

# Estruturas de Dados

## Listas Encadeadas

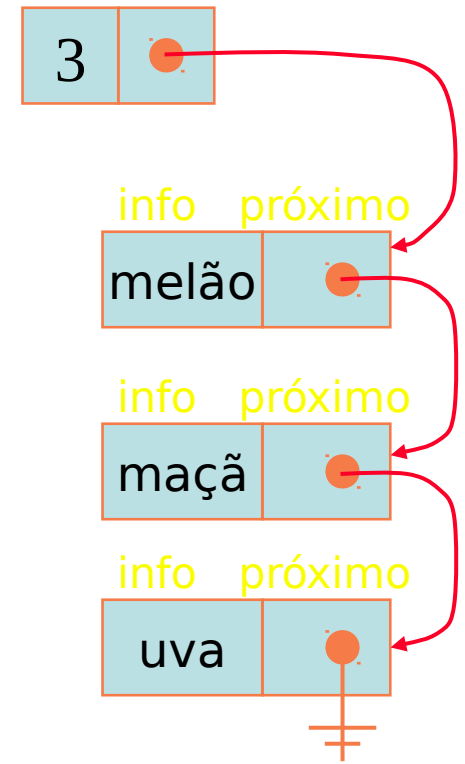
- Pilhas encadeadas
- Filas encadeadas
- Listas duplamente encadeadas

# Extensões do conceito de Lista Encadeada

- A idéia da Lista Encadeada vista até agora é o modelo mais geral e simples;
- pode ser especializada e extendida das mais variadas formas:
  - Especializada:
    - **Pilhas encadeadas**
    - **Filas**
  - Extendida:
    - **Listas Duplamente Encadeadas**
    - **Listas Circulares Simples e Duplas**

## Pilha Encadeada

altura topo

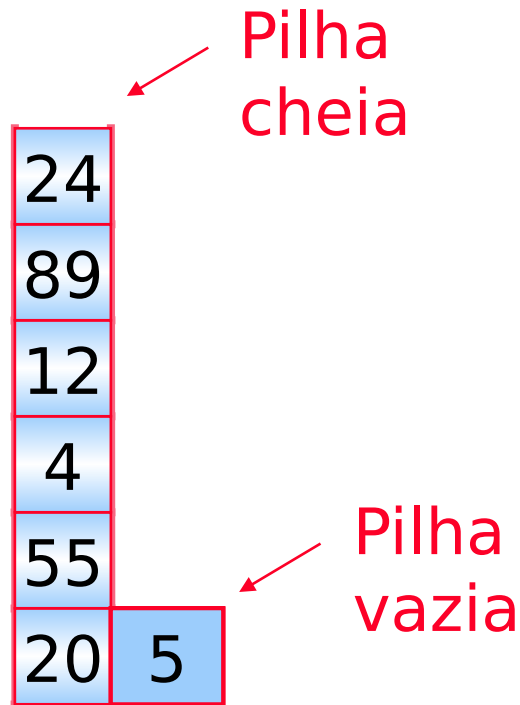


# Pilhas

24
89
12
4
55
20

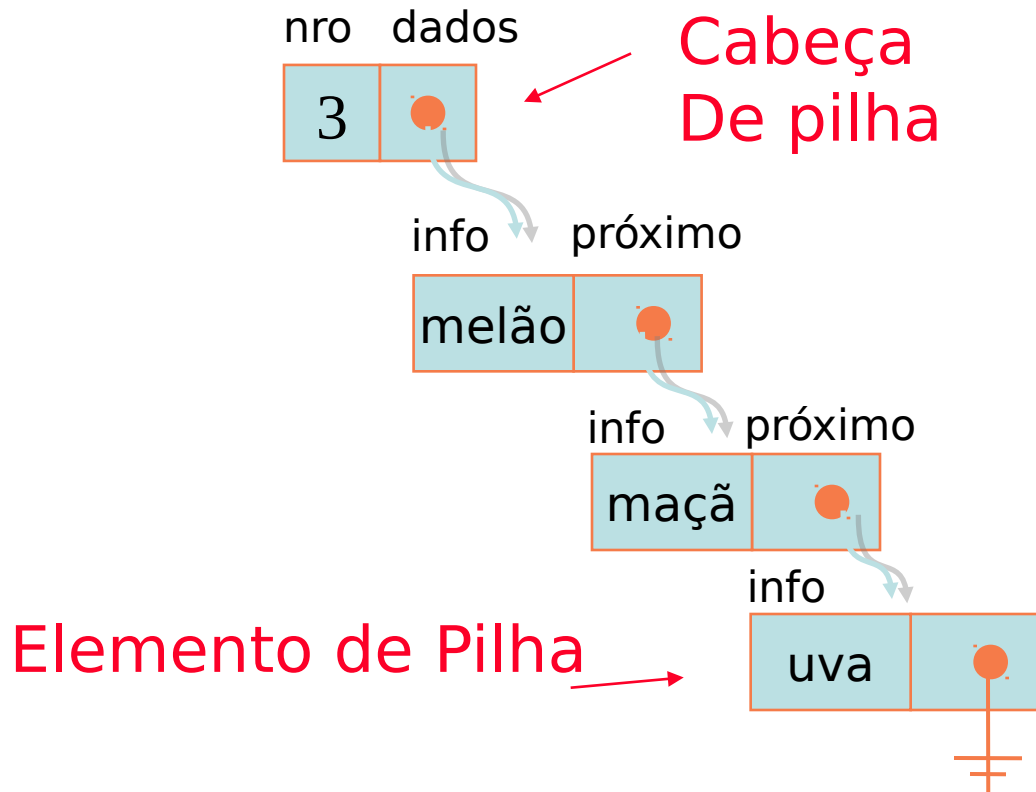
A Pilha é uma estrutura de dados cujo funcionamento é inspirado no de uma pilha “natural”.

# Pilhas usando Vetores



- Vetores possuem um espaço limitado para armazenar dados;
- necessitamos definir um espaço grande o suficiente para a nossa pilha;

# Pilhas Encadeadas



- A estrutura é limitada pela memória disponível;
- Não é necessário definir um valor fixo para o tamanho da Pilha;

# Modelagem: Cabeça de Pilha

- Necessitamos:
  - um ponteiro para o primeiro elemento da pilha;
  - um inteiro para indicar quantos elementos a pilha possui.
- Pseudo-código:

```
classe tPilha {  
    tElemento *dados;  
    inteiro tamanho;  
};
```

# Modelagem: Elemento de Pilha

- Necessitamos:
  - um ponteiro para o próximo elemento da pilha;
  - um campo do tipo da informação que vamos armazenar.

- Pseudo-código:

```
class tElemento {  
    tElemento *próximo;  
    T* info;  
    };
```

# Modelagem da Pilha

- Aspecto Funcional:
  - colocar e retirar dados da pilha;
  - testar se a pilha está vazia;
- Colocar e retirar dados da pilha:
  - Empilha(dado)
  - Desempilha()
- Testar se a pilha está vazia:
  - PilhaVazia
- Inicializar ou limpar:
  - criaPilha



# Algoritmo criaPilha

**MÉTODO criaPilha()**

**//Inicializa a cabeça e o tamanho da pilha  
início**

**dados <- NULO;**

**tamanho <- 0;**

**fim;**

# Algoritmo PilhaVazia

**Booleano MÉTODO pilhaVazia()**

**início**

**SE (tamanho = 0) ENTÃO**

**RETORNE(Verdadeiro)**

**SENÃO**

**RETORNE(Falso);**

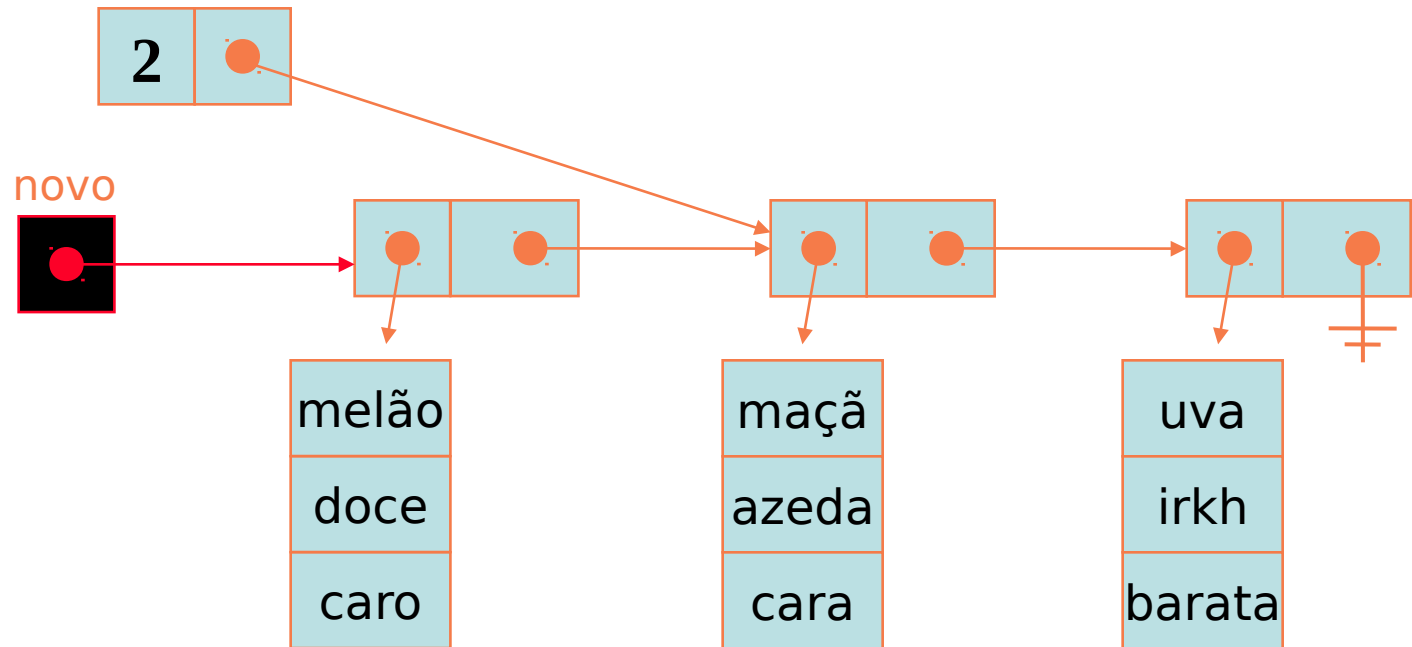
**fim;**

- Um algoritmo PilhaCheia não existe aqui;
- Verificar se ha espaço na memória para um novo elemento será responsabilidade de cada operação de adição.

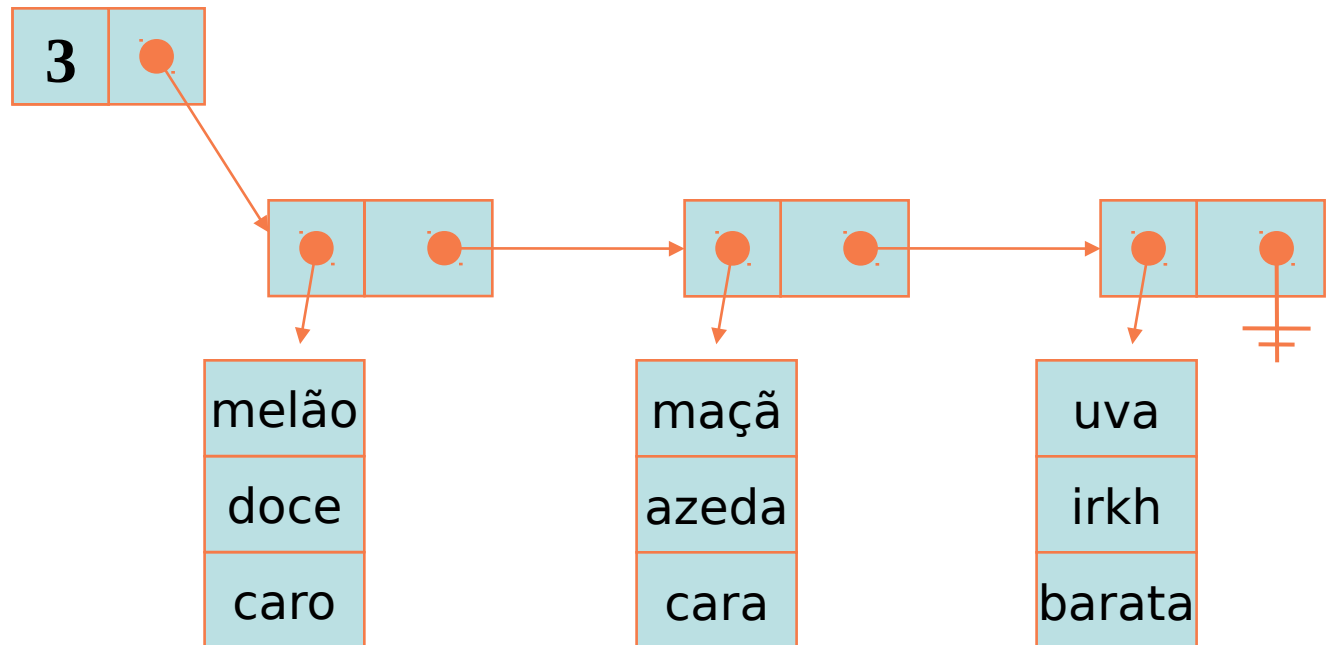
# Algoritmo Empilha

- Procedimento:
  - Alocamos um elemento;
  - fazemos o próximo deste novo elemento ser o primeiro da Pilha;
  - fazemos a cabeça de Pilha apontar para o novo elemento.
- Parâmetros:
  - O tipo info (dado) a ser inserido;
- Semelhanças????

