PROGRAMACIÓN FUNCIONAL

Aplicación de conceptos: Listas

Listas

- Definición de listas
- Funciones sobre listas
- Propiedades de las listas
- Secuencias aritméticas
- Listas por comprensión

Ejemplo: LISTAS

◆ Dado un tipo cualquiera a, definimos inductivamente al conjunto [a] con las siguientes reglas:

- → si x :: a y xs :: [a] entonces x:xs :: [a]
- → ¿Qué elementos tiene [Bool]? ¿Y [Int]?
- Notación:

```
[x_1, x_2, x_3] = (x_1 : (x_2 : (x_3 : [])))
```

Siguiendo el patrón de recursión

Siguiendo el patrón de recursión

Sin seguir el patrón de recursión

```
head :: [a] -> a
head (x:xs) = x
tail :: [a] -> [a]
tail (x:xs) = xs
null :: [a] -> Bool
null [] = True
null (x:xs) = False
```

Más funciones siguiendo el patrón de recursión

```
sum :: [Int] -> Int

sum [] = ...

sum (n:ns) = ... n ... sum ns ...

prod :: [Int] -> Int

prod [] = ...

prod (n:ns) = ... n ... prod ns ...
```

¿Cómo definir (sum []) y (prod [])?

Más funciones siguiendo el patrón de recursión

```
sum :: [Int] -> Int

sum [] = 0

sum (n:ns) = n + sum ns

prod :: [Int] -> Int

prod [] = 1

prod (n:ns) = n * prod ns
```

→ ¿Por qué se puede definir (sum []) y (prod []) de esta manera?

Más funciones siguiendo el patrón de recursión

```
upperl :: [Char] -> [Char]
upperl [] = ...
upperl (c:cs) = ... c ... (upperl cs)

novacias :: [[a]] -> [[a]]
novacias [] = ...
novacias (xs:xss) = ... xs ... novacias xss
```

Más funciones siguiendo el patrón de recursión

```
upperl :: [Char] -> [Char]
upperl [] = []
upperl (c:cs) = (upper c) : (upperl cs)

novacias :: [[a]] -> [[a]]
novacias [] = []
novacias (xs:xss) = if null xs then novacias xss
else xs : novacias xss
```

Siguiendo otro patrón de recursión

```
maximum :: [a] -> a

maximum [x] = x

maximum (x:xs) = x `max` maximum xs

last :: [a] -> a

last [x] = x

last (x:xs) = last xs
```

- ¿puede establecer cuál es el patrón?
- ¿por qué (maximum []) no está definida?

Otras funciones

```
reverse :: [ a ] -> [ a ]

reverse [] = ...

reverse (x:xs) = ... reverse xs ... x ...

insert :: a -> [ a ] -> [ a ]

insert x [] = ...

insert x (y:ys) = ... y ... x ... ys ... (insert x ys) ...
```

Otras funciones

```
reverse :: [ a ] -> [ a ]

reverse [] = []

reverse (x:xs) = reverse xs ++ [ x ]

insert :: a -> [ a ] -> [ a ]

insert x [] = [ x ]

insert x (y:ys) = if x <= y then x : (y : ys)

else y : (insert x ys)
```

Secuencias aritméticas

- Notación especial para escribir listas
 - Para elementos de la clase Enum
 - con operaciones toEnum y fromEnum
 - enteros, flotantes, caracteres, booleanos
 - Ejemplos:
 - \bullet [1..10] = [1,2,3,4,5,6,7,8,9,10]
 - **→** [10..1] = []
 - ['a'..'e'] = ['a','b','c','d','e',]
 - [False .. True] = [False,True]

Secuencias aritméticas

- Pueden tener un paso mayor o menor a uno
 - Ejemplos:
 - **→** [2,4..10] = [2,4,6,8,10]
 - \bullet [10,9..1] = [10,9,8,7,6,5,4,3,2,1]
 - ['a','d'..'z'] = ['a','d','g','j','m','p','s','v','y']
 - True,False .. True] = [True]

