Activités

Acti. 1. Factoriser au maximum les expressions suivantes

a)
$$25s^4 - 20s^2 + 4$$

b)
$$9s^2t^2x^2 + 48stx + 64$$

c)
$$s^2t^2 + 36r^4 - 12r^2st$$

d)
$$4 + 81y^2 + 36y$$

e)
$$s^2t^2z^2 - 1$$

f)
$$25x^2y^2 - 90rxy + 81r^2$$

g)
$$-147t^4yz - 420t^2y^2z - 300y^3z$$

Acti. 2. Mettre en évidence le facteur commun.

a)
$$4x(x+y) + 5x(x+y)$$

b)
$$3a(3a-b) - 8(3a-b)$$

c)
$$5a^2b(a-2b) - 15ab^2(a-2b)$$

d)
$$9x(x+2)^2 - 5x(x+2)$$

e)
$$4(x-y) + 2x(y-x)$$

f)
$$x^2(2x-1) + 3x^2(1-2x)$$

-Exercices —

Conseil: commencer par les automatismes avant de faire les exercices.

Exo. 1. Compléter le terme manquant afin d'obtenir une identité remarquable. Écrire ensuite l'identité remarquable correspondante factorisée.

a)
$$9s^2z^2 - 20sz^2 + \dots = \dots$$

b)
$$-\frac{2}{3}rz + \frac{1}{9} + \dots = \dots$$

c)
$$-\frac{49}{9} + \dots = \dots$$

d)
$$\frac{9}{64}r^2t^2 + \frac{3}{20}rtx + \dots = \dots$$

e)
$$14rz + 49 + \dots = \dots$$

$$f) 36x^2y^2 - \dots = \dots$$

g)
$$\frac{25}{9}x^2 + 64r^4 - \dots = \dots$$

h)
$$s^2y^2 + 6sy + \dots = \dots$$

i)
$$\frac{16}{25} - \frac{8}{5}xz + \dots = \dots$$

j)
$$16r^4 + \frac{40}{3}r^2z + \dots = \dots$$

Exo. 2. Factoriser le plus possible les expressions suivantes.

a)
$$m(a-b) + n(a-b)$$

b)
$$x(2a - b) + y(b - 2a)$$

c)
$$a(x-y) - (y-x)$$

d)
$$(a+b)(x-3y) - 3a(x-3y)$$

e)
$$(a+b)^3 - (a+b)^2$$

f)
$$(x-3)(x+1) - x + 3 + 2(x-3)^2$$

g)
$$(a-b)^3 - (a-b)$$

h)
$$(x-y) - (a+b)^2(x-y)$$

Exo. 3. (*) Pour quels entiers x de 1 à 200 le nombre $x^4 - x^3$ est-il le cube d'un entier?

---Automatismes –

Ces automatismes seront testés lors de la semaine 7, le 03.09.2024.

Aut. 1. Factoriser au maximum les expressions suivantes

a)
$$30s^2tz + 10sz - 30z$$

b)
$$54rt^3z^2 - 6rt^3z - 18t^2z$$

c)
$$-45r^2tx - 27rx + 72x$$

d)
$$40s^2y^3 + 25s^2x^2y + 45sxy$$

e)
$$-20sx^4 - 20sx^2z - 90s^2x^2$$

f)
$$10y^3z^2 + 20yz^4 - 6yz^2$$

Aut. 2. Factoriser au maximum les expressions suivantes

a)
$$36t^2 - 12tx + x^2$$

b)
$$49r^2s^2 - 25$$

c)
$$16x^2z^2 + 40xz + 25$$

e)
$$4z^4 - 12z^2 + 9$$

g)
$$-25t^4 + 36r^2$$

i)
$$36r^2t^2 - 49$$

d)
$$16r^2s^2 + 56rs + 49$$

f)
$$49s^4 - 28s^2x + 4x^2$$

h)
$$r^2y^2 - 14ry + 49$$

i)
$$64x^2 + 112x + 49$$

Aut. 3. Factoriser au maximum les expressions suivantes

a)
$$49y^2z^4 - 56tyz^2 + 16t^2$$

c)
$$36r^2s^2x^2 + 84rsx + 49$$

e)
$$16s^2y^2z^2 - 24syz + 9$$

g)
$$49s^2 - 140rs + 100r^2$$

i)
$$16s^4y^2 + 72s^2xy + 81x^2$$

b)
$$4x^4 - 28sx^2 + 49s^2$$

d)
$$100r^2 - 140ry + 49y^2$$

f)
$$4x^2y^2 - 4xyz + z^2$$

h)
$$4x^2 - 12x + 9$$

j)
$$25r^2x^2 - 30rx + 9$$

Aut. 4. Factoriser au maximum les expressions suivantes

a)
$$75r^5s^2t^2 + 60r^3sty + 12ry^2$$

c)
$$-27ry^2z^3 - 180ryz^2 - 300rz$$

e)
$$-27s^2x^2y^5z^2 - 144sx^2y^3z - 192x^2y$$

g)
$$-5y^2z + 80yz - 320z$$

i)
$$98r^2s^4t - 72t^3$$

b)
$$-25s^2t^2x^3y^2 - 80stx^2y - 64x$$

d)
$$-128s^2t^4x^2z + 32s^4t^2xz^2 - 2s^6z^3$$

f)
$$12t^3x^3z^2 - 36t^2x^2z + 27tx$$

h)
$$-r^2t^2z - 4rtx^2z - 4x^4z$$

j)
$$405rx^2y^4z^3 - 360r^2xy^2z^2 + 80r^3z$$

Aut. 5. Factoriser au maximum les expressions suivantes

a)
$$192s^3z^4 + 336s^2z^3 + 147sz^2$$

c)
$$-405sz^2 + 360s^2z - 80s^3$$

e)
$$-8s^3x - 98sx^3y^2 + 56s^2x^2y$$

g)
$$128y^2z^3 - 32syz^2 + 2s^2z$$

i)
$$200z + 360z^2 + 162z^3$$

b)
$$-168sx^3y - 98xy^2 - 72s^2x^5$$

d)
$$18s^3t^2x - 12s^2tx + 2sx$$

f)
$$180s^2t^3 + 125t + 300st^2$$

h)
$$-300t^3z^2 + 420r^2t^2z^2 - 147r^4tz^2$$

i)
$$-36s^2x^2z^2 - 108sx^3z - 3s^3xz^3$$