

**Primer Parcial de Estructuras de Datos y Algoritmos 72.34****Primer Cuatrimestre de 2014 – 22/04/2014**

Ejercicio 1	Ejercicio 2	Ejercicio 3	Nota

**Condición Mínima de Aprobación: Tener por lo menos dos ejercicios con B-**

**Consideraciones a tener en cuenta. MUY IMPORTANTE**

- El ejercicio que no respete estrictamente el enunciado será anulado.
- Se puede entregar el examen escrito en lápiz.
- Se tendrán en cuenta la eficiencia y el estilo de programación.
- Los teléfonos celulares deben estar apagados.
- Entregar los ejercicios en hojas separadas

**Ejercicio 1**

Dada la siguiente implementación de árboles binarios

```
public class BinaryTree<T> {

    private T value;
    private BinaryTree<T> left;
    private BinaryTree<T> right;

    public BinaryTree(T value, BinaryTree<T> left, BinaryTree<T> right) {
        this.value = value;
        this.left = left;
        this.right = right;
    }

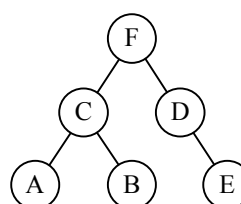
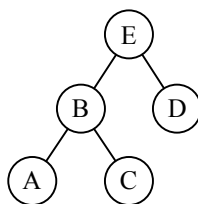
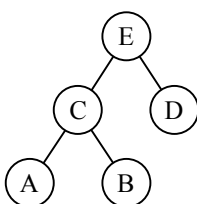
}
```

Implementar un método que determine si los valores almacenados en el árbol según un recorrido postorder se encuentran ordenados de menor a mayor (según el criterio de un comparador recibido por parámetro).

```
public static <T> boolean isPostOrderSorted(BinaryTree<T> tree, Comparator<? super T> c)
```

**El algoritmo no debe recorrer los nodos del árbol más de una vez ni debe crear estructuras auxiliares.**

Ejemplo: para el primer árbol el algoritmo retornaría true. Para los siguientes dos retornaría false.



## Ejercicio 2

Se tiene la siguiente interfaz que representa un mapa en donde además de almacenar y consultar pares clave/valor, se permite eliminar el par clave/valor menos consultado y obtener la clave que más veces fue consultada:

```
public interface CustomMap<K, V> {

    /**
     * Retorna el valor asociado a la clave, o null si la clave no existe.
     */
    public V get(K key);

    /**
     * Agrega un par clave/valor al mapa. Si la clave ya existe, la actualiza
     * con el nuevo valor (en este caso esta operación se cuenta como un acceso más
     * a la clave).
     */
    public void put(K key, V value);

    /**
     * Retorna la clave que más veces fue accedida.
     */
    public K getMostAccessed();

    /**
     * Elimina del mapa la clave (y valor) que menos veces fue accedida.
     * Se pueden realizar sucesivas llamadas a este método.
     */
    public void removeLeastAccessed();

}
```

Ejemplo de uso:

```
public static void main(String[] args) {
    CustomMapImpl<String, String> m = new CustomMapImpl<String, String>();

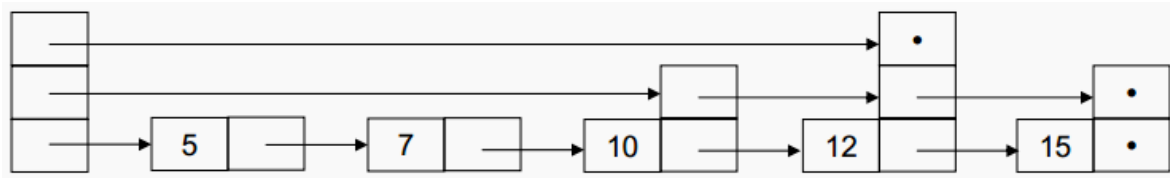
    System.out.println(m.get("k1"));           // Imprime null
    m.put("k1", "v1");                         // Agrega k1=v1
    m.put("k2", "v2");                         // Agrega k2=v2
    m.put("k3", "v3");                         // Agrega k3=v3
    System.out.println(m.get("k2"));           // Imprime v2
    System.out.println(m.getMostAccessed());   // Imprime k2
    System.out.println(m.get("k1"));           // Imprime v1
    System.out.println(m.get("k2"));           // Imprime v2
    m.removeLeastAccessed();                   // Elimina k3
    m.removeLeastAccessed();                   // Elimina k1
    m.put("k4", "v4");                         // Agrega k4=v4
    m.put("k4", "v5");                         // Actualiza k4=v5
    m.put("k4", "v6");                         // Actualiza k4=v6
    System.out.println(m.get("k4"));           // Imprime v6
    System.out.println(m.getMostAccessed());   // Imprime k4
    m.removeLeastAccessed();                   // Elimina k2
    m.removeLeastAccessed();                   // Elimina k4
}
```

Implementar la interfaz anterior utilizando una lista lineal, teniendo en cuenta que **los métodos get y put deben tener complejidad temporal  $O(N)$ , y los métodos getMostAccessed y removeLeastAccessed deben tener complejidad temporal  $O(1)$**  y no se puede utilizar la API de Java.

### Ejercicio 3

Una skip-list es una lista ordenada en donde cada nodo puede mantener, además del puntero al siguiente, punteros a nodos más distantes. Además cuenta con un nodo header que no contiene información pero sí referencias a nodos.

El siguiente es un ejemplo de una lista con los valores 5, 7, 10, 12 y 15.



Se pide:

- 1) Definir la estructura de la clase SkipList (clases internas, propiedades)
- 2) Implementar el método ***belongs***, que recibe un elemento y retorna ***true*** si el mismo pertenece a la lista o ***false*** en caso contrario.