EL CONJUNT DE CANTOR Va ser definit per Contor (1883) com un subespai d' [0,1]. Considereu els següents subsonjunts. Signi I:= [0,1] CHARLES THE CONTRACTOR X2= X, U (V9, 2/9) U(74, 8/9) I2= I~X2 [mx zmx zmx i airi successivament,  $X_{n+1} = X_n \cup \begin{bmatrix} 3^{-1} \\ 1+3k \\ 2+3k \end{bmatrix}, T_{n+1} = T_{n+1}$ Fixen-vos que X, C I en mobert ja que en ma uma d'oberts i per tent els complementarion I, son toncoto, per tot i =1, z,... Définires El conjunt de Contor en C= 1 In (tanke (=T (NXn)) Tanke es not definir som el subconjunt d'I de toto els nombres rals que al expresson tos en base 3, cap digit es el I  $X = \sum_{i \geq 0} a_i + 1$  per tot i.

PROPIETATS (1)  $C \neq \emptyset$  ja que OEC i 1EC (0½=1) (2) C et torrat (3) Consonté cap interval: n'ontinqués en interval (a, b) C C C [0,1] alshors en base 3 ni tenim  $a = \sum_{i \ge 0} a_i \cdot 3^{-i}$   $b = \sum_{i \ge 0} b_i \cdot 3^{-i}$ Poden consider et la men petut tal que que tous A la força que o, bu = 2. Per tout  $a < \sum_{i=0}^{k-1} a_i \cdot 3^i + 2 < b$  in mombre de C però hi ha un ditart ignal a 1. (4) Int(C) = 5 ja que hem not que no conte cap interval (S) Per tont, C no te la topologia discreta. (6) C no et runesable Crepasser la demostrales que Co, 13 no es numerable s.