Cours de mathématiques spéciales (CMS)

(écrire lisiblement s.v.p)			
Nom:			
Prénom:			
Groupe:			

Question	Barème	Points
1	5	
2	6	
3	5	
4	4	
Total	20	



Indications

- Durée de l'examen : 105 minutes.
- Posez votre carte d'étudiant sur la table.
- La réponse à chaque question doit être rédigée à l'encre sur la place réservée à cet effet à la suite de la question.
 - Si la place prévue ne suffit pas, vous pouvez demander des feuilles supplémentaires aux surveillants; chaque feuille supplémentaire doit porter nom, prénom, n° du contrôle, branche, groupe, ID et date. Elle ne peut être utilisée que pour une seule question.
- Les feuilles de brouillon ne sont pas à rendre : elles **ne seront pas** corrigées ; des feuilles de brouillon supplémentaires peuvent être demandées en cas de besoin auprès des surveillants.
- Les feuilles d'examen doivent être rendues agrafées.

Question 1 (à 5 points)

Points obtenus: (laisser vide)

Résoudre l'équation suivante sur l'intervalle donné :

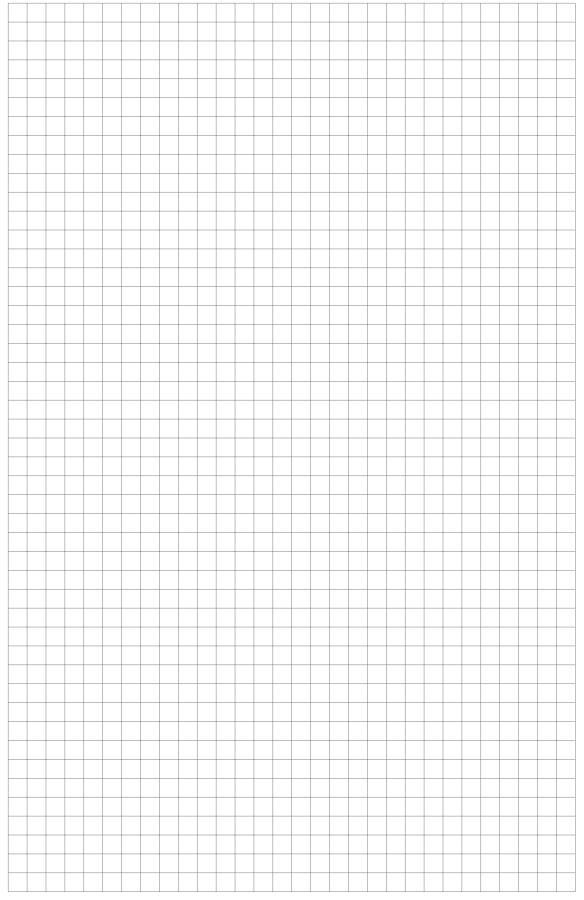
$$\frac{3\cos^2(x) - 4}{1 + \frac{1}{2}\sin(2x)} - 3\cot(x) + 4 = 0, \quad x \in]0, \pi[.$$

Réponse à la question 1:

