МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ

РОЗРАХУНКОВА-ГРАФІЧНА РОБОТА з дисципліни "ДИСКРЕТНА МАТЕМАТИКА"

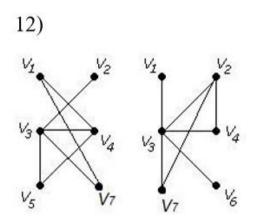
Виконав: Гончаренко Назар

Студент групи КН-115

Варіант №12

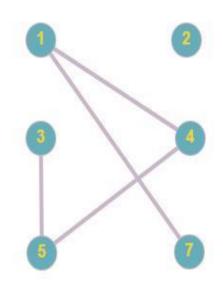
Варіант №12

Завдання № 1 Виконати наступні операції над графами: 1) знайти доповнення до першого графу, 2) об'єднання графів, 3) кільцеву сумму G1 та G2 (G1+G2), 4) розмножити вершину у другому графі, 5) виділити підграф А - що скадається з 3-х вершин в G1 6) добуток графів.

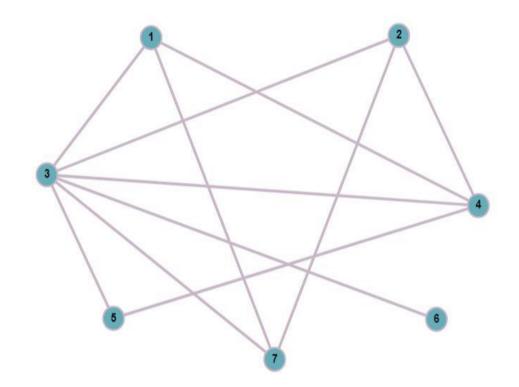


1)Доповнення

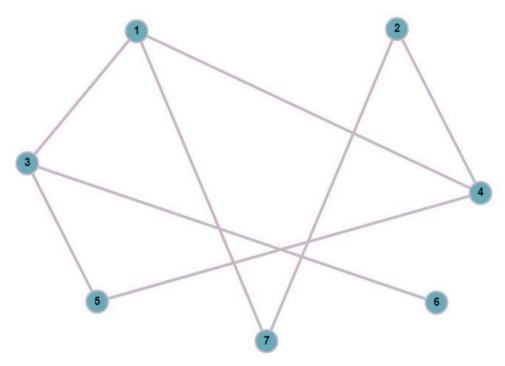
G1\G2:





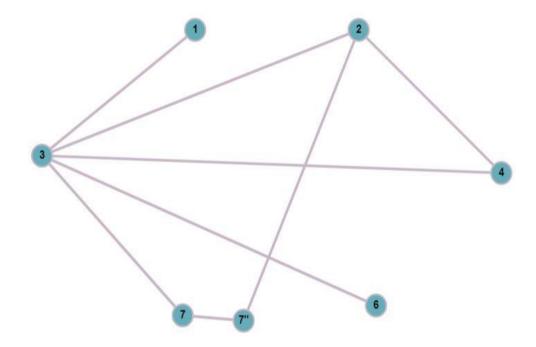


3)Кільцева сума:

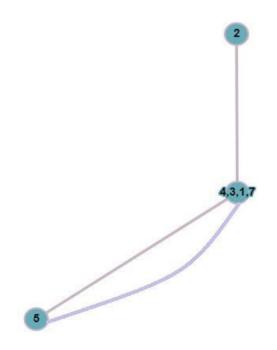


4)Розщепити вершину у другому графі:

