Предмет и метод начертательной геометрии

Начертательная геометрия (НГ) — раздел геометрии, изучающий способы изображения пространственных геомтерических объектов (ГО) на плоскости.

Абстрактные образы начертательной геометрии:

Точка

Линия

Поверхность

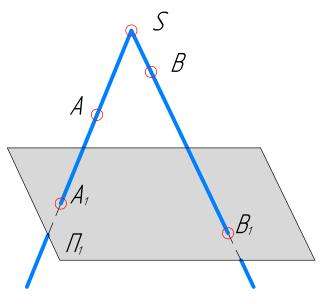
A, B, C,..., 1, 2, 3...

a, b, c,..., 1, 2, 3,...

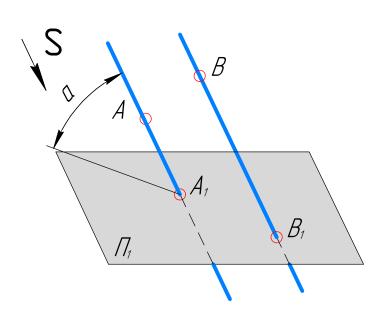
Π, Σ, Γ, Δ,...

Метод чертежа: формы и положения геометрических фигур изучаются по чертежу — графической модели фигур, полученной посредством операции проецирования и представляющей собой некое конечное множество точек и линий, нанесенных на плоскости.

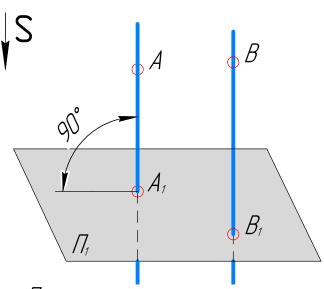
Прямая задача НГ – получение изображения (проекции) ГО при помощи операции проецирования.



Центральное проецирование



Параллельное косоугольное проецирование



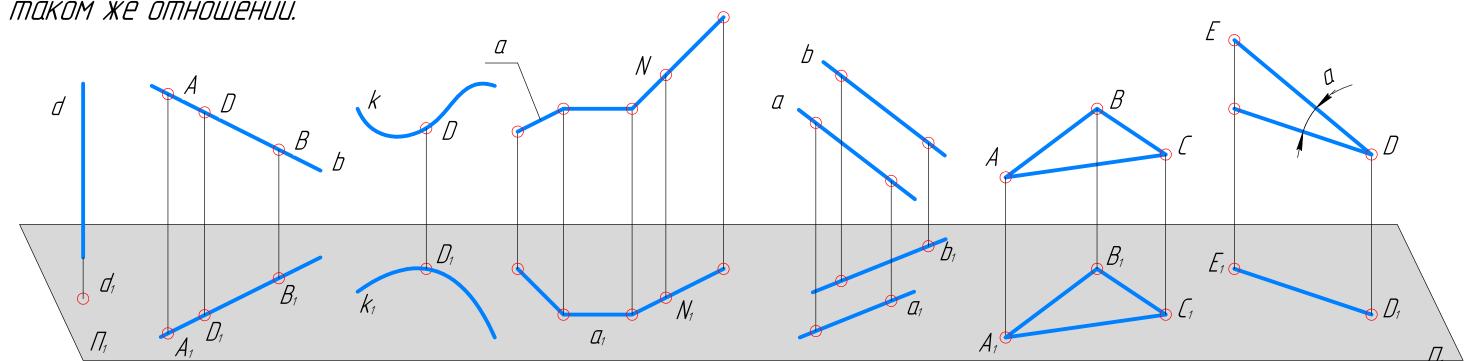
Параллельное ортогональное (прямоцгольное) проецирование

Ортогональной проекцией точки является точка пересечения проецирующей прямой, проходящей через точку перпендикулярно плоскости проекции (ПП), с этой ПП.

R-302) savertynus GZZXXXXXXX ares pomer polomeni Parces Bet polotisus u per

Свойства ортогонального проецирования

- 1. Точка проецируется в точку. Прямая (в общем случае) проецируется в прямую. Прямая, перпендикулярная ПП, проецируется в точку.
- 2. В общем случае, кривая проецируется в кривую, ломаная в ломаную.
- 3. Если точка принадлежит линии, то проекция точки принадлежит проекции линии.
- 4. Если точка делит отрезок в каком-то отношении, то ее проекция делит проекцию отрезка в таком же отношении.

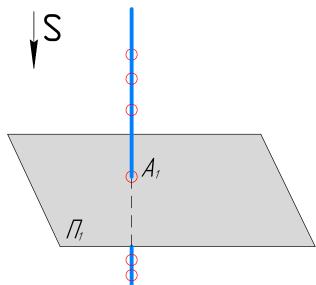


- 6. Если прямые параллельны, то их проекции также параллельны.
- 7. Если проскость перпендикулярна плоскости проекции, то она проецируется на эту плоскость в прямую.
- 8. Плоска фигура, параллельная плоскоксти проекции, проецируется на нее в натуральную величину.
- 9. Длина проекции отрезка прямой равна длине отрезка, умноженной на косинус угла наклона отрезка к ПП.

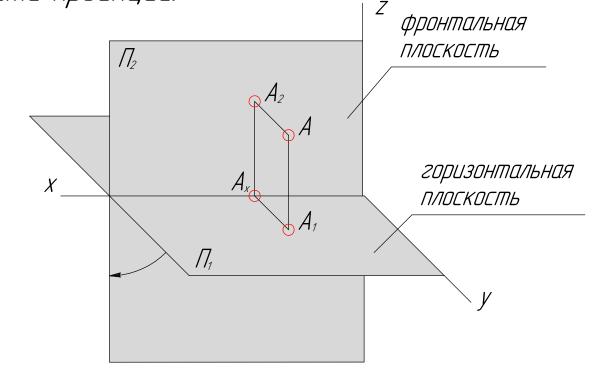
Обратная задача НГ и обратимость чертежа

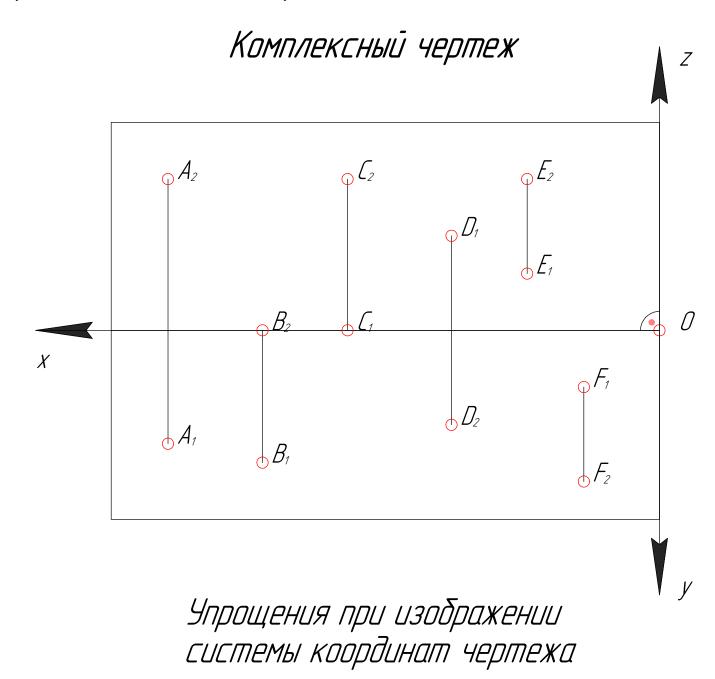
Обратная задача НГ: восстановление формы или/и положения ГО по его чертежу.

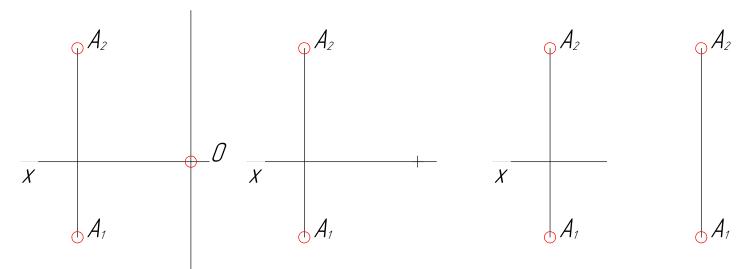
Чертеж, позволяющий решать обратную задачу НГ, называют **обратимым**.



Для задания точки достаточно задать две её проекции на две взаимно перпендикулярные плоскости проекций.

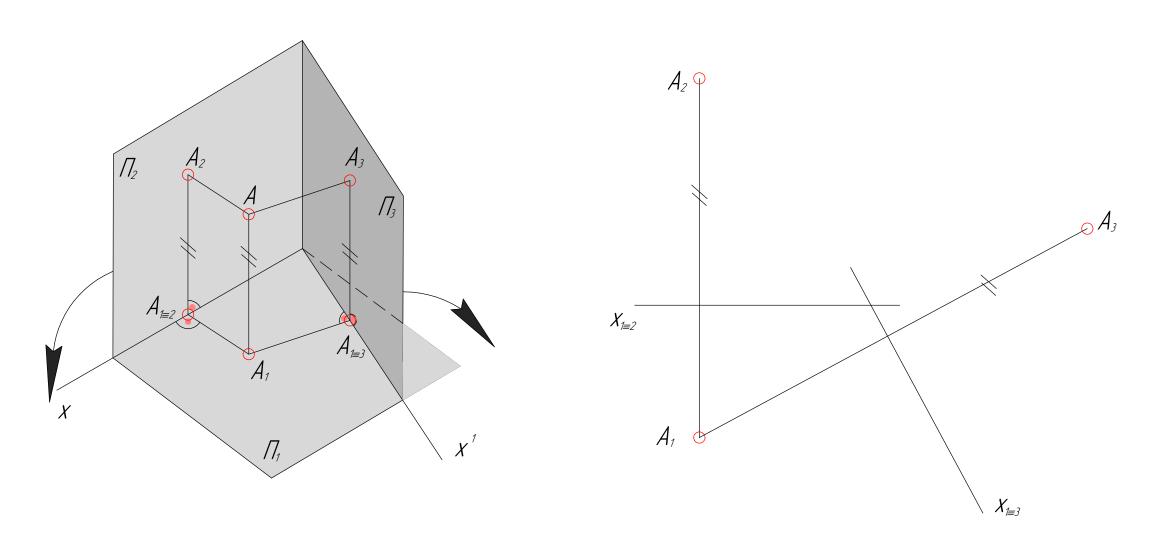






MEBNI Yabartigan ACRIZOOTAR Homen gamar qadamiy Fanceshee gada saanu

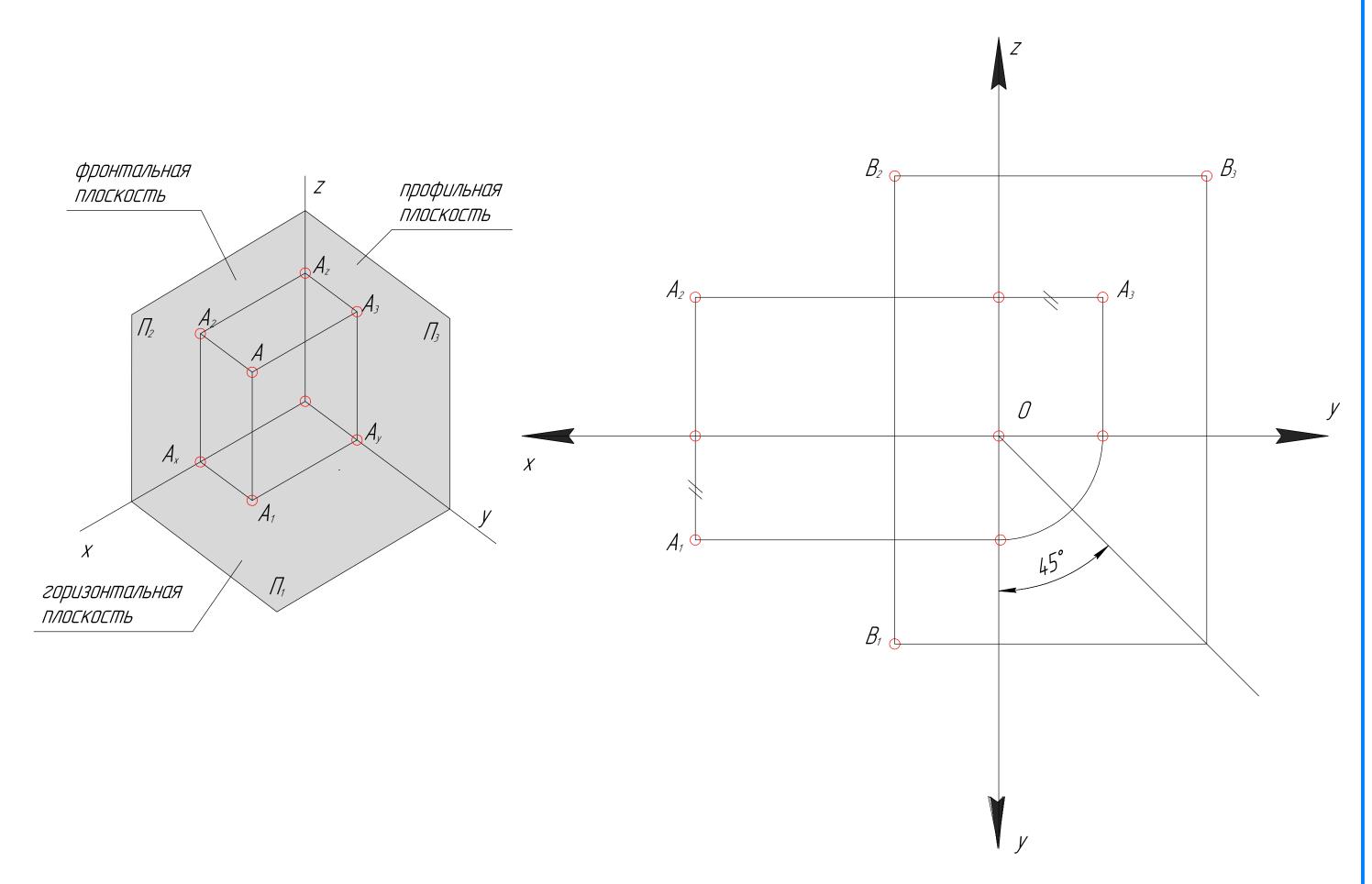
Введение новой плоскости проекции



Алгоритм построения новой проекции A_3 точки по двум заданным проекциям A_1 и A_2 и новому направлению проецирования:

- 1. Перпендикулярно линии связи (A_1 и A_2) проводят ось проекций $x_{=2}$, если она еще на задана.
- 2. Проводят ось проекций $X_{\scriptscriptstyle L=3}$ ($\Pi_3 \perp \Pi_1$).
- 3. Из A_1 проводят новую линию связи $(A_1, A_3 / \bot x_{=3})$.
- 4. На новой линии связи (A_1, A_3) от новой оси $x_{I=3}$ откладывают расстояние от точки A до плоскости Π_1 , так как $\Pi_3 \perp \Pi_1$.

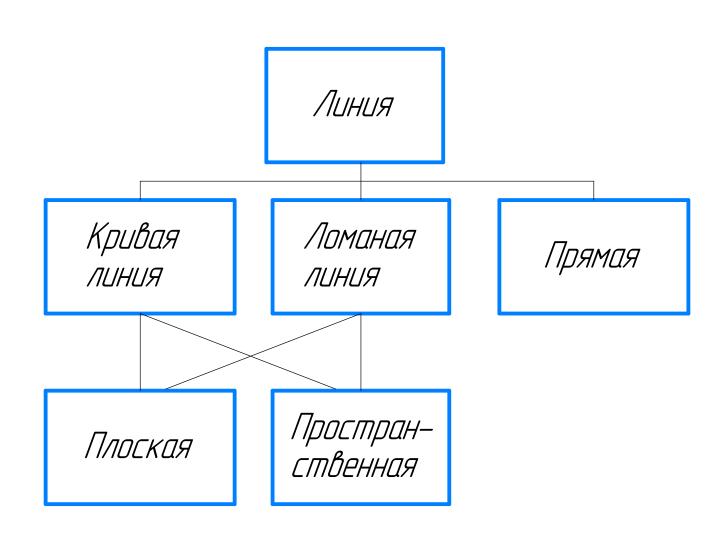
Трехпроекционный комплексный чертеж



NACES 21 Seberthau A SPZ VIII) A CHACA THAN TAIRN THÀINN A' PAICA RA THÀIN AIN U AG

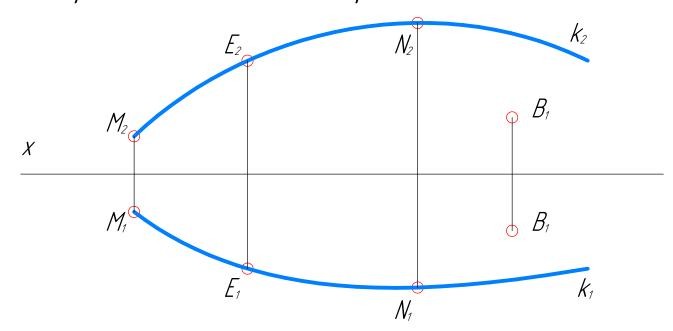
Задание линии на чертеже

Линия — это ГО, имеющий одно измерение (длину) и рассматриваемый как траектория точки, двигающейся в пространстве по определенному закону.