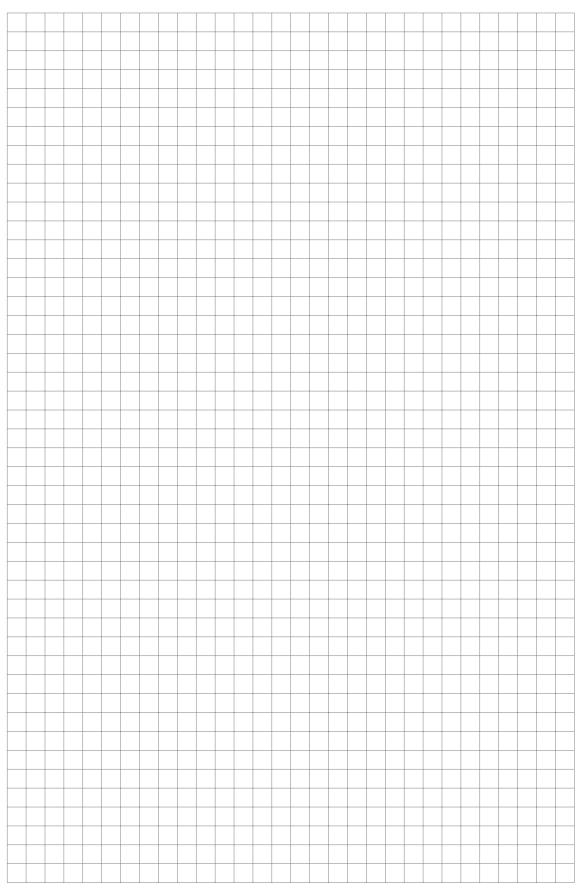
laisser la marge vide



laisser la marge vide



laisser la marge vide



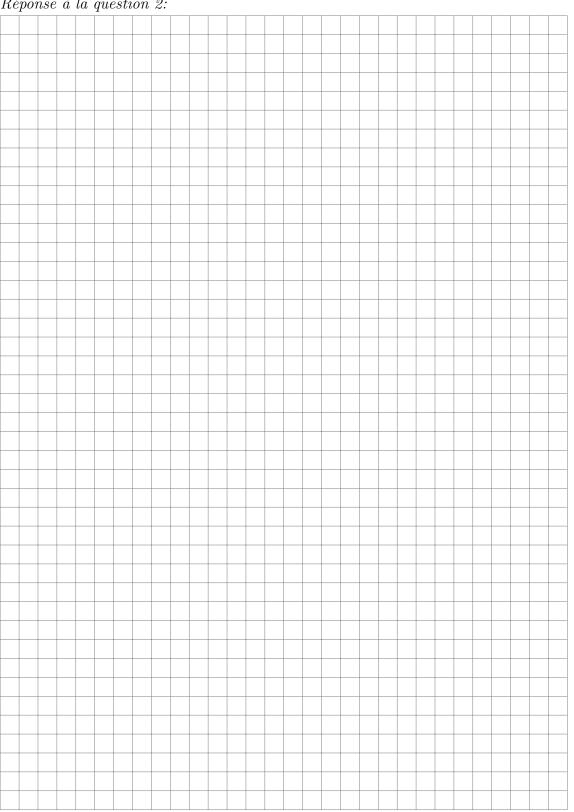
Question 2 (à 6 points)

Points obtenus: (laisser vide)

Dans un triangle ABC, on a |AB|=5, |AC|=8, |BC|=7. Soit D le symétrique de Apar rapport à B. Déterminer la valeur exacte de $\sin \delta$, où $\delta = \angle(CDA)$.

Réponse à la question 2:

laisser la marge vide



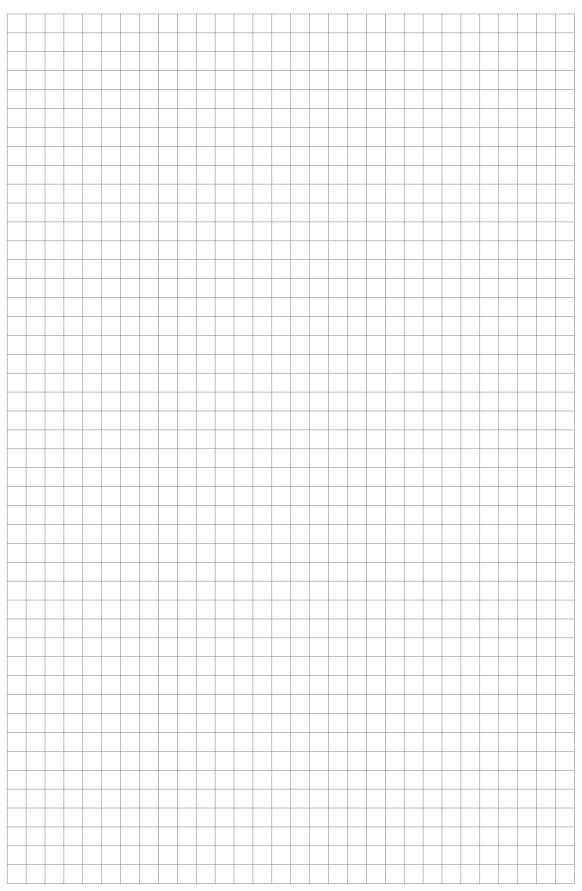
Vous pouvez continuer avec la réponse à la page suivante!

