

## Gruppe 34

### DAT102 Oblig 1 – Filmarkiv

Hvem er med på innleveringen:

- Aya El Hafedi
- Namra Usman

Teorispørsmål:

Oppgave 3a)

- i.  $O(n^2)$
- ii.  $O(n)$
- iii.  $O(n^3)$  iv.  $O(\log n)$

Oppgave 3b)

Tilordningen foregår i hver «runde» av løkken, så vi må telle hvor mange ganger løkken kjører.

For hver runde blir i halvert, delt på 2.

Derfor vet vi:

- 1. runde  $i=n$
- 2. runde  $i=n/2$
- 3. runde  $i=n/4$

Utifra det får vi formelen:

$$i=n/2^k \leq 1$$

Vi regner ut for k:

$$n/2^k = 1$$

$$n = 2^k$$

$$k = \log_2 n$$

utifra det får vi:

Antall tilordninger:  $O(\log n)$

Effektiviteten uttrykt i O-notasjon:  $O(\log n)$

Oppgave 3c)

Vi har to løkker, en indre løkke og en ytre. Den ytre løkken kjører n ganger.

Vi regner ut hvor mange ganger den indre løkken kjører:

j dobles hver gang. Løkken stopper når j er større enn n, altså når:

$$2^k > n, \text{ vi regner ut for k: } k = \log_2 n$$

Det betyr den indre løkken kjører  $O(\log n)$  ganger.

Totalt kjører begge løkkene  $n * O(\log n) = O(n \log n)$

## Gruppe 34

Totalt antall tilordninger:  $O(n \log n)$

Effektiviteten uttrykt i O-notasjon:  $O(n \log n)$

### Oppgave 3d)

For hver O-notasjon for areal og omkrets: har vi for  $A: 2\pi r^2$ , I arealet så vokser det kvadratisk med  $r$ , fordi vi har  $r^2$ .  $\pi$  er et konstant og det må ignoreres i stor O-notasjon fordi vi bryr oss om den dominerende faktoren. Arealet vokser som  $O(r^2)$  og  $O: 2\pi r$ . Omkretsen vokser her lineært med  $r$ . Konstante  $2\pi$  ignoreres i stor O notasjon.  $O(r)$ .

### Oppgave 3e)

Vi har to løkker. En indre løkke, med navn igjen, og en ytre løkke med navn indeks.

Den ytre løkken går fra 0 til  $n-2$ , det betyr  $n-1$  kjøring.

Den indre løkkens kjøring avhenger av verdien til den ytre løkken.

Verste tilfelle betyr når det ikke finnes noen duplikater i programmet, slik at hele tabellen må sjekkes.

For hver verdi av den ytre løkken, går den indre løkken fra ytre løkken + 1 til  $n-1$ .

1. runde:  $n-1$  sammenligninger
2. runde:  $n-2$  sammenligninger

Dette blir en aritmetisk rekke, og summen kan uttrykkes som:

$$((n-1)*n)/2$$

Dominerende ledd blir da  $n^2$ .

Antall sammenligninger i verste tilfelle blir:

$$(n(n-1))/2$$

Effektiviteten uttrykt i O-notasjon:

$$O(n^2)$$

### Oppgave 3f)

- i. Dominerende ledd:  $4n^3$ .  $O(n^3)$
- ii. Dominerende ledd:  $10 \log 2n$ .  $O(\log n)$
- iii. Dominerende ledd:  $2n \log 2n$ .  $O(n \log n)$
- iv. Dominerende ledd:  $2n$ .  $O(n)$

Rangert:

## Gruppe 34

$$t_2(n) < t_4(n) < t_3(n) < t_1(n)$$

### Oppgave 3g)

Tid(n) metoden inneholder en løkke som kan kjøre n ganger. Løkken kan utføre enkle operasjon som  $(k = k + 5)$ , der den tar konstant tid per iterasjon. Derfor kan vi se at total kjøretid er proporsjonal med n. Det vil si at  $T(n) = cn$ . c er en konstant som avhenger av hvor lang tid hver de iterasjonene tar. Hvordan resultatene stemmer med vekstfunksjonen er at når man måler tide for  $n = 10^7$ ,  $10^8$  og  $10^9$ , forventes det at kjøretiden øker med omtrent 10 ganger for hver 10-dobling av n.