# Algoritmo Empilha = AdicionaNoInício



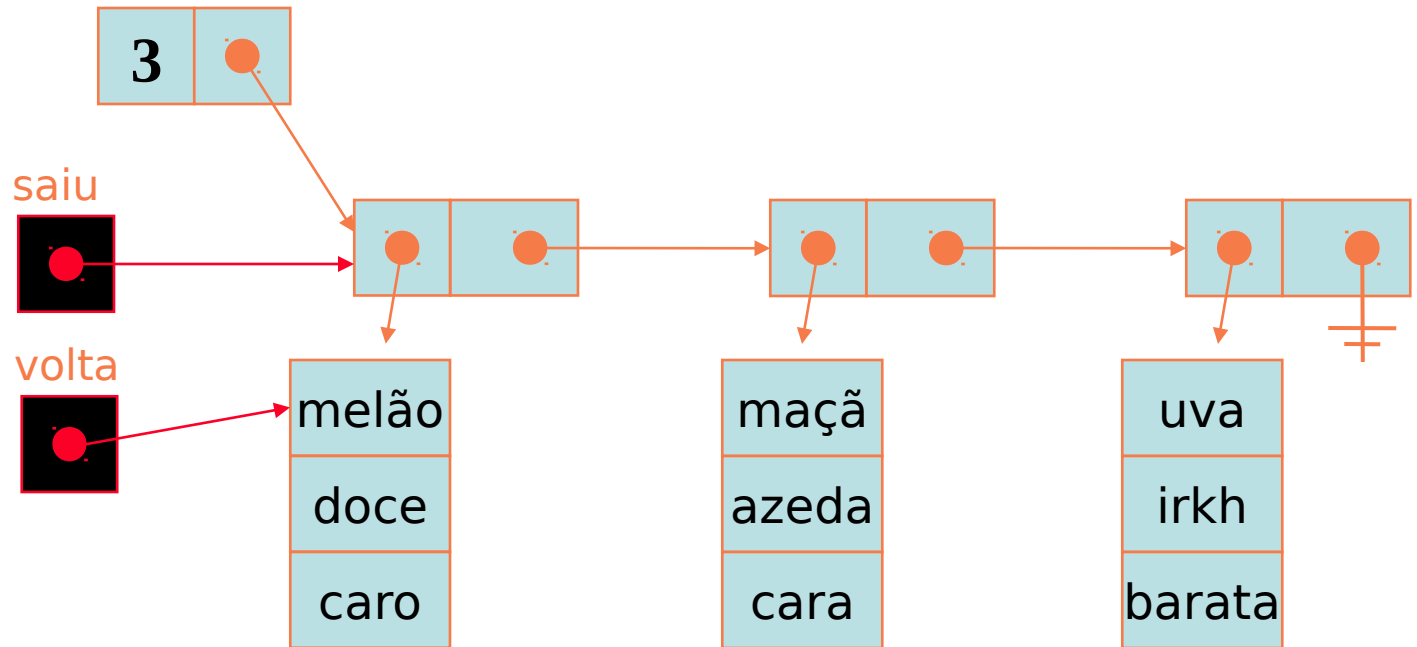
# Algoritmo Empilha



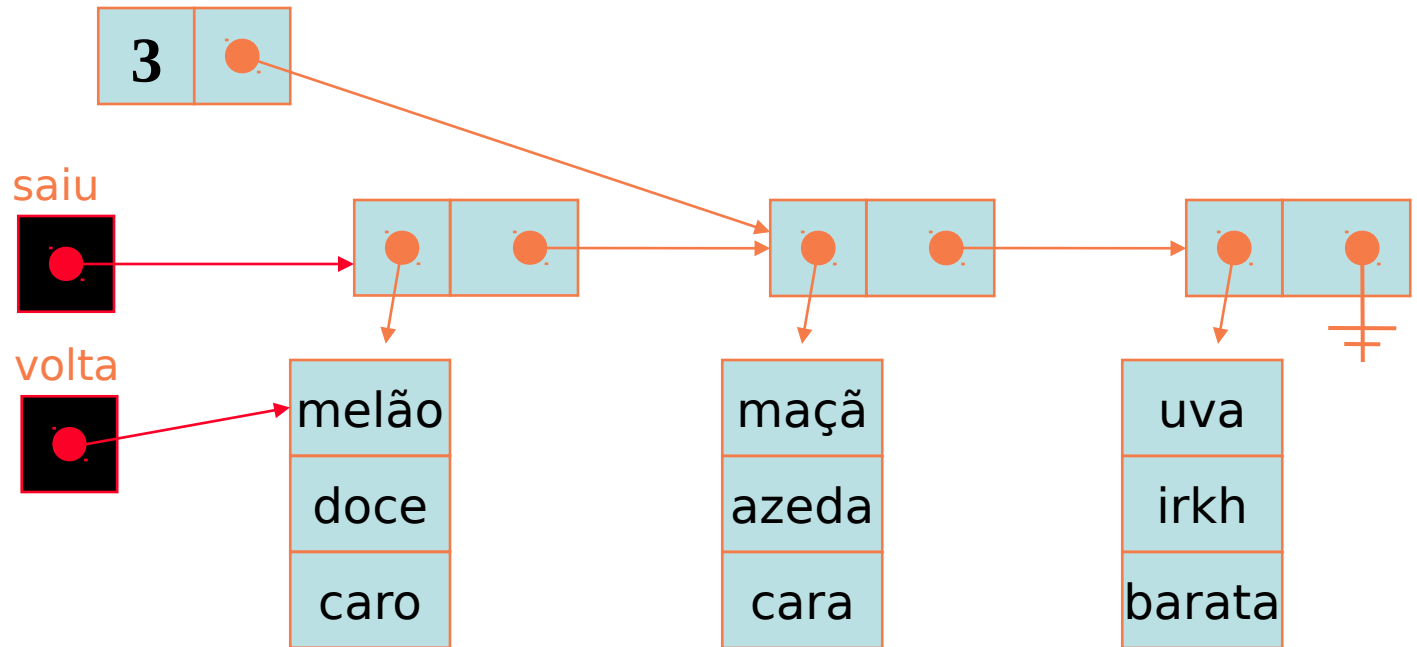
# Algoritmo Desempilha

- Procedimento:
  - testamos se há elementos;
  - decrementamos o tamanho;
  - liberamos a memória do elemento;
  - devolvemos a informação.
- Semelhanças??

# Algoritmo Desempilha = RetiraDoInício

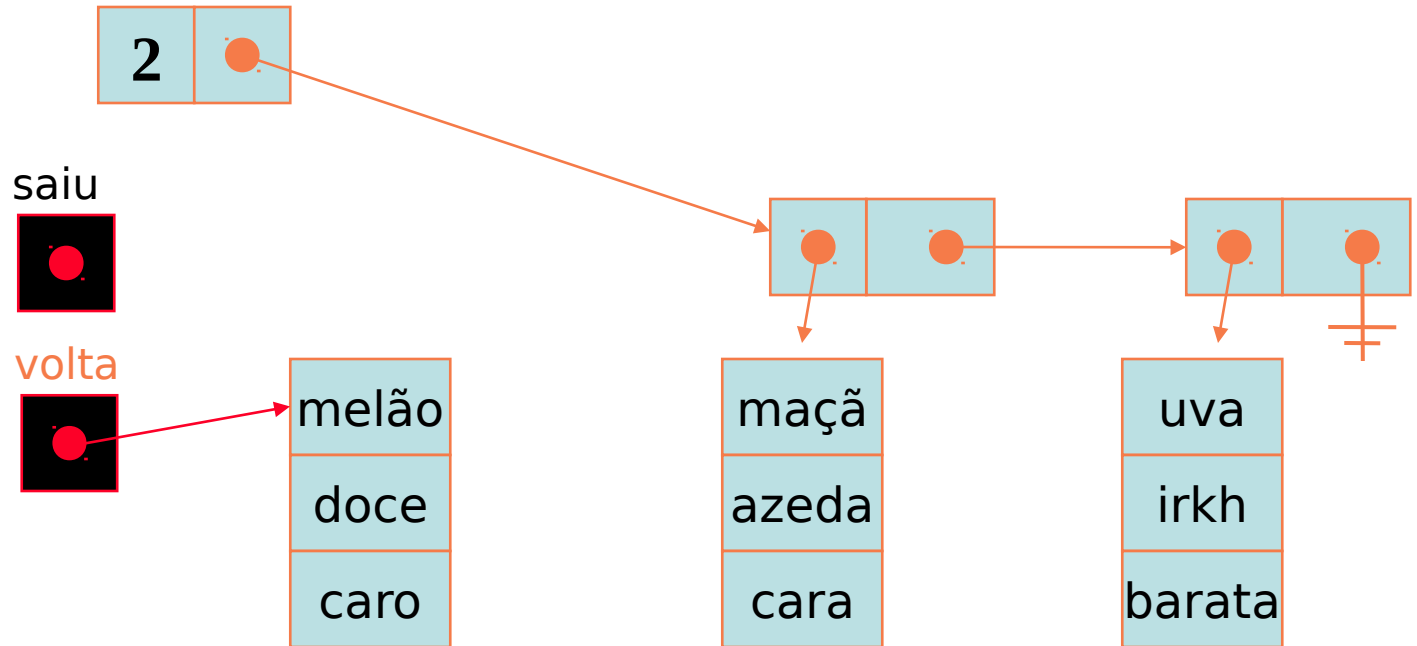


# Algoritmo Desempilha





# Algoritmo Desempilha



# Algoritmo Desempilha

```
T* MÉTODO desempilha()  
  //Elimina o primeiro elemento de uma pilha.  
  //Retorna a informação do elemento eliminado ou NULO.  
  variáveis  
    tElemento *saiu; //Variável auxiliar para o primeiro elemento.  
    T *volta; //Variável auxiliar para o dado retornado.  
  início  
    SE (Vazia()) ENTÃO  
      THROW(PILHAVAZIA);  
    SENÃO  
      saiu <- dados;  
      volta <- saiu->info;  
      dados <- saiu->próximo;  
      tamanho <- tamanho - 1;  
      LIBERE(saiu);  
      RETORNE(volta);  
    FIM SE  
  fim;
```

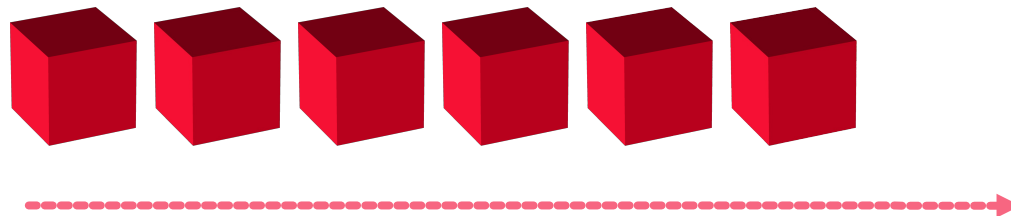
# Exercício

- Implemente uma classe PilhaEncadeada
- Implemente a pilha usando Templates
- Use as melhores práticas de orientação a objetos
- Documente todas as classes, métodos e atributos.
- Aplique os testes unitários disponíveis no moodle da disciplina para validar sua estrutura de dados.

# Filas

- A Fila é uma estrutura de dados que simula uma fila da vida real.
- Possui duas operações básicas:
  - incluir no fim da fila;
  - retirar do começo da fila;
  - chamada de Estrutura-FIFO:  
*First-In, First-Out - O primeiro que entrou é o primeiro a sair...*

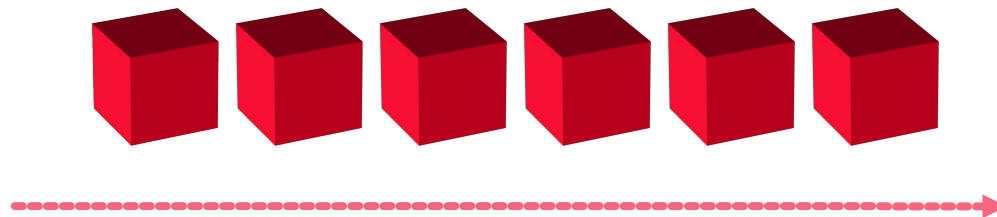
**Fila**



# Filas

- É uma estrutura de dados importantíssima para:
  - gerência de dados/processos por ordem cronológica:
    - Fila de impressão em uma impressora de rede;
    - Fila de pedidos de uma expedição ou tele-entrega.
  - simulação de processos seqüenciais:
    - chão de fábrica: fila de camisetas a serem estampadas;
    - comércio: simulação de fluxo de um caixa de supermercado;
    - tráfego: simulação de um cruzamento com um semáforo.

