

# Utilização de RNNs para Predição de mudança de estado em compressor industrial

Fernanda Mickosz Villa Verde

CPE727 – Deep Learning

8 de dezembro de 2025

# Sumário

- 1 Motivação e Objetivos
- 2 Base de dados e pré-processamento
- 3 Formulação do Problema
- 4 Arquiteturas e Variações
- 5 Configuração Experimental
- 6 Resultados
- 7 Discussão e Conclusões

# Motivação e Objetivos do trabalho

## Motivação:

- Compressores industriais são ativos críticos (segurança, disponibilidade, custo).
- Mudanças de regime operacional (estados) afetam: Desempenho energético; Risco de falha; Planejamento de manutenção.
- Predizer **quando** ocorrerá a próxima mudança de estado é útil para:
  - Detecção precoce de desvios;
  - Replanejamento operacional;
  - Suporte à decisão para operadores.

## Objetivos do trabalho:

- Modelar séries temporais industriais (compressores) com amostragem irregular, dados faltantes e alta dimensionalidade utilizando arquiteturas recorrentes.
- Predição dos **estados** em janelas futuras;
- Predição do **tempo até a próxima mudança de estado**.

## Comparar arquiteturas:

- Modelos DEEP, LSTM, GRU, BiLSTM e BiGRU com GRU fuser, todos com otimização Adam;
- Variações de treinamento (warmup, scheduler, RAdam, AdamW, variational dropout, difusão, log-likelihood e layernorm).

## Base de dados

Cognite — sinais reais de sensores de um compressor industrial offshore.

Séries Temporais do Compressor



## Pré-processamento

- Estados operacionais:
  - Estados originais: 6 (0 a 5);
  - Estados finais: 3 (normal, alerta, falha).
- Normalização robusta;
- Amostragem a cada 5 minutos;
- Janelas temporais:
  - $L = 40$  amostras ( $\approx 3\text{h}20\text{min}$ );
  - Deslocamento de 40 amostras (janelas não sobrepostas).

# Definição do problema

- Série multivariada:  $x_t \in \mathbb{R}^d$ ,  $t = 1, \dots, T$ , com  $d = 11$  sensores.
- Estados discretos:  $s_t \in \{0, 1, 4\}$  (após fusão dos 6 estados iniciais).
- Para cada janela  $X = (x_{t-L+1}, \dots, x_t)$ , queremos:
  - Predizer a distribuição sobre estados futuros:

$$p(s_{t+\Delta} | X)$$

- Predizer o tempo até a próxima mudança de estado:

$$\hat{\tau} = f_{\theta}(X)$$

- Problema multi-tarefa:
  - Classificação de estados (estado futuro) + regressão de tempo (tempo até a mudança).

A partir de janelas de histórico de sensores, o modelo aprende simultaneamente a prever o próximo regime operacional e o tempo restante até a próxima mudança de estado.

- Função de custo multi-tarefa:

$$\mathcal{L} = \lambda_m \mathcal{L}_{\text{miss}} + \lambda_v \mathcal{L}_{\text{vae}}$$

$$\mathcal{L}_{\text{miss}} = \text{BCE}(m, \hat{m}) \quad \text{com} \quad \hat{m} = \sigma(f_{\text{miss}}(h))$$

$\mathcal{L}_{\text{miss}}$ : aprendizado explícito do padrão de dados ausentes.

$$\mathcal{L}_{\text{vae}} = \mathbb{E}_{q(z_\tau | \mathbf{x})} [ -\log p(\tau | z_\tau) ] + \beta \text{KL}(q(z_\tau) \| \mathcal{N}(0, I))$$

$\mathcal{L}_{\text{vae}}$ : **modelagem probabilística do tempo até falha**, penalizando mudanças próximas e calibrando incerteza.

- Peso maior atribuído a instantes próximos à mudança de estado:

$$\log p(\tau | z_\tau) \propto w_t \cdot \|\hat{\tau} - \tau\|^2, \quad w_t \gg 1$$

- Permite estimar **incerteza, intervalos de confiança e cobertura probabilística**.

- **TSDF\_DEEP:**
  - Modelo feedforward sobre janelas (baseline não-recorrente).
- **TSDF\_LSTM:**
  - RNN LSTM unidirecional;
  - Versão **BiLSTM**.
- **TSDF\_GRU:**
  - RNN GRU unidirecional;
  - Versão **BiGRU**.

