

Rendu de scène sous OpenGL

Nabil Boutemeur, Cassian Assael, Alessandro Bonnafous

Octobre 2014

Table des matières

I	Idée de base	3
	Mise en oeuvre	3
	Outils utilisés	4
II	Conception du programme	5
	Squelette du programme	5
	Singleton — Classe <code>Application</code>	5
	Fenêtre — Classe <code>GLWindow</code>	5
	Scène — Classe <code>Scene</code>	5
	Modèles — Classe <code>Model</code>	6
	Fichiers OBJ — Classe <code>OBJData</code>	7
	Caméra — Classe <code>Camera</code>	8
	Shader — Classe <code>Shader</code>	8
	Exemple de vertex shader basique	9
	Exemple de fragment shader basique	9
	Gestion des ressources	10
	Anatomie d’un fichier RES	10
	Gestionnaire de Ressources — Classe <code>ResourceManager</code>	11
	Générateur de Ressources — Programme <code>resgen</code>	11
	Utilisation de la “nouvelle” API d’OpenGL	11
	Modèles	12
	Vertex Array Objects	12
	Vertex Buffer Object	14

Element Buffer Object	15
Shaders	16
Transformations	17
Éclairage	19
Réflexion	20
Réfraction	20

Première partie

Idée de base

L'idée du projet était de fournir une démonstration de principes mathématiques appliqués à un programme, et en même temps, montrer l'application d'objets mathématiques tels que les matrices et les vecteurs en vrai, car bon nombre de concepts sont applicables dans la réalité.

Nous voulons donc écrire un programme qui montre les trois transformations de base possibles dans l'univers 3D :

- Translation
- Rotation
- Homothétie

Mise en oeuvre

Après concertation, nous nous sommes décidés à faire une scène montrant trois objets avec des formes (plus ou moins) primitives. Chacun de ces objets est “activable” à partir d'une touche de clavier, et provoquant pour chacun, l'animation d'une transformation.

Outils utilisés

Nous utilisons l'outil **git** comme logiciel de gestion de version, il permet de mieux repérer les régressions introduites au fil de la modification du code, et facilite le travail collaboratif, car chaque modification du code est associé à son auteur.

Le dépôt est disponible en libre accès sur [Github](#), sous license LGPLv3. **Github** étend l'aspect collaboratif de git en fournissant un ensemble de service lié à un dépôt.

Cela comprend notamment le service d'intégration continue [Travis](#), qui, lorsqu'un changement se produit sur le dépôt va régénérer un environnement de développement et recompiler le projet, pour s'assurer que le code sur le dépôt principal sera toujours prêt à être déployé.

Il va aussi s'assurer que, lorsqu'un tiers veut contribuer du code au dépôt, la fusion du code existant et du code en attente d'intégration soit toujours fonctionnel.

Concernant le programme lui-même, nous utilisons **cmake** comme système de build, le but du système de build étant de correctement lier entre elle les différentes parties du projet et s'assurer que toutes les dépendances sont satisfaites. Le programme cmake génère alors un makefile qui reconstruit les cibles dont au moins une dépendance aura été modifiée. La puissance de cmake réside aussi dans le fait qu'il n'est pas limité à générer des makefile, mais aussi des fichiers de projet pour la plupart des IDE. Cela permet aux collaborateurs d'utiliser leur outil de choix pour modifier le code.

Ensuite, le programme utilise la version 3.3 du standard **OpenGL**. Nous avons choisi cette version en particulier car c'est la version la plus répandue à l'heure actuelle. Elle a introduit des changements majeurs dans l'API OpenGL ainsi que supprimée des fonctionnalités considérées comme néfastes pour un projet¹

Nous utilisons la bibliothèque **GLEW**, qui permet de charger à l'exécution du programme les fonctions OpenGL supportées par le pilote graphique, ainsi qu'éventuellement des extensions du standard, la bibliothèque **GLM** qui fournit une API permettant de manipuler certains types primitifs disponibles dans le langage de programmation de shader **GLSL**, notamment les matrices et les vecteurs. La bibliothèque **SOIL** qui est une bibliothèque C très légère, permettant le chargement et la décompression de format d'images. Et pour finir, la bibliothèque **GLFW**, elle aussi minimaliste, qui gère les entrées et les sorties du programme — Fenêtre, souris, clavier, manette — en plus de la création du contexte OpenGL.

