

# 第十二章 三相电路

## 本章重点

12-1 三相电路

12-2 线电压(电流)与相电压(电流)的关系

12-3 对称三相电路的计算

12-4 不对称三相电路的概念

12-5 三相电路的功率

**●重点**

- 1.三相电路的基本概念
- 2.对称三相电路的分析
- 3.不对称三相电路的概念
- 4.三相电路的功率

## 12-1 三相电路

三相电路由三相电源、三相负载和三相输电线路三部分组成。

### ●三相电路的优点

- ① 发电方面：比单项电源可提高功率50%。
- ② 输电方面：比单项输电节省钢材25%。
- ③ 配电方面：三相变压器比单项变压器经济且便于接入负载。
- ④ 用电设备：结构简单、成本低、运行可靠、维护方便。

以上优点使三相电路在动力方面获得了广泛应用，是目前电力系统采用的主要供电方式。

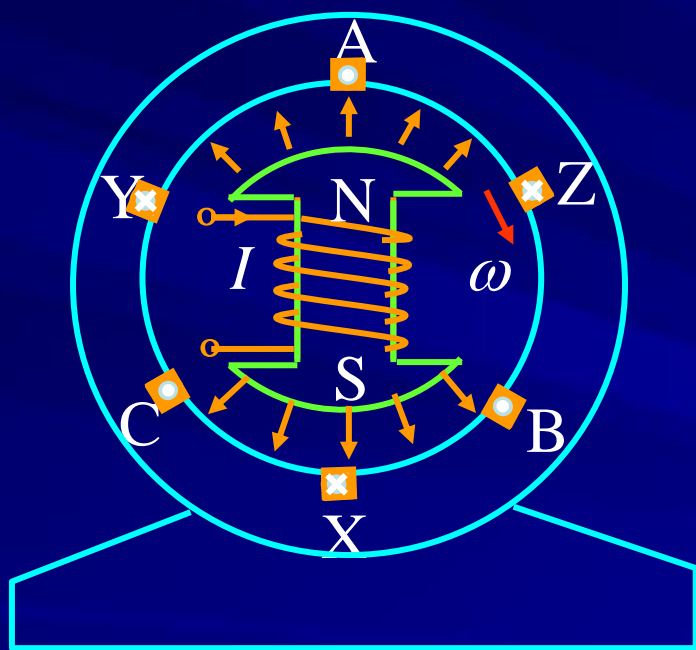
### ●三相电路的特殊性

- (1) 特殊的电源
- (2) 特殊的负载
- (3) 特殊的连接
- (4) 特殊的求解方式

研究三相电路要注意其特殊性。

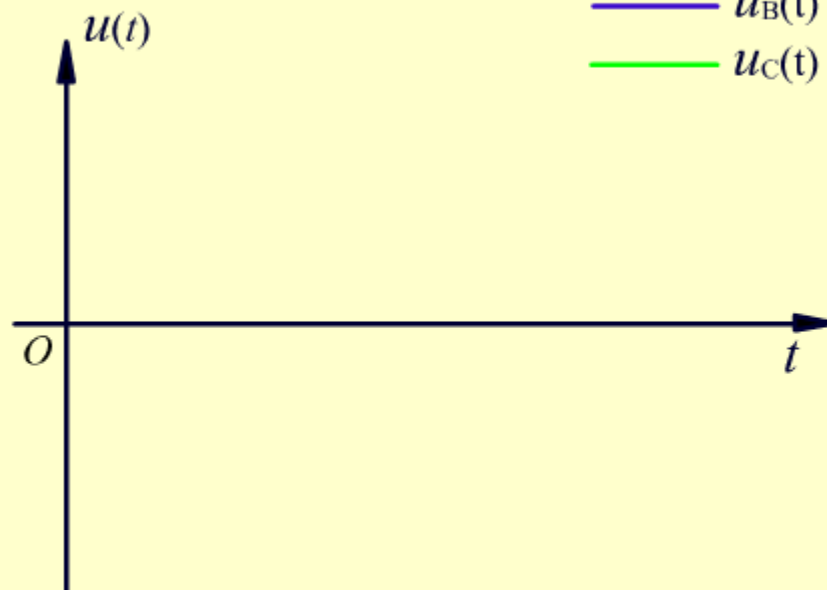
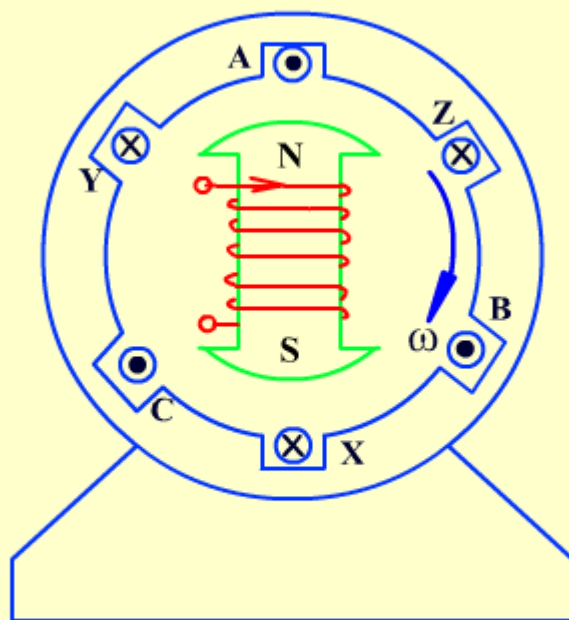
# 1.对称三相电源的产生

三相电源是三个频率相同、振幅相同、相位彼此相差 $120^\circ$ 的正弦电源。



通常由三相同步发电机产生，三相绕组在空间互差 $120^\circ$ ，当转子以均匀角速度 $\omega$ 转动时，在三相绕组中产生感应电压，从而形成对称三相电源。

三相同步发电机示意图

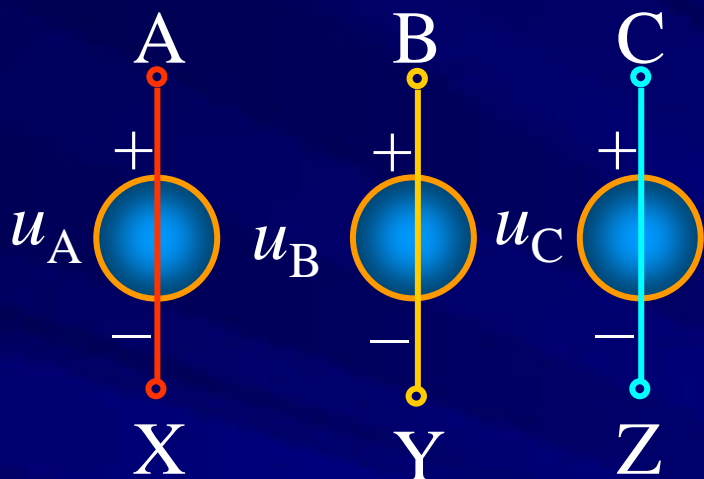


—  $u_A(t)$   
—  $u_B(t)$   
—  $u_C(t)$





## ①瞬时值表达式



$$u_A(t) = \sqrt{2}U \cos(\omega t)$$

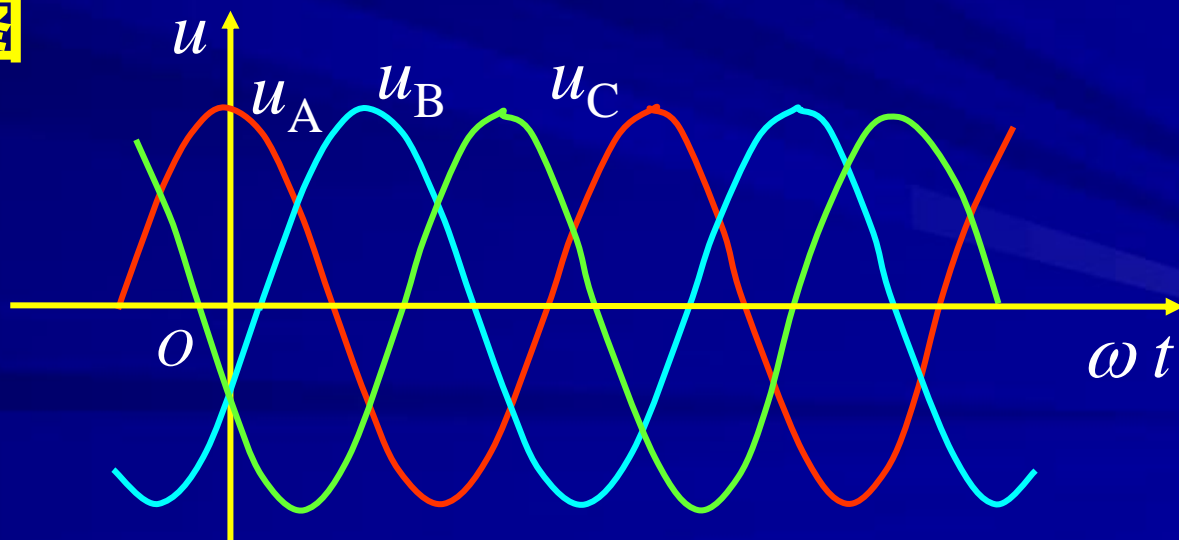
$$u_B(t) = \sqrt{2}U \cos(\omega t - 120^\circ)$$

$$u_C(t) = \sqrt{2}U \cos(\omega t + 120^\circ)$$

A、B、C 三端称为始端，

X、Y、Z 三端称为末端。

## ②波形图

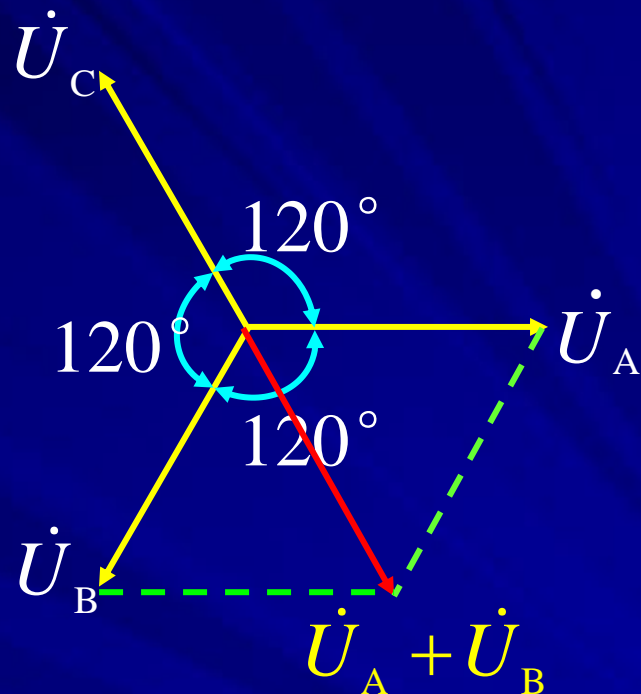


### ③相量表示

$$\dot{U}_A = U \angle 0^\circ$$

$$\dot{U}_B = U \angle -120^\circ$$

$$\dot{U}_C = U \angle 120^\circ$$



### ④对称三相电源的特点

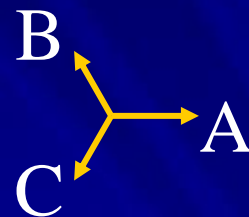
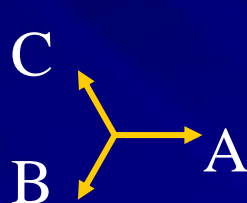
$$\begin{cases} u_A + u_B + u_C = 0 \\ \dot{U}_A + \dot{U}_B + \dot{U}_C = 0 \end{cases}$$



## ⑤对称三相电源的相序

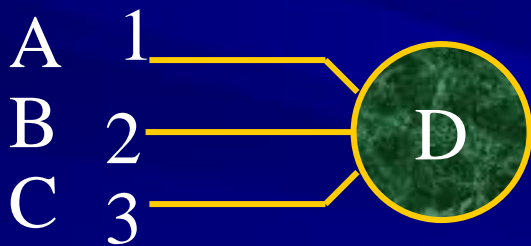
三相电源各相经过同一值(如最大值)的先后顺序。

正序(顺序): A—B—C—A

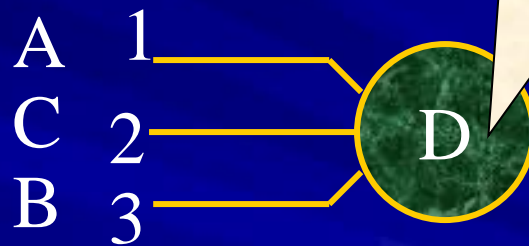


负序(逆序): A—C—B—A

相序的实际意义:



正转



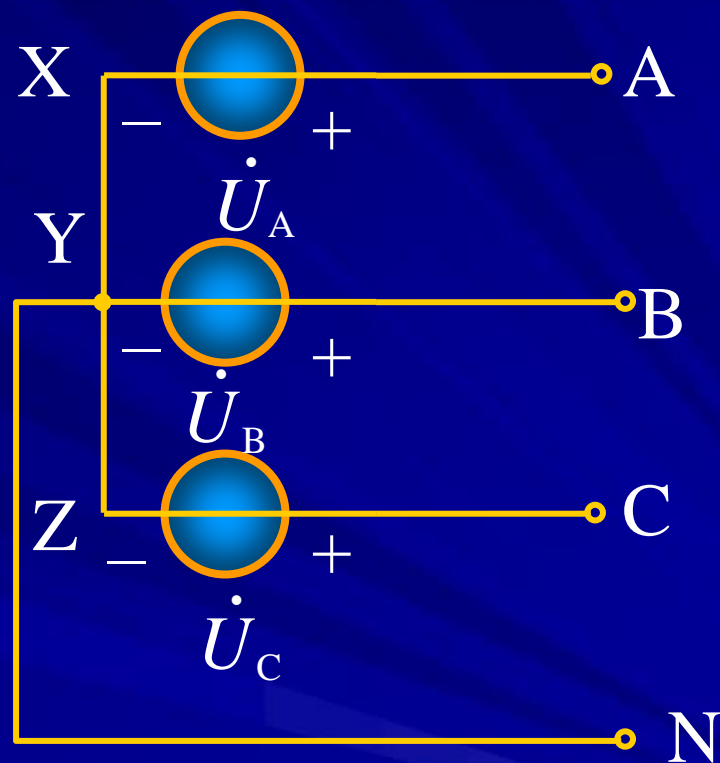
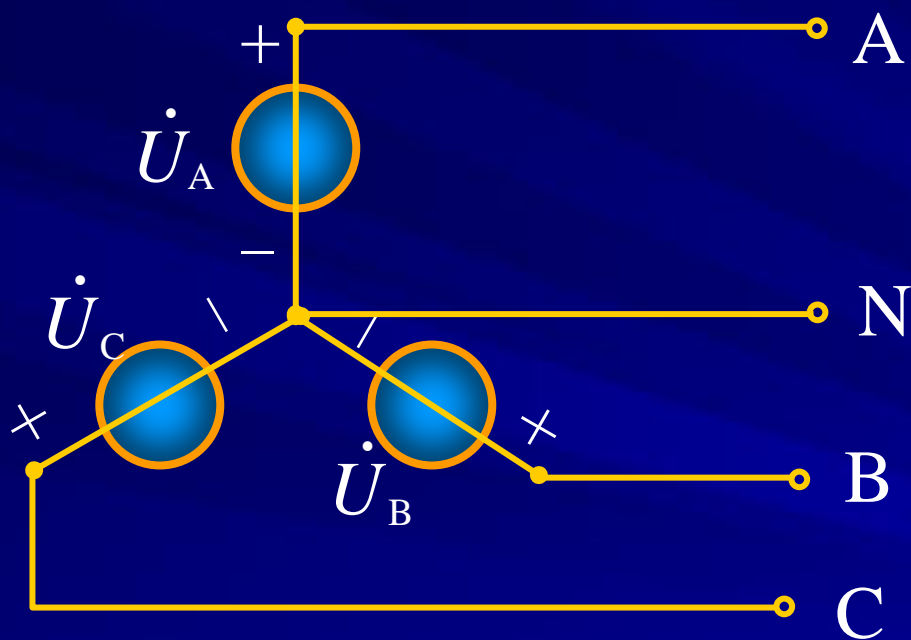
反转

