Test Pattern

JEE(Advanced)
ALLEN COMMON TEST
29-09-2019

CLASSROOM CONTACT PROGRAMME

(Academic Session: 2019 - 2020)

PAPER-1

Main+Advanced): NURTURE COURSE [PHASE:

Time: 3 Hours Maximum Marks: 186

READ THE INSTRUCTIONS CAREFULLY

GENERAL:

- 1. This sealed booklet is your Question Paper. Do not break the seal till you are told to do so.
- 2. Use the Optical Response sheet (ORS) provided separately for answering the questions.
- 3. Blank spaces are provided within this booklet for rough work.
- 4. Write your name, form number and sign in the space provided on the back cover of this booklet.
- 5. After breaking the seal of the booklet, verify that the booklet contains 24 pages and that all the 18 questions in each subject and along with the options are legible. If not, contact the invigilator for replacement of the booklet.
- 6. You are allowed to take away the Question Paper at the end of the examination.

OPTICAL RESPONSE SHEET:

- 7. The ORS will be collected by the invigilator at the end of the examination.
- 8. Do not tamper with or mutilate the ORS. Do not use the ORS for rough work.
- 9. Write your name, form number and sign with pen in the space provided for this purpose on the ORS. **Do not write any of these details anywhere else on the ORS.** Darken the appropriate bubble under each digit of your form number.

DARKENING THE BUBBLES ON THE ORS:

- 10. Use a **BLACK BALL POINT PEN** to darken the bubbles on the ORS.
- 11. Darken the bubble COMPLETELY.
- 12. The correct way of darkening a bubble is as:
- 13. The ORS is machine-gradable. Ensure that the bubbles are darkened in the correct way.
- 14. Darken the bubbles **ONLY IF** you are sure of the answer. There is **NO WAY** to erase or "un-darken" a darkened bubble.
- 15. Take $g = 10 \text{ m/s}^2$ unless otherwise stated.

SOME USEFUL CONSTANTS

Atomic No. : H = 1, B = 5, C = 6, N = 7, O = 8, F = 9, Al = 13, P = 15, S = 16,

Cl = 17, Br = 35, Xe = 54, Ce = 58

Atomic masses: H = 1, Li = 7, B = 11, C = 12, N = 14, O = 16, F = 19, Na = 23, Mg = 24,

Al = 27, P = 31, S = 32, Cl = 35.5, Ca = 40, Fe = 56, Br = 80, I = 127, Xe = 131, Ba = 137, Ce = 140, Cu = 63.5, Ne = 20, K = 39, Mn = 55

Space for Rough Work

E-2/24 0000CJA100119033

HAVE CONTROL \longrightarrow HAVE PATIENCE \longrightarrow HAVE CONFIDENCE \Rightarrow 100% SUCCESS BEWARE OF NEGATIVE MARKING

PART-1: PHYSICS

SECTION-I(i): (Maximum Marks: 12)

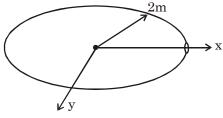
- This section contains FOUR questions.
- Each question has **FOUR** options (A), (B), (C) and (D). **ONLY ONE** of these four options is correct.
- For each question, darken the bubble corresponding to the correct option in the ORS.
- For each question, marks will be awarded in one of the following categories :

Full Marks : +3 If only the bubble corresponding to the correct option is darkened.

Zero Marks : 0 If none of the bubbles is darkened.

Negative Marks : -1 In all other cases

1. A bead of mass 300 gm is threaded on a smooth horizontal circular wire frame of radius 2m. The centre of frame is at the origin and frame is in xy plane. The potential energy of the bead due to some unknown field is $U = x^2 + 2y^2$. The bead is at x = +2m. The normal force exerted by wire frame is (Take: $g = 10 \text{ m/s}^2$ in downward direction).



(A) 3N

(B) 4 N

(C) 5 N

(D) 7 N

2. A hemispherical shell of radius R is capped on a vertical hollow cone of base radius R and height $\frac{3R}{4}$ (as in an ice cream cone). Both the cone and the shell have the same mass per unit area. Find the distance of the center of mass of the system from the vertex of the cone.

(A) $\frac{35R}{46}$

(B) $\frac{23R}{28}$

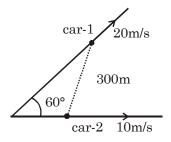
(C) $\frac{18R}{25}$

(D) $\frac{25R}{26}$

Space for Rough Work

0000CJA100119033 E-3/24

3. Two straight roads are at an angle of 60° to each other. Two cars are moving away from the intersection with speed of 10 m/s and 20 m/s respectively. Their initial distance is 300 m. At what time will the distance between them double?



- (A) $10\sqrt{3} \sec$
- (B) 10 sec
- (C) $10\sqrt{2}$ sec
- (D) 12 sec
- 4. An AK 47 is held against the shoulder and is used to continuously fire bullets at the rate of 30 shots in a minute. The mass of each of the bullets is 10 gm and they leave with a speed of 100m/s. What is the average force that the recoiling AK 47 exert on the shoulder?
 - (A) 1 N
- (B) 0.5 N
- (C) 0.75 N
- (D) 1.2 N

Space for Rough Work

E-4/24 0000CJA100119033

SECTION-I(ii): (Maximum Marks: 32)

- This section contains **EIGHT** questions.
- Each question has **FOUR** options for correct answer(s). **ONE OR MORE THAN ONE** of these four option(s) is (are) correct option(s).
- For each question, choose the correct option(s) to answer the question.
- Answer to each question will be evaluated according to the following marking scheme:

Full Marks : +4 If only (all) the correct option(s) is (are) chosen.

Partial Marks : +3 If all the four options are correct but ONLY three options are chosen.

Partial Marks : +2 If three or more options are correct but ONLY two options are chosen, both of which are correct options.

Partial Marks : +1 If two or more options are correct but ONLY one option is chosen

and it is a correct option.

Zero Marks : 0 If none of the options is chosen (i.e. the question is unanswered).

Negative Marks: -1 In all other cases.

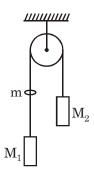
- **For Example :** If first, third and fourth are the **ONLY** three correct options for a question with second option being an incorrect option; selecting only all the three correct options will result in +4 marks. Selecting only two of the three correct options (e.g. the first and fourth options), without selecting any incorrect option (second option in this case), will result in +2 marks. Selecting only one of the three correct options (either first or third or fourth option), without selecting any incorrect option (second option in this case), will result in +1 marks. Selecting any incorrect option(s) (second option in this case), with or without selection of any correct option(s) will result in −1 marks.
- 5. Two boys are holding the opposite ends of a massless spring in natural length. The first boy moves back by a distance of 10 cm and the second moves back by 20 cm. In this situation, both of them are applying a force of 30 N on the spring.
 - (A) The spring constant is 100 N/m.
 - (B) The work done by the first boy is 0.5 J
 - (C) The work done by the second boy is 2 J
 - (D) The work done by the spring is -4.5 J

Space for Rough Work

0000CJA100119033 E-5/24

ALLEN

6. In the figure shown, the pulley and the string are massless. A bead of mass m can not slide on the string. (Given: $M_1 = 2 \text{ kg}$, $M_2 = 2 \text{ kg}$, m = 1.5 kg)

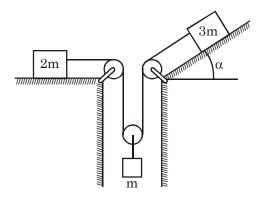


- (A) The acceleration of the bead is downwards.
- (B) The acceleration of M_1 is $\frac{3g}{11}$ downwards.
- (C) The tension force on M_1 is $\frac{16g}{11}$.
- (D) The acceleration of $\boldsymbol{M}_{\!_{2}}$ is $\frac{g}{7}$ upwards.
- 7. A man moving in the north direction goes a distance of 10 km taking a time of 2 hrs. Then he turned east and went a distance of 5 km for time of 1hr. Then he went in the direction 37° west of south at a speed of v = 5 km/h for 1hr.
 - (A) His distance travelled is 20 km
 - (B) His average speed is 5 km/hr
 - (C) His average velocity is approx 1.6 km/hr in magnitude
 - (D) His displacement is approx 4.5 km in magnitude.

Space for Rough Work

E-6/24 0000CJA100119033

Determine the force of tension in thread connected to mass of 2m and 3m and acceleration of masses in the system shown in figure. The inclined plane makes an angle $\alpha = 30^{\circ}$. Mass of the pulleys and thread can be neglected. Thread is inextensible. Friction is absent.



$$(A) T = \frac{9mg}{29}$$

(B)
$$a_{\rm m} = \frac{11g}{29}$$

(B)
$$a_m = \frac{11g}{29}$$
 (C) $a_{2m} = \frac{18g}{29}$ (D) $a_{3m} = \frac{23g}{58}$

(D)
$$a_{3m} = \frac{23g}{58}$$

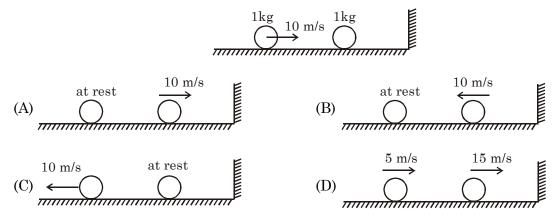
- 9. A projectile is projected on a level ground such that its range is 9.6 m and its maximum height from the ground is 1.8 m. Choose the correct option (s).
 - (A) When the projectile is 5m horizontally away from the point of projection, it is at a height of 1.5m above ground (approx)
 - (B) The projectile was projected with a speed of 10 m/s
 - (C) The projectile was projected at an angle of 37° to the horizontal.
 - (D) The minimum speed of the projectile during the flight was 6 m/s.

Space for Rough Work

0000CJA100119033 E-7/24

ALLEN

10. Two identical balls are kept on smooth ground as shown. The left ball is projected towards right ball. The collision between balls and between ball and wall are elastic. Which of the following scenario(s) are possible in subsequent motion?



- 11. A constant force alone is acting on a particle. The particle is initially at rest. Which of the following is/are **CORRECT** description of subsequent motion?
 - (A) Speed increases with time
 - (B) Momentum decreases with time
 - (C) Power of the force is constant with time
 - (D) Acceleration of the particle remains constant.
- **12.** A body of mass m moves in a circle of radius R with a constant speed v. Choose the correct statement(s) of the following.
 - (A) It takes $\frac{2\pi R}{v}$ time to complete one full circle.
 - (B) In one half circle, magnitude of its change in momentum is my
 - (C) In one half circle its magnitude of average velocity is $\frac{2v}{\pi}$.
 - (D) The average speed is always equal to the instantaneous speed.

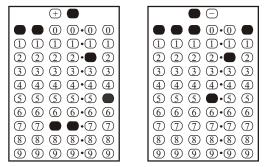
Space for Rough Work

E-8/24 0000CJA100119033

SECTION-II: (Maximum Marks: 18)

- This section contains SIX questions.
- The answer to each question is a **NUMERICAL VALUE**.
- For each question, enter the correct numerical value (in decimal notation, truncated/rounded-off to the **second decimal place**; e.g. 6.25, 7.00, -0.33, -.30, 30.27, -127.30, if answer is 11.36777..... then both 11.36 and 11.37 will be correct) by darken the corresponding bubbles in the ORS.

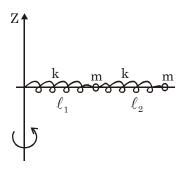
For Example: If answer is -77.25, 5.2 then fill the bubbles as follows.



• Answer to each question will be evaluated according to the following marking scheme: *Full Marks*: +3 If ONLY the correct numerical value is entered as answer.

Zero Marks : 0 In all other cases.

