Contrôle d'informatique no 1

Durée: 1 heure 45'

Nom:		
Prénom:	 Groupe:	

No	1	2	3	4
Nbre pts: 60	13 pts	13 pts	22 pts	12 pts

1. On considère la fonction logique à quatre variables donnée par :

$$F(x, y, z, t) = xy(\overline{t} + \overline{z}t) + \overline{(\overline{x} + \overline{y} + \overline{z} + \overline{t})} + x\overline{y(\overline{zt + \overline{z}}\overline{t})}$$

1.1. En utilisant uniquement les lois de l'algèbre de Boole (celles-ci étant à préciser), montrer que :

$$F(x, y, z, t) = xy + x(z \oplus t)$$

•••••	
••••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
••••••	••••••
•••••	
••••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
••••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •

1.2.	Représenter la fonction $G(x, y, z, t) = F(x, y, z, t) + \overline{zt}$ dans une table de Karnaugh et la simplifier par des regroupements adéquats.			
	••••••			
1.3.	Donner une forme simplifiée de $H(x, y, z, t) = G(x, y, z, t) + x y t z$.			
	•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••			
	•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••			
	•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••			

2.	Soit la fonction logique donnée par sa forme canonique décimale :
	$F(x, y, z, t) = \sum_{i=0}^{\infty} 0,1,2,3,4,5,6,7,8,9,10,11,12,13,15$
2.1	Exprimer cette fonction F à l'aide des opérations conjonction, disjonction et complé mentarité sous la forme la plus concise possible.
	•••••
2.2	F est-elle égale à l'une des fonctions logiques suivantes ?
	a) $G(x, y, z, t) = ((x \Rightarrow y) \Rightarrow z) \Rightarrow t$
	b) $H(x, y, z, t) = (x \Rightarrow y) \Rightarrow (z \Rightarrow t)$
	c) $K(x, y, z, t) = x \Rightarrow (y \Rightarrow (z \Rightarrow t))$
	d) $L(x, y, z, t) = \overline{x \overline{y} \overline{z}}$

Justifier complètement votre réponse pour chacune des quatre fonctions.

•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••
•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••
•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••
•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••
•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••
•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••
•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••
••••••
••••••

3.	1	C 'ANT	1 1	1 /	1 DCD
1	1	SOIT IN	ie nombre	aonne en	code DCB:
┙.	1.	DOIL II,	ic momore	domine em	COUC DCD.

 $N = 0001 \ 0010 \ 0101 \ .1000 \ 0001 \ 0010 \ 0101$

Exprimer ce nombre en hexadécimal.
•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••
•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••
•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••

3.2.	Représenter ce nombre dans le format IEEE754 après avoir donné une définition de
	cette norme.
	a) Définition précise de la norme :
	b) Représentation du nombre N dans cette norme :
	•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••
	•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••
	•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••
	•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••
	•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••
	••••••
	••••••
	••••••

4.	Soit le nombre décimal N = 145.
4.1.	Représenter ce nombre N en code binaire en faisant figurer les opérations.
4.2.	Donner le code du nombre positif N et du nombre négatif – N dans un champ de 2 octets (16 bits). On utilisera la représentation par complément à la base pour le nombre négatif.

4.3.	Quel nombre N' représente le code binaire précédent de N, si on le considère comme un nombre codé dans un champ d'un octet (8 bits); on retiendra de N les 8 derniers bits de deux octets du point précédent. Peut-on justifier la valeur de N' par un simple calcul?
	••••••
	••••••
	••••••
	••••••
	•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••
	•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••
	•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••
	•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••
	•••••••••••••••••••••••••••••••••••••••
	••••••••••••••••••••••••••••••••••••