三相电机

以后如果不加说明,一般都认为是正相序。

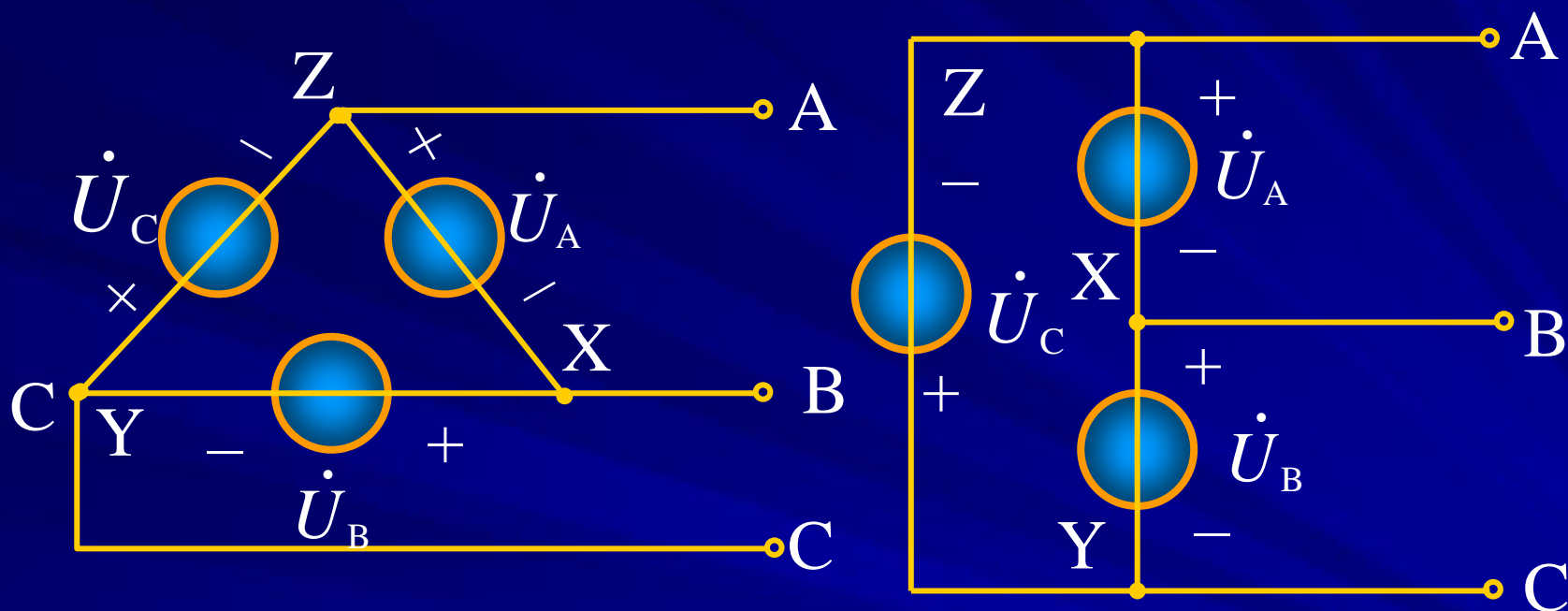
## 2. 三相电源的联结

### (1) 星形联结(Y形联结)



X、Y、Z 接在一起的点称为Y形联结对称三相电源的中性点，用N表示。

## (2) 三角形联结( $\Delta$ 形联结)



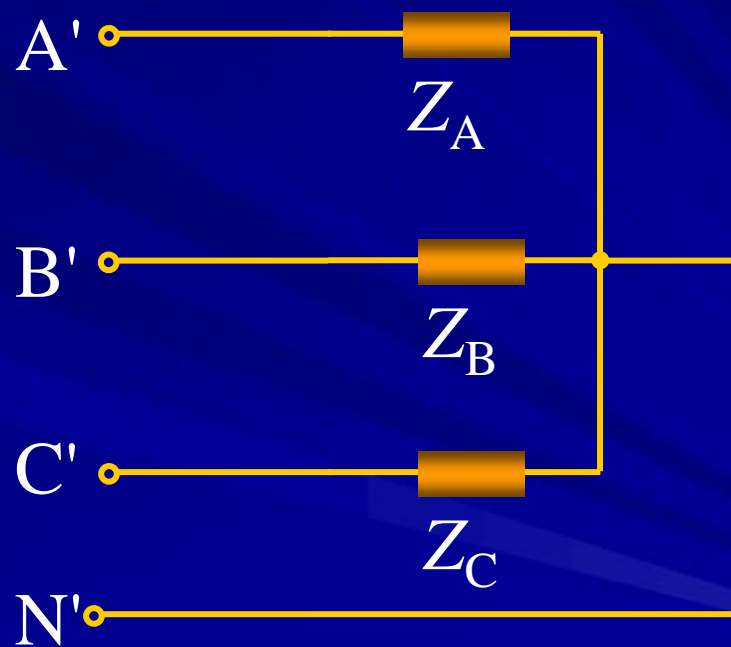
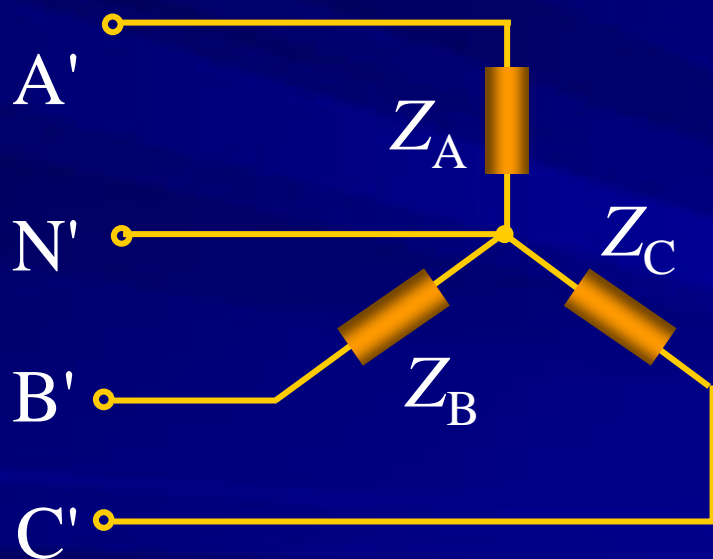
注意

三角形联结的对称三相电源没有中性点。

### 3. 三相负载及其联结

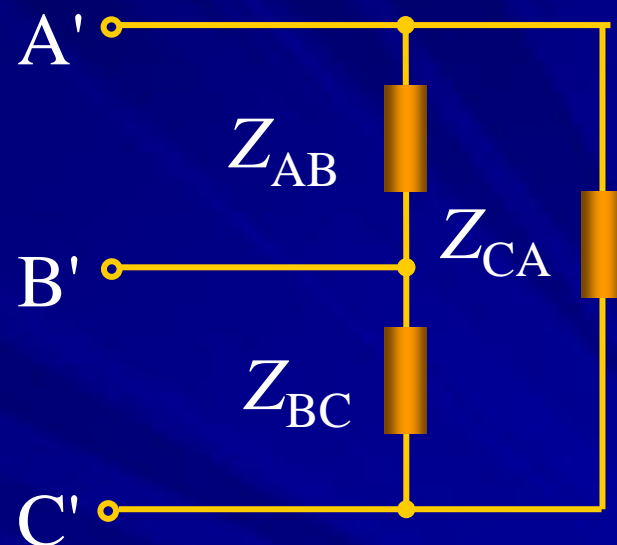
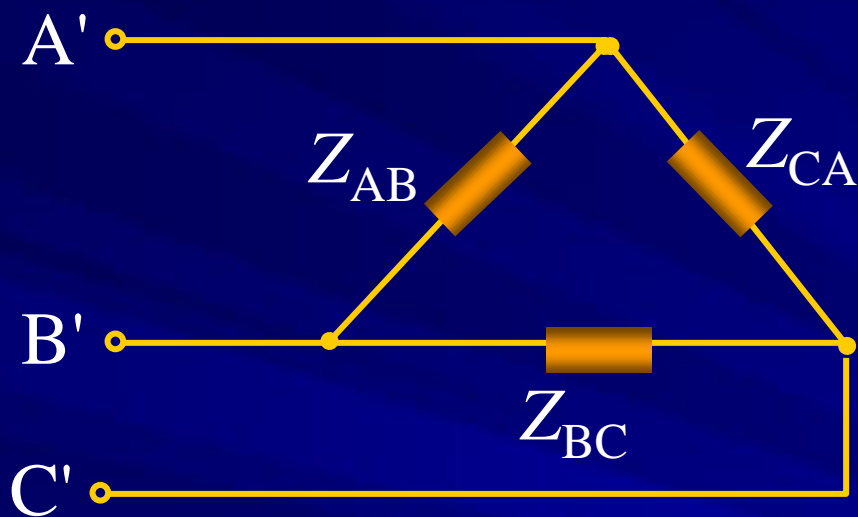
三相电路的负载由三部分组成，其中每一部分称为一相负载，三相负载也有两种联结方式。

#### (1) 星形联结



当  $Z_A = Z_B = Z_C$  称为三相对称负载。

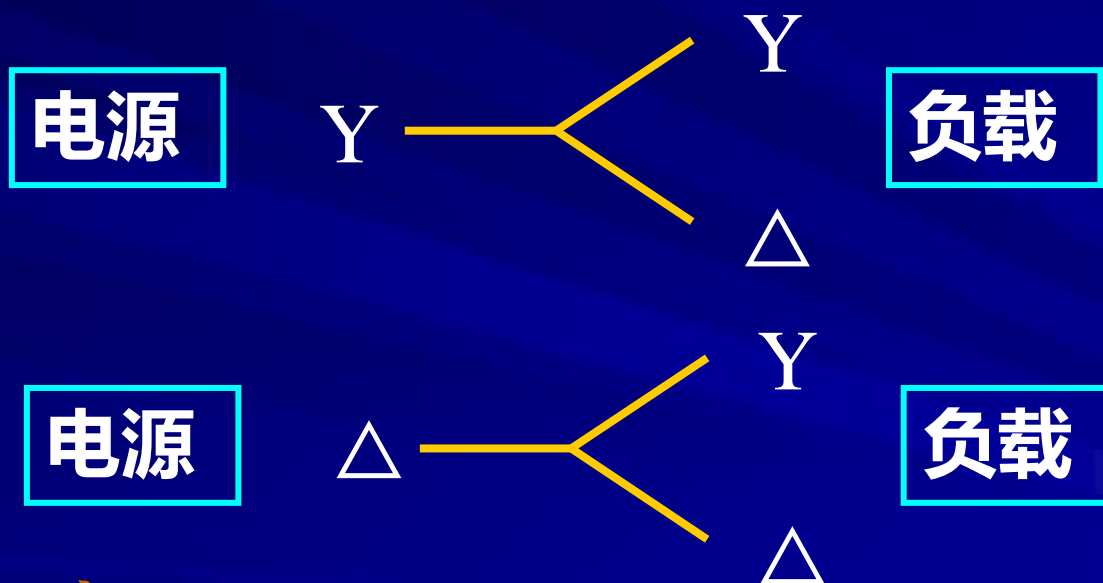
## (2) 三角形联结



当  $Z_{AB} = Z_{BC} = Z_{CA}$  称为三相对称负载。

## 4. 三相电路

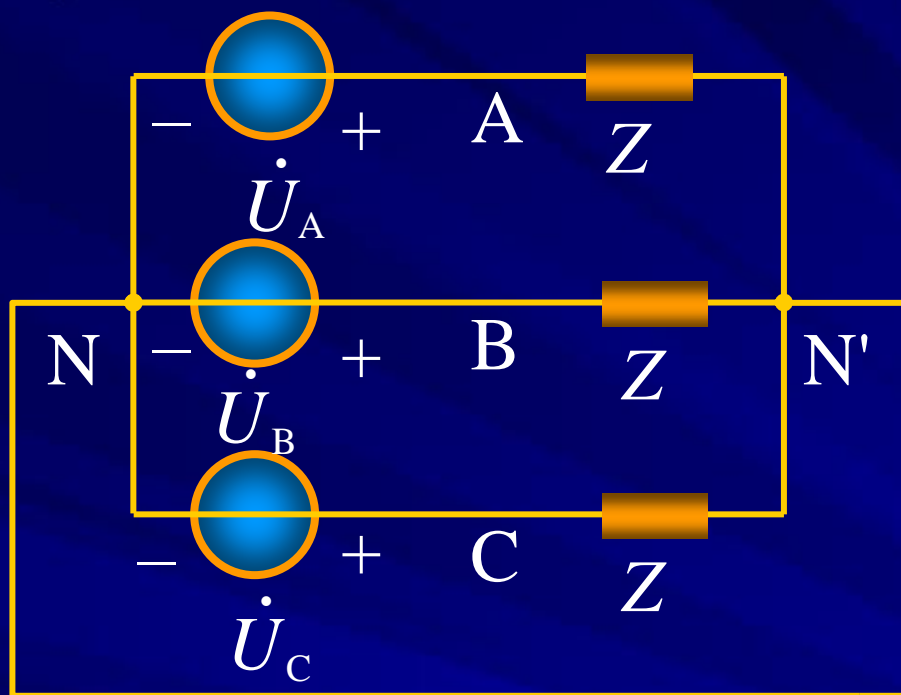
三相电路就是由对称三相电源和三相负载联接起来所组成的系统。工程上根据实际需要可以组成：



注意

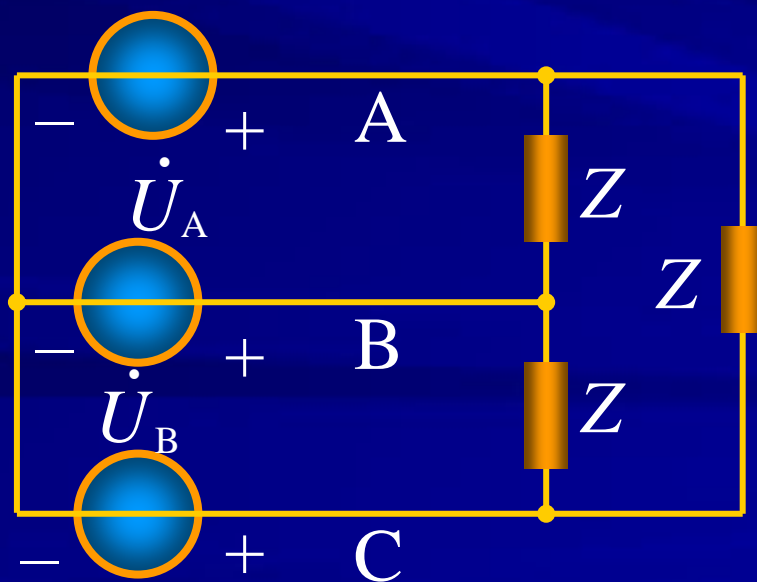
当电源和负载都对称时，称为对称三相电路。





三相四线制

$Y - Y$

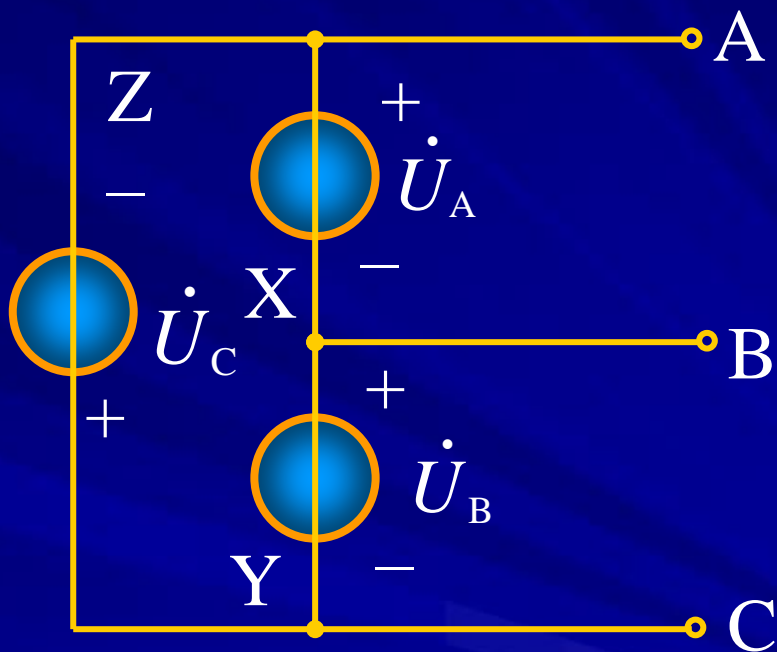
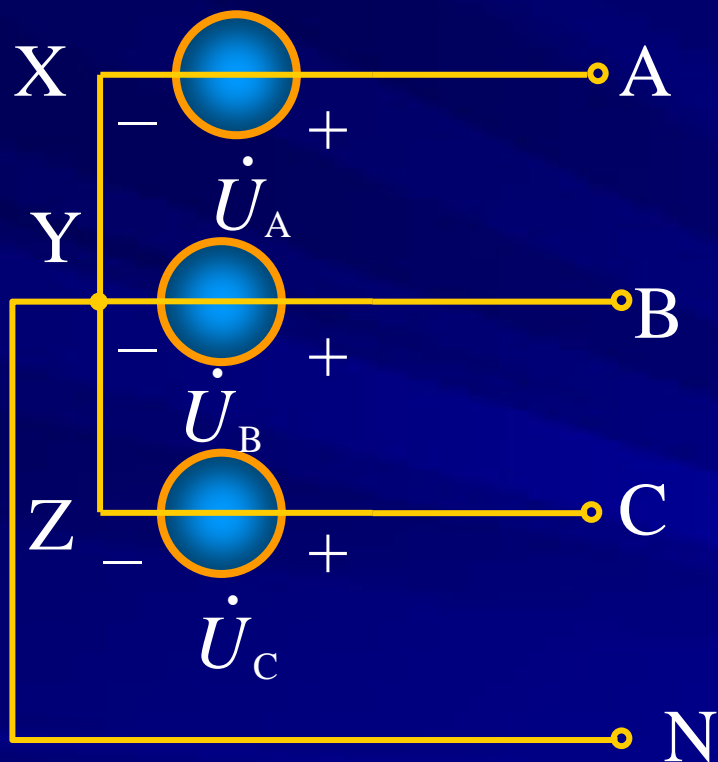


