

# Reto 4: Árboles

Francisco David Charte Luque

Ignacio Cordón Castillo

## 1 Inorden no recursivo

*Diseñar un procedimiento inorden no recursivo a imagen y semejanza del procedimiento preorden no recursivo que el profesor diseñó en la clase.*

La idea seguida en el procedimiento de inorden iterativo es acumular en una pila cada elemento pendiente de mostrar, e ir descendiendo en los hijos izquierda de cada nodo hasta encontrar una hoja. Entonces, se imprime la hoja y se comienza a ascender por el árbol, mostrando los padres y entrando en los hijos derecha. Cada vez que se pasa por un nodo nuevo (que no se haya visitado antes), se reinicia la búsqueda en los hijos izquierda.

A continuación mostramos la implementación del método en C++:

```
void inordenNR(const ArbolBinario<int>& a){
    ArbolBinario<int>::Nodo actual;
    stack<ArbolBinario<int>::Nodo> p;
    bool subiendo = false;

    actual=a.raiz();
    p.push(ArbolBinario<int>::nodo_nulo);
    p.push(actual);

    while (actual != ArbolBinario<int>::nodo_nulo){
        if (a.izquierda(actual) != ArbolBinario<int>::nodo_nulo && !subiendo){
            // Pasamos a manejar el hijo izquierdo
            actual = a.izquierda(actual);
            p.push(actual);
        } else {
            cout << a.etiqueta(actual) << ' ';
            p.pop();
            subiendo = true;

            if (a.derecha(actual) != ArbolBinario<int>::nodo_nulo) {
```

```

        // Pasamos a manejar el hijo derecho
        actual = a.derecha(actual);
        p.push(actual);
        subiendo = false;
    } else {
        // Trataremos de saltar al hermano
        actual = p.top();
    }
}
}
}
}
}

```

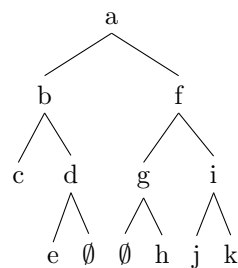
## 2 Codificación de árbol binario

*Dar un procedimiento para guardar un árbol binario en disco de forma que se recupere la estructura jerárquica de forma unívoca usando el mínimo número de centinelas que veais posible.*

El método escogido consiste en especificar, para cada nodo del árbol binario, la manera en que se estructuran sus hijos. Es decir, en la codificación podremos conocer si un nodo tiene dos hijos, sólo el izquierdo, solo el derecho o ninguno. Para ello, se recorrerá el árbol en preorden, añadiendo después de cada nodo, en caso de ser necesario, uno de los tres centinelas siguientes:

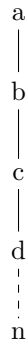
- i. < Le falta el hijo izquierdo
- ii. > Le falta el hijo derecho
- iii. - No tiene hijos

No se hará empleo de ningún centinela si el nodo tiene ambos hijos, ni tampoco tendrá centinela el último nodo, pues este siempre será -. Veamos un ejemplo: para el árbol siguiente



se obtendrá la codificación **abc-d>e-fg<h-ij-k**.

Para esta codificación, se tiene que en el peor caso posible para  $n$  nodos(aquel en que a cada nodo le falta un hijo, y por tanto cada nodo va acompañado de un centinela), se usan  $n - 1$  centinelas; esto es, se tiene que se emplean  $2n - 1$  posiciones (entre centinelas y etiquetas). El siguiente árbol ilustra este caso, tomando todos los nodos distintos de la raíz como hijos izquierdos del padre:



La codificación resultante del árbol sería:  $a > b > c > d > \dots n$ .

El procedimiento se ha desarrollado en dos partes: la primera ejecuta una preparación de los datos, para un manejo recursivo por la segunda. Es conveniente aclarar que algoritmo 2 trabaja directamente con los datos, no con una copia, es decir, está modificando en cada ejecución el árbol **nuevo** y las pilas **hijos** y **nodos** que se pasan desde el algoritmo 1. Además, para evitar añadir complejidad innecesaria a la descripción de los algoritmos, se han identificado los tipos de dato del nodo del árbol y el de la etiqueta (se realizan asignaciones de etiquetas a nodos).

---

**Algoritmo 1** Recuperación del árbol (I)

---

**Entrada:**

`bin_tree`, árbol binario leído codificado

```
1: Crear pila nodos, pila hijos
2: centinelas  $\leftarrow \{-, <, >\}$ 

3: para todo elemento en bin_tree
4:   si elemento  $\in$  centinelas entonces
5:     Apilar elemento en hijos
6:   en otro caso
7:     Apilar elemento en nodos
8:     si  $\nexists$  posterior a elemento o posterior a elemento  $\notin$  centinelas entonces
9:       Apilar * en hijos
10:    fin si
11:  fin si
12: fin para
13: Apilar - en hijos

14: Crear árbol nuevo
15: Raíz de nuevo  $\leftarrow$  tope de nodos
16: Sacar tope de nodos
17: Llamar al algoritmo 2 con parámetros {raíz de nodos, nodos, hijos}

18: devolver nuevo
```

---

---

**Algoritmo 2** Recuperación del árbol (II)

---

**Entrada:**

actual, nodo sobre el que añadir descendientes

nodos, pila de nodos

hijos, pila de centinelas

```
1: centinela  $\leftarrow$  tope de hijos
2: Sacar tope de hijos
3: si centinela  $\neq -$  entonces
4:   si centinela  $\neq <$  entonces
5:     Hijo izquierda de actual  $\leftarrow$  tope de nodos
6:     Sacar tope de nodos
7:     Llamar al algoritmo 2 con parámetros {hijo izquierda de actual, nodos,
      hijos}
8:   fin si

9:   si centinela  $\neq >$  entonces
10:    Hijo derecha de actual  $\leftarrow$  tope de nodos
11:    Sacar tope de nodos
12:    Llamar al algoritmo 2 con parámetros {hijo derecha de actual, nodos, hijos}
13:  fin si
14: fin si
```

---