



IMS – simulačná štúdia
Epidemiologický model na makroúrovni

Obsah

1	Úvod	2
1.1	Autori, zdroje	2
1.2	Overenie validity	2
2	Rozbor témy a použitých metód/technológií	2
2.1	Populácia Slovenska	2
2.2	Opatrenia proti šíreniu ochorenia	2
2.3	Popis pôvodu použitých metód/technológií	4
3	Koncept modelu	4
3.1	SIR model	4
3.2	Exposure factor E_f	5
4	Implementácia simulačného modelu	6
4.1	Spustenie simulačného modelu	6
5	Experimenty	7
5.1	Experiment č. 1	7
5.2	Experiment č. 2	7
5.3	Experiment č. 3	8
5.4	Experiment č. 4	8
5.5	Experiment č. 5	8
5.6	Experiment č. 6	9
5.7	Experiment č. 7	9
5.8	Experiment č. 8	10
5.9	Závery experimentov	10
6	Záver	11

1 Úvod

Táto práca sa zaoberá simuláciou[5, p. 8] šírenia vírusovej choroby Covid 19 na Slovensku v čase 2. vlny pandémie. Cieľom tejto práce je porovnávať vplyv zavedenia rôznych protiepidemických opatrení a ich kombinácií na počty denných prírastkov nakazených.

Experimenty spočívajú v aplikovaní rôznych kombinácií opatrení, ktoré ovplyvňujú vzájomné kontakty ľudí, čím obmedzujú šíreniu vírusu. K implementácii sa využíva SIR model[5, p. 7].

1.1 Autori, zdroje

Túto prácu vypracovali študentky VUT FIT Natália Holková (xholko02) a Martina Chripková (xchrip01).

Zdroje o populačnom rozdelení Slovenska pochádzajú zo štatistického úradu Slovenskej Republiky a sú aktuálne ku koncu roka 2019.

1.2 Overenie validity

Validita modelu[5, p. 37] bola overená pomocou porovnávania reálnych dát o prírastkoch nakazených na Slovensku po 29.11.2020 a výsledkov nášho modelu v rovnakom čase pri použití podobných opatrení (viz Experiment č. 8).

2 Rozbor témy a použitých metód/technológií

2.1 Populácia Slovenska

Počet obyvateľov Slovenska v roku 2020 je **5 457 873** [8].

Populácia Slovenskej republiky bola rozdelená na niekoľko tried. Toto bolo vykonané z dôvodu, že rôzne skupiny ľudí majú rôzne denné návyky, čím vykonávajú rôzny počet a druh sociálnych kontaktov, a preto každú skupinu budú zavedené opatrenia inak ovplyvňovať. Populačné triedy sme vytvárali predovšetkým na základe veku a zamestnanosti.

Dospeli sme k rozdeleniu celej populácie Slovenska na 9 kategórií a ich percentuálnemu zastúpení vzhľadom k celkovej populácii štátu [8]:

Trieda	% zastúpenie
deti do predškolského veku	6.70
škôlkari a 1. stupeň základných škôl	6.58
2. stupeň základných škôl	3.87
stredoškôlaci	6.99
vysokoškôlaci	1.93
zamestnaní	47.34
nezamestnaní	2.89
osoby v domácnosti	2.29
dôchodcovia	21.41

K dátumu 29.11.2020 sa ochorením Covid 19 nakazilo **105 733** osôb, pričom **64 197** osôb sa z ochorenia vyliečilo a **816** osôb podľahlo na následky ochorenia[9].

