

线性代数

行列式

行列式的定义

二阶行列式

$$D = \begin{vmatrix} a & b \\ c & d \end{vmatrix} = ad - bc$$

三阶行列式

$$D = \begin{vmatrix} a1 & b1 & c1 \\ a2 & b2 & c2 \\ a3 & b3 & c3 \end{vmatrix} = a1b2c3 + b1c2a3 + c1a2b3 - a1c2b3 - b1a2c3 - c1b2a3$$

N阶行列式

$$D = \begin{vmatrix} a11 & a12 & \dots & a1n \\ a21 & a22 & \dots & a2n \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ an1 & an2 & \dots & ann \end{vmatrix} = (-1)^{1+1}a11 \begin{vmatrix} a22 & a23 & \dots & a2n \\ a32 & a33 & \dots & a3n \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ an2 & an3 & \dots & ann \end{vmatrix} + (-1)^{1+2}a12 \begin{vmatrix} a21 & a23 & \dots & a2n \\ a31 & a33 & \dots & a3n \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ an1 & an3 & \dots & ann \end{vmatrix} + \dots + (-1)^{1+n}a1n \begin{vmatrix} a21 & a22 & \dots & a2,n-1 \\ a31 & a32 & \dots & a3,n-1 \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ an1 & an2 & \dots & an,n-1 \end{vmatrix}$$

行列式的性质

1.行列式与它的转置行列式相等

D^T=D

$$D = \begin{vmatrix} a11 & a12 & \dots & a1n \\ a21 & a22 & \dots & a2n \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ an1 & an2 & \dots & ann \end{vmatrix} \text{ 的转置行列式 } D^T \text{ 为 } D^T = \begin{vmatrix} a11 & a12 & \dots & a1n \\ a21 & a22 & \dots & a2n \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ an1 & an2 & \dots & ann \end{vmatrix} D^T$$

2.行列式按任一行(列)展开,其值相等

3.行列式的某一行(列)中所有的元素都乘以同一数k,等于用数k乘此行列式.

4.(反对称性质)行列式的两行对换,行列式的值反号

5.行列式中某行各元素乘常数k加到另一行对应元素上,行列式的值不变(简称:对行列式做倍加行变换,其值不变)

6.行列式某一行的元素乘另一行对应元素的代数余子式之和等于零

行列式的计算

卡莱姆法则

矩阵

线性方程组

相似矩阵与二次型

向量组