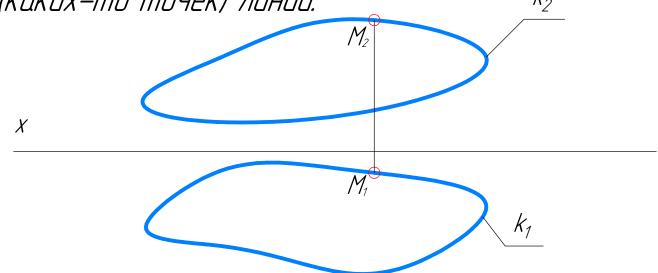


Критерий заданности линии: относительно любой точки пространства можно однозначно ответить на вопрос, принадлежит точка линии или нет.

В общем случае линия на КЧ задается непосредственно своими проекциями..



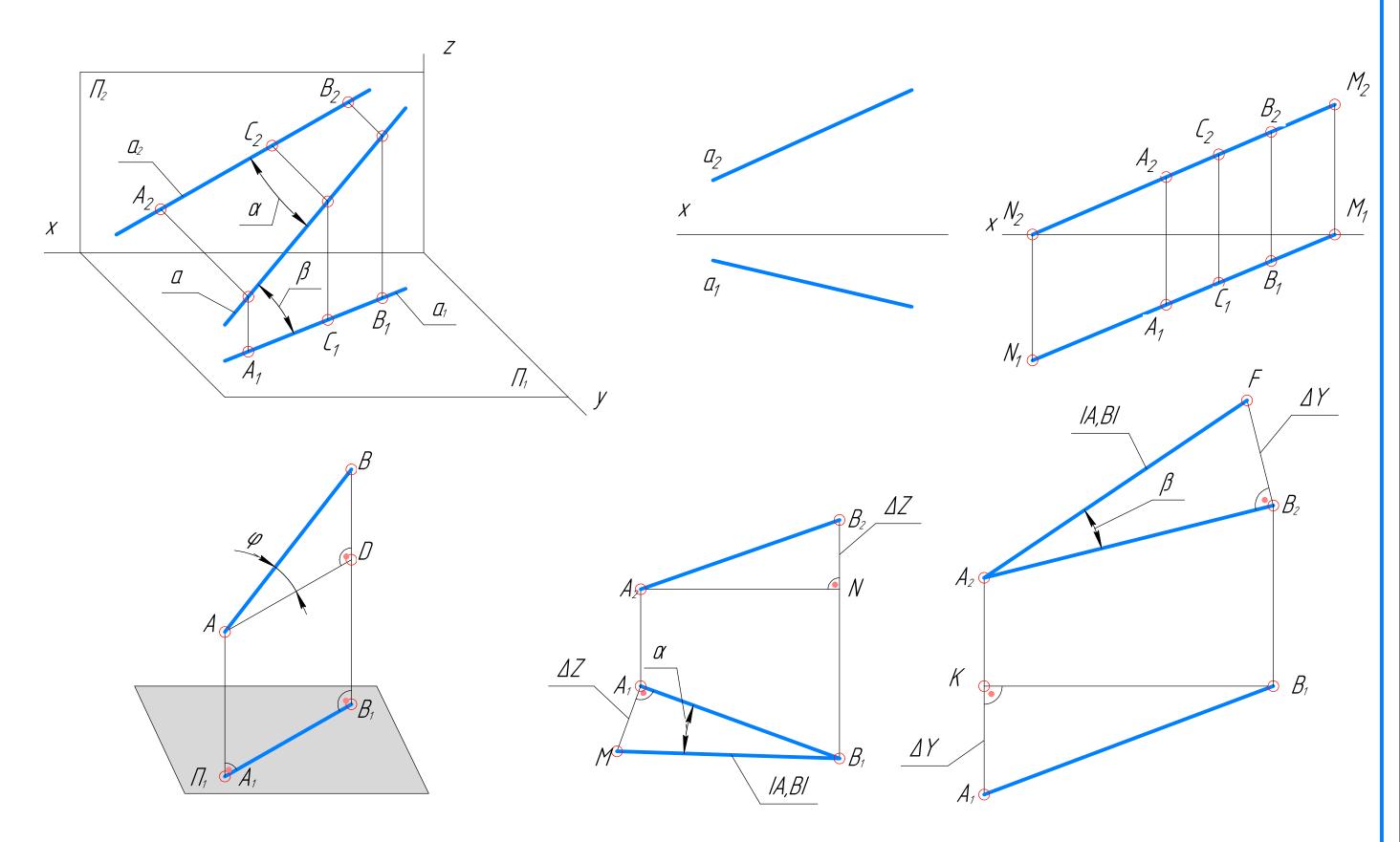
Иногда для установления однозначного проекционного соответствия точек линии помимо её проекций необходимо задавать ещё проекции какой-то точки $\{kakux-mo\ moчek\}$ линии.



NI Subustanis FCRIXIII) AKA Lii Abb piiris tindhiisis Pears Ab piida san yepis 1

Прямая общего положения

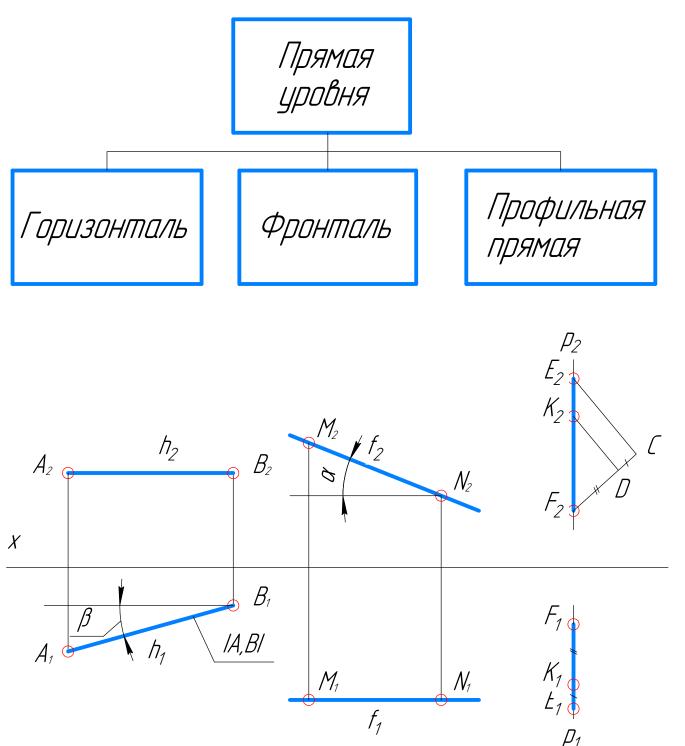
Прямая общего положения – прямая, не параллельная и не перпендикулярная ни одной из ПП.

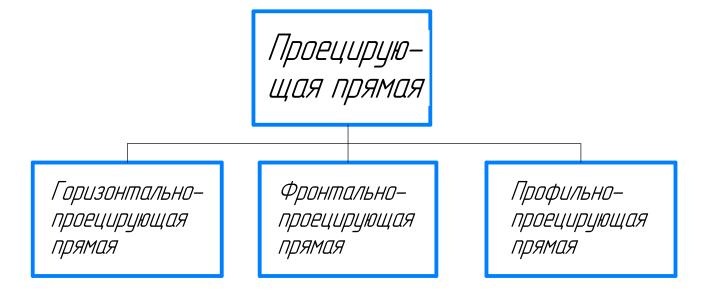


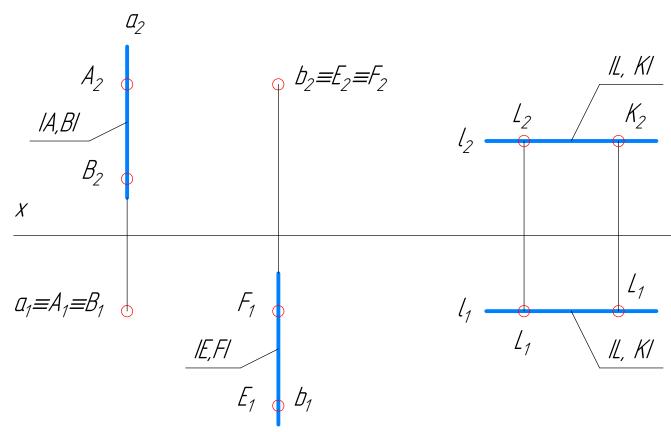
Прямые частного положения

Прямая уровня— прямая, параллельная какой—либо плоскости проекций.

Ппроецирующая уровня— прямая, перпендикулярная какой—либо плоскости проекций.



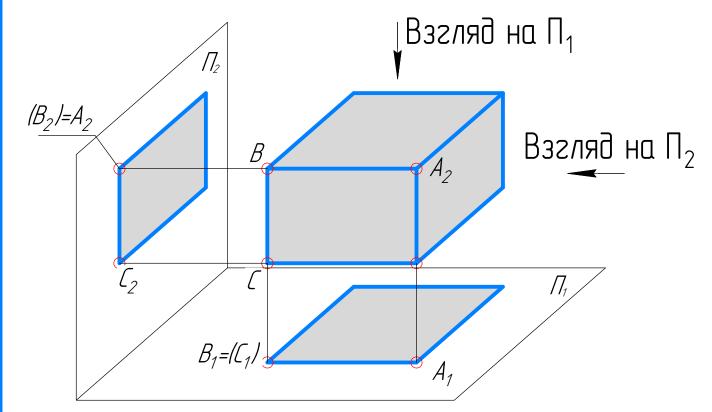




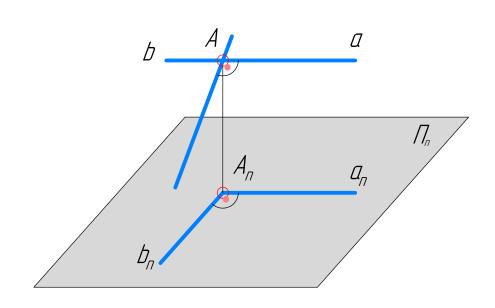
Проецирующая прямая проецируется на ПП, к которой она перпендикулярна, в точку называемую основной проекцией прямой.

Конкурирующие точки

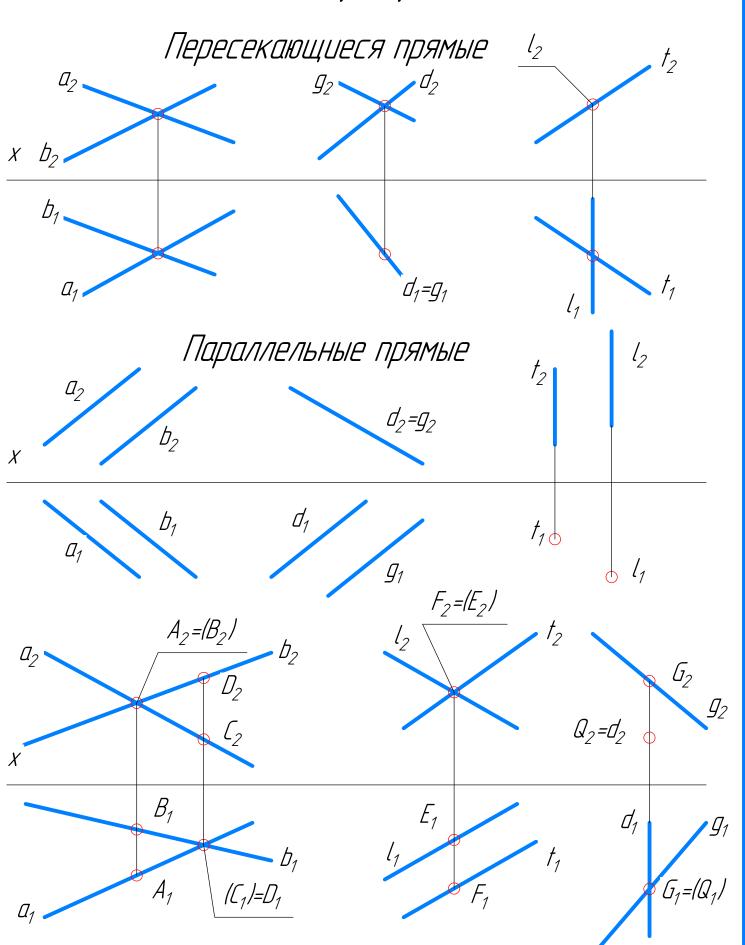
Точки, проекции которых совпали на плоскости проекций, называются конкурирующими в их видимости (относительно этой плоскости).



Проецирование прямого угла

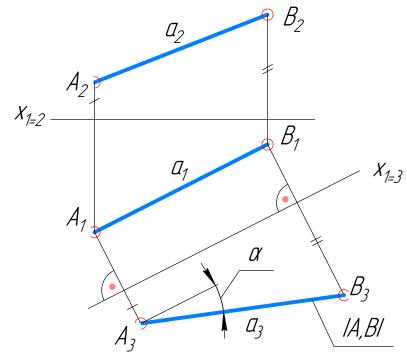


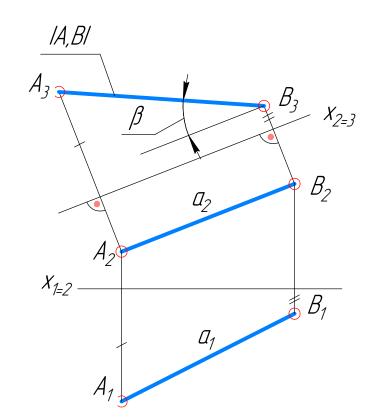
Задание пар прямых



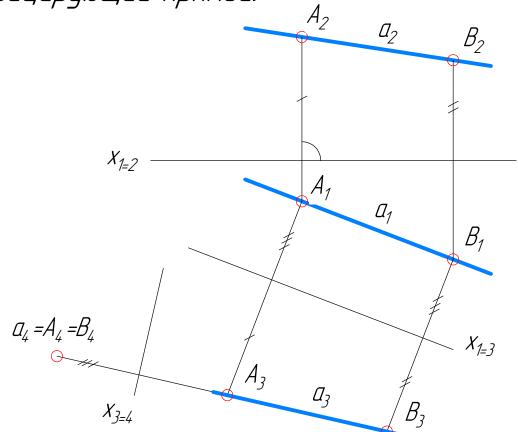
Основные задачи преобразования чертежа (03/14) Задачи на преобразование прямой введением новой ПП

Условие 103ПЧ: преобразовать чертеж так, чтобы прямая общего положения стала прмямой уровня.





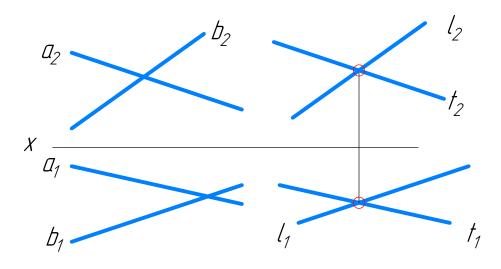
Задача: прямую общего положения перевести в положение проецирующей прямой.



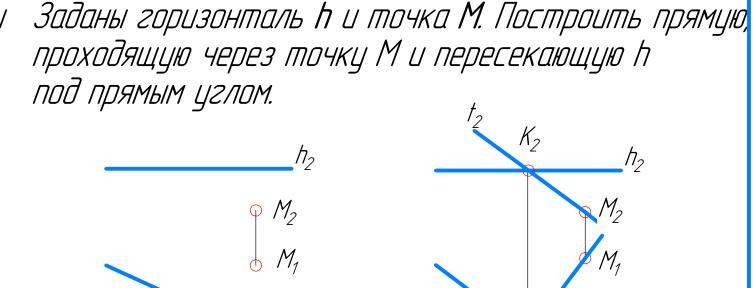
Примеры задач

Пример 2.

