

Міністерство освіти і науки України
Національний технічний університет України
«Київський політехнічний інститут ім. Ігоря Сікорського»
Факультет інформатики та обчислювальної техніки
Кафедра обчислювальної техніки

ЛАБОРАТОРНА РОБОТА № 1
з дисципліни
«Мультипарадигменне програмування»

ВИКОНАВ:
студент III курсу ФІОТ
групи ІО-23
Бичкар Н. В.
Залікова № 2302

ПЕРЕВІРИВ:
ас. Очеретяний О. К.

Лістинг:

```
program lab1
  implicit none

  ! Оголошення змінних
  real, allocatable :: numbers(:), original_numbers(:)
  integer :: n, i, j, index, alphabet_size
  character(len=1), allocatable :: alphabet(:)
  integer, allocatable :: transition_matrix(:, :)
  real :: min_val, max_val, lambda
  real, allocatable :: interval_bounds(:)
  character(len=1), allocatable :: sequence(:)
  integer :: row, col

  ! === 1. Задаємо потужність алфавіту ===
  alphabet_size = 10

  ! === 2. Створюємо алфавіт і матрицю ===
  allocate(alphabet(alphabet_size))
  allocate(transition_matrix(alphabet_size, alphabet_size))
  transition_matrix = 0

  do i = 1, alphabet_size
    alphabet(i) = achar(64 + i) ! 'A', 'B', ...
  end do

  ! === 3. Задаємо кількість чисел та самі дані ===
  n = 100 ! Розмір вхідного ряду

  ! === 4. Виділення пам'яті ===
  allocate(numbers(n))
  allocate(original_numbers(n))
  allocate(sequence(n))
  allocate(interval_bounds(alphabet_size+1))

  ! === 5. Генеруємо тестові дані ===
  ! Використовуємо генератор випадкових чисел для створення даних
  call random_seed()
  do i = 1, n
    call random_number(original_numbers(i))
    original_numbers(i) = original_numbers(i) * 10.0 ! Масштабуємо до діапазону [0, 10]
  end do

  ! Альтернативний варіант - задаємо конкретні значення
  ! Для демонстраційних цілей можна використати цей варіант замість випадкових чисел
  ! original_numbers = [2.5, 3.7, 1.2, 4.8, 5.1, 2.2, 3.8, 4.3, 1.9, 5.0,
  !                      3.1, 4.2, 2.8, 5.5, 3.4, 1.7, 4.9, 2.3, 3.5, 4.1,
```

```
!           1.4, 3.3, 5.2, 2.9, 4.7, 3.2, 1.8, 4.5, 2.0, 5.9]
```

```
print *, "Кількість згенерованих чисел:", n  
print *, "Перші 10 чисел ряду:"  
write(*, '(10F7.2)') (original_numbers(i), i = 1, min(10, n))
```

```
! === 6. Копія для сортування — numbers ===  
numbers = original_numbers  
call sort(numbers, n)
```

```
! === 7. Побудова інтервалів за Пуассонівським розподілом ===  
min_val = numbers(1)  
max_val = numbers(n)
```

```
! Параметр lambda для Пуассонівського розподілу (середнє значення)  
! Для Пуассонівського розподілу lambda повинно бути позитивним  
lambda = sum(numbers) / n
```

```
! Виконуємо нормалізацію даних для Пуассонівського розподілу  
! Якщо дані мають негативні значення, зміщуємо їх у позитивну область  
if (min_val < 0.0) then  
    original_numbers = original_numbers - min_val + 1.0  
    numbers = original_numbers  
    call sort(numbers, n)  
    min_val = numbers(1)  
    max_val = numbers(n)  
    lambda = sum(numbers) / n  
end if
```

```
! Якщо lambda занадто мала для робочого розподілу Пуассона, коригуємо її  
if (lambda < 1.0) then  
    lambda = 1.0 + lambda ! Забезпечуємо мінімальне значення lambda  
end if
```

```
print *, "Lambda (середнє значення):", lambda
```

```
! Встановлюємо межі інтервалів згідно Пуассонівського розподілу  
call calculate_poisson_intervals(interval_bounds, alphabet_size, min_val, max_val,  
lambda)
```

```
! === 8. Перетворення чисел у літери (по оригінальному порядку) ===  
do i = 1, n  
    index = find_interval(original_numbers(i), interval_bounds, alphabet_size)  
    sequence(i) = alphabet(index)  
end do
```

```
! === 9. Побудова матриці передування ===  
do i = 1, n - 1
```

```

        row = index_in_alphabet(sequence(i), alphabet, alphabet_size)
        col = index_in_alphabet(sequence(i + 1), alphabet, alphabet_size)
        transition_matrix(row, col) = transition_matrix(row, col) + 1
    end do

! === 10. Виведення результатів ===
print *, "====="
print *, "Вхідні дані (перші 20 значень):"
write(*, '(10F7.2)') (original_numbers(i), i = 1, min(20, n))

print *, "====="
print *, "Параметри розподілу:"
print *, "Alphabet Size:", alphabet_size
print *, "Мінімальне значення:", min_val
print *, "Максимальне значення:", max_val
print *, "Lambda (середнє значення):", lambda

print *, "====="
print *, "Інтервали розподілу Пуассона:"
do i = 1, alphabet_size
    print '(A, I2, A, A, A, F7.2, A, F7.2)', "Інтервал ", i, " (", alphabet(i), "): ", &
        interval_bounds(i), " - ", interval_bounds(i+1)
end do

print *, "====="
print *, "Linguistic Sequence (перші 50 символів):"
write(*, '(50A2)') (sequence(i), ' ', i = 1, min(50, n))

print *, "====="
print *, "Частота символів у послідовності:"
do i = 1, alphabet_size
    j = count(sequence == alphabet(i))
    if (j > 0) then
        print '(A, A, A, I4, A, F6.2, A)', "Символ ", alphabet(i), ": ", j, " (", real(j)/n*100, "%)"
    end if
end do

print *, "====="
print *, "Матриця передування (Transition Matrix):"
! Виведення заголовків стовпців
write(*, '(A4)', advance='no') ' '
do j = 1, alphabet_size
    write(*, '(A4)', advance='no') alphabet(j)
end do
write(*, *)

! Виведення матриці з позначеннями рядків
do i = 1, alphabet_size