Page 4 sur 5

laisser la marge vide



laisser la marge vide



13 janvier 2017 ID: -999

Question 3 (à 5 points)

Points obtenus: (laisser vide)

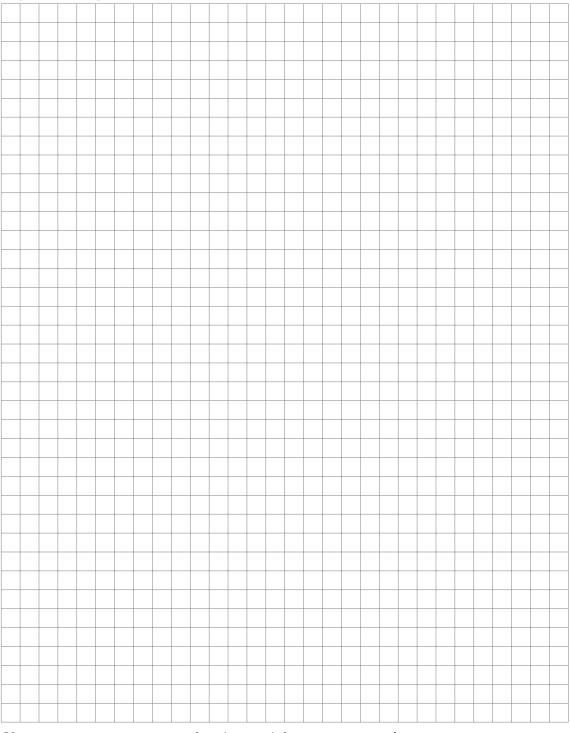
Soit f définie par

$$f(x) = \arctan \sqrt{\frac{1-x}{1+x}}$$
.

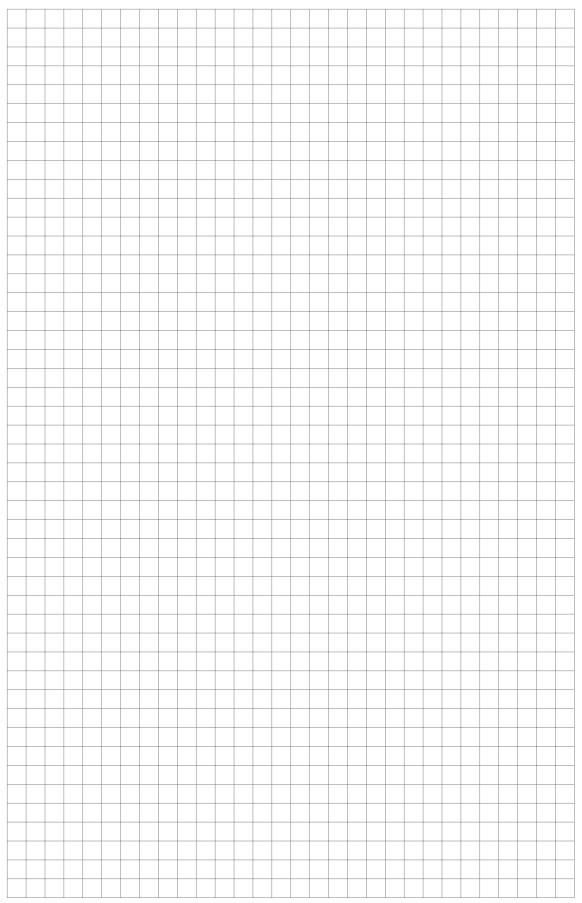
- 1. Déterminer le domaine de f, noté D_f .
- 2. Sans utiliser de dérivée, montrer que $2f(x) = \frac{\pi}{2} \arcsin(x)$ pour tout $x \in D_f$, puis en déduire la représentation graphique de f.

Réponse à la question 3:

laisser la marge vide



laisser la marge vide



laisser la marge vide



ID: -999 13 janvier 2017

Question 4 (à 4 points)

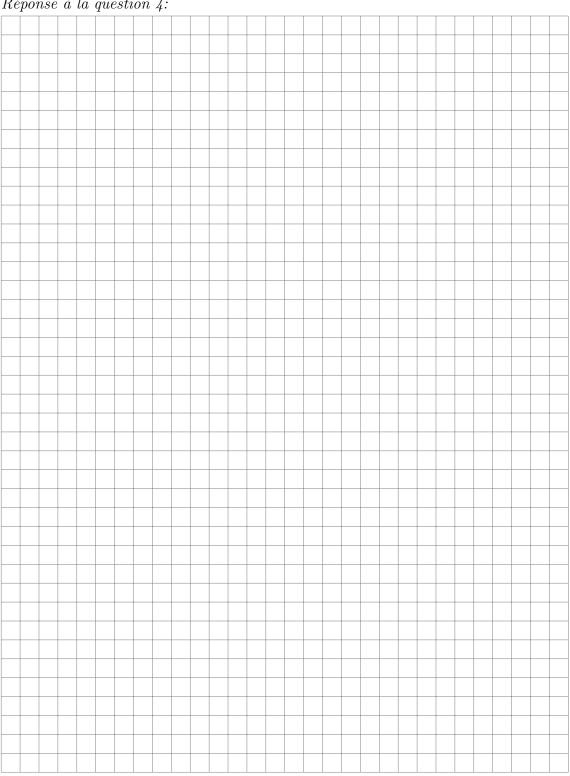
Points obtenus: (laisser vide)