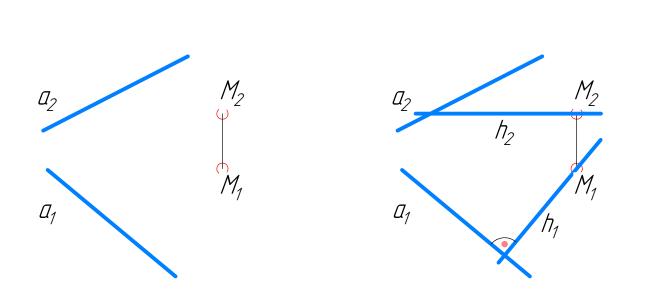
Величина угла между скрещивающимися прямыми равна величине угла между пересекающимися прямыми соответственно параллельными данным скрещивающимся прямым.

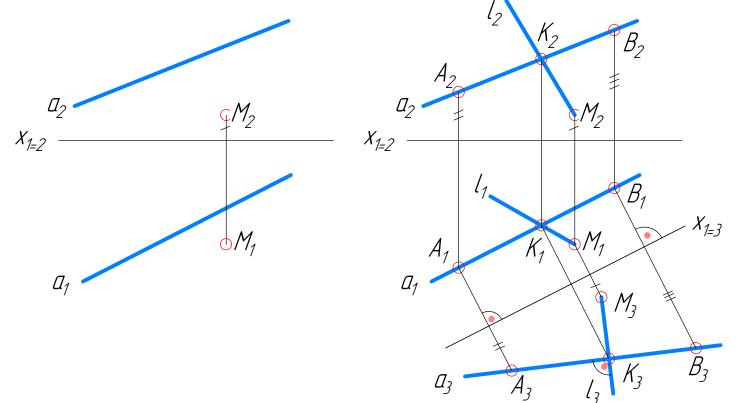


Пример 1. Заданы прямая **а** и точка **М**. Через точку М провести прямую перпендикулярно прямой **а**.



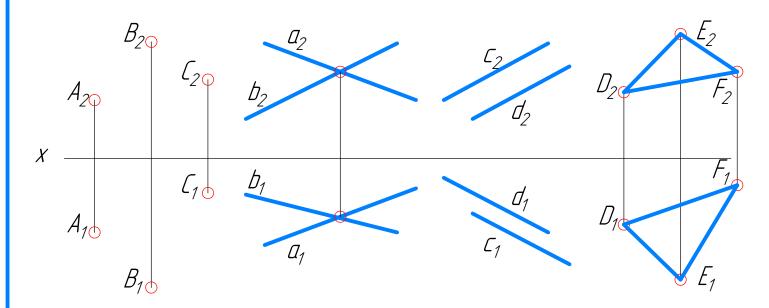
Пример 3. Построить прямую, проходящую через точку **М** и пересекающую прямую **а** под прямым углом.



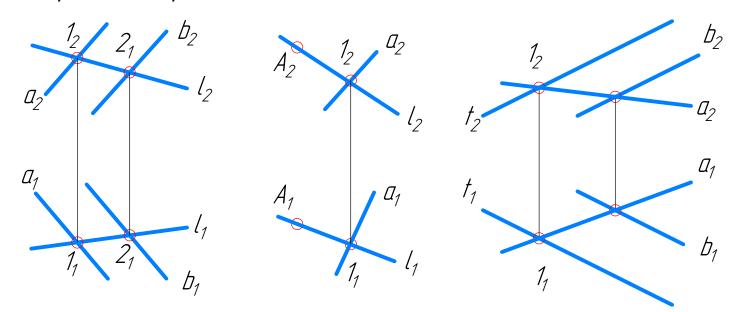


Плоскость

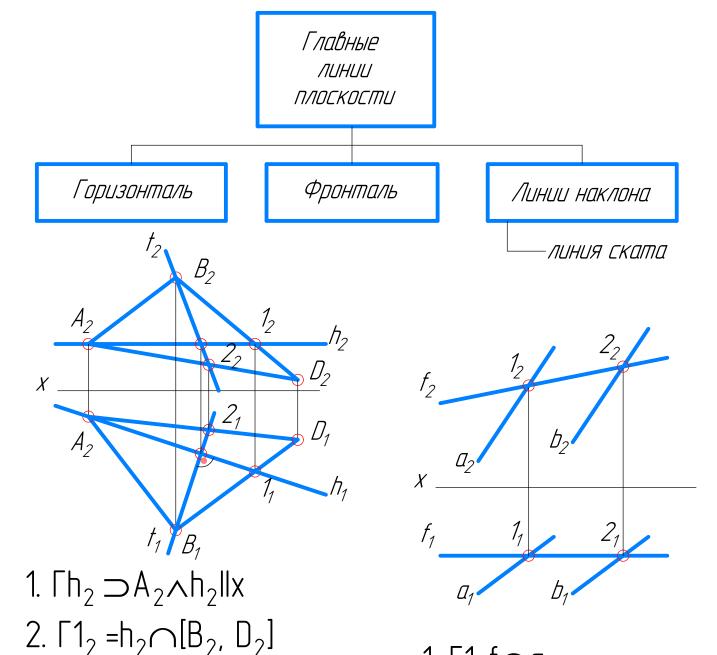
Плоскость общего положения — это плоскость, не перпендикулярная и, следовательно, не параллельная ни одной из ПП.



Построение прямой в плоскости общего положения



Прямая принадлежит плоскости, если она проходит через две точки плоскости или если она проходит через точку плоскости параллельно одной из прямых ПЛОСКОСТИ



- Γ1=f ∩ α
- 2. Γ1=f∩b
- 3. $\Gamma f: f_1 || x, f_2 \supset 1_2, 2_2$

8. $\Gamma t_2 \supset B_2, 2_2$

3. $\Gamma 1_1 \subset [B_1, D_1]$

5. $\Gamma t_1 \supset B_1 \wedge t_1 \perp h_1$

6. $\Gamma 2_1 = t_1 \cap [A_1, D_1]$

7. $\Gamma 2_2 \subset [A_2, D_2]$

4. $\Gamma h_1 \supset A_1, 1_1$

HETHOMENEKADUTUBILIUH

NMED XI Sabartigan ASPINIV (ARKu Asa pama tandawif Pansa Berpalan an u

Принадлежность точки плоскости общего положения

Задача на принадлежность точки поверхности называется основной позиционной задачей.

На чертеже задана...

а) <u>поверхность</u>. Построить проекции произвольной точки, принадлежащей поверхности.

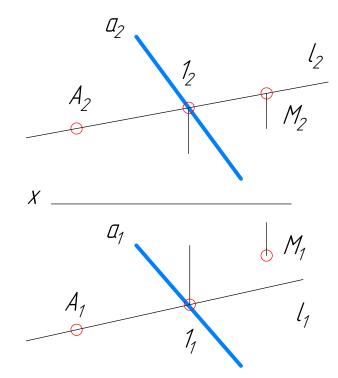
б) <u>поверхность</u> и <u>одна проекция точки</u>, принадлежащей поверхности. Построить вторую проекцию точки.

в) <u>поверхность</u> и <u>точка</u>. Определить, принадлежит точка поверхности или нет.

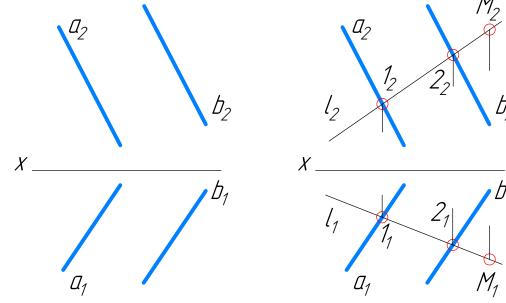
Условие принадлежности: точка принадлежит поверхности, если она принадлежит линии этой поверхности.

- 1. Га Ф на поверхности Ф строится некая линия а.
- 2. ГМ са на линии а задается строится точка М.

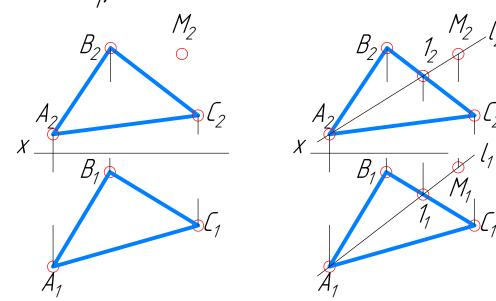
Принадлежит ли точка М плоскости Σ(а, А)?



Построить произвольную точку в плоскости $\Sigma(a,b)$.

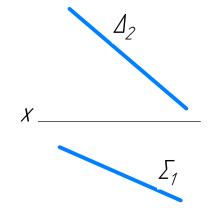


Построить M_1 , если M лежит \mathcal{B} плоскости $\Sigma(\Delta ABC)$.

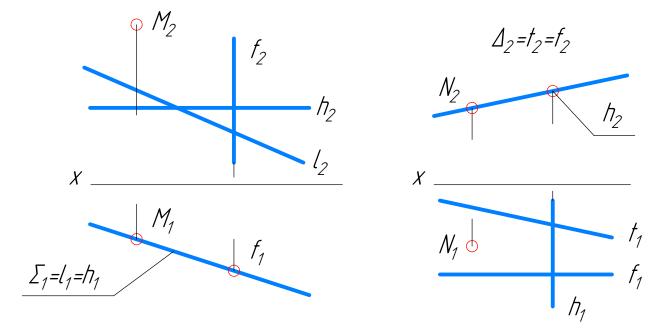


Плоскости частного положения

Проецирующая плоскость

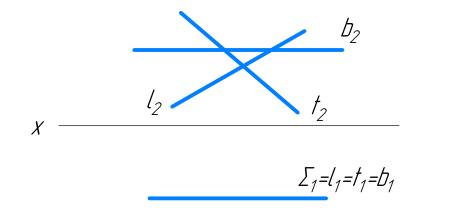


Собирательное свойство проецирующей плоскости

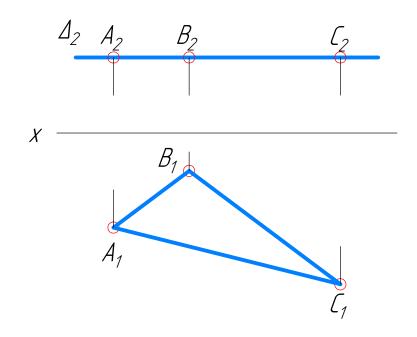


Плоскость уровня

-плоскость, параллельная одной из ПП
—-горизонтальная плоскость
—-фронтальная плоскость
—-профильная плоскость



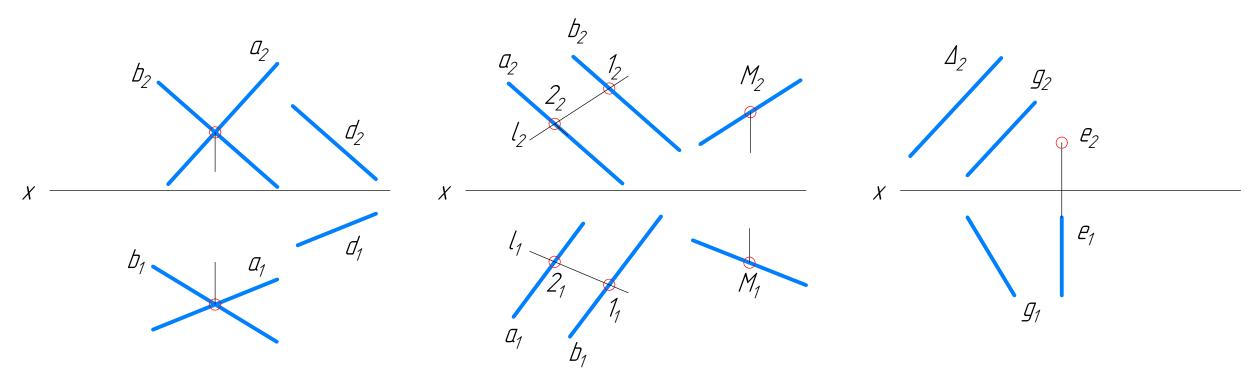
Свойство проецирования в натуральную величину



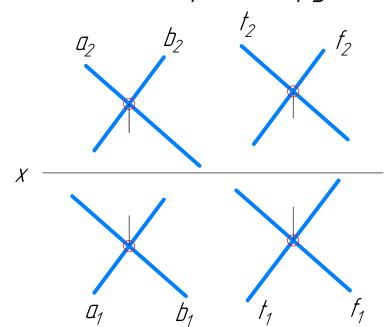
TAET STANDER GENERALITE STANDER STANDER STANDER STANDER GENERALITE STANDER GENERALITE STANDER STANDER GENERALITE STANDER STAND

Признаки параллельности

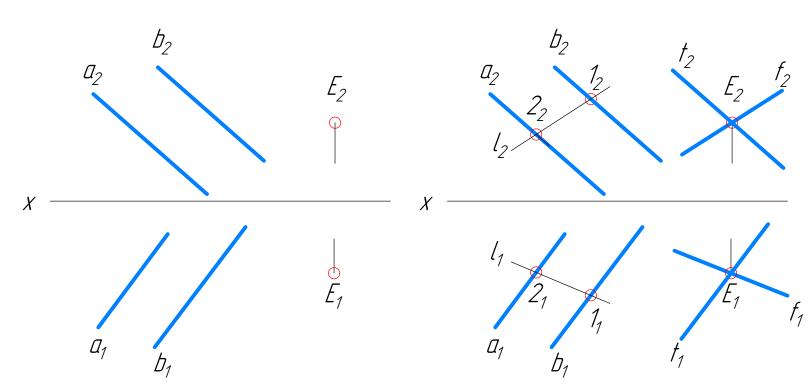
Прямая параллельна плоскости, если она параллельна какой-либо прямой в этой плоскости.



Две плоскоксти параллельны, если две пересекающиеся прямые одной плоскости соответственно параллельны двум пересекающимся прямым другой.



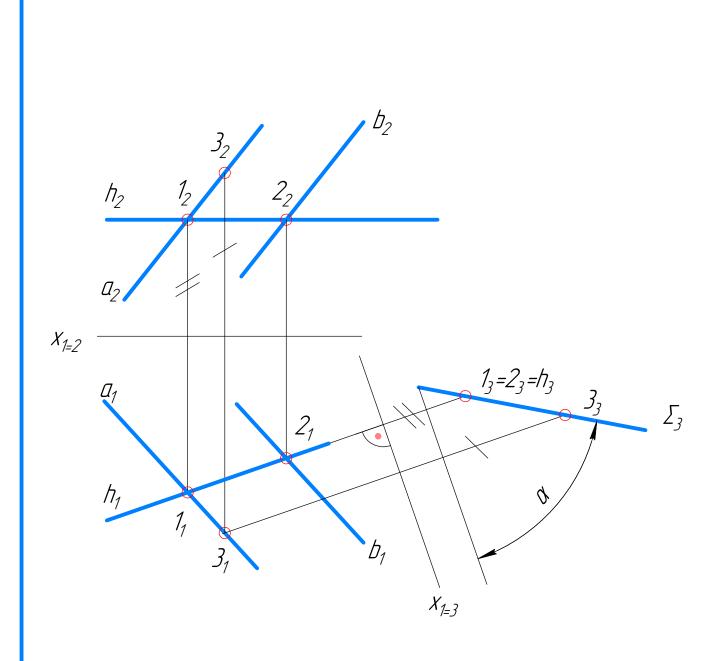
Пример. Через точку E провести плоскость, параллельную плоскоксти $\Sigma(allb)$.

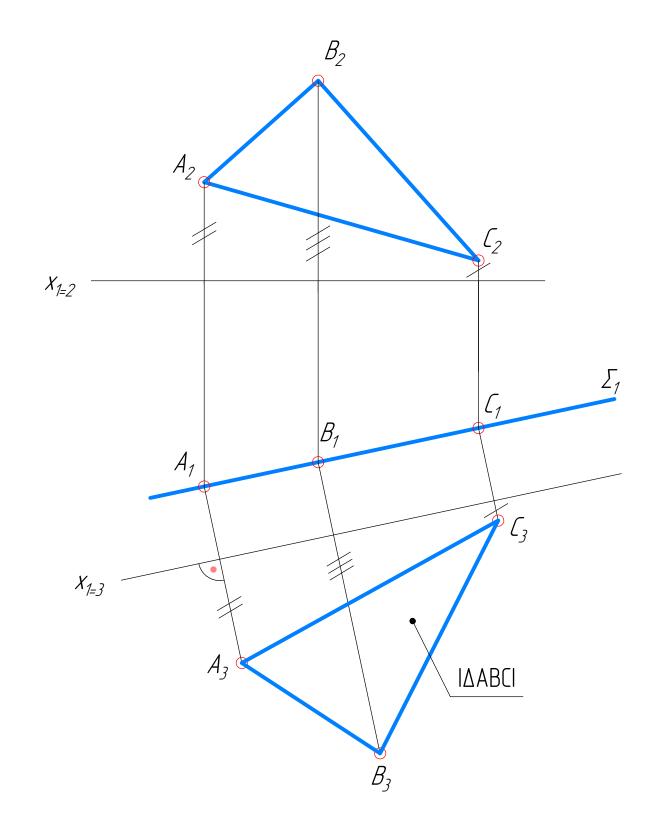


NAEDI Sebertem 4 SIZIII) AA Ku ar mertuluwi Pacalaa pula au u aa l

Основные задачи преобразования чертежа Задачи на преобразование плоскости введением новой ПП

Условие 303ПУ: преобразовать чертеж так, чтобы Условие 403ПУ: преобразовать чертеж так, чтобы плоскость общего положения стала проецирующей. проецирующая плоскость стала плоскостью уровня.