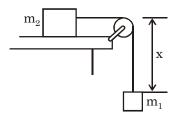
1. Two identical light springs of spring constant k and two balls of same mass m are threaded on a smooth rod and rotated slowly about the vertical z axis as shown. In the steady state, the angular velocity of the system is ω and the length of the springs increase to ℓ_1 and ℓ_2 as shown. Take k = 1000 N/m, ℓ_1 = 20cm, ℓ_2 = 16 cm, ω = 20 rad/s, what is the natural length of each of the springs in cm?



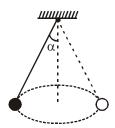
Space for Rough Work

0000CJA100119033 E-9/24

2. A block of mass m_1 is connected to another block of mass m_2 by a string. The size of the pulley is negligible. The length of the string connecting both the blocks is 10m. Initially x is zero when the blocks are released from rest. If there is no friction, what is the speed (in m/s) of each of the blocks when the distance between them is a minimum? (Take $m_1 = 3$ kg and $m_2 = 5$ kg.)



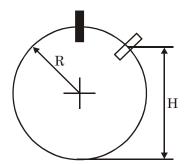
- 3. A particle moves in an one dimensional force field whose potential energy is given by $U = 2x^2 4x + 8$. It is released from origin at rest. What is the maximum kinetic energy (in J) of the particle in subsequent motion?
- 4. A small ball is suspended by a weightless inextensible string of length 30 cm. It rotates in the horizontal plane with the time period of 1 sec. The thread makes an angle $\alpha = 30^{\circ}$ with the vertical. Using these data calculate the acceleration due to gravity (in m/s²).



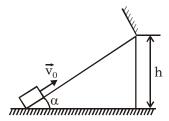
Space for Rough Work

E-10/24 0000CJA100119033

5. A bead of mass m = 10 gm inserted through a smooth wire ring of radius R = 6cm kept in a vertical plane. The bead is displaced slightly from the equilibrium position, and the bead begins to slide on the ring with an initial velocity equal to zero. What is the force of normal reaction (in N) on the ring at a height of H = 10 cm?



A body begins to move upward on an inclined plane with a speed of 10 m/sec. At the height of h = 1m it hits the obstacle with coefficient of restitution 0.5 (Fig.). Determine the velocity of the body (in m/s) when it will again reach the bottom of the inclined plane. Angle between the horizontal plane and inclined plane is 37°, the coefficient of friction $\mu = 0.3$. Fill v^2 in the response sheet.



Space for Rough Work

0000CJA100119033 E-11/24

PART-2 : CHEMISTRY

SECTION-I(i): (Maximum Marks: 12)

- This section contains FOUR questions.
- Each question has FOUR options (A), (B), (C) and (D). ONLY ONE of these four options is correct.
- For each question, darken the bubble corresponding to the correct option in the ORS.
- For each question, marks will be awarded in one of the following categories:

Full Marks : +3 If only the bubble corresponding to the correct option is darkened.

Zero Marks : 0 If none of the bubbles is darkened.

Negative Marks: -1 In all other cases

If 40.6 g of a hydrocarbon contains 4.21×10^{23} molecules then the hydrocarbon can be -1.

(A) C_2H_2

- (B) C_3H_8
- (C) C_4H_{10}
- (D) C_2H_6
- $1.2 \text{ mol } \mathrm{Cl}_{_{2}}(\mathbf{g})$ is added to hot 3 litre of 2M KOH where $\mathrm{Cl}_{_{2}}$ disproportionate into chloride & $\mathbf{2}$. chlorate ion. Evolved chlorate is treated with 36 gm glucose giving CO₂ & ClO₂. Mass of CO₂ evolved is -
 - (A) 44 gm
- (B) 8.8 gm
- (C) 4.4 gm
- (D) 88 gm
- For Zn atom in ground state, which is **INCORRECT**? 3.
 - (A) Number of electron having $(n \times \ell \times m = 0)$ or $\left(\frac{\ell \times m}{n} = 0\right)$ is 14
 - (B) Number of electron having (n × ℓ × m = 0) & $\left(\frac{\ell \times m}{n} = 0\right)$ is not same
 - (C) Number of orbitals having $(n \times \ell \times m = 0)$ or $(\ell \times m = 0)$ is 7
 - (D) Number of orbitals having $[|n \times \ell \times m| = 12] \& [|n \times \ell \times m| = 6]$ are same
- If Z-axis is the bond forming axis, then which of the following set of orbitals can not form 4. δ-bond.

(D) None of these

0000CJA100119033 E-12/24

SECTION-I(ii): (Maximum Marks: 32)

- This section contains **EIGHT** questions.
- Each question has FOUR options for correct answer(s). ONE OR MORE THAN ONE of these four option(s) is (are) correct option(s).
- For each question, choose the correct option(s) to answer the question.
- Answer to each question will be evaluated according to the following marking scheme:

Full Marks : +4 If only (all) the correct option(s) is (are) chosen.

Partial Marks : +3 If all the four options are correct but ONLY three options are chosen.

Partial Marks: +2 If three or more options are correct but ONLY two options are chosen, both of which are correct options.

Partial Marks : +1 If two or more options are correct but ONLY one option is chosen and it is a correct option.

Zero Marks : 0 If none of the options is chosen (i.e. the question is unanswered).

Negative Marks: -1 In all other cases.

- For Example: If first, third and fourth are the ONLY three correct options for a question with second option being an incorrect option; selecting only all the three correct options will result in +4 marks. Selecting only two of the three correct options (e.g. the first and fourth options), without selecting any incorrect option (second option in this case), will result in +2 marks. Selecting only one of the three correct options (either first or third or fourth option), without selecting any incorrect option (second option in this case), will result in +1 marks. Selecting any incorrect option(s) (second option in this case), with or without selection of any correct option(s) will result in −1 marks.
- **5.** A gaseous mixture contains CH_4 and C_9H_6 gases

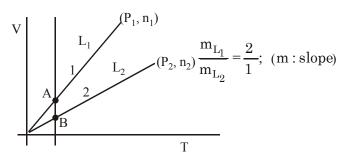
Which of the following is correct about average molar mass (M_{avg}) of mixture -

- (A) M_{avg} will be 24.4 gm if mixture contains 40% CH_4 by volume
- (B) M_{avg} will be 22.22 gm if mixture contains 60% C_2H_6 by mass
- (C) $\rm M_{avg}$ will be 20.67 gm if mixture contains carbon and hydrogen atoms in 2 : 7 ratio.
- (D) M_{avg} will be 19.5 gm if mixture contains carbon and hydrogen atoms in 5:18 ratio.
- **6.** Which of the following is correct statements -
 - (A) If 5 litre of 20% w/v HCl solution is mixed with 3 litre of 30% w/v HCl solution then % w/v of resulting solution is 23.75
 - (B) If 1000 gm of hard water having 200 ppm of CaCO₃ is mixed with 1500 gm of hard water having 100 ppm of CaCO₃ then resulting hard water solution have 140 ppm of CaCO₃
 - (C) Resulting molality of NaCl solution is 6.37 if 200 gm of 20% w/w NaCl solution is mixed with 400 ml of 30%w/w NaCl solution having density 1.25 gm/ml
 - (D) If 540 gm of 2m NaOH solution is mixed with 2320 gm of 4m NaOH solution then final molality of resulting solution will be 3.6
- 7. The pairs in which later contains more atoms of oxygen than former
 - (A) 0.5 mole SO_3 , $0.5 \text{ mole N}_2\text{O}_3$
- (B) 0.5 mole C_3O_2 , 0.1 mole $C_2H_{12}O_6$
- (C) 0.2 mole $\mathrm{NH_4NO_3}$, 0.35 mole $\mathrm{NH_4NO_2}$ (D) 0.3 mole $\mathrm{P_2O_3}$, 0.2 mole $\mathrm{P_2O_5}$

Space for Rough Work

0000CJA100119033 E-13/24

8. Charles' law of an ideal gas can be plotted as shown



Note : P and n are kept constant along lines L_1 and L_2

Which of the following is/are correct-

- (A) $P_2 = P_1$ if $n_1 = 2n_2$
- (B) $P_2 > P_1$ if $n_1 < 2n_2$
- (C) $P_2 > P_1$ if $n_1 > 2n_2$
- (D) At points A and B, Boyle's law can be applied if $n_1 = n_2$
- 9. Which of the following is CORRECTLY matched for the given species?

 $BeCl_{2}$, $I(CN)_{2}^{-}$, IF_{7} , $CH_{2}Cl_{2}$, SiF_{4} , ICl_{4}^{-} , $H_{2}O$, SF_{4} , BF_{3} , XeF_{3}^{+} , I_{3}^{+}

- (A) Non polar species = 6
- (B) Bent shape species = 2
- (C) Non planar species = 4
- (D) Number of species which do not use d-orbitals in hybridisation = 6
- **10.** Which of the following species has perfect octahedral geometry.
 - (A) $[TeBr_e]^{2-}$
- (B) SF_{e}
- (C) $[IF_e]^-$
- (D) XeF_e
- 11. In IF₇, the number of planes containing only 4 atoms is:
 - (A) 4

(B) 5

(C) 6

(D) 3

- **12.** Which of the following statement is **CORRECT**?
 - (A) The electron affinity order B < Al, N < P, O < S, F < Cl can be explained on the basis of occupancy of larger region of space for n = 3, thereby facing less repulsion as compared to second period elements of same group.
 - (B) The above sequence is in opposite order for electronegativity
 - (C) Electronegativity is not an inherent property while electron affinity is inherent property of an element
 - (D) Post lanthonides very often show unusually high electron affinity due to lanthanide contraction.

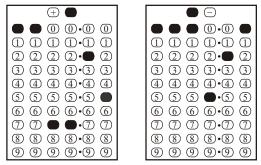
Space for Rough Work

E-14/24 0000CJA100119033

SECTION-II: (Maximum Marks: 18)

- This section contains SIX questions.
- The answer to each question is a **NUMERICAL VALUE**.
- For each question, enter the correct numerical value (in decimal notation, truncated/rounded-off to the **second decimal place**; e.g. 6.25, 7.00, -0.33, -.30, 30.27, -127.30, if answer is 11.36777..... then both 11.36 and 11.37 will be correct) by darken the corresponding bubbles in the ORS.

For Example: If answer is -77.25, 5.2 then fill the bubbles as follows.



Answer to each question will be evaluated according to the following marking scheme:

Full Marks : +3 If ONLY the correct numerical value is entered as answer.

Zero Marks : 0 In all other cases.

1. Phosphoric acid can be manufactured according to the following skeleton reaction (unbalanced):

$$Ca_3(PO_4)_2 + SiO_2 + C + O_2 + H_2O \rightarrow CaSiO_3 + CO_2 + H_3PO_4$$

The equal masses of calcium phosphate (M = 310) and silica (M = 60) are reacted with excess carbon, oxygen and water to produce 1.96×10^3 kg phosphoric acid (M = 98). What mass (in kg) of calcium phosphate was used, assuming 100% yield?

- 2. One drop of 1.5 M HCl is made to fall on a $\frac{7}{22}$ mm thick Aluminium sheet and a hole in the sheet is developed. Find radius of hole (in cm) if density of aluminium is 2.25 gm/ml. (Given: 6 drops of HCl = 1 ml) [Atomic weight Al = 27] [Take: $\pi = 22/7$]
- 3. $319 \, \mathrm{g}$ of $\mathrm{CuSO_4}$ in a solution reacted with excess of 0.5 M KI solution to liberate $\mathrm{I_2}$. The liberated iodine required 100 ml of 1.0 M $\mathrm{Na_2S_2O_3}$ solution for complete reaction. Find the percent purity of $\mathrm{CuSO_4}$ in the sample. [Atomic mass $\mathrm{Cu} = 63.5$, $\mathrm{S} = 32$, $\mathrm{O} = 16$]. When $\mathrm{CuSO_4}$ reacts with KI, products obtained are $\mathrm{Cu_2I_9}$, $\mathrm{I_2}$ and $\mathrm{K_2SO_4}$.