三相三线制

$Y - \Delta$

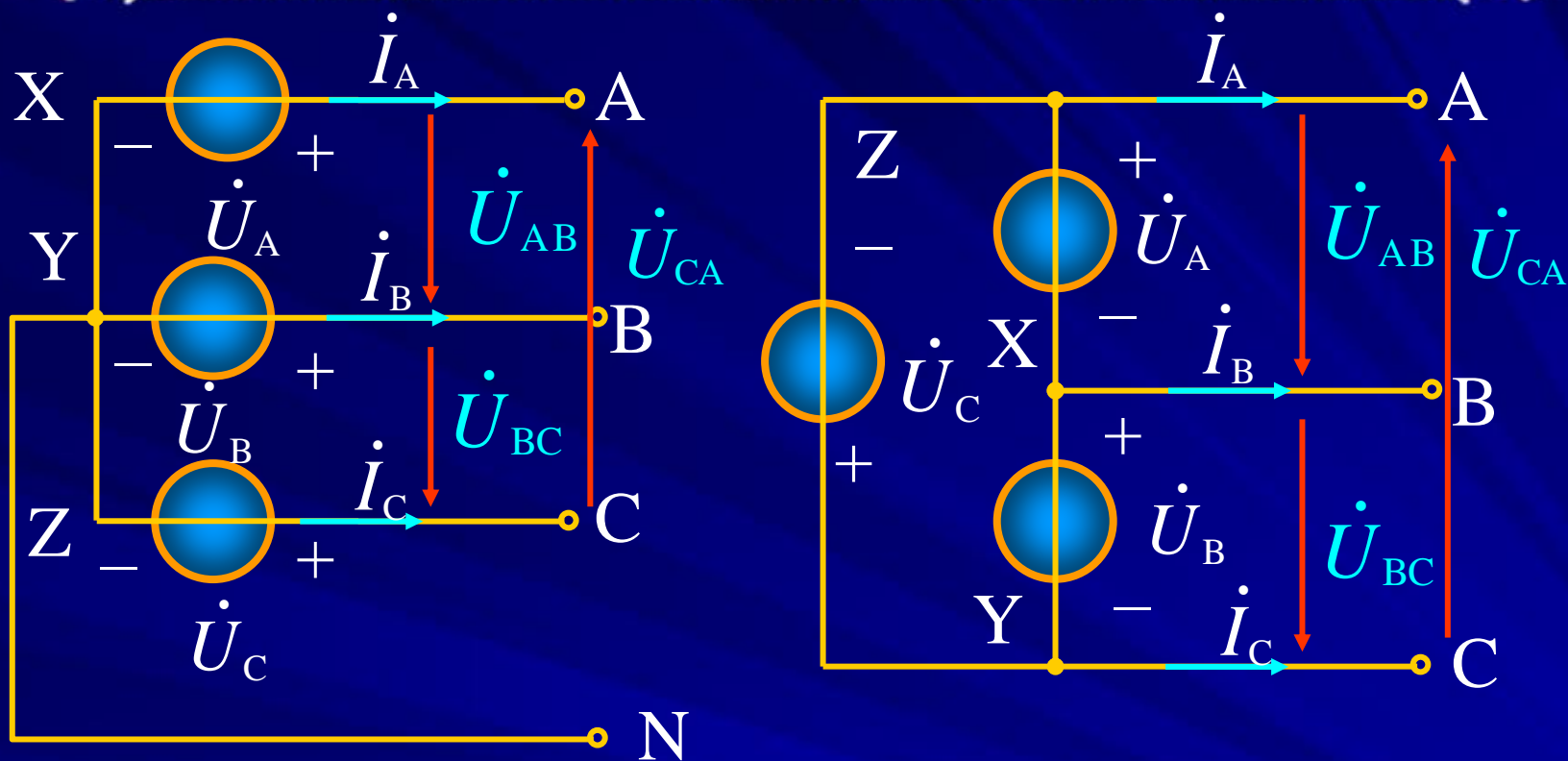
## 12-2 线电压(电流)与相电压(电流)的关系

### 1. 名词介绍



①端线(相线): 始端A、B、C 三端引出线。

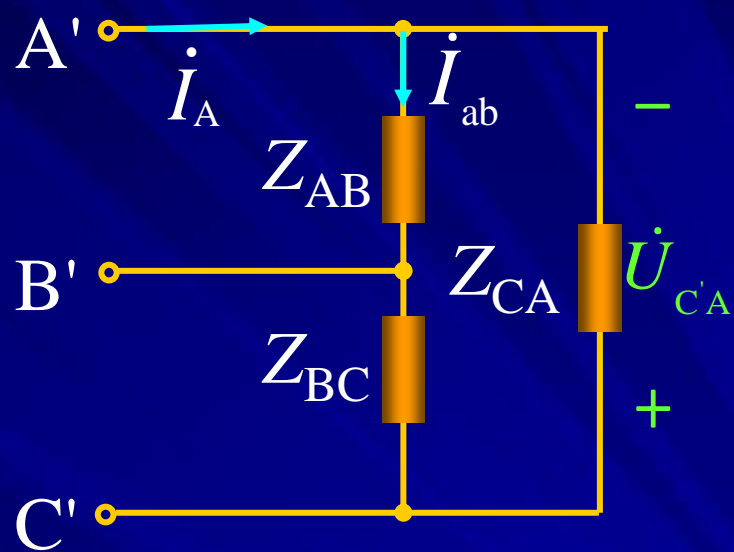
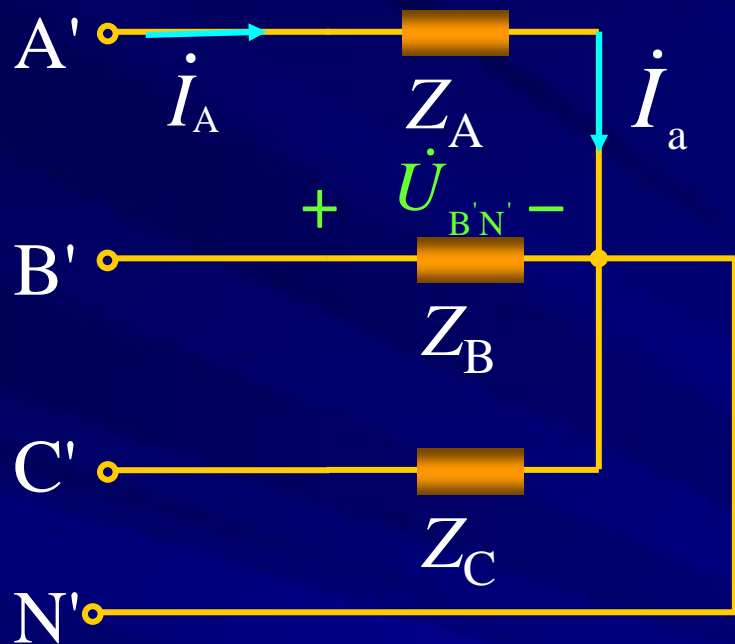
②中性线: 中性点N引出线,  $\Delta$ 形联结无中性线。



③相电压：每相电源的电压  $\dot{U}_A$ 、 $\dot{U}_B$ 、 $\dot{U}_C$ 。

④线电压：端线与端线之间的电压  $\dot{U}_{AB}$ 、 $\dot{U}_{BC}$ 、 $\dot{U}_{CA}$ 。

⑤线电流：流过端线的电流。  $\dot{I}_A$ 、 $\dot{I}_B$ 、 $\dot{I}_C$ 。



负载的相电压：每相负载上的电压，

$$\left\{ \begin{array}{l} \dot{U}_{A'N'}, \dot{U}_{B'N'}, \dot{U}_{C'N'} \\ \dot{U}_{A'B'}, \dot{U}_{B'C'}, \dot{U}_{C'A'} \end{array} \right. \circ$$

负载的线电压：负载端线间的电压，

$$\dot{U}_{A'B'}, \dot{U}_{B'C'}, \dot{U}_{C'A'} \circ$$

线电流：流过端线的电流，  $\dot{I}_A, \dot{I}_B, \dot{I}_C$  。

相电流：流过每相负载的电流，  $\dot{I}_a, \dot{I}_b, \dot{I}_c, \dot{I}_{ab}, \dot{I}_{bc}, \dot{I}_{ca}$  。

## 2. 相电压和线电压的关系

### ① Y形联结

$$\text{设 } \dot{U}_{AN} = \dot{U}_A = U \angle 0^\circ$$

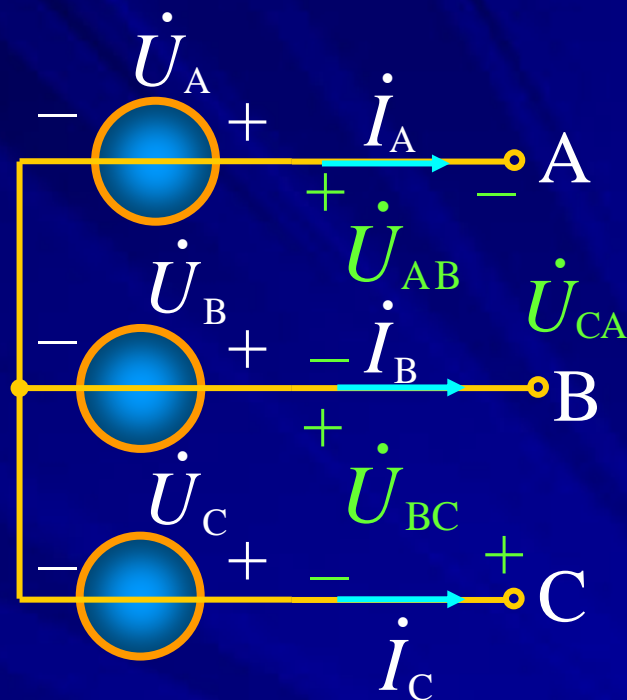
$$\dot{U}_{BN} = \dot{U}_B = U \angle -120^\circ$$

$$\dot{U}_{CN} = \dot{U}_C = U \angle 120^\circ$$

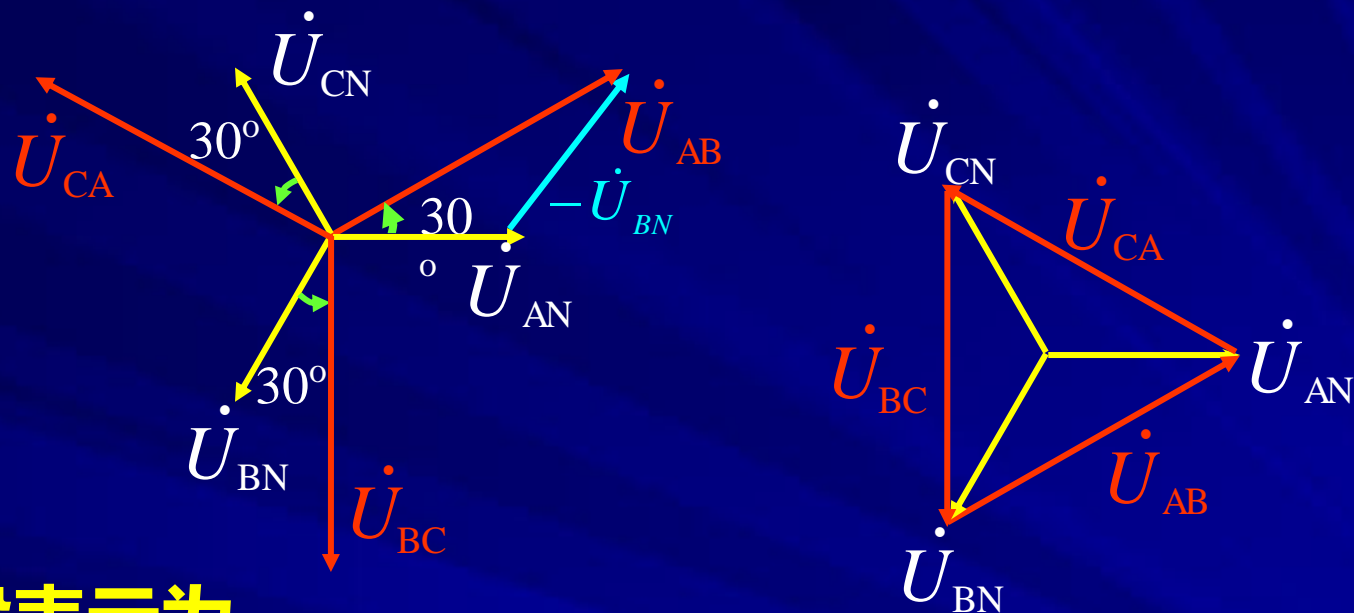
$$\dot{U}_{AB} = \dot{U}_{AN} - \dot{U}_{BN} = U \angle 0^\circ - U \angle -120^\circ = \sqrt{3}U \angle 30^\circ$$

$$\dot{U}_{BC} = \dot{U}_{BN} - \dot{U}_{CN} = U \angle -120^\circ - U \angle 120^\circ = \sqrt{3}U \angle -90^\circ$$

$$\dot{U}_{CA} = \dot{U}_{CN} - \dot{U}_{AN} = U \angle 120^\circ - U \angle 0^\circ = \sqrt{3}U \angle 150^\circ$$



## 利用相量图得到相电压和线电压之间的关系：



一般表示为

$$\dot{U}_{AB} = \sqrt{3} \dot{U}_{AN} \angle 30^\circ$$

$$\dot{U}_{BC} = \sqrt{3} \dot{U}_{BN} \angle 30^\circ$$

$$\dot{U}_{CA} = \sqrt{3} \dot{U}_{CN} \angle 30^\circ$$

线电压对称(大小相等,  
相位互差 $120^\circ$ )





## 结论

## 对Y形联结的对称三相电源

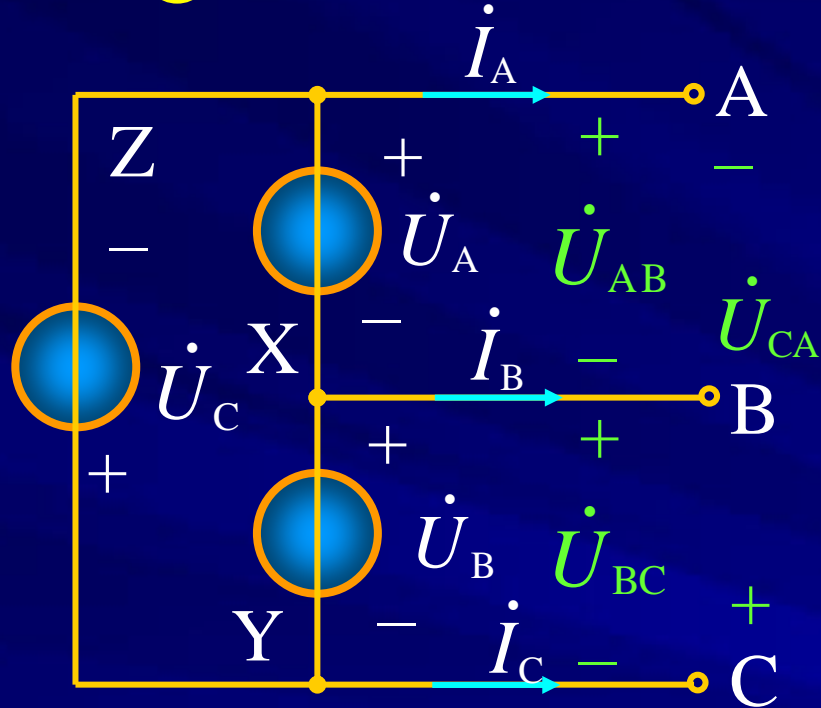
(1) 相电压对称，则线电压也对称

(2) 线电压大小等于相电压的 $\sqrt{3}$ 倍，即  $U_L = \sqrt{3}U_P$

(3) 线电压相位领先对应相电压 $30^\circ$ 。

所谓的“对应”：对应相电压用线电压的  
第一个下标字母标出。

$$\left\{ \begin{array}{l} \dot{U}_{AB} \rightarrow \dot{U}_{AN} \\ \dot{U}_{BC} \rightarrow \dot{U}_{BN} \\ \dot{U}_{CA} \rightarrow \dot{U}_{CN} \end{array} \right.$$

②  $\Delta$ 形联结

$$\text{设 } \dot{U}_A = U \angle 0^\circ$$

$$\dot{U}_B = U \angle -120^\circ$$

$$\dot{U}_C = U \angle 120^\circ$$

$$\dot{U}_{AB} = \dot{U}_A = U \angle 0^\circ$$

$$\dot{U}_{BC} = \dot{U}_B = U \angle -120^\circ$$

$$\dot{U}_{CA} = \dot{U}_C = U \angle 120^\circ$$

**线电压等于对应的相电压**

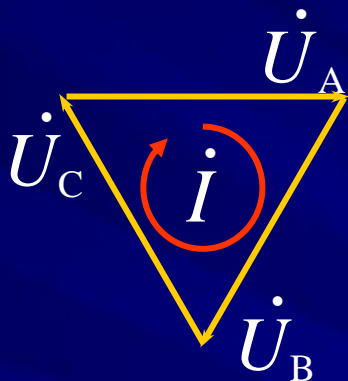


**注意**

① 以上关于线电压和相电压的关系也适用于对称星形负载和三角形负载。

②  $\Delta$ 形联结电源始端末端要依次相连。

正确接法



$$\dot{U}_A + \dot{U}_B + \dot{U}_C = 0$$

$$I = 0$$

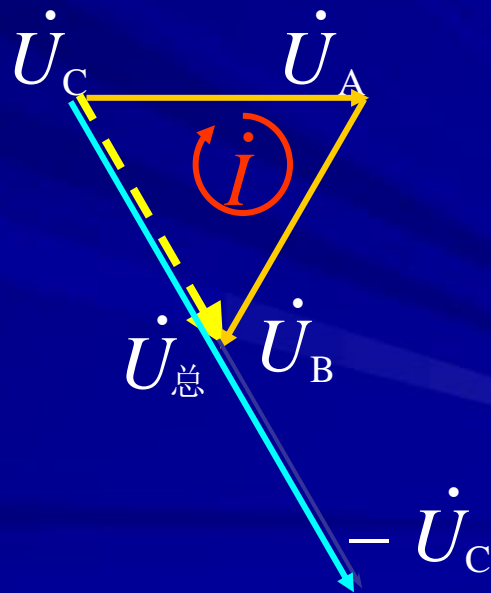
电源中不会产生环流

错误接法

$$\dot{U}_A + \dot{U}_B - \dot{U}_C = -2\dot{U}_C$$

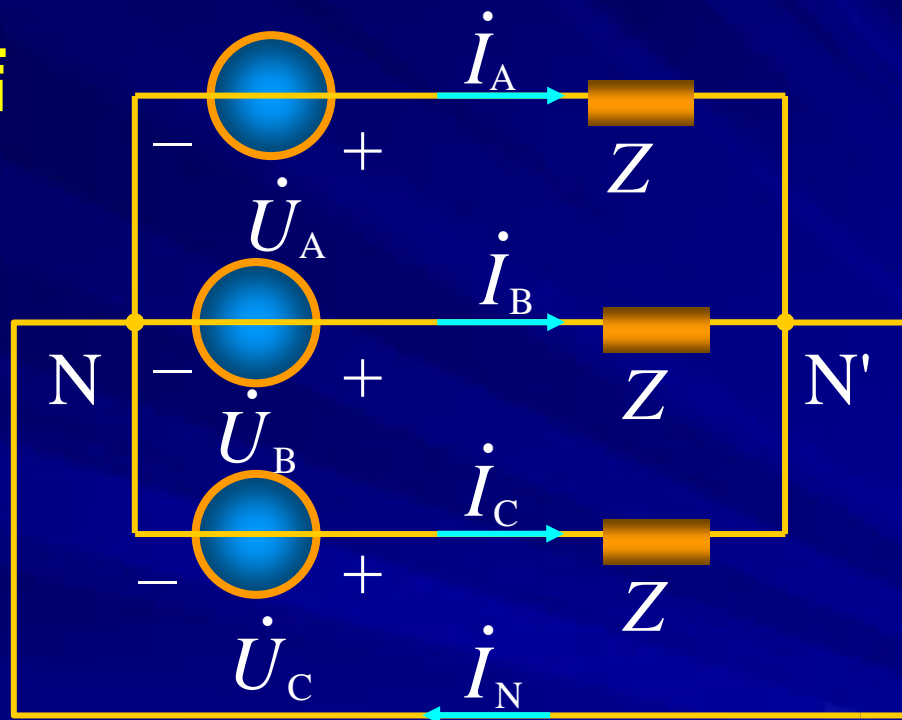
$$I \neq 0$$

电源中将会产生环流。



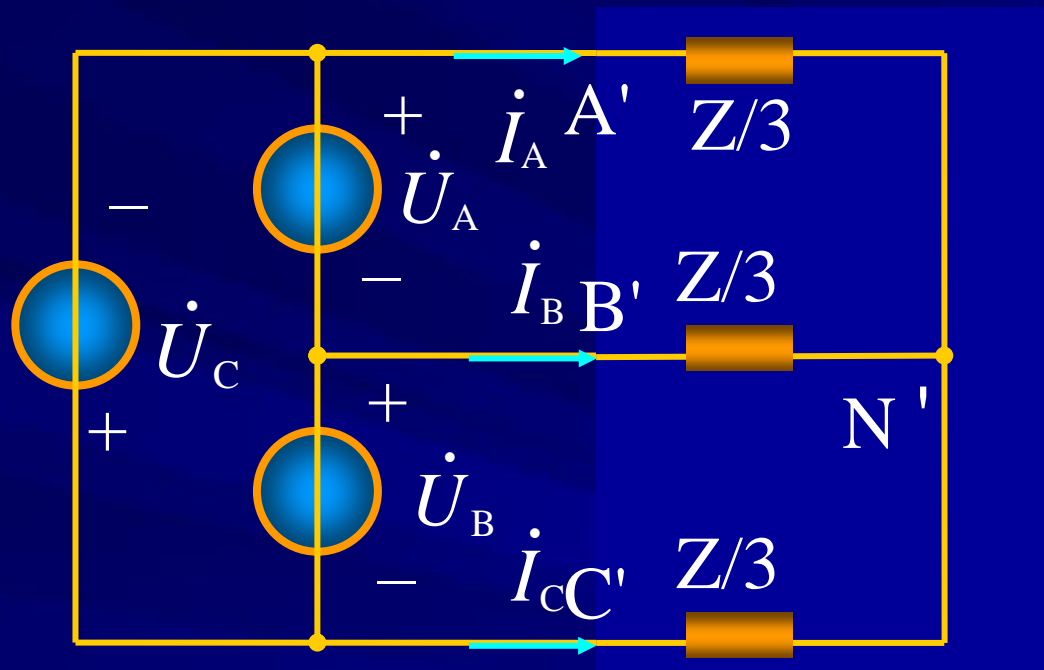
## 2. 相电流和线电流的关系

### ① Y形联结



结论

Y形联结时，线电流等于相电流。

②  $\Delta$ 形联结

$$\begin{aligned} \dot{I}_{ab} &= \frac{\dot{U}_A}{Z} \\ \dot{I}_A &= \frac{\dot{U}_{AN'}}{Z/3} = \frac{3\dot{U}_{AN'}}{Z} \\ &= \frac{3(\dot{U}_{A'B'}/\sqrt{3})/\underline{-30^\circ}}{Z} \\ &= \sqrt{3} \frac{\dot{U}_A}{Z} \underline{-30^\circ} \\ &= \sqrt{3} \dot{I}_{ab} \underline{-30^\circ} \end{aligned}$$