1. https://www.opengl.org/wiki/Legacy_OpenGL

Deuxième partie

Conception du programme

Squelette du programme

Cette section ne décrit que les classes du programme en surface.

Singleton — Classe Application

Le but du singleton ici est de gérer un ensemble de ressources unique au programme. Il est identique au singleton de Meyers, si ce n'est qu'un pointeur de fonction est utilisé pour récupérer son instance, au lieu de vérifier à chaque appel si le singleton a déjà été instancié.

```
shared_ptr<Application> Application::createSingleton()
{
    Application::_getSingleton = &Application::returnSingleton;
    return shared_ptr<Application>(new Application());
}

shared_ptr<Application> Application::returnSingleton()
{
    return m_app->shared_from_this();
}
```

La fenêtre à afficher hérite d'une classe d'interface, pour modulariser le singleton et pouvoir instancier des fenêtres utilisant une autre API qu'OpenGL.

Fenêtre — Classe GLWindow

Dans son constructeur, la fenêtre se contente d'appeler des fonctions d'initialisation OpenGL et GLFW. Puis la méthode run, s'occupe de gérer la boucle principale, en créant une scène, et en l'affichant.

Scène — Classe Scene

Une scène est un agrégat d'objets pouvant être dessinés, et pouvant être mis à jour (update) en plus d'une caméra. Elle peut aussi contenir un ensemble d'effets de post-processing. — Pas implémenté pour l'instant. On ne peut pas instancier une scène tel quel, la classe doit être dérivé, puis les objets qu'elle doit afficher sont instancié dans son constructeur.

Modèles — Classe `Model`

Un modèle est un ensemble de faces, dont chaque sommet possède des attributs — Normales et coordonnées de texture —. Dans le projet, un modèle est donc une figure géométrique **simple**

Il est intéressant de noter que j’emploie le terme **normale**, ici, avec le terme **sommet**, alors qu’une normale est un vecteur dénotant une direction perpendiculaire à une **face**. C’est parce que chaque sommet faisant parti d’un modèle peut faire parti de plusieurs faces, et on doit donc utiliser une normale différente pour un même dans le traitement d’une face distincte.

Lorsque des normales ne sont pas utilisées, la classe `Model` accepte un tableau d’éléments, en plus d’un tableau de sommets. Le tableau d’éléments permettra alors de réutiliser des points déjà définis en utilisant leur indices, économisant ainsi de la VRAM et de la bande passante.

Dans la pratique, le tableau d’élément n’est jamais utilisé, car nous avons besoin des normales pour des applications plus intéressantes, notamment dans l’éclairage, d’ailleurs, un des avantages des normales est que l’on peut avoir des normales qui ne correspondent pas vraiment à la perpendiculaire d’une face, permettant en quelque sorte de tromper les calculs de lumière, et ainsi montrer plus de détail qu’il y en a vraiment.

La classe `Model` n’est pas instanciable d’elle même, il faut la dérivé pour pouvoir l’utiliser.

Pour en finir avec la classe `Model`, il faut aussi noter qu’elle peut prendre en paramètre le code source d’un fichier du format **OBJ**, qui est lu grâce à la classe `OBJData`.

Fichiers OBJ — Classe OBJData

La classe `OBJData` fait une analyse de la syntaxe du code qui lui a été fourni, et construit alors un tableau de sommet/attribut prêt à l’emploi pour une utilisation dans l’API OpenGL.

Du fait de la définition précédente de “Modèle” comme étant une figure géométrique simple, `OBJData` a été conçu seulement pour lire des fichiers OBJ basique.

Un fichier OBJ est défini par, dans l’ordre :

- une liste de sommets, tous séparés par un retour à la ligne :

`v x y z`

Où x, y et z sont des nombres à virgules flottantes.

- une liste optionnelle de coordonnées de texture, toutes séparées par un retour à la ligne :

`vt u v`

Où u et v sont des nombres à virgules flottantes.

- une liste optionnelle de normales, toutes séparées par un retour à la ligne :

`vn x y z`

Où x, y et z sont des nombres à virgules flottantes.