2.2 Opatrenia proti šíreniu ochorenia

Bol nadefinovaný zoznam možných protiepidemických opatrení. Bol vytvorený najmä na základe opatrení, ktoré boli už v minulosti zavedené alebo sú momentálne v platnosti[13]. Vzhľadom k neskorším výpočtom museli mať opatrenia disjunktný charakter. Každé opatrenie je charakterizované dvoma hodnotami:

1. počet sociálnych kontaktov na jedinca, ktoré sa vytvárajú, keď opatrenie **nie je** v platnosti
2. počet sociálnych kontaktov na jedinca, ktoré sa vytvárajú, keď opatrenie **je** v platnosti

Výsledný zoznam opatrení:

Opatrenie	Kontakty ak nie je zavedené	Kontakty ak je zavedené
bohoslužby - zákaz	10	0
svadby - iba obrad	50	6
pohreby - najbližšia rodina	50	6
obchody - obmedzený počet ľudí	20	10
detské ihriská	5	0
zavreté škôlky a 1. stupeň ZŠ	25	0
polovica ľudí v škôlke a 1. stupni ZŠ	25	12
zavretý 2 stupeň ZŠ	25	0
polovica ľudí 2. stupni ZŠ	25	12
zavreté stredné školy	25	0
polovica ľudí na stredných školách	25	12
zavreté vysoké školy	25	0
polovica ľudí na vysokých školách	25	12
zavreté internáty	10	0
hromadné podujatia - zákaz	100	0
kiná - zatvorené	20	0
divadlá - zatvorené	20	0
múzeá a galérie - zatvorené	10	0
reštaurácie, kaviarne - max 6 ľudí	10	6
reštaurácie, kaviarne - zatvorené	10	0

Pre každé opatrenie bol určený približný počet denných kontaktov pre jednotlivé triedy populácie, ktorý je zaznačený v nasledujúcich tabuľkách:

Opatrenie	do predškolského veku	škôlkari + 1. st. ZŠ	2. st. ZŠ	stredoškôlaci
bohoslužby	52363,61	51447,15	30283,02	54658,04
svadby	272,26	267,38	157,26	284,04
pohreby	488,59	479,84	282,21	509,73
obchody	2779145,2	2730505,2	1607240,4	2900920
detské ihriská	522395,71	453169,29	0	0
škôlky a 1. stupeň ZŠ	0	6415660,71	0	0
2 stupeň ZŠ	0	0	3776410,71	0
stredné školy	0	0	0	6816071,42
vysoké školy	0	0	0	0
internáty	0	0	0	13632,14
hromadné podujatia zákaz	0	0	0	57749,59
kiná	0	5143,78	19063,81	34408,41
divadlá	0	2592,56	4578,13	8263,09
reštaurácie, kaviarne	121892,33	119759	70493	181761,90

Opatrenie	vysokoškooláci	zamestnaní	nezamestnaní	v domácnosti	dôchodcovia
bohoslužby	15091,89	369976,41	22582,06	22582,06	167296,30
svadby	78,42	1923,69	117,44	93,06	870
pohreby	140,74	3452,19	210,75	166,99	1561,29
obchody	800986,8	19636120	19636120	948480	8879080
detské ihriská	0	0	0	0	0
škôlky a 1. stupeň ZŠ	0	0	0	0	0
2 stupeň ZŠ	0	0	0	0	0
stredné školy	0	0	0	0	0
vysoké školy	1129210,71	0	0	0	0
internáty	78668,35	0	0	0	0
hromadné podujatia	57749,59	1415726,03	43205,47945	34191,78	320082,19
kiná	9500,67	232908	4738,63	11250,12	35105,53
divadlá	2281,56	55932	1137,97	2701,69	8430,50
reštaurácie, kaviarne	301122,86	7382000	52566,67	89142,86	194716,67

Denný počet kontaktov pre jednotlivé kategórie boli vyrátané nasledovne:

- Kiná, divadlá, pohreby a svadby: [8] [14]

$$denny_pocet_kontaktov = rocný_pocet_navstev / 365 * percento_skupiny * pocet_kontaktov_udalosti \quad (1)$$

- Školy, detské ihriská

$$denny_pocet_kontaktov = pocet_kontaktov_udalosti * velkost_skupiny * denna_frekvencia \quad (2)$$

Predpokladáme, že predškooláci navštevujú detské ihrisko 2 krát týždenne a škôlkari a 1. stupeň ZŠ 3 krát týždenne.

