大学物理教学要点汇总 李延龙

Ch1.质点运动的基本规律

1、 位矢:
$$\vec{r} = x\vec{i} + y\vec{j} + z\vec{k}$$
, $|\vec{r}| = \sqrt{x^2 + y^2 + x^2}$
速度: $\vec{v} = \frac{d\vec{r}}{dt} = v_x\vec{i} + v_y\vec{j} + v_z\vec{k} = \frac{dx}{dt}\vec{i} + \frac{dy}{dt}\vec{j} + \frac{dz}{dt}\vec{k}$
加速度: $\vec{a} = \frac{d\vec{v}}{dt} = \frac{d^2\vec{r}}{dt^2} = a_x\vec{i} + a_y\vec{j} + a_z\vec{k} = \frac{d^2x}{dt^2}\vec{i} + \frac{d^2y}{dt^2}\vec{j} + \frac{d^2z}{dt^2}\vec{k}$

- 2、 切向加速度: $a_n = \frac{v^2}{r}$ 法向加速度: $a_\tau = \frac{dv}{dt}$
- 3、 线量和角量的关系

$$dl=rd\theta,\quad v=r\omega,\quad a_n=r\omega^2,\quad a_\tau=r\alpha$$

ch2.守恒定律

1、 功
$$dA = \vec{F} \cdot d\vec{l} = Fdl \cos \theta$$
, $A = \int \vec{F} \cdot d\vec{l}$

重力做功: $A = mgh_1 - mgh_2$

弹性力做功:
$$A = \int_{x_1}^{x_2} -kx dx = \frac{1}{2} kx_1^2 - \frac{1}{2} kx_2^2$$

万有引力做功:
$$A = \int_{r_1}^{r_2} -G \frac{m_1 m_2}{r^2} dr = G \frac{m_1 m_2}{r_2} - G \frac{m_1 m_2}{r_1}$$

保守力做功:
$$A = \int \vec{F} \cdot d\vec{l} = -(E_{p2} - E_{p1})$$

保守力对应的势能:
$$\mathbf{E}\mathbf{p} = \int_{\mathbf{r}}^{\mathbf{r}_0} \mathbf{\vec{F}} \cdot \mathbf{d\vec{l}}$$

- 2、动能定理: $A = E_{k2} E_{k1}$
- 3、机械能守恒定律: $A_{\text{sh}} + A_{\text{strp}} = 0$ 时,E=常量

Ch4.机械振动

1、 动力学方程:
$$\frac{d^2x}{dt^2} = -\omega^2x$$
, $\omega = \sqrt{\frac{k}{m}}$, $T = \frac{2\pi}{\omega}$

运动方程: $x = A\cos(\omega t + \varphi)$

速度:
$$v = \frac{dx}{dt} = -A\omega \sin(\omega t + \varphi)$$

加速度:
$$a = \frac{d^2x}{dt^2} = -A\omega^2\cos(\omega t + \varphi)$$

初条件法: A、
$$\phi$$
: $A = \sqrt{{x_0}^2 + \frac{{v_0}^2}{\omega^2}}$, $\tan \phi = -\frac{{v_0}}{{x_0}\omega}$

2、 振动合成:
$$A = \sqrt{A_1^2 + A_2^2 + 2A_1A_2\cos\Delta\phi}$$

$$\tan \varphi = \frac{A_1 \sin \varphi_1 + A_2 \sin \varphi_2}{A_1 \cos \varphi_1 + A_2 \cos \varphi_2}$$

同相:
$$\Delta \phi = \pm 2k\pi$$
时, $A = A_{max} = A_{1+}A_2$

反相:
$$\Delta \phi = \pm (2k+1)\pi$$
时, $A = A_{\min} = |A_1 - A_2|$

Ch5.机械波

1、 二质点间的相位关系:
$$\Delta \varphi = \frac{2\pi}{\lambda} \Delta r = \frac{\omega}{u} \Delta r$$
, $u = \lambda v$,

2、 波动方程:
$$y = A \cos \left[\omega \left(t \mp \frac{x}{u} \right) + \phi \right]$$