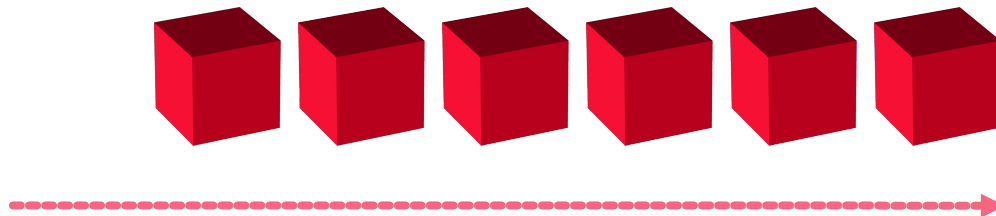
**Fila**



# Filas

- É uma estrutura de dados importantíssima para:
  - gerência de dados/processos por ordem cronológica:
    - Fila de impressão em uma impressora de rede;
    - Fila de pedidos de uma expedição ou tele-entrega.
  - simulação de processos seqüenciais:
    - chão de fábrica: fila de camisetas a serem estampadas;
    - comércio: simulação de fluxo de um caixa de supermercado;
    - tráfego: simulação de um cruzamento com um semáforo.

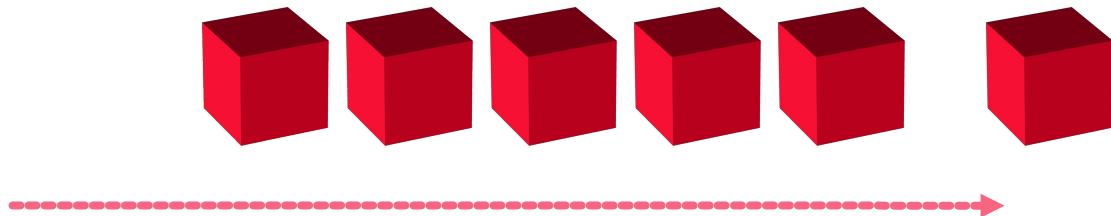
**Fila**



# Filas

- É uma estrutura de dados importantíssima para:
  - gerência de dados/processos por ordem cronológica:
    - Fila de impressão em uma impressora de rede;
    - Fila de pedidos de uma expedição ou tele-entrega.
  - simulação de processos seqüenciais:
    - chão de fábrica: fila de camisetas a serem estampadas;
    - comércio: simulação de fluxo de um caixa de supermercado;
    - tráfego: simulação de um cruzamento com um semáforo.

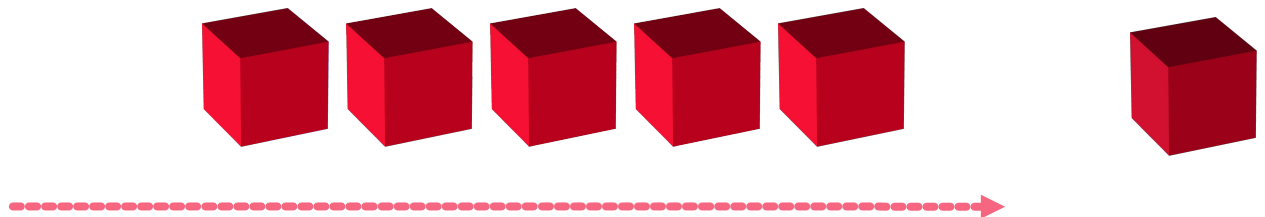
**Fila**



# Filas

- É uma estrutura de dados importantíssima para:
  - gerência de dados/processos por ordem cronológica:
    - Fila de impressão em uma impressora de rede;
    - Fila de pedidos de uma expedição ou tele-entrega.
  - simulação de processos seqüenciais:
    - chão de fábrica: fila de camisetas a serem estampadas;
    - comércio: simulação de fluxo de um caixa de supermercado;
    - tráfego: simulação de um cruzamento com um semáforo.

**Fila**

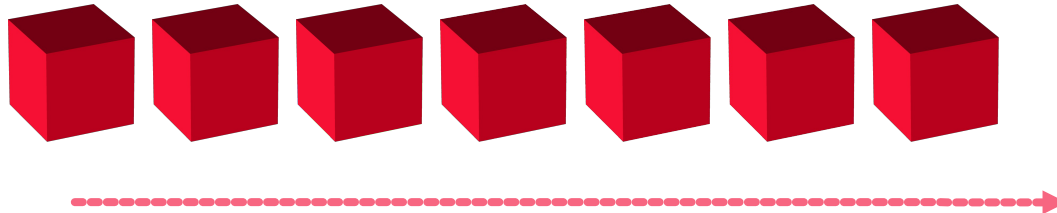




# Filas

- É uma estrutura de dados importantíssima para:
  - gerência de dados/processos por ordem cronológica:
    - Fila de impressão em uma impressora de rede;
    - Fila de pedidos de uma expedição ou tele-entrega.
  - simulação de processos seqüenciais:
    - chão de fábrica: fila de camisetas a serem estampadas;
    - comércio: simulação de fluxo de um caixa de supermercado;
    - tráfego: simulação de um cruzamento com um semáforo.

**Fila**

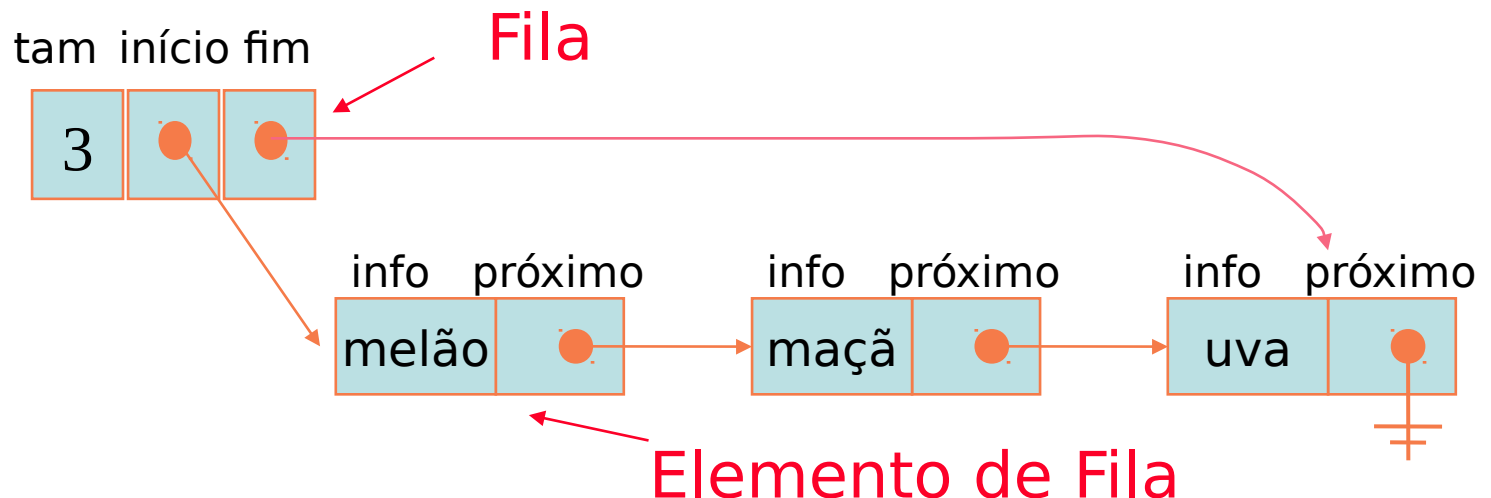


# Filas: representação

- Extensão da lista encadeada:
  - referenciamos o último elemento também;
  - adicionamos no fim;
  - excluímos do início.

Pseudo-código:

```
classe tFila {  
    tElemento *início;  
    tElemento *fim;  
    inteiro tamanho;  
};
```

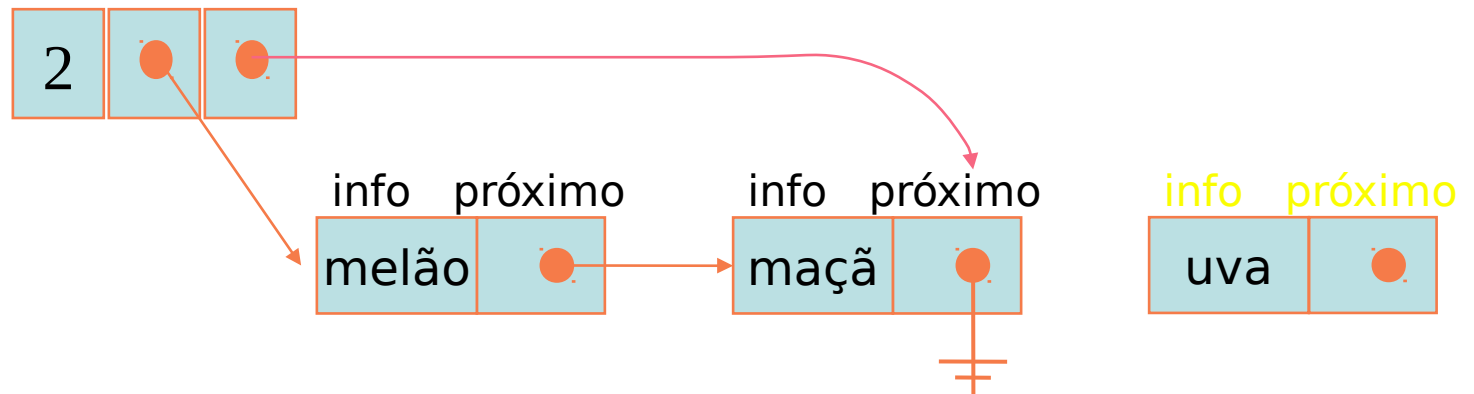


# Algoritmo CriaFila

```
MÉTODO criaFila()  
  //Inicializa a cabeça e o tamanho da fila  
  início  
    início <- NULO;  
    fim <- NULO;  
    tamanho <- 0;  
    RETORNE(aFila);  
  fim;
```

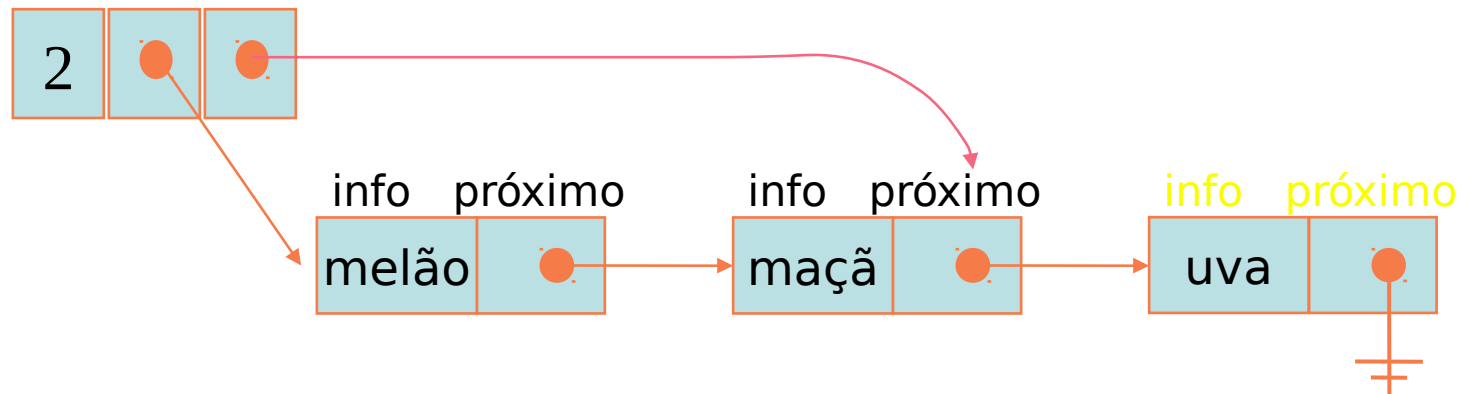
# Algoritmo Adiciona (Fila)

tam início fim



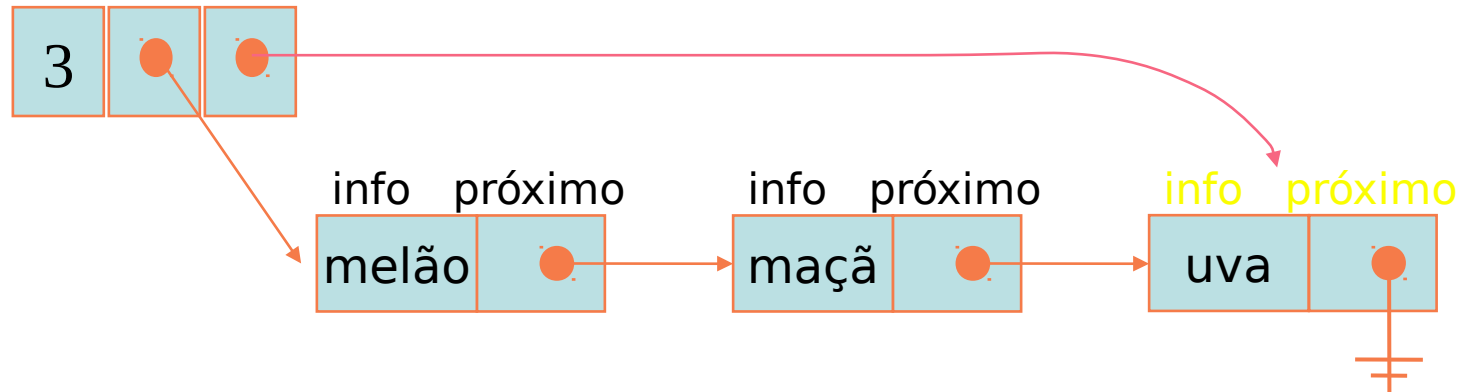
# Algoritmo Adiciona (Fila)

tam início fim



# Algoritmo Adiciona (Fila)

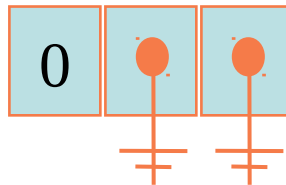
tam início fim



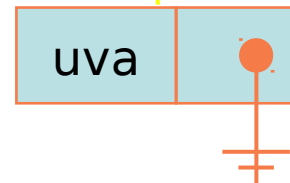
# Algoritmo Adiciona (Fila)