- Kaviarne, reštaurácie, obchody, bohoslužby

$$denny_pocet_kontaktov = pocet_kontaktov_udalosti * velkost_skupiny * denna_frekvencia \quad (3)$$

Denná frekvencia nákupov je 0,38.[11]

Denná frekvencia návštevy kostola bola stanovená na 0,014. [12]

Predpokladáme, že kaviarne a reštaurácie navštevuje každá skupina s inou dennou frekvenciou:

- | | |
|---|----------------------------------|
| - predškooláci - raz mesačne | - zamestnaní - 2 krát týždenne |
| - škôlkari a 1. stupeň ZŠ - raz mesačne | - nezamestnaní - raz mesačne |
| - 2. stupeň ZŠ - raz mesačne | - v domácnosti - raz za 2 týždne |
| - stredoškooláci - raz za 3 týždne | - dôchodcovia - raz mesačne |
| - vysokoškooláci - 2 krát týždenne | |

2.3 Popis pôvodu použitých metód/technológií

Bol použitý jazyk C++, nakoľko je rýchly, imperatívny, objektovo-orientovaný a prenositeľný.

3 Koncept modelu

3.1 SIR model

Na modelovanie[5, p. 8] vývoja epidémie sme sa rozhodli použiť SIR model využívajúci obyčajné diferenciálne rovnice, ktorý bol prvý raz definovaný v [1]. V tomto modeli je populácia rozdelená do troch skupín: S - susceptible (náchylní na ochorenie), I - infectious (nakazení) a R - recoved (vylicení + mŕtvi). Pre tento model ignorujeme narodenia a úmrtia ľudí (mimo na chorobu).

Pokiaľ si označíme veľkosť populácie ako N, platí [2]:

$$S + I + R = N \quad (4)$$

V čase t môžeme vyjadriť prírastky/úbytky medzi S , I a R pomocou rovníc:

$$\frac{dS(t)}{dt} = -\beta * S(t) * I(t) \quad (5)$$

$$\frac{dI(t)}{dt} = \beta * S(t) * I(t) - \gamma * I(t) \quad (6)$$

$$\frac{dR(t)}{dt} = \gamma * I(t) \quad (7)$$

Parameter β vyjadruje mieru nákazy a γ mieru zotavenia. γ možno vypočítať ako [6]

$$\gamma = \frac{1}{D} \quad (8)$$

kde D je priemerná dĺžka infekčnosti v dňoch. Podľa [4] je priemerná dĺžka infekčnosti 18,1 dní. Po dosadení vychádza $\gamma = 0,05524861878$.

Ku dňu 29.11.2020 bolo podľa [10] efektívne reprodukčné číslo $R_e = 1$. Efektívne reprodukčné číslo R_e predstavuje priemerný počet sekundárnych prípadov na infekčný prípad v populácii, ktorú tvoria náchylní a nenáchylní ľudia.[3] Z R_e môžeme vypočítať R_0 ako:

$$R_e = R_0 * x \quad (9)$$

kde x je percento náchylnej populácie. Pre Slovensko ku dňu 29.11. vychádza $R_0 = 1,019755275$.

Zvyšný parameter β sa dopočíta podľa vzorca:

$$R_0 = \frac{\beta}{\gamma} \quad (10)$$

Po dosadení $\beta = 0,05634007047$.

V článku [7] autori využívajú navyše parameter $E_f \in [0, 1]$, ktorý násobí β a tým modeluje opatrenie na obmedzenie šírenia infekcie. Po pridaní tohto parametru budú rovnice vyzeráť nasledovne:

$$\frac{dS(t)}{dt} = -\beta * E_f * S(t) * I(t) \quad (11)$$

$$\frac{dI(t)}{dt} = \beta * E_f * S(t) * I(t) - \gamma * I(t) \quad (12)$$

$$\frac{dR(t)}{dt} = \gamma * I(t) \quad (13)$$

Čas t považujeme za diskretnú veličinu[5, p. 22] nakoľko nám stačí aktualizovať stavy infikovaných raz denne. Čas $t = 0$ predstavuje dátum 29.11.2020.

