# 3.3.4А ЭФФЕКТ ХОЛЛА В ПОЛУПРОВОДНИКАХ

**Цель работы:** измерение подвижности и концентрации носителей заряда в полупроводниках.

В работе используются: электромагнит с регулируемым источником питания; вольтметр; амперметр; миллиамперметр; миллитесламетр; источник питания, образцы легированного германия, программное обеспечение.

Перед выполнением работы необходимо ознакомиться с основами элементарной теории движения носителей заряда в металлах и полупроводниках (п. 4 введения к разделу).

Во внешнем магнитном поле B на заряды действует сила Лоренца:

$$F = qE + qu \times B \tag{1}$$

Эта сила вызывает движение носителей, направление которого в общем случае не совпадает с E. Действительно, траектории частиц будут либо искривляться, либо, если геометрия проводника этого не позволяет, возникнет дополнительное электрическое поле, компенсирующее магнитную составляющую силы Лоренца. Возникновение поперечного току электрического поля в образце, помещённом во внешнее магнитное поле, называют эффектом Холла.

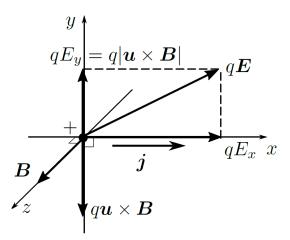


Рис. 1: Силы, действующие на положительный носитель заряда в проводящей среде при наличии магнитного поля

Пусть система содержит носители только одного типа (например, электроны, как в большинстве металлов). Рассмотрим случай плоской геометрии: пусть ток течёт вдоль оси x, а магнитное поле направлено вдоль оси x (см. рис. 1). Магнитное поле действует на движущиеся заряды с силой  $F_y = -qu_xB_z$  по оси y. Ток сможет течь строго вдоль оси x, если заряды в среде перераспределятся таким образом, чтобы полностью скомпенсировать магнитную силу, создав в направлении y электрическое поле:

$$E_y = u_x B_z = \frac{j_x}{nq} B_z \tag{2}$$

называемое холловским (здесь n — концентрация носителей). По оси x носители будут двигаться так, как если бы магнитного поля не было:  $j_x = \sigma_0 E_x(j_y = j_z = 0)$ , где  $\sigma_0 = qn\mu$  — удельная проводимость среды в отсутствие B.

Для исследования зависимости проводимости среды от магнитного поля в данной работе используется мостик Холла (рис. 2). В данной схеме ток вынуждают течь по оси x вдоль

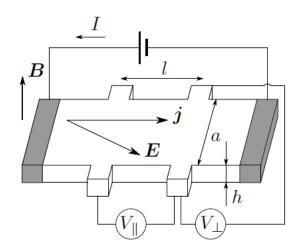


Рис. 2: Схема для исследования влияния магнитного поля на проводящие свойства - мостик Холла

плоской пластинки (ширина пластинки a, толщина h, длина l). Сила Лоренца, действующая со стороны перпендикулярного пластинке магнитного поля, «прибивает» носители заряда к краям образца, что создаёт холловское электрическое поле, компенсирующее эту силу. Поперечное напряжение между краями пластинки (холловское напряжение) равно  $U_{\perp} = E_y a$ , где, согласно уравнению (2):

$$E_y = u_x B_z = \frac{j_x}{nq} B \tag{3}$$

Плотность тока, текущего через образец, равна  $j_x = I/ah$ , где I — полный ток, ah — поперечное сечение. Таким образом, для холловского напряжения имеем

$$U_{\perp} = \frac{B}{nah} \cdot I = R_H \cdot \frac{B}{h} \cdot I, \tag{4}$$

где константу

$$R_H = \frac{1}{nq} \tag{5}$$

называют постоянной Холла. Знак постоянной Холла определяется знаком заряда носителей. Продольная напряжённость электрического поля равна

$$E_x = j_x/\sigma_0 \tag{6}$$

и падение напряжения  $U_{\parallel}=E_x l$  вдоль пластинки определяется омическим сопротивлением образца  $R_0=l/(\sigma_0 ah)$ :

$$U_{\parallel} = IR_0 \tag{7}$$

Работа выполняется при помощи программного обеспечения, связь с приборами осуществляется через цифровой интерфейс RS-232 при помощи USB-портов.