Метрические задачи

Метрическая задача: задача, в условии или процессе решения которой встречается численная характеристика.

определение расстояний

определение углов

определение натуральной величины

Основные метрические задачи

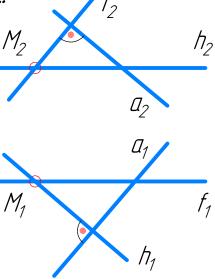
10M3

20M3

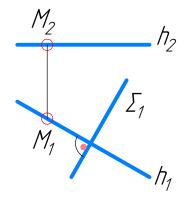
задачи на перпендикулярность прямой и плоскости определение длины отрезка или расстояния между точками

прямая перпендикулярна плоскости, если она -перпендикулярна двум пересекающимся прямым этой плоскости

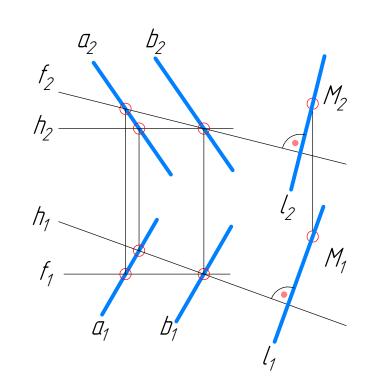
две плоскости взаимно перпендикулярны, если одна из них -содержи прямую, которая перпендикулярна другой плоскости Через точку **М** провести плоскость, перпендикулярно прямой **а**.

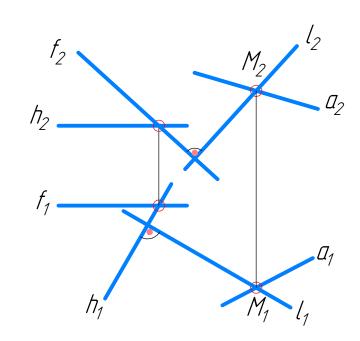


Через точку **М** провести прямую l, перпендикулярно к плоскости Σ(a \\ b). Через точку М провести перпендикуляр к проецирующей плоскости Σ



Через прямую **а** провести плоскоть перпендикулярно к плоскости Σ(f~h).

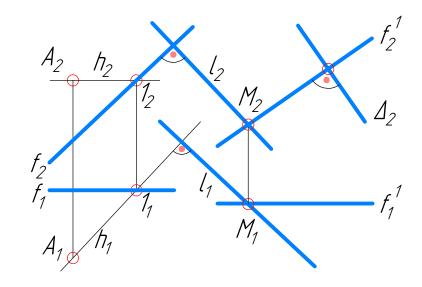




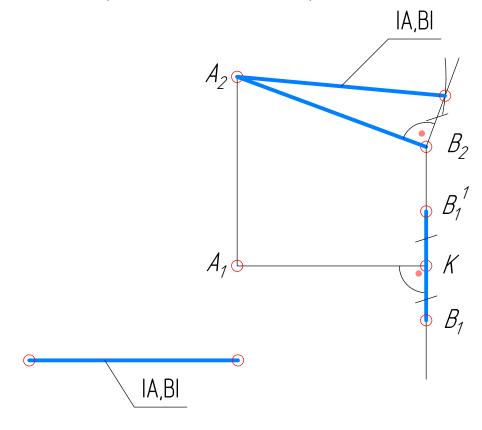
VAE-DII Sabartamst GVZVIII AKHAMse piinen piilinen ji Patsi Berpiilitsiin yy

Метрические задачи

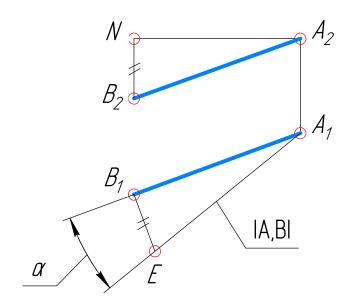
Построить плоскость Γ через точку M, перпендикулярно плоскостям $\Sigma(A,f)$ и Δ \perp Π_2 .



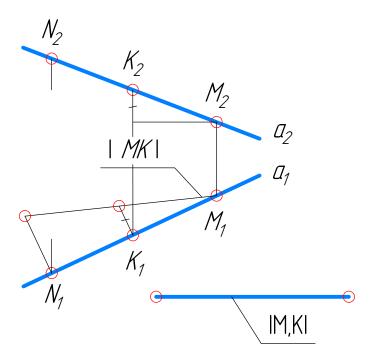
Заданы проекция $[A_2B_2]$ отрезка [A,B], его длина и точка A_1 . Построить B_1 .



Заданы точка $A(A_1,A_2)$, проекция $[A_1B_1]$ отрезка [A,B] и угол α наклона [A,B] к Π_1 . Построить A_2B_2 .



На прямой а отложить от точки М отрезок заданной длины.



Позиционные задачи

К позиционным задачам относятся: .

_3адачи на принадлженость точки линии, точки и линии поверхности и т.д.

_задачи на пересечение линии и линии, линии и поверхности, двух поверхностей

-задачи на взаимный порядок

Главные позиционные задачи

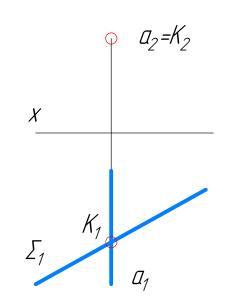
11/13

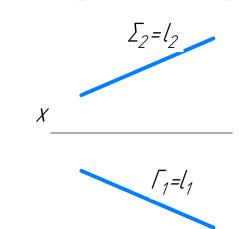
пересечение линии и поверхности 25773

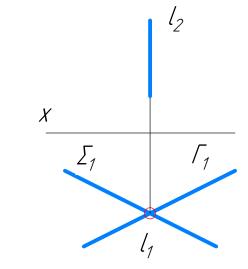
пересечение поверхностей

Ключ к решению ГПЗ – задача на принадлежность точки поверхности (ОПЗ) и условие: точка пересечения и линия пересечения одновременно принадлежат каждому из пересекающихся ГО.

1ГПЗ-1: пересечение двух проецирующих ГО.

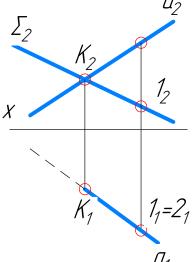




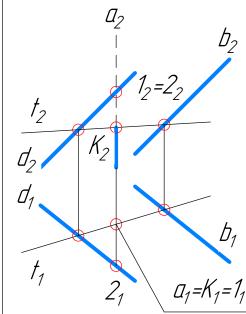


1ГПЗ-2: пересечение двух ГО, один из которых проецирующий

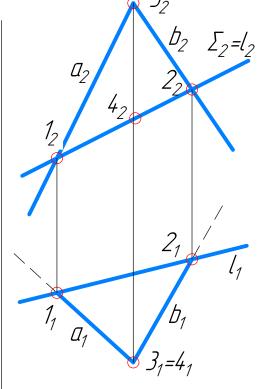
 Σ_2 K_2 1



Дано: а, $\Sigma \perp \Pi_2$. Найти $K = a \cap \Sigma$.



Дано: а \perp Π_1 , Σ (dllb). Найти $K = a \cap \Sigma$.



Дано: $\Sigma \bot \Pi_1$, $\Gamma(a \cap b)$. Найти $l = \Gamma \cap \Sigma$.

KOME BIZI Sabastigan ACP 2007 A OA Sun ters pamen tyddiaest fan sa ben gan da san y

NMA. SVZ Henra GCOZOVO ANCHOOTAS poor quillocas (Actorista poor garage) (Actorista poor santra)

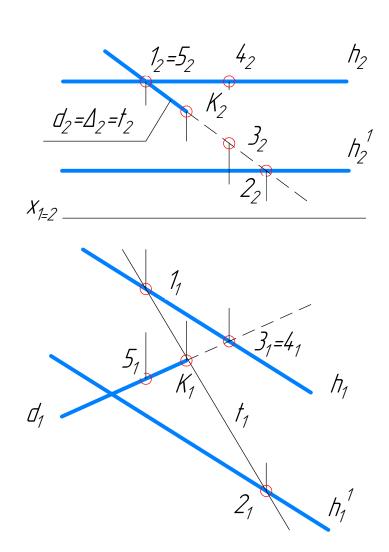
Позиционные задачи

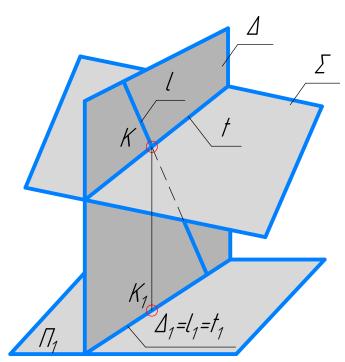
1ГПЗ-3: пересечение непроецирующих ГО (прямой и плоскости).

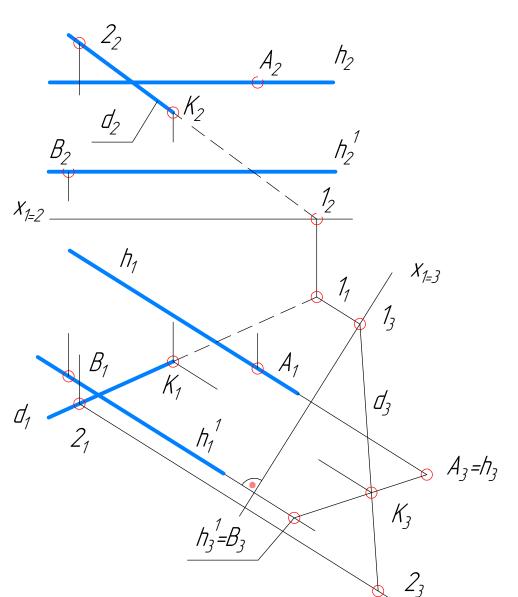
а) прямая заключается во вспомогательную проецирующую плоскость;

б) строится прямая, по которой пересекаются данная плоскость и вспомогательная проецирующая.

в) искомая точка – точка пересечения данной прямой и построенной.





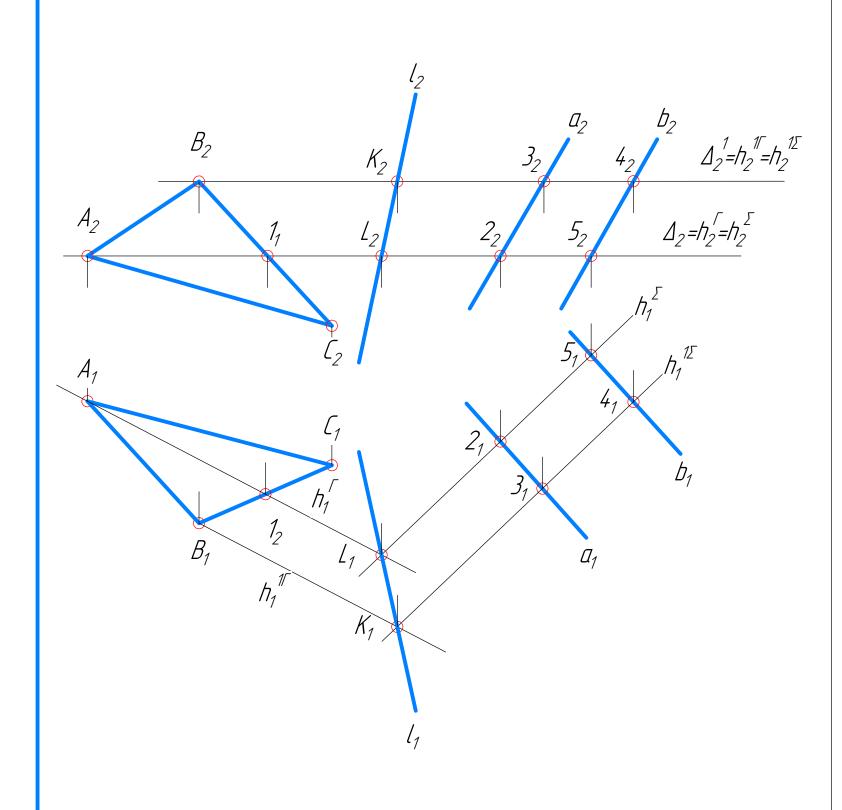


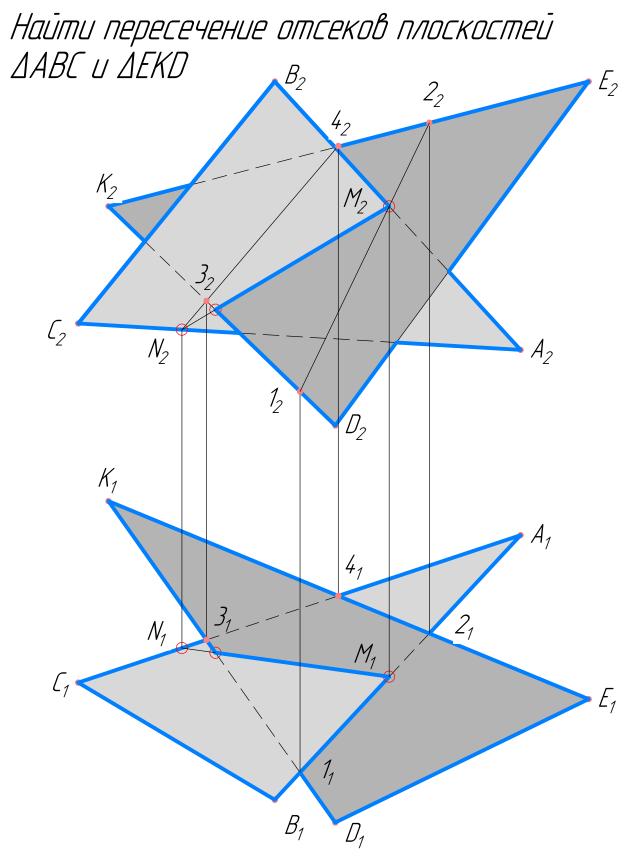
A BI Saiver Again 4 CR2000 / AROP Later A painer apallación (Part ARA paint can uper).