3.2 Exposure factor E_f

Exposure factor stanovuje rýchlosť šírenia vírusu. Zavedenými opatreniami E_f nebude nikdy rovný nule, vzhľadom nato, že existujú opatrenia, ktoré úplne nezakazujú danú činnosť(obchody). Pre jednotlivé opatrenia bol stanovený faktor rovnicou:

$$E_f = \text{pocet_usetrenych_kontaktov} / \text{pocet_kontaktov} \quad (14)$$

Opatrenie	E_f
bohoslužby - zákaz	0,01078358347
svadby - iba obrad	0,00004933840215
pohreby - len najbližšia rodina	0,00008854100931
obchody	0,2861638386
detské ihriská	0,01346020787
škôlky a 1. stupeň ZŠ - zatvorené	0,08851909084
škôlky a 1.stupeň ZŠ - polovica	0,04602992724
2. stupeň ZŠ - zatvorený	0,05210444535
2. stupeň ZŠ - polovica	0,02709431158
stredné školy - zatvorené	0,09404369601
stredné školy - polovica	0,04890272193
vysoké školy - zatvorené	0,01558011096
vysoké školy - polovica	0,008101657698
zatvorené internáty	0,001273501789
hromadné podujatia - zakázané	0,02581421447
kiná - zatvorené	0,004858308329
múzeá, galérie - zatvorené	0,002429956372
divadlá - zatvorené	0,001185437729
reštaurácie, kaviarne - zatvorené	0,1174630884

4 Implementácia simulačného modelu

Pri vytváraní simulačného modelu[5, p. 44] bol použitý objektívny prístup. Trieda `Data` obsahuje dáta o populácii Slovenska - celkový počet obyvateľov, počty zdravých/infikovaných/vyliečených k dátumu začiatku simulácie a zoznam možných opatrení. Trieda `SIR` predstavuje SIR model tak ako je popísaný v SIR model.

Simulačnému modelu sú nastavené aktívne opatrenia pomocou vstupných argumentov z príkazového riadku. Sú zadávané v tvare `názov_opatrenia1, názov_opatrenia2`. Možné názvy opatrení sú:

- `bohosluzby_zakaz`
- `svadby_obrad`
- `pohreby_rodina`
- `obchody`
- `detske_ihriska`
- `skolky_1_stupen_ZS`
- `skolky_1_stupen_ZS_polovica`
- `2_stupen_ZS`
- `2_stupen_ZS_polovica`
- `stredne_skoly`
- `stredne_skoly_polovica`
- `vysoke_skoly`
- `vysoke_skoly_polovica`
- `internaty_zatvorene`
- `hromadne_podujatia_zakaz`
- `kina_zatvorene`
- `divadla_zatvorene`
- `muzea_galerie_zatvorene`
- `restauracie_kaviarne_6_osob`
- `restauracie_kaviarne_zatvorene`
- `hromadne_podujatia`

Každému opatreniu je pomocou `std::map` priradená hodnota `delta_exposure_factor`, ktorá bola vopred vypočítaná v tabuľke 3.2. Výsledný parameter `exposure_factor` je vypočítaný odčítaním súčtu hodnôt `delta_exposure_factor` momentálne aktívnych opatrení od 1.

SIR modelu sú nastavené počiatočné hodnoty pre čas $t = 0$ funkciou `set_initial_data()`. Následne je spustená simulácia funkciou `run_simulation()`. Funkcia vypisuje počet nových infikovaných od začiatku simulácie ($t = 0$) až po koniec ($t = \text{max_t}$).

4.1 Spustenie simulačného modelu

Simulačný model je potrebné preložiť pomocou príkazu `make`, prípadne `make build`.

Spustiť simulačný model je možné príkazom `make run`, ktorý spustí simuláciu pre prípad, keď nie sú zavedené žiadne opatrenia. Pre nastavenie parametrov simulácie ako je zoznam opatrení, dĺžka simulácie v dňoch alebo súbor s výstupnými dátami, je nutné spúšťať simuláciu ako `make run ARG='args'`. Pomocou `args` možno nastaviť:

- počet dní trvania simulácie (pôvodne 30): `-t 30`
- ukladanie výstupu do súboru: `-f output.dat`
- aktívne opatrenia: `-m vysoke_skoly, stredne_skoly`

5 Experimenty

Cieľom experimentov je zistiť, aký vplyv majú jednotlivé opatrenia na znižovanie denných prírastkov nakazených. Chceme zistiť, ktoré opatrenia majú takmer zanedbateľný vplyv. Ďalej chceme zistiť, či je možné kombináciou menej účinných opatrení nahradiť niektoré účinnejšie opatrenie, ktorému by sme sa radšej vyhli (napr. zatváranie základných škôl).