- une liste de faces, toutes séparées par un retour à la ligne :

`f`
`x1/y1/z1`
`x2/y2/z2`
`x3/y3/z3`

Où x_n, y_n et z_n sont les indices des déclaration des Sommet/Coordonnées de texture/Normale et n le sommet constituant la face —

OpenGL, et par extension `OBJData`, veulent trois points par face.

Par exemple, un triangle rectangle, avec une seule normale perpendiculaire serait défini par le fichier suivant, prenant en compte trois définition possible d’une face :

```
v 0.000000 1.000000 0.000000
v 1.000000 0.000000 0.000000
v 1.000000 1.000000 0.000000
vt 0.000000 1.000000
vt 1.000000 0.000000
vt 0.000000 0.000000
vn 0.000000 0.000000 1.000000
f 1/1/1 2/2/1 3/3/1 # tout les attributs
f 1/1 2/2 3/3      # sommet et textures
```



```
f 1//1 2//1 3//1    # sommet et normales
```

Caméra — Classe Camera

La caméra est une simple classe qui se contente de garder avec elle la matrice de vue et de projection, et gérer les entrées au clavier/souris/manette.

Shader — Classe Shader

Un shader est un programme exécuté à divers niveaux de la pipeline graphique du GPU. Ils ont l'avantage d'être très flexible, et surtout très puissant, car il bénéficient de la puissance de calcul parallèle monstrueuse du GPU.

Un shader n'est pas lié à un modèle en particulier, mais ils est simplement utilisé par OpenGL lorsqu'il effectue du dessin dans un tampon.

Un shader est le résultat de la compilation d'au moins 2 programmes de base, le vertex shader, qui effectue des calculs sommet par sommet, notamment pour effectuer des transformations, selon les paramètres qu'il lui auront été passé avant le dessin, et le pixel shader, qui va donner une couleur à un pixel en fonction des paramètres qu'il lui auront été donné avant le dessin, ou récupéré directement du vertex shader, qui s'exécute avant le pixel shader dans la pipeline.

Il existe aussi des geometry shaders, qui permettent notamment de générer de manière procédurale des objets tridimensionnels, et — à partir d'OpenGL 4.0 — les compute shaders qui sont utilisés pour des calculs plus généraux, comme par exemple des simulations d'événements physiques comme des tissus, et le couple Tessellation Control/Evaluation shader qui prend une géométrie existante, en génère des sommets puis applique à ces nouveaux sommets des transformations supplémentaires, ils sont surtout utilisés pour augmenter le niveau de détail d'un objet.

La classe **Shader** s'occupe donc de la vie d'un shader, de sa création à sa destruction. Elle combine un vertex shader et un fragment shader, et accessoirement un geometry shader, et les combine en un seul shader prêt à l'emploi.

Exemple de vertex shader basique

Voici un exemple de vertex shader qui se content d'effectuer la transformation d'un sommet, de son espace-local en coordonnées écran.

```
#version 330 core

layout (location = 0) in vec3 pos;

uniform mat4 proj;
uniform mat4 view;
uniform mat4 model;

void main()
{
    gl_Position = proj * view * model * vec4(pos, 1.0);
}
```

Exemple de fragment shader basique

Ce shader se contente de colorer en blanc les pixels qui sont affiché durant un dessin.

```
#version 330 core

out vec4 outColor;

void main()
{
    outColor = vec4(1.0f);
}
```

Gestion des ressources

Un des problèmes qui s'est posé pendant le développement était : comment est-ce que tout ces modèles, shader, texture, etc, allaient être chargés dans le programme ? Est-ce que les garder dans un fichier était une solution idéale ? Le programme serait contraint de se trouver dans un répertoire à partir d'où il avait accès à toutes ses ressources, avec les bonnes permissions, et un déplacement ou une copie de l'exécutable s'accompagne de tout ses fichiers. Une première solution avait été d'utiliser le linker `ld`, qui est capable de transformer n'importe quel fichier en `.o`, pouvant être linker statiquement dans le programme, cela posait trois autres problèmes, le nom de symboles généré par `ld` n'était pas paramétrable, et donnait trois symboles sous la forme “`_binary_nom_extension_`” suivis de `start`, `end`, et `size`. Ensuite le problème était que pour chaque fichier ajouté, il fallait ajouter trois symboles au code du programme, et c'est vite devenu pénible à gérer, et dernièrement, le symbole censé représenter la taille, ne contenait pas vraiment la taille, mais son adresse elle-même était la taille d'une ressource.