Caso especial: Fila Vazia

tam início fim

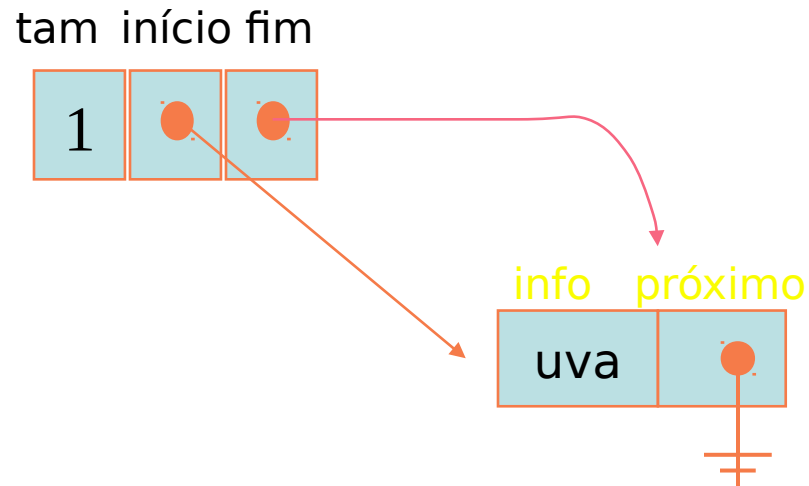


info próximo



# Algoritmo Adiciona (Fila)

Caso especial: Fila Vazia

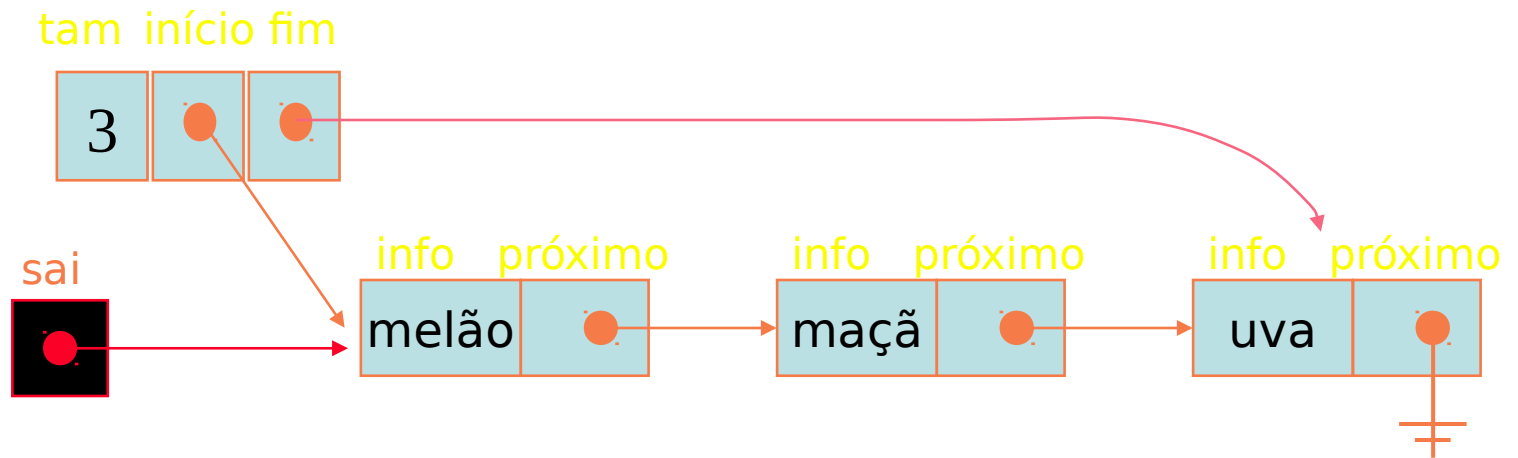




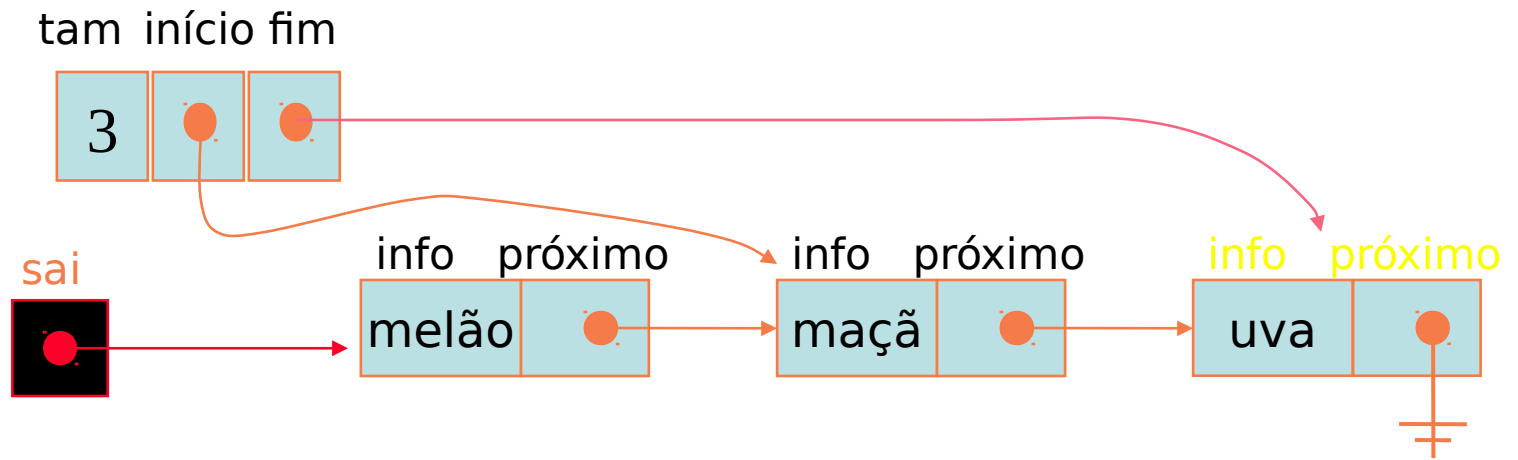
# Algoritmo Adiciona (Fila)

```
inteiro MÉTODO adiciona(T *dato)
  variáveis
    tElemento *novo; //Variável auxiliar para o novo elemento.
  início
    novo <- alogue(tElemento);
    SE ( novo == NULO)
      THROW FILACHEIA;
    SE filaVazia() ENTÃO
      início <- novo
    SENÃO
      fim->próximo <- novo;
    FIM SE
      novo->próximo <- NULO;
      novo->info <- dato;
      fim <- novo;
      tamanho <- tamanho + 1;
      RETORNE(tamanho);
    FIM SE
  fim;
```

# Algoritmo Retira (Fila)

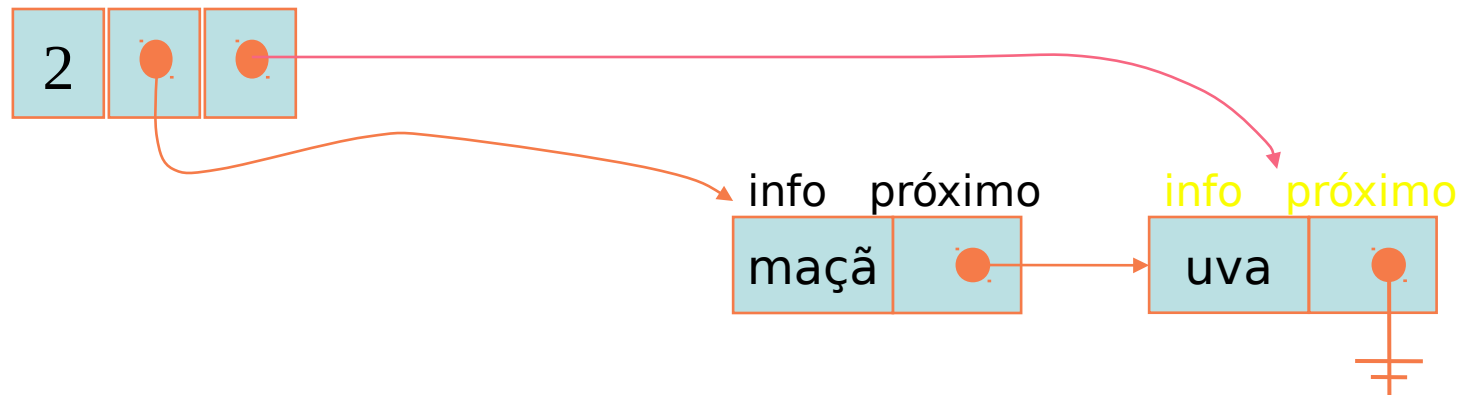


# Algoritmo Retira (Fila)



# Algoritmo Retira (Fila)

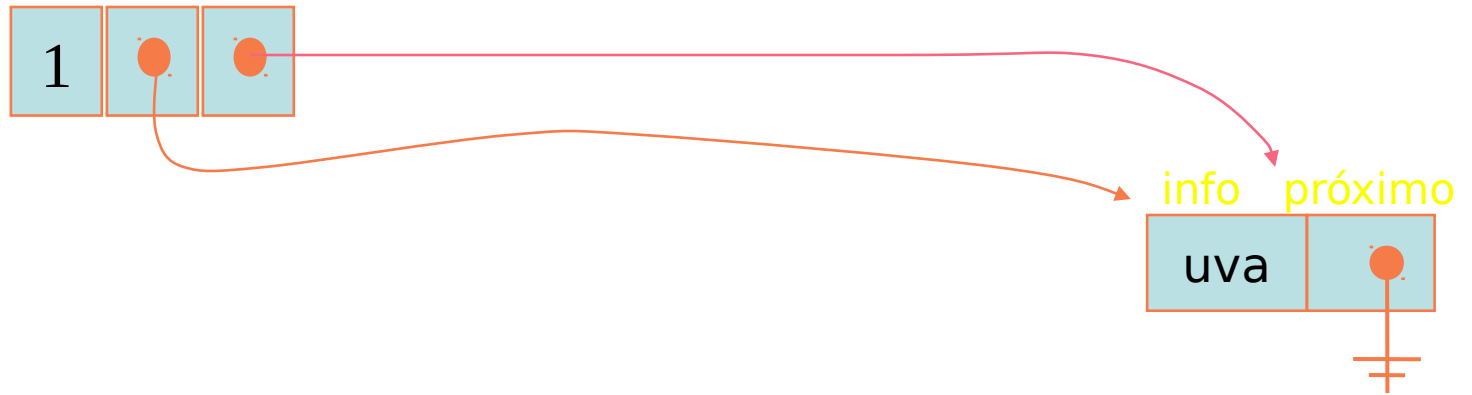
tam início fim



# Algoritmo Retira (Fila)

Caso especial: Fila Unitária

tam início fim

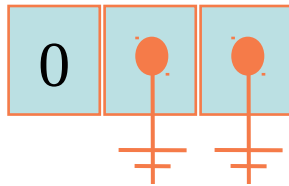


Não preciso de uma variável auxiliar sai.