Všetky experimenty majú spoločné nasledujúce vstupné parametre:

- `S0 = 0.980627`
- `I0 = 0.00746078`
- `R0 = 0.0119118`
- `beta = 0.0563401`
- `gamma = 0.0552486`

Všetky experimenty trvali 30 dní od počiatočného dátumu 29.11.2020.

5.1 Experiment č. 1

V experimente č. 1 sme sledovali vývoj denného počtu nakazených keď by neboli zavedené žiadne opatrenia.

Vstupné parametre:

- `exposure_factor = 1`

Výsledok:

Deň	Prírastok nakazených
1	2250
5	2246
10	2239
15	2232
20	2223
25	2213
30	2202

Spustiť je tento experiment je možné príkazom:

```
make expl
```

5.2 Experiment č. 2

V experimente č. 2 sme sledovali vývoj denného počtu nakazených keď boli úplne zavreté všetky typy škôl a aj internáty.

Vstupné parametre:

- `exposure_factor = 0.748479`

Výsledok:

Deň	Prírastok nakazených
1	1684
5	1590
10	1480
15	1377
20	1281
25	1192
30	1109

Spustiť je tento experiment je možné príkazom:


```
make exp2
```

5.3 Experiment č. 3

V experimente č. 3 sme sledovali vývoj denného počtu nakazených keď bola kapacita všetkých škôl obmedzená na polovicu.

Vstupné parametre:

- `exposure_factor = 0.869871`

Výsledok:

Deň	Prírastok nakazených
1	1957
5	1898
10	1827
15	1758
20	1690
25	1625
30	1562

Spustiť je tento experiment je možné príkazom:

```
make exp3
```

5.4 Experiment č. 4

V experimente č. 4 sme sledovali vývoj denného počtu nakazených keď boli zavreté iba vysoké školy a internáty.

Vstupné parametre:

- `exposure_factor = 0.983146`

Výsledok:

Deň	Prírastok nakazených
1	2212
5	2200
10	2183
15	2166
20	2148
25	2129
30	2109

Spustiť je tento experiment je možné príkazom:

```
make exp4
```

5.5 Experiment č. 5

V experimente č. 5 sme sledovali vývoj denného počtu nakazených keď boli zakázané všetky kultúrne aktivity (návšteva divadiel, kín,...).

Vstupné parametre:

- `exposure_factor = 0.965712`

Výsledok:

Deň	Prírastok nakazených
1	2173
5	2152
10	2126
15	2100
20	2072
25	2044
30	2016

Spustiť je tento experiment je možné príkazom:

```
make exp5
```

5.6 Experiment č. 6

V experimente č. 6 sme sledovali vývoj denného počtu nakazených keď boli zatvorené reštaurácie, obchody a bohoslužby.

Vstupné parametre:

- `exposure_factor = 0.721053`

Výsledok:

Deň	Prírastok nakazených
1	1622
5	1523
10	1406
15	1299
20	1199
25	1107
30	1022

Spustiť je tento experiment je možné príkazom:

```
make exp6
```

5.7 Experiment č. 7

V experimente č. 7 sme sledovali vývoj denného počtu nakazených keď boli obmedzené svadby iba na obrad a pohreby na najbližšiu rodinu.

Vstupné parametre:

- `exposure_factor = 0.999862`

Výsledok:

Deň	Prírastok nakazených
1	2249
5	2245
10	2239
15	2231
20	2222
25	2212
30	2201

Spustiť je tento experiment je možné príkazom:

```
make exp7
```

5.8 Experiment č. 8

V experimente č. 8 sme sledovali vývoj denného počtu nakazených keď boli nastavené opatrenia približne rovnako ako v realite, teda otvorený iba prvý stupeň škôl, sú zavreté internáty, pri svadbách môže byť iba obrad, obmedzené reštaurácie, kiná a divadlá nie sú prakticky otvorené.