Space for Rough Work

0000CJA100119033 E-15/24

ALLEN

- 4. The sum of oxidation states (with sign) of all 'O-atoms' in the following ions of $S_4O_6^{2-},S_2O_6^{2-},S_2O_8^{2-}.$
- 5. In how many following species, atleast one d-orbital of central atom is participating in bonding?

$$\mathrm{CH_2F_2,\,SF_4,\,SO_2,\,POCl_3,\,XeO_3,\,\,ICl_4^-,\,P_4O_{10}}$$

6. How many of the following have at least one bond angle greater than $\widehat{\text{HNH}}$ in NH $_3$. O(CH $_3$) $_2$, B(OH) $_3$, BF $_3$, XeO $_3$ F $_2$, SiH $_4$, SO $_2$

Space for Rough Work

E-16/24 0000CJA100119033

PART-3: MATHEMATICS

SECTION-I(i): (Maximum Marks: 12)

- This section contains FOUR questions.
- Each question has **FOUR** options (A), (B), (C) and (D). **ONLY ONE** of these four options is correct.
- For each question, darken the bubble corresponding to the correct option in the ORS.
- For each question, marks will be awarded in one of the following categories:

Full Marks : +3 If only the bubble corresponding to the correct option is darkened.

Zero Marks : 0 If none of the bubbles is darkened.

Negative Marks: -1 In all other cases

1. If number of values of $\theta \in \left(-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right)$ which satisfy the equation, $\sec^2\theta\csc^2\theta + 2\csc^2\theta = 8$ is λ and t is the number of integral values of x, which satisfy the equation

$$\log_{\frac{1}{5}} \left(\left(\sec \frac{\pi}{3} \right) x + 5 \right) = \log_{5} \left(\frac{1}{16 - x^{2}} \right) + \tan \frac{13\pi}{4}, \text{ then } (\lambda + t) \text{ equals}$$

(A) 4

(B) 6

(C) 7

- (D) 5
- 2. Let m is the number of ordered pair (x,y) such that $\cos x$. $\sin y = 1$ (where $x \in [0,3\pi]$ and $y \in [0,3\pi]$) and n is the number of terms in GP whose first term is 3, last term is 192 and sum of all the terms is 381. Value of (m + n) equals
 - (A) 11
- (B) 12
- (C) 13
- (D) 14
- 3. Let $m=\frac{a}{2}-b$, such that $a^2-b^4=19$ where $a,b\in N$ and n is the number of values of 'k' for which sum of roots of equation $x^2-2kx+2k-1=0$ is equal to sum of square of its roots, then value of (3|m|+n) equals
 - (A) 4

(B) 8

(C) 6

- (D) 7
- 4. Given A = (1,1) and AB is any line through it cutting x-axis in B. If AC is perpendicular to AB and meet the y-axis in C, then equation of locus of mid point P of BC is
 - (A) x + y = 1
- (B) x + y = 4
- (C) x + y = 2xy
- (D) 2x + 3y = xy

Space for Rough Work

0000CJA100119033 E-17/24

SECTION-I(ii): (Maximum Marks: 32)

- This section contains **EIGHT** questions.
- Each question has FOUR options for correct answer(s). ONE OR MORE THAN ONE of these four option(s) is (are) correct option(s).
- For each question, choose the correct option(s) to answer the question.
- Answer to each question will be evaluated according to the following marking scheme:

Full Marks : +4 If only (all) the correct option(s) is (are) chosen.

: +3 If all the four options are correct but ONLY three options are chosen. Partial Marks

Partial Marks : +2 If three or more options are correct but ONLY two options are chosen, both of which are correct options.

: +1 If two or more options are correct but ONLY one option is chosen Partial Marks and it is a correct option.

Zero Marks : 0 If none of the options is chosen (i.e. the question is unanswered).

Negative Marks: -1 In all other cases.

- For Example: If first, third and fourth are the ONLY three correct options for a question with second option being an incorrect option; selecting only all the three correct options will result in +4 marks. Selecting only two of the three correct options (e.g. the first and fourth options), without selecting any incorrect option (second option in this case), will result in +2 marks. Selecting only one of the three correct options (either first or third or fourth option), without selecting any incorrect option (second option in this case), will result in +1 marks. Selecting any incorrect option(s) (second option in this case), with or without selection of any correct option(s) will result in -1 marks.
- Let the equation of the pair of lines is given as, $2x^2 + 5xy + 3y^2 + 6x + 7y + 4 = 0$. Which of the **5**. following is/are true?
 - (A) Orthocentre of the triangle formed by pair of lines and the line x y = 7, is (3, -4)
 - (B) Acute angle between the pair of lines is tan⁻¹5
 - (C) Point of intersection of the pair of lines is (1, -2)
 - (D) Circumcentre of the triangle formed by the pair of lines and the line x y = 7 is $\left(\frac{11}{5}, \frac{-14}{5}\right)$
- If tanx + coty = p and cotx + tany = q, then which of the following is/are true 6. (wherever defined)

(A) $\frac{\tan y}{\tan x} = \frac{q}{p}$

(B) $\frac{\cos x \sin y}{\cos(x-y)} = \frac{1}{p}$ (C) $\frac{\sin x \cos y}{\cos(x-y)} = \frac{1}{q}$ (D) $\frac{\tan y}{\tan x} = \frac{p}{q}$

Space for Rough Work

0000CJA100119033 E-18/24

- In a $\triangle ABC$, vertex A is (1, 2) and internal angle bisectors of $\angle B$ and $\angle C$ are x y = 0 and 2x + y = 0 respectively, then which of the following is/are true
 - (A) Equation of side BC is x 7y + 5 = 0
- (B) Equation of side BC is 7x y + 15 = 0
- (C) Radius of incircle of $\triangle ABC$ is $\frac{1}{\sqrt{2}}$ (D) Radius of incircle of $\triangle ABC$ is $\frac{3}{\sqrt{2}}$
- If $\cos x \sin \alpha \cot \beta \sin x = \cos \alpha$ then the value of $\tan \frac{x}{2}$ in terms of α and β is (wherever defined) 8.
 - (A) $-\cot\frac{\beta}{2}\tan\frac{\alpha}{2}$ (B) $\cot\frac{\beta}{2}\tan\frac{\alpha}{2}$ (C) $-\tan\frac{\alpha}{2}\tan\frac{\beta}{2}$ (D) $\tan\frac{\alpha}{2}\tan\frac{\beta}{2}$

- If a, b, c, d are the roots of, $x^4 x^3 x^2 1 = 0$ and $p(x) = x^6 x^5 x^3 x^2 x$, then which of the 9. following is/are true
 - (A) p(a) + p(b) + p(c) + p(d) = 6
- (B) p(a) + p(b) + p(c) + p(d) = 1
- (C) $\left(1 + \frac{1}{a}\right)\left(1 + \frac{1}{b}\right)\left(1 + \frac{1}{c}\right)\left(1 + \frac{1}{d}\right) = 0$ (D) $\left(1 + \frac{1}{a}\right)\left(1 + \frac{1}{b}\right)\left(1 + \frac{1}{c}\right)\left(1 + \frac{1}{d}\right) = 1$
- If $tan(2\pi | sin\theta |) = cot(2\pi | cos\theta |)$ and $y = (|sin\theta | + |cos\theta |)^x$, $x \ge 1$ then y can be equal to 10.
 - (A) 4
- (B) $\frac{1}{2}$
- (C) $\frac{7}{4}$
- (D) 1

Space for Rough Work

ALLEN

- 11. O,A,C,B are the vertices of a square taken in anticlockwise order on x-y plane where O is the origin. Line through point A intersect the diagonal OC at D internally, side OB at E internally. Given that AD: DE = 4: 3, AD = 5 units and the square lies completely in the first quadrant. Which of the following is/are true?
 - (A) Area of square OACB is 49 square units
 - (B) If O' be the reflection of O along the line AE then coordinate of circumcentre of the triangle AO'E is $\left(\frac{7}{2}, \frac{21}{8}\right)$
 - (C) Area of square OACB is 64 square units
 - (D) If O' be the reflection of O along the line AE then coordinate of circumcentre of the triangle AO'E is $\left(\frac{7}{4}, \frac{35}{8}\right)$
- 12. Let ABC be a triangle such that $\left(\cot\frac{A}{2}\right)^2 + \left(2\cot\frac{B}{2}\right)^2 + \left(3\cot\frac{C}{2}\right)^2 = \left(\frac{6s}{7r}\right)^2$ where 's' is semi-perimeter and 'r' is inradius of triangle. Which of the following is/are true ? (All symbols are in usual notation)
 - (A) $\frac{a+b}{c} = \frac{53}{45}$

(B) $\frac{\cot \frac{A}{2}}{\cot \frac{B}{2}} + \frac{\cot \frac{B}{2}}{\cot \frac{C}{2}} + \frac{\cot \frac{C}{2}}{\cot \frac{A}{2}} = \frac{225}{36}$

(C) $\frac{a+b}{c} = \frac{27}{23}$

(D) $\frac{\cot \frac{A}{2}}{\cot \frac{B}{2}} + \frac{\cot \frac{B}{2}}{\cot \frac{C}{2}} + \frac{\cot \frac{C}{2}}{\cot \frac{A}{2}} = \frac{229}{36}$

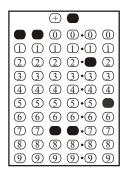
Space for Rough Work

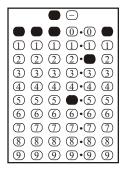
E-20/24 0000CJA100119033

SECTION-II: (Maximum Marks: 18)

- This section contains SIX questions.
- The answer to each question is a **NUMERICAL VALUE**.
- For each question, enter the correct numerical value (in decimal notation, truncated/rounded-off to the **second decimal place**; e.g. 6.25, 7.00, -0.33, -.30, 30.27, -127.30, if answer is 11.36777..... then both 11.36 and 11.37 will be correct) by darken the corresponding bubbles in the ORS.

For Example: If answer is -77.25, 5.2 then fill the bubbles as follows.





• Answer to each question will be evaluated according to the following marking scheme:

Full Marks : +3 If ONLY the correct numerical value is entered as answer.

Zero Marks : 0 In all other cases.

- 1. If the number of solution of the equation, $4\cos^2 x + \cos^2 5x 4\cos x \cos^2 5x = 0$ in $x \in [0, 2\pi]$ is λ then $\frac{\lambda}{5}$ equals
- 2. If λ is the sum of greatest and least value of $f(x) = 10\cos^2 x 6\sin x \cos x + 2\sin^2 x$ and $t = 8\sec 39^{\circ} \sin 17^{\circ} \sin 43^{\circ} \cos 13^{\circ}$, then $\frac{(\lambda + t)}{5}$ equals
- 3. Let S be the infinite sum given by $S = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{a_n}{50^n}$ where $< a_n >$, $(n \in W)$ is a sequence defined by $a_n = 30a_{n-1} 70a_{n-2} \ \forall \ n \in N \ and \ n \geq 2 \ and \ a_0 = a_1 = 1.$ If S is expressed in the form of $\frac{a}{b}$, (where a and b are co-prime natural numbers) then $\frac{(b-a)}{4}$ equals

Space for Rough Work

0000CJA100119033 E-21/24

ALLEN

- 4. Three numbers in AP are removed from first 'n' consecutive natural numbers and average of the remaining numbers is found to be $\frac{43}{4}$. If the number of possible sets of three removed numbers is λ , then $\frac{\lambda}{4}$ equals
- 5. Let a, b, $c \in N$ such that a < b < c and satisfy the relation abc + 2bc + 2ac + 2ab + 4a + 4b + 4c = 202. If the number of possible values of (a + b + c) is λ then $\frac{\lambda}{5}$ equals
- 6. Let $\sum_{i=1}^{17} i^2 x_i = 1$, $\sum_{i=1}^{17} (i+1)^2 x_i = 12$ and $\sum_{i=1}^{17} (i+2)^2 x_i = 123$. If the value of $\sum_{i=1}^{17} (i+3)^2 x_i$ is λ , then $\frac{\lambda-1}{37}$ equals

Space for Rough Work

E-22/24 0000CJA100119033

Space for Rough Work

0000CJA100119033 E-23/24

QUESTION PAPER FORMAT AND MARKING SCHEME:

- 16. The question paper has three parts: Physics, Chemistry and Mathematics.
- 17. Each part has two section as detailed in the following table.