Au final, un format de fichier RES d'archivage sans compression a été conçu pour répondre à ce besoin, ainsi qu'une classe capable de manipuler ce type de fichier, situé dans une bibliothèque séparée et un exécutable génère les archives, et `ld` n'a plus qu'à linker ces archives avec l'exécutable final, nécessitant alors seulement de modifier le code du programme non plus à chaque ajout de fichier, mais à chaque ajout de répertoire, ce qui n'arrive pas souvent.

Anatomie d'un fichier RES

Le header d'un fichier RES défini de la manière suivante.

Le header commence par les 3 caractères ASCII “RES” suivi d'un octet présentant la version du format d'archive — typiquement 1 — suivi du nombre de ressource contenue dans le fichier, encodé en big endian, sur 32 bits. Une archive valide a donc une taille de 8 octets.

Ensuite le header contient une table de ressource, de taille variable, car chacune de ses entrées a une taille variable. Une entrée dans la table est typiquement la suivante, en format hexadécimal :

```
[ aa aa aa aa ] [ bb ... a fois ... bb ]  
[ cc cc cc cc ] [ dd dd dd dd ]
```

Où **aa aa aa aa** est un entier 32 bits non signé en big endian représentant la taille du nom de la ressource, **bb ... bb** est le nom de la ressource, **cc cc**

cc cc est un entier 32 bits non signé en big endian représentant la taille de la ressource elle-même, et enfin **dd dd dd dd** est un entier 32 bits non signé en big endian représentant l'adresse du premier octet de la ressource dans l'archive.

Enfin, le header est constitué d'octets à 0 jusqu'à être aligné avec le segment qui suit — padding.

Gestionnaire de Ressources — Classe `ResourceManager`

La classe `ResourceManager` s'en tient aux spécifications données précédemment pour permettre de lire, gérer et sauvegarder une archive.

Générateur de Ressources — Programme `resgen`

Le programme `resgen` prend une liste de fichiers en paramètre, et en crée une archive, écrite sur la sortie standard. Si un des fichiers est une archive RES, alors elle n'est pas ajoutée à l'archive en cours de création mais ses ressources le sont. Comme l'archive résultante est écrite sur la sortie standard, vous sauvegardez une archive «The Unix Way», avec la redirection de votre shell :

```
$> ./resgen file1 file2 > ar.res
```

Utilisation de la “nouvelle” API d'OpenGL

Ce qui a causé la création du Core Profile d'OpenGL fut en partie due à la popularité de la programmation orientée objets. En effet, l'ancienne API d'OpenGL était très procédurale, les programmes n'étaient constitués que de grandes listes d'appels à des fonctions, sans structure.

Le Core Profile introduit les **objets** OpenGL, ainsi que des fonctions permettant de les manipuler. Cela rend l'encapsulation dans des classes de langages de plus haut niveau plus simple.

Notre programme en utilise quelques-uns, leur fonctionnement est détaillé au fur et à mesure.

Cette section contient donc des détails d'implémentation utilisant le Core Profile de l'API OpenGL 3.3

Modèles

Avec OpenGL 3.3, l'utilisation des Vertex Array Objects est devenu obligatoire, avec les Vertex Buffer Objects. Notre classe Model utilise ces deux types d'objets, ainsi que des Element Buffer Object si nécessaire.

Vertex Array Objects

Un Vertex Array Object (VAO) est un objet qui conserve en mémoire les attributs et leur format d'un tampon. Imaginez un ensemble de données qui contient les uns à la suite des autres, des données pour chaque sommets d'un objet :

Pour créer un VAO, vous générez un tampon, puis vous l'activez de cette manière :

```
int vao;  
glGenVertexArrays(1, &vao); glBindVertexArray(vao);
```

```
[x y z u v a b c] [x y z u v a b c] ... [x y z u v a b c]
```

Où les [] dénotent un sommet x, y et z sont sa position, u et v des coordonnées de texture, et a b c, une normale.

