주성분 분석 (Principal Component Analysis): 차원 축소, 설명된 분산

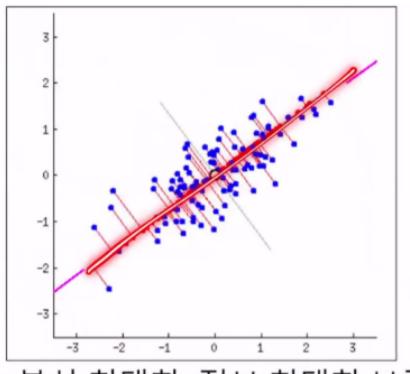
practice 선형대수 • 2024. 9. 30. 15:37

Q. <mark>주성분 분석(Principal Component Analysis, PCA)의 목적과 기본 원리</mark>에 대해 설명해 주세요.

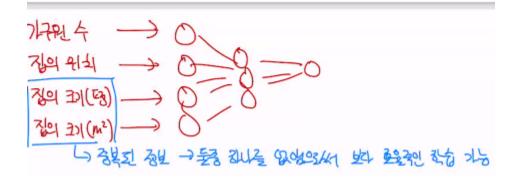
- •PCA는 데이터의 차원을 축소하여 <mark>주요 성분을 추출하는 기법입</mark>니다.
- •데이터의 분산을 최대화하는 방향으로 새로운 축을 정의하여, 데이터의 주요 변동을 보존하면 서 차원을 줄입니다.

아래그림

분산 최대화 - 정보보존 최대화



- 분산 최대화 (정보 최대한 보존)
- •집의 특징을 가지고 판매 가격을 예측하는 모델을 만들려고 함
- •이를 위해 다양한 집들을 돌아다니며 여러 정보를 수집함
- •집의 위치, 가구원 수, 방의 개수, 집의 크기 (평), 집의 크기 (제곱미터), 주변 상권, 지하철역까지의 거리 ...
- •하지만 이때 몇몇 데이터는 서로 매우 큰 상관관계를 가짐
- •집의 크기를 평으로 나타낸 것과, 제곱미터로 나타낸 것은 사실상 같은 정보로 봐도 무방함
- •두 정보는 매우 큰 <mark>상관계수</mark>를 가지고 있으며, <mark>사실상 하나가 없어도 모델이 예측하는 것에는</mark> <mark>아무 문제가 없음</mark>
- 이 <mark>두 정보(확률변수, 데이터)는 중복</mark>되었으며<mark>, 하나를 없애는 것이 보다 효율적인 예측 모델</mark>을 만드는 것에 도움이 됨

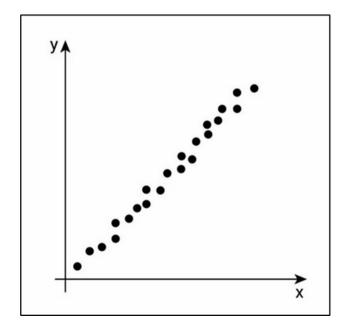


- •따라서, 주어진 데이터에서 불필요한 정보는 지울 필요가 있음
- •다만 이때 유용한 정보는 최대한 보존해야 함

주성분 분석 (PCA)

- •주어진 데이터를 "<mark>새로운 축"으로 바라보는</mark> 것
- •이때 "새로운 축"은 주어진 데이터의 분산 (정보)를 최대한 보존하는 방향으로 선택
- •어떠한 2차원 데이터가 있다고 가정
- •X는 집 크기, Y는 집 가격
- •그래프에 보이듯, 이 두 정보는 거의 정비례함

중복된 데이터



•(중복된 2차원 데이터를 1차원으로 줄이는 방법) 해결하는 방법은 두가지가 있음

1.단순히 둘중 하나를 삭제

미처 고려하지 못한 정보를 잃을 수 있음

2.PCA를 통해, 두 정보를 하나로 통합하는것 (차원 감소)

(이상적으로) 두 정보를 최대한 보존하는 것이 가능

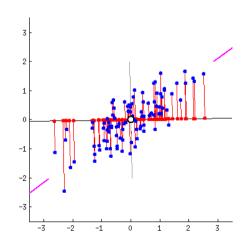
- •2차원의 데이터를 1차원으로 나타낼 때, 가능한 많은 정보를 보존해야 함
- •정보를 보존한다?