# Algoritmo Retira (Fila)

Caso especial: Fila Unitária

tam início fim



# Algoritmo RetiraDoInício (Fila)

```
T* MÉTODO retiraDoInício()  
  //Elimina o primeiro elemento de uma fila.  
  //Retorna a informação do elemento eliminado ou NULO.  
  variáveis  
    tElemento *saiu; //Variável auxiliar para o primeiro elemento.  
    T *volta; //Variável auxiliar para o dado retornado.  
  início  
    SE (filaVazia()) ENTÃO  
      THROW FILAVAZIA;  
    SENÃO  
      saiu <- início;  
      volta <- saiu->info;  
      início <- saiu->próximo;  
      //Se SAIU for o único, próximo é NULO e está certo.  
      SE (tamanho = 1) ENTÃO  
        //Fila unitária: devo anular o fim também.  
        fim <- NULO;  
      FIM SE  
      tamanho <- tamanho - 1;  
      LIBERE(saiu);  
      RETORNE(volta);  
    FIM SE  
  fim;
```

# Exercício

- Implemente uma classe FilaEncadeada
- Implemente a fila usando Templates
- Use as melhores práticas de orientação a objetos
- Documente todas as classes, métodos e atributos.
- Aplique os testes unitários disponíveis no moodle da disciplina para validar sua estrutura de dados.

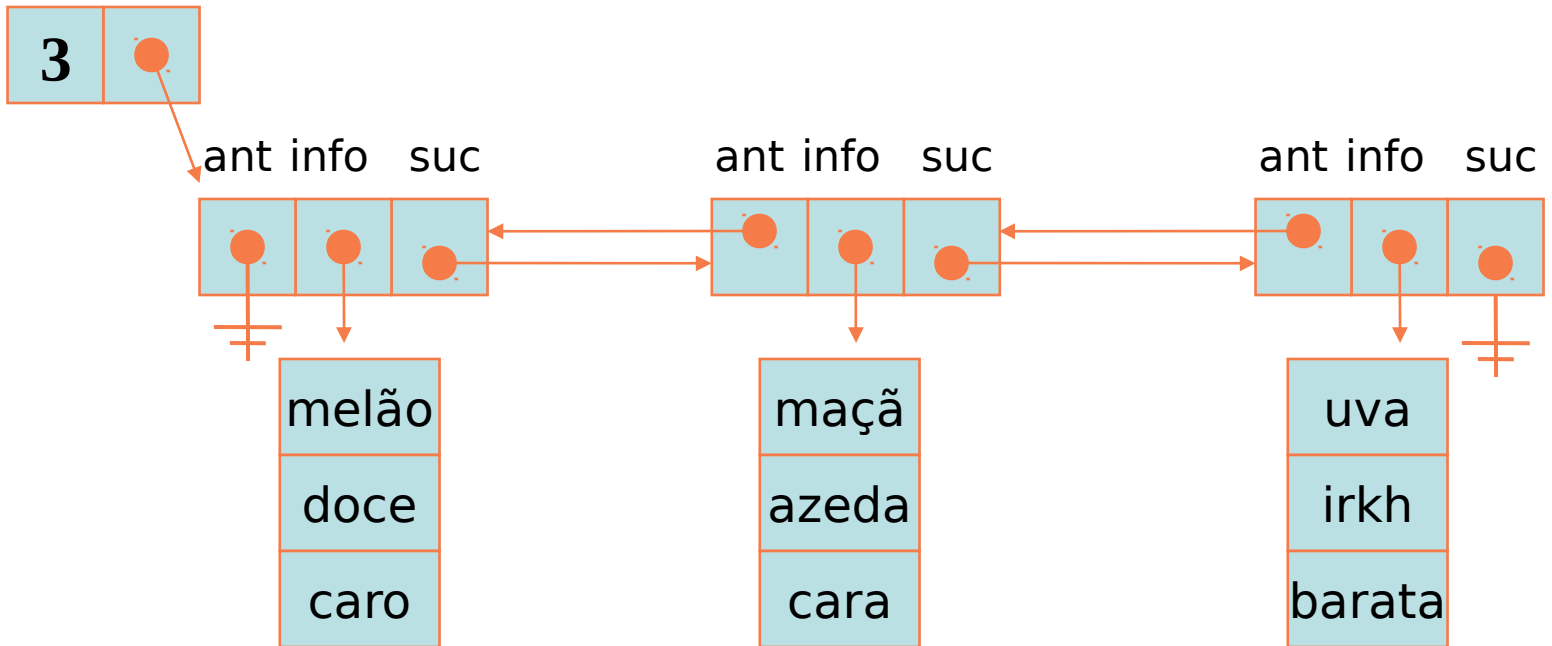


# Listas Duplamente Encadeadas

- A Lista Encadeada e a Fila Encadeada possuem a desvantagem de somente podermos caminhar em uma direção:
  - vimos que para olhar um elemento pelo qual “acabamos de passar” precisamos de uma variável auxiliar “anterior”;
  - para olhar outros elementos ainda anteriores não temos nenhum meio, a não ser começar de novo.
- A Lista Duplamente Encadeada é uma estrutura de lista que permite deslocamento em ambos os sentidos:
  - útil para representar conjuntos de eventos ou objetos a serem percorridos em dois sentidos;
  - ex.: itinerários de ônibus, trem ou avião;
  - útil também quando realizamos uma busca aproximada e nos movemos para a frente e para trás.

# Listas Duplamente Encadeadas - Modelagem

tam dados



# Modelagem: Cabeça de ListaDupla

- Necessitamos:
  - um ponteiro para o primeiro elemento da lista;
  - um inteiro para indicar quantos elementos a lista possui.

- Pseudo-código:

```
classe tListaDupla {  
    tElementoDuplo *dados;  
    inteiro tamanho;  
};
```

# Modelagem: Elemento de ListaDupla

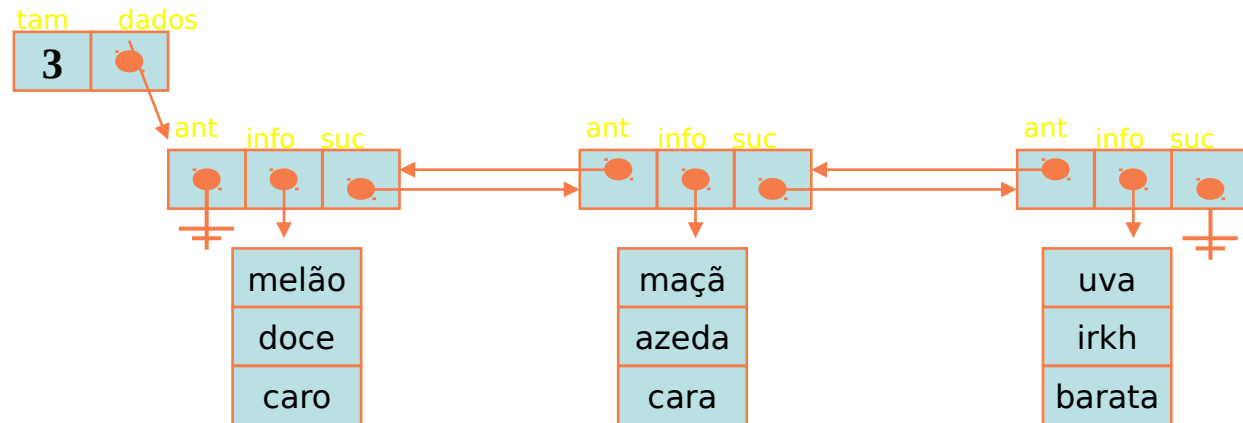
- Necessitamos:
  - um ponteiro para o elemento anterior na lista;
  - um ponteiro para o elemento sucessor na lista;
  - um ponteiro para a informação que vamos armazenar.

- Pseudo-código:

```
classe tElementoDuplo {  
    tElementoDuplo *anterior;  
    tElementoDuplo *sucessor;  
    T *info;  
};
```

# Modelagem da Lista Duplamente Encadeada

- Aspecto Funcional:
  - colocar e retirar dados da lista;
  - testar se a lista está vazia e outros testes;
  - inicializá-la e garantir a ordem dos elementos.



# Modelagem da Lista Duplamente Encadeada

- Operações - colocar e retirar dados da lista:
  - AdicionaDuplo(dado)
  - AdicionaNoInícioDuplo(dado)
  - AdicionaNaPosiçãoDuplo(dado, posição)
  - AdicionaEmOrdemDuplo(dado)
  
  - RetiraDuplo()
  - RetiraDoInícioDuplo()
  - RetiraDaPosiçãoDuplo(posição)
  - RetiraEspecíficoDuplo(dado)

# Modelagem da Lista Duplamente Encadeada

- Operações - testar a lista e outros testes:
  - ListaVaziaDuplo()
  - PosiçãoDuplo(dado)
  - ContémDuplo(dado)
- Operações - inicializar ou limpar:
  - CriaListaDupla()
  - DestróiListaDupla()

# Algoritmo CriaListaDupla

```
Método criaListaDupla()  
  //Inicializa as variáveis  
    dados <- NULO;  
    tamanho <- 0;  
fim;
```



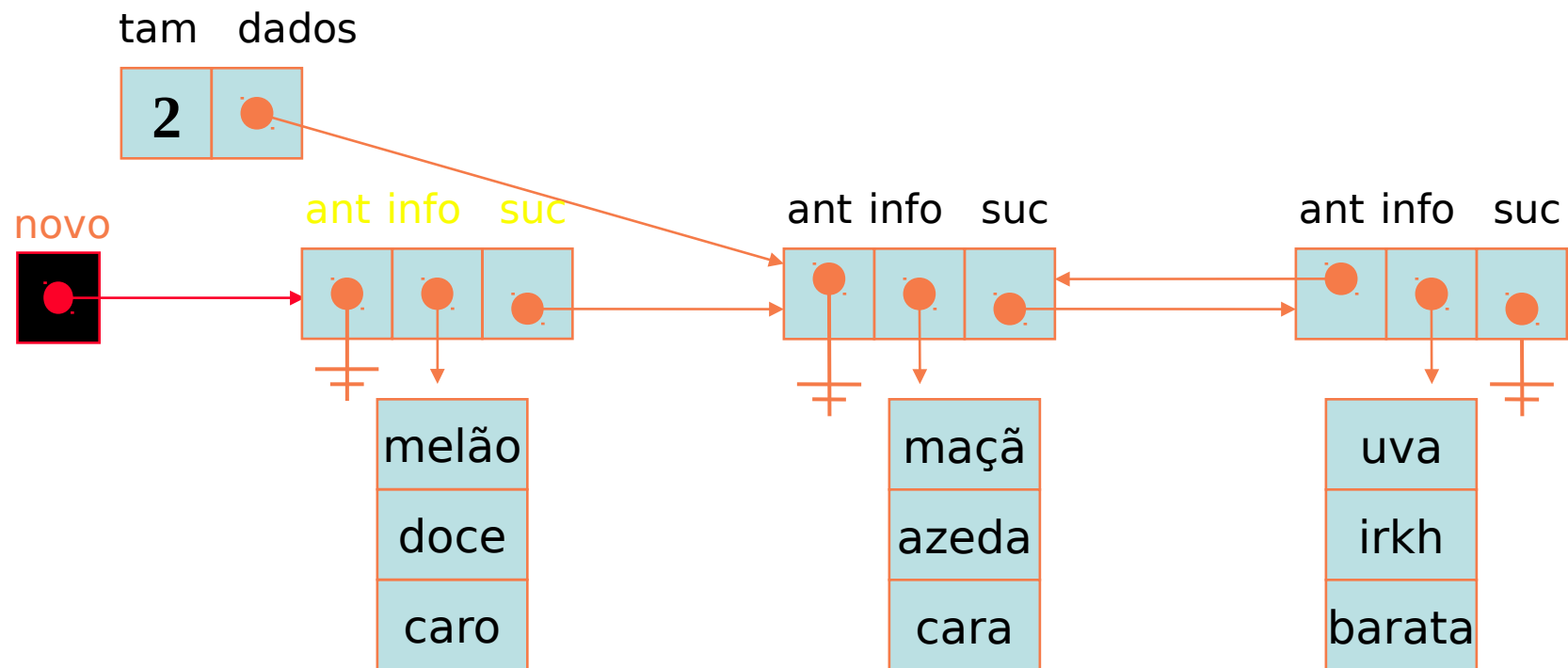
# Algoritmo ListaVaziaDuplo

```
Booleano Método listaVaziaDuplo()  
  início  
    SE (tamanho = 0) ENTÃO  
      RETORNE(Verdadeiro)  
    SENÃO  
      RETORNE(Falso);  
  fim;
```

# Algoritmo AdicionaNoInicioDuplo

- Procedimento:
  - fazemos o sucessor deste novo elemento ser o primeiro da lista;
  - fazemos o seu antecessor ser NULO;
  - fazemos a cabeça de lista apontar para o novo elemento.
- Parâmetros:
  - o dado a ser inserido;