Le VAO lui, définit comment ces attributs sont dans la mémoire de la manière suivante :

Les coordonnées de sommets sont constitués de 3 nombres, la distance entre les coordonnées de sommets de 2 points est de 8 nombres

Les coordonnées de texture sont constitués de 2 nombres, après avoir sauter 3 nombres, la distance entre les coordonnées de texture de 2 points est de 8 nombres

Les normales sont constitués de 2 nombres, après avoir sauter 5 nombres, la distance entre les normales de 2 points est de 8 nombres

Le VAO définit aussi où, dans le vertex shader, ces données seront placées. Le programmeur définit ces informations une seule fois avec les appels OpenGL, et le VAO se contente de les enregistrer et de le redonner quand nécessaire :

```
// location 0 du vertex shader
// 3 float
// sizeof float (4) * distance entre sommets (8) = 32

// sauter 0 nombres
glVertexAttribPointer(0, 3, GL_FLOAT, false, 32, nullptr);
glEnableVertexAttribArray(0);

// sauter sizeof float (4) * 3 nombres = 12
glVertexAttribPointer(1, 2, GL_FLOAT, false, 32, (void *)12);
glEnableVertexAttribArray(1);

// sauter sizeof float (4) * 5 nombres = 20
glVertexAttribPointer(2, 3, GL_FLOAT, false, 32, (void *)20);
glEnableVertexAttribArray(2);
```

Notez que l'ensemble de données est défini de manière implicite, ici, vous devez le générer et l'activer avant de faire des appels à `glVertexAttribPointer`.

Maintenant, où sont stockés ces ensembles de données ?

Vertex Buffer Object

Un Vertex Buffer Object (VBO) se contente typiquement de garder de l'information relative à un objet que vous voulez afficher, tel que les sommets, normales, mais vous pouvez y mettre ce que vous voulez tant que vous êtes organisé.

Pour créer et activer un VBO, ça se passe quasiment comme pour les VAO :

```
glGenBuffers(1, &vbo);  
glBindBuffer(GL_ARRAY_BUFFER, vbo);
```

Le `GL_ARRAY_BUFFER` est une “cible”, c'est ici que vous voulez garder en mémoire vos sommets.

Ensuite, vous voulez remplir votre buffer,

```
glBufferData(GL_ARRAY_BUFFER,  
             size * sizeof(float),  
             ptr,  
             GL_STATIC_DRAW);
```

Où `size` est le nombre de données que vous multipliez par la taille d'une seule données, pour avoir le nombre d'octets à copier, à partir du pointeur `ptr`. `GL_STATIC_DRAW` indique à OpenGL qu'on ne viendra pas plus tard modifier ces données, puisque on se contente de les afficher et d'effectuer des transformations dessus.

Maintenant, quand on veut dessiner un objet, on bind le VAO, active le shader, et on dessine :

```
glBindVertexArray(vao);  
glUseProgram(shader);  
...  
glDrawArrays(GL_TRIANGLES, 0, n);
```

Où `n` est le nombre de sommets

Element Buffer Object

Vous avez sûrement remarqué que quand on veut dessiner un objet, on utilise des triangles. Un triangle a trois sommets.

Maintenant, supposons que l'on veuille dessiner un carré. Eh bien on ne peut pas le faire avec 4 sommets, On doit dessiner deux triangles rectangle avec 2 points en communs. Ce qui fait 6 points.

C'est là que les EBO interviennent. Au lieu de définir 6 points, et de dessiner 2 triangles, vous définissez 4 points, et vous dessinez 2 triangles en réutilisant leur indices. Un peu comme le fait le format OBJ.

```
glGenBuffers(1, &ebo);
glBindBuffer(GL_ELEMENT_ARRAY_BUFFER, ebo);
glBufferData(GL_ELEMENT_ARRAY_BUFFER,
             size * sizeof(int),
             ptr,
             GL_STATIC_DRAW);
```

Maintenant, supposons un VBO contenant 4 points :

```
0.000000 0.000000 0.000000
0.000000 1.000000 0.000000
1.000000 0.000000 0.000000
1.000000 1.000000 0.000000
```

On peut alors dessiner un carré avec un EBO contenant

```
0 1 2 2 1 3
```

Avec

```
glBindVertexArray(vao);
glUseProgram(shader);
...
glDrawElements(GL_TRIANGLES, n, GL_UNSIGNED_INT, 0);
```

Où **n** est le nombre de sommets à dessiner.

