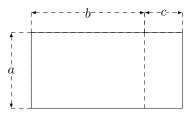
-Activités

Acti. 1. Les savants de la Grèce antique donnèrent des preuves géométriques des propriétés des nombres réels, basées sur l'aire du rectangle.

a) Pour illustrer la distributivité de la multiplication sur l'addition pour les nombres réels a, b, et c, exprimer de deux manières l'aire du rectangle représenté ci-dessous:



b) De manière semblables, illustrer géométriquement les identités suivantes :

$$(a+b)^2$$
 et $(a+b)(c+d)$

Acti. 2. En utilisant la lettre n pour désigner un entier quelconque, exprimer sous forme littérale :

- a) trois entiers consécutifs;
- b) le carré d'un entier impair quelconque;
- c) un nombre positif, différence des carrés de deux nombres entiers consécutifs;
- d) un multiple de 7;
- e) un entier qui laisse un reste de 2 lorsqu'on le divise par 3;
- f) un entier qui précède immédiatement un multiple de 4;
- g) trois carrés parfaits consécutifs.

Acti. 3. Un rectangle possède une largeur de a(>3)cm et une longueur de (a+4)cm. On lui enlève un carré de 3 cm de côté. Donner l'expression algébrique réduite de l'aire de la figure restante.

Acti. 4. Pour chacune des expressions suivantes, préciser (sous : « Type ») s'il s'agit d'une somme ou d'un produit, et donner le nombre de termes (de cette somme ou de ce produit).

	Expression	Type	Nombre de termes
a)	$4 \cdot x + 1 \cdot (3x - 1) \cdot (5x - 1) + 7 \cdot x$		
b)	$-4 \cdot (x-y) \cdot (3x-1) \cdot (5x-1)$		
c)	$(5x-1)\cdot(5x-1) + 7(5x-1)$		
d)	(4x-1)(3x-4)(3x+4)		
e)	(4x-1)(3x-4)(3x+4)-1		
f)	((3x-4)(3x+4) - x + 1)x		
g)	(3x-1)(x-1) + (4x-1)(3x-4)		
h)	$x^2 - x^2(4x - 1)(3x - 4)x^2$		

-Exercices

Exo. 1. Développer les produits suivants :

- a) 7(8+9x)
- b) $6a(5a^2 12a)$
- c) -5(-7y+11)
- d) -12(-5x-4)

e)
$$-8(6x^2 + 4x - 3)$$
 f) $-9x^2(8x^3 + 7y)$

f)
$$-9x^2(8x^3+7y)$$

g)
$$7a^5 (6a - 4a^2)$$

h)
$$-5x^4(7x^4+9x-1)$$

Exo. 2. Développer les produits suivants :

a)
$$5(5+3x)$$

b)
$$2x(2x^2-2x)$$

c)
$$-5(-5y+9)$$

d)
$$-1(-3x-3)$$

e)
$$(x^2 + x - 1)(-1)$$
 f) $-2(x + y)$

f)
$$-2(x+y)$$

g)
$$(1+x^2)(x^2-4)$$

g)
$$(1+x^2)(x^2-4)$$
 h) $-3x^2(1-2x^2+3x)$

i)
$$(5+3x)(x-1)$$

i)
$$3xy(x^2y + x - 1)$$

k)
$$(4-x^2)(1-4x^2)$$

i)
$$(5+3x)(x-1)$$
 j) $3xy(x^2y+x-1)$ k) $(4-x^2)(1-4x^2)$ l) $(-4xy^3-x^3y)(-3y)$

$$(x-1)$$
 m) $-2(x+3)(x-1)$

n)
$$3(x-3)(x-3)$$

m)
$$-2(x+3)(x-1)$$
 n) $3(x-3)(x-3)$ o) $(-2x+3)(x-1)$

p)
$$(-2x+3)(3-2x)$$

Exo. 3. L'aire d'un rectangle est de $4a^2 + 6a$. Déterminer sa longueur, si la largeur mesure 2a.