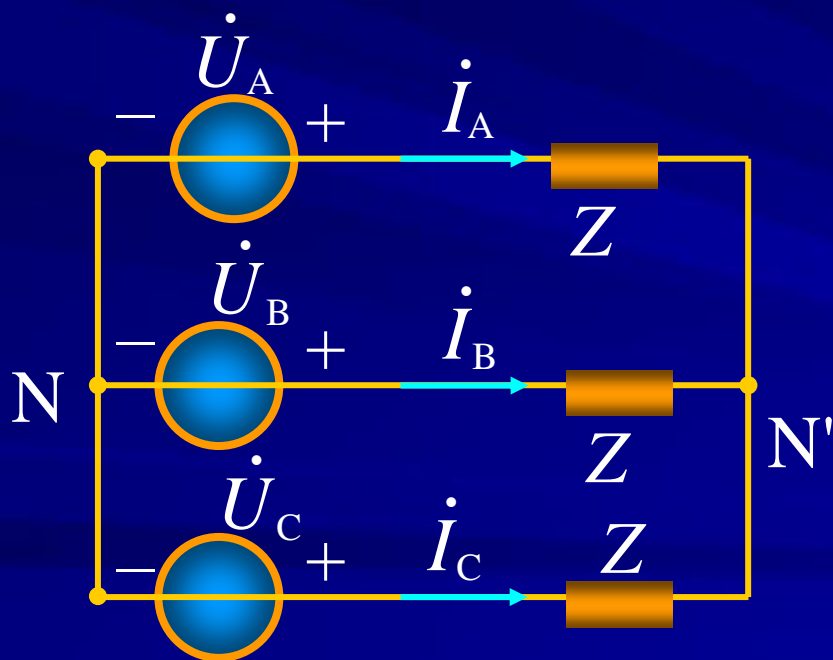
**结论**  $\Delta$ 形联结的对称电路:

- (1) 线电流大小等于相电流的 $\sqrt{3}$ 倍, 即 $I_L = \sqrt{3}I_P$ 。
- (2) 线电流相位滞后对应相电流 $30^\circ$ 。

## 12-3 对称三相电路的计算

对称三相电路由于电源对称、负载对称、线路对称，因而可以引入一特殊的计算方法。

### 1. Y-Y联结(三相三线制)



设  $\dot{U}_A = U \angle 0^\circ$

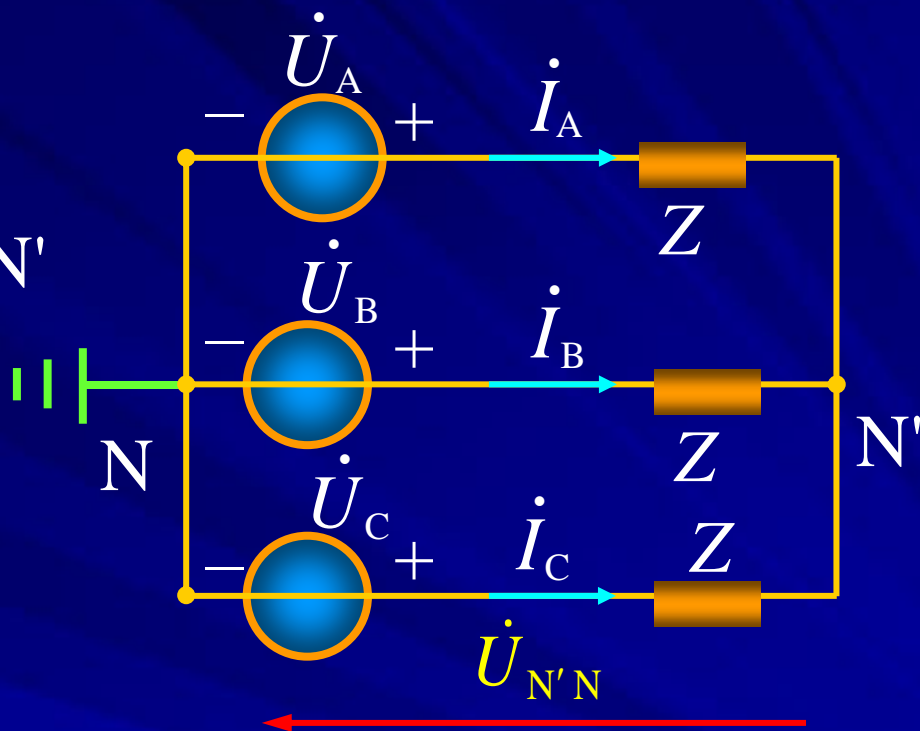
$$\dot{U}_B = U \angle -120^\circ$$

$$\dot{U}_C = U \angle 120^\circ$$

$$Z = |Z| \angle \varphi$$



以N点为参考点，对N'  
点列写结点方程：

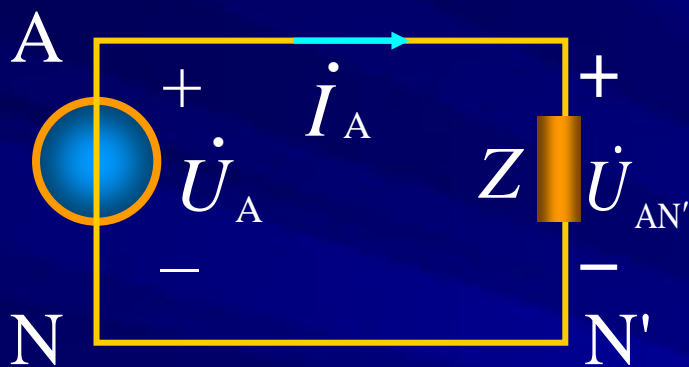


$$\left(\frac{1}{Z} + \frac{1}{Z} + \frac{1}{Z}\right)\dot{U}_{N'N} = \frac{1}{Z}\dot{U}_A + \frac{1}{Z}\dot{U}_B + \frac{1}{Z}\dot{U}_C$$

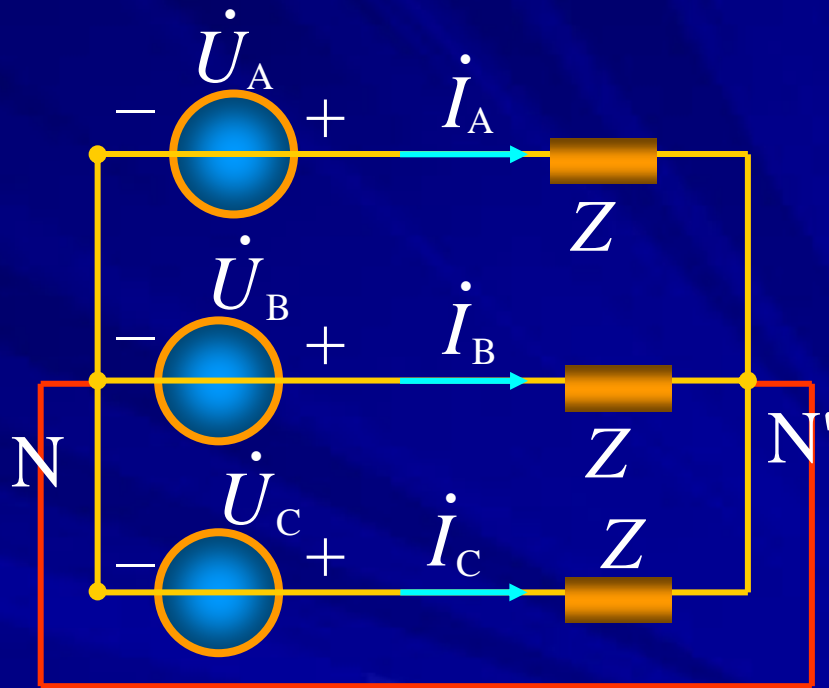
$$\frac{3}{Z}\dot{U}_{N'N} = \frac{1}{Z}(\dot{U}_A + \dot{U}_B + \dot{U}_C) = 0 \quad \longrightarrow \quad \dot{U}_{N'N} = 0$$



**结论** N、N' 两点等电位，可将其短路，且其中电流为零。这样便可将三相电路的计算化为单相电路的计算。



**A相计算电路**



**负载侧相电压：**

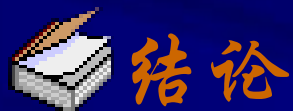
$$\begin{cases} \dot{U}_{AN'} = \dot{U}_A = U / \underline{0^\circ} \\ \dot{U}_{BN'} = \dot{U}_B = U / \underline{-120^\circ} \\ \dot{U}_{CN'} = \dot{U}_C = U / \underline{120^\circ} \end{cases}$$

**也为对称电压**

计算电流:

$$\left\{ \begin{aligned} \dot{I}_A &= \frac{\dot{U}_{AN'}}{Z} = \frac{\dot{U}_A}{Z} = \frac{U}{|Z|} \angle -\varphi \\ \dot{I}_B &= \frac{\dot{U}_{BN'}}{Z} = \frac{\dot{U}_B}{Z} = \frac{U}{|Z|} \angle -120^\circ - \varphi \\ \dot{I}_C &= \frac{\dot{U}_{CN'}}{Z} = \frac{\dot{U}_C}{Z} = \frac{U}{|Z|} \angle 120^\circ - \varphi \end{aligned} \right.$$

为对称  
电流



结论

- ① 电源中性点与负载中性点等电位。有无中性线对电路情况没有影响。
- ② 对称情况下，各相电压、电流都是对称的，可采用一相（A相）等效电路计算。其他两相的电压、电流可按对称关系直接写出。

③ Y形联结的对称三相负载, 根据相、线电压、电流的关系得

$$\dot{U}_{AB} = \sqrt{3}\dot{U}_{AN'} \angle 30^\circ, \quad \dot{I}_A = \dot{I}_a$$

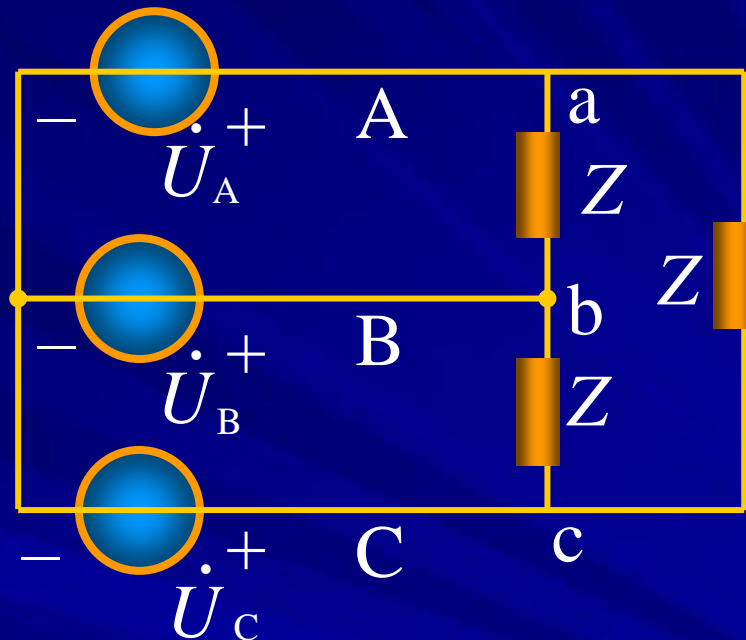
## 2. Y-Δ联结

设  $\dot{U}_A = U \angle 0^\circ$

$$\dot{U}_B = U \angle -120^\circ$$

$$\dot{U}_C = U \angle 120^\circ$$

$$Z = |Z| \angle \varphi$$



解法1

负载上相电压与线电压相等:

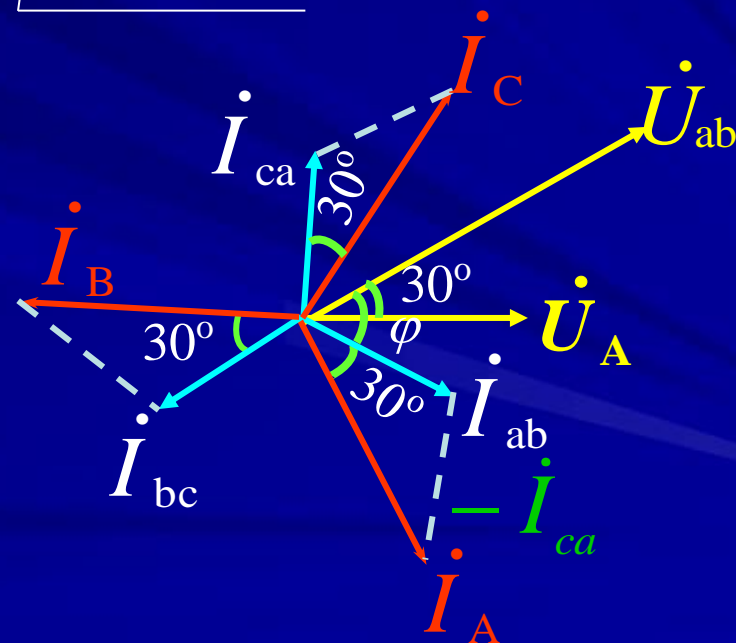
$$\begin{cases} \dot{U}_{ab} = \dot{U}_{AB} = \sqrt{3}U \angle 30^\circ \\ \dot{U}_{bc} = \dot{U}_{BC} = \sqrt{3}U \angle -90^\circ \\ \dot{U}_{ca} = \dot{U}_{CA} = \sqrt{3}U \angle 150^\circ \end{cases}$$

相电流:

$$\begin{cases} \dot{I}_{ab} = \frac{\dot{U}_{ab}}{Z} = \frac{\sqrt{3}U}{|Z|} \angle 30^\circ - \varphi \\ \dot{I}_{bc} = \frac{\dot{U}_{bc}}{Z} = \frac{\sqrt{3}U}{|Z|} \angle -90^\circ - \varphi \\ \dot{I}_{ca} = \frac{\dot{U}_{ca}}{Z} = \frac{\sqrt{3}U}{|Z|} \angle 150^\circ - \varphi \end{cases}$$

线电流:

$$\begin{cases} \dot{I}_A = \dot{I}_{ab} - \dot{I}_{ca} = \sqrt{3} \dot{I}_{ab} \angle -30^\circ \\ \dot{I}_B = \dot{I}_{bc} - \dot{I}_{ab} = \sqrt{3} \dot{I}_{bc} \angle -30^\circ \\ \dot{I}_C = \dot{I}_{ca} - \dot{I}_{bc} = \sqrt{3} \dot{I}_{ca} \angle -30^\circ \end{cases}$$



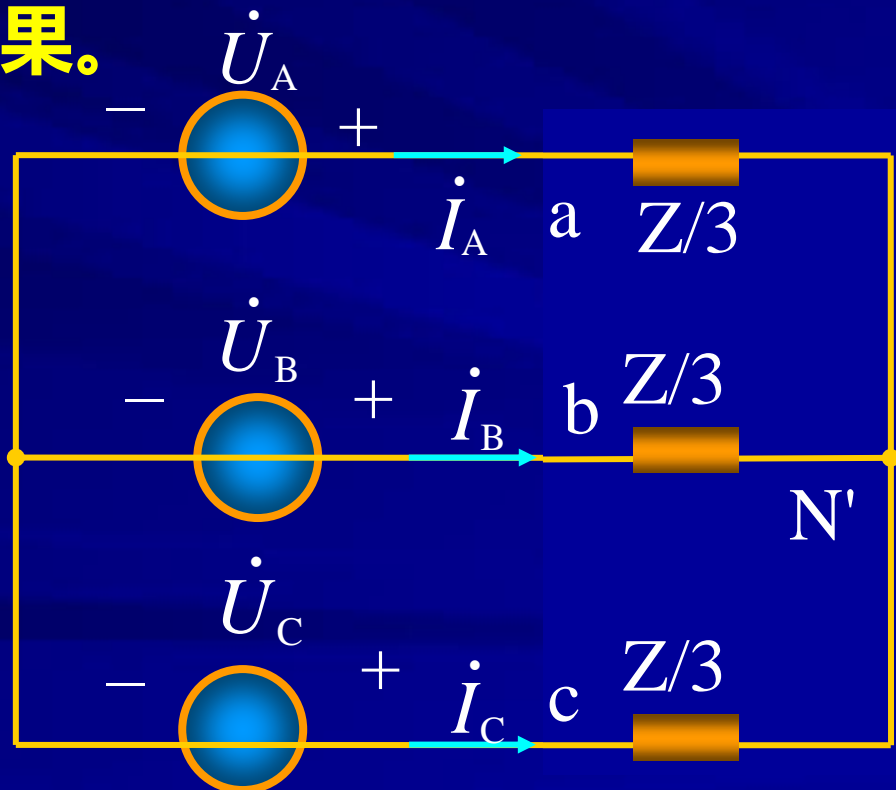


**结论 ① 负载上相电压与线电压相等，且对称。**

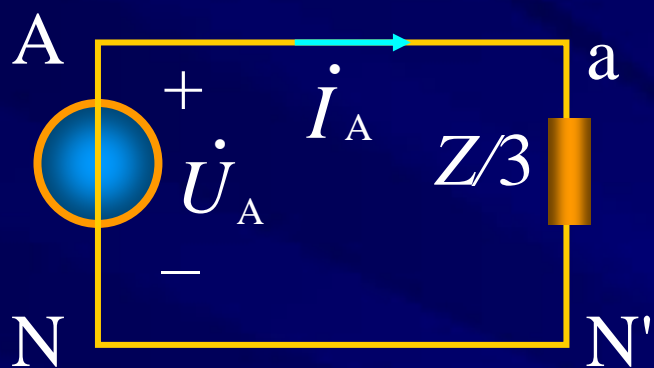
**② 线电流与相电流对称。线电流是相电流的  $\sqrt{3}$  倍，相位落后相应相电流  $30^\circ$ 。**