	Que.	No.	Category-wise Marks for Each Question			Maximum	
Section	Type	of Que.	Full Marks	Partial Marks	Zero Marks	Negative Marks	Marks of the section
I(i)	Single correct option	4	+3 If only the bubble corresponding to the correct option is darkened		0 If none of the bubbles is darkened	-1 In all other cases	12
I(ii)	One or more correct option(s)	8	+4 If only the bubble(s) corresponding to all the correct option(s) is(are) darkened	+1 For darkening a bubble corresponding to each correct option, provided NO incorrect option darkened	of the	-1 In all other cases	32
II	Numerical Value Type (Up to second decimal place)		+3 If only the bubble corresponding to correct answer is darkened	_	0 In all other cases	_	18

NAME OF THE CANDIDATE	
FORM NO.	
I have read all the instructions and shall abide by them.	I have verified the identity, name and Form number of the candidate, and that question paper and ORS codes are the same.
Signature of the Candidate	Signature of the Invigilator

Corporate Office: ALLEN CAREER INSTITUTE, "SANKALP", CP-6, Indra Vihar, Kota (Rajasthan) INDIA 324005

🖀 +91-744-2757575 🖨 info@allen.ac.in 👜 www.allen.ac.in

E-24/24 Your Hard Work Leads to Strong Foundation 0000CJA100119033



CLASSROOM CONTACT PROGRAMME

(Academic Session: 2019 - 2020)

PAPER-1

Time: 3 Hours Maximum Marks: 186

कृपया इन निर्देशों को ध्यान से पढ़ें

सामान्य:

- यह मोहरबन्ध पुस्तिका आपका प्रश्नपत्र है। इसकी मुहर तब तक न तोड़े जब तक इसका निर्देश न दिया जाये। 1.
- 2. प्रश्नों का उत्तर देने के लिए अलग से दी गयी ऑप्टिकल रिस्पांस शीट (ओ. आर. एस.) (ORS) का उपयोग करें।

Main+Advanced): NURTURE COURSE [PHASE:

- कच्चे कार्य के लिए इस पुस्तिका में खाली स्थान दिये गये हैं। 3.
- इस पुस्तिका के पिछले पृष्ठ पर दिए गए स्थान में अपना नाम व फॉर्म नम्बर लिखिए एवं हस्ताक्षर बनाइये। 4.
- इस पुस्तिका की महर तोड़ने के बाद कृपया जाँच लें कि इसमें 24 पृष्ठ हैं और प्रत्येक विषय के सभी 18 प्रश्न और उनके उत्तर 5. विकल्प ठीक से पढ़े जा सकते हैं। यदि नहीं, तो प्रश्नपत्र को बदलने के लिए निरीक्षक से सम्पर्क करें।
- 6. परीक्षार्थी प्रश्नपत्र को परीक्षा की समाप्ती पर ले जा सकते हैं।

ऑप्टिकल रिस्पांस शीट (ओ.आर.एस.):

- ओ. आर. एस. को परीक्षा के समापन पर निरीक्षक के द्वारा एकत्र कर लिया जाएगा। 7.
- ओ. आर. एस. में हेर-फेर/विकृति न करें। ओ.आर.एस. का कच्चे काम के लिए प्रयोग न करें। 8.
- अपना नाम और फॉर्म नम्बर ओ.आर.एस. में दिए गए खानों में कलम से लिखें और अपने हस्ताक्षर करें। इनमें से कोई भी विवरण 9. ओ.आर.एस. में कहीं और न लिखें। फॉर्म नम्बर के हर अंक के नीचे अनुरूप बुलबुले को काला करें।

ओ.आर.एस. पर बुलबुलों को काला करने की विधि:

- ओ.आर.एस. के बुलबुलों को काले बॉल पॉइन्ट कलम से काला करें। 10.
- बुलबुले () को पूर्णं रूप से काला करें। 11.
- बुलबुले को काला करने का उपयुक्त तरीका है: 12.
- ओ.आर.एस. मशीन जाँच्य है। सुनिश्चित करें की बुलबुले सही विधि से काले किए गयें हैं। 13.
- बुलबुले को तभी काला करें जब आप उत्तर के बारे में निश्चित हो। काले किए हुए बुलबुले को मिटाने अथवा साफ करने का कोई 14. तरीका नहीं है।
- $\mathbf{g} = \mathbf{10} \ \mathbf{m/s^2}$ प्रयुक्त करें, जब तक कि अन्य कोई मान नहीं दिया गया हो। 15.

SOME USEFUL CONSTANTS

Atomic No. : H = 1, B = 5, C = 6, N = 7, O = 8, F = 9, Al = 13, P = 15, S = 16,

Cl = 17, Br = 35, Xe = 54, Ce = 58

Atomic masses: H = 1, Li = 7, B = 11, C = 12, N = 14, O = 16, F = 19, Na = 23, Mg = 24,

Al = 27, P = 31, S = 32, Cl = 35.5, Ca = 40, Fe = 56, Br = 80, I = 127, Xe = 131, Ba = 137, Ce = 140, Cu = 63.5, Ne = 20, K = 39, Mn = 55

कच्चे कार्य के लिए स्थान

H-2/24 0000CJA100119033

HAVE CONTROL \longrightarrow HAVE PATIENCE \longrightarrow HAVE CONFIDENCE \Rightarrow 100% SUCCESS BEWARE OF NEGATIVE MARKING

भाग-1: भौतिक विज्ञान

खण्ड-I(i): (अधिकतम अंक: 12)

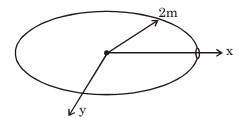
- इस खण्ड में चार प्रश्न हैं
- प्रत्येक प्रश्न में चार उत्तर विकल्प (A), (B), (C) और (D) हैं। जिनमें केवल एक ही सही हैं।
- प्रत्येक प्रश्न के लिए ओ.आर.एस पर सही उत्तर विकल्प के अनुरूप बुलबुले को काला करें।
- प्रत्येक प्रश्न के लिए अंक निम्नलिखित परिस्थितियों में से किसी एक के अनुसार दिये जाएंगे :

पूर्ण अंक : +3 यदि सिर्फ सही विकल्प के अनुरूप बुलबुले को काला किया है।

शून्य अंक : 0 यदि किसी भी बुलबुले को काला नहीं किया है।

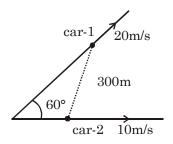
ऋण अंक : -1 अन्य सभी परिस्थितियों में।

द्रव्यमान 300 gm वाले एक मोती को त्रिज्या 2m वाले एक चिकने क्षैतिज वृत्ताकार तार फ्रेम में पिरोया गया है। फ्रेम का केन्द्र
मूलिबन्दु पर है तथा फ्रेम xy तल में है। किसी अज्ञात क्षेत्र के कारण मोती की स्थितिज ऊर्जा U = x² + 2y² है। मोती
x = +2m पर है। तार फ्रेम द्वारा लगाया गया अभिलम्ब बल है:- (दिया है: नीचे की दिशा में g = 10 m/s² लीजिये)



- (A) 3N
- (B) 4 N
- (C) 5 N
- (D) 7 N
- 2. त्रिज्या R वाले एक अर्द्धगोलाकार कोश को आधार त्रिज्या R तथा ऊँचाई $\frac{3R}{4}$ वाले एक ऊर्ध्वाधर खोखले शंकु पर लगाया गया है (एक आइसक्रीम कोन की भाँति)। शंकु तथा कोश दोनों का प्रति इकाई क्षेत्रफल द्रव्यमान समान है। निकाय के द्रव्यमान केन्द्र की शंकु के शीर्ष से दूरी ज्ञात कीजिये।
 - (A) $\frac{35R}{46}$
- (B) $\frac{23R}{28}$
- (C) $\frac{18R}{25}$
- (D) $\frac{25R}{26}$

3. दो सीधी सड़कें एक-दूसरे से 60° कोण पर है। दो कारें क्रमश: 10 m/s तथा 20 m/s चाल से चौराहे से दूर जा रही है। उनकी प्रारम्भिक दूरी 300 m है। किस समय पर उनके मध्य दूरी दुगुनी हो जायेगी ?



- (A) $10\sqrt{3} \sec$
- (B) 10 sec
- (C) $10\sqrt{2} \sec$
- (D) 12 sec
- 4. एक AK 47 बंदूक को कंधे पर रखा गया है तथा 1 मिनट में 30 गोली की दर से इससे लगातार गोलियाँ दागी जाती है। प्रत्येक गोली का द्रव्यमान $10 \, \mathrm{gm}$ है तथा वे $100 \, \mathrm{m/s}$ की चाल से बंदूक से निकलती है। प्रतिक्षेप AK 47 बंदूक द्वारा कंधे पर लगाया गया औसत बल ज्ञात कीजिये।
 - (A) 1 N
- (B) 0.5 N
- (C) 0.75 N
- (D) 1.2 N

खंड -I(ii): (अधिकतम अंक: 32)

- इस खंड में आठ प्रश्न हैं।
- प्रत्येक प्रश्न के सही उत्तर (उत्तरों) के लिए चार विकल्प दिए गए हैं। इस चार विकल्पों में से एक या एक से अधिक विकल्प सही है(हैं)।
- प्रत्येक प्रश्न के लिए, प्रश्न का (के) उत्तर देने हेतु सही विकल्प (विकल्पों) को चुने।
- प्रत्येक प्रश्न के उत्तर का मूल्यांकन निम्न अंकन योजना के अनुसार होगा :

पूर्ण अंक : +4 यदि केवल (सारे) सही विकल्प (विकल्पों) को चुना गया है।

आंशिक अंक : +3 यदि चारों विकल्प सही हैं परन्तु केवल तीन विकल्पों को चुना गया है।

आंशिक अंक : +2 यदि तीन या तीन से अधिक विकल्प सही हैं परन्तु केवल दो विकल्पों को चुना गया है और

चुने हुए दोनों विकल्प सही विकल्प हैं।

आंश्रिक अंक : +1 यदि दो या दो से अधिक विकल्प सही हैं परन्तु केवल एक विकल्प को चुना गया है और

चुना हुआ विकल्प सही विकल्प हैं।

शून्य अंक : 0 यदि किसी भी विकल्प को नहीं चुना गया है (अर्थात् प्रश्न अनुत्तरित है)।

