

Inventário Florestal

Nathália Faria

Inventário Florestal

O Inventário florestal é feito para avaliar variáveis qualitativas e quantitativas de uma floresta e suas inter-relações e serve de base para planejamento do uso dos produtos florestais, realização de manejo sustentável da floresta, bem como para embasar propostas de planos de desenvolvimento e política florestal.

Pode mensurar:

- Volume de madeira da floresta;
- volume de biomassa em x anos
- produtividade média da floresta;
- Região de maior produtividade;
- Época do ótimo retorno econômico

Tipos:

- **Inventário Florestal Convencional:** volume da madeira estocada;
- **Inventário Florestal Contínuo:** monitorar as mudanças ocorridas na floresta;
- **Inventário Florestal de Sobrevida:** levantamento do percentual de falhas e sobrevida das mudas;
- **Inventário Florestal Pré Corte:** o volume de madeira de cada ativo florestal a ser cortada e posteriormente comercializada.

Modelos

são ferramentas matemáticas ou estatísticas que relacionam variáveis medidas em campo (como diâmetro, altura e idade das árvores) com informações desejadas (como volume, biomassa, crescimento e estoque de carbono)

Simples

$$v = \beta_0 \times dap^{\beta_1}$$

Variável Dependente → v
Variável Independente → dap
Coeficientes → β_0 e β_1

Lineares

$$\ln(v) = \beta_0 + \beta_1 \times \ln(dap) + \beta_2 \times \ln(ht)$$

Variável Dependente → $\ln(v)$
Variáveis Independentes → $\ln(dap)$ e $\ln(ht)$
Coeficientes → β_0 , β_1 e β_2

Multiplo

Não Lineares

$$v = \frac{(dap^2 ht)}{(\beta_0 + \beta_1 \times dap)}$$

Variável Dependente → v
Variável Independente → dap
Coeficientes → β_0 e β_1

- Variável dependente: O volume depende do dap
- Variável independente: Sua obtenção independe de outra variável
- A relação é direta, portanto se a variável independente aumentar a dependente também aumenta.

- A relação entre variáveis é linear
- Possui mais de uma variável independente

- Coeficientes aparecem como denominadores, expoentes ou dentro de logaritmos.
- Variáveis independentes quando se multiplicam ou sob potência

Modelos Volumétricos

Tabela 1: Modelos volumétricos de simples e dupla entrada

Autores	Modelos	
Berkhout	$v = \beta_0 \times dap^{\beta_1}$	não linear
Spurr	$v = \beta_0 + \beta_1 (dap^2 ht)$	linear
Spurr(logarítmica)	$\ln(v) = \beta_0 + \beta_1 \times \ln(dap^2 ht)$	linear
Schumacher & Hall	$v = \beta_0 \times dap^{\beta_1} \times ht^{\beta_2}$	não linear
Schumacher & Hall(logarítmica)	$\ln(v) = \beta_0 + \beta_1 \times \ln(dap) + \beta_2 \times \ln(ht)$	linear
Takata	$v = (dap^2 ht) / (\beta_0 + \beta_1 \times dap)$	não linear

onde: v=volume individual [m^3/arv], dap=diâmetro na altura do peito [cm] e ht = altura total [m].

Regressão linear no R

Comandos SUMMARY e ANOVA

Característica	summary()	anova()
Objetivo	Avalia coeficientes da regressão	Avalia a variabilidade explicada pelo modelo
Estatísticas	Coeficientes, erro padrão, R^2 , estatística F global	Soma de quadrados, estatística F para cada termo, p-valor
Uso principal	Verificar quais variáveis são significativas	Comparar modelos e testar a importância das variáveis

Regressão linear no R

SUMMARY()

Chamando `summary(lm(modelo_spurr, cub))`

```
Call:  
lm(formula = modelo_spurr, data = cub) |  
  
Residuals:  
    Min      1Q  Median      3Q     Max |  
-0.032484 -0.009288  0.000762  0.006998  0.040117 |  
  
Coefficients:  
            Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)  
(Intercept) 7.461e-03 5.589e-03 1.335    0.19  
I(dap^2 * ht) 2.838e-05 6.918e-07 41.024 <2e-16 ***  
---  
Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1  
  
Residual standard error: 0.01484 on 37 degrees of freedom  
Multiple R-squared:  0.9785,   Adjusted R-squared:  0.9779  
F-statistic: 1683 on 1 and 37 DF,  p-value: < 2.2e-16
```