Exo. 4. Développer et réduire le produit: $(n^2 + n + 1)(n^2 - n + 1)$.

Exo. 5. L'égalité suivante est-elle une identité : $(x^2 + 2x + 2)(x^2 - 2x + 2) = x^4 + 4$?

Exo. 6. Réduire autant que possible (expression finale sans parenthèses).

a)
$$2x - 2x$$

b)
$$(2x)(-2x)$$

c)
$$2(x-2)x$$

d)
$$-5y + 9y$$

e)
$$-(5y + 9y)$$

f)
$$(-5y)(+9y)$$

g)
$$(-5y + 9)y$$

h)
$$(-5y) + 9y$$

i)
$$-5(y+9)y$$

$$j) -5(y+9y)$$

k)
$$-x(-x)(-1)$$

1)
$$-x(-x-1)$$

$$m) - (x - x) - 1$$

n)
$$x \cdot x \cdot x + x \cdot x$$

o)
$$x \cdot x \cdot (x+x) \cdot x$$

Exo. 7. Un élève a développé tous les produits de trois des binômes (x+1), (x-1), (x+2) et (x-2), de toutes les manières possibles, sans répétition d'un binôme. Il a noté les résultats suivants :

$$x^3 - x^2 - 4x + 4$$
, $x^3 - 2x^2 - x + 2$, $x^3 + 2x^2 - x - 2$ et $x^3 + x^2 - 4x - 4$.

Malheureusement, cet élève ne se souvient pas dans quel ordre il a effectué ses calculs. Comment peut-on l'aider à s'y retrouver immédiatement, par une simple observation?

Exo. 8. 49. (Révision individuelle.) Effectuer les produits suivants (résultat réduit).

a)
$$(2y-3)(5+3x)$$

b)
$$(5+2x)(2x-3)$$

c)
$$(3-y)(-5y+9)$$

d)
$$(x^2 + x - 1)(x - 1)$$

$$e) (y-x)(x+y)$$

f)
$$(x+1)(x-1)(x+2)$$

g)
$$(2x-1)(x+3)(1-x)$$
 h) $(1+x^2)(x^2-4x+2)$ i) $(x+2)^3$

h)
$$(1+x^2)(x^2-4x+2)$$

i)
$$(x+2)^3$$

j)
$$(z^3 - 5x^3z + 2z)(z^3 - 3x)$$

k)
$$(2-x)(x^2+4)(2+x)$$

1)
$$(x-1)^4$$

Exo. 9. Développer les expressions de l'activité 4 aux lettres a), c), e), f), g) et h). (Expression réduite et ordonnée par puissances décroissantes.)

Aut. 1. Réduire.

a)
$$-(-2x) - (-(-x+3x))$$

b)
$$4a - (2b - (-a + b) - b)$$

c)
$$-5x - (-3y - (-x - (2x - y) - y) + 4x) - y$$

c)
$$-5x - (-3y - (-x - (2x - y) - y) + 4x) - y$$
 d) $-2w - (3w - 2t) - (-w - (3w + t) + w) - 2t$

e)
$$2a + 5 - (3a + (5 - (-2 + 2a)) + 7a)$$

f)
$$-(-3x^3+2-(7x^3+4-(10-x^3)+3x^3)+15)$$

Aut. 2. Réduire.

a)
$$3a - ((-2a + 5a) - (-2a)) - a$$

b)
$$-(-(-2a+3b)-4a)-(-3b)$$

c)
$$(-5x - y) - (3x - ((x - y) - (2x + y)) - x)$$

d)
$$7a^2 - (-2a^2 - (-4a^2 - b) - 5b) - 2b$$

e)
$$-(-(-(-7a)-1)-1)-1$$

f)
$$7a^2b - (-3a^2b - (2ab^2 + a^2b - (-ab^2)) + 2a^2b)$$

Aut. 3. Développer et réduire.