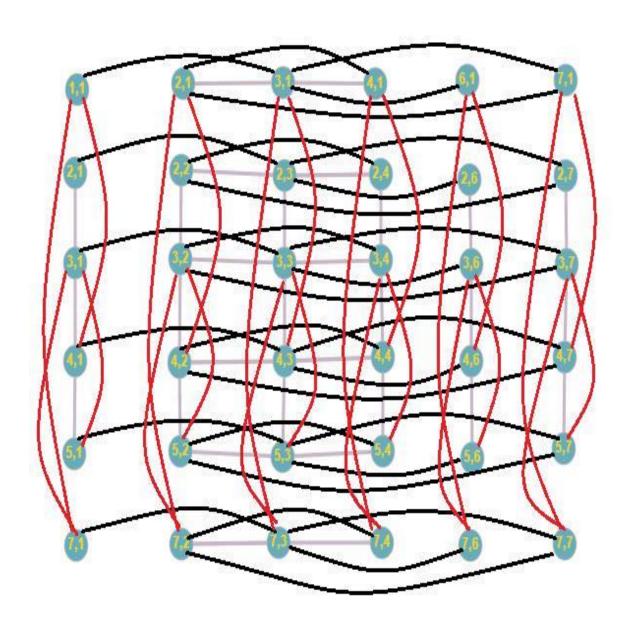
Розщепимо вершину 7



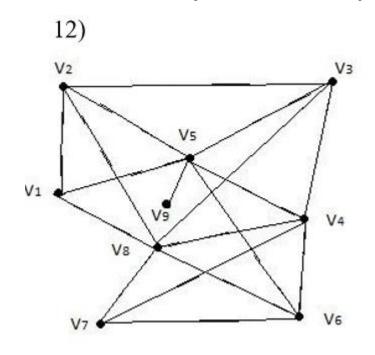
5)Виділити підграф А,що складається з V={1,3,7} в G1 і знайти стягнення A в G1



6)Добуток графів



Завдання № 2 Скласти таблицю суміжності для орграфа.



	V1	V2	V3	V4	V 5	V6	V7	V8	V 9
V1	0	1	0	0	1	0	0	1	0
V2	1	0	1	0	1	0	0	1	0
V3	0	1	0	1	1	0	0	1	0
V4	0	0	1	0	1	1	1	1	0
V5	1	1	1	1	0	1	0	0	1
V6	0	0	0	1	1	0	1	1	0
V7	0	0	0	1	0	1	0	1	0
V8	1	1	1	1	0	1	1	0	0
V9	0	0	0	0	1	0	0	0	0

Завдання № 3 Для графа з другого завдання знайти діаметр. Діаметр = 3.

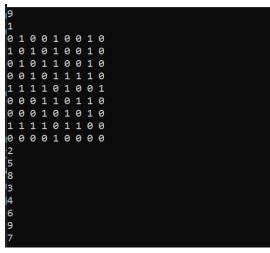
Завдання № 4

Для графа з другого завдання виконати обхід дерева вшир (закінчується на парне число).

Nº	Додавання вершини	Черга
1	V1	V1
2	V2	V1,V2
3	V5	V1,V2,V5
4	V8	V1,V2,V5,V8
5	-	V2,V5,V8
6	V3	V2,V5,V8,V3
7	-	V2,V5,V8
8	V9	V5,V8,V3,V9
9	V4	V5,V8,V3,V9,V4
10	V6	V5,V8,V3,V9,V4,V6
11	-	V8,V3,V9,V4,V6
12	V7	V8,V3,V9,V4,V6,V7
13	-	V3,V9,V4,V6,V7
14	-	V9,V4,V6,V7
15	-	V4,V6,V7
16	-	V6,V7
17	-	V7
18	-	-
19		

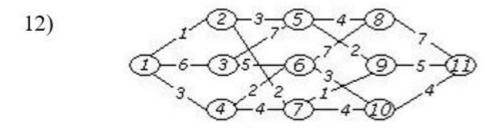
```
1. #include <iostream>
2. #include <queue>
3. using namespace std;4. int main() {
5. int n, v;
6. cin >> n >> v;
7 int** matrix = 1
      int** matrix = new int* [n];
7.
    for (int i = 0; i < n; i++)
9.
10.
       matrix[i] = new int[n];
11.
12. for (int i = 0; i < n; i++)
13.
         for (int j = 0; j < n; j++)
14.
           cin >> matrix[i][j];
15.
       queue <int> plan;
16.
      plan.push(--v);
17.
      matrix[v][v] = 1;
18. int counter = 1;
19.
       while (!plan.empty()) {
20. v = plan.front();
         plan.pop();
21.
22.
         for (int u = 0; u < n; u++) {
```

```
23. if (matrix[v][u] and !matrix[u][u]) {
24. plan.push(u);
25. matrix[u][u] = 1;
26. counter++;
27. cout << plan.back()+1 << endl;
28. }
29. }
30. }
31. }
```