 $\pi v y$ अंक : -1 अन्य सभी परिस्थितियों में।

- उदाहरण स्वरूप: यदि किसी प्रश्न के लिए केवल पहला, तीसरा एवं चौथा सही विकल्प हैं और दूसरा विकल्प गलत है; तो केवल सभी तीन सही विकल्पों का चयन करने पर ही +4 अंक मिलेंगें। बिना कोई गलत विकल्प चुने (इस उदाहरण में दूसरा विकल्प) तीन सही विकल्पों में से सिर्फ दो को चुनने पर (उदाहरणत: पहला तथा चौथा विकल्प) +2 अंक मिलेंगे। बिना कोई गलत विकल्प चुने (इस उदाहरण में दूसरा विकल्प), तीन सही विकल्पों में से सिर्फ एक को चुनने पर (पहला या तीसरा या चौथा विकल्प) +1 अंक मिलेंगे। कोई भी गलत विकल्प चुनने पर (इस उदाहरण में दूसरा विकल्प), −1 अंक मिलेंगे, चाहे सही विकल्प (विकल्पों) को चुना गया हो या न चुना गया हो।
- 5. दो लड़के मूल लम्बाई वाली द्रव्यमानहीन स्प्रिंग के विपरीत सिरों को पकड़े हुए है। पहला लड़का पीछे की ओर 10 cm दूरी तक गित करता है तथा दूसरा लड़का पीछे की ओर 20 cm तक गित करता है। इस स्थिति में दोनों ही स्प्रिंग पर 30 N का बल आरोपित करते है।

(A) स्प्रिंग नियतांक 100 N/m है।

(B) पहले लड़के द्वारा किया गया कार्य 0.5 J है।

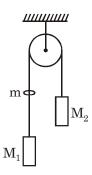
(C) दूसरे लडके द्वारा किया गया कार्य 2 J है।

(D) स्प्रिंग द्वारा किया गया कार्य –4.5 J है।

कच्चे कार्य के लिए स्थान

0000CJA100119033 H-5/24

6. चित्रानुसार घिरनी तथा रस्सी द्रव्यमानहीन है। द्रव्यमान m का एक मोती रस्सी पर नहीं फिसल सकता है। $M_1=2~{
m kg},$ $M_2=2~{
m kg},$ $m=1.5~{
m kg}$ है।

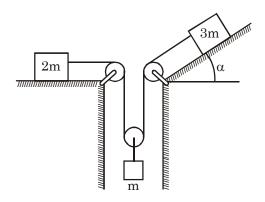


- (A) मोती का त्वरण नीचे की ओर है।
- (B) \mathbf{M}_1 का त्वरण $\frac{3\mathbf{g}}{11}$ नीचे की ओर है।

 $(\mathrm{C}) \; \mathrm{M_{_1}} \; \mathrm{प}$ र तनाव बल $\frac{16\mathrm{g}}{11} \; \,$ है।

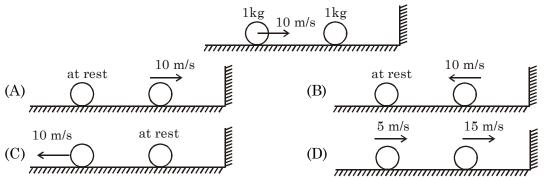
- (D) ${
 m M_2}$ का त्वरण $\,{
 m rac{g}{7}}\,$ ऊपर की ओर है।
- 7. उत्तर दिशा में गतिशील एक आदमी 2 घंटे में $10 \, \mathrm{km}$ की दूरी तय करता है।अब वह पूर्व की ओर मुड़कर 1 घंटे में $5 \, \mathrm{km}$ की दूरी तय करता है। अब वह दक्षिण से 37° पश्चिम दिशा में 1 घंटे तक $v = 5 \, \mathrm{km/h}$ चाल से जाता है तो :-
 - (A) उसके द्वारा तय दूरी 20 km होगी।
 - (B) उसकी औसत चाल 5 km/hr है।
 - (C) उसके औसत वेग का परिमाण लगभग 1.6 km/hr है।
 - (D) उसके विस्थापन का परिमाण लगभग 4.5 km है।

चित्रानुसार निकाय में द्रव्यमान 2m तथा 3m से जुड़े हुए धागे में उत्पन्न तनाव बल तथा द्रव्यमानों के त्वरण का मान ज्ञात कीजिये। आनत तल $\alpha=30^\circ$ कोण बनाता है। घिरनियों तथा धागे का द्रव्यमान नगण्य माना जा सकता है। धागा अवितान्य है तथा घर्षण अनुपस्थित है।



- (A) $T = \frac{9mg}{29}$ (B) $a_m = \frac{11g}{29}$
- (C) $a_{2m} = \frac{18g}{29}$ (D) $a_{3m} = \frac{23g}{58}$
- एक प्रक्षेप्य को समतल धरातल पर इस प्रकार प्रक्षेपित किया जाता है कि इसकी परास 9.6 m होती है तथा इसकी धरातल से 9. अधिकतम ऊँचाई 1.8 m है। सही विकल्प/विकल्पों को चुनिये:-
 - (A) जब प्रक्षेप्य प्रक्षेपण बिन्दु से क्षैतिज रूप से 5m दूर होता है तो यह धरातल से लगभग 1.5m की ऊँचाई पर होता है।
 - (B) प्रक्षेप्य 10 m/s की चाल से प्रक्षेपित किया गया था।
 - (C) प्रक्षेप्य को क्षैतिज से 37° कोण पर प्रक्षेपित किया गया था।
 - (D) उड़ान के दौरान प्रक्षेप्य की न्यूनतम चाल 6 m/s है।

10. एकजैसी दो गेंदों को चिकने धरातल पर चित्रानुसार रखा जाता है। बांयी गेंद को दांयी गेंद की ओर प्रक्षेपित किया जाता है। गेंदों के मध्य तथा गेंद एवं दीवार के मध्य टक्कर प्रत्यास्थ है। तदोपरान्त गित के दौरान निम्न में से कौनसा दृश्य संभव है ?



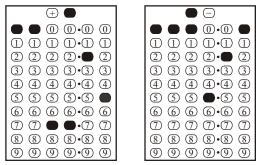
- 11. एक कण पर केवल एक नियत बल लगाया जाता है। कण प्रारंभ में विरामवस्था में है। तदोपरान्त गित के संदर्भ में सही कथन/कथनों को चुनिये:-
 - (A) चाल समय के साथ बढ़ती है।

- (B) संवेग समय के साथ घटता है।
- (C) बल की शक्ति समय के साथ नियत रहती है।
- (D) कण का त्वरण नियत बना रहता है।
- 12. द्रव्यमान m वाला एक पिण्ड त्रिज्या R वाले एक वृत में नियत चाल v से गति करता है। निम्न कथनों में से सही कथन/कथनों को चुनिये:-
 - (A) यह एक वृत पूर्ण करने में $\frac{2\pi R}{v}$ समय लेता है।
 - (B) एक आधे चक्कर के दौरान इसके संवेग में परिवर्तन का परिमाण mv होता है।
 - (C) एक आधे चक्कर के दौरान इसके औसत वेग का परिमाण $\frac{2 \mathrm{v}}{\pi}$ है।
 - (D) औसत चाल, सदैव तात्क्षणिक चाल के बराबर होगी।

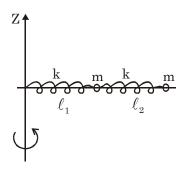
खंड-II: (अधिकतम अंक: 18)

- इस खंड में छ: प्रश्न हैं।
- प्रत्येक प्रश्न का उत्तर एक संख्यात्मक मान (NUMERICAL VALUE) है।
- प्रत्येक प्रश्न के उत्तर के सही संख्यात्मक मान (दशमलव अंकन में, **दशमलव के द्वितीय स्थान तक** रूण्डित/निकटित; उदाहरण 6.25, 7.00, −0.33, −.30, 30.27, −127.30, यदि उत्तर 11.36777..... है, तो 11.36 और 11.37 दोनों सही होगें) को प्रविष्ठ करने के लिए ओ.आर.एस. में अनुरूप बुलबुले को काला करें।

उदाहरण के लिए: यदि उत्तर -77.25, 5.2 है, तो बुलबुलों को निम्न प्रकार से काला करें।



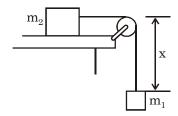
- प्रत्येक प्रश्न के उत्तर का मूल्यांकन निम्न अंकन योजना के अनुसार होगा: पूर्ण अंक : +3 यदि सिर्फ सही संख्यात्मक मान (Numerical value) ही उत्तर स्वरूप दर्ज किया गया है।
 शून्य अंक : 0 अन्य सभी परिस्थितियों में।
- 1. स्प्रिंग नियतांक k वाली दो एकजैसी हल्की स्प्रिंगों तथा समान द्रव्यमान m वाली दो गेंदों को एक चिकनी छड़ पर पिरोकर ऊर्ध्वाधर z अक्ष के सापेक्ष धीरे-धीरे चित्रानुसार घूर्णन कराया जाता है। स्थायी अवस्था में निकाय का कोणीय वेग ω है तथा स्प्रिंगों की लम्बाई ℓ_1 तथा ℓ_2 तक चित्रानुसार बढ़ती है। $k=1000~\mathrm{N/m},\ \ell_1=20\mathrm{cm},\ \ell_2=16~\mathrm{cm},\ \omega=20~\mathrm{rad/s}$ लें। प्रत्येक स्प्रिंग की मूल लम्बाई cm में ज्ञात कीजिये।



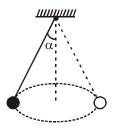
कच्चे कार्य के लिए स्थान

0000CJA100119033 H-9/24

2. द्रव्यमान m_1 वाले एक ब्लॉक को द्रव्यमान m_2 वाले एक अन्य ब्लॉक से रस्सी द्वारा जोड़ा गया है। घिरनी का आकार नगण्य है। दोनों ब्लॉकों से जुड़ी हुई रस्सी की लम्बाई 10m है। प्रारम्भ में x का मान शून्य है, जब ब्लॉकों को विरामावस्था से छोड़ा जाता है। यदि यहाँ घर्षण विद्यमान नहीं है तो प्रत्येक ब्लॉक की चाल (m/s) में) क्या होगी जब उनके मध्य दूरी न्यूनतम हो ? $(m_1 = 3 \text{ kg तथा } m_2 = 5 \text{kg है})$

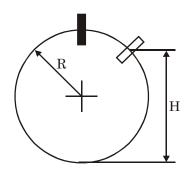


- 3. एक कण एकविमीय बल क्षेत्र में गित करता है जिसकी स्थितिज ऊर्जा $U=2x^2-4x+8$ है। इसे मूलिबन्दु से विरामावस्था से छोड़ा जाता है। तदोपरान्त गित के दौरान कण की अधिकतम गितज ऊर्जा (J में) ज्ञात कीजिये।
- 4. एक छोटी गेंद को लम्बाई 30 cm वाली भारहीन अवितान्य रस्सी से लटकाया जाता है। यह क्षैतिज तल में 1 sec के आवर्तकाल के साथ घूर्णन करती है। रस्सी ऊर्ध्वाधर के साथ α = 30° कोण बनाती है। इन आँकड़ो का उपयोग करके गुरूत्वीय त्वरण का मान (m/s² में) ज्ञात कीजिये।

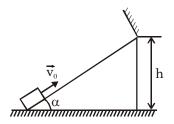


कच्चे कार्य के लिए स्थान

5. द्रव्यमान m=10~gm वाला एक मोती ऊर्ध्वाधर तल में रखी हुयी त्रिज्या R=6cm वाली एक चिकनी तार वलय में पिरोया जाता है। मोती को साम्यावस्था स्थिति से अल्प विस्थापित किया जाता है तथा मोती वलय पर शून्य प्रारम्भिक वेग से फिसलना प्रारम्भ करता है। ऊँचाई H=10~cm पर वलय पर अभिलम्ब प्रतिक्रिया बल (N में) ज्ञात कीजिये।