# Arquitetura baseline: TSDF\_DEEP (feedforward)

- Entrada: janela temporal  $X = (x_1, \dots, x_L)$ , com  $x_t \in \mathbb{R}^{11}$  e máscara  $m_t \in \{0, 1\}^{11}$ .
- Codificação inicial por MLP (por timestep):

$$e_t = \phi(W_e[x_t \parallel m_t] + b_e), \quad t = 1, \dots, L$$

onde  $\phi(\cdot)$  é uma ativação não linear (ReLU/GELU).

- Incorporação explícita do tempo:

$$e'_t = \text{MLP}([e_t \parallel t_t])$$

com  $t_t$  o timestamp normalizado do instante  $t$ .

- Representação latente da janela:
  - Obtida independentemente por timestep (sem estados recorrentes);
  - Integra informação temporal apenas via timestamps explícitos.
- Cabeças de saída (multi-tarefa):

$$\hat{x}_t = f_\theta(e'_t) \quad (\text{reconstrução / difusão})$$

$$\hat{\tau} = g_\theta(e'_t) \quad (\text{tempo até mudança de estado})$$

- Treinamento:
  - Otimizador Adam;
  - Mesmas funções de perda usadas nos modelos recorrentes.



# Arquitetura 1: LSTM

- Entrada: janela temporal  $X = (x_1, \dots, x_L)$ ,  $x_t \in \mathbb{R}^{11}$ .
- Codificação temporal com LSTM unidirecional:

$$(h_t, c_t) = \text{LSTM}(x_t, h_{t-1}, c_{t-1}), \quad t = 1, \dots, L$$

- Representação da janela:

$$z = h_L \in \mathbb{R}^H$$

- Cabeças de saída (multi-tarefa):

$$\hat{y}_{\text{state}} = \text{softmax}(W_s z + b_s)$$

$$\hat{\tau} = W_\tau z + b_\tau$$

- Otimização:
  - Otimizador Adam, minimizando perda conjunta (classificação de estado + regressão de tempo).

## Arquitetura 2: GRU

- Mesma entrada:

$$X = (x_1, \dots, x_L), \quad x_t \in \mathbb{R}^{11}$$

- Codificação temporal recorrente:

$$\{h_t\}_{t=1}^L = \text{GRU}(X)$$

- Representação latente da janela:

$$z = h_L \in \mathbb{R}^H$$

- Cabeças de saída:

$$\hat{y}_{\text{state}} = \text{softmax}(W_s z + b_s)$$

$$\hat{\tau} = W_\tau z + b_\tau$$

- Otimização:

- Otimizador Adam, com os mesmos hiperparâmetros do baseline Deep (learning rate, batch, etc.).

## Arquitetura 3: BiGRU + GRU fuser

- Codificação da janela com BiGRU:

$$h_t^{\rightarrow}, h_t^{\leftarrow} = \text{BiGRU}(x_t, h_{t-1}^{\rightarrow}, h_{t+1}^{\leftarrow})$$

$$z_k = [h_L^{\rightarrow} \parallel h_1^{\leftarrow}] \in \mathbb{R}^{2H}$$

onde  $z_k$  é o embedding da  $k$ -ésima janela.

- Fusão temporal entre janelas com GRU fuser:

$$m_k = \text{GRU}_{\text{fuser}}(z_k, m_{k-1}), \quad k = 1, \dots, K$$

$m_K \in \mathbb{R}^{H_f}$  resume a história recente de janelas.

- Cabeças de saída a partir de  $m_K$ :

$$\hat{y}_{\text{state}} = \text{softmax}(W_s m_K + b_s)$$

$$\hat{\tau} = W_{\tau} m_K + b_{\tau}$$

- Otimização:

- Adam sobre todos os parâmetros (BiGRU + GRU fuser + cabeças).