Завдання № 5

Знайти двома методами (Краскала і Прима) мінімальне остове дерево графа

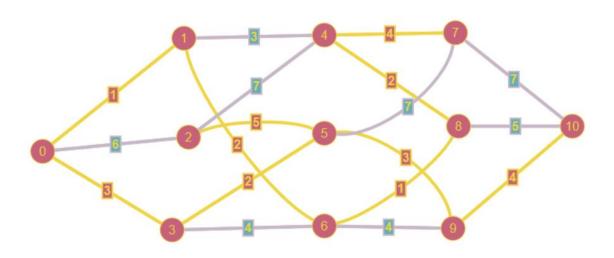


Алгоритм Прима:

```
#include <iostream>
2.
     #include <cstring>
3.
     using namespace std;
4.
5.
     #define INF 9999999
7.
     // number of vertices in grapj
8.
    #define V 11
10. // create a 2d array of size 5x5
11. //for adjacency matrix to represent graph
12.
13. int G[V][V] = {
15. \{1, 0, 0, 0, 3, 0, 2, 0, 0, 0, 0, 0\}
16. \{6, 0, 0, 0, 7, 5, 0, 0, 0, 0, 0, 0\}
17. {3, 0, 0, 0, 0, 2, 4, 0, 0, 0, 0}, 18. {0, 3, 7, 0, 0, 0, 0, 4, 2, 0, 0},
     \{0, 0, 5, 2, 0, 0, 0, 7, 0, 3, 0\},\
19.
20. {0, 2, 0, 4, 0, 0, 0, 0, 1, 4, 0},
```

```
\{0, 0, 0, 0, 4, 7, 0, 0, 0, 0, 7\},
21.
22.
      \{0, 0, 0, 0, 2, 0, 1, 0, 0, 0, 5\},\
23.
      \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 3, 4, 0, 0, 0, 4\},\
24. \{0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 7, 5, 4, 0\},\
25. };
26.
27. int main() {
28.
29.
       int no_edge;
30.
31.
32.
       int selected[V];
33.
34.
35.
       memset(selected, false, sizeof(selected));
36.
37.
       no\_edge = 0;
38.
39.
40.
       selected[0] = true;
41.
42.
43.
       int x;
44.
       int y;
45.
46.
       cout << "Edge" << " : " << "Weight";
47.
48.
       cout << endl;
       while (no_edge < V - 1) {
49.
50.
51.
52.
         int min = INF;
53.
         x = 0;
54.
         y = 0;
55.
56.
         for (int i = 0; i < V; i++) {
57.
           if (selected[i]) {
58.
              for (int j = 0; j < V; j++) {
                if (!selected[j] && G[i][j]) {
59.
                  if (min > G[i][j]) {
60.
61.
                    min = G[i][j];
62.
                    x = i;
63.
                    y = j;
64.
65.
66.
               }
67.
             }
68.
           }
69.
         }
70.
         cout << x << " - " << y << " : " << G[x][y];
         cout << endl;
71.
72.
         selected[y] = true;
73.
         no_edge++;
74.
75.
76.
       return 0;
77. }
```

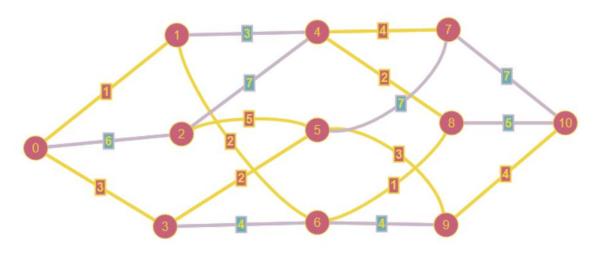
```
Edge : Weight
           1
 - 1 :
           2
           1
           2
  - 4
    3
           3
           2
3
           3
    9
           4
            4
    10
           5
```