데이터 포인트들의 상대적인 위치를 보존한다

원래부터 가깝던건 차원 축소 후에도 여전히 가깝고, 반대로 원래 멀던건 이후에도 멀어야 한다

출처:

•https://velog.velcdn.com/images%2Fswan9405%2Fpost%2F6b1446e0-fe48-497c-9191-20e3ce447e96%2Fpca02.gif



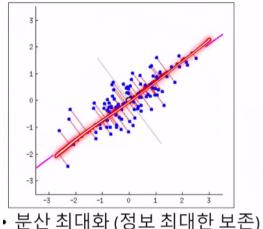
•이때 우리는 다양한 축을 시도하며, 가장 적절한 (정보를 많이 보존하는) 축을 찾아야 함

•이때 선택된 축은

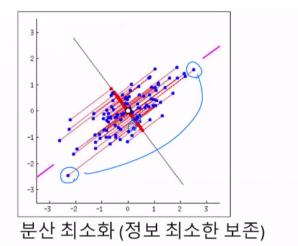
- 1.가능한 많은 정보를 보존 (<mark>멀리 있던 포인트들은 여전히 멀리, 가까이 있던 포인트들은 계속</mark> 가까이)
- 2.가능한 많은 원래 데이터의 분산을 보존

아래그림

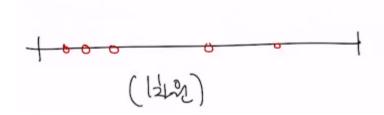
분산 최대화 (정보 최대한 보존) 되는 축을 찾음







아래그림



- •위의 예시에서는, 2차원 데이터를 1차원으로 줄였음•
- •비슷하게, N차원 데이터를 N보다 <mark>작은 차원으로 감소시키는</mark> 것도 가능함
- •예를 들어, 3차원의 데이터를 2차원으로 축소시킨다면, 정보를 최대한 보존하는 2개의 축을 찾 아야 함
- •그럼 주어진 데이터에 대해, 분산을 최대화 하는 축은 어떻게 찾을 수 있을까?

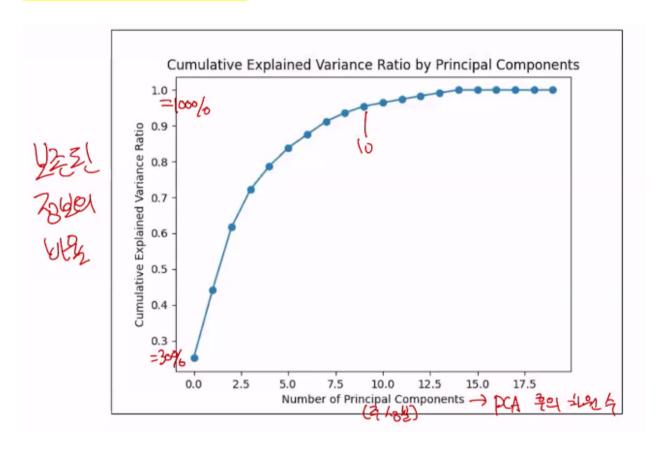
수학적으로 바로 계산하는 것 가능 (인공지능 학습 등 불필요)

•실제 계산은 고유값과 고유벡터 (Eigenvalue와 Eigenvector)가 사용되므로 단기간에 이해하 기 어려움

아래그림

- •어떠한 20차원 데이터에 PCA를 적용한 예시 (X는 PCA 적용 후의 차원, Y는 보존된 정보의 비율)
- •차원을 감소시킬수록 필연적으로 정보의 손실이 발생

적당한 밸런스를 찾는 것이 필수적

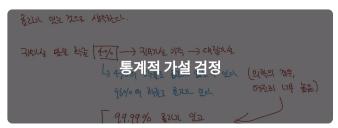


♡3 🖒 🚥

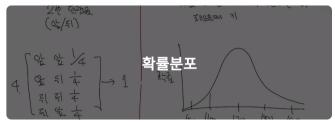
구독하기

' <u>practice_선형대수</u> ' 카테고리의 다른 글	
<u>통계적 가설 검정</u> (0)	2024.10.01
<u>확률변수의 조건부 확률 (Conditional Probability)과 독립성 (Independence)</u> (0)	2024.10.01
<u>확률분포</u> (0)	2024.09.30
<u>행렬</u> (1)	2024.09.30
<u>공분산(Covariance)과 상관계수(Correlation Coefficient)의 정의와 차이점</u> (0)	2024.09.29

관련글 관련글 더보기



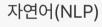




$$\mathbf{MI} = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} (1,2) \cdot (1,0) & (1,2) \cdot (0,1) \\ (0,4) \cdot (1,0) & (0,4) \cdot (0,1) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 4 \end{bmatrix}$$

$$\mathbf{BE}$$

$$\mathbf{IM} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} (1,0) \cdot (1,0) & (1,0) \cdot (2,4) \\ (0,1) \cdot (1,0) & (0,1) \cdot (2,4) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 4 \end{bmatrix}$$



네이쳐2024 님의 블로그입니다.

구독하기 +

댓글 2



mwollossna

편안한 밤 되세요~~공감!

2024. 10. 1. 22:09 - 답글



익명 🖯

비밀댓글입니다.

2024. 10. 3. 09:29



이름

비밀번호

내용을 입력하세요.

