

贪心(greedy)基础 和 常用STL

基础贪心

引言:

算法可以贪心

因为算法贪心可以解决

生活中的大部分问题

越是贪心的人 越可精通greedy

定义

贪心法是一种解决最优问题的策略。它是从问题的初始解出发, 按照当前最佳的选择, 把问题归纳为更小的相似的子问题, 并使子问题最优, 再由子问题来推导出全局最优解。

贪心的特点

1. 贪心算法是在每一步求解的步骤中, 它要求“贪婪”的选择最佳操作, **并希望通过一系列的最优选择, 能够产生一个问题的(全局的)最优解。**
2. 贪心选择性质: 算法中每一步选择都是当前看似最佳的选择, 这种选择依赖于已做出的选择, 但不依赖于未做的选择。
3. 贪心算法不是对所有问题都能得到整体最优解, 关键是贪心策略的选择。
4. 选择的贪心策略必须具备**无后效性**, 即某个状态以前的过程不会影响以后的状态, 只与当前状态有关。

教室调度问题 [HDU-2037](#)

假设有如下课程表, 你希望将尽可能多的课程安排在某间教室上。

课程	开始时间	结束时间
美术	9 AM	10 AM
英语	9:30 AM	10:30 AM
数学	10 AM	11 AM
计算机	10:30 AM	11:30 AM
音乐	11 AM	12 PM

输入

第一行课程数量n

第二至n+1行 每行两个整数, s 和 t, 表示课程的开始时间和结束时间

输出

一行整数表示最多课程数量

策略:

1. 选出结束最早的课, 它就是要在這間教室上的第一堂课。

2. 因为选择结束最早的课，之后必定要选择开始时间在这节课结束之后，且结束最早的课。
3. 以此类推，重复1-2的选择操作，直到所有课程都被删选完成。

根据这种局部的最优策略，推出全局的最优解。

思路：

1. 结束的时间从小到大排序，如果结束的时间相同，开始时间较早的那个排在前面。
2. 选择第一个先结束的节目作为一个标准，后面的课程如果开始时间晚于其结束的时间，说明这两个课程并不冲突。
3. 接着将后面这个课程作为新的标准，一次类推直至遍历完所有的课程。

贪心与递推：与递推不同的是，贪心法中推进的每一步不是依据某一固定的递推式，而是当前看似最佳的贪心决策，不断的将问题归纳为更加小的相似的子问题。所以归纳、分析、选择正确合适的贪心策略，是正确解决贪心问题的关键。

合并果子 [洛谷P1090](#)

有N堆果子，每堆果子有自己的果子数 $a[i]$ ，每次可以合并任意两堆果子，合并后消耗的体力为两堆果子果子数之和。求最终合并成一堆后消耗的最小体力。

$$1 \leq N \leq 10000$$

输入：

共两行。

第一行是一个整数 n ，表示果子的种类数。

第二行包含 n 个整数，用空格分隔，第 i 个整数 $a[i]$ 是第 i 种果子的数目。

输出：

一个整数，也就是最小的体力耗费值。

输入样例：

```
3
1 2 9
```

输出样例：

```
15
```

N堆果子合并成一堆，必定需要操作N-1此。每次合并为体力为 $a[i] + a[j]$ 。

最终消耗的体力之和是每堆果子的数量乘上其参与合并的次数。

所以要体力最小，就需先合并最轻的果子，然后重复这个操作。

理想复杂度 $O(N\log N)$ ，在 $O(\log N)$ 的时间里找出最值。

贪心小结

贪心作为一种解题思路，虽然有时很难证明它的正确性，但在无法找到其他算法的时候，不失为一种好方法。

并且，贪心与其他算法的结合，来优化已有的算法(搜索剪枝、DP优化)。其余很多的算法都是基于贪心证明的 (最短路、最小生成树) 。

什么是STL

STL(Standard Template Library) 即**标准模板库**。它是一个具有工业强度，高效的C++程序库。它包含了诸多在计算机科学领域里所常用的基本数据结构和算法。

STL组成的六部分：**算法**、**容器**、迭代适配器、**迭代器**、仿函数、空间配制器。

- **容器** (Container) 是一种数据结构，如list, vector, 和deque, 以模板类的方法提供。为了访问容器中的数据，可以使用由容器类输出的迭代器；
- **迭代器** (Iterator) 提供了访问容器中对象的方法。例如，可以使用一对迭代器指定list或vector中的一些范围的对象。迭代器就如同一个指针。事实上，C++的指针也是一种迭代器。但是，迭代器也可以是那些定义了operator*()以及其他类似于指针的操作符地方法的类对象；
- **算法 (Algorithm)** , 是用来操作容器中的数据的模板函数。例如，STL用sort()来对一个vector中的数据进行排序，用find()来搜索一个list中的对象，函数本身与他们操作的数据的结构和类型无关，因此他们可以在从简单数组到高度复杂容器的任何数据结构上使用；
 - [beg, end)
 - alg(beg, end, other args);
 - alg(beg, end, dest, other args);
 - alg(beg, end, beg2, other args);
 - alg(beg, end, beg2, end2, other args);
- 仿函数 (Functor)
- 适配器 (Adaptor)
- 分配器 (allocator)