Позиционные задачи

2ГПЗ-3: пересечение двух непроецирующих плоскостей

Найти пересечение плоскостей $\Gamma(A,B,C,A)$ и $\Sigma(a \parallel b)$





Комплексные позиционно-метрические задачи

Определение расстояния от точки до плоскости

Определение расстояния от точки до прямой

Определение расстояния между скрещивающимися прямыми Определение натурального вида плоской фигуры

Определение расстояния от точки до плоскости:

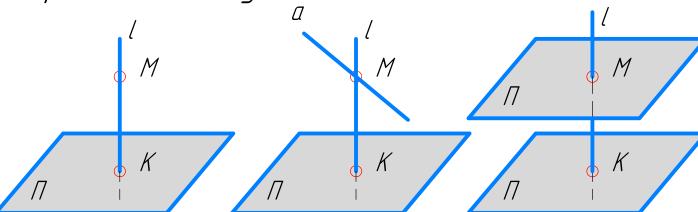
1 Через точку М проводят перпендикуляр

к плоскости – 10М3

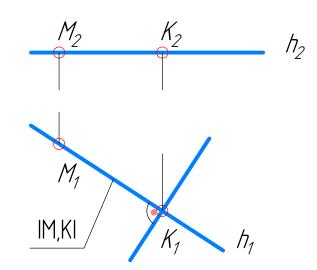
2 Ищут точку К пересечения перпендикуляра

к плоскости – 1ГПЗ

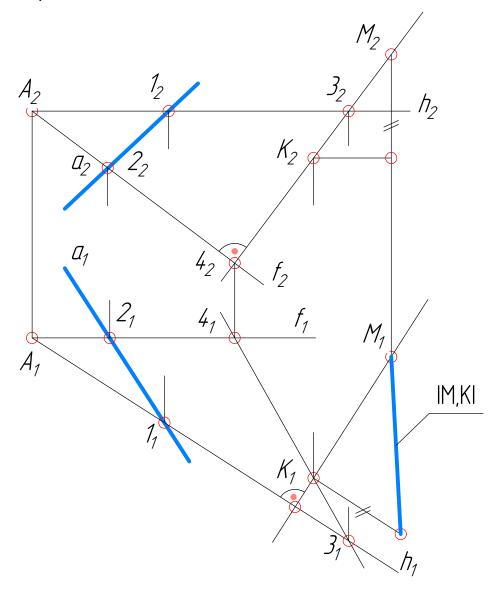
3 Определяют длину отрезка IM,KI – 20M3



Заданы точка $M(M_1, M_2)$ и плоскость $\Sigma \perp \Pi_1$. Найти $\text{IM}, \Sigma \text{I}$



Заданы точка $M(M_1, M_2)$ и плоскость $\Sigma(A, a)$. Найти $IM, \Sigma I$



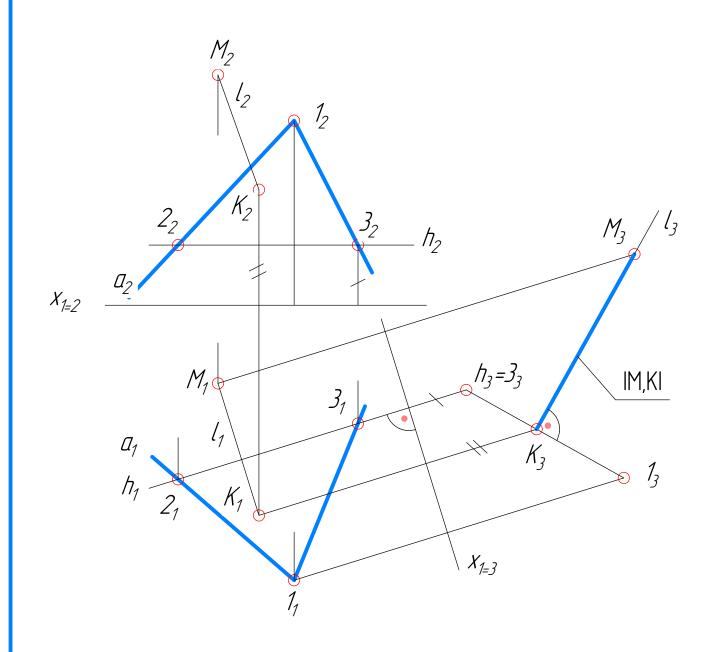
NVALINIS SAMAGAMAS (SIZUO) ALORLIA TEK (pamat palabang) Fart Alas palaba matugas)

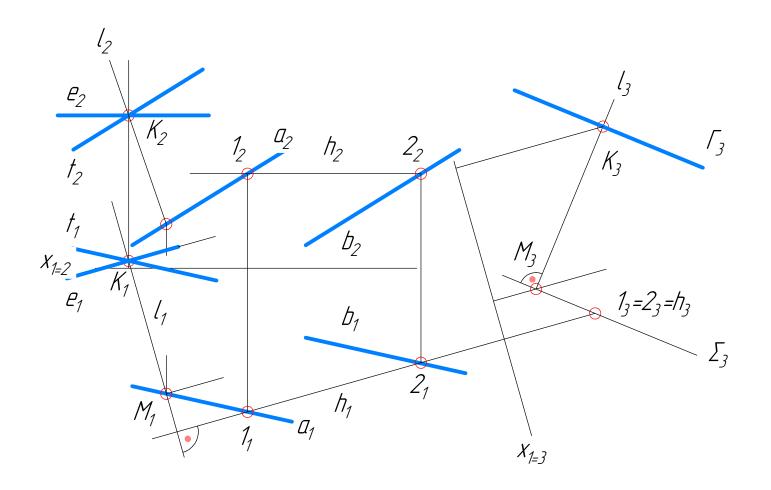
KOME 30% habertann 492200 / ACO Luras punx quidmet fan Alas pullen y fan Alas pullen gan y gas

Комплексные позиционно-метрические задачи

Заданы точка $M(M_1, M_2)$ и плоскость $\Sigma(a \cap b)$. Найти $IM, \Sigma I$, используя способ введения новой ПП.

Задана плоскость Σ(α II b). Построить плоскость Г, параллельную Σ и удаленную от нее на d=20мм.

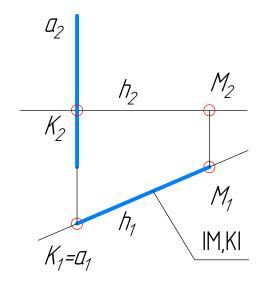




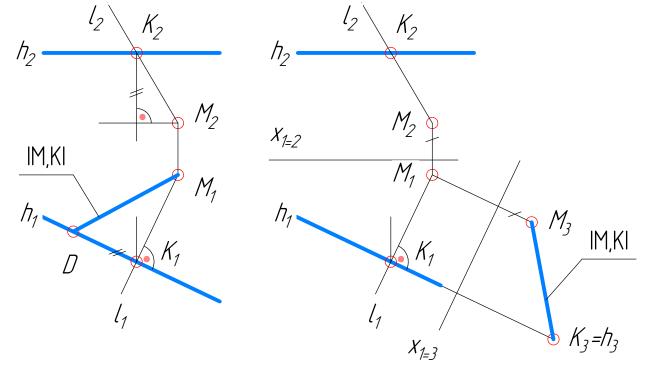
Определение расстояния от точки до прямой

Расстояние от точки до прямой равно длине перпенжикуляра, опущенного из точки на прямую.

Задана точка $M(M_1, M_2)$ и прямая а (a_1, a_2) \bot Π_1 . Найти IM, al.



Задана точка $M(M_1, M_2)$ и прямая $h(h_1, h_2) \parallel \Pi_1$. Найти $\mid M$, $\mid h \mid \delta e s$ преобразования $K \mid u \mid c \mid n$ пербразованием.

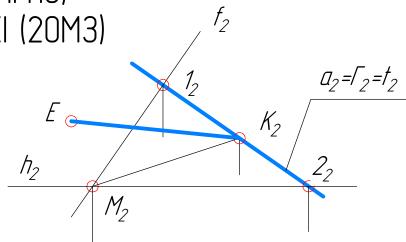


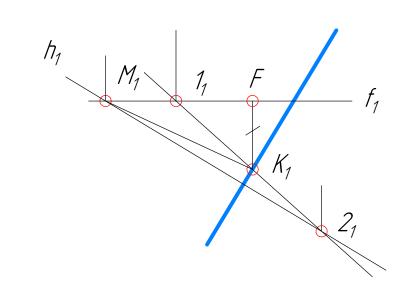
Расстояние между параллельными прямыми равно длине перпендикуляра, опущенного из произвольной точки одной прямой на другую.

Задана точка $M(M_1, M_2)$ и прямая а (a_1, a_2) \bot Π_1 . Найти IM, al.

- 1. ∑⊃=f∩a (10M3)
- 2. K=Σ∩α (1ΓΠ3)

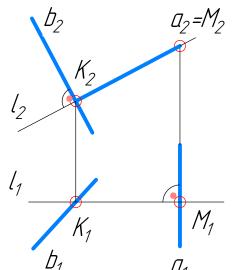
3. IM,al=IM,KI (20M3)



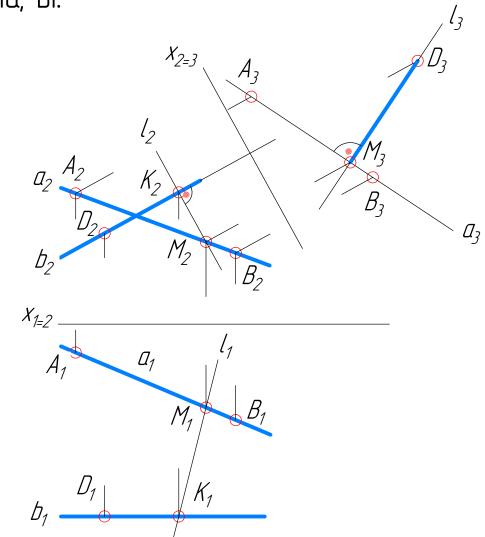


Расстояние между скрещивающимися прямыми

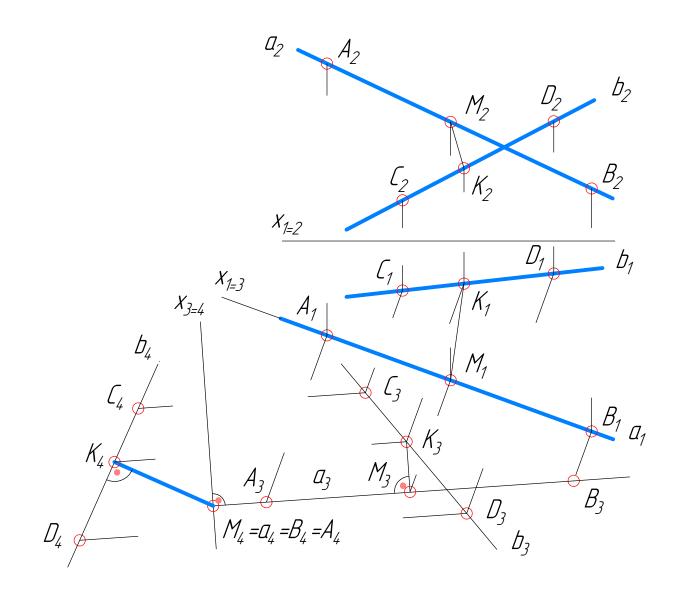
Заданы скрещивюащиеся прямые а $\bot \Pi_2$ и b. Найти a, b.



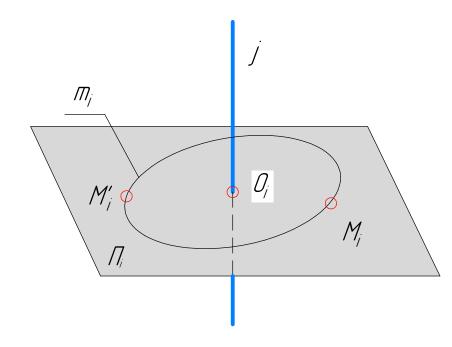
Заданы скрещивюащиеся прямые а и $b \parallel \Pi_2$. Найти a, b.



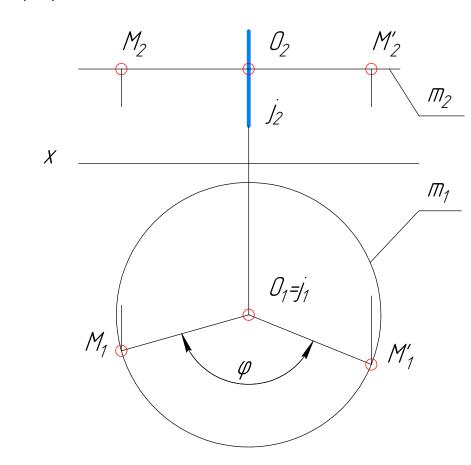
Найти расстояние между прямыми а и b.



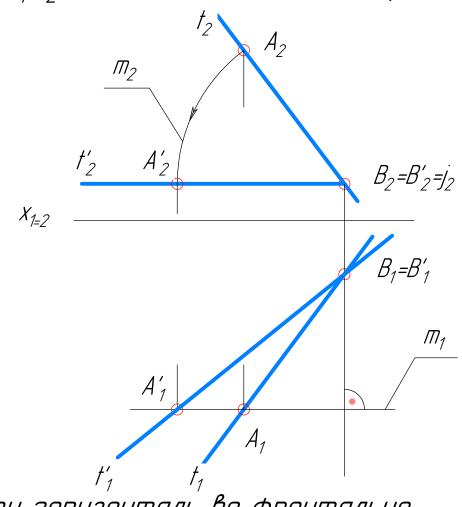
Преборазование чертежа методом вращения оригинала вокруг оси



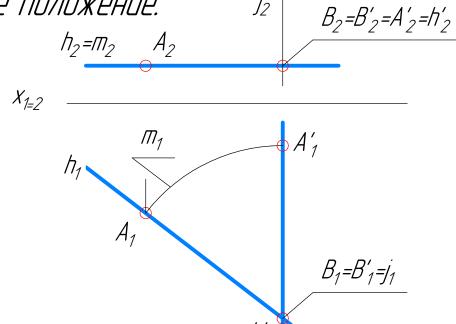
Вращение оригинала вокруг проецирующей оси: проекция ГО на ПП, которой перпендикулярна ось вращения, меняет только свое положение не меняя формы



Вращением вокруг проецирующей оси перевести прямую $t(t_1,t_2)$ общего положения в горизонталь.



Перевести горизонталь во фронтальнопроецирующее положение. j_2 $B_{a=B}$

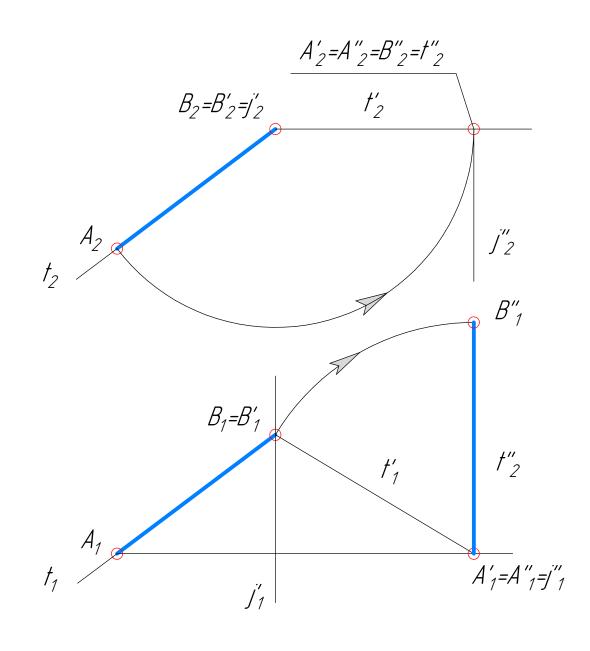


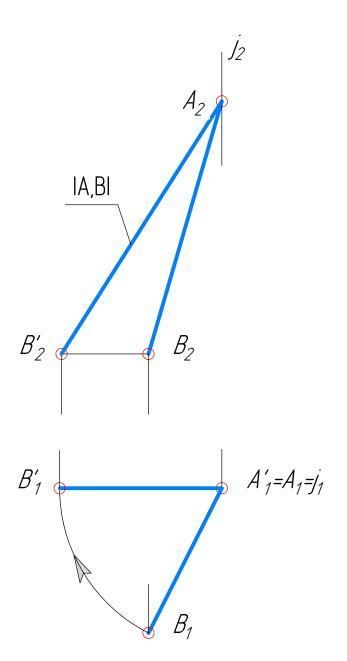
MED DAMMARAM A CAZZUDI A CAKALA AKA pamen palamen i Parcel Berpala canuu.

Преборазование чертежа методом вращения оригинала вокруг оси

Перевести прямую общего положения t(A,B) в проецирующую прямую вращением вокруг проецирующей прямой.

Найти угол наклона прямой AB к горизонтальной плоскости

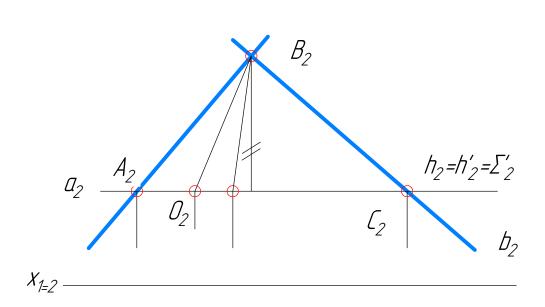


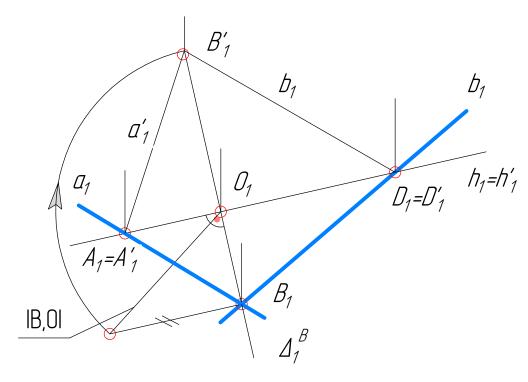


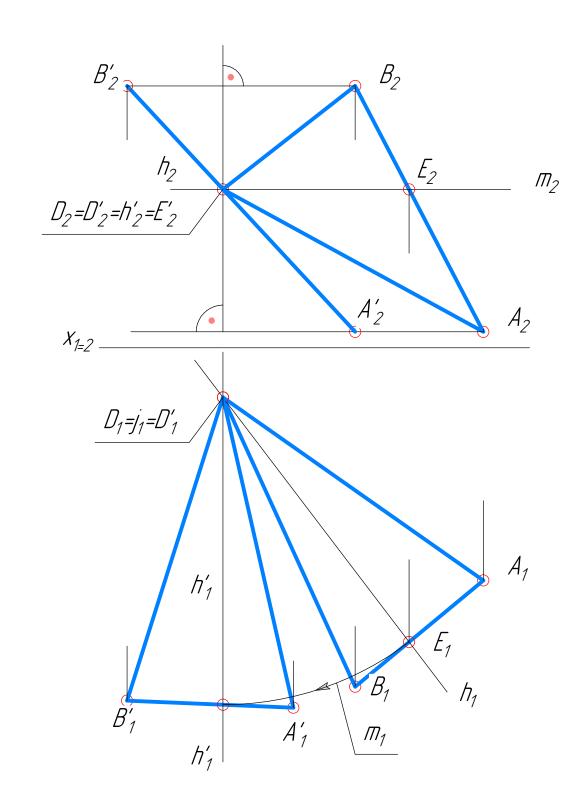
Преборазование чертежа методом вращения оригинала вокруг оси

Вращением вокруг прямой уровня найти угол между пересекающимися прямыми.