- Modelo de spurr

- **Min:** menor erro absoluto do modelo.
- **1Q** (Primeiro quartil, 25% dos resíduos são menores que esse valor).
- **Median** (Mediana, ou erro típico do modelo).
- **3Q** (Terceiro quartil, 75% dos resíduos são menores que esse valor).
- **Max:** maior erro absoluto do modelo.

Regressão linear no R

SUMMARY()

Chamando `summary(lm(modelo_spurr, cub))`

```
Call:  
lm(formula = modelo_spurr, data = cub)  
  
Residuals:  
    Min      1Q  Median      3Q     Max  
-0.032484 -0.009288  0.000762  0.006998  0.040117  
  
Coefficients:  
              Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)  
(Intercept) 7.461e-03 5.589e-03 1.335   0.19  
I(dap^2 * ht) 2.838e-05 6.918e-07 41.024 <2e-16 ***  
---  
Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1  
  
Residual standard error: 0.01484 on 37 degrees of freedom  
Multiple R-squared:  0.9785,    Adjusted R-squared:  0.9779  
F-statistic: 1683 on 1 and 37 DF,  p-value: < 2.2e-16
```

- **Estimate:** valores estimados para os coeficientes.
- **Std. Error:** erro padrão da estimativa.
- **t value:** estatística t (Estimate / Std. Error), usada para testar a significância do coeficiente.
- **Pr(>|t|):** valor-p associado ao teste de significância do coeficiente.

Interpretação dos coeficientes:

- O **Intercepto ($\beta_0 = 0.007461$)** indica o valor predito quando todas as variáveis explicativas são zero.
- O **coeficiente $I(dap^2 * ht) = 2.838 \times 10^{-5}$** mostra a relação entre o volume e a variável preditora $dap^2 * ht$.
- O **valor-p** muito pequeno ($< 2e-16$), representado por *******, indica que esse coeficiente é altamente significativo, ou seja, tem forte influência na predição do volume.

Regressão linear no R

SUMMARY()

Chamando `summary(lm(modelo_spurr, cub))`

```
Call:  
lm(formula = modelo_spurr, data = cub)  
  
Residuals:  
    Min      1Q  Median      3Q     Max  
-0.032484 -0.009288  0.000762  0.006998  0.040117  
  
Coefficients:  
              Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)  
(Intercept) 7.461e-03 5.589e-03   1.335    0.19  
I(dap^2 * ht) 2.838e-05 6.918e-07  41.024 <2e-16 ***  
---  
Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1  
  
Residual standard error: 0.01484 on 37 degrees of freedom  
Multiple R-squared:  0.9785,    Adjusted R-squared:  0.9779  
F-statistic: 1683 on 1 and 37 DF,  p-value: < 2.2e-16
```

Signif. codes

- *** → p-valor < 0.001 (muito significativo)
- ** → p-valor < 0.01 (significativo)
- * → p-valor < 0.05 (moderadamente significativo)
- . → p-valor < 0.1 (pouco significativo)
- ' ' → p-valor ≥ 0.1 (não significativo)
- O intercepto tem p = 0.19, o que indica que ele não é estatisticamente significativo.



Regressão linear no R

SUMMARY()

Chamando `summary(lm(modelo_spurr, cub))`

```
Call:  
lm(formula = modelo_spurr, data = cub)  
  
Residuals:  
    Min      1Q  Median      3Q     Max  
-0.032484 -0.009288  0.000762  0.006998  0.040117  
  
Coefficients:  
            Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)  
(Intercept) 7.461e-03 5.589e-03  1.335   0.19  
I(dap^2 * ht) 2.838e-05 6.918e-07 41.024 <2e-16 ***  
---  
Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.  
  
Residual standard error: 0.01484 on 37 degrees of freedom  
Multiple R-squared:  0.9785,    Adjusted R-squared:  0.9779  
F-statistic: 1683 on 1 and 37 DF,  p-value: < 2.2e-16
```

Residual standard error:

- Mede o desvio padrão dos resíduos, ou seja, a variação média dos erros em relação à linha de regressão.
- 37 graus de liberdade referem-se ao número de observações menos o número de parâmetros estimados.