常用容器

1. 简单容器: pair
2. 序列容器: vector, list, forward_list(单向链表), deque(双端队列), array(C++14)
3. 容器适配器: queue, priority_queue, stack
4. 关联容器: set, multiset, map, multimap, (unordered_set, unordered_multiset, unordered_map, unordered_multimap)
5. 其他容器: bitset, valarray.

pair 对

- 头文件 `#include <utility>`
- 定义: `pair<typename1, typename2> var_name`
 - 相当于一个结构体 有 first 和 second 的两个元素
- 访问: `var_name.first / var_name.second`
- 比较原则: 先比较first, first相同时再比较second。

vector 变长数组

- 头文件 `#include <vector>`
- 定义
 - `vecotr<typename> var_name`
 - `vector<typename> var_name(size)`

- 例: `vector<int> pos`, `vector<int> a(10)`

- 访问

- 通过下标 `var_name[index]`
- 使用 `.at` 方法 `var_name.at(index)`, 会越界抛出异常。
- 使用迭代器

```
for (vector<typename>::iterator it = var_name.begin(); it !=  
var_name.end(); it++) {  
    cout << *it << endl;  
}
```

或者使用C++11的特性

```
for (auto x : var_name) {  
    cout << x << endl;  
}
```

- 正确/错误使用 (适用于所有可随机访问的结构)

正确

```
vector<int> a(10);  
cout << a[9] << endl;
```

错误

```
vector<int> a;  
a.push_back(5);  
cout << a[9] << endl; // vector内部元素不足9, 无法访问, 不可使用下标  
//允许cout << a[0] << endl;
```

- 常用方法

- `push_back(type x)`

- 功能: 尾部插入一个元素x

- 复杂度: $O(1)$

- `pop_back()`

- 功能: 删除尾部的一个元素
- 复杂度: $O(1)$

- `size()`

- 功能: 返回vector的长度
- 复杂度: $O(1)$

```
#include <iostream>  
#include <vector>  
using namespace std;  
int main(void) {  
    vector<int> a;  
    a.push_back(1);  
    a.push_back(3);  
    a.push_back(2);
```

```

for (int i = 0; i < a.size(); i++) {
    cout << a[i] << endl;
}
cout << endl;
a.pop_back();
for (int i = 0; i < a.size(); i++) {
    cout << a[i] << endl;
}
return 0;
}

```

string 字符串

- 头文件 `#include <string>`
- 输入输出只能用 `cin` `cout`
- 定义
 - `string var_name`
- 常用方法和vector类似，获取长度使用 `length()`
- 可以使用 `+=` 拼接字符串，`!=` 和 `==` 通过字典序比较字符串

stack 栈

- 头文件 `#include <stack>`
- 定义
 - `stack<typename> var_name`
- 先进后出结构
- 常用方法
 - `push(type x)`
 - 功能：入栈
 - 复杂度： $O(1)$
 - `top()`
 - 功能：取出栈顶的元素
 - 复杂度： $O(1)$
 - `pop()`
 - 功能：弹出栈顶元素
 - 复杂度： $O(1)$
 - `empty()`
 - 功能：返回 `bool` 型，判断栈是否为空
 - 复杂度： $O(1)$
 - `size()`
 - 功能：返回栈的长度
 - 复杂度： $O(1)$

queue 队列

- 头文件 `#include <queue>`
- 定义
 - `queue<typename> var_name`

- 先进先出结构
- 常用方法
 - `push(type x)`
 - 功能：入队
 - 复杂度： $O(1)$
 - `front()/back()`
 - 功能：取出队首/队尾元素
 - 复杂度： $O(1)$
 - `pop()`
 - 功能：出队
 - 复杂度： $O(1)$
 - `empty()`
 - 功能：判断队列是否为空
 - 复杂度： $O(1)$
 - `size()`
 - 功能：返回队列内的元素个数
 - 复杂度： $O(1)$

priority_queue 优先队列/堆(heap) ²

- 底层使用 `vector` 实现，可以在 $O(\log N)$ 的时间内弹出最值。
- 头文件 `#include <queue>`
- 定义
 - `priority_queue<typename> var_name`