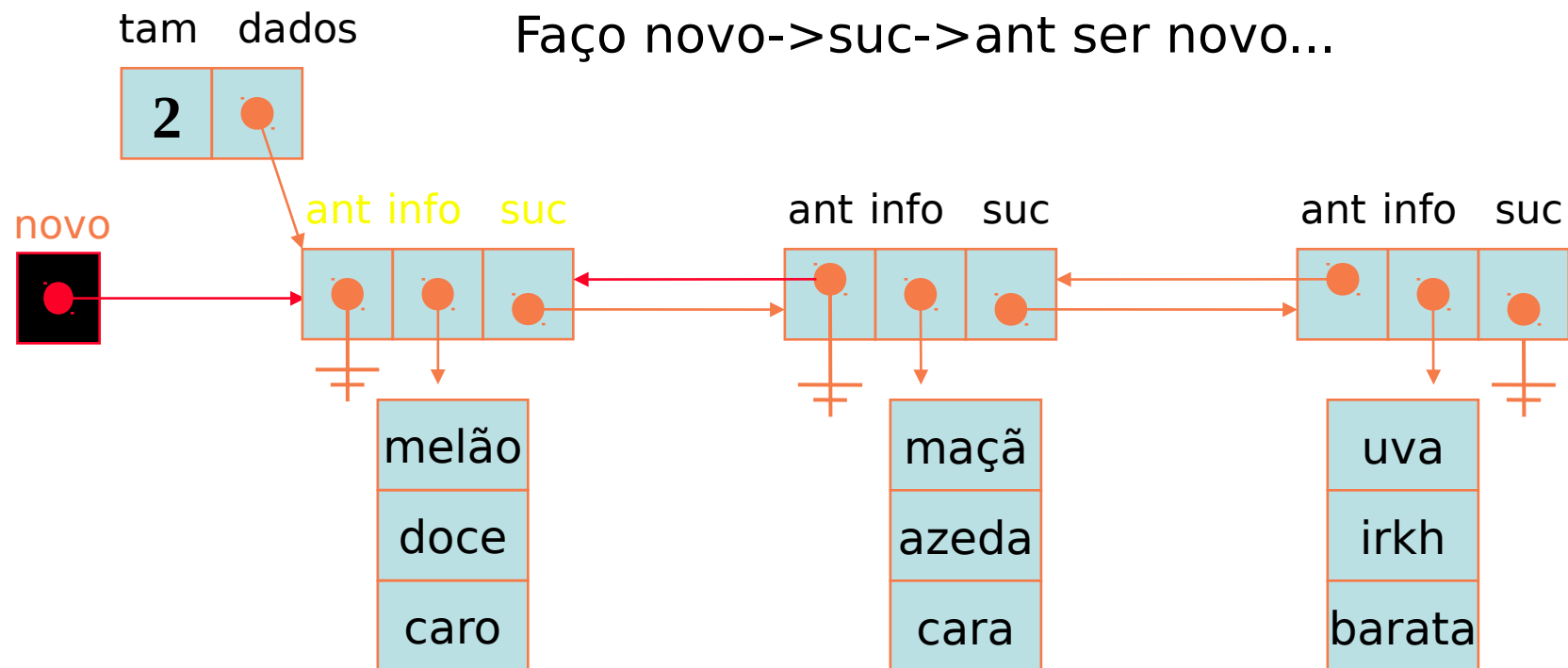
# Algoritmo AdicionaNoInicioDuplo



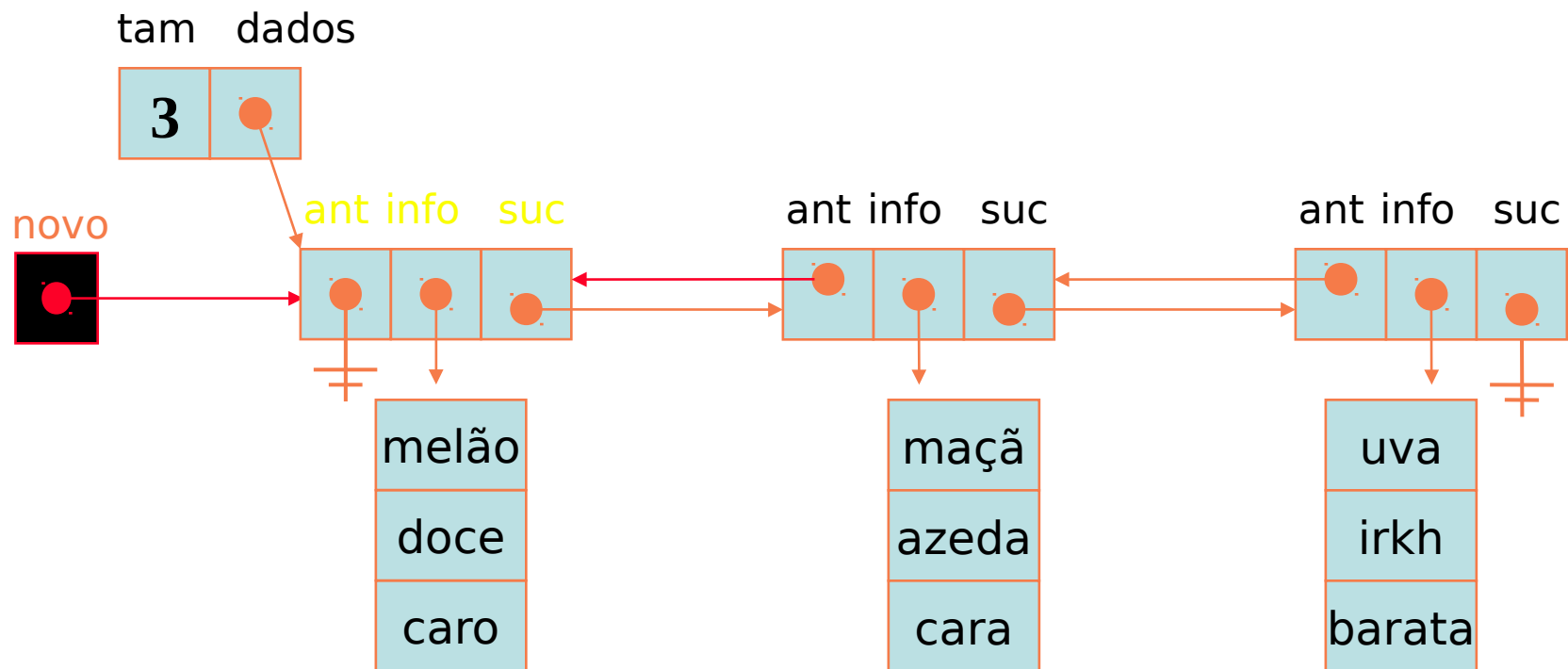
# Algoritmo AdicionaNoInicioDuplo

Caso novo->suc não seja nulo...

Faço novo->suc->ant ser novo...



# Algoritmo AdicionaNoInicioDuplo



# Algoritmo AdicionaNoInícioDuplo

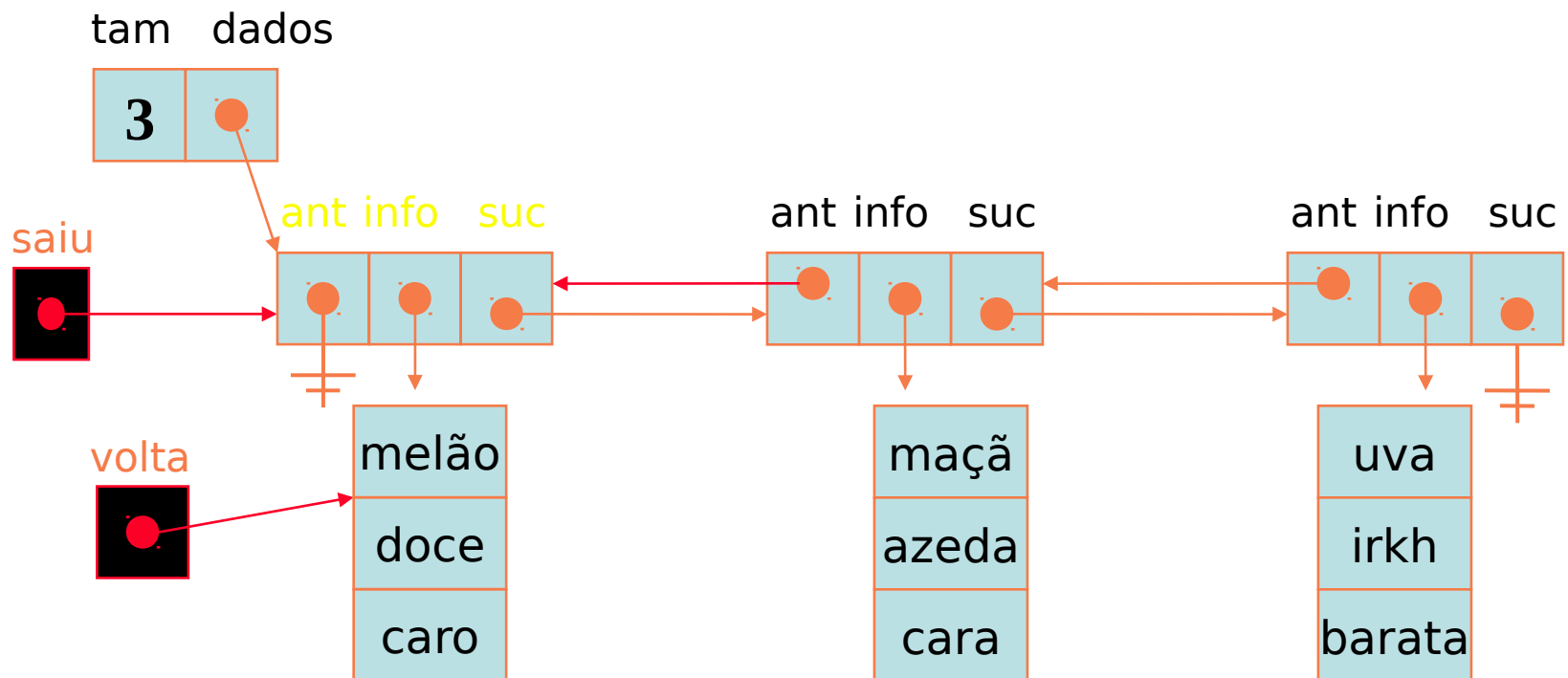
```
Inteiro MÉTODO adicionaNoInícioDuplo(T *dado)
    variáveis
        tElementoDuplo *novo; //Variável auxiliar para o novo elemento.
    início
        novo <- alocue(tElementoDuplo);
        SE ( novo == NULO )
            THROW LISTACHEIA;
        novo->suc <- dados;
        novo->ant <- NULO;
        novo->info <- dado;
        dados <- novo;
        SE (novo->suc ~= NULO) ENTÃO
            novo->suc->ant <- novo;
        FIM SE;
        tamanho <- tamanho + 1;
        RETORNE(1);

    fim;
```

# Algoritmo RetiraDoInicioDuplo

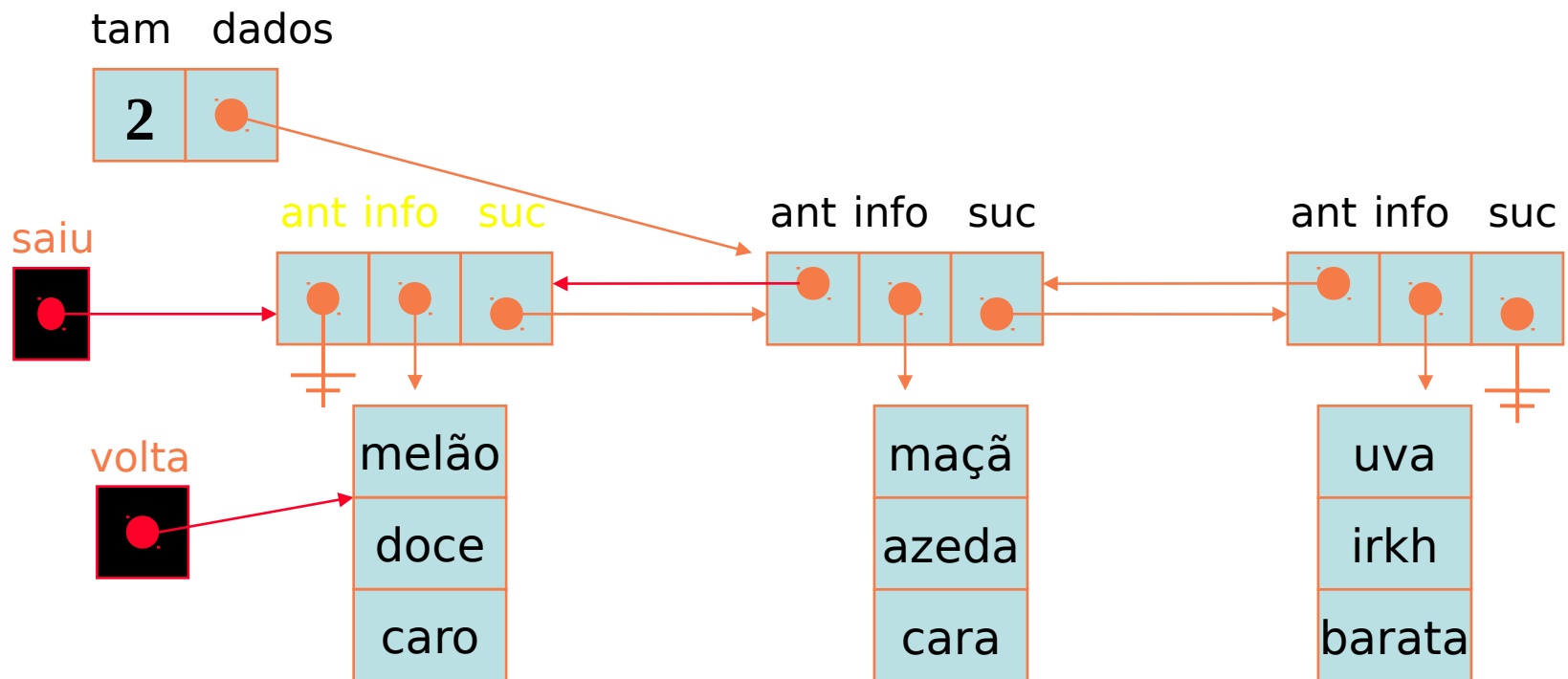
- Procedimento:
  - testamos se há elementos;
  - decrementamos o tamanho;
  - se o elemento possuir sucessor, o antecessor do sucessor será NULO;
  - liberamos a memória do elemento;
  - devolvemos a informação.

