Activités

Acti. 1. Quel est le chiffre des unités du nombre 8^{2024} ?

Acti. 2. Donner l'ensemble des diviseurs pour chacun des entiers allant de 1 à 10, sous la forme habituelle :

$$Div_1 = \{1\}; \quad Div_2 = \{1, 2\}; \quad Div_3 = \{1, 3\}; \quad \dots; \quad Div_{10} = \dots$$

- a) Relever la liste des entiers de 1 à 10 qui ont un nombre impair de diviseurs :
 - Pouvez-vous trouver un point commun à ces entiers, ou leur nom? i)
 - ii) Donner la liste des quinze premiers nombres entiers qui ont cette caractéristique.
- b) Relever la liste des entiers de 1 à 10 qui ont exactement deux diviseurs :
 - Pouvez-vous trouver un point commun à ces entiers, ou leur nom? i)
 - ii) Donner la liste des nombres entiers inférieurs à 50 qui ont cette caractéristique.

-Exercices -

Exo. 1. Sur les multiples de 3 :

- a) Trouver le plus grand multiple de 3, formé de cinq chiffres et terminant par 24.
- b) Trouver le plus petit multiple de 3, formé de cinq chiffres et terminant par 24.
- c) Trouver le plus petit multiple de 3, formé de quatre chiffres pairs distincts.
- d) Trouver le plus grand multiple de 3, formé de quatre chiffres impairs distincts.

Exo. 2. Leonhard EULER énonça en 1772 : « Le nombre $n^2 + n + 41$ est premier pour n < 39. » $(n \in \mathbb{N})$ Vérifier son affirmation pour $0 \le n \le 6$ en contrôlant dans la liste de la page 2 du cours.

Exo. 3. Décomposer les nombres suivants en produit de facteurs premiers (sans calculatrice):

- a) 10
- b) 10^2
- c) 100000
- d) 24 · 1000
- e) $38 \cdot 10^5$

- f) 25000
- g) 28000
- h) 66000
- i) 16000
- 3600000

Exo. 4. Calculer de tête, le plus simplement et rapidement possible (environ 3 minutes pour l'ensemble de l'exercice):

- a) $2^3 \cdot 3 \cdot 5^2$
- b) $2^3 \cdot 7 \cdot 5^3$
- c) $2^4 \cdot 5^2$

d) $2^3 \cdot 5^4$

- e) $2^5 \cdot 5^5 \cdot 7$
- f) $2 \cdot 3 \cdot 5 \cdot 7$
- g) $2^4 \cdot 5^4 \cdot 11$
- h) $2^6 \cdot 5^3$

 $2^4 \cdot 5^6$ i)

- i) $2^3 \cdot 5^3 \cdot 7^2$
- k) $2^4 \cdot 3 \cdot 5^2$
- 1) $2^6 \cdot 3 \cdot 5^8$

Automatismes

Aut. 1. Calculer.

- a) $-4 \cdot (-5) \cdot 3 + 3$
- b) $-5 \cdot (-29 + 33) \cdot 5$
- c) $-3 \cdot (10 4)$

d) -1 - (4 + 9)

e) $8 \div (3-2)$

f) -11 - (+8) - 4

Aut. 2. Calculer.

- a) $(-2-2+(-3)^2)\cdot 5$
- b) $4+3^2\cdot(-2)$

c) $-4 \cdot ((-1)^2 + 2 \cdot (-1))$

d) $(-4)^2 + 7 \cdot 6$

e) $(-2)^2 \cdot (-2-7)$

Aut. 3. Calculer et donner le résultat sous la forme d'une fraction simplifiée au maximum.

- a) $7 + \frac{3}{6}$
- b) $\frac{8}{24} + \frac{3}{6}$ c) $\frac{5}{8} \frac{2}{12}$
- d) $\frac{8}{7} \frac{6}{8}$
- e) $\frac{7}{50} + \frac{9}{75}$

Aut. 4. Calculer et donner le résultat sous forme irréductible.

- a) $\frac{5}{8} \div \frac{4}{7}$
- b) $\frac{3}{4} \div \frac{2}{3}$
- c) $\frac{2}{5} \div \frac{1}{4}$
- d) $\frac{1}{7} \div \frac{2}{3}$
- e) $\frac{1}{8} \div \frac{1}{10}$

Aut. 5. Effectuer les calculs suivants.

a)
$$\frac{7}{32} - \frac{6}{8}$$

b)
$$\frac{6}{3} \cdot \frac{5}{4}$$

c)
$$2 + \frac{7}{5}$$

d)
$$\frac{9}{3} \cdot \frac{5}{3} + \frac{5}{3}$$

e)
$$\frac{4}{6} \cdot \frac{7}{3}$$

f)
$$\frac{3}{4} - 4$$

g)
$$\frac{6}{2} + \frac{4}{2} \cdot \frac{3}{7}$$

h)
$$\frac{6}{3} + \frac{4}{3}$$

Aut. 6. Calculer et donner le résultat sous forme irréductible.

a)
$$\frac{-\frac{22}{21}}{\frac{88}{-7}}$$
 b) $\frac{28}{10} \cdot \frac{8}{35}$ c) $\frac{-33}{24} \cdot \frac{21}{-99}$ d) $\frac{\frac{5}{15}}{\frac{15}{3}}$

b)
$$\frac{28}{10} \cdot \frac{8}{35}$$

c)
$$\frac{-33}{24} \cdot \frac{21}{-99}$$

d)
$$-\frac{\frac{5}{15}}{\frac{15}{3}}$$

e)
$$\frac{\frac{15}{63}}{\frac{-21}{-35}}$$