Multiple R-squared(R² e R² Ajustado)

- **R²** = 0.9785 significa que 97.85% da variação do volume é explicada pela variável `dap^2 * ht`.
- **R² ajustado** = 0.9779 é uma versão corrigida do R², levando em conta o número de variáveis independentes no modelo.

Teste F-Estatístico

- Testa a hipótese nula de que todos os coeficientes são iguais a zero.
- **Valor F** = 1683 indica que o modelo é altamente significativo.
- **p-valor < 2.2e-16** confirma que a variável preditora tem forte relação com a variável resposta.

Regressão linear no R

ANOVA()

Chamando anova(ajlin))

```
Analysis of Variance Table

Response: vcomsc
            Df  Sum Sq Mean Sq F value    Pr(>F)
I(dap^2 * ht)  1 0.37064 0.37064 1682.9 < 2.2e-16 ***
Residuals     37 0.00815 0.00022
---
Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

- **Soma de Quadrados (Sum Sq):** mede a variabilidade explicada e não explicada.
- **Graus de liberdade (Df):** indica a quantidade de informação disponível.
- **Quadrado Médio (Mean Sq):** soma de quadrados dividida pelos graus de liberdade.
- **Estatística F (F value):** compara a variância explicada com a variância residual.
- **p-valor:** testa se as variáveis são estatisticamente significativas.

Atentar-se que:

$$\text{Df Residuals} = \text{Nºobs} - \text{Df fatores} - 1$$

Portanto:

$$\text{Nºobs} = \text{Df Residuals} + \text{Df fatores} + 1$$

$$\text{Nºobs} = 37 + 1 + 1 = 39$$

Medição de Altura = HIPSOMETRIA

- **Hipsometria Genérica:** É um método que usa uma equação matemática para estimar a altura das árvores com base no diâmetro (DAP). É uma ferramenta útil em inventários florestais porque economiza tempo e recursos, mas sua precisão depende da qualidade dos dados e da semelhança entre a floresta estudada e a área onde o modelo foi criado.

Autor	Modelo	Nº
Curtis (1967)	$\ln(h) = \beta_0 + \beta_1 DAP^{-1} + \beta_2 I^{-1} + \beta_3 (DAP^{-1} I) + \varepsilon_i$	(1)
Prodan modificado (Santana, 2008)	$h - 1,3 = \frac{DAP^2}{\beta_0 + \beta_1 DAP + \beta_2 DAP^2 + \beta_3 DAP I} + \varepsilon_i$	(2)
Nogueira (2003)	$\ln(h) = \beta_0 + \beta_1 I + \beta_2 h_{dom} + \beta_3 (DAP^{-1}) + \varepsilon_i$	(3)