Le gros désavantage de cette méthode est que vous êtes restreint à un seul attribut par point, quel que soit la face. Pour des normales par exemple, soit vous les recalculer, soit vous vous passez des EBO.

Shaders

Les shaders étant des programmes exécutés sur le GPU, ils utilisent un langage particulier conçu pour cet usage, le **GLSL**.

Le GLSL est un langage dérivé du C, mais même si il bénéficie de type primitifs plus évolués qu'en C, il reste un peu moins flexible (pas de pointeur, pas d'allocation dynamique...)

Le shader est le programme compilé qui est exécuté sur le GPU au moment du dessin, il est donc important de l'activer (bind) juste avant un appel à `glDrawArrays`.

Pour créer un shader, on compile les différents stades de la pipeline (vertex et fragment), pour cela, vous donnez à OpenGL le code source des shaders.

```
glShaderSource(vsID, 1, &vs, nullptr);
glShaderSource(fsID, 1, &fs, nullptr);
```

Ensuite vous les compilez.

```
glCompileShader(vsID);
glCompileShader(fsID);
```

On indique à quel programme ces shaders sont associés.

```
glAttachShader(shaderID, vsID);
glAttachShader(shaderID, fsID);
```

Avant de lier ces programmes en un seul, on donne le nom de la variable qui contient la sortie de la pipeline (la couleur) avec `glBindFragDataLocation`

```
glBindFragDataLocation(shaderID, 0, "outColor")
```

Et on active le shader pour le dessin avec `glUseProgram`.

Vous pouvez passer des paramètres à votre shader à travers des uniformes, les uniformes sont des valeurs constantes dans un shader durant tout le temps de l'exécution d'un shader (lisez, un appel à `glDraw*`).

Vous déclarez un uniforme dans votre programme avec le mot clé `uniform`, puis selon son type, (float, vec, mat...), OpenGL vous fournit divers manières d'uploader ces valeurs à votre shader.

Par exemple, pour des matrices 4x4, vous avez `glUniformMatrix4fv`. Notez que pour utiliser ces fonctions vous devez obtenir un nombre qui sert de référence à votre uniforme, pour qu'OpenGL sache où mettre les données que vous lui donnez. Pour cela on utilise `glGetUniformLocation`.

```
uM = glGetUniformLocation(shaderID, "model");
...
```

```
glUniformMatrix4fv(uM, 1, GL_FALSE, value_ptr(M));
```

Transformations

De base, nous avons besoin d'appliquer des transformations à des sommets situés dans un espace local à l'objet. Pour cela, nous utilisons des matrices de transformation. En multipliant une matrice de modèle par les sommets du modèle, plus une composante w , qui traduit les coordonnées d'espace local en espace monde.

La matrice de modèle définit les transformations de base à appliquer, Translation, rotation, homothétie. De base, la matrice de modèle est une matrice identité

Pour définir les transformations, on multiplie cette matrice identité par des matrices de Translation.

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & T_x \\ 0 & 1 & 0 & T_y \\ 0 & 0 & 1 & T_z \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Où T est un vecteur tridimensionnel définissant la translation

Pour l'homothétie :

$$\begin{bmatrix} S_x & 0 & 0 & 0 \\ 0 & S_y & 0 & 0 \\ 0 & 0 & S_z & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Où S est un vecteur tridimensionnel définissant les coefficients d'échelle

La rotation, est définie par le produit des matrices de rotation autour de chacun des axes de base.

$$M_{\text{rotation}} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \cos(x) & -\sin(x) & 0 \\ 0 & \sin(x) & \cos(x) & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} \cos(y) & 0 & \sin(y) & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 \\ -\sin(y) & 0 & \cos(y) & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \cos(z) & -\sin(z) & 0 \\ 0 & \sin(z) & \cos(z) & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Notez que cela peut conduire à un blocage de cardan, mais en pratique, le programme ne fait pas usage de tel rotations.