В работе изучаются особенности проводимости полупроводников в геометрии мостика Холла. Ток пропускается по плоской полупроводниковой пластинке, помещённой в перпендикулярное пластинке магнитное поле. Измеряется разность потенциалов между краями пластинки в поперечном к току направлении. По измерениям определяется константа Холла, тип проводимости (электронный или дырочный) и вычисляется концентрация основных носителей заряда на основе соотношения:

$$R_H = \frac{1}{nq},\tag{8}$$

где n- концентрация основных носителей заряда,  $R_H$  -постоянная Холла, q - заряд носителя.

### Экспериментальная установка

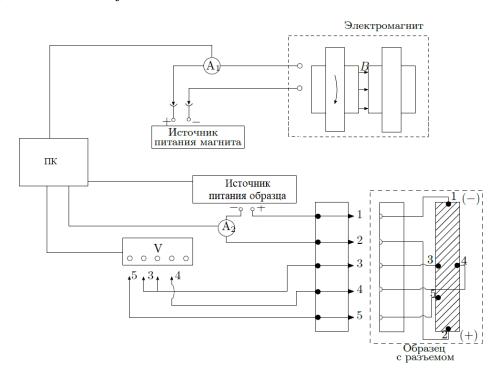


Рис. 3: Схема установки для исследования эффекта Холла в полупроводниках

Электрическая схема установки для измерения ЭДС Холла представлена на рис. 3. В зазоре электромагнита (рис. 3) создаётся постоянное магнитное поле, величину которого можно менять с помощью регулятора источника питания электромагнита. Ток питания электромагнита измеряется внешним амперметром A1.

Градуировка электромагнита (связь тока с индукцией поля) проводится при помощи миллитесламетра на основе датчика Холла.

Прямоугольный образец из легированного германия, смонтированный в специальном держателе (рис. 3), подключается к источнику питания образца. Вдоль длинной стороны образца течёт ток, величина которого регулируется на источнике питания образца и измеряется миллиамперметром A2.

В образце, помещённом в зазор электромагнита, между контактами 3 и 4 возникает разность потенциалов 34, которая измеряется с помощью вольтметра V.

Контакты 3 и 4 вследствие неточности подпайки могут лежать не на одной эквипотенциали. Тогда напряжение между ними связано не только с эффектом Холла, но и с омическим падением напряжения вдоль пластинки. Исключить этот эффект можно, если при каждом значении тока через образец измерять напряжение между точками 3 и 4 в отсутствие магнитного поля. При фиксированном токе через образец это дополнительное к ЭДС Холла напряжение  $U_0$  остаётся неизменным. От него следует (с учётом знака) отсчитывать величину ЭДС Холла:

$$U_{\perp} = U_{34} - U_0 \tag{9}$$

При таком способе измерения нет необходимости проводить повторные измерения с противоположным направлением магнитного поля.

По знаку  $U_{\perp}$  можно определить характер проводимости — электронный или дырочный. Для этого необходимо знать направление тока в образце и направление магнитного поля.

Измерив ток I в образце и напряжение  $U_{35}$  между контактами 3 и 5 в отсутствие магнитного поля, можно, зная параметры образца, рассчитать проводимость материала образца по формуле

$$\rho_0 = \frac{U_{35}ah}{Il} \tag{10}$$

где l — расстояние между контактами 3 и 5, a — ширина образца, h — его толщина.

## **ЗАДАНИЕ**

В работе предлагается исследовать зависимость ЭДС Холла от величины магнитного поля при различных значениях тока через образец для определения константы Холла; определить знак носителей заряда и проводимость материала образца.

- 1. Работа будет состоять из 4 частей: градуировка электромагнита, измерение ЭДС Холла, определение знака носителей, измерение удельной проводимости.
- 2. Соберите установку согласно схеме на рис. 3, подключите к вольтметру контакты 3 и 4. Убедитесь, что источник питания электромагнита выключен, включите амперметры и вольтметр.
- 3. Запустите программу «Эффект Холла».
- 4. Введите фамилие в поле «Введите фамилию», нажмите клавищу ENTER.

### І. Градуировка электромагнита.

5. Для проведения градуировки электромагнита ознакомьтесь с устройством и принципом работы измерителя магнитной индукции ATE-8702. Техническое описание (TO) расположено на установке. Включите измеритель индукции кнопкой «POWER»; через 2-3 секунды последовательным нажатием кнопки «MODE» установите режим измерения в постоянном поле « $a_1$ » (см. рис. 2 TO).