**③ 根据一相的计算结果，由对称性可得到其余两相结果。**

解法2







A相计算电路

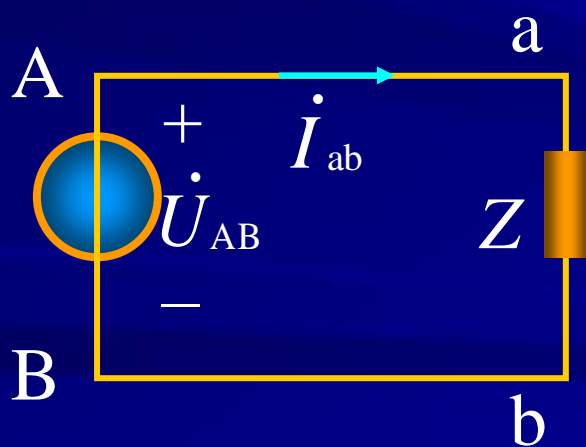
$$\dot{I}_A = \frac{\dot{U}_{aN'}}{Z/3} = \frac{3\dot{U}_A}{Z} = \frac{3U}{|Z|} \angle -\varphi$$

$$\dot{I}_{ab} = \frac{1}{\sqrt{3}} \dot{I}_A \angle 30^\circ = \frac{\sqrt{3}U}{|Z|} \angle 30^\circ - \varphi$$

$$\dot{U}_{ab} = \sqrt{3} \dot{U}_{aN'} \angle 30^\circ = \sqrt{3}U \angle 30^\circ$$

解法3

利用计算相电流的一相等效电路。



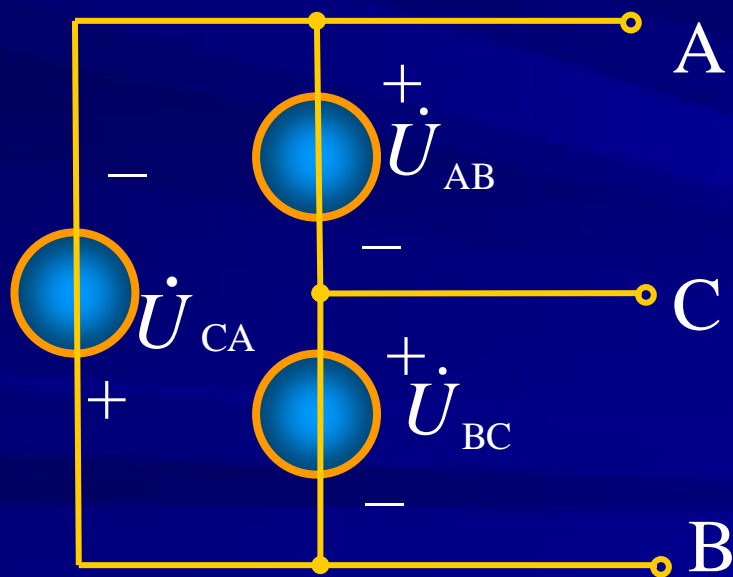
$$\dot{I}_{ab} = \frac{\dot{U}_{ab}}{Z} = \frac{\dot{U}_{AB}}{Z} = \frac{\sqrt{3}U}{|Z|} \angle 30^\circ - \varphi$$

$$\dot{I}_A = \sqrt{3} \dot{I}_{ab} \angle -30^\circ = \frac{3U}{|Z|} \angle -\varphi$$

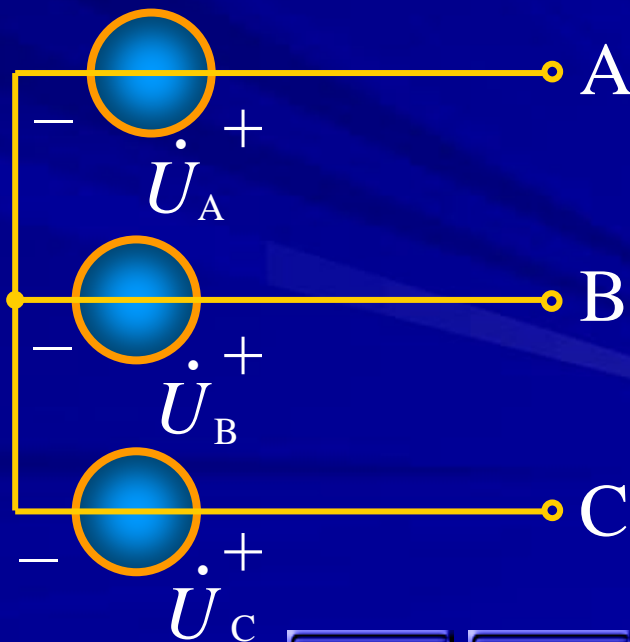
$$\dot{U}_{ab} = \dot{U}_{AB} = \sqrt{3}U \angle 30^\circ$$

### 3. 电源为 $\Delta$ 形联接结时的对称三相电路的计算

将 $\Delta$ 形电源用Y形电源替代，保证其线电压相等。

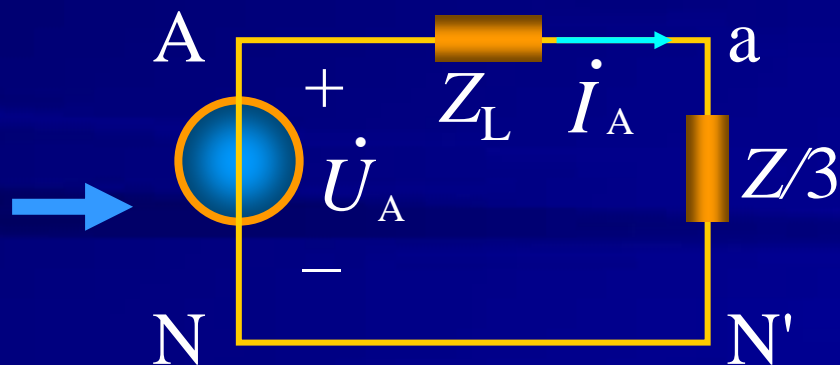
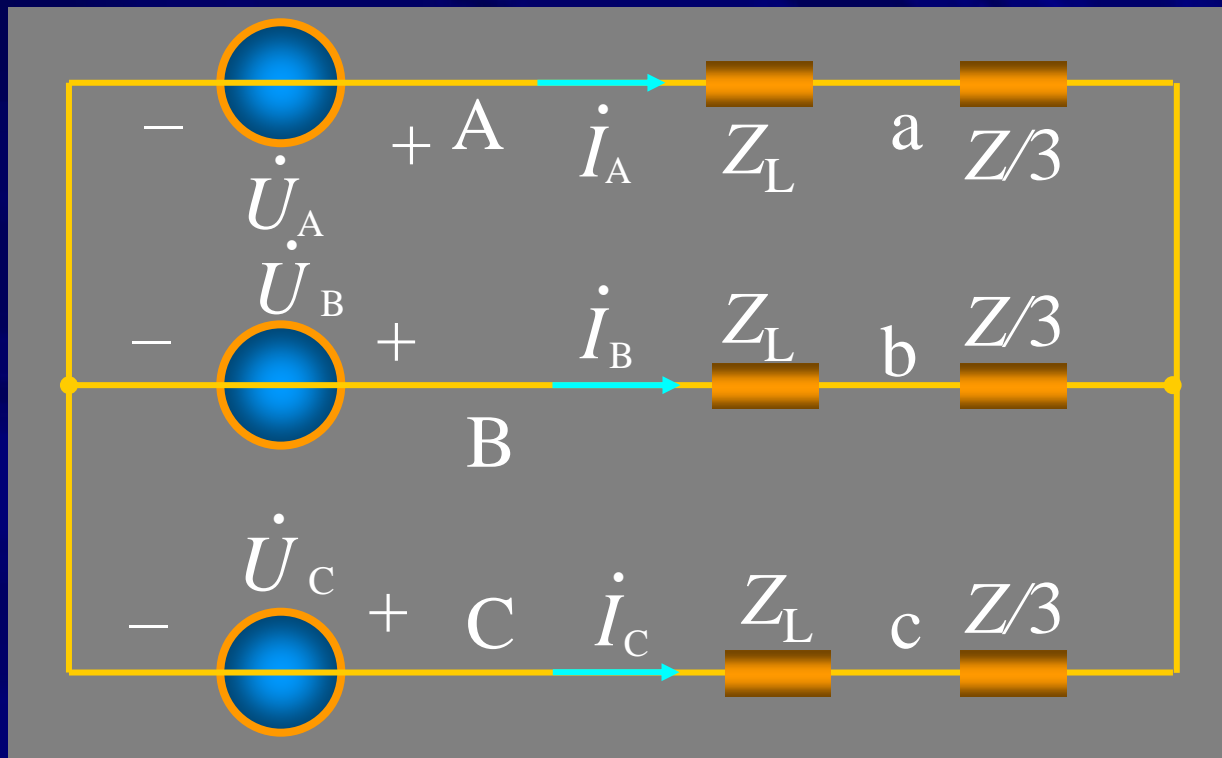


$$\begin{cases} \dot{U}_A = \frac{1}{\sqrt{3}} \dot{U}_{AB} \angle -30^\circ \\ \dot{U}_B = \frac{1}{\sqrt{3}} \dot{U}_{BC} \angle -30^\circ \\ \dot{U}_C = \frac{1}{\sqrt{3}} \dot{U}_{CA} \angle -30^\circ \end{cases}$$



# 例3-1 给出图示电路的A相计算电路。

解



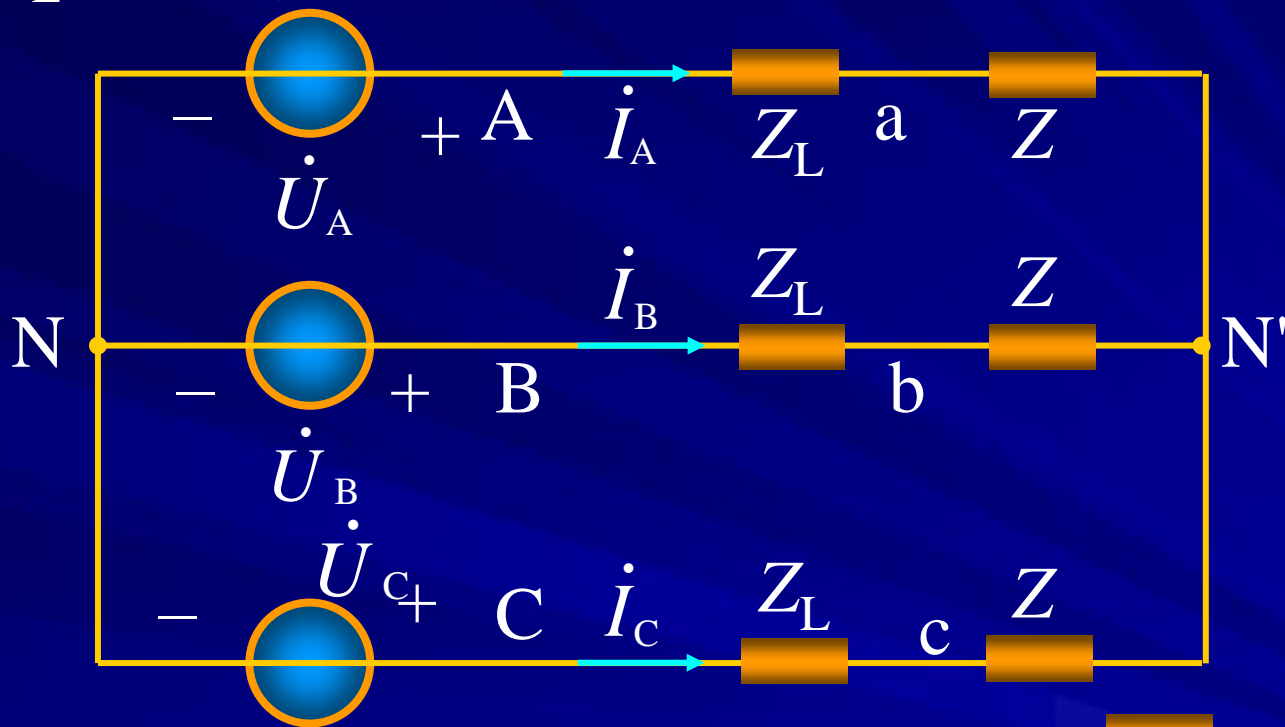
$$\dot{U}_A = \frac{1}{\sqrt{3}} \dot{U}_{AB} \angle -30^\circ$$



## 小结 对称三相电路的一般计算方法:

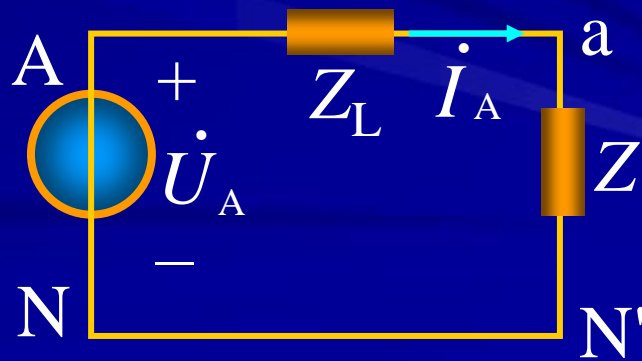
- (1) 将所有三相电源、负载都化为等值Y-Y连接电路。
- (2) 连接负载和电源中性点，中性线上的阻抗可不计。
- (3) 画出单相计算电路，求出一相的电压、电流：  
一相电路中的电压为Y形联结时的相电压。  
一相电路中的电流为线电流。
- (4) 根据 $\Delta$ 形联结、Y形联结时线量、相量之间的关系，求出原电路的电流电压。
- (5) 由对称性，得出其他两相的电压、电流。

例3-2 对称三相电源线电压为380V,  $Z=(6.4+j4.8)\Omega$ ,  $Z_L=(6.4+j4.8)\Omega$  求负载  $Z$  的相、线电压和电流。



解

画出一相计算图



设  $\dot{U}_{AB} = 380/\underline{0^\circ} \text{ V}$

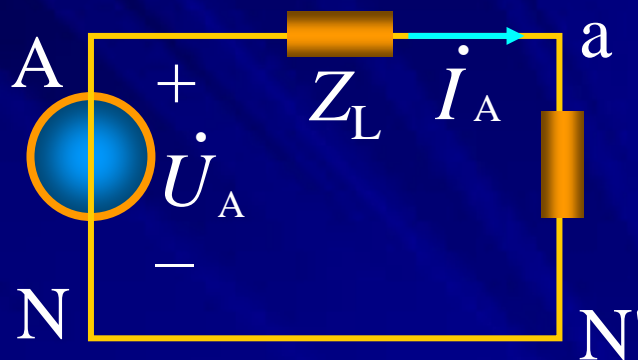
则  $\dot{U}_A = 220/\underline{-30^\circ} \text{ V}$

$$\dot{I}_A = \frac{\dot{U}_{AN}}{Z + Z_L} = \frac{220/\underline{-30^\circ}}{9.4 + j8.8} \text{ A}$$

$$= \frac{220/\underline{-30^\circ}}{12.88/\underline{43.1^\circ}} \text{ A} = 17.1/\underline{-73.1^\circ} \text{ A}$$

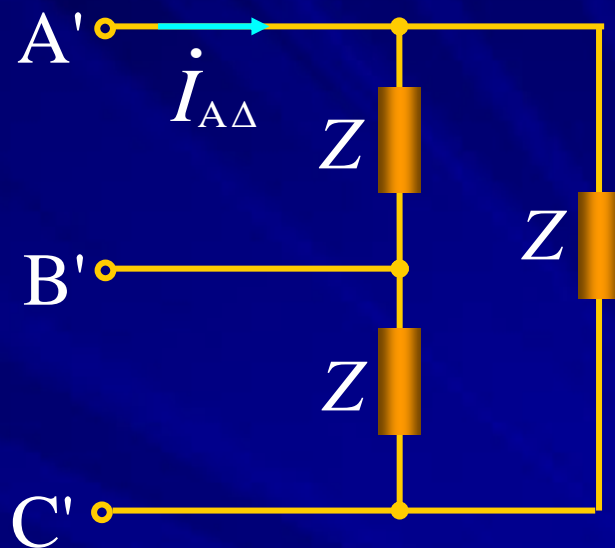
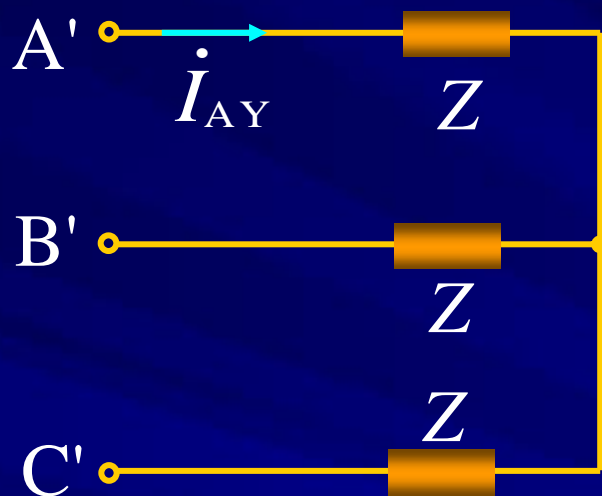
$$\dot{U}_{aN'} = \dot{I}_A \cdot Z = 17.1/\underline{-73.1^\circ} \cdot 8/\underline{36.9^\circ} \text{ V} = 136.8/\underline{-36.2^\circ} \text{ V}$$

$$\dot{U}_{ab} = \sqrt{3} \dot{U}_{aN'} \angle 30^\circ = \sqrt{3} \times 136.8/\underline{-6.2^\circ} \text{ V} = 236.9/\underline{-6.2^\circ} \text{ V}$$