3、 干涉条件(或规范):

$$\begin{split} \Delta \phi = & \begin{cases} \pm 2k\pi & \mp \% m \\ \pm (2k+1)\pi & \mp \% \end{pmatrix} \\ & \Delta \phi = \phi_2 - \phi_1 - \frac{2\pi}{\lambda} \Delta r \end{cases} \\ & \phi_2 = \phi_1 \text{时,干涉条件: } \Delta r = & \begin{cases} \pm k\lambda & \mp \% m \\ \pm (2k+1)\frac{\lambda}{2} & \mp \% \end{pmatrix} \text{ } \end{split}$$

Ch6.波动光学

1、 光程及光程差: 光程= $\sum n_i r_i$, Δ = 光程 2 - 光程 1

2、 杨氏实验:
$$x_{ij} = \pm \frac{D}{d} k \lambda$$
, $x_{ij} = \pm \frac{D}{2d} (2k+1) \lambda$, $\Delta x = \frac{D}{d} \lambda$

3、 薄膜干涉: Δ = 2ne + δ,

4、 劈尖干涉: Δ= 2ne + δ, Δe =
$$\frac{\lambda}{2n}$$
, $l = \frac{\lambda}{2n\theta}$

5、 单缝衍射:
$$a \sin \theta = \begin{cases} 0 & \text{中央明条纹} \\ \frac{\pm k\lambda}{2} & \text{暗条纹} \\ \frac{\pm (2k+1)\frac{\lambda}{2}}{2} & \text{明条纹} \end{cases}$$

中央明条纹: 位置 x=0, 半角宽度 $\theta_0 = \frac{\lambda}{a}$, 线宽度 $\Delta x_0 = \frac{2\lambda f}{a}$

6. 马吕斯定理: $I = I_0 \cos^2 \theta$

Ch7--8 热学

1、理想气体

状态方程:
$$PV = nRT$$
 内能: $E = \frac{i}{2}RT$

2、能均分定理:

平均平动动能:
$$\overline{\varepsilon_k} = \frac{1}{2} m \overline{v^2} = \frac{3}{2} kT$$
 定理: $\overline{\varepsilon_k} = \frac{i}{2} kT$

3、热力学第一定律:
$$Q = \Delta E + A$$
 $A = \int dA = \int_{v_1}^{v_2} P dV$

$$Q = vC\Delta T$$
 $\Delta E = v\frac{i}{2}R\Delta T$ 等容过程: $Q_V = \Delta E = v\frac{i}{2}R\Delta T$ $C_V = \frac{dQ_V}{dT} = \frac{dE}{dT} = \frac{i}{2}R$

等压过程:

$$A = \frac{M}{\mu} R (T_2 - T_1)$$

$$Q_p = \Delta E + A = \frac{M}{\mu} (C_V + R) (T_2 - T_1)$$

$$C_p = C_V + R = \frac{i+2}{2} R$$

$$\gamma = \frac{C_P}{C} = \frac{i+2}{i} \lambda 1$$

等温过程:
$$Q_T = A = \frac{M}{\mu} R T_1 \ln \frac{V_2}{V_1} = \frac{M}{\mu} R T_1 \ln \frac{p_1}{p_2}$$

绝热过程: $A = -(E_2 - E_1) = -\frac{M}{\mu} C_V (T_2 - T_1) = \frac{p_2 V_2 - p_1 V_1}{1 - \gamma}$
 $pV^{\gamma} = C_1$ $TV^{\gamma - 1} = C_2$ $T^{-\gamma} p^{\gamma - 1} = C_3$

4、循环过程

正循环(热机):
$$\eta = \frac{A}{Q_1} = 1 - \frac{Q_2}{Q_1}$$
 卡诺循环: $\eta = 1 - \frac{T_2}{T_1}$ 逆循环(制冷机): $\omega = \frac{Q_2}{A} = \frac{Q_2}{Q_1 - Q_2}$ 卡诺逆循环: $\omega_c = \frac{T_2}{T_1 - T_2}$

Ch9.静电场

1、 场强:
$$\vec{E}=\frac{\vec{F}}{q_0}$$
 场强叠加原理: $\vec{E}=\int\!\!d\vec{E}$ 或 $\vec{E}=\sum\!\!\vec{E}_i$ 点电荷场强: $\vec{E}=\frac{q}{4\pi\epsilon_0 r^2}\vec{r}^0$