6. एक पिण्ड आनत तल पर ऊपर की ओर 10 m/sec चाल से गित करना प्रारम्भ करता है। ऊँचाई h=1m पर यह प्रत्यावस्थान गुणांक 0.5 वाले एक अवरोधक से टकराता है। जब यह पुन: आनत तल के आधार पर पहुँचता है, तब पिण्ड का वेग (m/s) में) ज्ञात कीजिये। क्षैतिज तल तथा आनत तल के मध्य कोण 37° है तथा घर्षण गुणाँक $\mu=0.3$ है। \mathbf{v}^2 का मान ज्ञात कीजिये।



कच्चे कार्य के लिए स्थान

0000CJA100119033 H-11/24

भाग-2 : रसायन विज्ञान

खण्ड-I(i): (अधिकतम अंक: 12)

- इस खण्ड में चार प्रश्न हैं
- प्रत्येक प्रश्न में **चार** उत्तर विकल्प (A), (B), (C) और (D) हैं। जिनमें **केवल एक** ही सही हैं।
- प्रत्येक प्रश्न के लिए ओ.आर.एस पर सही उत्तर विकल्प के अनुरूप बुलबुले को काला करें।
- प्रत्येक प्रश्न के लिए अंक निम्नलिखित परिस्थितियों में से किसी एक के अनुसार दिये जाएंगे :

पूर्ण अंक : +3 यदि सिर्फ सही विकल्प के अनुरूप बुलबुले को काला किया है।

शून्य अंक : 0 यदि किसी भी बुलबुले को काला नहीं किया है।

 $\pi v y$ अंक : -1 अन्य सभी परिस्थितियों में।

- यदि $40.6~\mathrm{g}$ हाइड्रोकार्बन में 4.21×10^{23} अणु उपस्थित है, तो हाइड्रोकार्बन हो सकता है -1.
 - (A) C_2H_2
- (B) C_3H_8
- (C) C_4H_{10}
- (D) C_2H_6
- 1.2 मोल $\mathrm{Cl}_{_{2}}(\mathbf{g})$ को $2\mathrm{M}$ KOH के गर्म 3 लीटर विलयन में मिलाया जाता है जहाँ $\mathrm{Cl}_{_{9}}$, क्लोराइड तथा क्लोरेट आयन 2. में विषमानुपातित हो जाता है। उत्सर्जित क्लोरेट को $36~\mathrm{gm}$ ग्लूकोज के साथ उपचारित कराने से $\mathrm{CO_{_2}}$ तथा $\mathrm{ClO_{_2}}$ प्राप्त होते है तो उत्सर्जित $CO_{_{2}}$ का द्रव्यमान है ?
 - (A) 44 gm
- (B) 8.8 gm
- (C) 4.4 gm
- (D) 88 gm

- आद्य अवस्था में Zn परमाणु के लिए कौन सा विकल्प गलत है? 3.
 - (A) $(n \times \ell \times m = 0)$ या $\left(\frac{\ell \times m}{n} = 0\right)$ मान रखने वाले इलेक्ट्रोनों की संख्या 14 है
 - (B) $(n \times \ell \times m = 0)$ तथा $\left(\frac{\ell \times m}{n} = 0\right)$ मान रखने वाले इलेक्ट्रोनों की संख्या समान नहीं है
 - (C) $(n \times \ell \times m = 0)$ या $(\ell \times m = 0)$ मान रखने वाले कक्षकों की संख्या 7 है
 - (D) $[|n \times \ell \times m| = 12]$ तथा $[|n \times \ell \times m| = 6]$ मान रखने वाले कक्षकों की संख्या समान है
- यदि Z-अक्ष बंध निर्माण अक्ष है तो कक्षकों के कौनसे समुच्चय से δ -बंध नहीं बन सकता है 4.
 - $(A) \ d_{x^2-y^2} \ \pi$ तथा $d_{x^2-y^2} \ (B) \ d_{xy} \ \pi$ तथा $d_{xy} \ (C) \ d_{xz} \ \pi$ तथा $d_{xz} \$ कच्चे कार्य के लिए स्थान
- (D) इनमें से कोई नहीं

0000CJA100119033

खंड -I(ii): (अधिकतम अंक: 32)

- इस खंड में आठ प्रश्न हैं।
- प्रत्येक प्रश्न के सही उत्तर (उत्तरों) के लिए चार विकल्प दिए गए हैं। इस चार विकल्पों में से एक या एक से अधिक विकल्प सही है(हैं)।
- प्रत्येक प्रश्न के लिए, प्रश्न का (के) उत्तर देने हेतु सही विकल्प (विकल्पों) को चुने।
- प्रत्येक प्रश्न के उत्तर का मूल्यांकन निम्न अंकन योजना के अनुसार होगा :

पूर्ण अंक : +4 यदि केवल (सारे) सही विकल्प (विकल्पों) को चुना गया है।

आंशिक अंक : +3 यदि चारों विकल्प सही हैं परन्तु केवल तीन विकल्पों को चुना गया है।

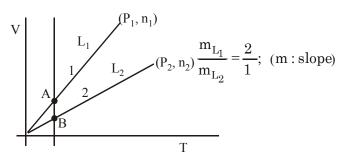
आंशिक अंक : +2 यदि तीन या तीन से अधिक विकल्प सही हैं परन्तु केवल दो विकल्पों को चुना गया है और चुने हुए दोनों विकल्प सही विकल्प हैं।

आंशिक अंक : +1 यदि दो या दो से अधिक विकल्प सही हैं परन्तु केवल एक विकल्प को चुना गया है और चुना हुआ विकल्प सही विकल्प हैं।

शून्य अंक : 0 यदि किसी भी विकल्प को नहीं चुना गया है (अर्थात् प्रश्न अनुत्तरित है)।

- उदाहरण स्वरूप: यदि किसी प्रश्न के लिए केवल पहला, तीसरा एवं चौथा सही विकल्प हैं और दूसरा विकल्प गलत है; तो केवल सभी तीन सही विकल्पों का चयन करने पर ही +4 अंक मिलेंगें। बिना कोई गलत विकल्प चुने (इस उदाहरण में दूसरा विकल्प) तीन सही विकल्पों में से सिर्फ दो को चुनने पर (उदाहरणत: पहला तथा चौथा विकल्प) +2 अंक मिलेंगे। बिना कोई गलत विकल्प चुने (इस उदाहरण में दूसरा विकल्प), तीन सही विकल्पों में से सिर्फ एक को चुनने पर (पहला या तीसरा या चौथा विकल्प) +1 अंक मिलेंगे। कोई भी गलत विकल्प चुनने पर (इस उदाहरण में दूसरा विकल्प), -1 अंक मिलेंगे, चाहे सही विकल्प (विकल्पों) को चुना गया हो या न चुना गया हो।
- 5. एक गैसीय मिश्रण में $\mathrm{CH_4}$ तथा $\mathrm{C_2H_6}$ गैसे अस्थित है।
 - तो मिश्रण के औसत मोलर द्रव्यमान (M_{avg}) के बारे में सही कथन है -
 - (A) ${
 m M}_{
 m avg}, \ 24.4 \ {
 m gm}$ होगा यदि मिश्रण में आयतन द्वारा $40\% \ {
 m CH}_4$ अस्थित है।
 - (B) M_{avg} , 22.22~gm होगा यदि मिश्रण में द्रव्यमान द्वारा $60\%~C_2H_6$ उपस्थित है।
 - (C) M_{avg} , 20.67~gm होगा यदि मिश्रण में कार्बन तथा हाइड्रोजन परमाणु 2:7 के अनुपात में उमस्थित है।
 - (D) M_{avg}^{-} , 19.5~gm होगा यदि मिश्रण में कार्बन तथा हाइड्रोजन परमाणु 5:18 के अनुपात में उमस्थित है।
- 6. निम्न में से कौनसे कथन सही है -
 - (A) यदि 5 लीटर 20% w/v HCl विलयन को 3 लीटर 30% w/v HCl विलयन के साथ मिलाया जाता है तो परिणामी विलयन का % w/v, 23.75 है।
 - (B) 200 ppm ${\rm CaCO_3}$ वाले 1000 gm कठोर जल को 100 ppm ${\rm CaCO_3}$ वाले 1500 gm कठोर जल में मिलाया जाता है तो परिणामी कठोर जल के विलयन में 140 ppm ${\rm CaCO_3}$ उपस्थित होता है।
 - (C) यदि $200~{
 m gm}~20\%~{
 m w/w}~{
 m NaCl}$ विलयन को $1.25~{
 m gm/ml}$ घनत्व वाले $400~{
 m ml}~30\%{
 m w/w}~{
 m NaCl}$ विलयन के साथ मिलाया जाता है तो ${
 m NaCl}$ विलयन की परिणामी मोललता $6.37~{
 m \ddot{\epsilon}}$ ।
 - (D) यदि 540 gm 2m NaOH विलयन को 2320 gm 4m NaOH विलयन के साथ मिलाया जाता है तो परिणामी विलयन की अन्तिम मोललता 3.6 होगी।
- 7. ऐसे युग्म को चुनिए जिनमें प्रथम की तुलना में बाद वाली स्पीशिज की दी गई मात्रा में ऑक्सीजन परमाणुओं की अधिक संख्या उपस्थित है।
 - (A) 0.5 मोल SO_3 , 0.5 मोल $\mathrm{N}_2\mathrm{O}_3$
- (B) 0.5 मोल $\mathrm{C_3O_2}$, 0.1 मोल $\mathrm{C_2H_{12}O_6}$
- (C) 0.2 मोल ${\rm NH_4NO_3},~0.35$ मोल ${\rm NH_4NO_2}$ (D) 0.3 मोल ${\rm P_2O_3},~0.2$ मोल ${\rm P_2O_5}$

8. एक आदर्श गैस के चार्ल्स नियम को दिखाये अनुसार आरेखित किया जा सकता है।



Note : P and n are kept constant along lines L_1 and L_2

निम्न में से कौनसे सही है/है-

- (A) यदि $n_1 = 2n_2$ तो $P_2 = P_1$
- (B) यदि $n_1 < 2n_2$ तो $P_2 > P_1$
- (C) यदि $n_1 > 2n_2$ तो $P_2 > P_1$
- (D) यदि $n_1 = n_2$ तो बिंदु A तथा B पर बॉयल का नियम लागु किया जा सकता है।
- 9. निम्न में से कौन सा विकल्प, दी गयी स्पीशीज के सन्दर्भ में सही रूप से सुमेलित है?