例3-3 对称三相负载分别接成Y形和 $\Delta$ 形。求线电流。



解

$$\dot{I}_{AY} = \frac{\dot{U}_{AN}}{Z}$$

$$\dot{I}_{A\Delta} = \frac{\dot{U}_{AN}}{Z/3} = 3 \frac{\dot{U}_{AN}}{Z}$$

$$\rightarrow I_{\Delta} = 3I_Y$$

应用：Y- $\Delta$ 降压起动。

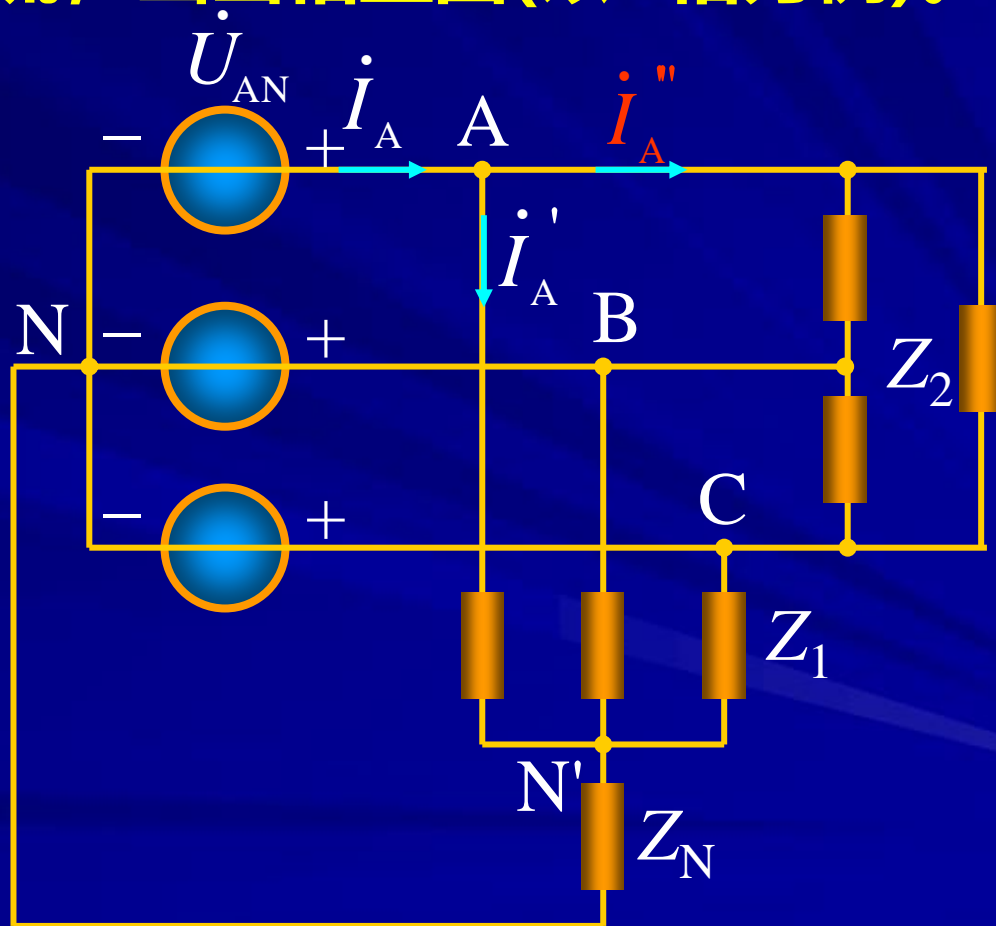
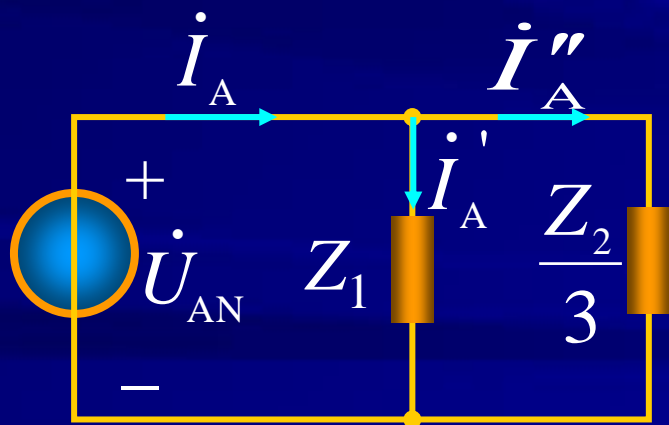
例3-4 对称三相电路，电源线电压为380V， $|Z_1|=10\Omega$ ， $\cos\varphi_1=0.6$ (感性)， $Z_2=-j50\Omega$ ， $Z_N=(1+j2)\Omega$ 。

求：线电流、相电流，画出相量图(以A相为例)。

**解** 画出一相计算图

设  $\dot{U}_{AN} = 220/\underline{0^\circ} \text{ V}$

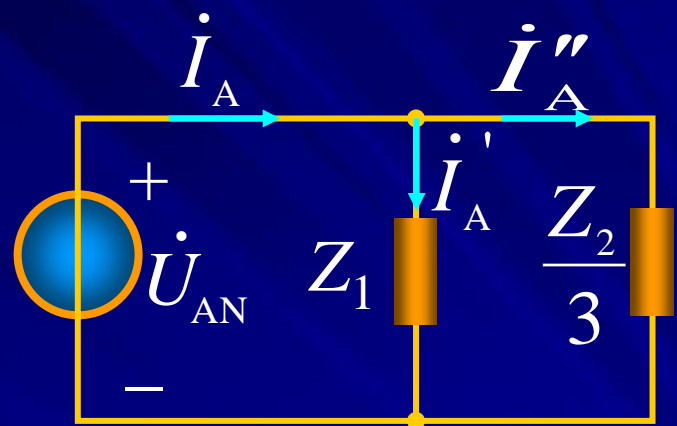
$\dot{U}_{AB} = 380/\underline{30^\circ} \text{ V}$



$$\cos \varphi_1 = 0.6, \varphi_1 = 53.1^\circ$$

$$Z_1 = 10 \angle 53.1^\circ \Omega = (6 + j8) \Omega$$

$$Z_2' = \frac{1}{3} Z_2 = -j \frac{50}{3} \Omega$$



$$\dot{I}_A' = \frac{\dot{U}_{AN}}{Z_1} = \frac{220 \angle 0^\circ}{10 \angle 53.13^\circ} \text{ A} = 22 \angle -53.13^\circ \text{ A} = (13.2 - j17.6) \text{ A}$$

$$\dot{I}_A'' = \frac{\dot{U}_{AN}}{Z_2'} = \frac{220 \angle 0^\circ}{-j50/3} \text{ A} = j13.2 \text{ A} \quad \dot{I}_B = 13.9 \angle -138.4^\circ \text{ A}$$

$$\dot{I}_A = \dot{I}_A' + \dot{I}_A'' = 13.9 \angle -18.4^\circ \text{ A} \quad \dot{I}_C = 13.9 \angle 101.6^\circ \text{ A}$$

**根据对称性，得B、C相的线电流、相电流：**

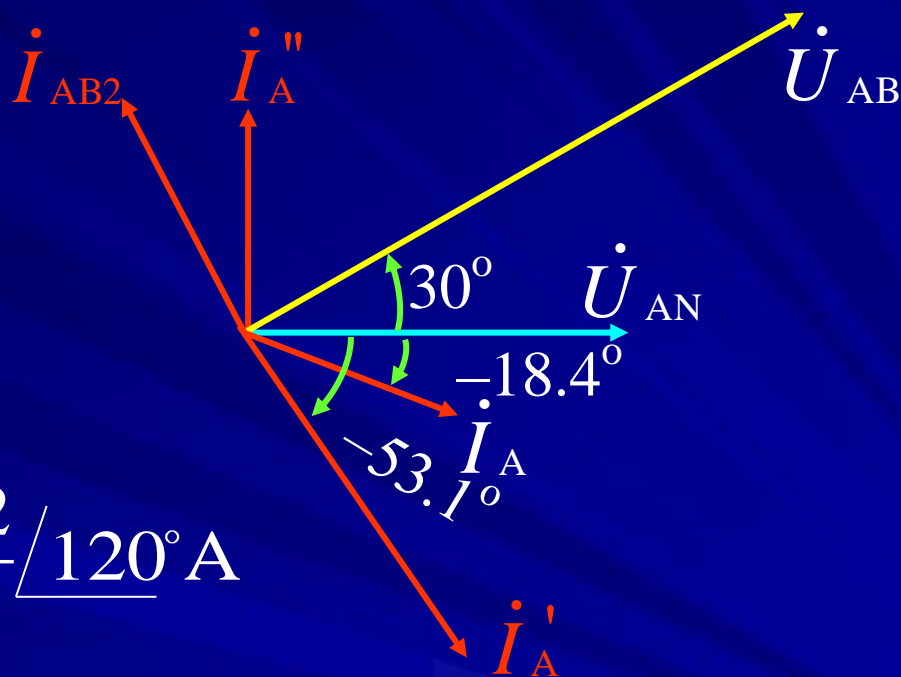
第一组负载的三相电流：

由此可以画出相量图：

$$\begin{cases} \dot{I}_A' = 22/\underline{-53.1^\circ} \text{ A} \\ \dot{I}_B' = 22/\underline{-173.1^\circ} \text{ A} \\ \dot{I}_C' = 22/\underline{66.9^\circ} \text{ A} \end{cases}$$

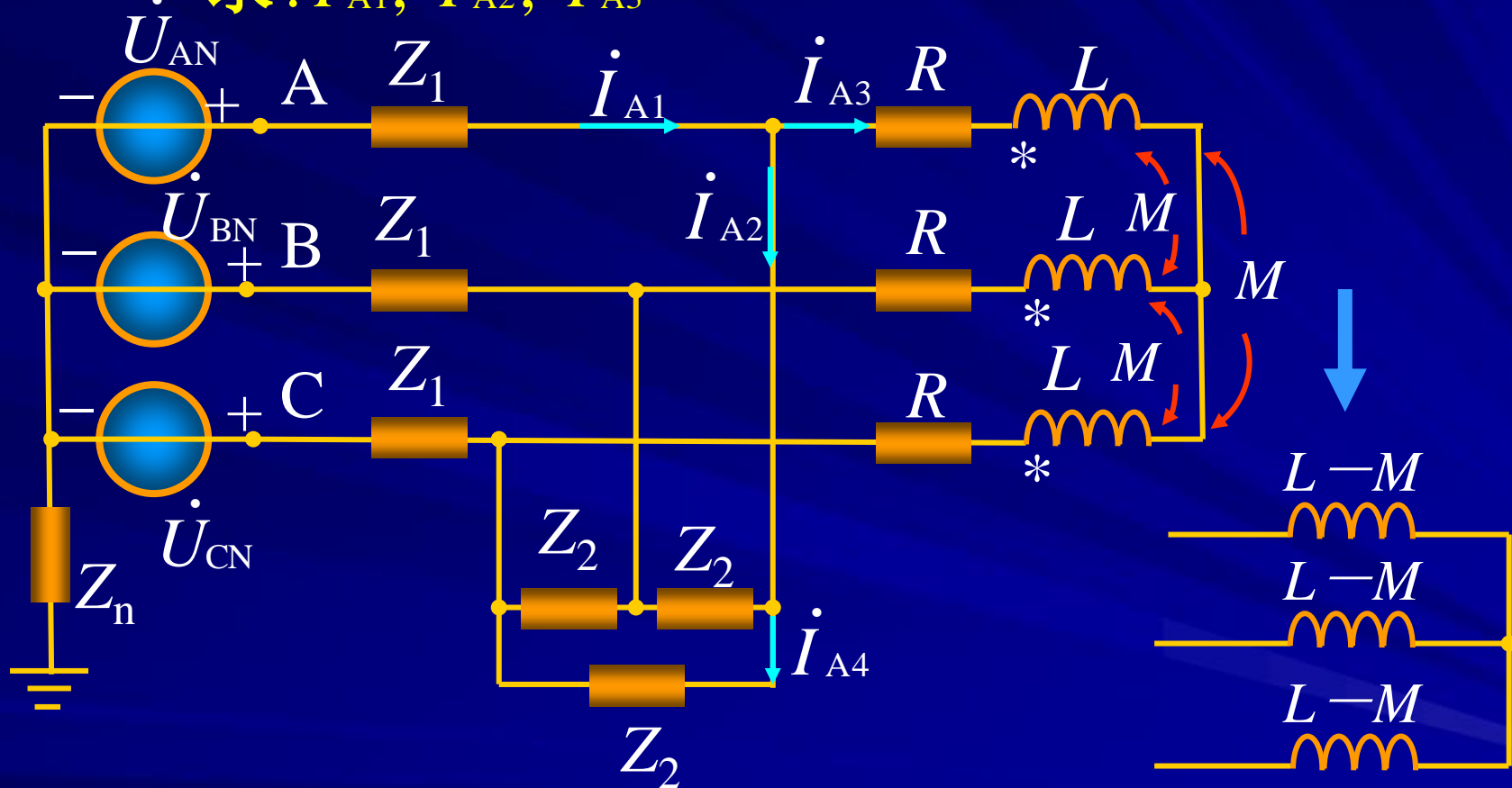
第二组负载的相电流

$$\begin{cases} \dot{I}_{AB2} = \frac{1}{\sqrt{3}} \dot{I}_A' \angle 30^\circ = \frac{13.2}{\sqrt{3}} \angle \underline{120^\circ} \text{ A} \\ \dot{I}_{BC2} = \frac{13.2}{\sqrt{3}} \angle \underline{0^\circ} \text{ A} \\ \dot{I}_{CA2} = \frac{13.2}{\sqrt{3}} \angle \underline{-120^\circ} \text{ A} \end{cases}$$



例3-5 已知  $\dot{U}_{AB} = \sqrt{3}U / 0^\circ \text{ V}$ , 各负载如图所示,

求:  $\dot{I}_{A1}, \dot{I}_{A2}, \dot{I}_{A3}$



**解**

消去互感, 进行 $\Delta$ -Y变换, 取A相计算电路。

负载化为Y形联结，根据对称性，中性线的电阻  $Z_n$  短路。

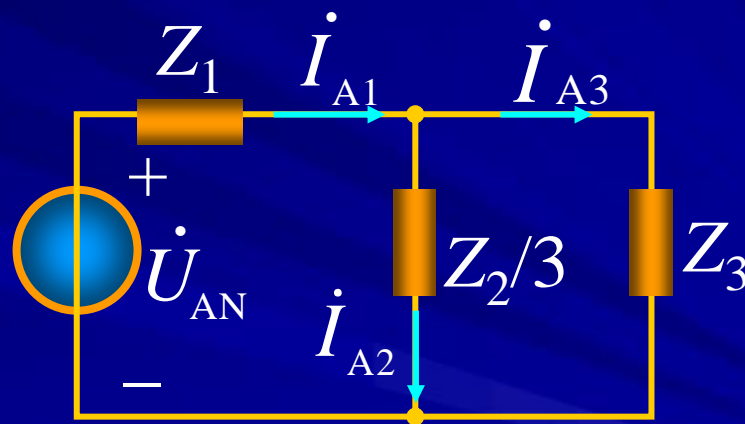
$$Z_3 = R + j\omega(L - M)$$

$$\dot{U}_{AN} = \frac{1}{\sqrt{3}} \dot{U}_{AB} \angle -30^\circ = U \angle -30^\circ \text{ V}$$

$$\dot{I}_{A1} = \frac{\dot{U}_{AN}}{Z_1 + \frac{1}{3} Z_2 // Z_3}$$

$\dot{I}_{A2}, \dot{I}_{A3}$  可由分流得到。

相电流  $\dot{I}_{A4} = \frac{1}{\sqrt{3}} \dot{I}_{A3} \angle 30^\circ$





## 12-4 不对称三相电路的概念

**不对称**



{ 电源不对称 (不对称程度小, 系统保证其对称)。  
电路参数(负载)不对称情况很多。

**讨论对象**



电源对称, 负载不对称(低压电力网)。

**分析方法**



复杂交流电路分析方法。

主要了解: 中性点位移。

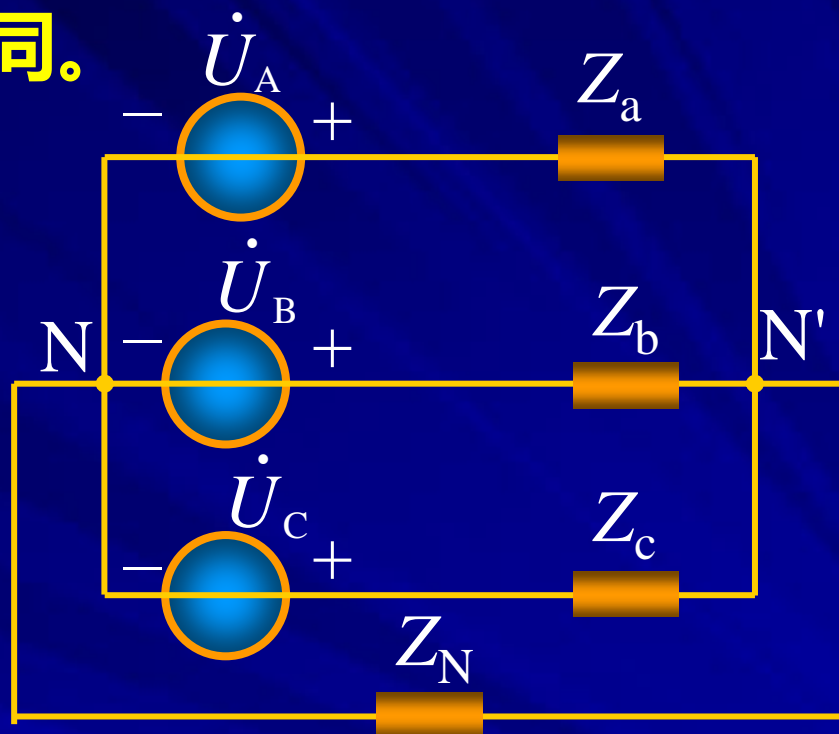
三相负载 $Z_a$ 、 $Z_b$ 、 $Z_c$ 不相同。

负载各相电压：

$$\dot{U}_{AN'} = \dot{U}_{AN} - \dot{U}_{N'N}$$

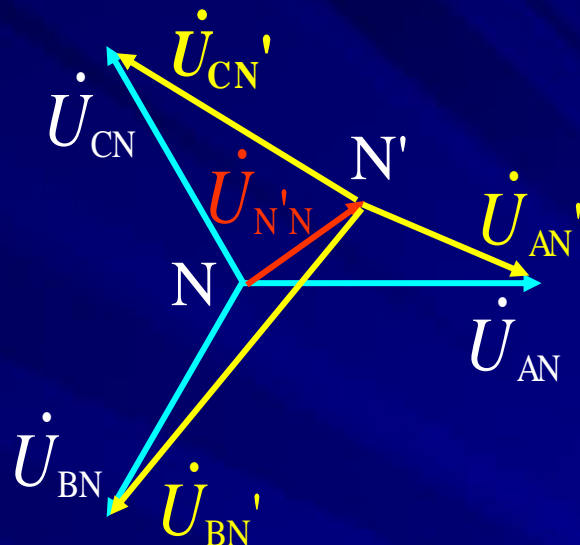
$$\dot{U}_{BN'} = \dot{U}_{BN} - \dot{U}_{N'N}$$

$$\dot{U}_{CN'} = \dot{U}_{CN} - \dot{U}_{N'N}$$




$$\dot{U}_{N'N} = \frac{\dot{U}_{AN}/Z_a + \dot{U}_{BN}/Z_b + \dot{U}_{CN}/Z_c}{1/Z_a + 1/Z_b + 1/Z_c + 1/Z_N} \neq 0$$

