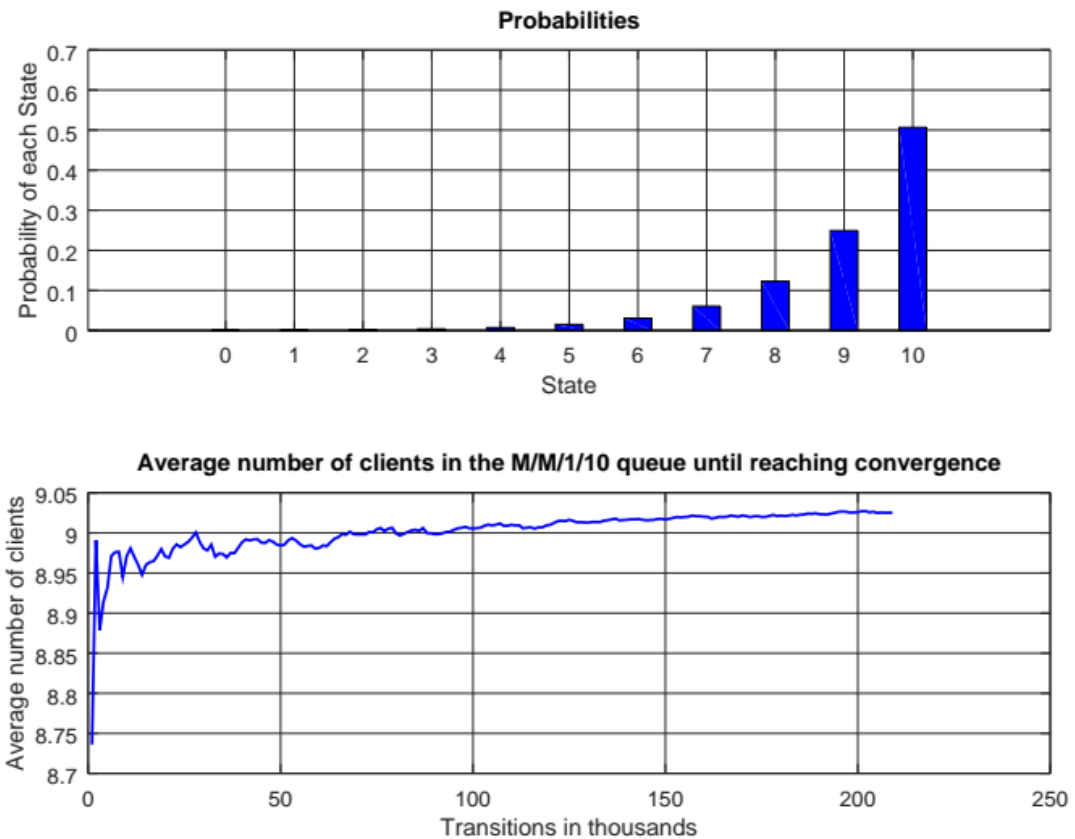
Για $\lambda = 1$:



Για $\lambda = 5$:



Για $\lambda = 10$:



(3) Παρατηρούμε ότι στην 1η περίπτωση ($\lambda = 1$) το σύστημα λόγω του μικρού φορτίου μένει περισσότερο στις πρώτες καταστάσεις και φτάνει γρήγορα σε σύγκλιση.

Κάτι παρόμοιο συμβαίνει και στην 3η περίπτωση ($\lambda = 10$) όπου όμως λόγω του μεγάλου φορτίου το σύστημα μένει περισσότερο στις τελευταίες καταστάσεις.

Όσον αφορά τη 2η περίπτωση ($\lambda = 5$) παρατηρείται ότι είναι σχεδόν ισοπίθανο για οποιαδήποτε κατάσταση το σύστημα να βρίσκεται εκεί, πράγμα που σημαίνει ότι είναι πολύ πιθανό να αλλάζει καταστάσεις πιο συχνά, με αποτέλεσμα την καθυστέρηση της σύγκλισης.

