## Série 7

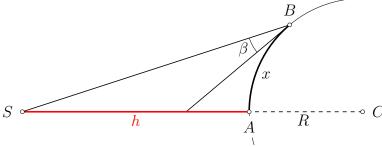
- 1. Résoudre les triangles ABC dans les trois cas suivants :
  - a) a = 4, b = 7 et c = 10,
  - b)  $a = 12, b = 18 \text{ et } \gamma = 53^{\circ},$
  - c) a = 5,  $\beta = 114^{\circ}$  et  $\gamma = 31^{\circ}$ .
- **2.** D'un triangle ABC, on ne connaît que les côtés a, c et l'angle  $\alpha$ : a=7, c=10 et  $\alpha=30^\circ$ .
  - a) Résoudre le triangle (la solution est-elle unique?)
  - b) Construire la (les) solution(s).
- **3.** Pour déterminer l'altitude du sommet C d'une montagne, on fait le choix de deux points A et B distants de d mètres.

On mesure les angles  $\alpha = \widehat{BAC}$ ,  $\beta = \widehat{ABC}$  et l'angle d'élévation  $\delta$  sous lequel on voit C depuis A.

Sachant que A est au bord de la mer, calculer l'altitude de C.

Application numérique :  $d = 1000 \,\mathrm{m}$ ,  $\alpha = 50^{\circ}$ ,  $\beta = 115^{\circ}$  et  $\delta = 35^{\circ}$ .

- 4. Résoudre le triangle ABC dont on connaît :  $\sigma = b + c$ ,  $\beta$  et  $\gamma$ . Indication : exprimer  $\sigma$  en fonction de a et des trois angles.
- 5. Soient ABC un triangle et M le point milieu du côté BC. Déterminer la longueur de la médiane AM en fonction des côtés a, b et c.
- 6. Soient A et B deux points situés sur le même méridien terrestre et S un satellite passant à la verticale de A. Déterminer l'altitude AS = h sachant que depuis B on observe S sous un angle  $\beta$ , que l'arc AB est de longueur x km et que le rayon terrestre vaut R km.



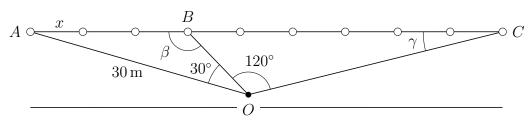
7. Dix réverbères, placés à intervalles égaux, se suivent sur toute la longueur d'un pont. Un passant situé à 30 mètres du premier réverbère voit la distance qui sépare celui-ci du quatrième, sous un angle de 30°, et la distance qui sépare le quatrième du dernier réverbère, sous un angle de 120°. Quelle est la longueur du pont?

## Réponses de la série 7

- 1. a)  $\alpha \approx 18,2^{\circ}$ ,  $\beta \approx 33,1^{\circ}$  et  $\gamma \approx 128,7^{\circ}$ ,
  - b)  $c \approx 14, 4$ ,  $\alpha \approx 41, 6^{\circ}$  et  $\beta \approx 85, 4^{\circ}$ ,
  - c)  $\alpha = 35^{\circ}$ ,  $b \approx 8$  et  $c \approx 4, 5$ .
- 2. Il y a deux solutions, elles correspondent toutes les deux à  $\sin \gamma = \frac{5}{7}$ .
  - $\gamma \approx 45,6^{\circ}$ ,  $\beta \approx 104,4^{\circ}$  et  $b \approx 13,6$ ,
  - ou  $\gamma \approx 134,4^{\circ}$ ,  $\beta \approx 15,6^{\circ}$  et  $b \approx 3,8$ .
- **3.**  $h = d \cdot \frac{\sin \beta \cdot \sin \delta}{\sin(\alpha + \beta)}$ , application numérique :  $h \approx 2'008 \,\mathrm{m}$ .
- **4.**  $a = \sigma \cdot \frac{\sin(\beta + \gamma)}{\sin \beta + \sin \gamma}$ ,  $b = \sigma \cdot \frac{\sin \beta}{\sin \beta + \sin \gamma}$ ,  $c = \sigma \cdot \frac{\sin \gamma}{\sin \beta + \sin \gamma}$ .
- **5.**  $AM = \frac{1}{2} \sqrt{2(b^2 + c^2) a^2}$ .

Remarque : si le triangle ABC est rectangle en A , on retrouve le résultat :  $AM = \frac{a}{2}$  .

- **6.**  $h = R \cdot \left( \frac{\cos \beta}{\cos(\beta + \frac{x}{R})} 1 \right).$
- 7. Figure d'étude :



La longueur du pont est égale à  $9x = 10\sqrt{39}$  m.