Перевести плоскость Σ (A,B,C,A) в проецирующее положение.







Определение углов

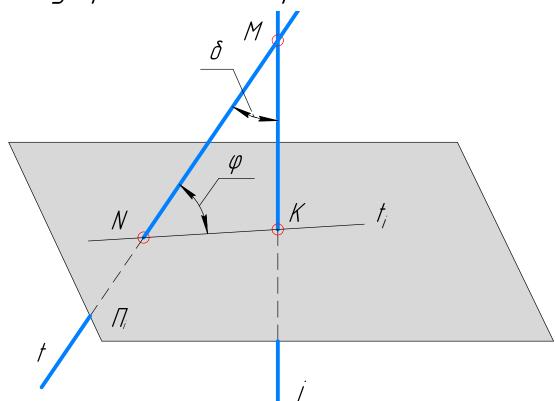
Угол между **пересекажщимися** прямыми определяют:

– вращением вокруг линии уровня;

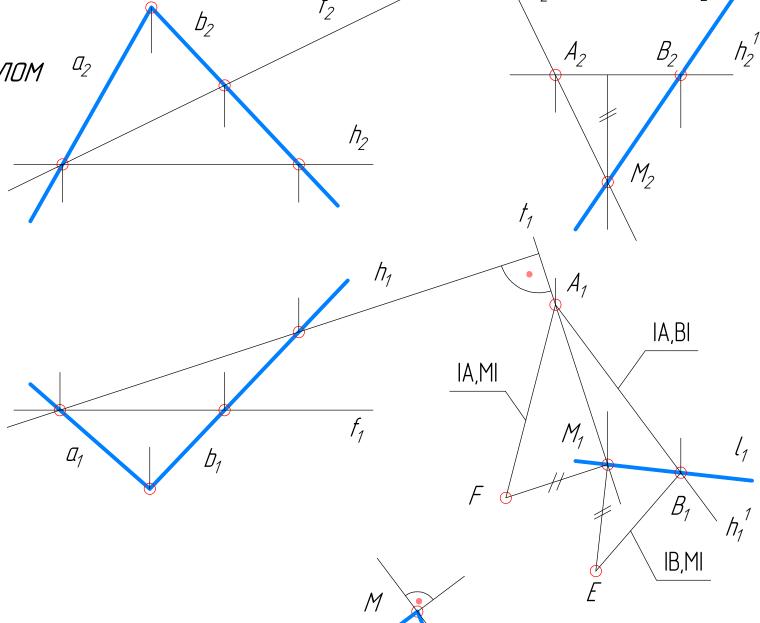
– заданием новой ПП;

- без преобразования чертежа.

Угол между **прямой и плоскостью** измеряется уголом ϕ между прямой t и ее проекцией на плоскость t_i .



Определить угол между прямой t и плоскостью Σ(α,b).

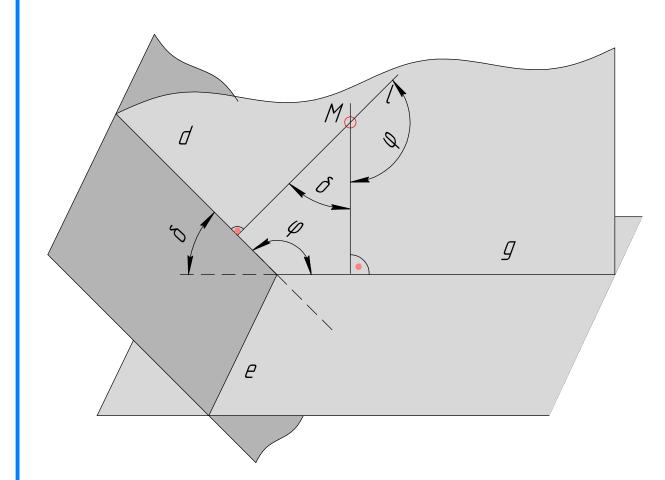


Угол между скрещивающимимя прямыми измеряется: углом между двумя пересекающимися прямыми, соответственно параллельними данный скрещивающимся.

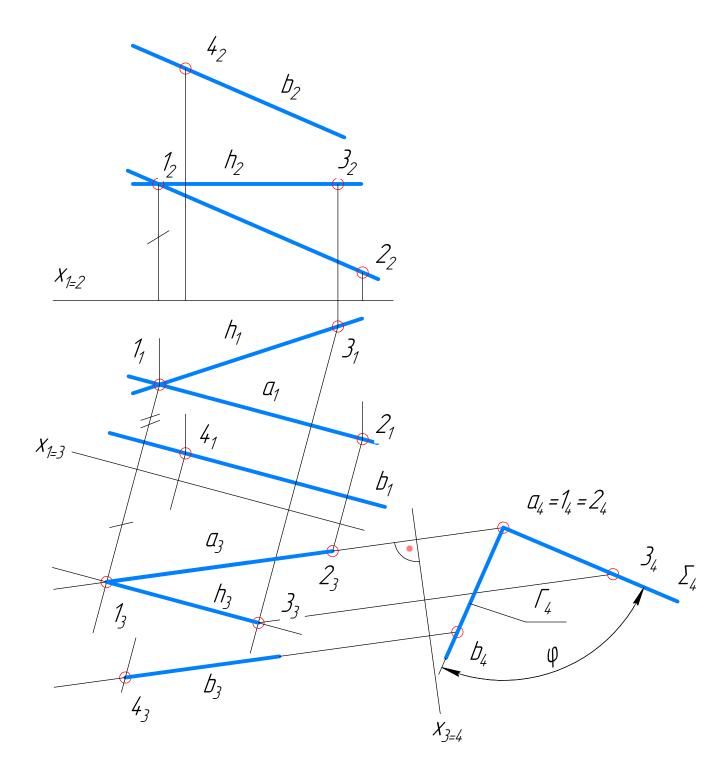
Определение углов

Две пересекажщиеся плоскоксти ∑ и Г образуют четыре попарно равных двугранных угла.

Двугранные углы измеряются линейными углами φ и δ между прямыми d и g, по которым плоскость Δ , перпендикулярная κ плоскости. Σ и Γ , пересекает эти плоскости.



пазуют Определить угол между плоскостями, если двугранный угол известен (построен).

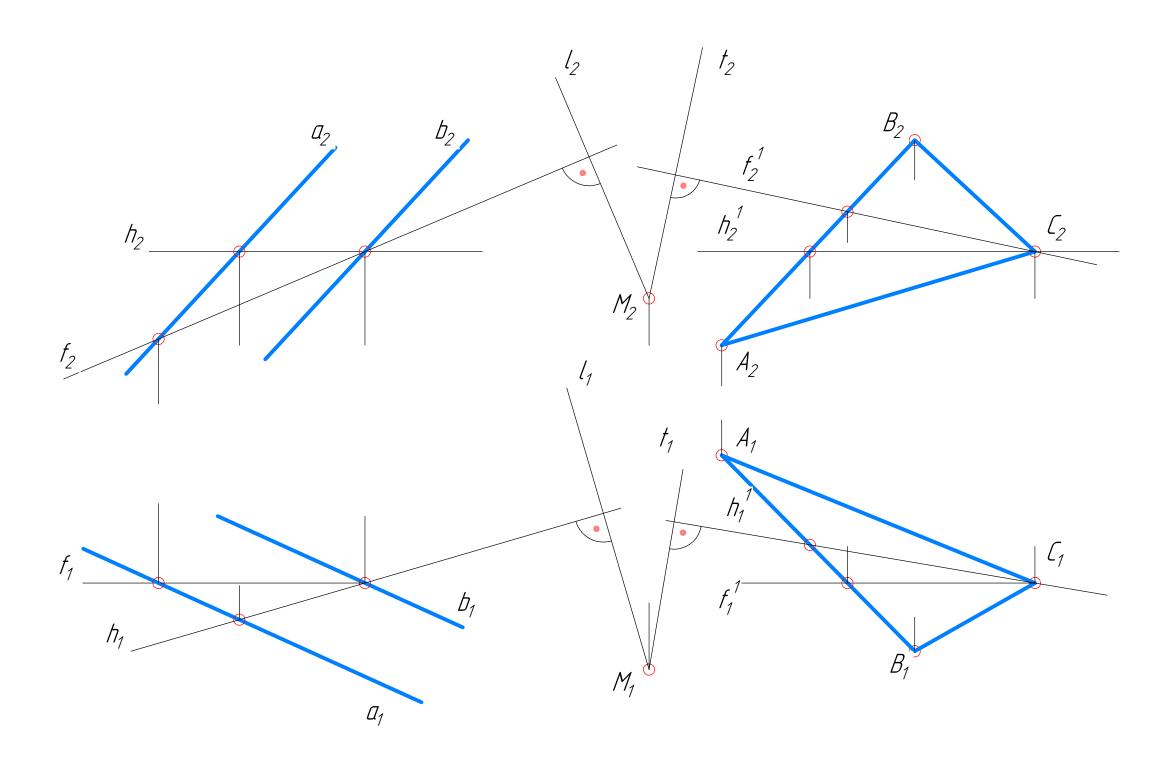


HORKOMEDIECOLO DIBINUT

KOMETACHARITARI 4 SIZZOVA OKLATAK paar qadamij Patesha pada zau upak l

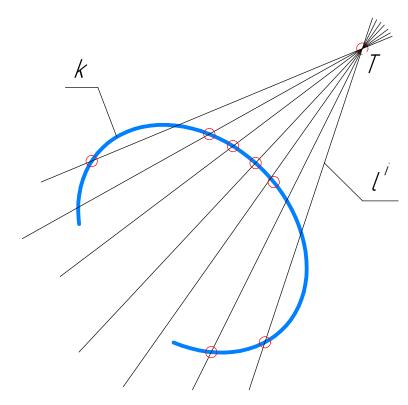
Определение углов

Определить угол между плоскостями, если двугранный угол неизвестен (не построен).



Поверхности

Образование поверхности рассматривается как результат движения в пространстве линии, назвываемой образующей поверхности, по некоторому закону — закону образования поверхности.



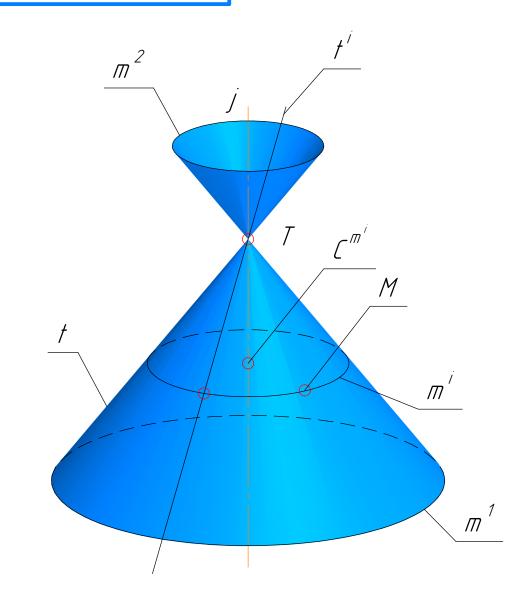
Поверхность — непрерывное множество образующих линий, имеющих один закон построения, называемых непрерывным каркасом поверхности.

покрывает всю поверхность покрывает **отсек** поверхности <u>1) линейчатые:</u> образованные перемещением прямой линии

<u>геликоиды:</u> линейчатые винтовые поверхности

<u>2) циклические:</u> образованные перемещением окружности или дуги

> <u>3) поверхности</u> <u>вращения</u>



NMENZISAMA Ayan ACAZZIII) AKA Kunas pimen apilimen Karsa Aza pilin santu

Поверхности

ЗАКОНОМЕРНЫЕ

информация выражена аналитически или четко сформулирована:

- об образующей
- об изменении формы образцющей
- о положении и форме направляющих
- о законе перемещения образующей

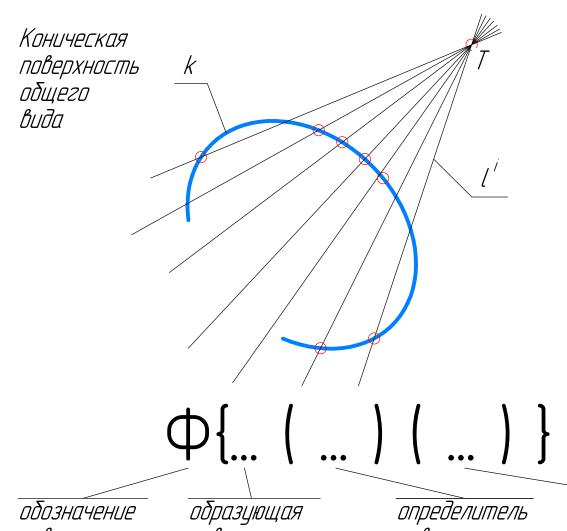
Определитель поверхности – совокупность геометрических образов, одинаково связанных с каждой образующей поверхности и позволяющих строить любую образующую по законц образования поверхности.

Определитель конической поверхности вращения:

- образующая прямая t
- ось вращения прямая į
- уточняющее условие t \ j
- закон образования: вращение t вокруг j.

не закономерные

отсутсвие хотя одного из условий для закономерных поверхностей



поверхности

поверхности

поверхности

ЗДКОН образования поверхности

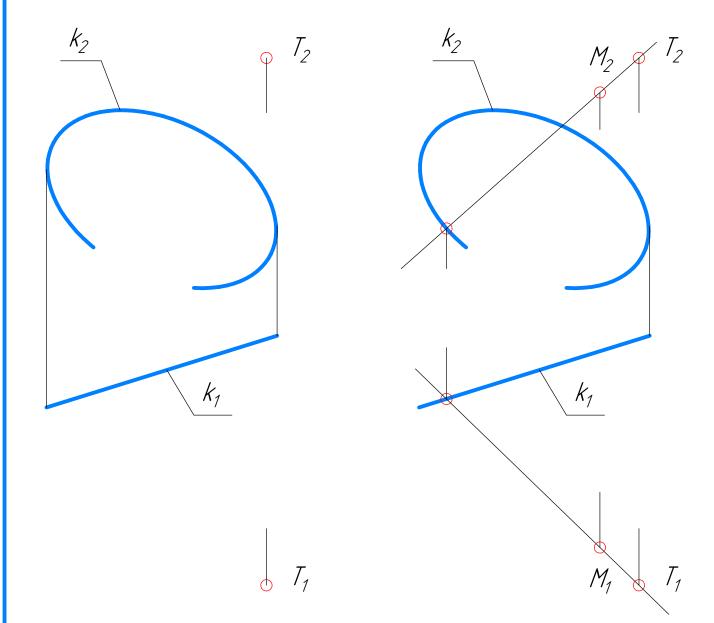
 $\Phi\{t\ (t,j;\ t\cap j)\ (t'=t\nabla j)\}$ $\Phi\{l(T, a)(l'\supset T, l \cap a)\}$

Задание поверхности на комплексном чертеже

Критерий заданности поверхности – чертеж поверхности позволяет однозначно решать ОПЗ в пюбой ее формулировке.

Элементарный чертеж поверхности— это комплексный чертеж определителя поверхности при условии, что известен закон её образования.