## Arquitetura 4: BiLSTM + GRU fuser

- Codificação da janela com BiLSTM:

$$(h_t^{\rightarrow}, c_t^{\rightarrow}), (h_t^{\leftarrow}, c_t^{\leftarrow}) = \text{BiLSTM}(x_t, \dots)$$

$$z_k = [h_L^{\rightarrow} \parallel h_1^{\leftarrow}] \in \mathbb{R}^{2H}$$

- Fusão temporal entre janelas com GRU fuser:

$$m_k = \text{GRU}_{\text{fuser}}(z_k, m_{k-1}), \quad k = 1, \dots, K$$

- Cabeças de saída:

$$\hat{y}_{\text{state}} = \text{softmax}(W_s m_K + b_s)$$

$$\hat{\tau} = W_{\tau} m_K + b_{\tau}$$

- Otimização:

- Treino conjunto com Adam, mesma função de perda multi-tarefa.

- **BiLSTM + Warmup & Scheduler**

- Aumenta gradualmente a taxa de aprendizado no início do treino, evitando instabilidades e melhorando a convergência inicial.
- `warmup_steps = 50, min_lr_factor = 0.01`

- **BiLSTM + RAdam**

- Reduz a variância adaptativa do Adam nos primeiros passos, tornando o treinamento mais estável.
- `optimizer_name = 'radam'`

## • BiLSTM + Variational Dropout

- Regularização explícita no tempo, reduzindo overfitting sem quebrar dependências temporais.
- `variational_dropout = 0.2`

## • BiLSTM + Difusão (missingness)

- Regularização implícita via objetivos probabilísticos, forçando robustez a dados ausentes.
- `lam = [0., 0.0, 0.0, 0.05, 0.0, 0.95]`, `rebuild=True`

## • BiLSTM + LayerNorm

- Estabiliza as ativações internas, com efeito regularizante indireto.
- `use_layernorm = True`

## • BiLSTM + AdamW (Weight Decay)

- Regularização explícita dos pesos, melhorando generalização.
- `optimizer_name = 'adamw'`, `weight_decay = 1e-4`

# Configuração Experimental

- Divisão treino/validação/teste: 60% / 20% / 20%.
- Treinamento por 500 épocas, batch size 256.
- Paciência de 50 épocas para early stopping.
- Função de perda multi-tarefa conforme descrito.
- Otimizador: Adam (exceto variações).
- Taxa de aprendizado inicial:  $1 \times 10^{-3}$ .
- Early stopping baseado em MSE de validação.
- Avaliação final no conjunto de teste.

# Figuras de Mérito utilizadas

- **NELBO** (Negative Evidence Lower Bound):
  - Loss probabilística minimizada no treinamento;
  - Maximiza implicitamente a verossimilhança (ELBO);
  - Balanceia reconstrução e regularização latente (KL).
- **MSE** (Mean Squared Error):
  - Mede o erro médio quadrático na predição do tempo até a próxima mudança;
  - Avalia precisão pontual das estimativas.
- **NLL** (Negative Log-Likelihood):
  - Avalia a qualidade probabilística das previsões;
  - Penaliza incertezas mal calibradas (sub ou superestimação).
- **Cobertura 90%** (cov\_90):
  - Fração de observações reais contidas no intervalo preditivo de 90%;
  - Mede a calibração do modelo.
- **Largura do intervalo 90%** (width\_90):
  - Largura média dos intervalos preditivos de 90%;
  - Reflete o compromisso entre precisão e incerteza (sharpness).