Алгоритм Крассака:

```
#include <iostream>
    #include <vector>
2.
    #include <algorithm>
3.
    using namespace std;
6. int main()
7. {
8. int m, n;
       cin >> m >> n;
10.
      vector < pair < int, pair <int, int> > > g;
      for (int i = 0; i < m; i++)
11.
12.
13.
         int a1, a2, v;
14.
        cin >> a1 >> a2 >> v;
        g[i] = make_pair(v, make_pair(a1, a2));
15.
16.
17.
18.
      int cost = 0;
19.
      vector < pair<int, int> > res;
20.
21.
      sort(g.begin(), g.end());
22.
      vector<int> tree_id(n);
23.
       for (int i = 0; i < n; ++i)
        tree_id[i] = i;
24.
25.
       for (int i = 0; i < m; ++i)
```

```
26.
27.
          int a = g[i].second.first, b = g[i].second.second, l = g[i].first;
          if (tree_id[a] != tree_id[b])
28.
29.
30.
            cost += l;
            res.push_back(make_pair(a, b));
31.
            int old_id = tree_id[b], new_id = tree_id[a];
32.
            for (int j = 0; j < n; ++j)
33.
34.
              if (tree_id[j] == old_id)
35.
                tree_id[j] = new_id;
36.
37. }
38. }
```



Завдання № 6

Розв'язати задачу комівояжера для повного 8-ми вершинного графа методом «іди у найближчий», матриця вагів якого має вигляд:

12)

	1	2	3	4	5	6	7	8
1	00	5	6	5	4	4	5	5
2	5	001	1	5	1	1	1	1
3	6	1	00	1	1	3	2	1
4	5	5	6 1 0 1 1 3 2	90	5	5	7	5
5	4	1	1	5	90	3	2	5
6	4	1	3	5	3	00	5	6
7	5	1	2	7	2	5	90	1
8	5	1	1	5	5	6	1	90

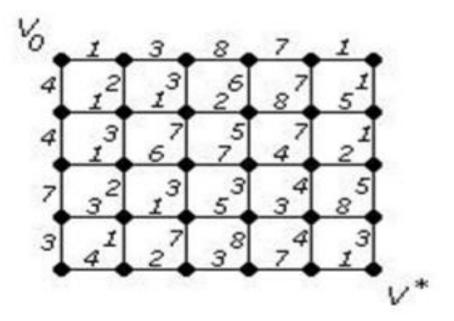
```
2. #define min(x, y) x < y ? x : y
     using namespace std;
4. const int inf = 1E9, NMAX = 16;
5. int n, i, j, k, m, temp, ans, d[NMAX][NMAX], t[1 << NMAX][NMAX];
6. bool get(int nmb, int x)
8. return (x & (1 << nmb)) != 0;
9. }
10. int main()
11. {
12.
       cin >> n;
13.
       for (i = 0; i < n; ++i)
         for (j = 0; j < n; ++j) cin >> d[i][j];
14.
       t[1][0] = 0; m = 1 << n;
15.
16.
       for (i = 1; i < m; i += 2)
17.
         for (j = (i == 1) ? 1 : 0; j < n; ++j)
18.
19.
           t[i][j] = inf;
20.
           if (j > 0 \&\& get(j, i))
21.
22.
              temp = i ^ (1 << j);
23.
              for (k = 0; k < n; ++k)
                if (get(k, i) \&\& d[k][j] > 0) t[i][j] = min(t[i][j], t[temp][k] + d[k][j]);
24.
25.
26.
27.
       for (j = 1, ans = inf; j < n; ++j)
       if (d[j][0] > 0) ans = min(ans, t[m - 1][j] + d[j][0]);
29.
       if (ans == inf) cout << -1; else cout << ans;</pre>
30. }
```

```
8
100000 5 6 5 4 4 5 5
5 100000 1 5 1 1 1 1
6 1 100000 1 1 3 2 1
5 5 1 100000 5 5 7 5
4 1 1 5 100000 3 2 5
4 1 3 5 3 100000 5 6
5 1 2 7 2 5 100000 1
5 1 1 5 5 6 1 100000
16
```

Відповідь 16.