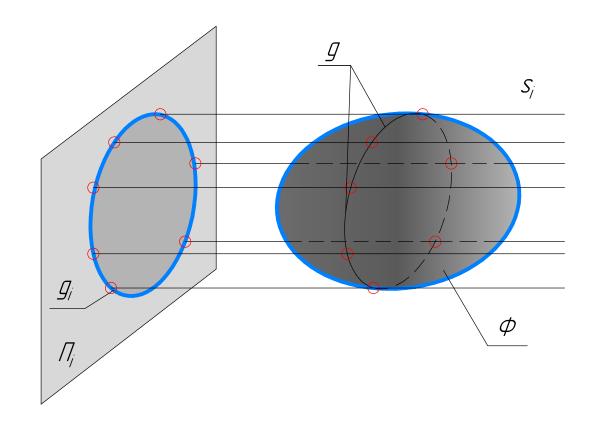
 $\Phi\{l(T, л)(l^{i} \supset T, l^{i} \cap k)\}$



Основной чертеж поверхности/отсека — это элементарный чертеж поверхности, дополненный проекциями контурных линий:

а) точки касания поверхности проецирующим прямым;

б) линии обреза, границы отсеков поверхности; в) ребра гранных поверхностей и т.д.



VIII. IN SI SAINA AGUS A SUIT A A A THA A TH

Задание поверхности на комплексном чертеже

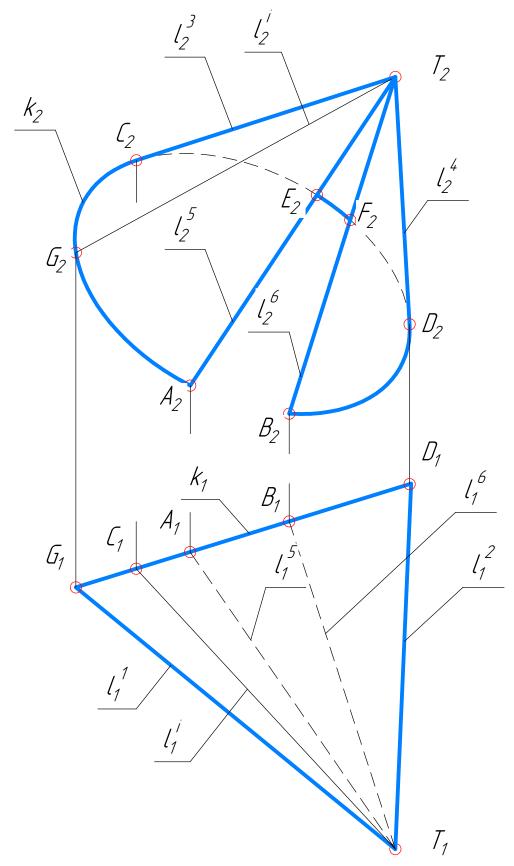
Пример: коническая поверхность общего вида.

 $\Phi\{l(T, л)(l^i \supset T, l^i \cap k)\}$

Поверхность считается <u>тончайшей непрозрачной</u> оболочкой.

Границы отсека: кривая k, точка T. Контурные линии относительно Π_1 :

- линии k, l, l, l, l, l, точка l l
- линии k, l ³,l ⁴,l ⁵,l °, точка Т Точки разрыва направляющей:
- точки А, В. Линии точек касания поверхности проецирующини прямыми,
- перпендикулярными Π_1 : образующие $l^{-1}_{-1}l^{-2}_{-1}$
- перпендикулярными Π_2 : образующие l^3, l^4 Крайние контурные линии:
- относительно Π_1 : T, $l^{1/2}_{,k}$
- относительно Π_2 : Т, ℓ^3 , дуга СА, отрезок АЕ, дуга ЕF, отрезок FB, дуга BD, ℓ^4

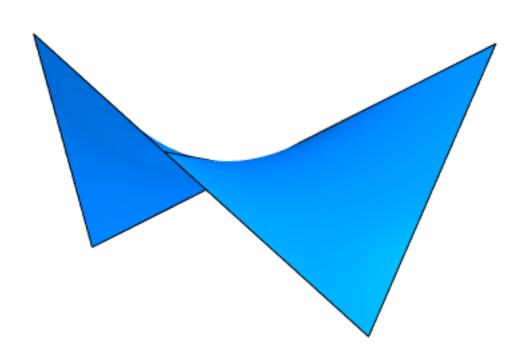


Проекции контурных линий образуют очерк поверхности.

Линейчатые поверхности

Линейчатая поверхность— поверхность, образованная движением <u>прямой</u> линии.

Прямые, принадлежащие этой поверхности, называются прямолинейными образующими, а каждая кривая, пересекающая все прямолинейные образующие, — направляющей кривой..



Алгоритм построения точки, принадлежащей линейчатой поверхности:

- 1. $|l_i \subset \Phi$ на поверхности Φ строится обращующая l_i .
- 2. M Сl; на образующей строится точка М.

Плоскость

-Г{l(a,b;a∩b) (lⁱ∩a,lⁱ∩b)} -Δ{l(a,b;allb) (lⁱ∩a,lⁱ∩b)} -Σ{l(a,A;A⊄a) (lⁱ∩a,lⁱ⊃A)}, a,b – прямые

Коническая поверхность

Пирамидальная поверхность

Φ{l (T, l) (lⁱ⊃T, lⁱ∩k)}

Цилиндрическая поверхность

Призматическая поверхность

Φ{l (a, l) (l[']∩a, l[']|| l)}

<u>Поверхности Каталана</u>

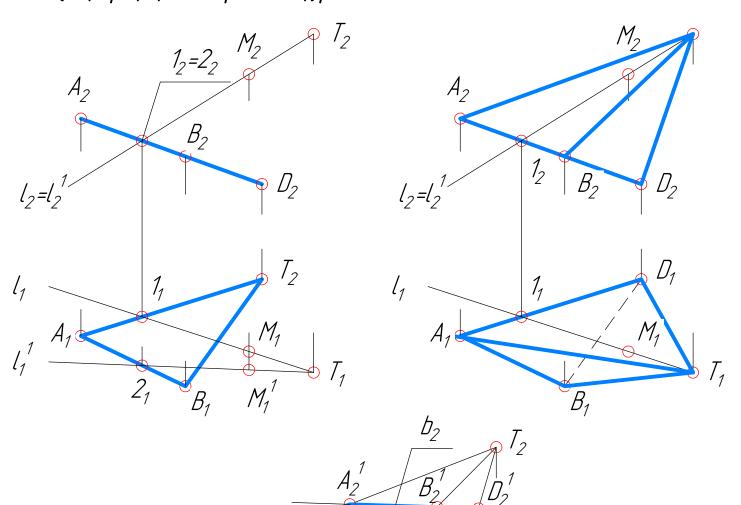
 $\Phi\{(a, b, \Sigma) (l^i \cap a, l^i \cap b, l^i || \Sigma)\}$

Поверхность с тремя <u>направляющими</u>

Коническая поверхность

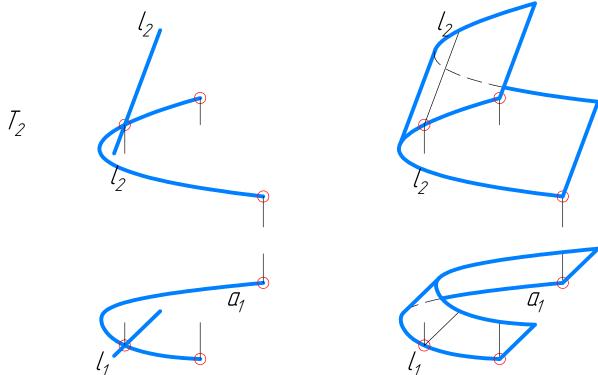
 $\Phi\{l(T, l)(l^i \supset T, l^i \cap k)\}, k - кривая линия$

Пирамидальная поверхность $\Phi\{l(T, l)(l' \supset T, l' \cap k)\}, k$ – ломаная линия



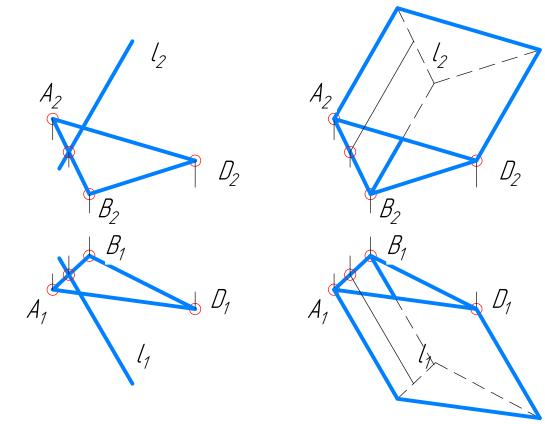
Цилиндрическая поверхность

 $Φ{l (a, l) (l^i \cap a, l^i || l)}, a - κρυβαя линия$



Призматическая поверхность

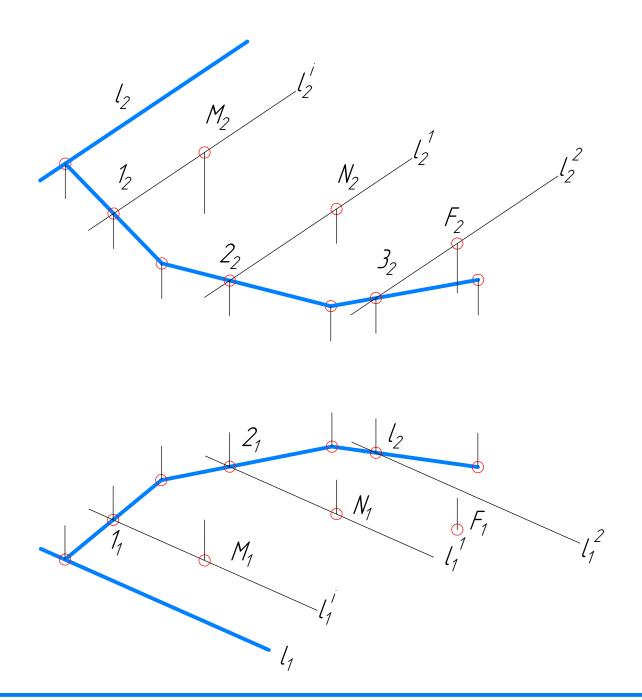
 $Φ{((a, l) (l^i \cap a, l^i || l)}, a - ломаная линия$



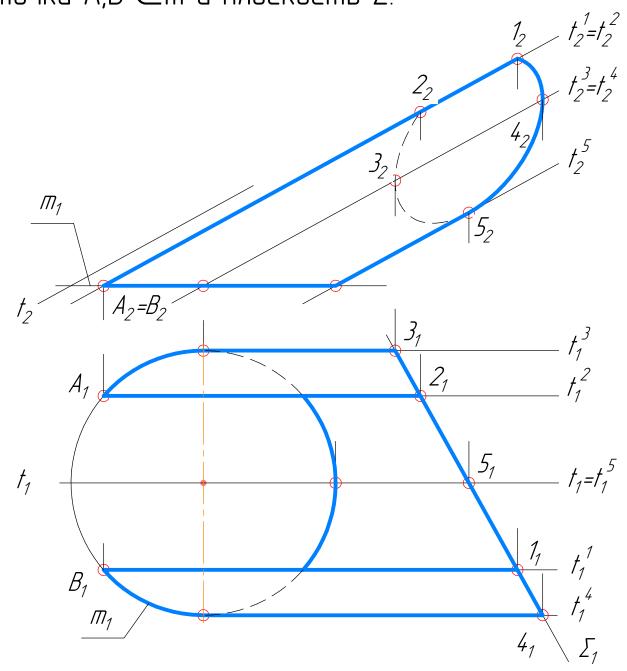
Решение позиционных задач на линейчатых поверхностях

Задана призматическая поверхность $\Phi\{l\ (a,\ l)\ (l^i \cap a,\ l^i ||\ l)\},\ a-$ ломаная линия. Построить:

- 1) проекцию произвольной точки МСФ.
- 2) проекцию N_2 точки $N \subset \Phi$ по исвестной N_1 . Определить, принадлежит ли Φ точка F.



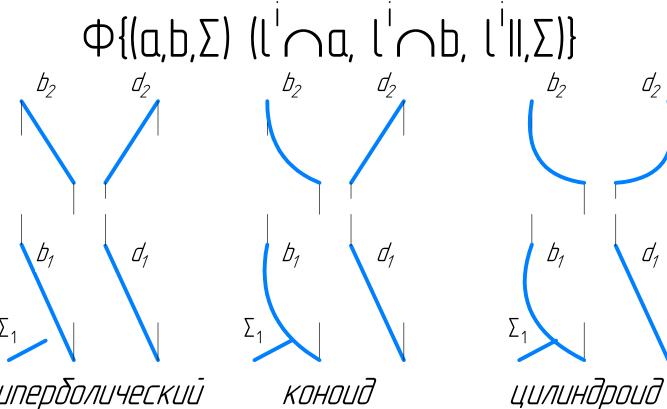
Построить основной чертеж отсека цилиндрической поверхности $\Phi\{t\ (m,\ t)\ (t\cap m,\ t^i\|\ t)\}$, границами которого являются направляющая m, образующие t^1 , t^2 , пересекающие m в точках A, B, и линия k, лежащая в плоскости $\Sigma \bot \Pi_1$, если задан элементарный чертеж поверхности (m,t), точки A, B C m и плоскость Σ .



IVM-1VI) Hebertapus FCLIZUU (AKHALI AB) puarapulannii fartsida pulatuu

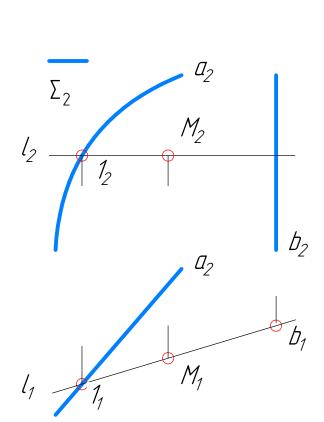
Поверхности Каталана

Поверхность Каталана — линейчатая поверхность с плоскостью параллелизма.

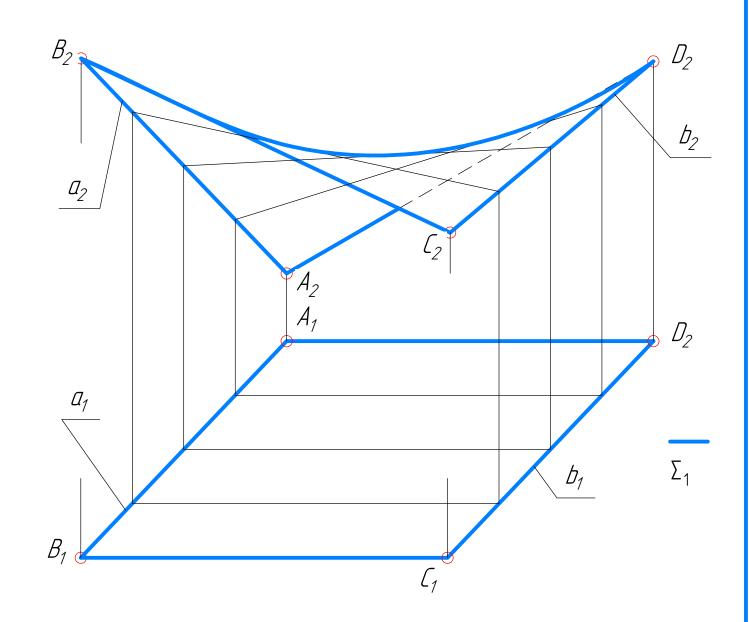


гиперболический параболоид (косая плоскость)

Гиперболический параболоид и коноид называют прямыми, если прямолинейная направляющая перпендикулярна плоскости параллелизма.

