A - 筛1

这题没有什么难点,只要给所有的邮票从大到小排个序,然后从头累加到总数大于等于所需要的邮票数量。

B - 筛2

要找到的素数是最小的,所以我们直接从2开始从小到大找,如果找到的数小于最低要求就输出BAD,反之输出 GOOD。在寻找过程中由于数据过大,所以我们要用数组存储,进制选择由题意决定,这里用干进制,计算时要用上同 余定理。

C - Extended Twin Composite Number

寻找两个相差n的数,保证两个数时合数。总所周知,除了2所有的偶数都是合数,所以当n为偶数时,我们的前置数字选择4,后置数字就是偶数->合数,当n为奇数时,我们的前置数字可以选择9,后置数字也就是偶数->合数。

D - 快速幂

快速幂模板题,要注意第一个格子的数量是1,所以次数从0开始计算。

E - 矩阵快速幂

题目稀里哗啦的,但是还是一道模板,可以将矩阵相乘设成自定义函数,然后用快速幂一样的方法做就好了。

F-欧拉函数

这道题也可以直接套欧拉函数的模板,但是这道题里面有一点改进。这题题意中,后面的点会被前面的点挡住视野,由此可知,后面的点和前面的点在于原点相连时斜率是相等的,我们要得到唯一的解时,就要使点的x和y的质互质,即无法进一步约分。

先对1-n进行欧拉函数的计算找出所有的互质数的对数,累加后2*sum+1得到答案

G - 欧拉降幂

欧拉降幂就是对欧拉函数的一个升级应用,以指数的欧拉函数通过同余定理得到最后的余数,就是欧拉降幂的最后结果,然后快速幂一下得到答案。

H - 组合数

题目相当于求n个数的和不超过m的方案数。

如果和恰好等于m,那么就等价于方程 $x1+x2+\ldots+xn=m$ 的解的个数,利用插板法可以得到方案数为:

$$(m+1)*(m+2)...(m+n-1) = C(m+n-1,n-1) = C(m+n-1,m)$$

现在就需要求不大于m的,相当于对 i=0,1...,m 对 C(n+i-1,i) 求和,根据公式

$$C(n,k) = C(n-1,k) + C(n-1,k-1)$$

 $C(n-1,0)+C(n,1)+\ldots+C(n+m-1,m)=C(n,0)+C(n,1)+C(n+1,2)+\ldots+C(n+m-1,m)=C(n+m,m)$ 现在就是要求 C(n+m,m) ,其中 p 是素数。

I - OEIS.org

这道题可以直接去OEIS.org网站上找结论:不连续环排列

可以用下列公式

$$a(n) = (n-2) * a(n-1) + (n-1) * a(n-2) - (-1)^n$$

 $a(n) = (n-3) * a(n-1) + (n-2) * (2 * a(n-2) + a(n-3))$

」- 扩展欧几里得

两只青蛙跳一次所花费的时间相同,我们设其为t,则x+mt是青蛙A从坐标原点到终点所走的距离,y+nt是B走的距离,要想碰面,则他们相减一定是地面周长的整数倍,设为k*L;

則:
$$(x+mt)-(y+nt)=kl;$$

变形得:
$$(m-n)t - (y-x) = kL$$
;

即有(m-n) t mod L = y-x;为线性同余方程。

此方程有解当且仅当y-x能被m-n和L的最大公约数(记为gcd(m-n,L)),即 gcd(m-n,L)|y-x。 这时如果 x_0 是方程的一个解,即当 $t=x_0$ 时,(m-n) t mod L=y-x成立,那么所有的解可以表示为: { $x_0+k(L/gcd(m-n,L))$ | $(k\in$ 整数)}。

K - CRT(中国剩余定理)

题目要求了,时间不能超过21252天,所以,从d+1开始到21252遍历,找到 (ans-p) && (ans-e)% 28==0 && (ans-i)% 33==0时候,就是答案了。

L-EXCRT1(扩展中国剩余定理)

给出 k 个模方程组: $x \bmod ai=ri$ 。求 x 的最小正值。如果不存在这样的 x ,那么输出-1 由于这道题目里面的 a_i 、 r_i 之间不满足两两互质的性质,所以不能用中国剩余定理直接求解 $x=a_1*x_1+b_1$ $x=a_2*x_2+b_2$ a_1,a_2 是模数, b_1,b_2 是余数。求 x,模数不互质。

M - EXCRT2

```
先从两个式子入手: x+a[0]*k1=b[0]; x+a[1]*k2=b[1]; 由以上两式子可以得出: a[1]*k2-a[0]*k1=b[1]-b[0]; 用扩展欧几里得可以解出上述式子,之后类推即可。
```