Vstupné parametre:

- `exposure_factor = 0.783969`

Výsledok:

Deň	Prírastok nakazených
1	1764
5	1679
10	1578
15	1483
20	1393
25	1308
30	1229

Spustiť je tento experiment je možné príkazom:

```
make exp8
```

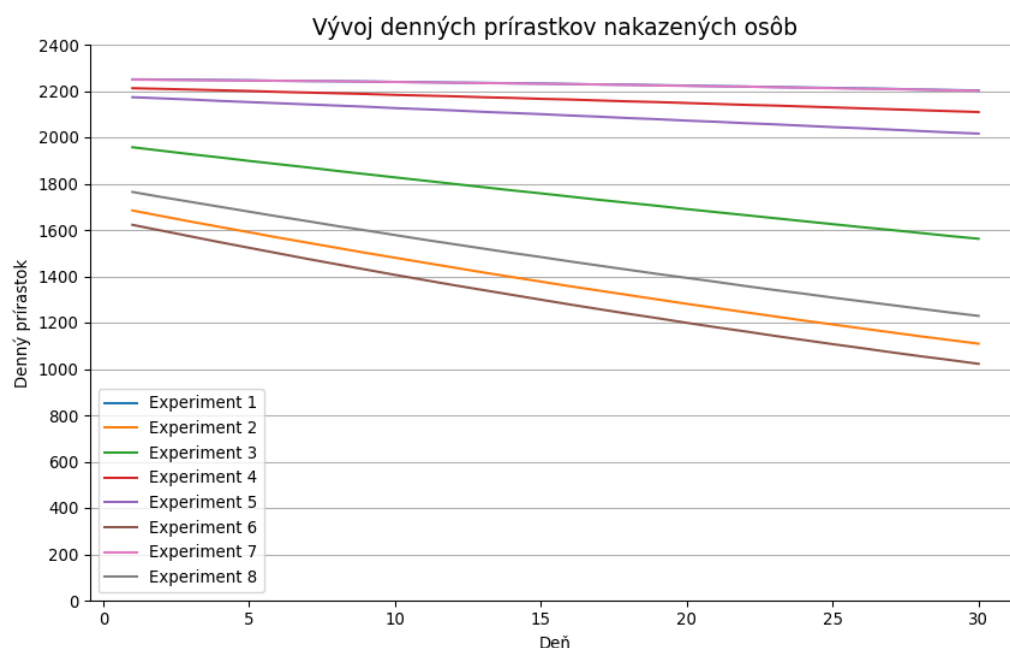
5.9 Závery experimentov

Celkovo sme vykonali 8 experimentov. Prvý experiment slúžil na zistenie najhoršieho možného prípadu ktorý môže nastať. Slúžil tiež na kontrolu validity, pretože žiadny experiment, ktorý zavádzal nejaké opatrenia logicky nemohol dosahovať horšie výsledky ako stav keď nie sú zavedené žiadne opatrenia.

Posledný 8. experiment slúžil predovšetkým na kontrolu validity modelu. Zobrazuje situáciu, keď sú zavedené opatrenia podobné tým, čo platili v rovnakom období v realite. Pri porovnaní výsledkov denných prírastkov dosahuje naša simulácia približne rovnaké hodnoty ako tomu bolo v realite.

Z ostatných experimentov sme zistili, že medzi najúčinnnejšie kombinácie opatrení patrí práve hromadné zatváranie všetkých škôl. Medzi najmenej účinné kombinácie opatrení podľa nášho modelu patrilo obmedzenie svadieb a pohrebov, ktoré síce zahŕňajú viac osôb, ale štatisticky sa ich človek nezúčastňuje veľmi často.

Pokles denných prírastkov po určitom čase je spôsobený tým, že už množstvo ľudí je nakazených alebo vyliečených, typickým sa množina náchylných na ochorenie znižuje.