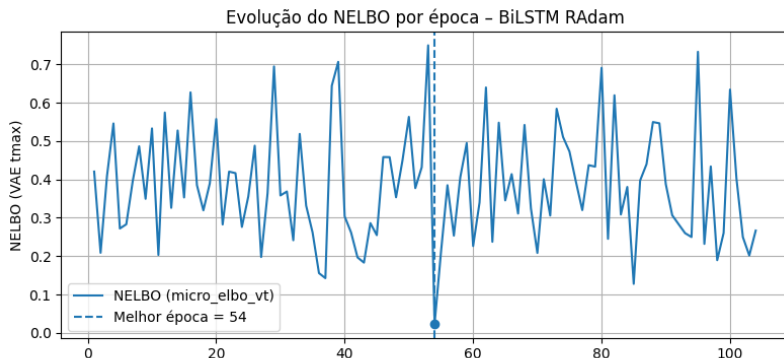
# Resultados quantitativos

| Modelo               | NELBO ↓      | MSE (micro) ↓ | NLL ↓  | Cov90 → 0.90 | Width90 ↓ |
|----------------------|--------------|---------------|--------|--------------|-----------|
| BiLSTM RAdam         | <b>0.023</b> | 0.002 ± 0.000 | 0.023  | 0.946        | 0.270     |
| BiLSTM Warmup/Sched. | 0.033        | 0.002 ± 0.000 | 0.033  | 0.946        | 0.270     |
| LSTM                 | 0.064        | 0.002 ± 0.000 | 0.063  | 0.937        | 0.270     |
| BiLSTM               | 0.150        | 0.002 ± 0.000 | 0.150  | 0.920        | 0.270     |
| BiGRU                | 0.203        | 0.001 ± 0.000 | 0.202  | 0.875        | 0.270     |
| BiLSTM AdamW         | 0.230        | 0.001 ± 0.001 | 0.229  | 0.866        | 0.270     |
| BiLSTM Difusão       | 0.329        | 0.002 ± 0.001 | 0.328  | 0.839        | 0.270     |
| BiLSTM LayerNorm     | 0.383        | 0.054 ± 0.001 | 0.332  | 0.839        | 0.270     |
| GRU                  | 0.464        | 0.003 ± 0.001 | 0.463  | 0.812        | 0.270     |
| BiLSTM VarDrop 0.2   | 0.992        | 0.002 ± 0.001 | 0.991  | 0.705        | 0.270     |
| DEEP                 | 8016.760     | 0.819 ± 0.011 | 33.711 | 0.250        | 0.270     |

Tabela: Comparação de desempenho entre modelos e variações.

# Curva de treinamento — Modelo BiLSTM RAdam

- Curva de NELBO bastante oscilatória, refletindo o desbalanceamento entre grupos e a raridade de mudanças de estado;
- Após as primeiras dezenas de épocas, o modelo passa a operar em um patamar de NELBO baixo, com mínimos recorrentes;
- A melhor época (**epoch 54**) atinge o menor NELBO entre as épocas avaliadas, sendo o melhor compromisso entre ajuste e complexidade para a tarefa de mudança de estado.



- **Qualidade probabilística:**

- O **BiLSTM RAdam** apresenta o menor NELBO, indicando melhor ajuste probabilístico global;
- Bons valores de NLL e MSE micro confirmam alta precisão na predição de mudanças de estado raras.

- **Calibração das incertezas:**

- Cobertura próxima de 0.90 nos melhores modelos indica boa calibração probabilística;
- Width90 constante sugere intervalos estáveis e comparáveis entre arquiteturas.

- **Impacto arquitetural:**

- Modelos bidirecionais superam LSTM/GRU unidirecionais;
- Em cenários fortemente desbalanceados, o principal desafio é a **otimização sob gradientes raros**, e não o overfitting;
- Otimizadores adaptativos (RAdam, warmup) estabilizam o treinamento e facilitam a captura de eventos de mudança raros, enquanto regularização excessiva tende a diluir esses sinais.

- A predição de mudanças de estado é um problema fortemente desbalanceado e sensível à calibração probabilística.
- Arquiteturas recorrentes probabilísticas são essenciais:
  - Capturam dependências temporais longas;
  - Modelam explicitamente incertezas associadas ao evento de transição.
- O **BiLSTM RAdam** é o modelo mais adequado:
  - Menor NELBO entre os modelos avaliados;
  - Boa calibração ( $\text{Cov90} \approx 0.95$ ) e baixo erro micro.
- Esses resultados indicam potencial para:
  - Detecção antecipada de mudanças de regime;
  - Suporte a sistemas de monitoramento e alerta industrial.

- Kingma, D. P.; Welling, M. *Auto-Encoding Variational Bayes*. ICLR, 2014.
- Hochreiter, S.; Schmidhuber, J. *Long Short-Term Memory*. Neural Computation, 1997.
- Cho et al. *Learning Phrase Representations using RNN Encoder–Decoder*. EMNLP, 2014.
- Ho, J.; Jain, A.; Abbeel, P. *Denoising Diffusion Probabilistic Models*. NeurIPS, 2020.
- Che et al. *Recurrent Neural Networks for Multivariate Time Series with Missing Values*. Sci Rep, 2018.