Donc, soit une matrice de rotation M_{rotation} et un sommet à trois dimensions dans l'espace local d'un objet S , sa coordonnée espace-monde C_{oeil} est obtenue avec

$$C_{\text{oeil}} = M_{\text{rotation}} \cdot \begin{bmatrix} S_x & 0 & 0 & T_x \\ 0 & S_y & 0 & T_y \\ 0 & 0 & S_z & T_z \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{pmatrix} X \\ Y \\ Z \\ 1 \end{pmatrix}$$

Ensuite, les coordonnées espace monde sont transformés en coordonnées de vue, à partir de la matrice de vue, qui représente la position de la camera dans la scene.

En OpenGL, la camera est fixe, elle est orientée sur l'axe z, regardant vers l'opposé. Donc pour simuler une camera qui se déplace dans un univers, avec tout ces degrés de libertés, nous avons besoin d'une matrice de vue, qui transforme les coordonnées pour simuler une camera. Par exemple, si vous avancez la camera sur un objet, eh bien il s'agit en fait de la matrice de vue qui fait avancer cet objet. Quand vous faites pivoter la camera, c'est en fait le monde qui pivote dans la direction opposée.

Il y a besoin de 3 éléments pour constituer une matrice de vue. La position de la camera, sa cible, et une norme indiquant le haut.

À partir de ces trois données, on peut calculer la direction de la caméra en faisant une soustraction entre sa position et sa cible, le vecteur Droite en faisant un produit vectoriel du vecteur haut et de la direction de la vue.

$$Direction = \left\| \begin{pmatrix} Camera_x \\ Camera_y \\ Camera_z \end{pmatrix} - \begin{pmatrix} Cible_x \\ Cible_y \\ Cible_z \end{pmatrix} \right\|$$

$$Droite = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} \wedge \begin{pmatrix} Direction_x \\ Direction_y \\ Direction_z \end{pmatrix}$$

Enfin, on construit la matrice 4x4 de vue de cette manière :

$$\begin{bmatrix} Droite & 0 \\ Haut & 0 \\ Direction & 0 \\ Position & 1 \end{bmatrix}$$

Enfin, il reste une dernière matrice, la matrice de projection. La matrice de projection définit la position des sommets sur la surface d'affichage, entre -1 et 1, où -1 est la gauche de la surface de rendu sur l'axe X, et le bas sur l'axe Y

Pour une matrice de projection avec la perspective, on a besoin d'un champ de vision, du ratio de la zone d'affichage, et de deux plans qui définissent les distances minimale et maximale par rapport au point de vue.

Ainsi, on définit la matrice de projection de la manière suivante

$$\begin{bmatrix} \frac{\arctan(\frac{f}{2})}{r} & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \arctan(\frac{f}{2}) & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -\frac{Pres+Loin}{Loin-Prs} & \frac{2*Pres*Loin}{Loin-Prs} \\ 0 & 0 & -1 & 0 \end{bmatrix}$$

Maintenant que nos matrices sont prêtes, nous voulons les utiliser dans nos vertex shader.

L'API d'OpenGL, elle, veut que nos matrices soit définies comme un seul et unique tableau de 16 nombres réel. Et nous avons la bibliothèque GLM qui peut générer un pointeur vers ces 16 valeurs.

```
glUniformMatrix4fv(uMat, 1, GL_FALSE, value_ptr(matrice));
```

Avec cela, nous mettons à jour l'uniform du programme actif. uMat est une référence vers notre uniforme obtenue avec glGetUniformLocation, et matrice est un objet de GLM.

Éclairage

La gestion de l'éclairage se fait dans le fragment shader.

Le modèle d'éclairage utilisé est celui de Phong. Ce modèle se caractérise par la combinaison de 3 composantes pour déterminer l'éclairage sur un objet, la lumière ambiante, constante, la lumière diffuse qui suppose qu'une face est plus illuminée si elle est plus exposée à un rayon, et la lumière spéculaire qui suppose qu'une face est plus illuminée si le rayon réfléchit est plus proche de la caméra à un certain niveau.