6 Záver

Táto práca skúmala vplyv zavádzania rôznych opatrení proti šíreniu ochorenia Covid 19 na území Slovenska. Cieľom bolo nájsť najviac účinnú kombináciu opatrení na zníženie denného prírastku nakazených. Vplyv opatrení sme skúmali z hľadiska zamedzenia sociálnych kontaktov medzi ľuďmi, čo je rozhodujúci faktor pri šírení tohto ochorenia.

Celkovo sme vykonali 8 experimentov, pri ktorých sme menili kombinácie opatrení. Validita nášho modelu bola overovaná experimentom, pri ktorom sme aplikovali opatrenia, ktoré boli platné v realite v tom čase. Validitu modelu tiež podporoval fakt, že žiadny experiment so zavádzaním opatrení nedosiahol horší výsledok než stav bez opatrení. Medzi najviac účinné kombinácie opatrení patrilo celoplošné zatváranie všetkých typov škôl.

Citácie

- [1] W. Kermack a A. McKendrick. “Contributions to the mathematical theory of epidemics—I”. eng. In: *Bulletin of Mathematical Biology* 53.1-2 (1991), s. 33–55. ISSN: 0092-8240.
- [2] David Smith a Lang Moore. “The SIR Model for Spread of Disease - The Differential Equation Model”. In: *Convergence* (dec. 2004).
- [3] Maria Kirwan Helen Barratt a Saran Shantikumar. *Epidemic theory (effective & basic reproduction numbers, epidemic thresholds) & techniques for analysis of infectious disease data (construction & use of epidemic curves, generation numbers, exceptional reporting & identification of significant clusters)*. <https://www.healthknowledge.org.uk/public-health-textbook/research-methods/1a-epidemiology/epidemic-theory>. Accessed: 2020-12-04. 2018.
- [4] Andrew William Byrne et al. “Inferred duration of infectious period of SARS-CoV-2: rapid scoping review and analysis of available evidence for asymptomatic and symptomatic COVID-19 cases”. eng. In: *BMJ open* 10.8 (2020), e039856. ISSN: 2044-6055.
- [5] Martin Hrubý Petr Peringer. *Modelování a simulace*. <http://www.fit.vutbr.cz/study/courses/IMS/public/prednasky/IMS.pdf>. Accessed: 2020-12-06. Sept. 2020.
- [6] Kai Sasaki. *COVID-19 dynamics with SIR model*. <https://www.lewuathe.com/covid-19-dynamics-with-sir-model.html>. Accessed: 2020-12-04. Mar. 2020.
- [7] Ashutosh Simha, R Prasad a Sujay Narayana. “A simple Stochastic SIR model for COVID 19 Infection Dynamics for Karnataka: Learning from Europe”. eng. In: *arXiv.org* (2020). ISSN: 2331-8422. URL: <http://search.proquest.com/docview/2383709685/>.
- [8] *Slovenská republika v číslech 2020*. Miletičova 3, Bratislava: Ústredie ŠÚ SR, 2020. ISBN: 978-80-8121-753-1.
- [9] *Coronavirus Statistics Slovakia*. <https://epidemic-stats.com/coronavirus/slovakia>. Accessed: 2020-12-04.
- [10] *Estimates for Slovakia*. <https://epiforecasts.io/covid/posts/national/slovakia/>. Accessed: 2020-12-04.
- [11] *Jak často chodí lidé nakupovat?* https://www.idnes.cz/ekonomika/test-a-spotrebitel/jak-casto-chodi-lide-nakupovat.A_2000M033T06E. Accessed: 2020-12-04.
- [12] *Kolko ľudí chodí pravidelne do kostola*. https://www.tvnoviny.sk/domace/1765853_zistili-kolko-ludi-chodi-na-slovensku-pravidelne-do-kostola. Accessed: 2020-12-04.
- [13] *Prijaté opatrenia*. <https://korona.gov.sk/prijate-opatrenia/>. Accessed: 2020-12-04.
- [14] *Rok v slovenských kinách*. <https://www.ufd.sk/rok-2019-v-slovenskych-kinach/>. Accessed: 2020-12-04.