Secuencias aritméticas

Definición

```
[a..b] = enumFromTo a b

[a,b..c] = enumFromThenTo a b c

enumFromTo a b = enumFromStepTo a 1 b

enumFromThenTo a b c = enumFromStepTo a (b -a) c

enumFromStepTo :: Int -> Int -> [Int]

enumFromStepTo a s b =

if (s > 0 && a>b) || (s <= 0 && a<b)

then []

else a : enumFromStepTo (a+s) s b
```

- Notación especial para escribir listas
 - Similar a la notación de conjuntos por comprensión.
 - ¡El orden importa!
 - Ejemplos:
 - [x^2 | x <- [1..10], even x]= [4,16,36,64,100]
 - [(i,j) | i <- [1..3], j <- ['a','b']][(1,'a'),(1,'b'),(2,'a'),(2,'b'),(3,'a'),(3,'b')]

Definición:

```
[e|qual<sub>1</sub>, ..., qual<sub>n</sub>]
```

donde

- e es una expresión cualquiera
- quali es un calificador que puede ser
 - un generador de la forma x <- lexp, siendo x una variable y lexp una expresión de tipo [a]
 - un test de la forma bexp, siendo bexp una expresión de tipo Bool

- Observaciones
 - ◆ Las variables de un generador pueden aparecer:
 - en la expresión e
 - en cualquier lexp ó bexp a la derecha de su generador
 - Las variables NO pueden aparecer definidas por más de un generador
 - El orden de los calificadores es importante
 - Puede no haber ningún calificador

- Significado (informal)
 - → [e |] = [e]
 - $◆ [e | True, q_2, ..., q_k] = [e | q_2, ..., q_k]$
 - ◆ [e | False, q₂, ..., q_k] = []
 - [e | x <- [$a_1,a_2,...,a_n$], $q_2,...,q_k$] = [e{ a_1/x } | $q_2{a_1/x}$, ..., $q_k{a_1/x}$] ++ [e{ a_2/x } | $q_2{a_2/x}$, ..., $q_k{a_2/x}$] ++ ... ++ [e{ a_n/x } | $q_2{a_n/x}$, ..., $q_k{a_n/x}$]
- ◆ (Notación: e{v/x} significa e donde x fue reemplazado por v)

◆ Ejemplo

```
    * [x^2 | x <- [1..6], even x]</li>
    = [1^2 | even 1] ++ [2^2 | even 2]
    ++ [3^2 | even 3] ++ [4^2 | even 4]
    ++ [5^2 | even 5] ++ [6^2 | even 6]
    = [1^2 | False] ++ [2^2 | True]
    ++ [3^2 | False] ++ [4^2 | True]
    ++ [5^2 | False] ++ [6^2 | True]
    = [] ++ [2^2] ++ [] ++ [4^2] ++ [] ++ [6^2]
    = [4, 16, 36]
```

◆ Ejemplo

```
    * [ (i,j) | i <- [1..3], j <- ['a','b']]</li>
    = [ (1,j) | j <- ['a','b']]</li>
    ++ [ (2,j) | j <- ['a','b']]</li>
    ++ [ (3,j) | j <- ['a','b']]</li>
    = ( [ (1,'a') | ] ++ [ (1,'b') | ] )
    ++ ( [ (2,'a') | ] ++ [ (2,'b') | ] )
    ++ ( [ (3,'a') | ] ++ [ (3,'b') | ] )
    = [ (1,'a'), (1,'b'), (2,'a'), (2,'b'), (3,'a'), (3,'b') ]
```

- Otros ejemplos
 - → spaces n = [''|i <- [1..n]]</p>
 - divisores n = [d | d <- [1..n], d `divide` n]</p>
 - d `divide` n = n `mod` d == 0
 - primo n = divisores n == [1,n]
 - → prodCart xs ys = [(x,y) | x <- xs, y <- ys]</p>

Resumen

- Distintas formas de escribir listas
- Funciones sobre listas
- Propiedades sobre listas