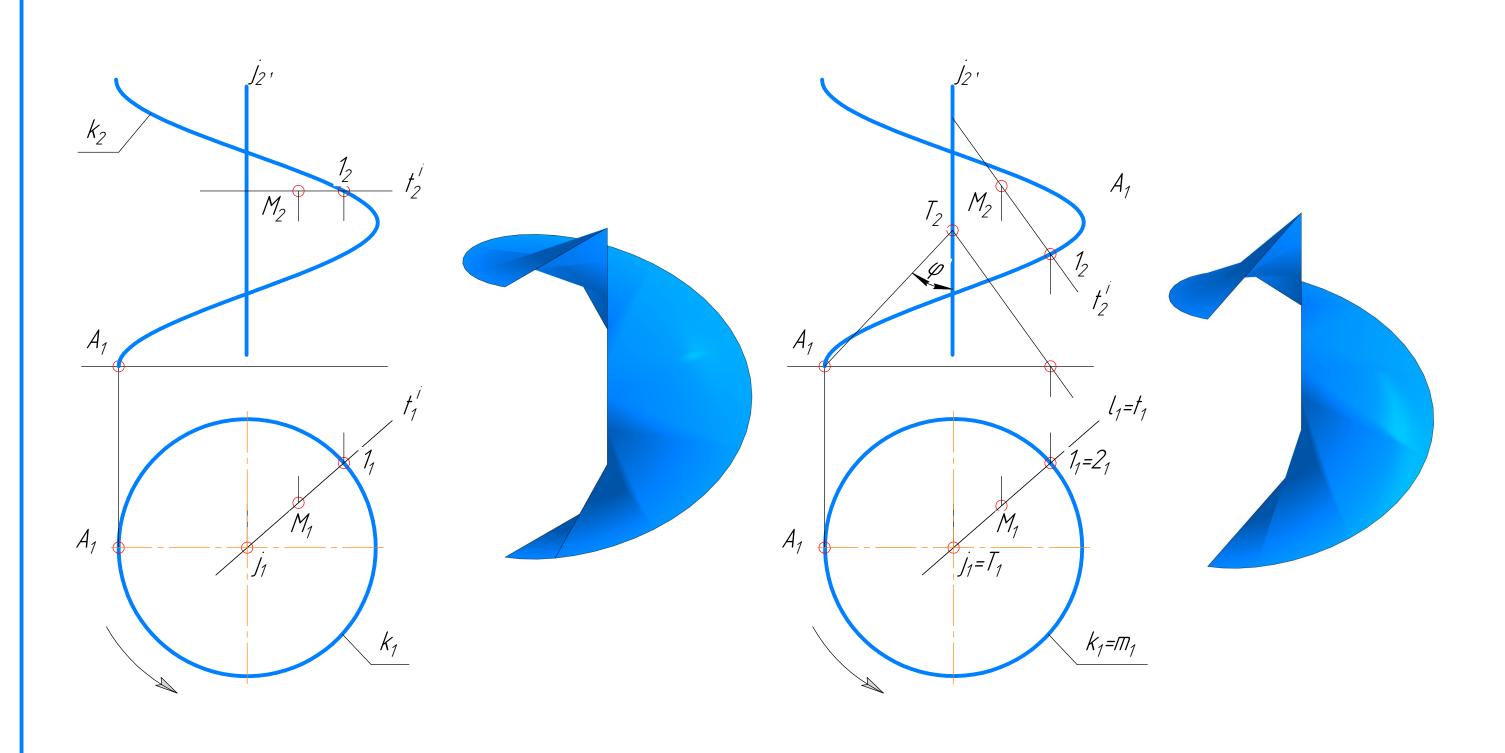


Построить основной чертеж отсека гиперболического параболоида $\Phi\{t\ (a,\ b,\ \Sigma || \Pi_2)\ (t^i \cap a \wedge b;\ t^i || \Sigma)\},$ границами которого являются линии $a,\ b$ и образующие $t^1,\ t^2$, проходящие через точки $A,\ B \subset a$.



Формулы геликоида: $\Phi\{t\ (j,\ k,\phi)\ (t^i \cap k;\ t^i \cap j;\ lt \land j=\phi l)\}$,

- k цилиндрическая винтовая линия;
- j ось винтовой линии;
- φ угол наклона образующей tⁱ к оси j.

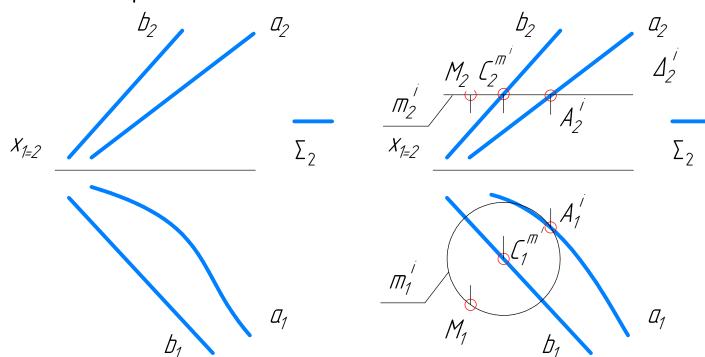


Циклические поверхности

Циклическая поверхность – поверхность, которая может быть образована перемещением окружности (переменного или постоянного радицса).

 $\Phi\{m(a,b,\Sigma)(m \land a, C^{m'} \subset b, m' \subset \Delta' || \Sigma)\},$

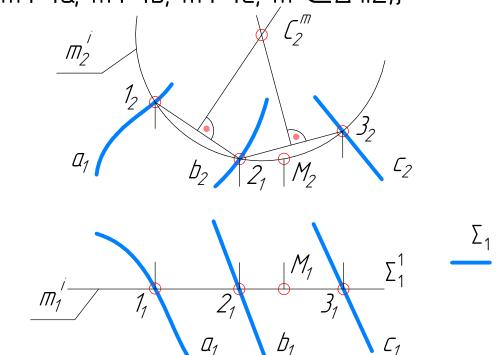
- Σ плоскость параллелизма;
- b линия центров;
- а направляющая.



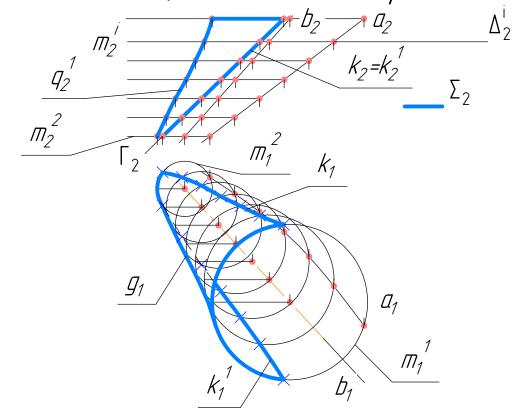
Kаналовая поверхность: $\Phi\{m(a,b)(m^i \cap a, C^{m^i} \subset b, m^i \subset \Sigma^i \bot b)\}$

Трубчатая поверхность: $\Phi(m(b, R=const)(C^{m'} \subset b, m' \subset \Sigma^i \bot b, R^{m'}=R))$

Элементарный чертеж циклической поверхности с тремя направляющими и плоскостью параллелизма $\Phi\{m(a,b,c,\Sigma)(m^i \cap a, m^i \cap b, m^i \cap c, m^i \subset \Delta^i \|\Sigma)\}$



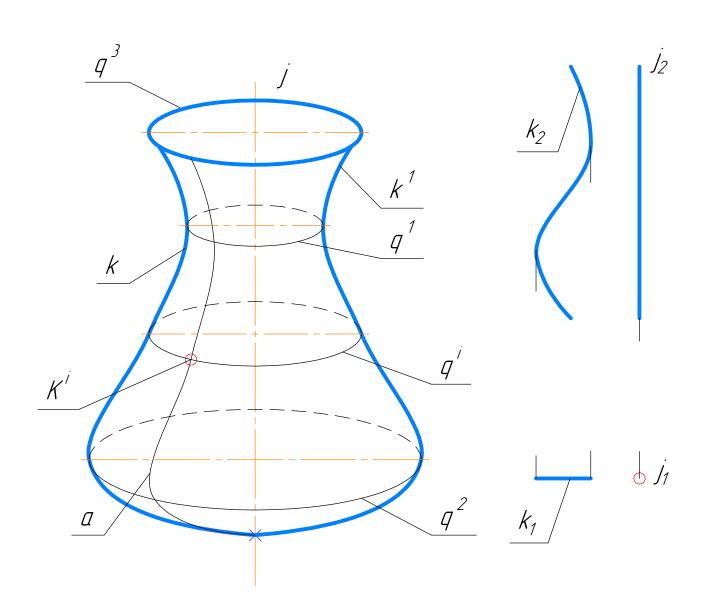
Построение отсека циклической поверхности

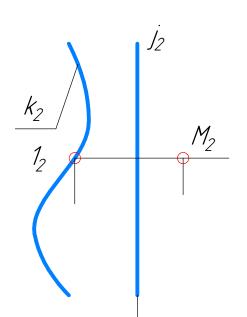


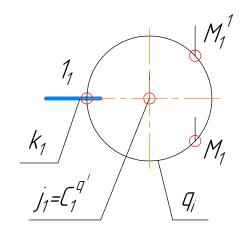
Поверхность вращения – поверхность, которая может быть образова

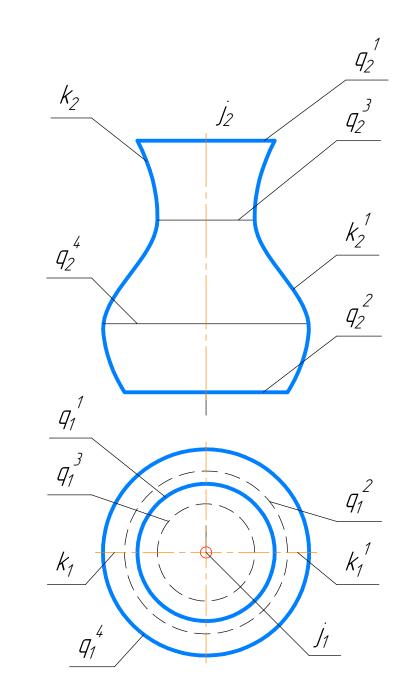
Поверхность вращения – поверхность, которая может быть образована при вращении какой-то образюцющей линии а вокруг неподвижной оси ј.

$\Phi\{\alpha(\alpha,j)(\alpha^i=\alpha)\}$









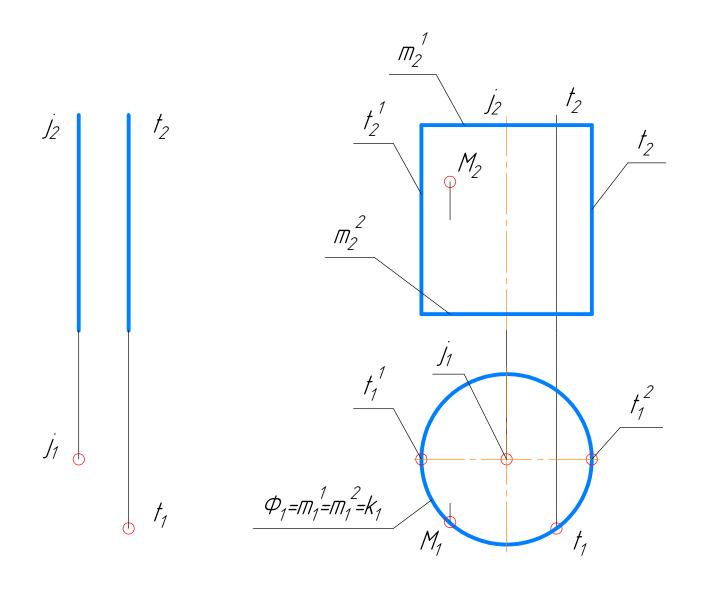
Линейчатые поверхности вращения

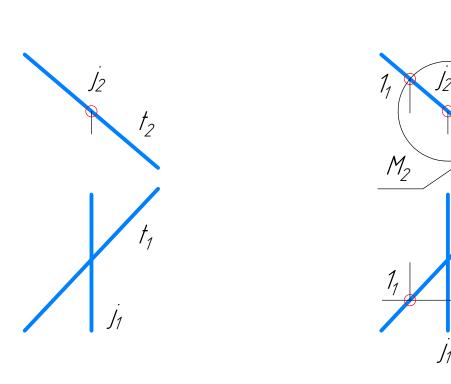
Линейчатая поверхность вращения Φ образуется при вращении вокруг оси j прямой $f:\Phi\{t(t,j)(t'=t\Phi)\}$

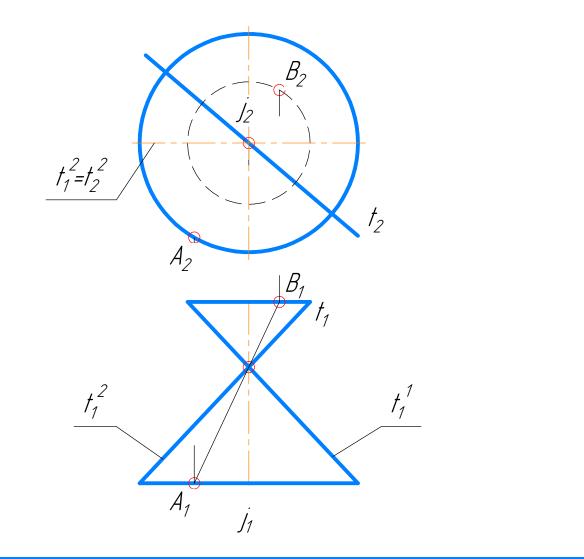
1/† II ј – цилиндрическая поверхность вращения;

2/† \(\cap j - коническая поверхность вращения;

3/† = j - однополостной гиперболоид вращения.

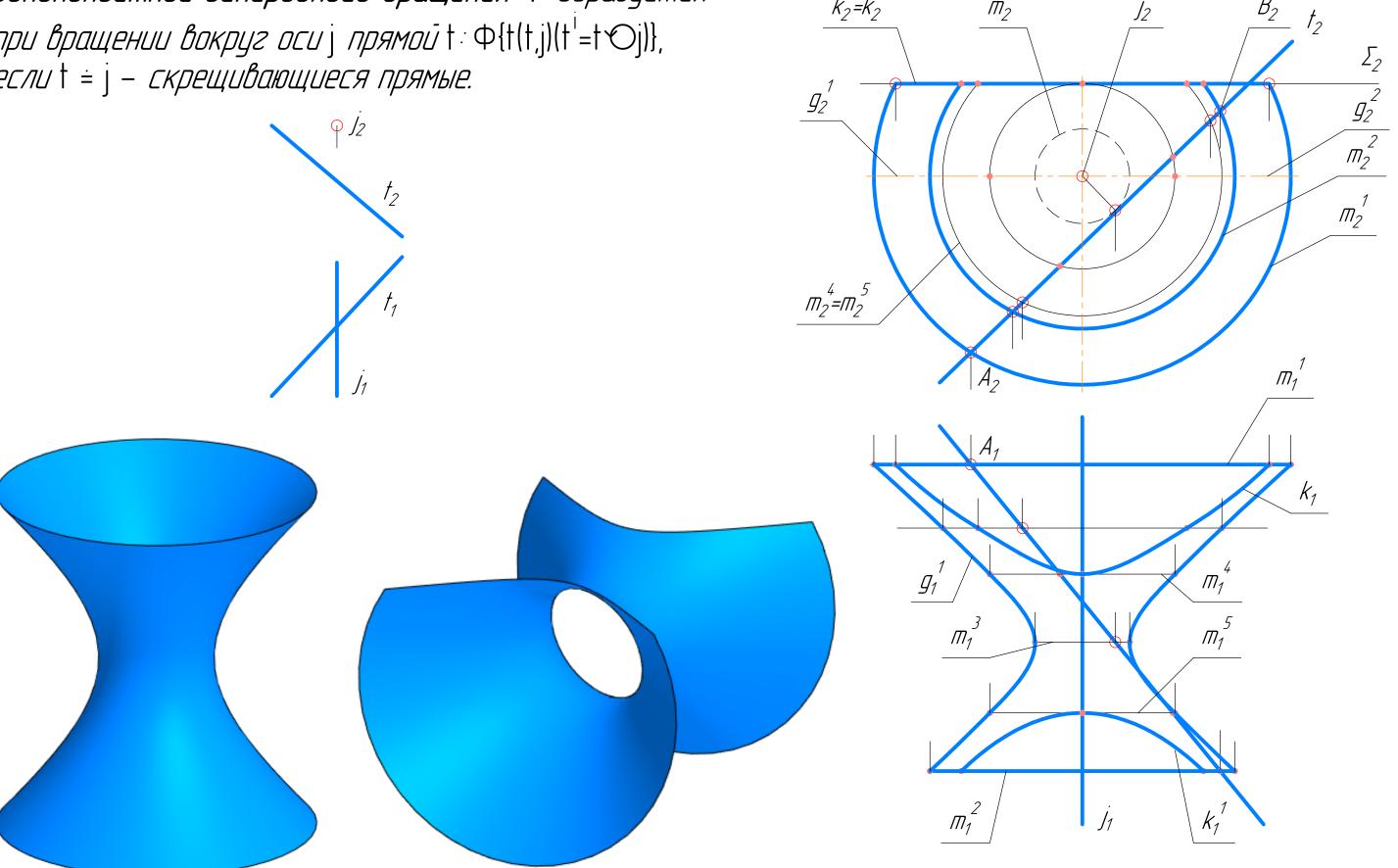






Линейчатые поверхности вращения: однополостной гиперболоид

Однополостной гиперболоид вращения Ф образуется *при вращении вокруг оси* ј *прямой* † : Ф{†(†,j)(†¹=†∙Ој)}, если † = j - скрещивающиеся прямые.



Циклические поверхности вращения: тор

Тор – поверхность, которая может быть образована при вращении вокруг оси окружности или ее дуги. Ось вращения и образующая окружность расположены в одной плоскости.

 $\Phi\{m(m,j)(m=m)\},$

- m u j не пересекаются открытый тор;
- m касается j закрытый тор с одной конической точкой;

- m и ј пересекаются - закрытый тор с двумя коническими точками.

