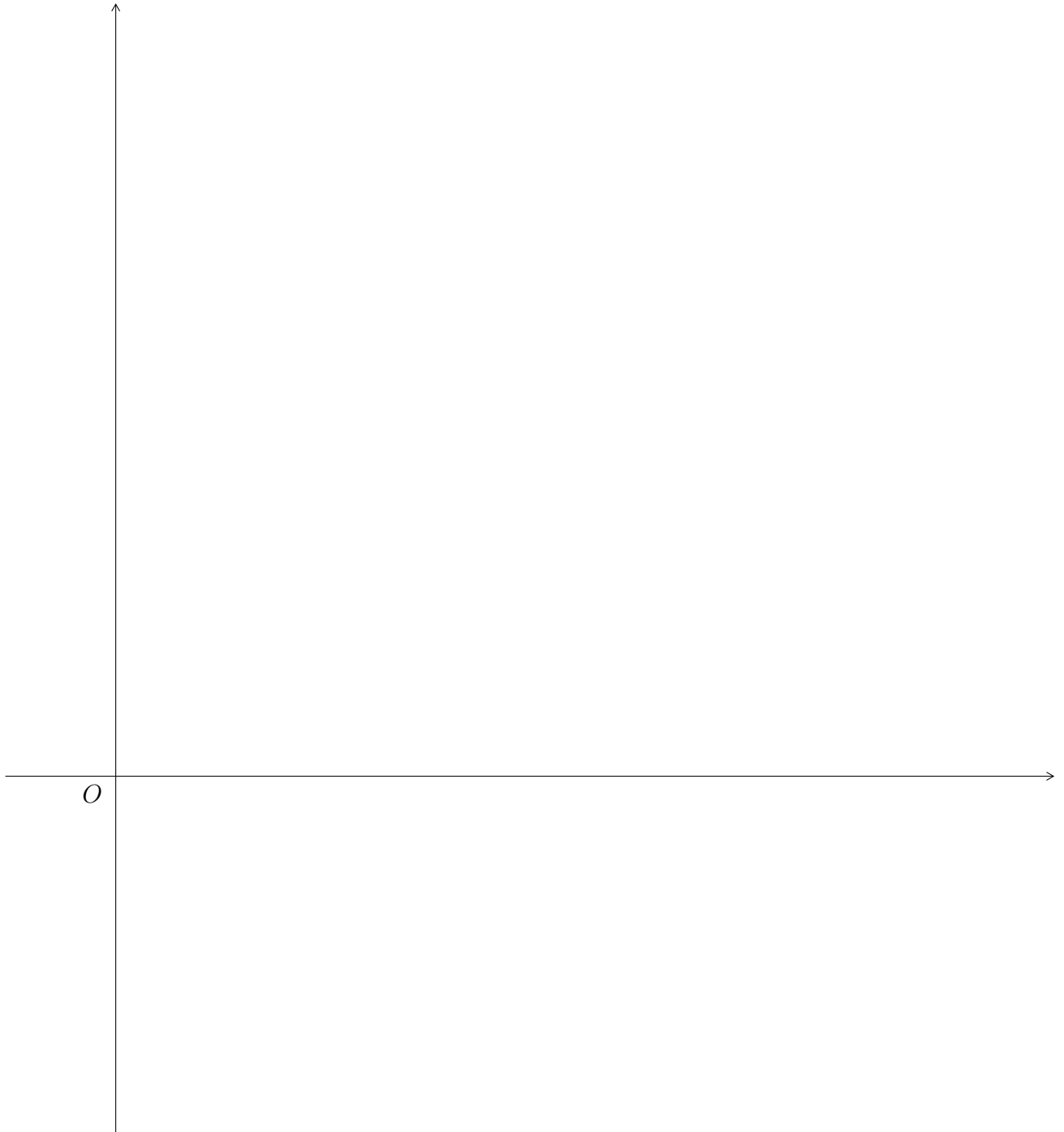


Affinité

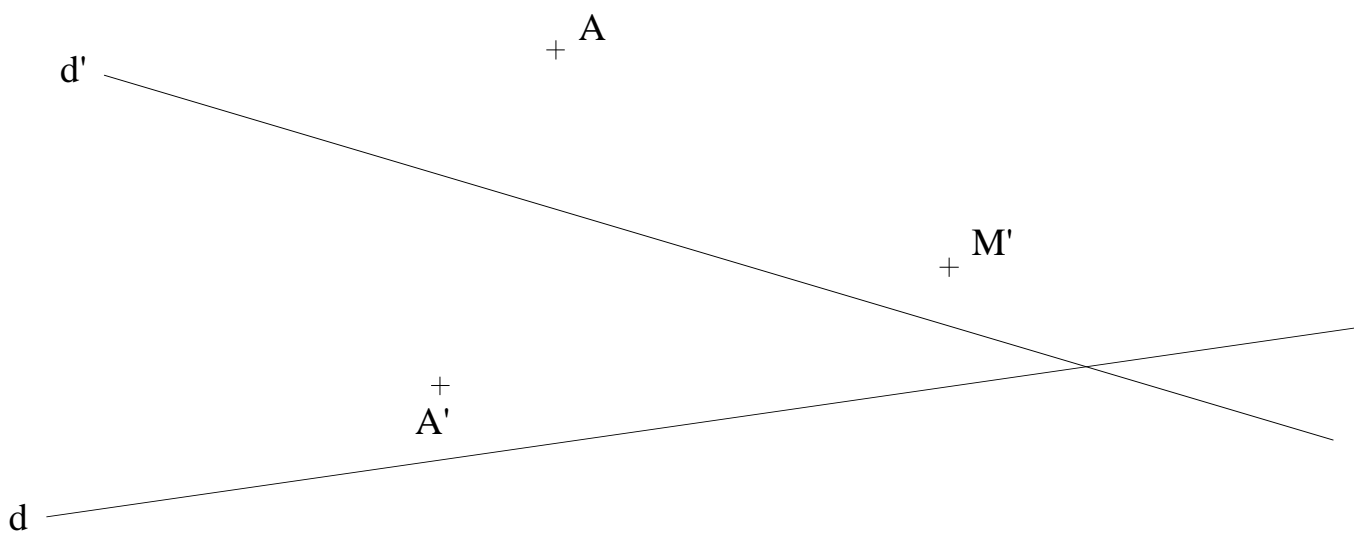
1. Dans un système d'axes orthonormés Oxy , on donne les points suivants :
 $A(7; -6)$, $B(11; -4)$, $M(5; -4)$ et $M'(7; 7)$.

Unité : le centimètre.

Soit f l'affinité d'axe $y = 0$ telle que l'image de M est M' . Construire l'image du triangle ABC sachant que M est le milieu de AC . Chercher l'image de la médiane et de la médiatrice du côté AC .



2. On donne un point A , une droite d et leur image A' et d' par une affinité f .
Construire l'axe a de cette affinité ainsi que l'antécédent M d'un point M' donné.