```

```

        write(*, '(A4)', advance='no') alphabet(i)
        write(*, '(10I4)') (transition_matrix(i, j), j = 1, alphabet_size)
    end do

```

```

! === 11. Звільнення пам'яті ===
deallocate(numbers, original_numbers, sequence, alphabet, transition_matrix,
interval_bounds)

```

contains

```

! === Функція сортування масиву ===

```

```

subroutine sort(arr, size)
    implicit none
    integer, intent(in) :: size
    real, intent(inout) :: arr(size)
    integer :: i, j
    real :: temp

```

```

    do i = 1, size-1
        do j = i+1, size
            if (arr(i) > arr(j)) then
                temp = arr(i)
                arr(i) = arr(j)
                arr(j) = temp
            end if
        end do
    end do
end subroutine sort

```

```

! === Функція знаходження індексу символу у алфавіті ===

```

```

function index_in_alphabet(c, alph, size) result(indx)
    implicit none
    character(len=1), intent(in) :: c
    character(len=1), intent(in) :: alph(size)
    integer, intent(in) :: size
    integer :: indx, i

```

```

    indx = 0
    do i = 1, size
        if (c == alph(i)) then
            indx = i
            exit
        end if
    end do
end function index_in_alphabet

```

```

! === Функція для обчислення факторіалу ===

```

```

function factorial(n) result(fact)

```

```

implicit none
integer, intent(in) :: n
real :: fact
integer :: i

fact = 1.0
do i = 2, n
    fact = fact * i
end do
end function factorial

! === Функція для наближення erf (функція помилок) ===
function my_erf(x) result(result)
    implicit none
    real, intent(in) :: x
    real :: result, t, series
    real, parameter :: a1 = 0.254829592, a2 = -0.284496736, a3 = 1.421413741
    real, parameter :: a4 = -1.453152027, a5 = 1.061405429, p = 0.3275911

    ! Сохраняємо знак x
    if (x >= 0.0) then
        t = 1.0 / (1.0 + p * x)
        series = a1 + t * (a2 + t * (a3 + t * (a4 + t * a5)))
        result = 1.0 - series * exp(-x * x)
    else
        t = 1.0 / (1.0 - p * x)
        series = a1 + t * (a2 + t * (a3 + t * (a4 + t * a5)))
        result = series * exp(-x * x) - 1.0
    end if
end function my_erf

! === Функція для обчислення функції розподілу Пуассона ===
function poisson_cdf(x, lambda) result(cdf)
    implicit none
    real, intent(in) :: x, lambda
    real :: cdf, term, sum_terms
    integer :: i, k, max_k

    if (x < 0.0) then
        cdf = 0.0
        return
    end if

    k = int(x)

    ! Для великих значень lambda використовуємо нормальне наближення
    if (lambda > 20.0) then
        ! Наближення нормальним розподілом для великих lambda

```

```

! (x + 0.5 - lambda) / sqrt(lambda)
cdf = 0.5 + 0.5 * my_erf((x + 0.5 - lambda) / sqrt(2.0 * lambda))
return
end if

```

! Для малих значень lambda - обчислюємо суму ряду

```

cdf = 0.0
sum_terms = 0.0
term = exp(-lambda) ! перший член ряду (для i=0)

```

max_k = min(k, 100) ! Обмеження для запобігання переповнення

```

do i = 0, max_k
  sum_terms = sum_terms + term
  if (i == max_k) exit

```

```

! Обчислюємо наступний член рекурентно для стабільності
term = term * lambda / (i + 1)
end do

```

```

cdf = sum_terms
end function poisson_cdf

```

! === Функція для обчислення меж інтервалів за Пуассонівським розподілом ===
subroutine calculate_poisson_intervals(bounds, num_intervals, min_val, max_val,
lambda)

```

implicit none
real, intent(inout) :: bounds(num_intervals+1)
integer, intent(in) :: num_intervals
real, intent(in) :: min_val, max_val, lambda
real :: range, scaled_lambda, x, prob_step, prob_target
integer :: i