Le shader d'éclairage de base fonctionne ainsi : il définit des couleurs de base qui sont des niveaux de gris, calcul les trois composante de la lumière et les combine, chaque calcul étant réalisé pixel par pixel, ainsi qu'une source de lumière fixe.

La composante ambiante est constante, pour un gris 20%.

La composante diffuse se calcule en mesurant l'angle entre le rayon incident et la normale, et multiplie ce résultat par la constante diffuse. Ainsi, une face faisant parfaitement face à la source de lumière aura une intensité maximale.

La mesure de l'angle incident se fait en calculant le produit scalaire entre la normale de la face et la direction du rayon de lumière incident (elle aussi une norme). L'angle de vue se calcule de la même manière. La normale est donnée par le vertex shader, et la direction du rayon incident se calcule en faisant la norme de la différence entre la position de la lumière et la position (obtenu par interpolation implicite des positions des sommets par GLSL) dans l'espace monde du pixel en train d'être traité.

$$\begin{aligned}
\overrightarrow{DirRayonIncident} &= \frac{\overrightarrow{PositionLumiere} - \overrightarrow{PositionPoint}}{\|\overrightarrow{PositionLumiere} - \overrightarrow{PositionPoint}\|} \\
\overrightarrow{DirVue} &= \frac{\overrightarrow{PositionCamera} - \overrightarrow{PositionPoint}}{\|\overrightarrow{PositionCamera} - \overrightarrow{PositionPoint}\|} \\
\overrightarrow{Diffuse} &= \overrightarrow{DirRayonIncident} \times \overrightarrow{Normale}
\end{aligned}$$

Enfin, la composante spéculaire se calcule en trois temps, d'abord, calculer la direction de la lumière réfléchie, ensuite calculer l'angle par rapport à l'angle de vue, et enfin, élever cet angle à une puissance, cette puissance est appelée indice de brillance dans le modèle de Phong.

Pour calculer le rayon réfléchi :

$$\overrightarrow{Reflechit} = \overrightarrow{Incident} - 2.0 \cdot \overrightarrow{Normale} \times \overrightarrow{Incident} \cdot \overrightarrow{Normale}$$

GLSL fournit la fonction incluse `reflect`, qui effectue ce calcul.

$$\overrightarrow{Speculaire} = \overrightarrow{DirVue} \times \overrightarrow{Reflechit}^{Brillance}$$

La couleur finale du pixel est la somme des trois composantes.

$$\overrightarrow{Couleur} = \overrightarrow{Ambiante} + \overrightarrow{Diffuse} + \overrightarrow{Speculaire}$$

Skybox

La skybox est un cube avec une taille d'arrêter de 1, qui est dessiné tout autour de la caméra. En fait, pour suivre la caméra, la partie 3x3 de la matrice de vue est utilisée, ce qui a pour effet d'éliminer la composante de translation tout en conservant la composante rotation qui nous intéresse. Ensuite le cube est dessiné en désactivant l'écriture dans le tampon de profondeur, donc n'importe quel objet dessiné après le cube apparaîtra à l'écran, même si il se trouve plus loin que les faces visibles du cube. Le résultat donne l'impression que la scène se situe dans le ciel, avec des nuages que l'on ne peut atteindre.

En réutilisant la texture de la skybox comme environment map des objets de la scène, on peut simuler des phénomènes physiques intéressants, la réfraction et la réflexion.

Réflexion

La réflexion sur les cristaux est simulée par une texture d'environnement qui correspond à la skybox qui englobe la scène. La particularité est que le vecteur de la direction réfléchi correspond directement au texel (pixel d'une texture) du cube. On peut donc récupérer la couleur facilement et l'afficher sur le cristal, après l'avoir légèrement mixée avec le reste du fragment (10%)

La texture est accessible avec 2 coordonnées x et y.

Réfraction

La réfraction elle, est un peu plus compliquée, le même principe s'adapte, sauf qu'au lieu de calculer la réflexion d'un rayon, on calcul la déviation avec l'indice de réfraction d'un crystal La fonction `refract` prend en paramètre le rayon de vue, la normale d'incidence et l'indice de réfraction. Et le rayon réfracté est obtenu selon la formule suivante.

$$R = (ir * Incident - (ir * Normale \times Incident) + \sqrt{k}) * Normale)$$