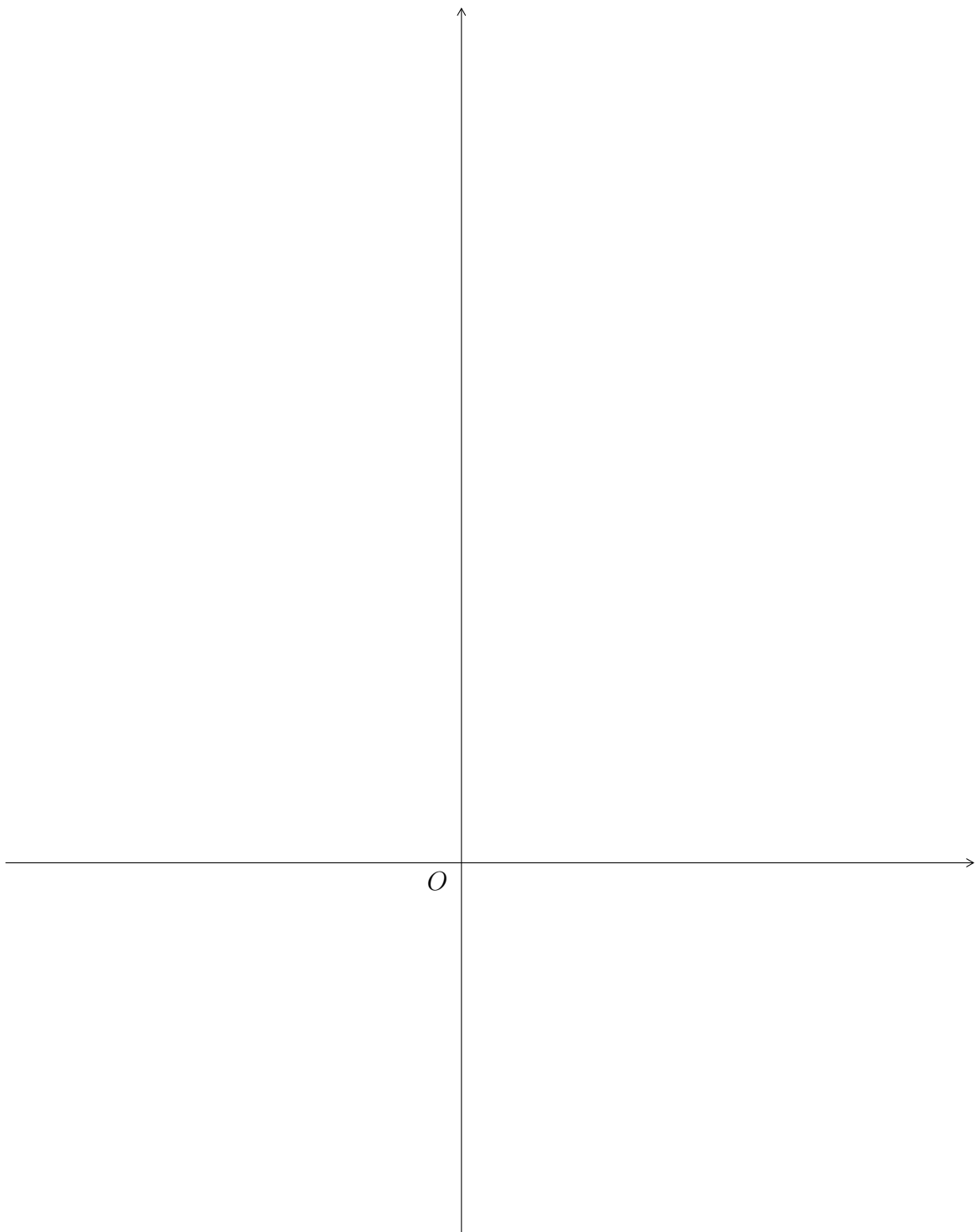


3. Dans un système d'axes orthonormés Oxy , on donne les trois droites suivantes :
(d) $y = x + 6$, (d') $y = x - 1$, et (a) $y = -2x + 7$.

Unité : le centimètre.

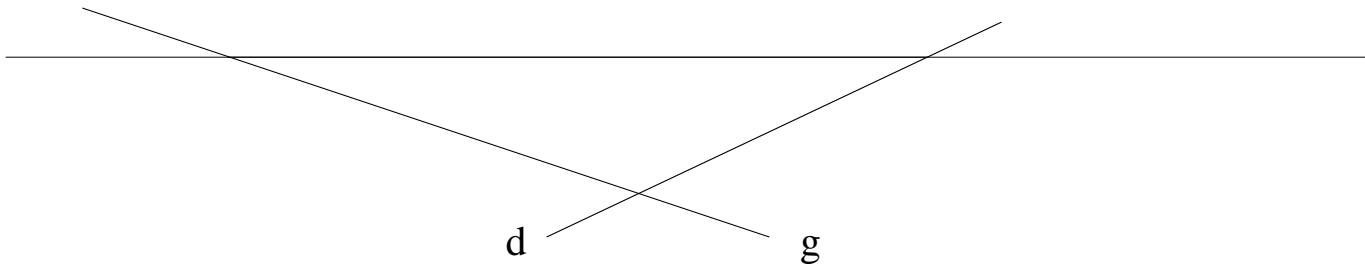
Soit l'affinité de rapport $-1/3$ telle que d' est l'image de d et la droite a est globalement invariante($a' = a$). Déterminer :

- la direction \vec{v} de l'affinité et son axe;
- l'image du point $P(-2; y_P) \in a$.



4. D'une affinité, on connaît son axe a et son rapport $k = -2$.

Déterminer sa direction \vec{v} pour que les deux droites d et g aient pour images deux droites d' et g' perpendiculaires.