# Algoritmo RetiraDoInicioDuplo

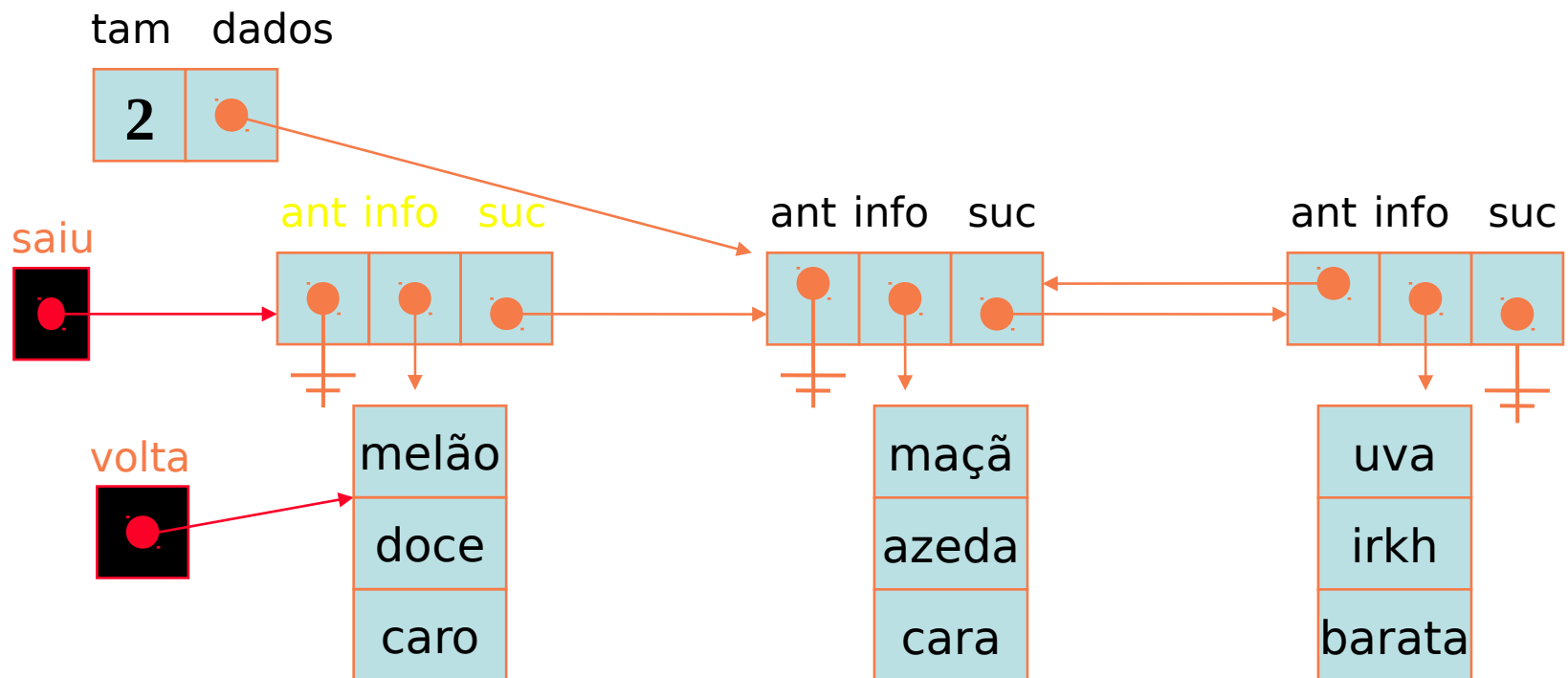




# Algoritmo RetiraDoInicioDuplo



# Algoritmo RetiraDoInicioDuplo

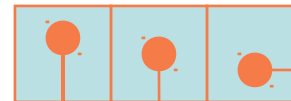


# Algoritmo RetiraDoInicioDuplo

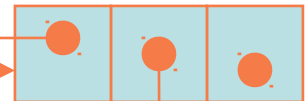
tam dados



ant info suc



ant info suc



# Algoritmo RetiraDoInicioDuplo

```
T* MÉTODO retiraDoInicioDuplo()  
  //Elimina o primeiro elemento de uma lista duplamente encadeada.  
  //Retorna a informação do elemento eliminado ou NULO.  
  variáveis  
    tElementoDuplo *saiu; //Variável auxiliar para o primeiro elemento.  
    T *volta; //Variável auxiliar para o dado retornado.  
  início  
    SE (listaVaziaDuplo()) ENTÃO  
      THROW LISTAVAZIA;  
    SENÃO  
      saiu <- dados;  
      volta <- saiu->info;  
      dados <- saiu->suc;  
      SE (dados ~= NULO) ENTÃO  
        dados->ant <- NULO;  
      FIM SE  
      tamanho <- tamanho - 1;  
      LIBERE(saiu);  
      RETORNE(volta);  
    FIM SE  
  fim;
```

# Algoritmo AdicionaNaPosiçãoDuplo

- Praticamente idêntico à lista encadeada;
- Procedimento:
  - caminhamos até a posição;
  - adicionamos o novo dado na posição;
  - incrementamos o tamanho.
- Parâmetros:
  - o dado a ser inserido;
  - a posição onde inserir;

# Algoritmo AdicionaNaPosição

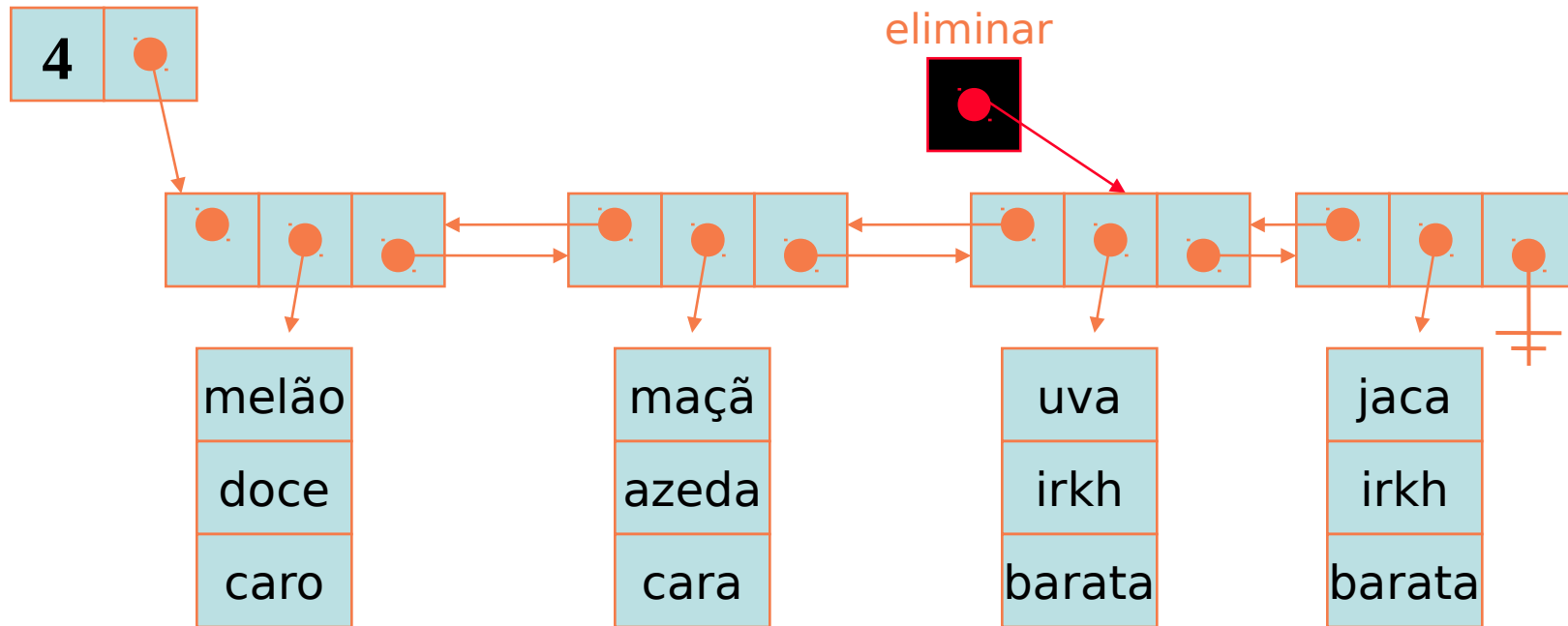
```
Inteiro MÉTODO adicionaNaPosiçãoDuplo(T *info, inteiro posição)
//Adiciona novo elemento na posição informada.
//Retorna o novo número de elementos da lista ou erro.
variáveis
    tElementoDuplo *novo, *anterior; //Ponteiros auxiliares.
início
    SE (posição > tamanho + 1 OU posição < 1) ENTÃO
        THROW(ERROPOSIÇÃO)
    SENÃO
        SE (posição = 1) ENTÃO
            RETORNE(adicionaNoInícioDuplo(info))
        SENÃO
            novo <- alocue(tElemento);
            SE (novo = NULO) ENTÃO
                THROW(ERROLISTACHEIA)
            SENÃO
                anterior <- dados;
                REPITA (posição - 2) VEZES
                    anterior <- anterior->suc;
                novo->suc <- anterior->suc;
                SE (novo->suc ~= NULO) ENTÃO //Se o novo não é o último da lista...
                    novo->suc->ant <- novo; //Faço o antecessor do sucessor do novo.
                FIM SE
                novo->info <- info;
                anterior->suc <- novo;
                novo->ant <- anterior;
                tamanho <- tamanho + 1;
                RETORNE(tamanho);
            FIM SE
        FIM SE
    FIM SE
fim;
```

# Algoritmo RetiraDaPosiçãoDuplo

- Mais simples que na Lista Encadeada;
- Procedimento:
  - testamos se a posição existe;
  - caminhamos até a posição;
  - retiramos o dado da posição;
  - decrementamos o tamanho.
- Parâmetros:
  - a posição de onde retirar;

