Universidade Federal do Rio de Janeiro

Departamento de Engenharia Eletrônica e de Computação

EEL350 - Sistemas Lineares I

2015/2 Lista 1

Data de Expedição: 06/11/2015

Limite de Tempo: 1 Semana - Data de Entrega: 13/11/2015

Tabela de Pontos (favor não preencher)

Questão	1	2	3	4	5	6	7	8	Total
Pontos	10	10	15	15	15	15	10	10	100
Pontos Extra	0	0	0	0	0	0	0	0	0
Resultado									

#### 1 Conhecimentos Básicos

## Questão 1 (10 pontos)

Prove, através da fórmula de Euler:

(a) 
$$a = |a|e^{j\phi_a} = |a|cos(\phi_a) + j|a|sin(\phi_a)$$

(b) 
$$a = |a|e^{-j\phi_a} = |a|cos(\phi_a) - j|a|sin(\phi_a)$$

(c) 
$$cos(\phi) = \frac{1}{2} \left( e^{j\phi} + e^{-j\phi} \right)$$

(d) 
$$sen(\phi) = \frac{1}{2j} \left( e^{j\phi} - e^{-j\phi} \right)$$

(e) 
$$\cos^2 \phi = \frac{1}{2} (1 + \cos(2\phi))$$

### Questão 2 (10 pontos)

Esboce o módulo e a fase dos seguintes números complexos para  $-\pi \le t \le \pi$  gerando os gráficos em computador e avaliando os resultados:

(a) 
$$cos(t) + sin(2t)$$

(b) 
$$cos(t + 30^{\circ}) + sin(t + 60^{\circ})$$

(c) 
$$sen(t/10) + sen(3t)$$

# 2 Classificação de Sinais

### Questão 3 (15 pontos)

Classifique os sinais expostos nas figuras 1, 2, 3, 4 e 5 em: analógicos, digitais, contínuos no tempo contínuo, discretos no tempo, periódicos, não-periódicos, determinísticos ou probabilísticos

## 3 Classificação de Sistemas

### Questão 4 (15 pontos)

Classifique os sistemas abaixo em: linear e não-linear. Utilizando como entrada f(t) e como saída y(t).

(a) 
$$\frac{\partial y(t)}{\partial t} + sen(t) \cdot y(t) = \frac{\partial f(t)}{\partial t} + 2f(t)$$

(b) 
$$\frac{\partial y(t)}{\partial t} + y^2(t) = f(t)$$

(c) 
$$\frac{\partial y(t)}{\partial t} + 3ty(t) = t^2 f(t)$$

## Questão 5 (15 pontos)

Classifique os sistemas abaixo em: variante no tempo ou invariante no tempo, utilizando f(t) como entrada e y(t) como saída.

(a) 
$$y(t) = \int_{-5}^{5} f(\tau) \partial \tau$$

(b) 
$$y(t) = \left(\frac{\partial f}{\partial t}\right)^2$$

## 4 Energia e Potência de Sinais

## Questão 6 (15 pontos)

Calcule a potência e a energia dos sinais das figuras 6 e 7.

## 5 Operações com Sinais

### Questão 7 (10 pontos)

Dado o sinal x(t) (figura 7), realize as seguintes operações e esboce o resultado

- (a) x(t-1)
- (b) x(1-t)
- (c) x(2t)
- (d)  $x^2(t)$

### Questão 8 (10 pontos)

Decomponha os sinais abaixo na sua parte real e imaginária, esboçando os gráficos.