Завдання № 7

За допомогою алгоритму Дейкстри знайти найкоротший шлях у графі між парою вершин V0 і V*.



```
    #include <cmath>

2. #include <iostream>
3.
4. using namespace std;
5.
6.
7.
8. void output(int i, int* par, int k);
9.
10.
11. const int N = 30;
12.
13.
14. int matrix[N][N] = {
0,
3,
0,
1,
0.
0,
0,
25. 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 3, 0, 5, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 8, 0, 0,
 0,
26. 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 5, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 2, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
 0,
```

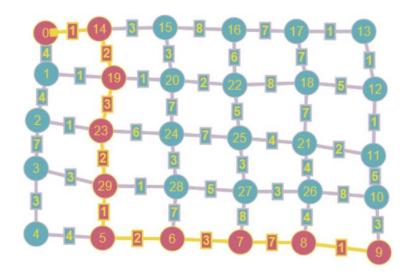
```
27. 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 5, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
28. 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
0,
33.0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,0,5,0,0,0,7,0,0,0,7,8,0,0,0,0,0,0,0,0,
34. 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 2, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 3, 0, 0, 0, 0, 0,
36. 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 2, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 7, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 4, 4, 0, 0,
2,
41. 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 4, 0, 8, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 4, 0, 0, 0, 0, 3, 0,
0,
45. };
46.
47. int cost[N][N] = {
0,
0,
0,
59. 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 5, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 2, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
60. 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 5, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
61. 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
```

0,

```
66. 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 5, 0, 0, 0, 0, 7, 0, 0, 7, 8, 0, 0, 0, 0, 0, 0,
 0,
67. 0, 1, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 2, 0, 0, 0, 0, 0, 1, 0, 0, 3, 0, 0, 0, 0, 0,
69. 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 2, 0, 0, 0, 0, 0, 7, 0, 0, 0, 0, 0, 4, 4, 0, 0,
74. 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 4, 0, 8, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 0, 4, 0, 0, 0, 0, 3, 0,
 0,
0,
1,
78.
79.
80. };
81.
82.
83. int dist[N];
84.
85. int parent[N];
86. void deicstra(int start, int end)
87. {
88.
89.
   bool in_tree[N] = { false };
90.
91.
   for (int i = 0; i < N; i++)</pre>
92.
    dist[i] = INT_MAX;
93.
94.
95.
   dist[start] = 0;
96.
   int cur = start;
97.
98.
99.
100.
  while (!in_tree[cur])
101.
102.
      in tree[cur] = true;
103.
104.
      for (int i = 0; i < N; i++)</pre>
105.
       if (matrix[cur][i] != 0)
106.
107.
108.
109.
          int d = dist[cur] + cost[cur][i];
110.
111.
          if (d < dist[i])</pre>
112.
113.
            dist[i] = d;
114.
           parent[i] = cur;
115.
          }
116.
```

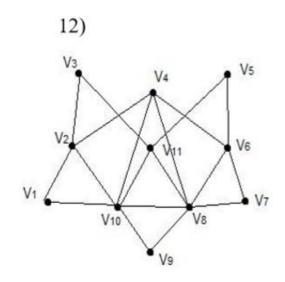
```
117.
             }
118.
119.
120.
             int min_dist = INT_MAX;
121.
             for (int i = 0; i < N; i++)
122.
                  if (!in_tree[i] && dist[i] < min_dist)</pre>
123.
124.
125.
                      cur = i;
126.
                      min_dist = dist[i];
127.
128.
129.
        output(start, parent, end);
cout << end << "\nWeight: " << dist[end];</pre>
130.
131.
132.
133.}
134.
135.
136.void output(int k, int* par, int i)
137.{
138. if (k == i)
139.
140.
             return;
141.
142.
        else
143.
         {
144.
             output(k, par, par[i]);
145.
             cout << par[i] << " --> ";
146.
             return;
147.
         }
148.}
149.
150.int main()
151.{
152. deicstra(0 , 9);
153.
154.
155.}
```

