

# 공분산(Covariance)과 상관계수(Correlation Coefficient)의 정의와 차이점

practice 선형대수 · 2024. 9. 29. 13:37

•공분산(Covariance)과 상관계수(Correlation Coefficient)의 정의와 차이점에 대해 설명해 주세요.

## 공분산

- 두개의 확률변수  $X$ 와  $Y$ 가 있을때
- 공분산은 이 두 변수들이 얼마나 같이 움직이는지를 나타냄
- 만약 공분산이 양수라면, 하나의 변수가 증가할 때 다른 변수 또한 증가하는 경향을 보임
- 반대로 공분산이 음수라면, 하나의 변수가 증가할 때 다른 변수는 감소하는 경향을 보임

## 상관계수(Correlation Coefficient)

공분산을 표준화하여 두 변수 간의 선형 관계를 1과 -1 사이의 값으로 나타냅니다.

- 상관계수는 공분산보다 해석이 용이합니다.

## 공분산과 상관계수의 차이점

확률변수  $x, y$ 에 대하여

공분산: 근본적인 비례 관계가 동일하더라도, 단위가 달라지면 값도 달라진다 (단점)

상관계수: 단위가 달라도 변하지 않는다.(단점극복)- 근본적인 비례 관계만 고려한다.

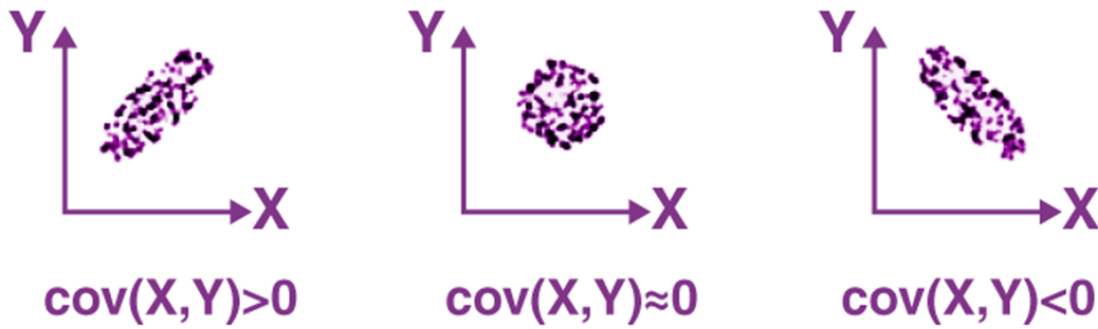
$$\rho_{X,Y} = \frac{\text{cov}(X, Y)}{\sigma_X \sigma_Y}$$

Y의 표준편차  
X의 표준편차

## 공분산

- 두개의 확률변수 X와 Y가 있을때
- 공분산은 이 두 변수들이 얼마나 같이 움직이는지를 나타냄
- 만약 공분산이 양수라면, 하나의 변수가 증가할 때 다른 변수 또한 증가하는 경향을 보임
- 반대로 공분산이 음수라면, 하나의 변수가 증가할 때 다른 변수는 감소하는 경향을 보임

데이터셋 1 집값과 평수가 같이 증가 → 공분산 양수	데이터셋 2 집값과 평수의 큰 관계 없음 → 공분산이 0에 가깝다.	데이터셋 3 집값과 평수가 반대로 움직임 → 공분산 음수																																				
<table border="1"> <thead> <tr> <th></th><th>집값</th><th>평수</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>1</td><td>70</td><td>60</td></tr> <tr> <td>2</td><td>120</td><td>115</td></tr> <tr> <td>3</td><td>150</td><td>130</td></tr> </tbody> </table>		집값	평수	1	70	60	2	120	115	3	150	130	<table border="1"> <thead> <tr> <th></th><th>집값</th><th>평수</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>1</td><td>120</td><td>60</td></tr> <tr> <td>2</td><td>130</td><td>125</td></tr> <tr> <td>3</td><td>150</td><td>80</td></tr> </tbody> </table>		집값	평수	1	120	60	2	130	125	3	150	80	<table border="1"> <thead> <tr> <th></th><th>집값</th><th>평수</th></tr> </thead> <tbody> <tr> <td>1</td><td>70</td><td>135</td></tr> <tr> <td>2</td><td>130</td><td>110</td></tr> <tr> <td>3</td><td>150</td><td>80</td></tr> </tbody> </table>		집값	평수	1	70	135	2	130	110	3	150	80
	집값	평수																																				
1	70	60																																				
2	120	115																																				
3	150	130																																				
	집값	평수																																				
1	120	60																																				
2	130	125																																				
3	150	80																																				
	집값	평수																																				
1	70	135																																				
2	130	110																																				
3	150	80																																				



아래그림)  $n-1$ 로 나눈것은  $n$ 으로 나눈것보다 정확해서.