Σύμφωνα με την θεωρία, θα μπορούσαμε να αγνοήσουμε με ασφάλεια τις πρώτες 1000 μεταβάσεις.

(4) Σε περίπτωση που ο ρυθμός εξυπηρέτησης μ είναι μεταβλητός, τότε αλλάζει και η τιμή κατωφλίου που καθορίζει αν η επόμενη κατάσταση θα είναι άφιξη ή αναχώρηση. Θεωρώντας μέσο ρυθμό εξυπηρέτησης $\mu_i = \mu^*(i+1)$, όπου $\mu = 1$ πελάτης/sec, και $i = \{1, 2, \dots, 10\}$ τότε το κατώφλι είναι συνάρτηση και της παρούσας κατάστασης του συστήματος.

Εφόσον ο ρυθμός εξυπηρέτησης καθορίζεται με μονάδα μέτρησης [πελάτης/sec], τότε πρέπει αντίστοιχα να καθοριστεί και η μονάδα μέτρησης του ρυθμού άφιξης λ , η οποία προηγουμένως είχε δοθεί σε [πελάτης/min].

Παράρτημα Κώδικα**qsmm110.m**

```
clc;
clear all;
close all;

rand("seed",1)
total_arrivals = 0; # initializing values
current_state = 0;
previous_mean_clients = 0;
index = 0;
sigklisi = false;
transitions = 0;
arrivals = zeros (1, 11);
lambda = 1; #1 or 5 or 10
m = 5;

threshold = lambda/(lambda + m);

#PART1
#the next lines of code were used for debugging the code
#{
while transitions <= 30
    decision = rand (1);
    transitions = transitions + 1;
    disp(strcat("Current state: ", num2str(current_state)));
    if (current_state == 0 || (decision < threshold && current_state < 10))
        disp("New arrival");
        total_arrivals = total_arrivals + 1;
        arrivals(current_state + 1) = arrivals(current_state + 1) + 1;
        current_state = current_state + 1;
    else
        disp("Departure");
        current_state = current_state - 1;
    endif

    disp(strcat("Total arrivals in the system: ", num2str(total_arrivals)));
    disp("\n");
end
#}
```

```
#PART2
```

```
while (transitions <= 1000000 && !sigklisi)
    decision = rand(1); #generating a random number between 0 and 1
    transitions = transitions + 1; # the system gets an arrival if it is empty or if the random
    number is less than the threshold and the system isn't full
```

```
#else it gets a departure
```

```
    if (current_state == 0 || (decision < threshold && current_state < 11))
        total_arrivals = total_arrivals + 1;
        arrivals(current_state + 1) = arrivals(current_state + 1) + 1;
        current_state = current_state + 1;
    else
        current_state = current_state - 1;
    endif
```

```
#every 1000 events we check for convergence
```

```
    if mod(transitions, 1000) == 0
        index = index + 1;
        #calculating possibilities and average number of clients in the system

        for i = 1:1:length(arrivals)
            P(i) = arrivals(i)/total_arrivals;
        endfor

        mean_clients = 0;

        for i = 1:1:length(arrivals)
            mean_clients = mean_clients + (i-1) * P(i);
        endfor

        to_plot(index) = mean_clients;

        # convergence check here
        if abs(mean_clients - previous_mean_clients) < 0.00001
            sigklisi = true;
        endif
        previous_mean_clients = mean_clients;
    endif
```

```
endwhile
```

```
states = zeros(1, length(arrivals));
```

```
for i=1:1:length(arrivals)
```

```
    states(i) = i - 1;
```

```
endfor
```

```
figure(1);  
subplot(2, 1, 1);  
bar(states, P, "b",0.4);  
grid on;  
xlabel("State");  
ylabel("Probability of each State");  
title("Probabilities");  
  
subplot(2, 1, 2);  
plot(to_plot,"b","linewidth",1.3);  
grid on;  
xlabel("Transitions in thousands");  
ylabel("Average number of clients");  
title("Average number of clients in the M/M/1/10 queue until reaching convergence");
```