0 --> 14 --> 19 --> 23 --> 29 --> 5 --> 6 --> 7 --> 8 --> 9 Weight: 22



Завдання № 8

Знайти ейлеровий цикл в ейлеровому графі двома методами: а) Флері; б) елементарних циклів.



Эйлеровий цикл:

```
#include<iostream>
2.
   #include<vector>
    #define NODE 11
4. using namespace std;
    int graph[NODE][NODE] = {
         \{0,1,0,0,0,0,0,0,0,1,0\},\
7.
         \{1,0,1,1,0,0,0,0,0,1,0\},\
8.
         \{0,1,0,0,0,0,0,0,0,0,1\},\
         \{0,1,0,0,0,1,0,1,0,1,0\},\
10.
         \{0,0,0,0,0,1,0,0,0,0,1\},\
         \{0,0,0,1,1,0,1,1,0,0,0\},
11.
12.
         \{0,0,0,0,0,1,0,1,0,0,0\},\
         {0,0,0,1,0,1,1,0,1,1,1},
13.
14.
         \{0,0,0,0,0,0,0,1,0,1,0\},\
15.
         \{1,1,0,1,0,0,0,1,1,0,1\},
16.
         \{0,0,1,0,1,0,0,1,0,1,0\},\
17. };
18. int tempGraph[NODE][NODE];
19. int findStartVert() {
20. for (int i = 1; i < NODE; i++) {
         int deg = 0;
21.
         for (int j = 0; j < NODE; j++) {
22.
           if (tempGraph[i][j])
23.
24.
             deg++;
25.
         if (deg % 2 != 0)
26.
27.
           return i;
28.
29.
       return 0;
30. }
31. bool isBridge(int u, int v) {
32. int deg = 0;
       for (int i = 0; i < NODE; i++)
33.
34.
         if (tempGraph[v][i])
35.
           deg++;
36.
      if (deg > 1) {
```

```
37.
         return false:
38. }
39.
       return true;
40. }
41. int edgeCount() {
42. int count = 0;
      for (int i = 0; i < NODE; i++)
         for (int j = i; j < NODE; j++)
44.
45.
           if (tempGraph[i][j])
46.
            count++;
47.
      return count;
48. }
49. void fleuryAlgorithm(int start) {
50. static int edge = edgeCount();
       for (int v = 0; v < NODE; v++) {
52.
      if (tempGraph[start][v]) {
53.
           if (edge <= 1 || !isBridge(start, v)) {</pre>
             cout << start + 1 << "--" << v + 1 << " ";
54.
55.
             tempGraph[start][v] = tempGraph[v][start] = 0;
56.
             edge--;
             fleuryAlgorithm(v);
57.
58.
59.
60.
61. }
62. int main() {
63.
      for (int i = 0; i < NODE; i++)
      for (int j = 0; j < NODE; j++)
64.
65.
          tempGraph[i][j] = graph[i][j];
66. cout << "Euler Path Or Circuit: ";
      fleuryAlgorithm(findStartVert());
68. }
```

Euler Path Or Circuit: 1--2 2--3 3--11 11--5 5--6 6--4 4--2 2--10 10--4 4--8 8--6 6--7 7--8 8--9 9--10 10--8 8--11 11--0 10--1

Завдання №9

Спростити формули (привести їх до скороченої ДНФ).

12.
$$\bar{x}y \vee x\bar{y}\bar{z}$$

Відповідь: $\bar{x}y \lor x\bar{y}\bar{z}$