- 수학적으로 표현하자면,
- $X$ 와  $Y$  값으로 구성된 데이터에 대하여  $(x_1, y_1), (x_2, y_2), \dots, (x_N, y_N)$

- $X$ 와  $Y$ 의 공분산은 아래와 같이 계산된다

$$cov_{x,y} = \frac{\sum (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{N - 1}$$

- $\bar{x}$  와  $\bar{y}$  는 각각  $X$ 와  $Y$ 의 평균

아래그림)

근본적인 비례관계는 동일하지만,

공분산이 사용하는 단위가 달라지면 공분산도 달라진다.

집 넓이 (m <sup>2</sup> )	집 가격
100	100
200	200
300	300

= 양변의 공분산 (같은 값)

$$3.3 \text{ m}^2 = 1 \text{ 평}$$

집 넓이 (평)	집 가격
$100 \div 3.3$	100
$200 \div 3.3$	200
$300 \div 3.3$	300

→ 동일한 비례관계는 동일치리만, 사용되는 단위에 따라 공분산이 달라진다

$$\text{cov}_{x,y} = \frac{\sum (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{N - 1}$$

## 상관계수(Correlation Coefficient)

공분산을 표준화하여 두 변수 간의 선형 관계를 1과 -1 사이의 값으로 나타냅니다.

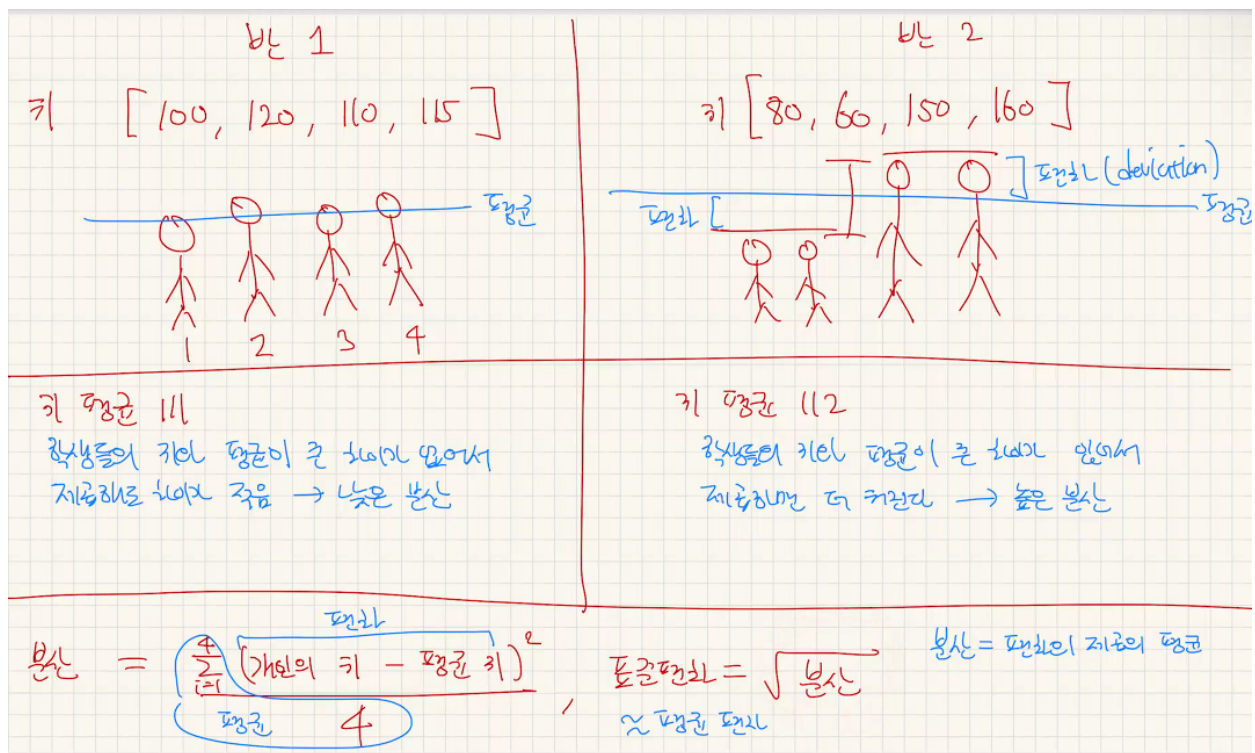
• 상관계수는 공분산보다 해석이 용이합니다.

$$\rho_{X,Y} = \frac{\text{cov}(X, Y)}{\sigma_X \sigma_Y}$$

Y의 표준편차

X의 표준편차

분산과 표준편차(평균편차)