均匀无限长带电直线场强: $\vec{E} = \frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0 r} \vec{r}^0$

均匀无限大带电平面场强: $\vec{E} = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \vec{r}^0$

- 2、 电通量: $\Phi_e = \iint_s \vec{E} \cdot d\vec{s}$
- 3、 电场性质: $\oint \vec{E} \cdot d\vec{s} = \frac{1}{\varepsilon_0} \sum q$, $\oint \vec{E} \cdot d\vec{l} = 0$ 均匀带电球面场强: $\vec{E} = \begin{cases} 0 & r < R \\ \frac{q}{4\pi\varepsilon_0 r^2} \vec{r}^0 & r > R \end{cases}$ 均匀带电柱面场强: $\vec{E} = \begin{cases} 0 & r < R \\ \frac{\lambda}{2\pi\varepsilon_0 r} \vec{r}^0 & r > R \end{cases}$
- 4、 电势: $V=\int_r^{"0"}\vec{E}\cdot d\vec{l}$, 点电荷电势 $V=\frac{q}{4\pi\epsilon_0 r}$ 孤立导体球电势 $V=\frac{q}{4\pi\epsilon_0 R}$
- 5、 电势计算方法:

离散电荷体系: $V=\sum_i \frac{q_i}{4\pi\epsilon_0 r_i}$,连续电荷体系: $V=\int \frac{dq}{4\pi\epsilon_0 r}$

特殊情况:可利用定义 $V = \int_{r}^{"0"} Edr$ 计算

Ch11.静磁场

1、 磁感应强度: $B = \frac{Fmax}{q_0 v}$, 方向: 小磁针 N 极方向

无限长载流直导线磁感应强度: $\vec{B} = \frac{\mu_0 I}{2\pi r} \vec{\tau}^0$

圆电流圆心处磁感应强度: $\vec{B} = \frac{\mu_0 I}{2R} \vec{n}^0$

- 2、 毕奥萨伐尔定律: $d\vec{B} = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{Id\vec{l} \times \vec{r}^0}{r^2}$, $\vec{B} = \frac{\mu_0}{4\pi} \int \frac{Id\vec{l} \times \vec{r}^0}{r^2}$
- 3、 磁通: $\Phi_m = \iint \vec{B} \cdot d\vec{s}$, 磁矩: $\vec{p}_m = IS\vec{n}^0$
- 4、 磁场性质: $\iint \vec{B} \cdot d\vec{S} = 0$, $\oint \vec{B} \cdot d\vec{l} = \mu_0 \sum \vec{I}$

无限长螺线管内磁感应强度: $B = \mu_0 nI$, 方向: 右旋定则

"细"螺绕环内磁感应强度: $B = \mu_0 nI$, 方向: 右旋定则

螺绕环内磁感应强度: $B = \frac{\mu_0 NI}{2\pi r}$, 方向: 右旋定则

无限长载流柱面磁感应强度: $\vec{\mathbf{B}} = \begin{cases} \mathbf{0} & \mathbf{r} < R \\ \frac{\mu_0 \mathbf{I}}{2\pi \mathbf{r}} \vec{\tau}^0 & \mathbf{r} > R \end{cases}$

- 5、 安培定律: $d\vec{F} = Id\vec{l} \times \vec{B}$, $\vec{F} = \int Id\vec{l} \times \vec{B}$
- 6、 洛伦兹力: $\vec{F} = q\vec{v} \times \vec{B}$
- 7、 带电粒子在均匀磁场中的螺旋线运动: $R = \frac{\text{mv} \sin \theta}{\text{qB}}$,

$$T = \frac{2\pi m}{qB}, \quad h = \frac{2\pi m v \cos \theta}{qB}$$

Ch12.变化的电磁场 1、法拉第电磁感应定律: $\varepsilon = -\frac{d\varphi}{dt}$

2、 动生电动势: $ε = \int (\vec{v} \times \vec{B}) \cdot d\vec{l}$, 3、感生电场