Campos et al. (1984)	$\ln(h) = \beta_0 + \beta_1 DAP^{-1} + \beta_2 \ln(h_{dom}) + \varepsilon_i$	(4)

- **Hipsometria por Parcelas:** É um método que cria modelos específicos para estimar a altura das árvores em cada parcela do inventário, com base no diâmetro (DAP). É mais preciso do que a hipsometria genérica, mas exige mais trabalho e coleta de dados. É ideal para florestas heterogêneas, onde a relação entre altura e diâmetro varia localmente.
- **Padrão:** A amostragem é feita com dados de altura e DAP medidos em campo, ou seja, com os dados já prontos (não é usado geralmente).

Amostragem Casual Simples

povoamento



parcelas

Na ACS o procedimento de seleção de parcelas não possui nenhuma restrição a casualização, ou seja as parcelas são sorteadas sem regras ou preferências.

As parcelas são sorteadas de forma independente, ou seja uma não causa influencia a outra, e sem o principio de reposição, então quando uma parcela é escolhida ela não pode ser sorteada novamente.

Mede-se:

- DAP de todas as árvores
- Altura das 25% mais grossas
- Estima o volume

Quando usar a ACS?

Em florestas homogêneas, preferencialmente pequenas e de fácil acesso, para que o número de parcelas necessárias (intensidade amostral) não seja tão alto a ponto de tornar o inventário caro, demorado ou inviável

Como usar a ACS em áreas grandes?

- Em florestas grandes, onde há muita variação na característica de interesse, uma solução é dividir a área em estratos (subáreas menores e mais homogêneas).
- Cada estrato é tratado como uma "população independente", e um inventário com ACS é feito separadamente para cada um.
- É feito vários inventários menores (um para cada estrato) e se calcula a intensidade amostral e o erro de amostragem para cada um.



Desvantagens

- Localização das parcelas: Em florestas grandes, acidentadas ou densas, é difícil encontrar onde as parcelas devem ser medidas.
- Custo: Quanto maior e mais complexa a área, maior será o custo do inventário

Vantagens

- simplicidade
- facilidade de manuseio da formulação da amostragem casual simples