# Algoritmo RetiraDaPosiçãoDuplo

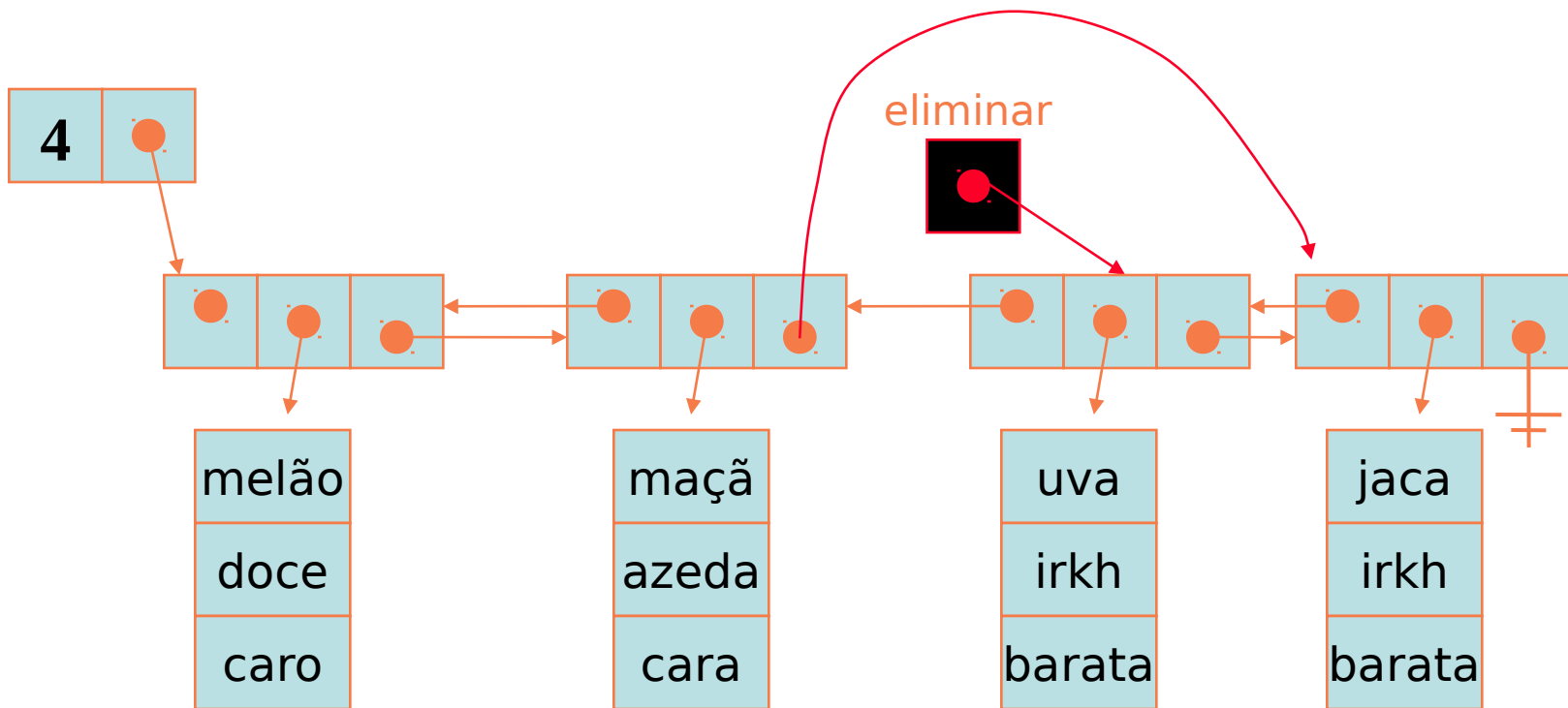
Posições > 1





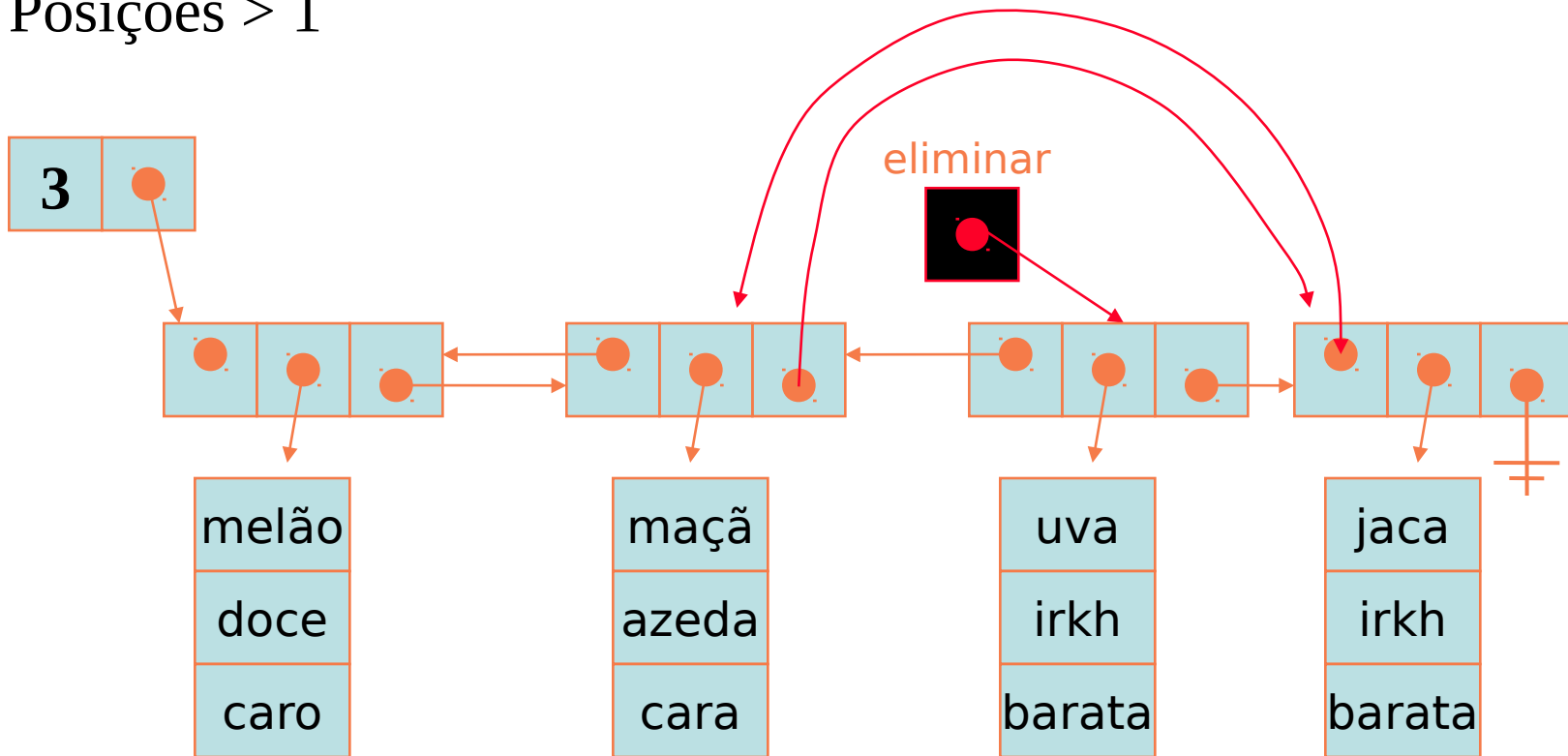
# Algoritmo RetiraDaPosiçãoDuplo

Posições > 1



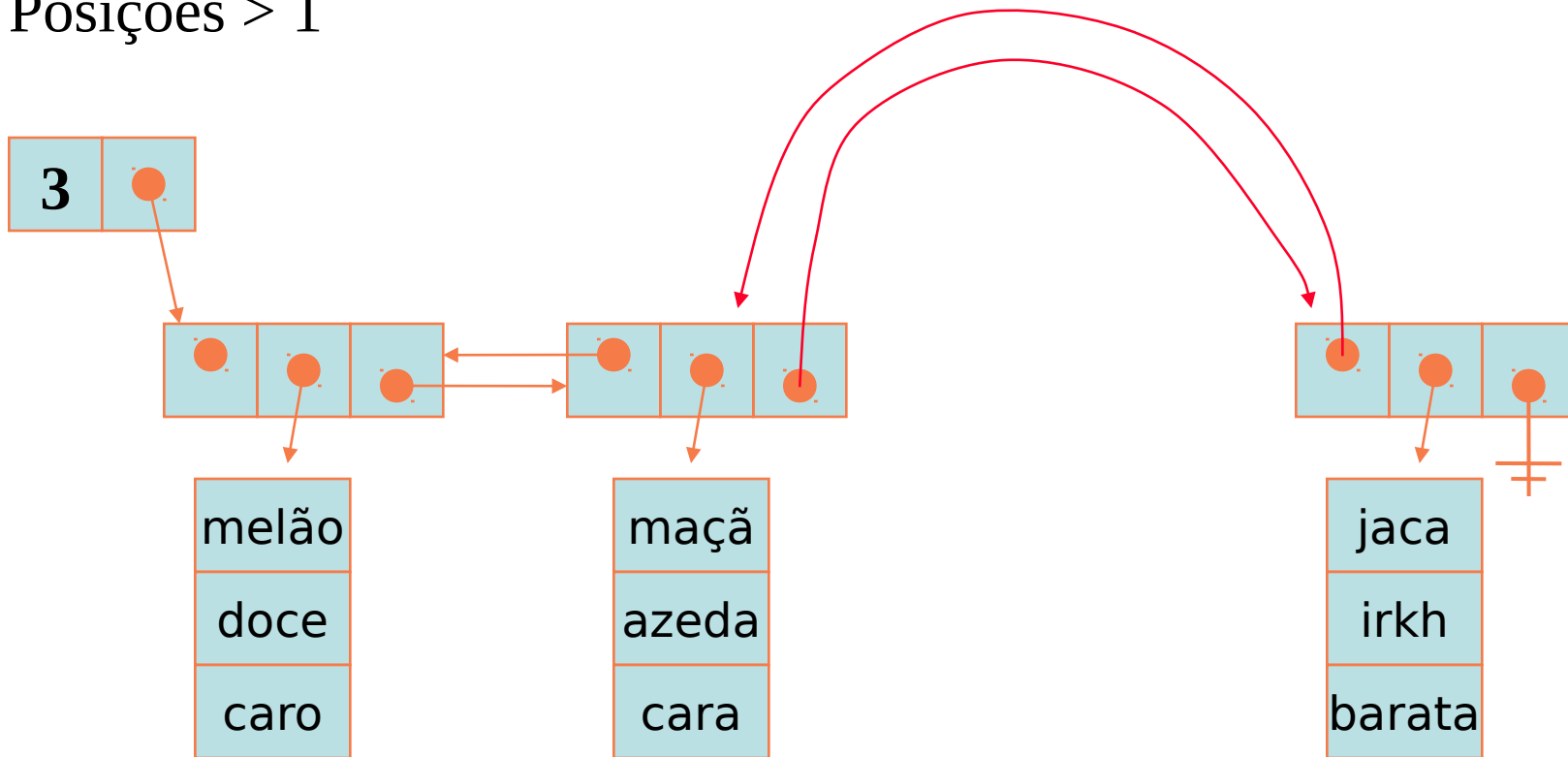
# Algoritmo RetiraDaPosiçãoDuplo

Posições > 1



# Algoritmo RetiraDaPosiçãoDuplo

Posições > 1



# Algoritmo RetiraDaPosiçãoDuplo

```
T* MÉTODO retiraDaPosiçãoDuplo(inteiro posição)
//Elimina o elemento da posição informada.
//Retorna a informação do elemento eliminado ou NULO.
variáveis
    tElementoDuplo *anterior, *eliminar; //Variável auxiliar para elemento.
    T *volta; //Variável auxiliar para o dado retornado.
início
    SE (posição > tamanho OU posição < 1) ENTÃO
        THROW (ERROPOSICAO)
    SENÃO
        SE (posição = 1) ENTÃO
            RETORNE(retiraDoInícioDuplo())
        SENÃO
            anterior <- dados;
            REPITA (posição - 2) VEZES
                anterior <- anterior->suc;
            eliminar <- anterior->suc;
            volta <- eliminar->info;
            anterior->suc <- eliminar->suc;
            SE eliminar->suc ~= NULO ENTÃO
                eliminar->suc->ant <- anterior;
            FIM SE
            tamanho <- tamanho - 1;
            LIBERE(eliminar);
            RETORNE(volta);
        FIM SE
    FIM SE
fim;
```

# Algoritmo AdicionaEmOrdemDuplo

- Idêntico à lista encadeada;
- Procedimento:
  - necessitamos de uma função para comparar os dados (maior);
  - procuramos pela posição onde inserir comparando dados;
  - chamamos **adicionaNaPosiçãoDuplo()**.
- Parâmetros:
  - o dado a ser inserido.

# Algoritmo AdicionaEmOrdemDuplo

```
Inteiro Método adicionaEmOrdemDuplo(T *dado)
    variáveis
        tElementoDuplo *atual; //Variável auxiliar para caminhar.
        inteiro posição;
    início
        SE (listaVaziaDupla()) ENTÃO
            RETORNE(adicionaNoInícioDuplo( dado))
        SENÃO
            atual <- dados;
            posição <- 1;
            ENQUANTO (atual->suc ~= NULO E maior(dado, atual->info)) FAÇA
                //Encontrar posição para inserir.
                atual <- atual->suc;
                posição <- posição + 1;
            FIM ENQUANTO
            SE maior(dado, atual->info) ENTÃO //Parou porque acabou a lista.
                RETORNE(adicionaNaPosiçãoDuplo(dado, posição + 1))
            SENÃO
                RETORNE(adicionaNaPosiçãoDuplo(dado, posição));
            FIM SE
        FIM SE
    fim;
```

## Por conta do aluno:

- Operações de inclusão e exclusão:
  - AdicionaDuplo(dado)
  - RetiraDuplo()
  - RetiraEspecíficoDuplo(dado)
- Operações - inicializar ou limpar:
  - DestróiListaDupla()



## Atribuição-Uso Não-Comercial-Compartilhamento pela Licença 2.5 Brasil

*Você pode:*

- copiar, distribuir, exibir e executar a obra
- criar obras derivadas

*Sob as seguintes condições:*

Atribuição — Você deve dar crédito ao autor original, da forma especificada pelo autor ou licenciante.

Uso Não-Comercial — Você não pode utilizar esta obra com finalidades comerciais.

Compartilhamento pela mesma Licença — Se você alterar, transformar, ou criar outra obra com base nesta, você somente poderá distribuir a obra resultante sob uma licença idêntica a esta.

Para ver uma cópia desta licença, visite <http://creativecommons.org/licenses/by-nc-sa/2.5/br/> ou mande uma carta para Creative Commons, 171 Second Street, Suite 300, San Francisco, California, 94105, USA.