例：

- 普通内置类型

```
priority_queue<int> q;
priority_queue<int, vector<int>, less<int> > q; //数字大的优先级大
priority_queue<int, vector<int>, greater<int> > q; //数字小的优先级大
注：vector<int>是用来承载底层heap的容器。less<int>与greater<int>是对第一个参数的比较类。
```

- 结构体

```
struct node {
    int x;
    double y;
    bool operator<(const node &obj) const {
        return x < obj.x; //x大的优先级高
    }
};
```

- 常用方法
 - `top()`
 - 功能：取出顶部的元素
 - 复杂度： $O(1)$

- `push(type x)`
 - 功能：加入队列
 - 复杂度： $O(\log N)$
- `pop()`
 - 功能：删除顶部元素
 - 复杂度： $O(\log N)$
- `size()`
 - 功能：返回元素个数
 - 复杂度： $O(1)$
- `empty()`
 - 功能：判断堆是否为空
 - 复杂度： $O(1)$

map 映射关系

- 头文件 `#include <map>`
 - 定义
 - `map<key typename, value typename> var_name`
- 访问
 - 使用下标 `mp[key]`，返回对应的 value
 - 使用迭代器 或 C++11 的 `range_for`

```
for(map<typename1, typename2>::iterator it = mp.begin(); it !=
mp.end(); it++){
    it->first; //访问键
    it->second; //访问值
}
for (auto &x : mp) { // 这里的x表示的是map中的元素
    x.first;
    x.second;
}
```

- 常用方法
 - `find(key)`
 - 功能：返回key的映射的迭代器
 - 复杂度： $O(\log N)$
 - `size()`
 - 功能：返回map的长度
 - 复杂度： $O(1)$
 - `clear()`
 - 功能：清空
 - 复杂度： $O(N)$
 - `erase()`
 - 功能：删除元素
 - `erase(it)` 删除it指向的元素。 $O(1)$
 - `erase(key)` 删除键中为key的值。 $O(\log N)$
 - `erase(first, last)` 删除 $[first, last)$ 区间元素、 $O(last - first)$

set 集合

- 头文件 `#include <set>`
- 特性：自动排序 去重重复内容
 - 定义

- `set<typename> var_name`

- 访问：只能通过迭代器来访问。

```
for (set<typename>::iterator it = var_name.begin(); it !=  
var_name.end(); it++) {  
    cout << *it << endl;  
}  
//C++11  
for (auto x : var_name) {  
    cout << x << endl;  
}
```

- 常用方法

- `insert()`

- 功能：向集合插入一个元素
 - 复杂度： $O(\log N)$

- `find(value)`

- 功能：返回对应值为value的迭代器
 - 复杂度： $O(\log N)$

- `size()`

- 功能：返回集合大小
 - 复杂度： $O(1)$

- `clear()`

- 功能：清空容器
 - 复杂度： $O(N)$

- `erase`

- `name.erase(it)` 删除当前迭代器it指向的值。时间复杂度 $O(1)$
 - `name.erase(value)` 删除value这个值。时间复杂度 $O(\log N)$
 - `name.erase(first, last)` 删除区间 $[first, last)$ 内的元素。时间复杂度 $O(last - first)$.first与last都为迭代器

算法库 algorithm

头文件 `#include <algorithm>`

sort

- 默认升序重新排序指定访问的元素。可重载。
- 复杂度： $O(N \log N)$
- 用法
 - `sort(begin, end)`
 - `sort(begin, end, cmp)`
 - `sort(v.begin(), v.end())`

- `sort(v.rbegin(), v.rend())`

max

- 取最大值
- 用法:
 - `max(v1, v2)` //v1 v2类型必须一样 复杂度 $O(1)$
 - `max({v1, v2, v3, v4, ..., vn})` 复杂度 $O(n)$

min

- 取最小值
- 用法:
 - `min(v1, v2)` //v1 v2类型必须一样 复杂度 $O(1)$
 - `min({v1, v2, v3, v4, ..., vn})` 复杂度 $O(n)$

unique

- 有序数组去重
- 用法
 - `unique(a, a+n)-a`
- 复杂度: $O(N)$

lower_bound()与upper_bound()

- 二分查找函数, 返回的是迭代器
- 复杂度: $O(\log N)$
 - `lower_bound()`:
 - 用法
 - `lower_bound(v.begin(), v.end(), 20)-v.begin();` //在vector里面查找第一个大于或等于20的下标
 - 返回第一个大于或等于查找的数的 迭代器/指针。
 - `upper_bound()`:
 - 用法
 - `upper_bound(v.begin(), v.end(), 20)-v.begin();` //在vector里面查找第一个大于20的下标
 - 返回第一个大于查找的数的 迭代器/指针。

参考资料

1. [C++中STL用法超详细总结](#), [C++官方文档](#), [STL 总结](#)[↩]

2. [优先队列使用方法](#)[↩]