Esta justificativa é valida diante dos inúmeros softwares disponíveis que permitem de forma simples a implementação dos estimadores de diferentes planos amostrais

ACS Razão e Regressão

Quando usar Estimadores?

O uso é indicado quando é observado uma forte relação entre a variável de interesse e outra variável auxiliar de fácil medição (como área basal, diâmetro médio ou altura) sendo conhecido o total populacional desta variável auxiliar, podendo contribuir para melhorar a precisão da estimativa.

RAZÃO

- As variáveis são diretamente proporcionais, um aumenta conforme a outra aumenta;
- $B_0 = 0$;
- A linha do gráfico de relação entre as variáveis deve passar pela origem;

REGRESSÃO

- pode ser utilizado inclusive quando a relação entre as variáveis é negativamente correlacionada, isto é, à medida que X cresce, Y decresce;
- A linha do gráfico pode não passar pela origem;
- Não pode ter heterogeneidade de variancia;

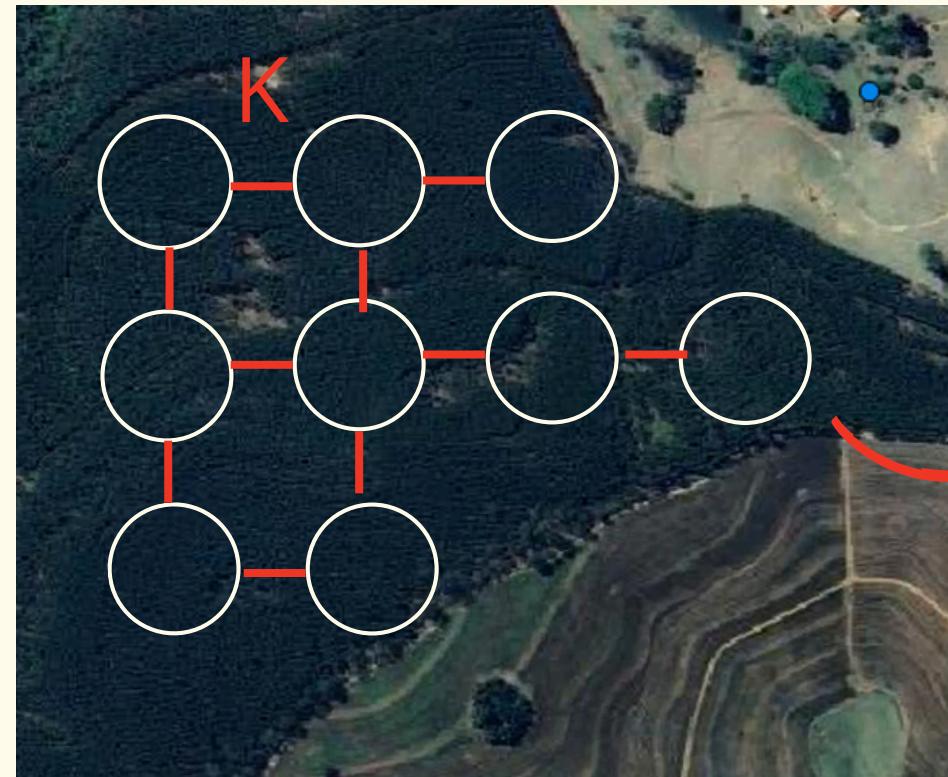
ACS Razão e Regressão

Ambos os estimadores são viciados, já que consideram valores de uma pequena amostra que pode não representar adequadamente o total

Característica	Estimador de Razão	Estimador de Regressão
Definição	\bar{Y} / \bar{X}	$B_0 + B_1 X$
Viés	Sim (tende a subestimar)	Sim (mas geralmente menor)
Melhor quando	X tem baixa variabilidade	X e Y têm relação linear
Correção do viés	Cochran e outros métodos	Aumentando tamanho da amostra

Amostragem Sistematica

povoamento



parcelas

Na amostragem sistematica a primeira parcela é sorteada e as demais são equidistantes (K)

Quando usar?

Em florestas homogêneas, preferencialmente pequenas.

Vantagens

- Barata: Menor caminhamento
- Observa a população como um todo;
- Possibilita mapear a população

Desvantagens

- sua principal limitação é a dificuldade em estimar a variância da média com base em uma única amostra, devido à dependência entre as unidades amostrais (não há replicação interna na amostra que permita estimar a variabilidade).

Amostragem Estratificada



Na ACE o procedimento o qual o povoamento é dividido em estratos (partes menores) com base em alguma característica que distingua partes da floresta heterogênea como material genético, produtividade, espaçamento.