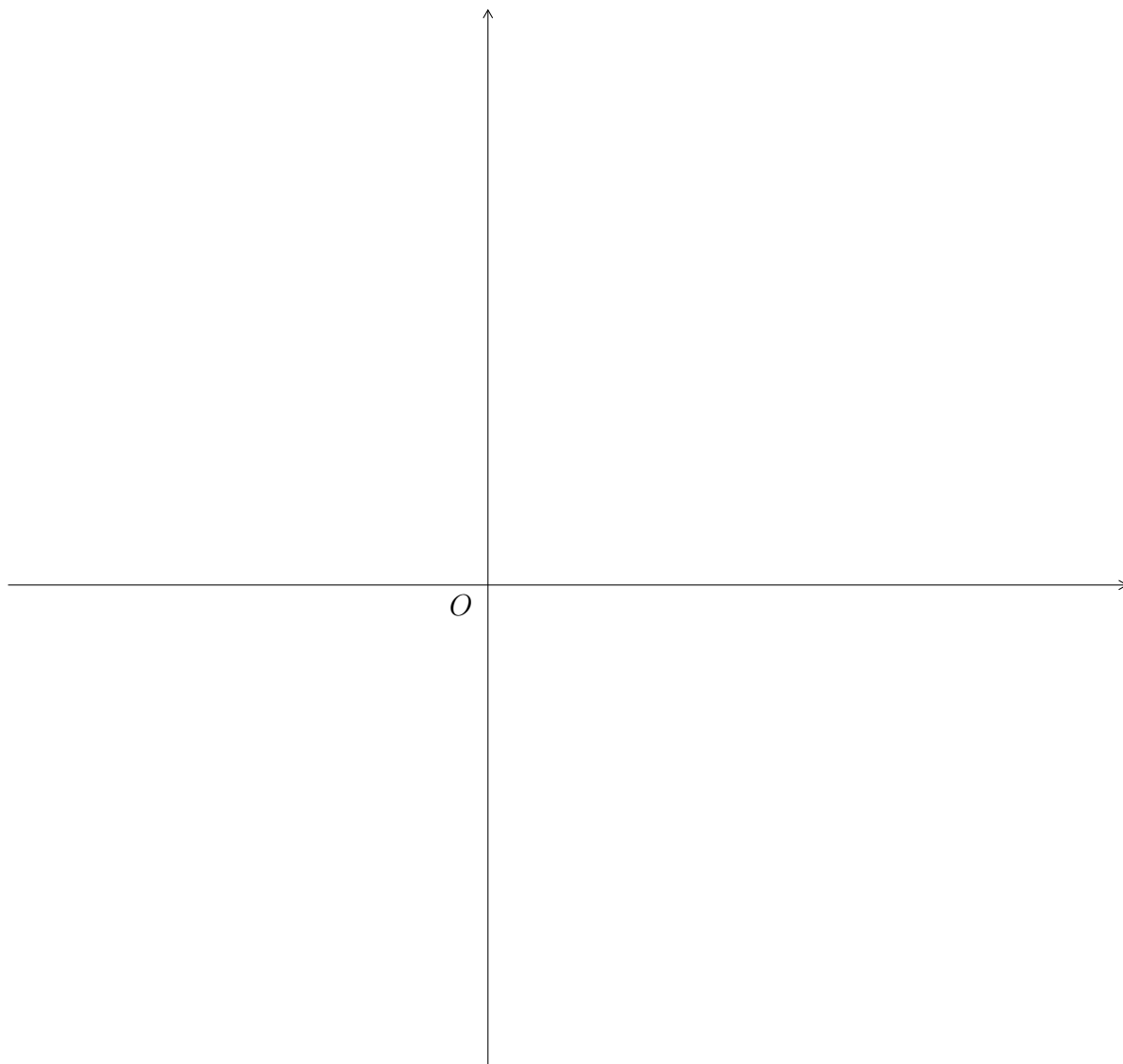
5. Dans le repère orthonormé $(O; \vec{e}_1; \vec{e}_2)$, on donne les points $A'(-6; 0)$, $C'(0; 3)$, et $P'(9; 2)$, et la direction $\vec{u}' = -2\vec{e}_1 + 3\vec{e}_2$.

On appelle Γ l'ellipse centrée à l'origine de grand axe $A'B'$ et de petit axe $C'D'$.

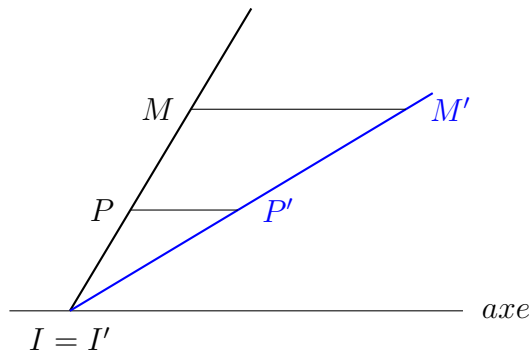
Unité : le centimètre.

On considère l'affinité orthogonale d'axe (O, \vec{e}_1) et de rapport $k > 0$.

- Construire le cercle γ dont Γ est l'image.
- Construire une tangente à Γ issue de P' .
- Construire une tangente à Γ parallèle à la direction \vec{u}' .



6. On appelle *transvection* ou *cisaillement*, une affinité dont la direction est parallèle à l'axe. Le rapport d'affinité n'a plus de sens, le point I étant rejeté à l'infini. Pour définir une transvection, il faut donner son axe, un point P et son image P' . Les propriétés sont identiques à celles d'une affinité de direction non parallèle à l'axe.



La distance d'un point quelconque à son image est proportionnel à sa distance à l'axe : $\frac{\text{dist}(P, P')}{\text{dist}(P, \text{axe})} = \text{constante } k$.
Plus un point est distant de l'axe plus la distance à son image est grande.

- a) Déterminer l'image du parallélogramme $ABCD$ par la transvection d'axe a telle que le point P a pour image le point P' .
Calculer le rapport entre l'aire du parallélogramme et l'aire de son image. Que vaut ce rapport lorsque l'affinité est de direction non parallèle à l'axe ?
- b) Déterminer dans le repère orthonormé $(O, \vec{e}_1, \vec{e}_2)$, la matrice de la transvection lorsque $P(0, 4)$ a pour image $P'(6, 4)$.