(a) 
$$y(t) = e^{j\theta t} cos(\theta t)$$
, com  $\theta \le 0$ 

(b) 
$$y(t) = e^{j\theta t} tan(\theta t)$$
, com  $\theta > 0$ 

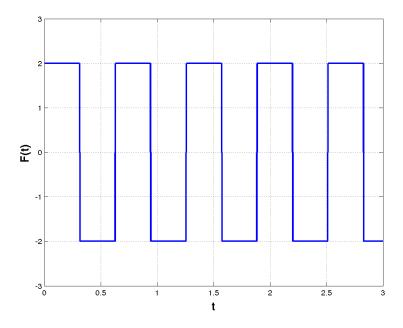


Figura 1: Questão 3 - item a

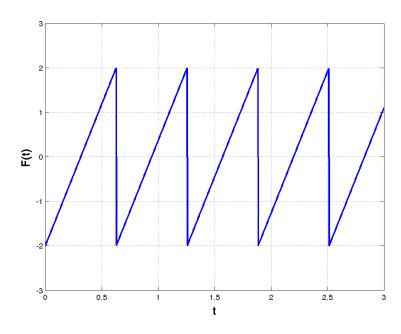


Figura 2: Questão 3 - item b

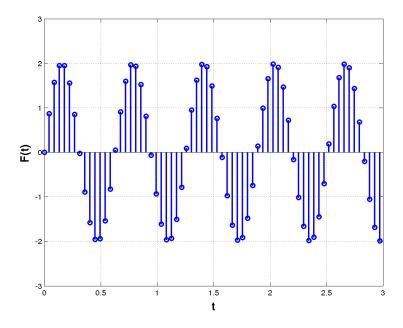


Figura 3: Questão 3 - item c

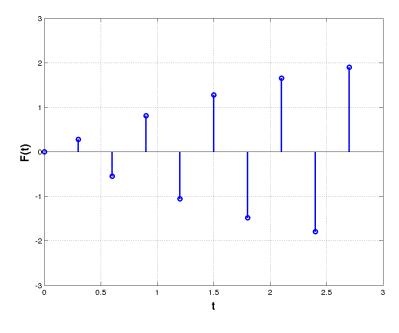


Figura 4: Questão 3 - item d

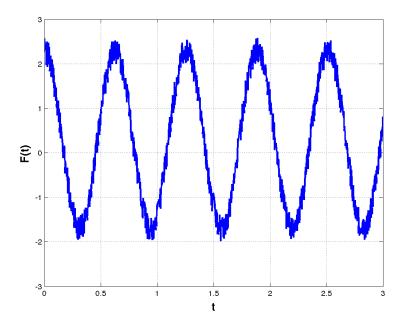


Figura 5: Questão 3 - item e

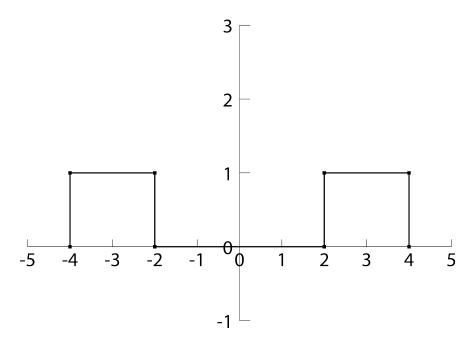


Figura 6: Questão 6 - item a

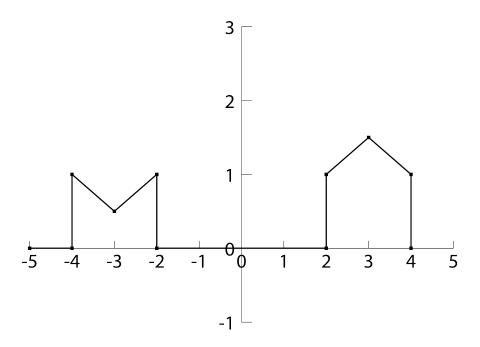


Figura 7: Questão 6 - item b

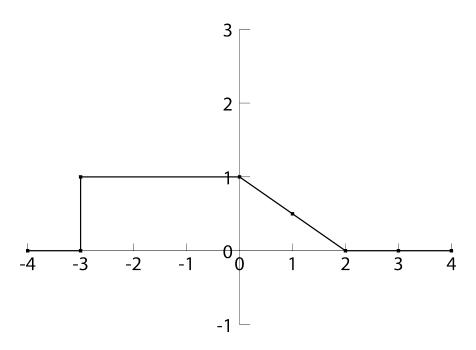


Figura 8: Sinal da Questão 7