## 相量图



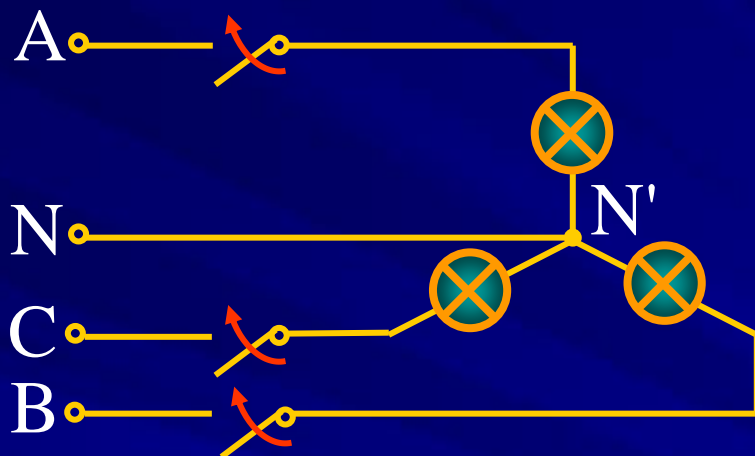
## 中性点位移

→ 负载中性点与电源中性点不重合。

 **注意** 在电源对称情况下，可以根据中性点位移的情况来判断负载端不对称的程度。当中性点位移较大时，会造成负载相电压严重不对称，使负载的工作状态不正常。

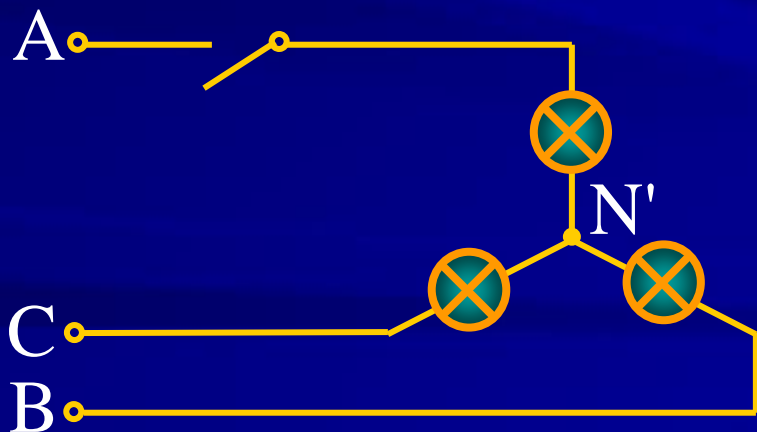
# 例4-1 讨论照明电路。

(1) 正常情况下，三相四线制，中线阻抗约为零。



每相负载的工作情况相对独立。

(2) 若三相三线制，设A相断路(三相不对称)



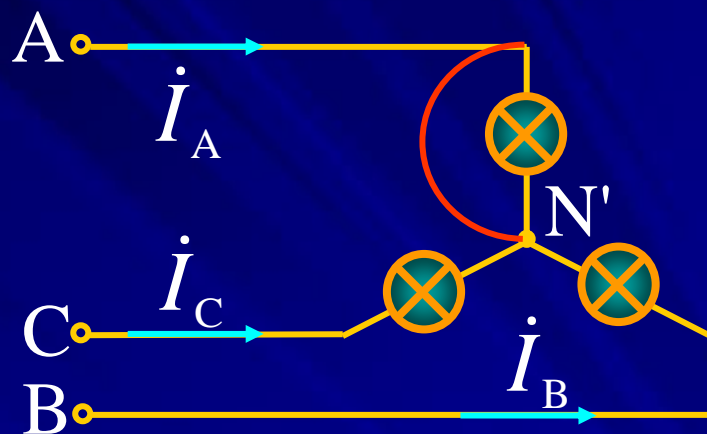
$$U_{CN'} = U_{BN'} = U_{BC} / 2$$

白炽灯电压低，  
灯光昏暗。

## (3) A相短路

$$U_{CN'} = U_{BN'} = U_{AB} = U_{AC}$$

超过灯的额定电压，白炽灯可能烧坏。



计算短路电流：

$$\begin{aligned} \dot{I}_B &= \frac{\dot{U}_{BA}}{R} = -\frac{\sqrt{3}\dot{U}_A \angle 30^\circ}{R} & \dot{I}_C &= \frac{\dot{U}_{CA}}{R} = \frac{\sqrt{3}\dot{U}_A \angle 150^\circ}{R} \\ \dot{I}_A &= -(\dot{I}_B + \dot{I}_C) = -\frac{\sqrt{3}\dot{U}_A}{R} (\angle -30^\circ + \angle 150^\circ) \\ &= -\frac{\sqrt{3}\dot{U}_A}{R} \left( -\frac{\sqrt{3}}{2} - j\frac{1}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2} + j\frac{1}{2} \right) = \frac{3\dot{U}_A}{R} \end{aligned}$$



注意

短路电流是正常时电流的3倍。



## 结论

- ①负载不对称，电源中性点和负载中性点不等位，中性线中有电流，各相电压、电流不存在对称关系。
- ②中性线不装保险，并且中性线较粗。一是减少损耗，二是加强强度(中性线一旦断了，负载不能正常工作)。
- ③要消除或减少中性点的位移，尽量减少中性线阻抗，然而从经济的观点来看，中性线不可能做得很粗，应适当调整负载，使其接近对称情况。



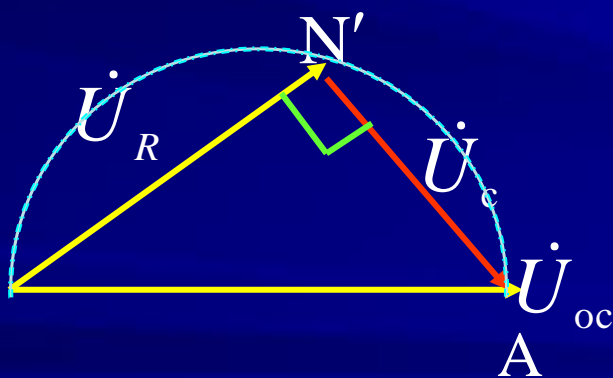
例4-2 图示为相序仪电路。说明测相序的方法。

**解** 应用戴维宁定理

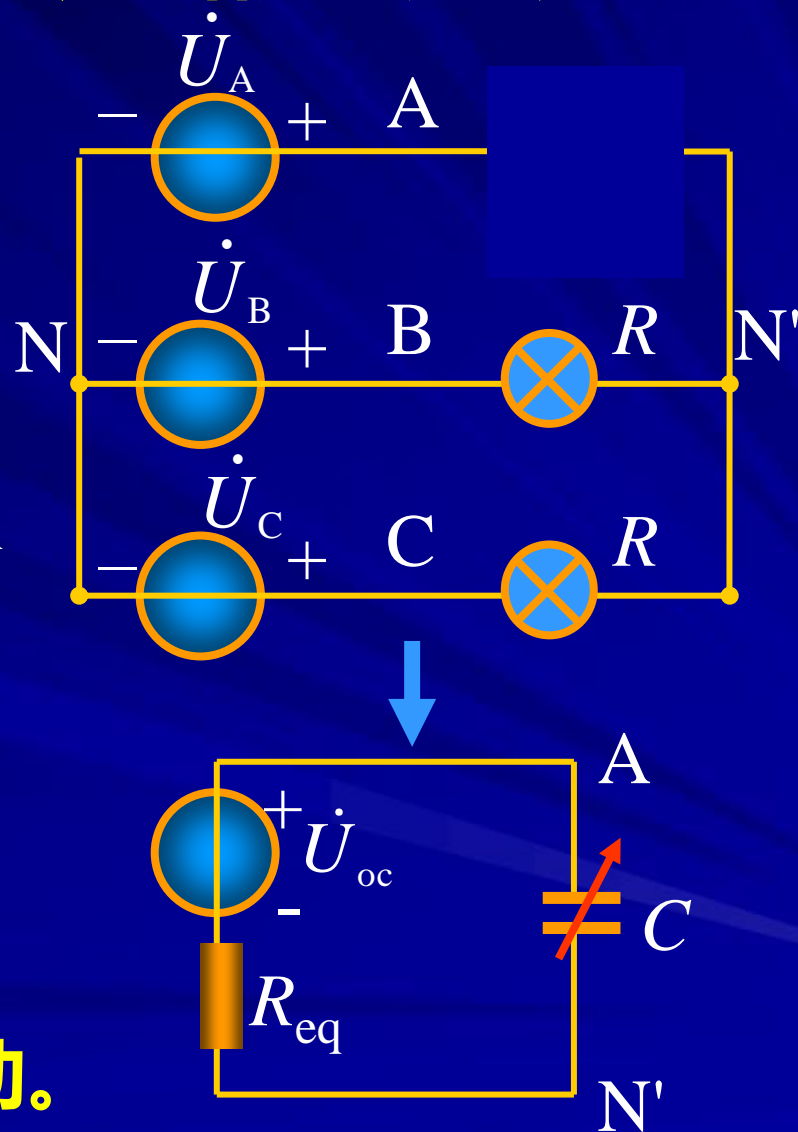
$$R_{eq} = R/2$$

$$\dot{U}_{oc} = \dot{U}_A - \dot{U}_B + \frac{\dot{U}_B - \dot{U}_C}{2}$$

$$= \dot{U}_A - \frac{1}{2}(\dot{U}_B + \dot{U}_C) = \frac{3}{2}\dot{U}_A$$



当C变化时, N'在半圆上移动。



电容断路, N'在CB线中点。

$$N'A \Rightarrow \dot{U}_{oc} = \frac{3}{2} \dot{U}_A$$

**电容变化,  $N'$  在半圆上运动, 因此总满足:**

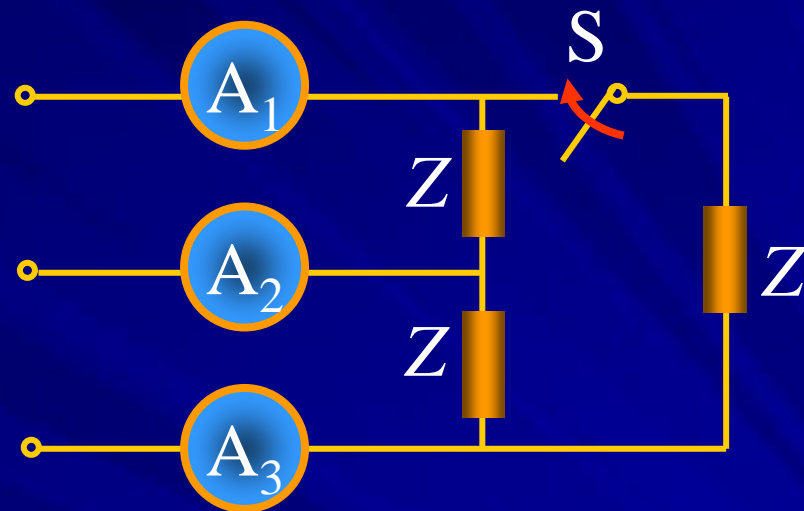
$$\dot{U}_{\text{BN}'} \geq \dot{U}_{\text{CN}'}$$

若以接电容一相为A相，则B相电压比C相电压高。B相灯较亮，C相较暗(正序)。据此可测定三相电源的相序。

例4-3 如图电路中，电源三相对称。当开关S闭合时，电流表的读数均为5A。

求：开关S打开后各电流表的读数。

解



开关S打开后，表 $A_2$ 的电流数与负载对称时相同。而表 $A_1$ 和表 $A_3$ 的电流数等于负载对称时的相电流。

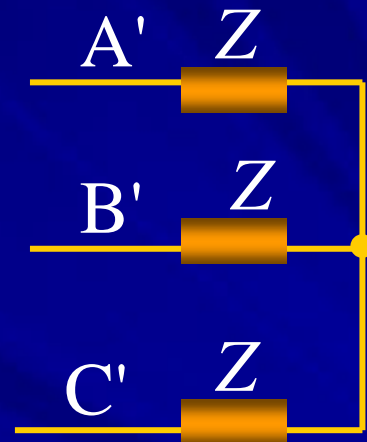
$$A_2 = 5\text{A} \quad A_1 = A_3 = 5/\sqrt{3}\text{A} = 2.89\text{A}$$

## 12-5 三相电路的功率

### 1. 对称三相电路功率的计算

①平均功率

$$\longrightarrow P_P = U_P I_P \cos \varphi$$



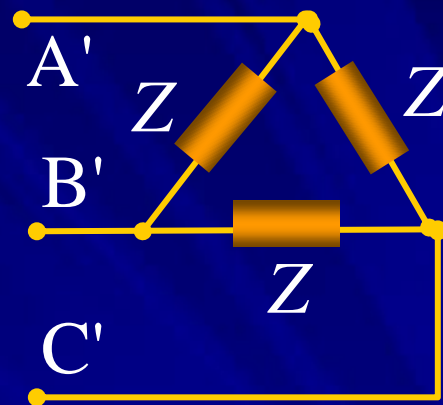
三相总功率:  $P = 3P_P = 3U_P I_P \cos \varphi$

Y形联结:  $U_L = \sqrt{3}U_P, I_L = I_P$

$$P = 3 \cdot \frac{1}{\sqrt{3}} U_L I_L \cos \varphi = \sqrt{3} U_L I_L \cos \varphi$$

$\Delta$ 形联结:  $U_L = U_P, I_L = \sqrt{3}I_P$

$$P = 3U_L \cdot \frac{1}{\sqrt{3}} I_L \cos\varphi = \sqrt{3}U_L I_L \cos\varphi$$



注意

- (1)  $\varphi$  为相电压与相电流的相位差(阻抗角), 不要误以为是线电压与线电流的相位差。
- (2)  $\cos\varphi$  为每相的功率因数, 在对称三相制中有  $\cos\varphi_A = \cos\varphi_B = \cos\varphi_C = \cos\varphi$ 。
- (3) 公式计算电源发出的功率(或负载吸收的功率)。

例5-1 已知对称三相电路线电压 $U_L$ ，问负载接成Y形联结和 $\Delta$ 形联结各从电网获取多少功率？

解

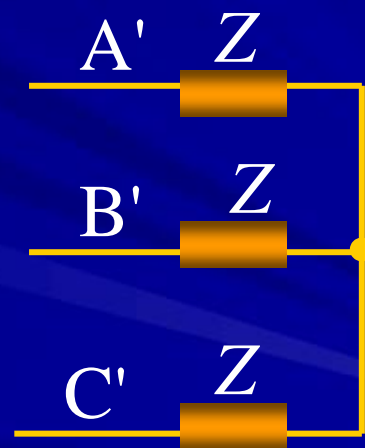
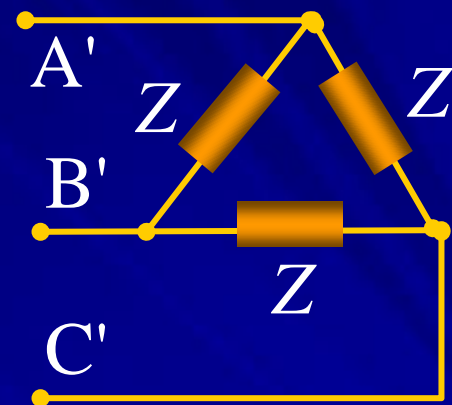
$$\Delta\text{形联结: } P = \sqrt{3}U_L \frac{\sqrt{3}U_L}{R} = 3 \frac{U_L^2}{R}$$

$$Y\text{形联结: } P = \sqrt{3}U_L \frac{U_L}{\sqrt{3}R} = \frac{U_L^2}{R}$$



结论

- ① 负载由Y形联结改成 $\Delta$ 形联结，若线电压不变，由于相电压与相电流增大 $\sqrt{3}$ 倍，则功率增大3倍。
- ② 若负载的相电压不变，则不论怎样连接其功率不变。





**②无功功率**

$$\rightarrow Q = Q_A + Q_B + Q_C = 3Q_P$$

$$Q = 3U_P I_P \sin \varphi = \sqrt{3} U_L I_L \sin \varphi$$

**③视在功率**

$$S = \sqrt{P^2 + Q^2} = 3U_P I_P = \sqrt{3} U_L I_L$$



**注意** ①功率因数也可定义为:  $\cos \varphi = P/S$ 。

②这里的,  $P$ 、 $Q$ 、 $S$  都是指三相总和。

③不对称时  $\varphi$  无意义。

#### ④对称三相负载的瞬时功率

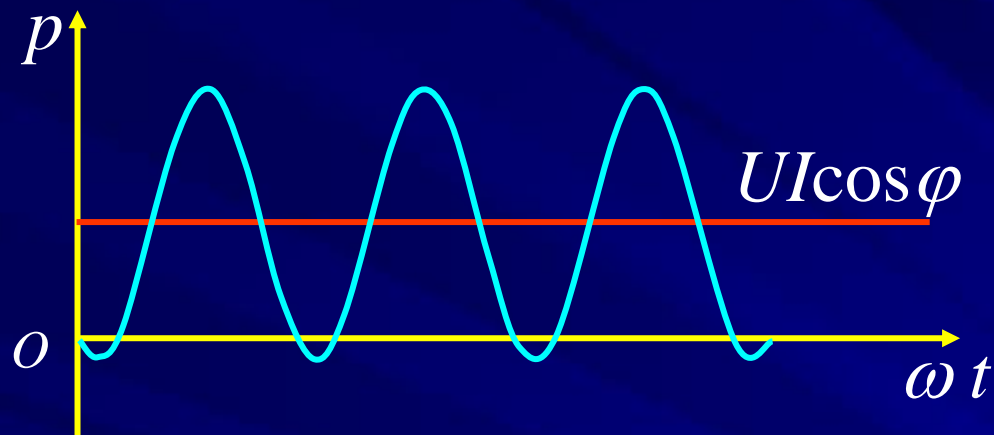
设  $u_A = \sqrt{2}U \cos(\omega t)$        $i_A = \sqrt{2}I \cos(\omega t - \varphi)$

则  $p_A = u_A i_A = 2UI \cos(\omega t) \cos(\omega t - \varphi)$   
 $= UI [\cos \varphi + \cos(2\omega t - \varphi)]$