 $BeCl_{2},\ I(CN)_{2}^{-},\ IF_{7},\ CH_{2}Cl_{2},\ SiF_{4},\ ICl_{4}^{-},\ H_{2}O,\ SF_{4},\ BF_{3},\ XeF_{3}^{+},\ I_{3}^{+}$

- (A) अध्रवीय स्पीशीज = 6
- (B) बेन्ट आकृति स्पीशीज = 2
- (C) असमतलीय स्पीशीज = 4
- (D) स्पीशीज की संख्या जो संकरण में d-कक्षकों का प्रयोग नहीं करती हैं = 6
- 10. निम्न में से कौनसी स्पीशीज पूर्ण अष्टफलकीय ज्यामिति रखती है
 - (A) $[\text{TeBr}_{c}]^{2-}$
- (B) SF_6
- (C) [IF₆]-
- (D) XeF_e
- 11. ${\rm IF}_7$ में , ऐसे तलों की संख्या क्या है, जिनमें केवल 4 परमाणु उपस्थित हैं
 - (A) 4

- (B) 5
- (C) 6

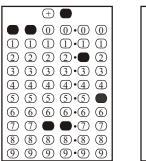
(D) 3

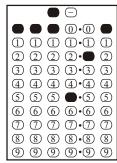
- 12. निम्न में से कौनसा कथन सही है?
 - (A) n = 3 के लिए इलेक्ट्रॉन बंधुता के क्रम B < Al, N < P, O < S, F < Cl को त्रिविम में बड़ा क्षेत्र घेरने के आधार पर समझाया जा सकता है जिससे उनमें समान वर्ग के द्वितीय आवर्त तत्वों की तुलना में प्रतिकर्षण कम होता है
 - (B) विद्युतऋणता के लिए क्रम, उपरोक्त क्रम का ठीक विपरीत है
 - (C) विद्युतऋणता, एक तत्व का स्वाभाविक गुण नहीं होता है जबिक इलेक्ट्रॉन बंधुता स्वाभाविक गुण है
 - (D) लेन्थेनाइड संकुचन के कारण, लेन्थेनम के बाद के तत्व प्राय: असाधारण उच्च इलेक्ट्रॉन बंधुता प्रदर्शित करते हैं

खंड-II: (अधिकतम अंक: 18)

- इस खंड में छ: प्रश्न हैं।
- प्रत्येक प्रश्न का उत्तर एक संख्यात्मक मान (NUMERICAL VALUE) है।
- प्रत्येक प्रश्न के उत्तर के सही संख्यात्मक मान (दशमलव अंकन में, **दशमलव के द्वितीय स्थान तक** रूण्डित/निकटित; उदाहरण 6.25, 7.00, −0.33, −.30, 30.27, −127.30, यदि उत्तर 11.36777..... है, तो 11.36 और 11.37 दोनों सही होगें) को प्रविष्ठ करने के लिए ओ.आर.एस. में अनुरूप बुलबुले को काला करें।

उदाहरण के लिए: यदि उत्तर -77.25, 5.2 है, तो बुलबुलों को निम्न प्रकार से काला करें।





- प्रत्येक प्रश्न के उत्तर का मूल्यांकन निम्न अंकन योजना के अनुसार होगा: पूर्ण अंक : +3 यदि सिर्फ सही संख्यात्मक मान (Numerical value) ही उत्तर स्वरूप दर्ज किया गया है।
 शून्य अंक : 0 अन्य सभी परिस्थितियों में।
- 1. निम्न अभिक्रिया (असंतुलित) के अनुसार फॉस्फोरिक अम्ल का निर्माण किया जा सकता है : ${\rm Ca_3(PO_4)_2 + SiO_2 + C + O_2 + H_2O \rightarrow CaSiO_3 + CO_2 + H_3PO_4 }$ समान द्रव्यमान के कैल्शियम फॉस्फेट (M = 310) तथा सिलिका (M = 60) कार्बन, ऑक्सीजन तथा जल के आधिक्य के साथ किया करके $1.96 \times 10^3~{\rm kg}$ फॉस्फोरिक अम्ल (M = 98) बनाते है। कैल्शियम फॉस्फेट का कितना द्रव्यमान (kg में) प्रयोग में लिया गया ? अभिक्रिया की लिब्ध 100% माने ?
- 2. 1.5 M HCl की एक बूँद $\frac{7}{22}$ mm मोटी ऐल्युमिनियम शीट पर गिरायी जाती है तो शीट पर एक छिद्र बन जाता है यदि ऐल्युमिनियम का घनत्व $2.25~\mathrm{gm/ml}$ है तो छिद्र की त्रिज्या (Cm में) ज्ञात कीजिये। (दिया है : HCl की 6 बूंद = $1~\mathrm{ml}$) [परमाणु भार Al = 27] [लीजिए : $\pi = 22/7$]
- 3. एक विलयन में $319~{\rm g~CuSO_4}$ जब $0.5~{\rm M~KI}$ विलयन के आधिक्य के साथ क्रिया करता है तो I_2 उत्सर्जित होती है। उत्सर्जित आयोडिन को पूर्ण अभिक्रिया के लिये $100~{\rm ml}~1.0~{\rm M~Na_2S_2O_3}$ विलयन की आवश्यकता होती है। तो नमूने में ${\rm CuSO_4}$ की प्रतिशत शुद्धता ज्ञात कीजिए। [परमाणु द्रव्यमान ${\rm Cu}=63.5,~{\rm S}=32,~{\rm O}=16$]. ${\rm CuSO_4}$ की क्रिया KI के साथ कराने से उत्पाद ${\rm Cu_2}I_2$, I_2 तथा ${\rm K_2SO_4}$ प्राप्त होते है।

कच्चे कार्य के लिए स्थान

0000CJA100119033 H-15/24

ALLEN

- ${f 4.} {f S_4O_6^{2-},S_2O_6^{2-},S_2O_8^{2-}}$ के आयनों में सभी 'O-परमाणुओं' की ऑक्सीकरण अवस्थाओं का योग (चिन्ह सहित) क्या है
- 5. निम्न में से कितनी स्पीशीज में केन्द्रीय परमाणु का कम से कम एक d-कक्षक बंधन में भाग लेता है? $\mathrm{CH_2F_2},\,\mathrm{SF_4},\,\mathrm{SO_2},\,\mathrm{POCl_3},\,\mathrm{XeO_3},\,\,\mathrm{ICl_4^-},\,\mathrm{P_4O_{10}}$
- 6. निम्न में से कितनी स्पीशीज में कम से कम एक बंध कोण, NH_3 में \widehat{HNH} की तुलना में अधिक है $O(CH_3)_2$, $B(OH)_3$, BF_3 , XeO_3F_2 , SiH_4 , SO_2

कच्चे कार्य के लिए स्थान

H-16/24 0000CJA100119033

भाग-3: गणित

खण्ड-I(i): (अधिकतम अंक: 12)

- इस खण्ड में चार प्रश्न हैं
- प्रत्येक प्रश्न में चार उत्तर विकल्प (A), (B), (C) और (D) हैं। जिनमें केवल एक ही सही हैं।
- प्रत्येक प्रश्न के लिए ओ.आर.एस पर सही उत्तर विकल्प के अनुरूप बुलबुले को काला करें।
- प्रत्येक प्रश्न के लिए अंक निम्नलिखित परिस्थितियों में से किसी एक के अनुसार दिये जाएंगे :

पूर्ण अंक : +3 यदि सिर्फ सही विकल्प के अनुरूप बुलबुले को काला किया है।

शून्य अंक : 0 यदि किसी भी बुलबुले को काला नहीं किया है।

ऋण अंक : -1 अन्य सभी परिस्थितियों में।

- 1. यदि $\theta \in \left(-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right)$ के मानों की संख्या, जो समीकरण $\sec^2\theta\csc^2\theta + 2\csc^2\theta = 8$ को संतुष्ट करती है, λ हैं तथा समीकरण $\log_{\frac{1}{5}} \left(\left(\sec \frac{\pi}{3} \right) x + 5 \right) = \log_{5} \left(\frac{1}{16 x^2} \right) + \tan \frac{13\pi}{4}$ को संतुष्ट करने वाले x के पूर्णांक मानों की संख्या t है, तो $(\lambda + t)$ मान होगा
 - (A) 4

(B) 6

(C) 7

- (D) 5
- 2. माना $\cos x.\sin y = 1$ को संतुष्ट करने वाले क्रमित युग्म (x,y) की कुल संख्या m है। $(\sqrt{\pi})$ एवं $y \in [0,3\pi]$ एवं $y \in [0,3\pi]$ तथा गुणोत्तर श्रेणी में पदों की संख्या m है, जिसका प्रथम पद m अंतिम पद m का मान होगा
 - (A) 11
- (B) 12
- (C) 13
- (D) 14
- 3. माना $m = \frac{a}{2} b$ इस प्रकार है कि $a^2 b^4 = 19$ जहाँ $a,b \in N$ तथा 'k' के मानों की संख्या n है, जिसके लिये समीकरण $x^2 2kx + 2k 1 = 0$ के मूलों का योगफल, इसके मूलों के वर्ग के योगफल के बराबर है। तब (3|m| + n) का मान होगा (A) 4 (B) 8 (C) 6 (D) 7
- 4. $A \equiv (1,1)$ दिया गया है तथा इससे गुजरने वाली कोई रेखा AB, x-अक्ष को B पर काटती है। यदि AC, AB के लम्बवत् है तथा y-अक्ष को C पर मिलती है, तो BC के मध्य बिन्दु P के बिन्दुपथ का समीकरण होगा
 - (A) x + y = 1
- (B) x + y = 4
- (C) x + y = 2xy
- (D) 2x + 3y = xy

कच्चे कार्य के लिए स्थान

0000CJA100119033 H-17/24

खंड -I(ii): (अधिकतम अंक: 32)

- इस खंड में आठ प्रश्न हैं।
- प्रत्येक प्रश्न के सही उत्तर (उत्तरों) के लिए चार विकल्प दिए गए हैं। इस चार विकल्पों में से एक या एक से अधिक विकल्प सही है(हैं)।
- प्रत्येक प्रश्न के लिए, प्रश्न का (के) उत्तर देने हेतु सही विकल्प (विकल्पों) को चुने।
- प्रत्येक प्रश्न के उत्तर का मूल्यांकन निम्न अंकन योजना के अनुसार होगा :

पूर्ण अंक : +4 यदि केवल (सारे) सही विकल्प (विकल्पों) को चुना गया है।

आंशिक अंक: +3 यदि चारों विकल्प सही हैं परन्तु केवल तीन विकल्पों को चुना गया है।

आंशिक अंक : +2 यदि तीन या तीन से अधिक विकल्प सही हैं परन्तु केवल दो विकल्पों को चुना गया है और

चुने हुए दोनों विकल्प सही विकल्प हैं।

आंशिक अंक : +1 यदि दो या दो से अधिक विकल्प सही हैं परन्तु केवल एक विकल्प को चुना गया है और

चुना हुआ विकल्प सही विकल्प हैं।

0 यदि किसी भी विकल्प को नहीं चुना गया है (अर्थात् प्रश्न अनुत्तरित है)। शृन्य अंक :

ऋण अंक : -1 अन्य सभी परिस्थितियों में।

- उदाहरण स्वरूप: यदि किसी प्रश्न के लिए केवल पहला, तीसरा एवं चौथा सही विकल्प हैं और दूसरा विकल्प गलत है; तो केवल सभी तीन सही विकल्पों का चयन करने पर ही +4 अंक मिलेंगें। बिना कोई गलत विकल्प चुने (इस उदाहरण में दुसरा विकल्प) तीन सही विकल्पों में से सिर्फ दो को चुनने पर (उदाहरणत: पहला तथा चौथा विकल्प) +2 अंक मिलेंगे। बिना कोई गलत विकल्प चुने (इस उदाहरण में दूसरा विकल्प), तीन सही विकल्पों में से सिर्फ एक को चुनने पर (पहला या तीसरा या चौथा विकल्प) +1 अंक मिलेंगे। कोई भी गलत विकल्प चुनने पर (इस उदाहरण में दूसरा विकल्प), -1 अंक मिलेंगे, चाहे सही विकल्प (विकल्पों) को चुना गया हो या न चुना गया हो।
- माना $2x^2 + 5xy + 3y^2 + 6x + 7y + 4 = 0$ द्वारा रेखाओं के युग्म का समीकरण दिया गया है। निम्न में से कौनसा/कौनसे **5**. सत्य होगा/होगें ?
 - (A) रेखाओं के युग्म तथा रेखा x y = 7 द्वारा निर्मित त्रिभुज का लम्बकेन्द्र (3, -4) होगा।
 - (B) रेखाओं के युग्म के मध्य न्यूनकोण $tan^{-1}5$ होगा।
 - (C) रेखाओं के युग्मों का प्रतिच्छेद बिन्दु (1,-2) होगा।
 - (D) रेखाओं के युग्म तथा रेखा x-y=7 द्वारा निर्मित त्रिभुज का परिकेन्द्र $\left(\frac{11}{5},\frac{-14}{5}\right)$ होगा
- यदि tanx + coty = p तथा cotx + tany = q हो, तो निम्न में से कौनसा/कौनसे सत्य होगा/होगें (जहाँ भी परिभाषित) 6.
 - (A) $\frac{\tan y}{\tan x} = \frac{q}{p}$
- (B) $\frac{\cos x \sin y}{\cos(x-y)} = \frac{1}{p}$ (C) $\frac{\sin x \cos y}{\cos(x-y)} = \frac{1}{q}$ (D) $\frac{\tan y}{\tan x} = \frac{p}{q}$