Résoudre l'inéquation suivante :

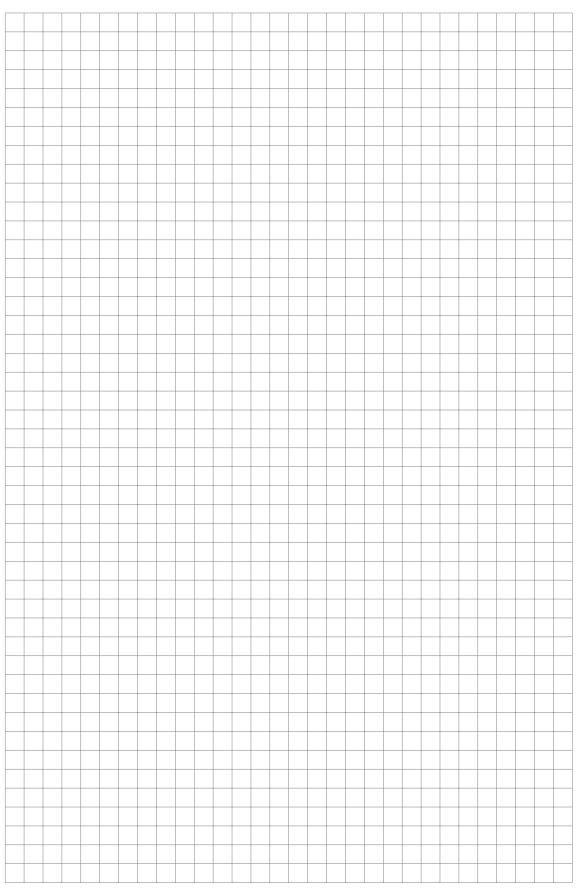
$$2\log_2(\frac{7-x}{2}) - \log_2(x+8) + 3 \le \log_2(2x+6)$$
.

Réponse à la question 4:

laisser la marge vide



laisser la marge vide



Quelques formules de trigonométrie

Formules d'addition:

$$\sin(x+y) = \sin x \cos y + \cos x \sin y \qquad \cos(x+y) = \cos x \cos y - \sin x \sin y$$
$$\tan(x+y) = \frac{\tan x + \tan y}{1 - \tan x \tan y}$$

Formules de bissection:

$$\sin^2(\frac{x}{2}) = \frac{1 - \cos x}{2} \qquad \cos^2(\frac{x}{2}) = \frac{1 + \cos x}{2} \qquad \tan^2(\frac{x}{2}) = \frac{1 - \cos x}{1 + \cos x}$$

Formules de transformation produit-somme :

$$\cos(x) \cdot \cos(y) = \frac{1}{2} \left[\cos(x+y) + \cos(x-y) \right]$$
$$\sin(x) \cdot \sin(y) = -\frac{1}{2} \left[\cos(x+y) - \cos(x-y) \right]$$
$$\sin(x) \cdot \cos(y) = \frac{1}{2} \left[\sin(x+y) + \sin(x-y) \right]$$

Formules de transformation somme-produit :

$$\cos x + \cos y = 2\cos(\frac{x+y}{2})\cos(\frac{x-y}{2})$$

$$\cos x - \cos y = -2\sin(\frac{x+y}{2})\sin(\frac{x-y}{2})$$

$$\sin x + \sin y = 2\sin(\frac{x+y}{2})\cos(\frac{x-y}{2})$$

$$\sin x - \sin y = 2\cos(\frac{x+y}{2})\sin(\frac{x-y}{2})$$

Expression des fonctions trigonométriques en fonction de $z = \tan(\frac{x}{2})$:

$$\sin(x) = \frac{2z}{1+z^2}, \quad \cos(x) = \frac{1-z^2}{1+z^2}, \quad \tan(x) = \frac{2z}{1-z^2}.$$