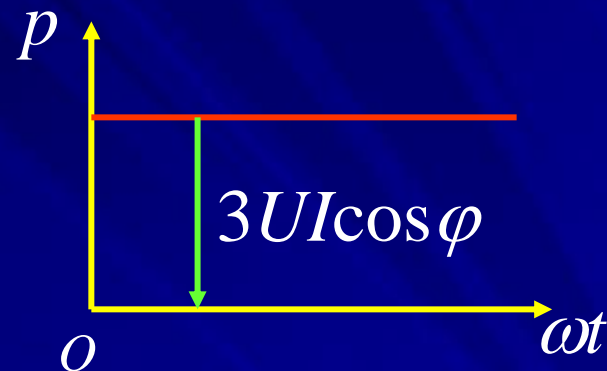
$$p_B = u_B i_B = UI \cos \varphi + UI \cos[(2\omega t - 240^\circ) - \varphi]$$

$$p_C = u_C i_C = UI \cos \varphi + UI \cos[(2\omega t + 240^\circ) - \varphi]$$

$$p = p_A + p_B + p_C = 3UI \cos \varphi$$



**单相：瞬时功率脉动**



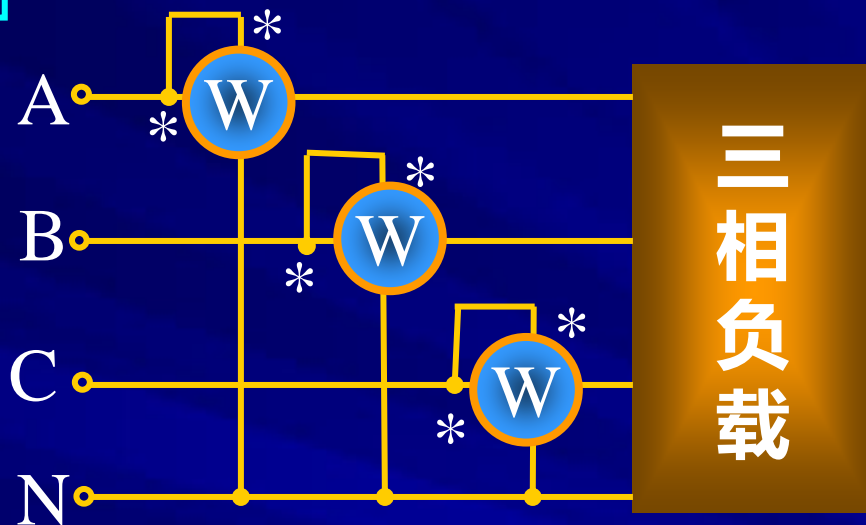
**三相：瞬时功率恒定**

**电动机转矩：**  $m \propto p$

**可以得到均衡的机械力矩。避免了机械振动。**

## 2. 三相功率的测量

### ①三表法



三相  
四  
线  
制

三相  
负  
载

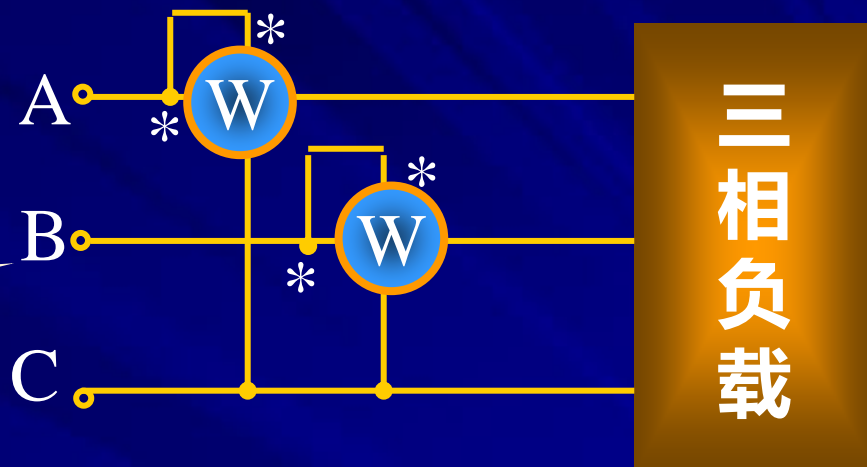
$$p = u_{AN} \dot{i}_A + u_{BN} \dot{i}_B + u_{CN} \dot{i}_C$$


$$P = P_A + P_B + P_C$$

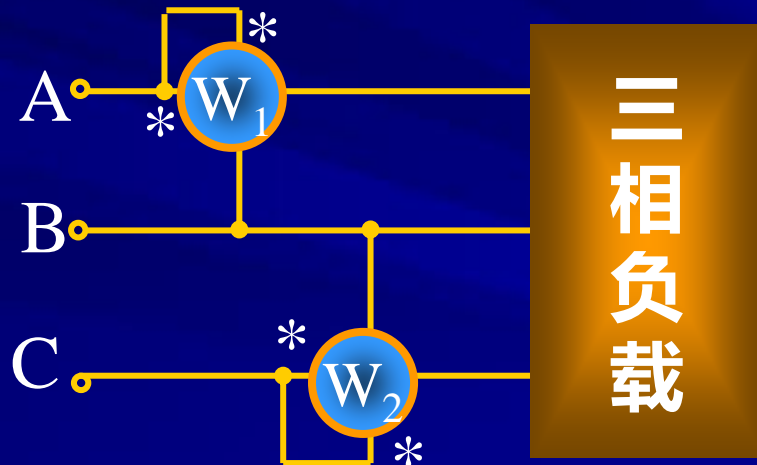
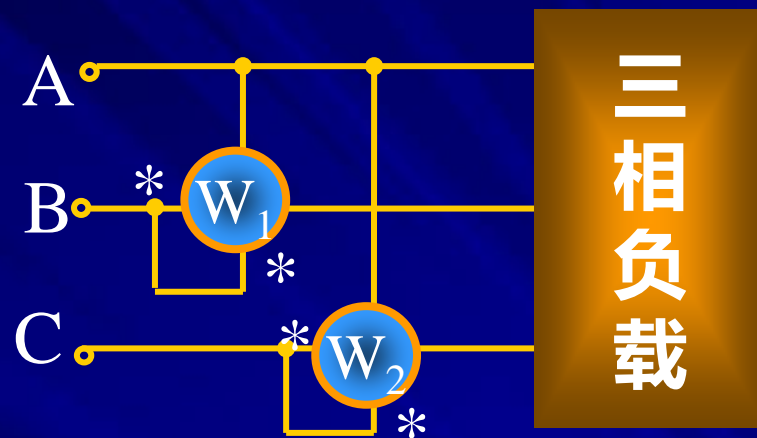
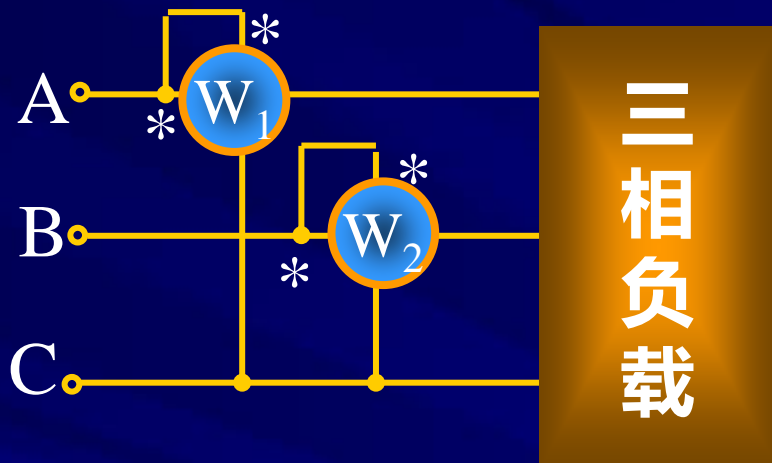
若负载对称，则需一块表，读数乘以3。

## ②二表法

三相三线制



 **注意** 测量线路的接法是将两个功率表的电流线圈串到任意两相中，电压线圈的同名端接到其电流线圈所串的线上，电压线圈的非同名端接到另一相没有串功率表的线上(有三种接线方式)。



若 $W_1$ 的读数为 $P_1$ ， $W_2$ 的读数为 $P_2$ ，则三相总功率为

$$P = P_1 + P_2$$



证明： **设负载是Y形联结**

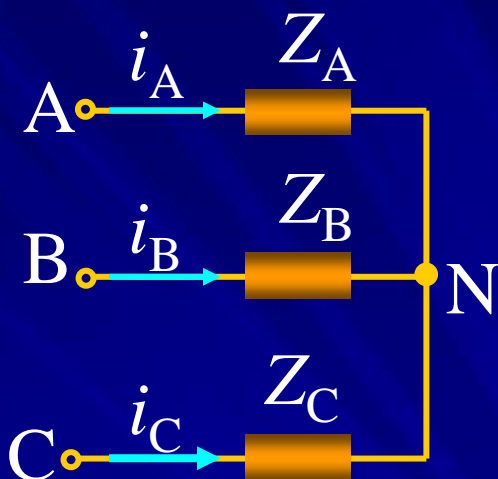
$$p = u_{AN} i_A + u_{BN} i_B + u_{CN} i_C$$

$$i_A + i_B + i_C = 0 \quad i_C = -(i_A + i_B)$$

$$p = (u_{AN} - u_{CN}) i_A + (u_{BN} - u_{CN}) i_B$$

$$= u_{AC} i_A + u_{BC} i_B$$

$$P = U_{AC} I_A \cos \varphi_1 + U_{BC} I_B \cos \varphi_2 = \textcircled{W_1} + \textcircled{W_2}$$



**注意**

①  $\varphi_1$  为  $u_{AC}$  与  $i_A$  的相位差， $\varphi_2$  是  $u_{BC}$  与  $i_B$  的相位差。

② 因  $\Delta$  形负载可以变为 Y，故上述结论仍成立。

**注意**

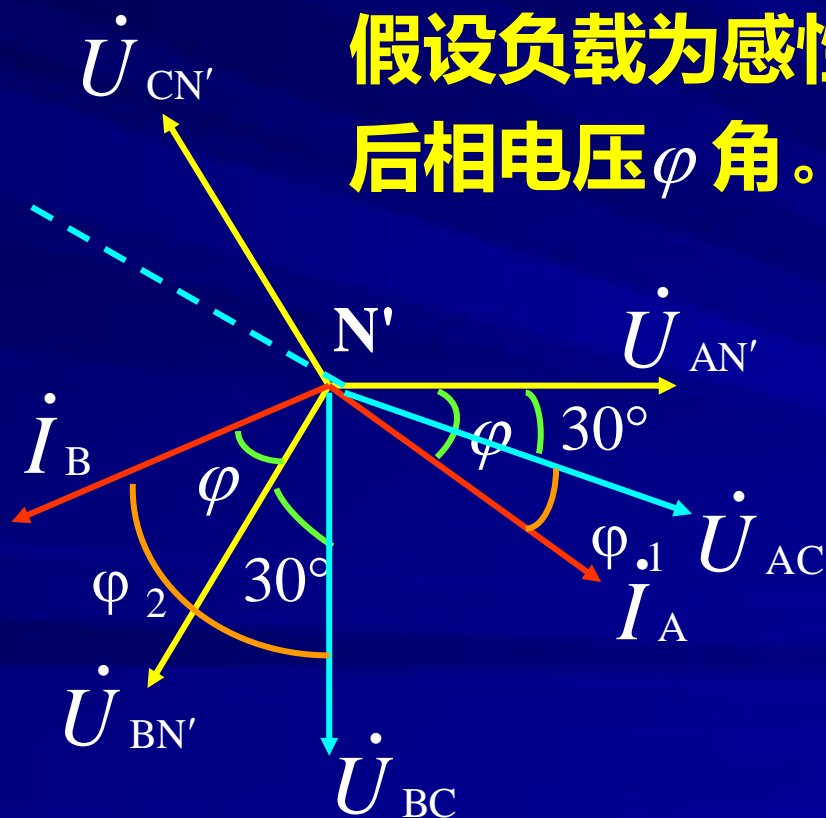
1. 只有在三相三线制条件下，才能用二表法，且不论负载对称与否。
2. 两表读数的代数和为三相总功率，单块表的读数无意义。
3. 按正确极性接线时，若出现一个表指针反转即读数为负，将其电流线圈极性反接使指针指向正数，但此时读数应记为负值。
4. 负载对称情况下，有：
$$P_1 = U_L I_L \cos(\varphi - 30^\circ)$$
$$P_2 = U_L I_L \cos(\varphi + 30^\circ)$$

## 由相量图分析：

$$P = P_1 + P_2 = U_{AC} I_A \cos \varphi_1 + U_{BC} I_B \cos \varphi_2$$

$$= U_L I_L \cos \varphi_1 + U_L I_L \cos \varphi_2$$

**假设负载为感性，相电流(即线电流)落后相电压 $\varphi$ 角。**



$i_A$  落后  $\dot{U}_{AN'}$   $\varphi$  角

$i_B$  落后  $\dot{U}_{BN'}$   $\varphi$  角

$i_C$  落后  $\dot{U}_{CN'}$   $\varphi$  角

$$\varphi_1 = \varphi - 30^\circ$$

$$\varphi_2 = \varphi + 30^\circ$$

所以

$$P_1 = U_L I_L \cos \varphi_1 = U_L I_L \cos(\varphi - 30^\circ)$$

$$P_2 = U_L I_L \cos \varphi_2 = U_L I_L \cos(\varphi + 30^\circ)$$

$$P = U_L I_L [\cos(\varphi - 30^\circ) + \cos(\varphi + 30^\circ)] = \sqrt{3} U_L I_L \cos \varphi$$



讨论	$P_1$	$P_2$	$P_1 = P_1 + P_2$
$\varphi = 0$	$\frac{\sqrt{3}}{2} U_L I_L$	$\frac{\sqrt{3}}{2} U_L I_L$	$\sqrt{3} U_L I_L$
$\varphi \geq 60^\circ$	正数	负数(零)	(感性负载)
$\varphi \leq -60^\circ$	负数(零)	正数	(容性负载)
$\varphi = 90^\circ$	$\frac{1}{2} U_L I_L$	$-\frac{1}{2} U_L I_L$	0

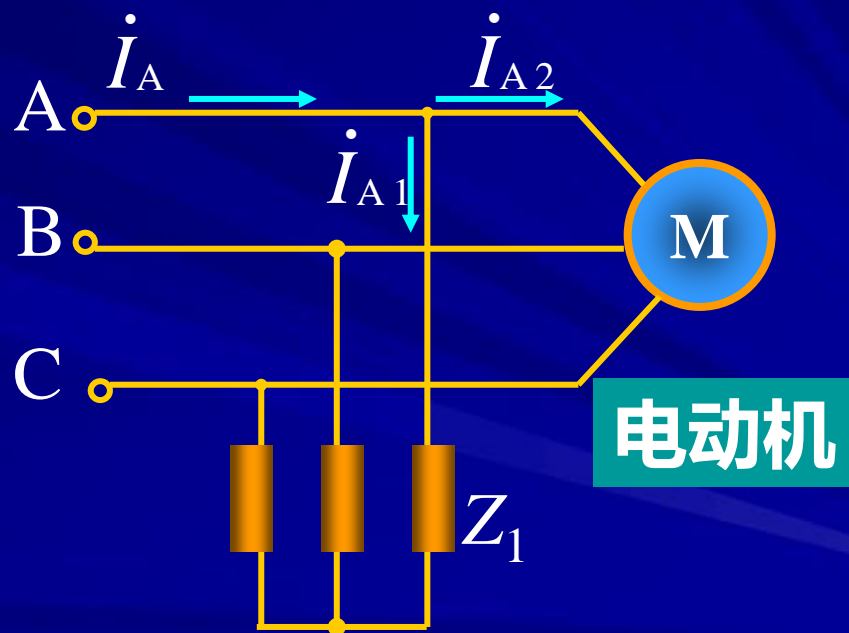
例5-1 已知  $U_L = 380\text{V}$ ,  $Z_1 = (30 + j40)\Omega$ , 电动机  
 $P = 1700\text{W}$ ,  $\cos\varphi = 0.8$  (感性)。

求：(1) 线电流和电源发出的总功率；  
(2) 用两表法测三相负载的功率，画接线图  
求两表读数。

解

$$(1) \dot{U}_{AN} = 220 \angle 0^\circ \text{ V}$$

$$\begin{aligned} \dot{I}_{A1} &= \frac{\dot{U}_{AN}}{Z_1} = \frac{220 \angle 0^\circ}{30 + j40} \text{ A} \\ &= 4.41 \angle -53.1^\circ \text{ A} \end{aligned}$$



**电动机负载:**  $P = \sqrt{3}U_L I_{A2} \cos\varphi = 1700 \text{ W}$

$$I_{A2} = \frac{P}{\sqrt{3}U_L \cos\varphi} = \frac{P}{\sqrt{3} \times 380 \times 0.8} = 3.23 \text{ A}$$

$$\cos\varphi = 0.8, \quad \varphi = 36.9^\circ \quad \dot{I}_{A2} = 3.23 / -36.9^\circ \text{ A}$$

**总电流:**  $\dot{I}_A = \dot{I}_{A1} + \dot{I}_{A2}$

$$= (4.41 / -53.1^\circ + 3.23 / -36.9^\circ) \text{ A} = 7.56 / -46.2^\circ \text{ A}$$

$$P_{\text{总}} = \sqrt{3}U_L I_A \cos\varphi_{\text{总}}$$

$$= (\sqrt{3} \times 380 \times 7.56 \cos 46.2^\circ) \text{ W} = 3.44 \text{ kW}$$

$$P_{Z1} = 3 \times I_{A1}^2 \times R_1 = 3 \times 4.41^2 \times 30 \text{ W} = 1.74 \text{ kW}$$



## (2) 两表接法如图

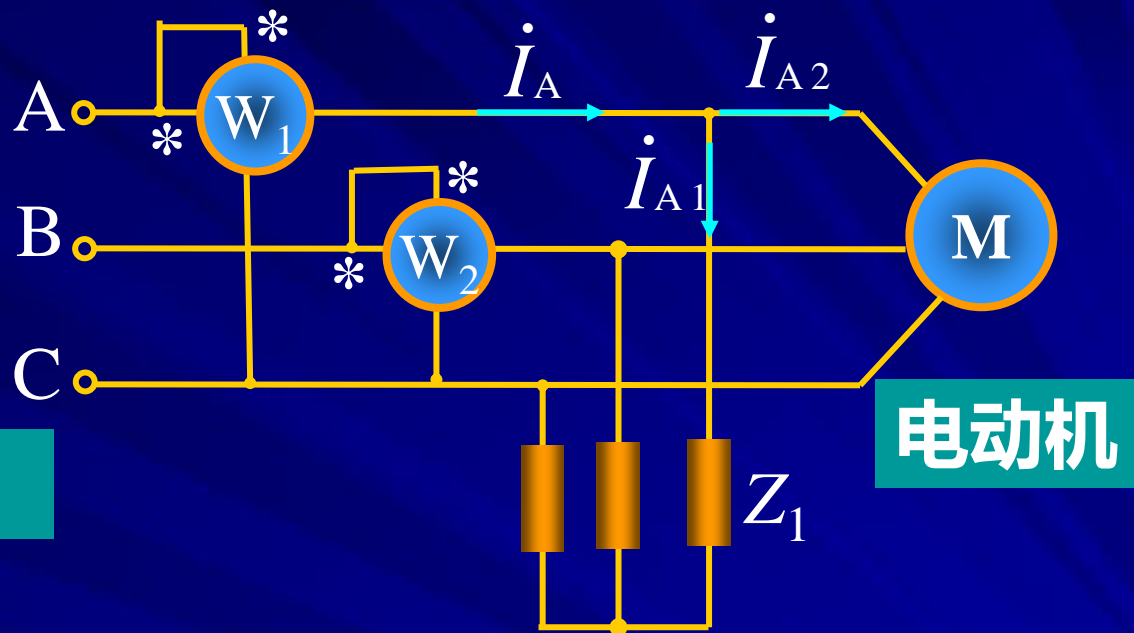


表 $W_1$ 的读数 $P_1$ :

$$P_1 = U_{AC} I_A \cos \varphi_1$$

$$= 380 \times 7.56 \cos(46.2^\circ - 30^\circ) \text{ W} = 2758.73 \text{ W}$$

表 $W_2$ 的读数 $P_2$ :

$$P_2 = U_{BC} I_B \cos \varphi_2 = 380 \times 7.56 \cos(30^\circ + 46.2^\circ) \text{ W}$$

$$= 685.26 \text{ W} = P - P_1$$

例5-2 根据图示功率表的读数可以测取三相对称负载的什么功率？

**解** 画出相量图，得功率表的读数：

$$P = U_{BC} I_A \cos(90^\circ \pm \varphi) \\ = U_L I_L \sin \varphi$$

根据功率表的读数可以测取负载的无功功率。

$$Q = \sqrt{3} U_L I_L \sin \varphi = \sqrt{3} P$$