- त्रिभुज ABC में, शीर्ष A(1, 2) तथा $\angle B$ एवं $\angle C$ के अन्त: कोण अर्द्धक का समीकरण क्रमश: x-y=0 तथा 7. 2x + y = 0 है, तो निम्न में से कौनसा सत्य होगा/होगें
 - (A) भुजा BC का समीकरण x-7y+5=0 होगा। (B) भुजा BC का समीकरण 7x-y+15=0 होगा।
 - (C) त्रिभुज ABC के अन्तः वृत्त की त्रिज्या $\frac{1}{\sqrt{2}}$ होगी। (D) त्रिभुज ABC के अन्तः वृत्त की त्रिज्या $\frac{3}{\sqrt{2}}$ होगा।
- यदि $\cos x \sin \alpha \cot \beta \sin x = \cos \alpha$ हो, तो $\tan \frac{x}{2}$ का मान α तथा β के पदों में होगा (जहाँ भी परिभाषित) 8.
- (A) $-\cot\frac{\beta}{2}\tan\frac{\alpha}{2}$ (B) $\cot\frac{\beta}{2}\tan\frac{\alpha}{2}$ (C) $-\tan\frac{\alpha}{2}\tan\frac{\beta}{2}$ (D) $\tan\frac{\alpha}{2}\tan\frac{\beta}{2}$
- यदि समीकरण $x^4 x^3 x^2 1 = 0$ के मूल a, b, c, d है तथा $p(x) = x^6 x^5 x^3 x^2 x$ हो, तो निम्न में से 9. कौनसा/कौनसे सत्य होगा/होगें
 - (A) p(a) + p(b) + p(c) + p(d) = 6
- (B) p(a) + p(b) + p(c) + p(d) = 1
- (C) $\left(1 + \frac{1}{a}\right)\left(1 + \frac{1}{b}\right)\left(1 + \frac{1}{c}\right)\left(1 + \frac{1}{d}\right) = 0$ (D) $\left(1 + \frac{1}{a}\right)\left(1 + \frac{1}{b}\right)\left(1 + \frac{1}{c}\right)\left(1 + \frac{1}{d}\right) = 1$
- यदि $\tan(2\pi|\sin\theta|) = \cot(2\pi|\cos\theta|)$ तथा $y = (|\sin\theta| + |\cos\theta|)^x$, $x \ge 1$ हो, तो y का मान हो सकता है **10.**
 - (A) 4

- (B) $\frac{1}{2}$
- (C) $\frac{7}{4}$
- (D) 1

- 11. x-y समतल में वामावर्त क्रम में एक वर्ग के शीर्ष O,A,C,B (जहाँ O मूलिबन्दु है) लिये जाते है। बिन्दु A से गुजरने वाली रेखा विकर्ण OC को D पर, भुजा OB को E पर अन्त: प्रतिच्छेद करती है। दिया गया है कि AD : DE = 4 : 3, AD = 5 इकाई तथा वर्ग पूर्ण रूप से प्रथम चतुर्थांश में स्थित है। निम्न में से कौनसा सत्य होगा/होगें ?
 - (A) वर्ग OACB का क्षेत्रफल 49 वर्ग इकाई होगा।
 - (B) यदि रेखा AE के अनुदिश O का परावर्तन बिन्दु O' है। त्रिभुज AO'E के परिवृत्त के निर्देशांक $\left(\frac{7}{2}, \frac{21}{8}\right)$ होगे।
 - (C) वर्ग OACB का क्षेत्रफल 64 वर्ग इकाई होगा।
 - (D) यदि रेखा AE के अनुदिश O का परावर्तन बिन्दु O' है। त्रिभुज AO'E के परिवृत्त के निर्देशांक $\left(\frac{7}{4}, \frac{35}{8}\right)$ होगे।
- 12. माना त्रिभुज ABC इस प्रकार है कि $\left(\cot\frac{A}{2}\right)^2 + \left(2\cot\frac{B}{2}\right)^2 + \left(3\cot\frac{C}{2}\right)^2 = \left(\frac{6s}{7r}\right)^2$ जहाँ 's' अर्द्धपरिमाप तथा 'r' त्रिभुज की अन्त: त्रिज्या है। निम्न में से कौनसा/कौनसे सत्य होगा/होगें (सभी संकेतो के सामान्य अर्थ है)

(A)
$$\frac{a+b}{c} = \frac{53}{45}$$

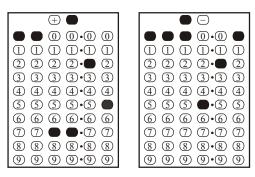
(B)
$$\frac{\cot \frac{A}{2}}{\cot \frac{B}{2}} + \frac{\cot \frac{B}{2}}{\cot \frac{C}{2}} + \frac{\cot \frac{C}{2}}{\cot \frac{A}{2}} = \frac{225}{36}$$

(C)
$$\frac{a+b}{c} = \frac{27}{23}$$

(D)
$$\frac{\cot\frac{A}{2}}{\cot\frac{B}{2}} + \frac{\cot\frac{B}{2}}{\cot\frac{C}{2}} + \frac{\cot\frac{C}{2}}{\cot\frac{A}{2}} = \frac{229}{36}$$

खंड-II: (अधिकतम अंक: 18)

- इस खंड में छ: प्रश्न हैं।
- प्रत्येक प्रश्न का उत्तर एक संख्यात्मक मान (NUMERICAL VALUE) है।
- प्रत्येक प्रश्न के उत्तर के सही संख्यात्मक मान (दशमलव अंकन में, दशमलव के द्वितीय स्थान तक रूण्डित/निकटित; उदाहरण 6.25, 7.00, −0.33, −.30, 30.27, −127.30, यदि उत्तर 11.36777..... है, तो 11.36 और 11.37 दोनों सही होगें) को प्रविष्ठ करने के लिए ओ.आर.एस. में अनुरूप बुलबुले को काला करें।
 उदाहरण के लिए: यदि उत्तर −77.25, 5.2 है, तो बुलबुलों को निम्न प्रकार से काला करें।



- प्रत्येक प्रश्न के उत्तर का मूल्यांकन निम्न अंकन योजना के अनुसार होगा: पूर्ण अंक : +3 यदि सिर्फ सही संख्यात्मक मान (Numerical value) ही उत्तर स्वरूप दर्ज किया गया है।
 शून्य अंक : 0 अन्य सभी परिस्थितियों में।
- 1. यदि $x \in [0, 2\pi]$ में समीकरण $4\cos^2 x + \cos^2 5x 4\cos x\cos^2 5x = 0$ के हलों की संख्या λ हो, तो $\frac{\lambda}{5}$ का मान होगा
- 2. यदि $f(x) = 10\cos^2 x 6\sin x \, \cos x + 2\sin^2 x$ के अधिकतम तथा न्यूनतम मानों का योगफल λ हो, तथा $t = 8\sec 39^{\circ} \sin 17^{\circ} \sin 43^{\circ} \cos 13^{\circ}$ हो, तो $\frac{(\lambda + t)}{5}$ का मान होगा
- 3. माना $S = \sum_{n=0}^{\infty} \frac{a_n}{50^n}$ द्वारा दिया गया अनंत श्रेणी का योगफल S है जहाँ $< a_n >$, $(n \in W)$ एक अनुक्रम है जो $a_n = 30a_{n-1} 70a_{n-2} \ \forall \ n \in N$ तथा $n \ge 2$ एवं $a_0 = a_1 = 1$ द्वारा परिभाषित है। यदि S को $\frac{a}{b}$ (जहाँ a तथा b सहअभाज्य प्राकृत संख्यायें हैं) के रूप में व्यक्त किया जा सकता है, तो $\frac{(b-a)}{4}$ का मान होगा

ALLEN

- 4. प्रथम 'n' क्रमागत प्राकृत संख्याओं में से समान्तर श्रेणी में स्थित तीन संख्याओं को हटाया जाता है तथा शेष बची हुई संख्याओं का औसत $\frac{43}{4}$ है। यदि निकाली गई तीन संख्याओं के संभव समुच्चयों की संख्या λ है, तो $\frac{\lambda}{4}$ होगा
- 5. माना $a, b, c \in N$ इस प्रकार है कि a < b < c है जो संबंध abc + 2bc + 2ac + 2ab + 4a + 4b + 4c = 202 को संतुष्ट करता है। यदि (a + b + c) के संभव मानों की संख्या λ हो, तो $\frac{\lambda}{5}$ का मान होगा
- 6. माना $\sum_{i=1}^{17} i^2 x_i = 1$, $\sum_{i=1}^{17} (i+1)^2 x_i = 12$ तथा $\sum_{i=1}^{17} (i+2)^2 x_i = 123$ है। यदि $\sum_{i=1}^{17} (i+3)^2 x_i$ का मान λ हो, तो $\frac{\lambda-1}{37}$ का मान होगा

कच्चे कार्य के लिए स्थान

0000CJA100119033 E-23/24

प्रश्नपत्र का प्रारूप और अंकन योजना :

- इस प्रश्नपत्र में तीन भाग हैं : भौतिक विज्ञान, रसायन विज्ञान एवं गणित।
- 17. प्रत्येक भाग में दो खण्ड हैं जिनका विवरण निम्नलिखित तालिका में दिया गया है।

खण्ड	प्रश्न का	प्रश्नों	वर्गानुसार प्रत्येक प्रश्न के अंक			खण्ड में	
	प्रकार	की	पूर्ण अंक	आंशिक अंक	शून्य अंक	ऋण अंक	अधिकत्तम
		संख्या					अंक
I(i)	एकल सही विकल्प	4	+3 यदि सिर्फ सही विकल्प के अनुरूप बुलबुले को		0 यदि किसी भी बुलबुलेको काला	—1 अन्य सभी परिस्थितियों	12
			काला किया है		नहीं किया है	में	
I(ii)	एकल या एक से अधिक सही विकल्प	8	(विकल्पों) के अनुरूप	+1 प्रत्येक सही विकल्प के अनुरूप बुलबुले को काला करने पर, यदि कोई गलत विकल्प काला नहीं किया है	0 यदि किसी भी बुलबुले को काला नहीं किया है	—1 अन्य सभी परिस्थितियों में	32
II	संख्यात्मक मान प्रकार (दशमलव के दो स्थान तक)	6	+3 यदि सिर्फ सही उत्तर के अनुरूप बुलबुले को काला किया है	_	0 अन्य सभी परिस्थितियों में		18

परीक्षार्थी का नाम	
फॉर्म नम्बर	
मैंने सभी निर्देशों को पढ़ लिया है और मै उनका अवश्य पालन करूँगा/करूँगी।	मैंने परीक्षार्थी का परिचय, नाम और फॉर्म नम्बर को पूरी तरह जाँच लिया है एवं प्रश्न पत्र और ओ. आर. एस. कोड दोनो समान हैं।
 परीक्षार्थी के हस्ताक्षर	

Corporate Office: ALLEN CAREER INSTITUTE, "SANKALP", CP-6, Indra Vihar, Kota (Rajasthan) INDIA 324005

☎ +91-744-2757575 info@allen.ac.in www.allen.ac.in