a)
$$3a^2 \cdot (2ab + b^2)$$

b)
$$(7ab - 3a^2) \cdot 3ab$$

c)
$$2a^3 \cdot (5a - 3b)$$

d)
$$(4a^2b - 7ab^2) \cdot a^3$$

e)
$$4x^2 \cdot (5xy - x^2)$$

f)
$$(3a-2b)\cdot 7ab$$

Aut. 4. Développer et réduire.

a)
$$2 \cdot (3x+5) - 3 \cdot (2x-4)$$

b)
$$4 \cdot (2a^2 + b) + 3 \cdot (4a^2 - b)$$

c)
$$7 \cdot (x^4 + 2y^4) - 2 \cdot (2x^4 + y^4)$$

d)
$$10 \cdot (3ab - 2bc) - 5 \cdot (2ab + 3bc)$$

e)
$$-4 \cdot (5a - 2b) + 4 \cdot (2a - 5b)$$

f)
$$2 \cdot (5a - 2b + c) + 3 \cdot (a - b + 3c)$$

Aut. 5. Développer et réduire.

a)
$$3 \cdot (x^2 - 5) - 2 \cdot (x^2 + 7)$$

b)
$$5 \cdot (2x - y) + 3 \cdot (2x + 3y)$$

c)
$$4 \cdot (a^3 + 2b^3) - (2a^3 - b^3)$$

d)
$$5 \cdot (3xy - 2y) - 4 \cdot (2xy - 3y)$$

e)
$$-4 \cdot (2a^2b - 3ac) + 2 \cdot (3a^2b - 2ac)$$

f)
$$3 \cdot (x^2 - 4y^2 - 4) - (2x^2 + 3y^2 - 1) \cdot 4$$

Aut. 6. Développer et réduire.

a)
$$3a^2 \cdot (2a - b) - 2a^2 \cdot (4a - 3b)$$

b)
$$7xy \cdot (2x - 3xy) + 3x^2 \cdot (y^2 - y)$$

c)
$$2z^2 \cdot (3z - 2x) - 4z^2 \cdot (z - 2x)$$

d)
$$5a^2b \cdot (a^2b + 4b^2) - 7b^2 \cdot (2a^4 - a^2b)$$

e)
$$x^3 \cdot (2y^2 - 3xy) - 2xy^2 \cdot (5x^2 - 4x^3)$$

f)
$$2z \cdot w \cdot (z^2 - zw + 1) + 3zw \cdot (z^2 - 2zw - 1)$$

Aut. 7. Réduire.

a)
$$\frac{4x}{3} - \frac{5x}{6}$$

b)
$$\frac{2x}{7} - \frac{x}{3}$$

c)
$$\frac{2x}{9} - \left(\frac{5x}{6} + \frac{x}{4}\right)$$

$$d) \frac{3x}{5} + x$$

e)
$$\frac{3x}{4} - \frac{2x}{3} + \frac{x}{6}$$

f)
$$\left(\frac{3x}{5} - \frac{2x}{3}\right) + \frac{x}{15}$$

Aut. 8. Réduire.

a)
$$\frac{x+4}{4} + \frac{x-3}{3}$$

b)
$$\frac{x}{4} - \frac{x-2}{5}$$

c)
$$\frac{2x+1}{2} - \frac{2-3x}{3}$$

d)
$$\frac{x-1}{3} - \frac{2x-3}{6} + \frac{2x+1}{2}$$

e)
$$\frac{x}{5} - \frac{2x+1}{2} + \frac{5-4x}{10}$$

f)
$$\frac{2x+2}{6} - \frac{12x-4}{24} + \frac{6x+9}{27}$$

Aut. 9. Réduire.

a)
$$\frac{2x-3}{3} + \frac{5-2x}{5}$$

b)
$$\frac{-2x}{4} - 2x$$

c)
$$\frac{4x-2}{4} - \frac{1-2x}{2}$$

d)
$$\frac{3x-8}{2} + \frac{3x+10}{10} - \frac{5-x}{5}$$

e)
$$\frac{x}{3} - \frac{3x-1}{2} + \frac{11x-3}{6}$$

f)
$$\frac{4x+8}{8} - \frac{6x+9}{18} + \frac{15-5x}{20}$$