## 공분산과 상관계수의 차이점

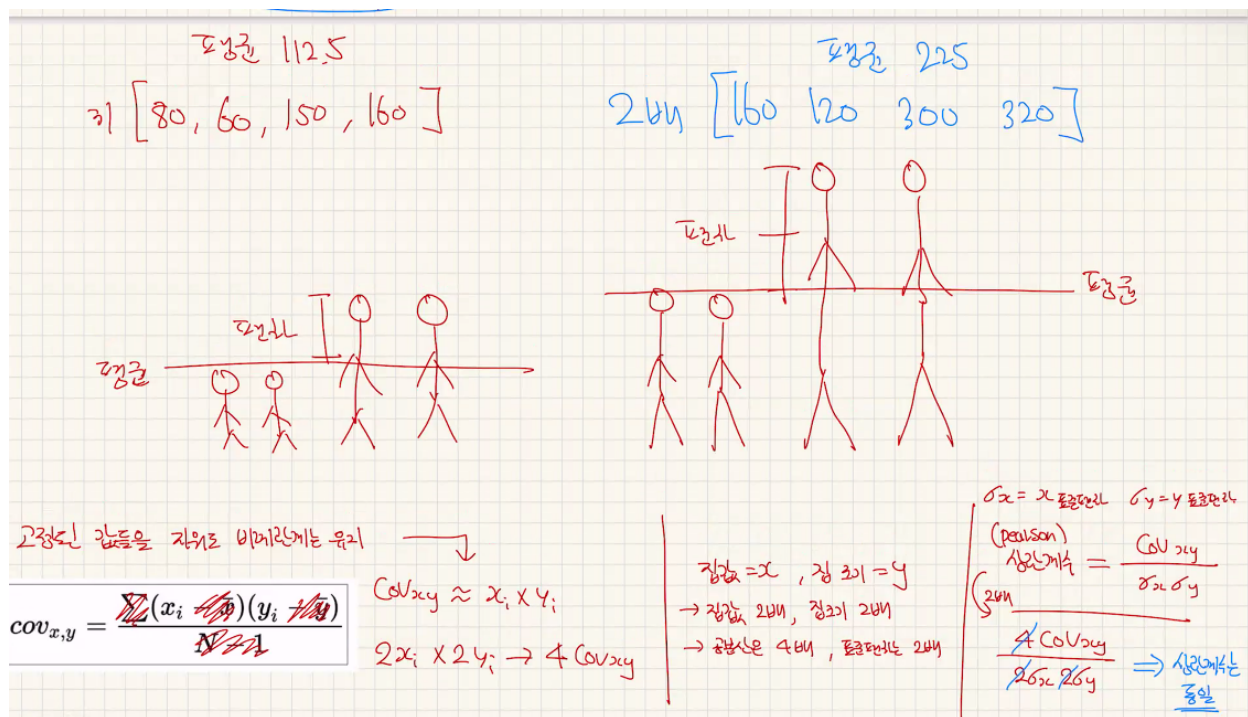
확률변수  $x, y$ 에 대하여

공분산: 근본적인 비례 관계가 동일하더라도, 단위가 달라지면 값도 달라진다 (단점)

상관계수: 단위가 달라도 변하지 않는다. (단점 극복) - 근본적인 비례 관계만 고려한다.

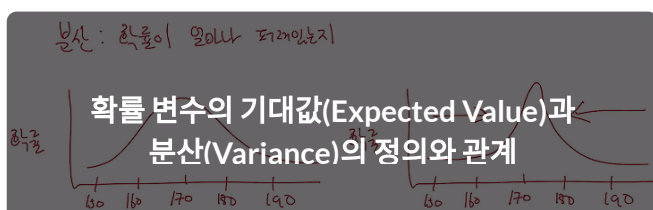
=====

예시

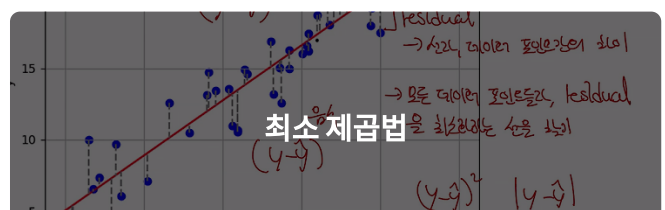


'practice_선형대수' 카테고리의 다른 글	
<a href="#">확률분포 (0)</a>	2024.09.30
<a href="#">행렬 (1)</a>	2024.09.30
<a href="#">확률 변수의 기대값(Expected Value)과 분산(Variance)의 정의와 관계 (0)</a>	2024.09.29
<a href="#">최소 제곱법 (0)</a>	2024.09.29
<a href="#">벡터공간과 성질 (0)</a>	2024.09.28

관련글 더보기



$$\text{MI} = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} (1,2) \cdot (1,0) & (1,2) \cdot (0,1) \\ (0,4) \cdot (1,0) & (0,4) \cdot (0,1) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 4 \end{bmatrix}$$



자연어(NLP)

네이쳐2024 님의 블로그입니다.



구독하기 +

댓글 0



이름

비밀번호

내용을 입력하세요.



등록