Снимите защитный колпачок с сенсорной головки датчика и коснитесь головкой поверхности магнита в зазоре.

Для удержания показаний дисплея нажмите кнопку «HOLD»; повторное нажатие этой кнопки возвращает прибор в режим измерений.

- 6. Установите ручки регулировки источника питания электромагнита в минимальное положение и нажмите на кнопку «Градуировка электромагнита». Для начала эксперимента нажмите кнопку «Старт».
  - Получите калибровочную кривую электромагнита: измерьте магнитную индукцию миллитесламетром, полученное значение введите в поле «Индукция», нажмите клавишу ENTER, измените ток питания электромагнита (на 5-7 В). Повторите для 15-20 значений тока питания электромагнита.
- 7. После окончания градуировки уберите миллитесламетр в коробку, выйдите в меню программы с помощью клавиши «Меню».

### II. Определение ЭДС Холла.

8. Вставьте образец в зазор электромагнита. Перейдите к определению ЭДС Холла кнопкой «Определение ЭДС Холла».

- 9. Введите *а* в поле «Введите а», нажмите клавишу ENTER. Установите ручки регулировки источника питания электромагнита в минимальное положение, нажмите кнопку «Старт». Подождите, пока с приборов будет получено 15 значений.
- 10. Необходимо следить за ходом программы: получение данных может остановлено при слишком больших значения тока или после получения 15 точек.
- 11. Остановите процесс кнопкой «Стоп», измените ток на источнике питания электромагнита (на 8-12 В). Запустите получение данных кнопкой «Новое напряжение». Повторите для 10-12 значений тока на источнике питания электромагнита.

### III. Определение знака носителей.

- 12. После окончания основного эксперимента выйдете в основное меню программы кнопкой «Меню». Перейдите к определению знаку носителей заряда кнопкой «Знак носителей».
- 13. Определите знак носителей заряда в образце. Для этого необходимо знать направление тока через образец, направление магнитного поля и знак ЭДС Холла.

Направление тока в образце показано знаками «+» и «-» на рис. 3. Направление тока в обмотках электромагнита при установке разъёма  $K_1$  в положение 1 показано стрелкой на торце магнита.

Измерьте разность потенциалов без магнитного поля (установите ручки регулировки источника питания электромагнита в минимальное положение, нажмите кнопку «Без поля»). Подайте небольшое напряжение на электромагнит ( 10 В), нажмите кнопку «С полем». Зафиксируйте результаты.

## IV. Измерение удельной проводимости.

- 14. Выключите источник питания электромагнита, перейдите в основное меню программы кнопкой «Меню». Перейдите к измерению удельной проводимости соответствующей кнопкой.
- 15. Удалите держатель с образцом из зазора электромагнита; подключите к клемма «U» и «0» вольтметра провода 3 и 5; введите параметры образца в соответствующие поля (после ввода обязательно нажать клавишу «ENTER»). Введите L в поле «Введите L» и l в поле «Введите l», нажмите кнопку «Старт».

## V. Обработка результатов.

- 16. Перейдите в основное меню программы. Для получения графиков и постоянных из эксперимента нажмите на кнопку «Обработка данных».
- 17. Разберите установку, все полученные данные и графики хранятся в папке с вашей фамилией, сохраните их себе, например, на флешку.

#### VI. Выводы.

18. Определите характер проводимости образца (дырочный или электронный) по направлению тока и по знаку постоянной Холла.

19. Сделайте вывод об адекватности полученных констант. При необходимости обработайте данные самостоятельно.

### Контрольные вопросы.

- 1. Какие вещества называют диэлектриками, проводниками, полупроводниками? Чем объясняется различие их электрических свойств? Как зависит от температуры проводимость металлов и полупроводников?
- 2. Дайте определение константы Холла. Как зависит константа Холла от температуры у металлов и полупроводников?
- 3. Зависит ли результат измерения константы Холла от геометрии образца?
- 4. Зависит ли сопротивление образца от магнитного поля в условиях опыта?
- 5. Как устроен милливеберметр? Зависят ли его показания от сопротивления измерительной катушки? Каким должно быть это сопротивление по сравнению с сопротивлением катушки прибора?
- 6. По результатам измерений оцените частоту столкновений, длину пробега и коэффициент диффузии носителей тока в образце.
- 7. Получите выражение константы Холла для материалов с двумя типами носителей. Указание: воспользуйтесь условием равенства нулю поперечного тока.