Trabajo Práctico # 4

Programación Funcional, Universidad Nacional de Quilmes

18 de marzo de 2019

Aclaraciones:

- Los ejercicios fueron pensados para ser resueltos en el orden en que son presentados. No se saltee ejercicios sin consultar antes a un docente.
- Recuerde que puede aprovechar en todo momento las funciones que ha definido, tanto las de esta misma práctica como las de prácticas anteriores.
- Pruebe todas sus implementaciones, al menos en una consola interactiva.
- Es sumamente aconsejable resolver los ejercicios utilizando primordialmente los conceptos y metodologías vistos en clase, dado que los exámenes de la materia evaluación principalmente este aspecto. Si se encuentra utilizando formas alternativas al resolver los ejercicios consulte a los docentes.

1. Map

1.1.

Definir la función map para los siguientes tipos algebraicos:

- 1. data [a] = [] | a : [a]
- 2. data Tree a = EmptyT | NodeT a (Tree a) (Tree a)
- 3. data NonEmptyList a = Unit a | NECons a (NonEmptyList a)
- 4. data AppendList a = Nil | Unit a | Append (AppendList a) (AppendList a)
- 5. data Maybe a = Nothing | Just a
- 6. data T a = A a | B (T a) | C (T a) (T a)
- 7. data LTree a = L [a] | B a (LTree a) (LTree a)
- 8. data Either b a = Left b | Right a
- 9. data MTree a = L (Maybe a) | B a (MTree a) (MTree a)
- 10. (Desafío) data GenTree a = GNode a [GenTree a]

1.2.

Con la definición de map dada para el tipo T del ejercicio anterior (llamémosla mapX), demostrar:

- 1. mapX id = id
- 2. mapX f . mapX g = mapX (f.g) Llamada propiedad de fusión

1.3.

Definir las siguientes funciones sobre los tipos algebraicos del punto 1, donde f es reemplazado por cada uno de dichos tipos:

```
1. find :: (a -> Bool) -> f a -> Maybe a
2. any, all :: (a -> Bool) -> f a -> Bool
3. partition :: (a -> Bool) -> f a -> ([a], [a])
```

2. Fold

2.1. Definición

Definir el fold de los siguientes tipos algebraicos:

2.2.

Definir para listas:

```
1. foldr1 :: (a -> a -> a) -> [a] -> a
2. recr :: (a -> [a] -> b -> b) -> b -> [a] -> b
```

12. data MTree a = L (Maybe a) | B a (MTree a) (MTree a)

2.3.

Definir todas las funciones ya definidas sobre listas utilizando foldr, foldr1 o recr (dependiendo del caso), y sobre árboles binarios con foldT. Tener en cuenta que en algunos casos pueden ser difíciles, o que no se puedan realizar con recursión estructural. Se recomienda consultar si es que se detuvo mucho tiempo en encontrar una solución.

2.4.

(Desafío) Definir las siguientes funciones:

```
1. scanr :: (a -> b -> b) -> b -> [a] -> [b]
2. foldl :: (a -> b -> a) -> a -> [b] -> a
3. foldl1 :: (a -> a -> a) -> [a] -> a
4. scanl :: (a -> b -> a) -> a -> [b] -> [a]
5. unfoldr :: (b -> Maybe (a, b)) -> b -> [a]
```

2.5.

(Desafío) Definir recT (recursión primitiva sobre árboles binarios) y definir leaves :: Tree a -> [a] usando recT.

3. Foldr vs Foldl

1. Ejecutar

```
>> foldl (-) 0 [1..5] 
>> foldr (-) 0 [1..5]
```

¿Por qué el resultado no es el mismo?

- 2. Explicar la diferencia entre foldr y foldl
- 3. Ejecutar las siguientes funciones con algún ejemplo que demuestre la naturaleza de foldr y foldl:

```
showFoldrMagic :: (Show a) => String -> String -> [a] -> String
showFoldrMagic f z = foldr (\x r -> concat ["(",f," ",show x," ",r,")"]) z
showFoldlMagic :: (Show a) => String -> String -> [a] -> String
showFoldlMagic f z = foldl (\r x -> concat ["(",f," ",r," ",show x,")"]) z
```

4. (Desafío) Definir foldr usando foldl, y viceversa. ¿Se mantienen las mismas propiedades con dichas definiciones?

4. Demostraciones

Demostrar las siguientes equivalencias y propiedades, comparando la implementación sin fold para todas las funciones):

```
    concat = foldr (++) []
    map f = foldr ((:) . f) []
    foldr f z (xs ++ ys) = foldr f (foldr f z ys) xs
    foldr f z . foldr (:) [] = foldr f z
    foldT NodeT EmptyT = id
    filter p = (\p -> foldr (\x -> if p x then (x:) else id) [])
```

```
    (+1) . sum = foldr (+) 1
    (n*) . sum = foldr ((+) . (n*)) 0
    (Desafío) Si h (f x y) = g x (h y) entonces h . foldr f z = foldr g (h z)
```

5. Árboles Generales

Definir las dos versiones de fold para data GenTree a = GNode a [GenTree a], y usarlas para dar dos definiciones a cada una de las siguientes funciones sobre árboles generales:

```
1. sumGT :: GenTree Int -> Int
2. sizeGT :: GenTree a -> Int
3. heightGT :: GenTree a -> Int
4. anyGT :: (a -> Bool) -> GenTree a -> Bool
5. allGT :: (a -> Bool) -> GenTree a -> Bool
6. countByGT :: Eq a => (a -> Bool) -> GenTree a -> Int
7. mapGT :: (a -> b) -> GenTree a -> GenTree b
8. mirrorGT :: GenTree a -> GenTree a
9. toListGT :: GenTree a -> [a]
10. (Desafío) levelNGT :: GenTree a -> [[a]]
11. (Desafío) longestPathGT :: GenTree a -> [a]
12. (Desafío) listPerLevelGT :: GenTree a -> [[a]]
```

5.1. Desafío

Definir recGT (recursión primitiva sobre GenTree) y definir leavesGT :: GenTree a -> [a] usando GT