```

! Встановлюємо першу і останню межу

```

bounds(1) = min_val
bounds(num_intervals+1) = max_val

```

```

range = max_val - min_val
scaled_lambda = lambda ! Можна скоригувати при необхідності

```

! Крок ймовірності для рівномірного розбиття за ймовірністю

```

prob_step = 1.0 / num_intervals

```

! Обчислюємо межі інтервалів на основі квантилів розподілу Пуассона

```

do i = 1, num_intervals - 1
  prob_target = i * prob_step

```

! Використовуємо бінарний пошук для знаходження квантиля

```

        bounds(i+1) = find_poisson_quantile(prob_target, scaled_lambda, min_val, max_val)
    end do
end subroutine calculate_poisson_intervals

```

! === Функція для знаходження квантиля розподілу Пуассона методом бінарного пошуку ===

```

function find_poisson_quantile(prob, lambda, min_val, max_val) result(quantile)
    implicit none
    real, intent(in) :: prob, lambda, min_val, max_val
    real :: quantile, left, right, mid, cdf_mid, scaled_x
    integer :: iter

```

! Ініціалізуємо межі пошуку
left = 0.0
right = lambda * 5.0 + 10.0 ! Верхня межа для Пуассона (зазвичай достатньо lambda*5)

```

! Бінарний пошук для знаходження квантиля
do iter = 1, 100 ! Максимальна кількість ітерацій
    mid = (left + right) / 2.0
    cdf_mid = poisson_cdf(mid, lambda)

```

```

    if (abs(cdf_mid - prob) < 1.0E-6) then
        exit ! Достатня точність
    else if (cdf_mid < prob) then
        left = mid
    else
        right = mid
    end if

```

```

    if (right - left < 1.0E-6) exit ! Досягнута точність
end do

```

! Перетворюємо кількісне значення випадкової величини у відповідне значення вхідного ряду

```

    scaled_x = min_val + (mid / (lambda * 5.0 + 10.0)) * (max_val - min_val)
    quantile = scaled_x
end function find_poisson_quantile

```

! === Функція для знаходження індексу інтервалу, до якого належить значення ===

```

function find_interval(val, bounds, num_intervals) result(idx)
    implicit none
    real, intent(in) :: val
    real, intent(in) :: bounds(num_intervals+1)
    integer, intent(in) :: num_intervals
    integer :: idx, i

```

idx = 1 ! За замовчуванням - перший інтервал


```
do i = 1, num_intervals
  if (val >= bounds(i) .and. val < bounds(i+1)) then
    idx = i
    exit
  end if
end do
```

```
! Якщо значення дорівнює верхній межі останнього інтервалу
if (val == bounds(num_intervals+1)) then
    idx = num_intervals
end if
end function find_interval
```

```
end program lab1
```

Результати:

```

Кількість згенерованих чисел: 100
Перші 10 чисел ряду:
8.32 9.28 0.99 1.25 4.63 4.97 5.84 8.62 4.47 7.52
Lambda (середнє значення): 5.51422977
=====
Вхідні дані (перші 20 значень):
8.32 9.28 0.99 1.25 4.63 4.97 5.84 8.62 4.47 7.52
6.69 9.80 1.21 8.94 4.25 9.81 4.49 1.32 4.80 9.45
=====
Параметри розподілу:
Alphabet Size: 10
Мінімальне значення: 6.95568323E-02
Максимальне значення: 9.92683506
Lambda (середнє значення): 5.51422977
=====
Інтервали розподілу Пуассона:
Інтервал 1 (A): 0.07 - 0.86
Інтервал 2 (B): 0.86 - 0.86
Інтервал 3 (C): 0.86 - 1.12
Інтервал 4 (D): 1.12 - 1.38
Інтервал 5 (E): 1.38 - 1.38
Інтервал 6 (F): 1.38 - 1.64
Інтервал 7 (G): 1.64 - 1.91
Інтервал 8 (H): 1.91 - 1.91
Інтервал 9 (I): 1.91 - 2.43
Інтервал 10 (J): 2.43 - 9.93
=====
Linguistic Sequence (перші 50 символів):
J J C D J J J J J J J J D J J J J J D J J J C J J J
J J J J J J J J J J J J J J J J J J J J J J J J J J J

```

=====

Частота символів у послідовності:

Символ A: 5 (5.00%)
Символ C: 2 (2.00%)
Символ D: 4 (4.00%)
Символ F: 2 (2.00%)
Символ G: 1 (1.00%)
Символ I: 2 (2.00%)
Символ J: 84 (84.00%)

=====

Матриця передування (Transition Matrix):

	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	5
B	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
C	0	0	0	1	0	0	0	0	0	1
D	0	0	0	0	0	0	0	0	0	4
E	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
F	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2
G	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1
H	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
I	0	0	0	0	0	0	0	0	0	2
J	5	0	2	3	0	2	1	0	2	68

...Program finished with exit code 0
Press ENTER to exit console.