Nesse tipo de amostragem o princípio de seleção das parcelas ainda é aleatoriedade, mas os estratos são separados conforme o mais conveniente. A estimativa para população alvo é obtida pela combinação das estimativas dos estratos.

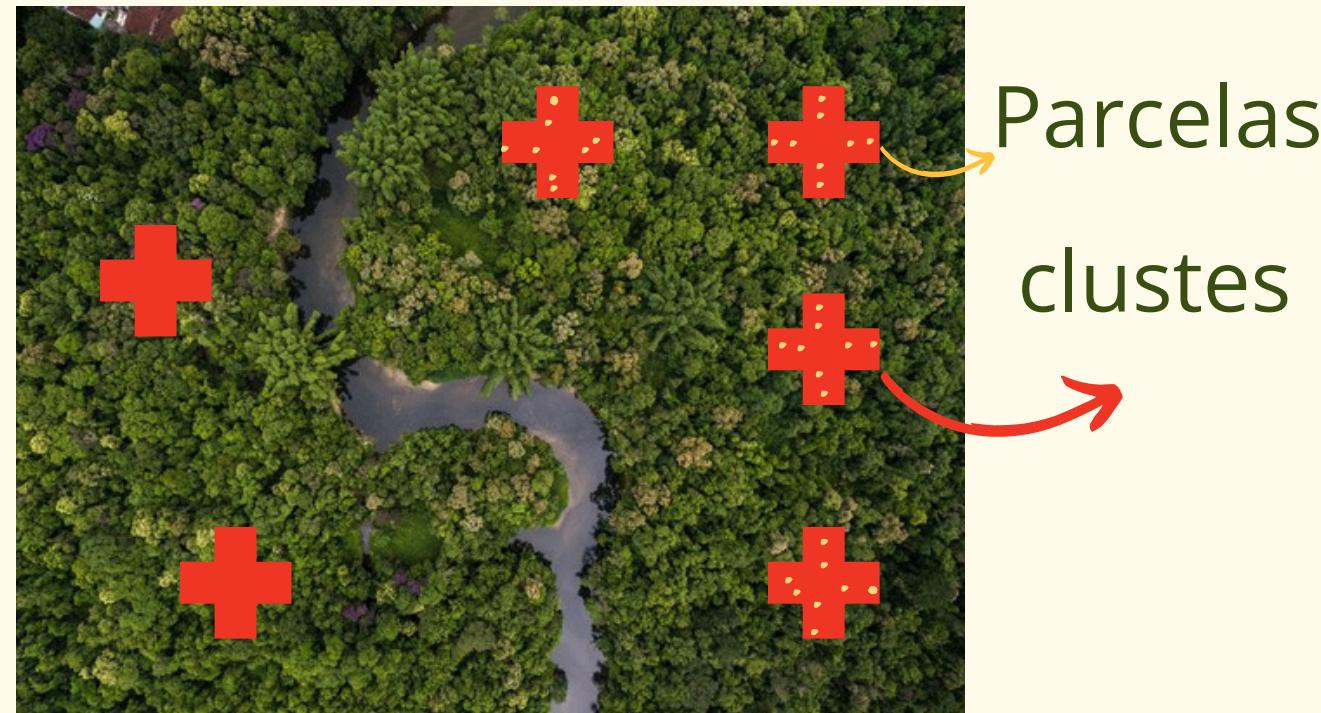
Quando usar a ACE?

Em florestas heterogêneas, que possuam informações sobre a variação espacial das florestas (população alvo) de modo a permitir a sua subdivisão em sub-populações internamente mais homogêneas

OBS: Aumenta a precisão

CONGLOMERADO

povoamento



Os conglomerados são fragmentos compostos por parcelas próximas umas das outras distribuídas de forma sistemática.

Na Amostragem por conglomerados a aleatorização não acontece nas amostras e sim nos conglomerados. Dentro dessa amostragem todas as amostras (parcelas) que estão dentro do conglomerado são selecionadas.

Quando usar o conglomerado?

são utilizadas em levantamentos voltados para grandes áreas, como no caso de levantamentos regionais, ou quando o orçamento ou tempo disponível para o levantamento são muito limitantes

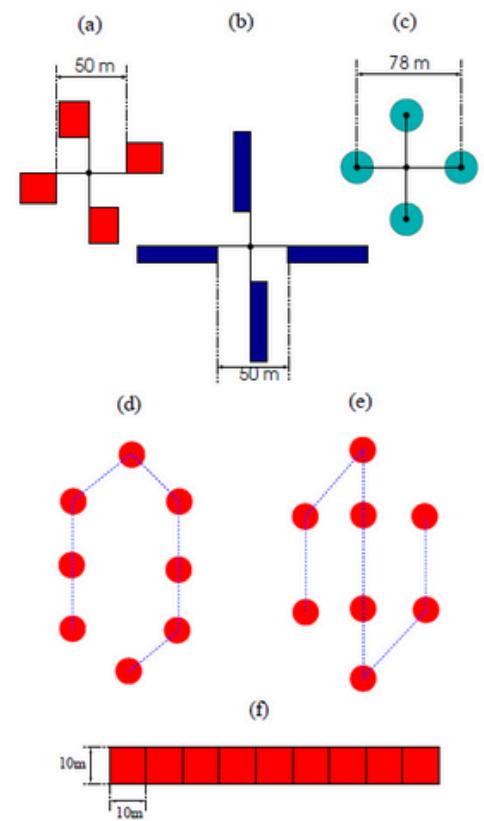
CONGLOMERADO

Vantagens

- Redução de custo: menor caminhamento
- Reduz tempo
- Boa opção para grandes áreas

Desvantagens

- menos eficiente que a amostragem aleatória simples quando possui a mesma intensidade amostral



Os conglomerados podem apresentar varios arranjos diferentes

Quando os conglomerados tem o mesmo tamanho é possível utilizar um estimador não-viciado.

Quando o tamanho do conglomerado varia bastante, o seu total (y_i) estará altamente correlacionado com o seu tamanho (x_i), sendo eficiente o uso do estimador de razão.

Figura 1: Exemplos de conglomerados utilizados em levantamentos florestais: (a), (b) e (c) conglomerados em cruz; (c) e (d) conglomerados em formato hexagonal, (f) conglomerado em faixa.

**OBS. Fiz esses slides para estudo,
pode ser que alguns tópicos estejam equivocados.
Confira e compare com os conteudos do professor ou com monitores
antes das provas e trabalhos**

Thank You

Let's discuss! Any question?