

Exercice 1

Montrer que l'équation $x^3 + ax + b = 0$ a exactement une racine réelle si $a \geq 0$ et au plus une racine réelle entre $-\frac{1}{3}\sqrt{3|a|}$ et $\frac{1}{3}\sqrt{3|a|}$ si $a < 0$.