Contrôle d'informatique no 1

Durée: 1 heure 45'

Nom:	
Prénom:	 Groupe:

ts

1. On considère la fonction logique F(x, y, z, t) à quatre variables donnée par sa table de vérité :

N°	X	у	Z	t	F
0	0	0	0	0	1
1	0	0	0	1	1
2	0	0	1	0	0
3	0	0	1	1	1
4	0	1	0	0	0
5	0	1	0	1	0
6	0	1	1	0	1
7	0	1	1	1	1
8	1	0	0	0	1
9	1	0	0	1	1
10	1	0	1	0	0
11	1	0	1	1	1
12	1	1	0	0	0
13	1	1	0	1	0
14	1	1	1	0	1
15	1	1	1	1	1

1.1. Etablir la table de Karnaugh de cette fonction logique F(x, y, z, t).

1.2	Donner une forme simplifiée de F par la table de Karnaugh ci-dessus.
	•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••
1.3.	Soient les fonctions $F_1(x,y,z,t)=yz+\overline{y}\overline{z}+zt$ et $F_2(x,y,z,t)=yz+\overline{y}\overline{z}+\overline{y}t.$
	Justifier que $F_1 = F_2$ ou que $F_1 \neq F_2$ rigoureusement par la méthode de votre choix.

1.4	Soit la fonction $G(x, y, z) = F(x, y, z, t)$ lorsque nous posons $t = x$. Etablir la table de Karnaugh de G et l'utiliser pour exprimer cette fonction à l'aide des opérateurs de $disjonction(+)$, $conjonction(\cdot)$, $complémentarité(^-)$ et ou exclusif(\oplus).
	••••••
2.	On considère la fonction logique à quatre variables donnée par : $H(x,y,z,t) \ = \ \overline{y\overline{z}+\overline{y}z\overline{t}} \ .$
2.1.	Par les lois de l'algèbre booléenne, donner H sous forme d'une somme d'impliquants
	premiers. Précisez les lois que vous utilisez.

	••••••••••••••••••••••••••••••
2.2.	Donner cette fonction H dans sa forme canonique décimale.

3.	Soit le nombre $N = 6.8125$ dans la base décimale.
3.1	Exprimer ce nombre N dans la base 2 puis l'écrire dans le format IEEE754 à simple précision (donner une définition complète de ce format).
	•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••

	••••••
	••••••
3.2	Donner le nombre N', représenté par le résultat ci-dessous, en base décimale.
	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$
	••••••
	••••••
	••••••
	••••••
	••••••
	••••••
	••••••

4.1.	Ecrire le nombre $N=1110.11_2$ dans la base hexadécimale et dans le code DCB.
	•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••

4.2.	Justifier que le nombre $N' = 8 \cdot N$ est un nombre entier en effectuant les calculs en base binaire et donner le nombre $-N'$ par la méthode du complément à la base dans un champ de deux octets (16 bits).
	•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••